

برآورد بار رسوب معلق رودخانه ها با استفاده از روش های هیدرولوژیکی مختلف (مطالعه موردی):

رودخانه سیاهرود مازندران

رضا صالحی طالشی^{1*}، عسکری تشکری² و نجم الدین واصلی³

(1) دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات فارس، گروه عمران، فارس، ایران.

(2) استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی واحد قائم شهر، گروه مهندسی آب، قائم شهر، ایران.

(3) استادیار، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم و تحقیقات فارس، گروه مهندسی آب، فارس، ایران.

* نویسنده مسئول مکاتبات: rezasalehi2013@gmail.com

تاریخ پذیرش: 91/6/4

تاریخ دریافت: 91/3/25

چکیده

در یک حوزه آبخیز، رسوب در اثر فرسایش و تحت تاثیر عواملی مانند تخریب مراتع، تغییر کاربری، کشاورزی غیر اصولی و سایر موارد بوجود می آید که مشکلاتی نظیر رسوب گذاری در مخازن و کاهش حجم مفید آن ها، کاهش کیفیت آب از لحاظ مصارف کشاورزی، کاهش بازدهی سازه های هیدرولیکی و نیز برخی مشکلات زیست محیطی را سبب می شود. تغییرات بار رسوبی در یک رودخانه پارامتر مهمی در مدیریت پروژه های آبی و شاخصی جهت نشان دادن وضعیت فرسایش خاک و شرایط اکولوژیکی حوزه می باشد. تخمین بار رسوبی رودخانه در محدوده وسیعی از مسائل، نظیر طراحی مخازن سدها، انتقال رسوب رودخانه ها، تعیین تاثیرات مدیریت آبخیزها و حفاظت محیط زیست کاربرد دارد. این تحقیق در مورد رودخانه سیاهرود استان مازندران انجام شده است که منبع اصلی تامین کننده آب بخش وسیعی از مزارع کشاورزی منطقه محسوب می شود. در این پژوهش با بررسی کارآیی منحنی های سنج رسوب و انتخاب مناسب ترین منحنی، سعی شده است تخمین نسبتاً قابل اطمینانی از میزان بار معلق رسوبی رودخانه ارائه گردد. بدین منظور از آمار دبی روزانه جریان و آمار متناظر دبی جریان - دبی رسوب معلق که به صورت همزمان در برخی از روزهای سال اندازه گیری شده اند، طی یک دوره آماری 13 ساله (از سال آبی 1377-78 تا سال آبی 1389-90) از تنها ایستگاه هیدرومتری واقع در مسیر اصلی رودخانه استفاده شد. انتخاب مناسب ترین منحنی با استفاده از شاخص های آماری میانگین مربعات خطا و ضریب تبیین انجام گردیده و با ترسیم منحنی های سنج رسوبی یک خطی، چند خطی و حد وسط دسته ها برای رودخانه مورد مطالعه، منحنی سنج حد وسط دسته ها با ضریب تبیین 0/93 بعنوان منحنی سنج رسوب مناسب انتخاب گردید و سپس با استفاده از روش های مختلف گذر حجمی، میزان بار معلق رودخانه برآورد شد. این روش ها شامل تلفیق منحنی سنج حد وسط دسته ها با دبی متوسط روزانه، دبی متوسط ماهانه، منحنی تداوم جریان و روش تلفیق دبی متوسط ماهانه و روزانه می باشد. در نهایت نتایج حاصل از این 4 روش با هم مقایسه گردید و روش منحنی سنج حد وسط دسته ها و تلفیق آن با دبی متوسط روزانه، بعنوان مدل بهینه در برآورد بار رسوب معلق رودخانه سیاهرود مازندران انتخاب شد. ضمناً میزان بار رسوب معلق در محل ایستگاه هیدرومتری به روش انتخابی، 55855 تن در سال برآورد شد.

واژه های کلیدی: رودخانه، رسوب، بار معلق، منحنی سنج رسوب، منحنی تداوم جریان.

مقدمه

مواد رسوبی حمل شده در رودخانه‌ها به تبعیت از تغییر مشخصه‌های هندسی رودخانه و خصوصیات جریان، فرصت ترسیب یافته و این فرآیند به صورت پدیده‌ی رسوبگذاری در بازه‌های مختلف رودخانه خودنمایی می‌کند. بطور کلی رسوباتی که همراه با آب حرکت می‌کنند، به دو دسته‌ی بار بستر و بار معلق تقسیم می‌شوند که در این تحقیق به بررسی بار معلق می‌پردازیم. مقدار بار معلق عبوری در یک مقطع از رودخانه ممکن است به ترکیبی از اثرات عمق و عرض جریان، شیب انرژی، دما، خصوصیات سیال، تلاطم جریان آب و نیز اندازه، شکل، چگالی، چسبندگی و غلظت ذرات معلق بستگی داشته باشد. تخمین بار معلق رسوب در محدوده وسیعی از جمله بحث انتقال بار معلق و آلودگی رودخانه‌ها، طراحی مخازن سدها، حفاظت زیستگاه ماهی‌ها، تاثیرات مدیریت آبخیزها، مقابله با خطرات ناشی از تجمع مواد معلق رسوب در سازه‌های آبی و مخازن سدها و بحث تأمین آب مناسب برای مصارف کشاورزی کاربرد دارد. بار معلق شامل ذرات کوچکی می‌شود که در بدنه اصلی جریان در حال تعلیق می‌باشند و با سرعتی تقریباً معادل سرعت جریان حرکت می‌کنند.

در طول سالیان متمادی شمار زیادی از روابط برای محاسبه میزان بار رسوبات معلق رودخانه پیشنهاد گردیده است. متأسفانه تعدد روابط تجربی ارائه شده، اصلاح آن‌ها و ارائه ضرایب جدید و انسجی معادلات نشان می‌دهد هنوز روش تحلیلی جدید و مناسبی که بر اساس آن به تخمین درستی از میزان رسوبات حمل شده توسط جریان دست یافت، ارائه نشده است. میرزائی (1381)، در مقایسه روش‌های آماری برآورد بار رسوب معلق رودخانه گرگانرود به این نتیجه رسید که روش‌های مختلف گاهی تا 13 برابر نسبت به یکدیگر اختلاف دارند. قبل از این، میرابوالقاسمی و مرید (1374) نیز در مقاله خود تحت عنوان بررسی روش‌های هیدرولوژیکی برآورد بار رسوب معلق رودخانه‌ها، بار معلق برآورد شده رودخانه کرخه را با استفاده از روش‌های متفاوت تا 5/85 برابر نسبت به یکدیگر متغیر دانستند.

همچنین باید توجه داشت که روابط بوجود آمده، حداکثر ظرفیت حمل رودخانه را برآورد می‌کنند. در حالی که ممکن است این مقدار رسوب در اختیار رودخانه نباشد و دبی رسوب اندازه‌گیری شده خیلی کمتر از میزان محاسبه شده از روابط موجود باشد. به طور مثال در رودخانه‌های کوهستانی، در فصل کم آبی سطح بستر آن‌ها از لایه‌ی درشت دانه پوشیده می‌شود و عملاً مقدار رسوب اندازه‌گیری شده خیلی ناچیز می‌باشد. در عین حال روابط موجود ممکن است میزان حمل رسوب را بطور قابل توجهی محاسبه کنند (شفاعی بجزستان، 1378). به همین دلیل به منظور دستیابی به تخمین نزدیک به واقعیت، از میزان رسوبات حمل شده رودخانه از داده‌های همزمان اندازه‌گیری شده آبدی - دبی رسوب در ایستگاه هیدرومتری استفاده و با رسم منحنی سنجه مربوطه، معادله‌ای جهت تخمین بار رسوب برای استفاده در دبی‌های مختلف بدست می‌آید.

بیاضی و همکاران (1390)، با استفاده از آمار و اطلاعات دبی رسوب و آبدی متناظر با آن در 4 ایستگاه رسوب‌سنجی استان آذربایجان شرقی، به واسنجی منحنی سنجه رسوب و انتخاب بهترین منحنی سنجه برای رودخانه‌های این استان اقدام کردند. آن‌ها منحنی سنجه یک‌خطی، چندخطی، حد وسط دسته‌ها، ضریب اصلاح FAO و ضریب اصلاح پارامتری را مورد بررسی قرار داده و نهایتاً روش منحنی سنجه حد وسط دسته‌ها را به‌عنوان بهترین روش برگزیدند. آن‌ها روش ضریب اصلاح پارامتری را به‌دلیل دقت بسیار پایین آن، به‌شدت رد کردند.

احمدی، ملکیان و عابدی (1391)، به منظور انتخاب مناسب‌ترین روش آماری جهت برآورد رسوب معلق رودخانه جاجرود از داده‌های متناظر دبی جریان- دبی رسوب در طی سال‌های 1351 تا 1387 ایستگاه رودک این رودخانه استفاده کردند و در نهایت به این نتیجه رسیدند که روش منحنی سنجه دوخطی، دقیق‌تر و صحیح‌تر از سایر روش‌ها بوده و به‌عنوان مناسب‌ترین روش برای برآورد بار رسوب معلق انتخاب شد. ضمن آن‌که، روش FAO کمترین دقت را نسبت به سایر روش‌ها دارا بود.

شمس عالم و همکاران (1390)، با بررسی آمار دبی رسوب و دبی جریان، منحنی سنجه 12 ایستگاه مهم استان فارس را ترسیم کرده و ضمن تعیین تاثیر عوامل فیزیوگرافی، اقلیمی، پوشش گیاهی و زمین شناسی بر روی فاکتورهای a و b در مدل توانی $Q_s = aQ_w^b$ ، منحنی سنجه حد وسط دسته‌ها را برای برآورد بار معلق رودخانه‌های این استان مناسب‌ترین روش دانستند.

این تحقیق به مطالعه و بررسی و همچنین برآورد میزان رسوبات معلق در رودخانه سیاهرود می‌پردازد. این امر به ما این امکان را می‌دهد که در صورت نیاز اقدامات لازم را جهت جلوگیری از مشکلات احتمالی آینده و نیز در زمان بهره برداری از ایستگاه‌های پمپاژ به انجام رسانیم. بدین منظور مجموعه اطلاعات و داده‌های آماری موجود برای تنها ایستگاه اصلی در محدوده مطالعاتی، جمع‌آوری شده و مورد تجزیه و تحلیل قرار می‌گیرد. و با استفاده از روش‌های تحلیلی و آماری، نسبت به برازش، ارزیابی و مقایسه معادلات مناسب جهت برآورد بار معلق رودخانه سیاهرود اقدام می‌گردد.

منطقه مورد مطالعه

منطقه مورد مطالعه در این تحقیق شامل تنها ایستگاه هیدرومتری واقع بر رودخانه سیاهرود از توابع شهرستان قائمشهر می‌باشد. رودخانه سیاهرود از جمله منابع تامین آب بخش وسیعی از اراضی کشاورزی شهرستان های قائمشهر و جویبار است. این رودخانه از نقطه‌ای با طول جغرافیایی 53 درجه و 28 دقیقه شرقی و عرض جغرافیایی 36 درجه و 27 دقیقه شمالی و از ارتفاع 620 متری شرق روستای پرچینک، واقع در ارتفاعات بین قائم شهر و ساری در استان مازندران سرچشمه گرفته و پس از عبور از قائم شهر و شرق شهرستان جویبار، مستقلاً به دریای مازندران می‌ریزد. وسعت سرشاخه سیاهرود 131/9 کیلومتر مربع بوده و طول شاخه اصلی آن تا دریا 73/61 کیلومتر است. حوزه سیاهرود با میزان بارش 759 میلی متر یکی از پر باران ترین مناطق کشور می‌باشد. تنها ایستگاه هیدرومتری فعال واقع بر این رودخانه که در سال 1377 در منطقه ساروکلا تأسیس گردیده، در طول جغرافیایی 4-53-52 و عرض جغرافیایی 58-36-27 و در ارتفاع 37 متری قرار داشته که ارتفاع متوسط بالادست آن 252/4 متر می‌باشد.

مواد و روش‌ها

در این تحقیق به آمار دبی متوسط روزانه جریان و دبی رسوب اندازه‌گیری شده در طول یک دوره آماری طولانی مدت در ایستگاه‌های هیدرومتری و رسوب‌سنجی واقع بر شاخه اصلی رودخانه سیاهرود نیاز می‌باشد. بدین منظور از آمار دبی روزانه جریان و آمار دبی جریان-

دبی رسوب معلق که به صورت همزمان در برخی از روزهای سال اندازه‌گیری شده اند، طی یک دوره آماری 13 ساله (از سال آبی 78-1377 تا سال آبی 90-1389) از تنها ایستگاه هیدرومتری واقع در مسیر اصلی رودخانه استفاده خواهد شد.

یکی از پارامترهای مهمی که در هیدرولوژی رودخانه‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد، منحنی تداوم جریان یا دبی کلاسه است. این منحنی از رسم تجمعی دبی رودخانه نسبت به زمان بدست می‌آید. برای این کار روش‌های مختلفی معمول است که از میان آن‌ها بهترین و مطمئن‌ترین روش، استفاده از متوسط گیری داده‌های درازمدت می‌باشد. در این تحقیق برای رسم منحنی‌های احتمال درازمدت از متوسط داده‌های دبی روزانه درازمدت استفاده خواهد شد و سپس احتمال وقوع برابر و بیشتر آن‌ها را بدست آورده و در یک صفحه مختصات رسم می‌کنیم. یکی از راه‌های کاربرد گذر حجمی رودخانه برای تخمین بار معلق درازمدت و استخراج آن از منحنی‌های سنجه رسوب، همین منحنی‌های تداوم جریان می‌باشد.

نمونه‌های غلظت رسوب در مقاطع مورد نظر برحسب میلی‌گرم بر لیتر گرفته شده و سپس غلظت متوسط آن‌ها محاسبه می‌گردد. برای تبدیل مقادیر اندازه‌گیری شده غلظت متوسط مواد رسوبی معلق به دبی رسوب معلق از رابطه زیر استفاده می‌شود:

$$Q_s = 0.0864 \times C \cdot Q_w \quad (1)$$

که در آن Q_s دبی مواد رسوبی معلق بر حسب تن بر روز، C متوسط غلظت مواد رسوبی بر حسب میلی‌گرم بر لیتر، Q_w دبی جریان آب بر حسب متر مکعب بر ثانیه است.

تجربیات و مطالعات مختلفی که توسط منابع علمی مختلف از جمله اداره عمران اراضی امریکا (USBR) انجام شد به این نتیجه انجامید که بین دبی جریان و دبی مواد معلق رابطه زیر می‌تواند برقرار شود:

$$Q_s = a \cdot Q_w^b \quad (2)$$

در این رابطه Q_s میزان رسوب برحسب تن در روز و Q_w دبی جریان برحسب متر مکعب بر ثانیه و a و b مقادیر ثابت هستند. با بدست آمدن ضرایب a و b که به ترتیب شیب خط بهترین برازش بر روی کاغذ لگاریتمی و فاصله محل تقاطع خط بهترین برازش با محور قائم تا مبدا مختصات می‌باشند، معادله سنجه رسوب برای مدل‌های مختلف بدست می‌آید. همچنین به منظور انتخاب بهترین مدل از شاخص حداقل میانگین مربعات خطا استفاده می‌شود (آسلمن، 2000).

معادله (1) در واقع تابع حاصل از رگرسیون توانی بین دبی آب و دبی مواد معلق می‌باشد. معمولاً میانگین مقادیری که از منحنی سنجه بدست می‌آید کمتر از میانگین مقادیر مشاهده شده است. همچنین چون محاسبه ضرایب این رابطه براساس تبدیل لگاریتمی داده‌ها و استفاده از روش حداقل مربعات انجام می‌شود، پراکندگی داده‌ها حول خط بهترین برازش غیر متقارن و فاصله حد اطمینان بالایی با خط رگرسیون بیشتر از حد از اطمینان پایینی خواهد بود (حمادی، 1378).

با در نظر گرفتن این مسأله که غلظت رسوب فقط در بعضی از روزهای سال اندازه گیری می شود به کمک معادله (1) دبی رسوب برای روز هایی که غلظت رسوب در آن روزها اندازه گیری نشده است، برآورد می شود. با توجه به اینکه عموماً در همه روزهای سال دبی جریان اندازه گیری می شود در نتیجه با استفاده از رابطه رگرسیونی (2) و بادر اختیار داشتن مقادیر Q_w می توان مقادیر دبی رسوب Q_s را برای کل دوره ی آماری مورد نظر برآورد نمود (کرافورد، 1991).

جهت برآورد رسوب معلق دراز مدت روش های زیر مورد تجزیه و تحلیل قرار گرفته اند:

1- روش منحنی سنج رسوب یک خطی

2- روش منحنی سنج رسوب چند خطی

3- روش منحنی سنج حد وسط

روش های کاربرد گذر حجمی جریان رودخانه برای تخمین رسوبدهی بار معلق نیز به شرح زیر می باشند:

1- استفاده از منحنی تداوم جریان رودخانه

2- استفاده از دبی متوسط جریان روزانه

3- استفاده از دبی متوسط جریان ماهانه

4- استفاده از تلفیق دبی متوسط روزانه و ماهانه

ترسیم منحنی سنج رسوب

براساس روشهای پیشنهادی، روابط شدت رسوبدهی برای ایستگاه مورد مطالعه به صورت زیر تعیین گردیده است:

منحنی سنج رسوب یک خطی یا روش U.S.B.R

در این روش داده های موجود از اندازه گیری Q_s و Q_w متناظر با آن به صفحه مختصات لگاریتمی منتقل شده و خط بهترین برازش بر مبنای روش حداقل مربعات از میان آن ها عبور داده می شود و یک رابطه ی خطی به صورت معادله توانی $Q_s = a.Q_w^b$ استخراج می گردد که به منحنی سنج رسوب یک خطی معروف است. یعنی تنها از یک رابطه رگرسیونی بین تمامی مقادیر دبی رسوب و دبی جریان اندازه گیری شده استفاده می شود (میلر، 1951).

منحنی سنجه رسوب چند خطی

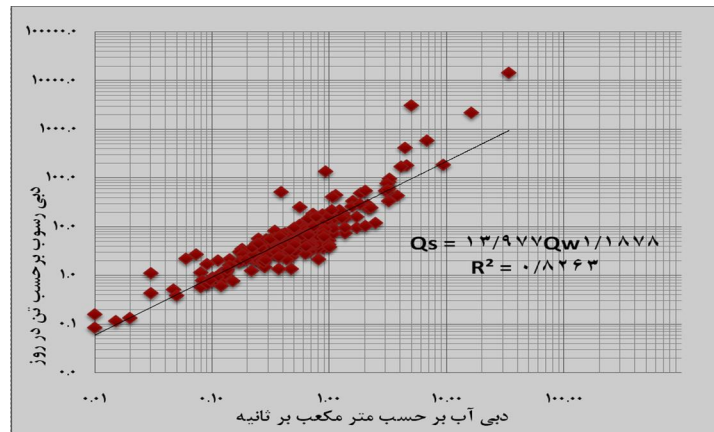
بر اساس توصیه U.S.B.R بر مبنای دسته‌بندی گذر حجمی رودخانه‌ها و چنانچه وضعیت پخشیدگی داده‌ها اقتضا کند به‌جای یک خط رگرسیون می‌توان دو یا چند خط از میان داده‌های اندازه‌گیری شده عبور داد که خط بهترین برازش نیز بر مبنای روش حداقل مربعات می‌باشد. یعنی از دو رابطه رگرسیونی یا بیشتر برای محاسبه بار معلق دراز مدت با توجه به چگونگی کاربردهای مختلف گذر حجمی استفاده می‌شود. خطوط برازش داده شده بایستی از ضریب همبستگی قابل قبولی برخوردار باشند. در شکل 2 منحنی سنجه چند خطی با بهترین برازش ممکن در ایستگاه ساروکلا آمده است. همچنین برای تعیین محدوده دبی در روش منحنی سنجه چند خطی با توجه به پیشنهادات U.S.B.R استفاده شده است (میرابوالقاسمی، 1374).

منحنی سنجه حد وسط دسته‌ها

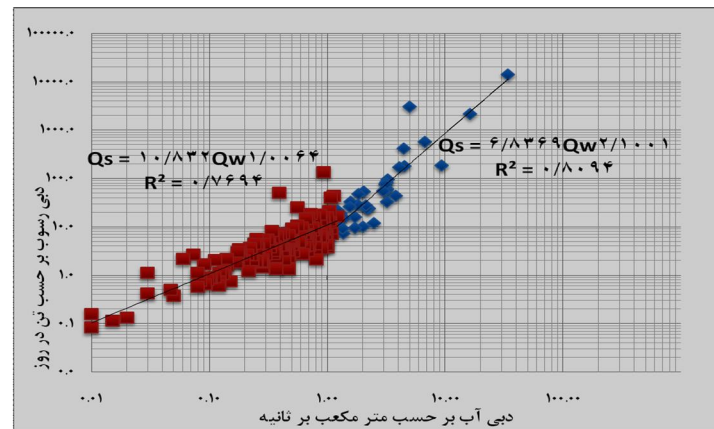
معمولاً بیشتر اندازه‌گیری‌های غلظت رسوب در رودخانه‌ها مربوط به حالت‌های آرام رودخانه و شرایط دبی پایین می‌باشد و در شرایط طغیان و مواقع سیلابی نمونه‌برداری کمتر صورت می‌گیرد. جانسون در سال 1996 روشی را در نظر گرفت که به دبی‌های بالا ارزش بیشتری داده شود که در این روش دبی‌های جریان با یک نمونه تعیین به تعدادی دسته تقسیم شده و برای دبی متوسط هر دسته، دبی رسوب متوسط اندازه‌گیری شده همان دسته تعیین می‌شود. در این روش ارزش بیشتری به دبی‌های سیلابی که مسئول حمل قسمت اعظم رسوب هستند داده می‌شود و چون میزان خطای ناشی از تبدیل لگاریتمی به تعداد و پراکنش نقاط در نمودار منحنی سنجه رسوب بستگی دارد و از آنجاییکه در روش همبستگی بین متوسط داده‌ها، تعداد نقاط به حداقل می‌رسد، بنابراین خطای ناشی از تبدیل لگاریتمی تا حدود زیادی کاهش یافته که با استفاده از معادله سنجه رسوب و روش‌های مختلف دبی جریان می‌توان وزن دراز مدت رسوب معلق را محاسبه نمود (یوسفوند، 1385).

نتایج

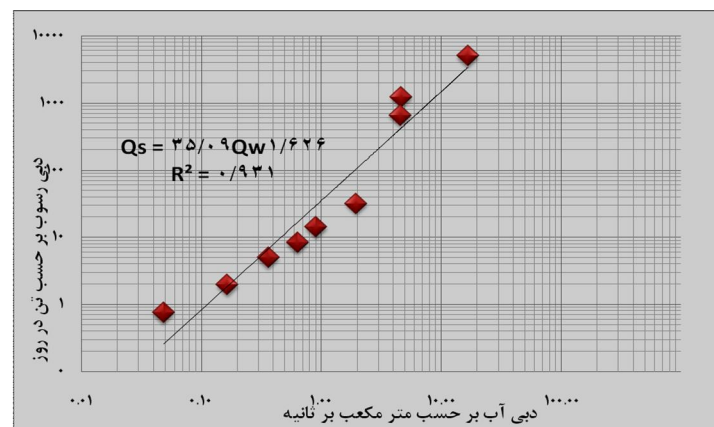
منحنی‌های لگاریتمی دبی جریان - دبی رسوب معلق (منحنی‌های سنجه رسوب) با استفاده از سه روش فوق برای ایستگاه ساروکلا از رودخانه سپاهرود در اشکال 1، 2 و 3 آمده است.



شکل ۱: منحنی سنج رسوب یک خطی



شکل ۲: منحنی سنج رسوب چند خطی



شکل ۳: منحنی سنج رسوب حد وسط دسته‌ها

با توجه به منحنی‌های ترسیم شده، معادلات سنج رسوب بصورت زیر می‌باشند:

$$\begin{cases} Q_s = 13.977Q_w^{1.188} \\ R^2 = 0.826 \end{cases} \quad (1) \text{ معادله سنجی یک خطی}$$

$$\begin{cases} Q_s = 10.832Q_w^{1.0064} & Q_w < 1.21 \\ R^2 = 0.769 \\ Q_s = 6.84Q_w^{2.1001} & Q_w > 1.21 \\ R^2 = 0.809 \end{cases} \quad (2) \text{ معادله سنجی چند خطی}$$

$$\begin{cases} Q_s = 35.09Q_w^{1.6261} \\ R^2 = 0.931 \end{cases} \quad (3) \text{ معادله سنجی حد وسط دسته‌ها}$$

در همه این معادلات Q_s بر حسب تن بر روز و Q_w بر حسب متر مکعب بر ثانیه می‌باشد.

انتخاب مناسب‌ترین منحنی سنج رسوب

با توجه به مقادیر شاخصهای ضریب تبیین و میانگین مربعات خطا در جدول 1 در ایستگاه مورد مطالعه، معادله موجود در جدول 2،

یعنی معادله $Q_s = 35.09 Q_w^{1.6261}$ به عنوان روش مبنا انتخاب می‌شود.

بمنظور انتخاب بهترین مدل و دقت در برآورد رگرسیون، از شاخص میانگین مربعات خطا و ضریب تبیین استفاده شد. براساس شاخص

میانگین مربعات خطا هرچه مقادیر برآورد شده از مدل‌های انتخابی به مقادیر مشاهده‌ای نزدیکتر باشند، مجموع مربعات خطا کاهش یافته

و در نتیجه میانگین مربعات خطا که از تقسیم مجموع مربعات خطا به درجه آزادی بدست می‌آید، کمتر می‌شود.

بررسی‌های به عمل آمده نشان داد مدل رگرسیونی حد وسط دسته‌ها که کمترین میانگین مربعات خطا و بالاترین ضریب تبیین را دارا

بوده به عنوان مدل بهینه انتخاب گردید.

جدول 1: خلاصه‌ای از پارامترهای بدست آمده از مدل‌های مورد استفاده در ایستگاه ساروکلا

نام مدل	تعداد داده‌ها	مجموع مربعات خطا	میانگین مربعات خطا	میانگین مربعات خطا	ضریب تبیین
سنجه یک خطی	186	18/56	0/101	0/101	0/826
سنجه چند خطی	35	3/64	0/11	0/18	0/811
	152	10/45	0/07	0/18	0/769
سنجه حد وسط دسته‌ها	11	0/985	0/1	0/1	0/931

جدول 2: روش انتخابی در ایستگاه مورد مطالعه

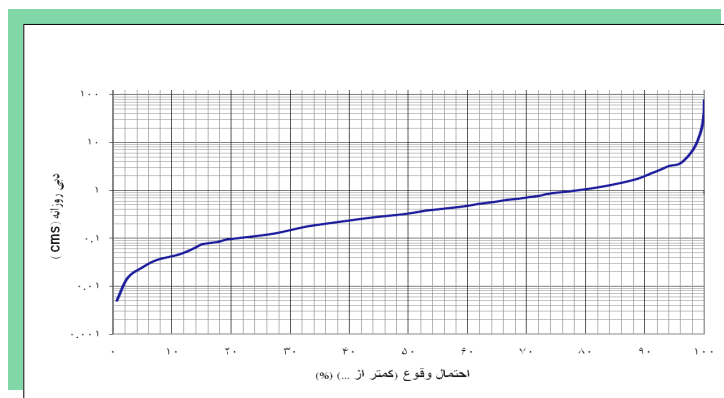
روش انتخابی (منحنی سنجه حد وسط دسته ها)	نام ایستگاه
$Q_s = 35.09 Q_w^{1.6261}$	ساروکلا

روش های استفاده از دبی جریان

حال با توجه به انتخاب مناسب ترین منحنی سنجه رسوب و با استفاده از آن و تلفیق آن با دبی متوسط روزانه، دبی متوسط ماهانه، منحنی تداوم جریان و تلفیق دبی متوسط روزانه و ماهانه، اقدام به برآورد درازمدت بار رسوبی معلق رودخانه می نماییم.

روش منحنی تداوم جریان و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب

در این روش برای برآورد میانگین رسوب معلق درازمدت سالانه با استفاده از منحنی تداوم جریان به این طریق عمل شد که در یک دوره زمانی مشخص، می توان برای دبی های مختلف جریان، دبی رسوب متناظر را با استفاده از منحنی سنجه بدست آورد. همچنین احتمال وقوع دبی های جریان مذکور را در آن دوره محاسبه کرده و سپس رسوب معلق را برای دوره زمانی مورد نظر بدست آورد. بدین صورت که در جدول، ستون اول حدود دسته های احتمالاتی، ستون دوم فاصله دسته ها، ستون سوم حد وسط دسته ها، ستون چهارم دبی جریان با احتمال حد وسط هر دسته احتمالاتی که از منحنی تداوم بدست می آید. ستون پنجم حاصل ضرب ستون دوم در ستون چهارم (ارزش وزنی گذر حجمی با احتمال وقوع حد وسط دسته) که مجموع ارقام این ستون متوسط روزانه دبی جریان رودخانه بر حسب متر مکعب بر ثانیه است. ستون ششم بار معلق برآورد شده از منحنی سنجه رسوب برای دسته مورد نظر و ستون هفتم ارزش وزنی تولید رسوب معلق (سهم هر دسته در متوسط تولید رسوب) هر دسته است که از حاصل ضرب ستون دوم در ستون ششم بدست می آید. مجموع ارقام ستون هفتم متوسط بار معلق درازمدت رودخانه بر حسب تن بر روز است. منحنی تداوم جریان برای ایستگاه مورد مطالعه در شکل 4 آمده است.



شکل 4: منحنی تداوم جریان درازمدت سالانه رودخانه سیاهرود در ایستگاه ساروکلا

نتایج حاصل از برآورد درازمدت سالانه رسوبدهی بار معلق به روش منحنی تداوم جریان و تلفیق آن با منحنی سنج رسوب حد وسط دسته‌ها در جدول شماره 3 آمده است.

جدول 3: محاسبه رسوب معلق دراز مدت با استفاده از روش معادله سنج حد وسط دسته‌ها و تلفیق آن با

منحنی تداوم جریان

1	2	3	4	5	6	7
			مقادیر منحنی دوام	(2*4)	با بهره‌گیری از منحنی سنج رسوب	(۲*۴)
حدود دسته‌ها (%)	فاصله دسته‌ها	حد وسط فاصله احتمالی (%)	دبی آب با احتمال وقوع حد وسط (m3/s)	دبی روزانه آب (m3/s)	میزان دبی رسوب برای دبی نظیر از ستون(4) (تن در روز)	رسوب روزانه بار معلق (تن)
۰	۱۰	۰/۱	۰/۰۲	۰/۰۰۲۰	۰/۱	۰/۰
۱۰	۲۰	۰/۱	۰/۰۹	۰/۰۰۹۰	۰/۷	۰/۱
۲۰	۳۰	۰/۱	۰/۱۵	۰/۰۱۵۰	۱/۶	۰/۲
۳۰	۴۰	۰/۱	۰/۲۴	۰/۰۲۴۰	۳/۴	۰/۳
۴۰	۵۰	۰/۱	۰/۳۵	۰/۰۳۵۰	۶/۴	۰/۶
۵۰	۶۰	۰/۱	۰/۵	۰/۰۵۰۰	۱۱/۴	۱/۱
۶۰	۷۰	۰/۱	۰/۶۲	۰/۰۶۲۰	۱۶/۱	۱/۶
۷۰	۸۰	۰/۱	۰/۹۵	۰/۰۹۵۰	۲۳/۳	۳/۲
۸۰	۹۰	۰/۱	۱/۹	۰/۱۹۰۰	۹۹/۷	۱۰/۰
۹۰	۹۵	۰/۰۵	۲/۹۸	۰/۱۴۹۰	۲۰۷/۲	۱۰/۴
۹۵	۹۸	۰/۰۳	۶/۵	۰/۱۸۰۰	۶۴۶/۶	۱۹/۴
۹۸	۹۹	۰/۰۱	۱۱/۵	۰/۱۱۵۰	۱۸۲۶/۵	۱۸/۶
۹۹	۹۹/۵	۰/۰۰۵	۱۴/۶۶	۰/۰۷۳۳	۲۷۶۴/۱	۱۳/۸
۹۹/۵	۹۹/۸	۰/۰۰۳	۲۶/۸	۰/۰۸۰۴	۷۳۷۲/۲	۲۲/۱
۹۹/۸	۹۹/۹	۰/۰۰۱	۴۶	۰/۰۴۶۰	۱۷۷۴۶/۷	۱۷/۷
۹۹/۹	۹۹/۹۵	۰/۰۰۰۵	۶۷/۵	۰/۰۳۳۸	۳۳۱۰۸/۴	۱۶/۶
۹۹/۹۵	۹۹/۹۷	۰/۰۰۰۲	۶۹/۱	۰/۰۱۳۸	۳۴۳۹۴/۰	۶/۹
۹۹/۹۷	۹۹/۹۹	۰/۰۰۰۲	۷۱/۰۱	۰/۰۱۴۲	۳۵۹۵۳/۲	۷/۲

روش دبی متوسط روزانه و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب

در این روش با قراردادن داده های دبی روزانه جریان در معادله ی سنجه رسوب، بار رسوب معلق آن روز بدست می آید. بر این اساس برای هر سال با جمع بار معلق تمام روزهای سال، تولید رسوب معلق همان سال بدست می آید که اگر مجموع تولید رسوبات معلق سالهای دوره آماری را به تعداد سالها تقسیم کنیم، متوسط تولید رسوب معلق سالانه بدست می آید. بار رسوب معلق سالانه در طی دوره آماری با استفاده از منحنی سنجه حد وسط دسته ها و تلفیق آن با آبدهی روزانه در جدول 4 آورده شده است.

جدول 4: برآورد بار رسوب معلق سالانه به روش منحنی سنجه حد وسط دسته ها و دبی متوسط روزانه جریان

رسوب (تن)	سال آبی	کد	ایستگاه	رودخانه
22760	78	1377	14-024	ساروکلا سیاهرود
99882	79	1378	14-024	ساروکلا سیاهرود
57627	80	1379	14-024	ساروکلا سیاهرود
41003	81	1380	14-024	ساروکلا سیاهرود
42424	82	1381	14-024	ساروکلا سیاهرود
84355	83	1382	14-024	ساروکلا سیاهرود
112690	84	1383	14-024	ساروکلا سیاهرود
74321	85	1384	14-024	ساروکلا سیاهرود
42509	86	1385	14-024	ساروکلا سیاهرود
16468	87	1386	14-024	ساروکلا سیاهرود
53809	88	1387	14-024	ساروکلا سیاهرود
65797	89	1388	14-024	ساروکلا سیاهرود
12491	90	1389	14-024	ساروکلا سیاهرود

روش دبی متوسط ماهانه و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب

در این روش با استفاده از معادله‌ی سنجه رسوب و دبی‌های متوسط ماهانه در طول دوره آماری، برای هر یک از 12 ماه متوسط تولید رسوب در تمام دوره آماری محاسبه شده و با جمع کردن بارهای رسوبی متوسط ماهانه هر سال، تولید رسوب معلق سالانه بدست آمده است. حال اگر مجموع تولید رسوب سالهای دوره آماری را به تعداد سالها تقسیم کنیم، تولید رسوب معلق سالانه بدست می آید. بار رسوب معلق سالانه در طی دوره آماری، با استفاده از روش حد وسط دسته‌ها و تلفیق آن با آبدهی متوسط ماهانه در جدول 5 آورده شده است.

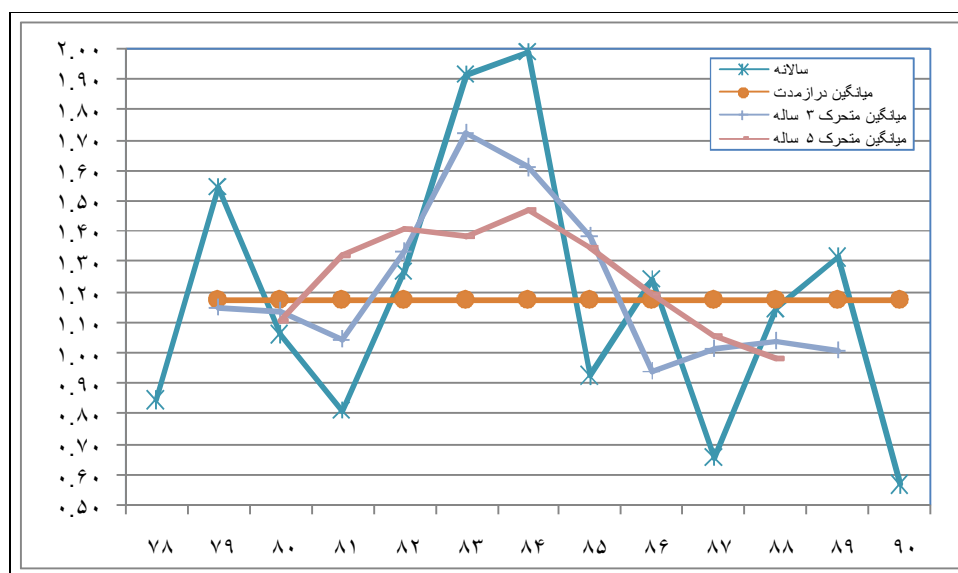
جدول 5: برآورد بار رسوب معلق سالانه به روش منحنی سنجه حد وسط و دبی متوسط ماهانه

رسوب (تن)	سال آبی	کد	ایستگاه	رودخانه
435	78	1377	14-024	سیاهرود
1173	79	1378	14-024	سیاهرود
708	80	1379	14-024	سیاهرود
400	81	1380	14-024	سیاهرود
726	82	1381	14-024	سیاهرود
1483	83	1382	14-024	سیاهرود
1908	84	1383	14-024	سیاهرود
771	85	1384	14-024	سیاهرود
868	86	1385	14-024	سیاهرود
373	87	1386	14-024	سیاهرود
716	88	1387	14-024	سیاهرود
929	89	1388	14-024	سیاهرود
245	90	1389	14-024	سیاهرود

روش تلفیق دبی متوسط روزانه و ماهانه و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب

در این روش از دوره آماری مورد نظر، سه سال از آمار جریان طوری انتخاب می شود که بیانگر دوره های ترسالی، خشکسالی و متوسط باشند. دبی رسوب روزانه این سه سال به تفکیک ماه و با استفاده از معادلات منحنی سنجه رسوب بدست آمده و با جمع کردن دبی رسوب روزانه برای هر یک از ماهها، تولید رسوب این 36 ماه بدست می آید. حال رابطه ای بین دبی متوسط ماهانه و تولید رسوب معلق ماهانه متناظر با آن برقرار می گردد. با استفاده از این رابطه و دبی های متوسط ماهانه در طول دوره آماری معین، برای هر یک از 12 ماه، متوسط تولید رسوب در تمام دوره آماری محاسبه می شود و سپس با جمع کردن دبی های متوسط ماهانه، تولید رسوب معلق سالانه بدست می آید. این روش توسط شرکت مهندسی مشاور جاماب توصیه و بکار گرفته شده است.

در این راستا میانگین متحرک 3 و 5 ساله در طی دوره آماری در شکل 5 آورده شده است. با توجه به این نمودار، سال آبی 82-83 بعنوان ترسالی، سال آبی 86-87 خشکسالی و سال آبی 87-88 متوسط در نظر گرفته شده است. در نهایت نتایج محاسبات برآورد رسوب معلق سالانه در طی سالهای آماری 78-1377 الی 90-1389 با استفاده از روش منحنی سنجه حد وسط دسته ها و تلفیق آن با آبدهی روزانه، در جدول 6 آورده شده است (رستمی، 1380).



شکل 5: میانگین متحرک 3 و 5 ساله آبدهی میانگین درازمدت سالانه

جدول 6: برآورد بار رسوب معلق سالانه به روش منحنی سنجه حدوسط و تلفیق آن با دبی متوسط روزانه و ماهانه

رسوب (تن)	سال آبی	کد	ایستگاه	رودخانه
23167	78	1377	14-024	ساروکلا سیاهرود
65149	79	1378	14-024	ساروکلا سیاهرود
38822	80	1379	14-024	ساروکلا سیاهرود
21241	81	1380	14-024	ساروکلا سیاهرود
39051	82	1381	14-024	ساروکلا سیاهرود
82542	83	1382	14-024	ساروکلا سیاهرود
109181	84	1383	14-024	ساروکلا سیاهرود
43766	85	1384	14-024	ساروکلا سیاهرود
47892	86	1385	14-024	ساروکلا سیاهرود
20214	87	1386	14-024	ساروکلا سیاهرود
39068	88	1387	14-024	ساروکلا سیاهرود
51205	89	1388	14-024	ساروکلا سیاهرود
12862	90	1389	14-024	ساروکلا سیاهرود

برآورد درازمدت سالانه رسوبدهی بار معلق

اگر مجموع تولید رسوب برآوردی سالهای دوره آماری 78-1377 الی 90-1389 را به تعداد سالها تقسیم کنیم، تولید رسوب معلق درازمدت سالانه بدست می آید. نتایج برآورد بار رسوبدهی معلق دراز مدت بر حسب تن در سال به روش منحنی سنجه حد وسط دسته‌ها و روش‌های مختلف دبی جریان در جدول 7 ارائه گردیده است.

جدول 7: برآورد بار رسوبدهی معلق دراز مدت (تن در سال) به روش منحنی سنجه حد وسط دسته ها و روش های مختلف دبی جریان

نام ایستگاه	ساروکلا
معادله منحنی سنجه رسوب حد وسط دسته ها	$Q_s = 35.09Q_w^{1.6261}$
برآورد دراز مدت رسوب	54672
معلق با استفاده از روشهای	روش منحنی تداوم جریان
دبی جریان	55855
	روش دبی متوسط روزانه
	826
	روش دبی متوسط ماهانه
	45705
	روش تلفیق دبی متوسط روزانه و ماهانه

بحث و نتیجه گیری

بهترین روش برای برآورد بار رسوب معلق رودخانه ها، روش های برآورد مستقیم می باشد. در این روش باید آمار مفصلی از غلظت که معرف تغییرات غلظت در طول دوره زمانی مورد نظر می باشد و نیز دبی جریان متناظر با آن در دست باشد. معمولاً دبی جریان آب اغلب با فواصل زمانی روزانه، ساعتی و حتی کوتاهتر در ایستگاه های اندازه گیری موجود است ولی از آنجایی که نمونه برداری های غلظت رسوب معمولاً با نمونه برداری های دستی صورت می گیرد، جمع آوری چنین آماری برای غلظت رسوب بعلاوه هزینه بالا، کمبود نیروی انسانی و مسائل دیگر بسیار مشکل است. در سالهای اخیر برای حل این مشکل، تکنولوژی اندازه گیری مداوم با استفاده از گل آلودگی سنجها، که تغییرات گل آلودگی را ثبت می کنند و یا نمونه برداری پمپی از نوع اتوماتیک در فواصل زمانی کوتاه فراهم شده است (دهقانی و همکاران، 2010). اما متأسفانه این فن آوری ها هنوز در ایران بکار گرفته نشده اند. بنابراین در حال حاضر استفاده از روش مستقیم بخصوص برای شرایط ایران تقریباً منتفی است.

از این رو، در نبود آمار مفصلی از غلظت رسوب، باید از روشهای غیرمستقیم برآورد بار معلق که شامل روش های درون یابی و برون یابی داده های غلظت رسوب است، استفاده کرد. با توجه به معایب روش های درون یابی، معمولاً از روش های برون یابی (روشهای منحنی سنجه رسوب) برای برآورد بار معلق رودخانه ها در ایستگاه های هیدرومتری و رسوب سنجی استفاده می گردد. در روش های منحنی سنجه رسوب بین نمونه های محدودی از غلظت رسوب که در طول دوره آماری جمع آوری شده اند و دبی جریان متناظر با آن، رابطه ای برقرار شده و سپس با استفاده از این رابطه و دبی جریان، بار معلق دوره آماری به دست می آید. روش های زیادی در این زمینه وجود دارند که یا در نوع منحنی سنجه و یا شیوه استفاده از دبی جریان با هم متفاوت اند.

روش متداولی که از زمان های قدیم جهت برآورد بار رسوب معلق به کار می رفته است، روش منحنی تداوم جریان و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب می باشد. طبق گزارش وانونی (1977)، استفاده از منحنی تداوم جریان در برآورد رسوب دهی سالانه از اواخر سال های

دهه 1950 یعنی بیش از 50 سال پیش مرسوم گشته است. در سالهای اخیر با ابداع فنون جدید نمونه‌برداری و اندازه‌گیری غلظت جریان به‌صورت مداوم و تعیین مقدار واقعی رسوب‌دهی معلق رودخانه مشخص شد که روش مذکور، میزان رسوب‌دهی را کم‌تر از مقدار واقعی خود برآورد می‌کند. مسئله برآورد کم‌تر بار معلق به‌وسیله روش متداول (روش منحنی تداوم جریان و تلفیق آن با منحنی سنج رسوب) توسط سازمان‌های مختلفی مانند FAO و محققینی نظیر فرگوسن (1986) و کرافورد (1991) و در کشورمان نیز توسط میرابوالقاسمی و مرید (1374) و عرب‌خدیری و همکاران (1378) مورد تأیید قرار گرفته است. یکی از مهم‌ترین محاسن این روش، صرفه‌جویی در وقت و کاهش میزان محاسبات است. اما با توجه به توسعه تکنولوژی رایانه‌ها و افزایش سرعت محاسبات، برآورد رسوب‌دهی روزانه برای یک دوره آماری بلندمدت در لحظه‌ای کوتاه امکان‌پذیر می‌باشد.

جانسون (1996)، عامل اصلی برآورد کم‌تر از مقدار واقعی بار معلق را تعداد زیاد نمونه‌برداری‌های رسوبی در دبی‌های پایین ذکر کرده و روش حد وسط دسته‌ها را پیشنهاد کرده است. چراکه قسمت اعظم رسوبات، در چند سیل بزرگ حمل می‌شوند که تنها بخش کوچکی از دوره زمانی موردنظر را تشکیل می‌دهد. از طرف دیگر، نمونه‌برداری از غلظت رسوب به دلایل مختلف به تعداد محدود صورت می‌گیرد و این نمونه‌ها، معرف شرایط سیلابی و پرابی رودخانه‌ها نخواهند بود. بنابراین تعدد نمونه‌های دبی پایه در روند منحنی سنج مذکور، معرف دوره‌های سیلابی نخواهد بود. در روش حد وسط دسته‌ها ارزش بیشتری به دبی‌های بالا داده می‌شود. در ضمن چون در این روش تعداد نمونه‌ها به حداقل رسیده است، خطای ناشی از تبدیل لگاریتمی که به پراکنش داده‌ها و تعداد نقاط بستگی دارد نیز تا حدود زیادی کاهش می‌یابد.

با توجه به نتایج بدست آمده در این تحقیق و با استفاده از شاخص‌های آماری میانگین مربعات خطا و ضریب تبیین (مطابق با جدول 1)، نگارنده با توجه به دلایل زیر، برآورد به روش «منحنی سنج رسوب حد وسط دسته‌ها و تلفیق آن با دبی متوسط روزانه» را صحیح‌تر و آن را به واقعیت نزدیک‌تر می‌داند:

الف) با توجه به این‌که عموماً در مواقع سیلابی و طغیان آب به‌دلیل کمبود امکانات، نمونه‌برداری از بار معلق در رودخانه‌ها انجام نشده و یا به‌ندرت انجام می‌شود و بیش‌تر نمونه‌های برداشت شده در ایستگاه‌ها مربوط به دبی‌های پائین و شرایط عادی رودخانه است، بنابراین تراکم نقاط در قسمت پائین، روند منحنی‌های سنج ترسیم شده از طریق رگرسیون و روش حداقل مربعات را تحت تاثیر قرار داده و طبعاً این منحنی نمی‌تواند معرف دوره‌های پُرسوب باشد. در مقابل، در روش حد وسط دسته‌ها به‌واسطه کاهش اثر دبی‌های پائین، وزن بیش‌تری به دبی‌های بالا داده می‌شود.

ب) با توجه به این‌که فرگوسن (1986) و سایر پژوهشگران، تبدیل لگاریتمی را عامل اصلی تخمین کم‌تر از مقدار واقعی معرفی کرده‌اند و این‌که میزان خطای ناشی از تبدیل لگاریتمی به تعداد پراکنش نقاط در نمودار منحنی سنج رسوب بستگی دارد، و از آن‌جائی‌که در روش حد وسط دسته‌ها، تعداد نقاط به حداقل خود می‌رسد، بنابراین خطای ناشی از تبدیل لگاریتمی تا حدود زیادی کاهش می‌یابد.

ج) با توجه به این‌که به‌منظور انتخاب بهترین مدل و بیش‌ترین دقت در برآورد رگرسیون، از شاخص میانگین مربعات خطا و ضریب تبیین استفاده شده است، بدین منظور برای روابط رگرسیونی استخراج شده در ایستگاه موردنظر، میانگین مربعات خطا محاسبه شده و بر این اساس در هر مدلی که میانگین مربعات خطا کم‌تر باشد، آن مدل نسبت به بقیه از دقت بیش‌تری برخوردار است. هم‌چنین در مورد ضریب

تیبین، هر چه مقدار آن بیش تر باشد، مجموع مربعات خطا در آن کم تر است و هر چه مجموع مربعات خطا کم تر باشد، میانگین مربعات خطا کم تر خواهد بود.

د) از نظر شیوه به کارگیری دبی جریان، روش های منحنی تداوم جریان و تلفیق دبی روزانه و ماهانه، سهم جداگانه هر یک از دبی های متوسط روزانه در تولید رسوب را در نظر نمی گیرند. به همین منظور نگارنده روش دبی متوسط روزانه را به عنوان روش منطقی در نظر گرفته است، چراکه نزدیکی بیشتری با مقادیر واقعی دبی رسوب معلق رودخانه دارد.

بدین ترتیب طی مطالعه صورت گرفته، میزان بار رسوب معلق در محل تنها ایستگاه هیدرومتری رودخانه سیاهرود مازندران به روش انتخابی، 55855 تن در سال برآورد شد.

همچنین، با توجه به نتایج بدست آمده، روش دبی متوسط ماهانه و تلفیق آن با منحنی سنجه رسوب برای این رودخانه توصیه نمی شود. ضمناً استفاده از منحنی های سنجه رسوب یک خطی و چند خطی، با توجه به نتایج بدست آمده در جدول 1، برای این رودخانه مناسب نبوده و توصیه می گردد که برای برآورد بار رسوبی معلق رودخانه ها، از منحنی سنجه ی حد وسط دسته ها استفاده گردد. از آنجا که رسوبات ورودی به مخازن سدها، کانالها و دیگر سازه های آبی عامل محدودکننده عمر مفید آن ها می باشد، عدم توجه به تخمین کمتر بار معلق باعث اتلاف سرمایه های عظیم می گردد. بنابراین برای واسنجی دقیق تر روش های مختلف از جمله روش منطقی این تحقیق ضروری است تا با استفاده از فنون جدید اندازه گیری، غلظت رسوب را برای مدت حداقل یک سال آماری با فواصل زمانی بسیار کوتاه ثبت و سپس با استفاده از روش های مستقیم، رسوبدهی ایستگاه مربوطه را برآورد نمود.

منابع

- احمدی، ح.، ملکیان، آ. و عابدی، ر. (1391). مناسب ترین روش آماری برآورد رسوب معلق رودخانه جاجرود (مطالعه موردی: ایستگاه رودک حوزه آبخیز جاجرود). فصلنامه علمی - پژوهشی پژوهش های فرسایش محیطی، شماره 2، صص 77-78.
- بیاضی، م.، عرفانیان، م.، عبقری، ه. و اسمعیلی عوری، ا. (1390). ارزیابی منحنی های سنجه رسوب در برآورد بار معلق رودخانه های آذربایجان شرقی. هفتمین همایش علوم و مهندسی آبخیزداری، دانشگاه صنعتی اصفهان، صص 9-14.
- حمادی، ک. (1378). بررسی روند رسوبگذاری در مخزن شهید عباسپور با استفاده از مدل Hec-6. پایان نامه کارشناسی ارشد، اهواز، دانشگاه شهید چمران، صص 120-126.
- رستمی، م و اردشیر، ع. (1380). ارائه روشی به منظور بهبود برآورد بار رسوب معلق رودخانه ها. کنفرانس هیدرولیک ایران، سومین دوره، دانشکده فنی دانشگاه تهران، صص 1-8.
- شفاعی بجستان، م. (1378). هیدرولیک رسوب. اهواز، انتشارات دانشگاه شهید چمران، صص 496-499.
- شمس عالم، ش.، عباسی زاده، م.، عادل پور، ع. و سمیعی، م. (1390). بررسی منطقه ای منحنی سنجه رسوب در حوزه های آبخیز استان فارس. هفتمین همایش ملی علوم و مهندسی آبخیزداری ایران، دانشگاه صنعتی اصفهان، صص 8-12.

عرب‌خدری، م.، حکیم‌خانی، ش. و خوجینی، ع. (1378). ضرورت تجدیدنظر در روشهای متداول برآورد بار معلق رودخانه‌ها. پنجمین سمینار مهندسی رودخانه، دانشگاه شهید چمران اهواز، ص. 429-438.

میرابوالقاسمی، م و مرید، س. (1374). بررسی روشهای هیدرولوژیکی برآورد بار رسوب معلق رودخانه‌ها. مجله آب و تکنولوژی وزارت نیرو، سال سوم، شماره 3، ص. 54-67.

میرزائی، م. (1381). مقایسه روش‌های آماری برآورد بار معلق رودخانه‌ها (مطالعه موردی گرگانرود). پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده منابع طبیعی، دانشگاه تهران، ص. 137-130.

یوسفوند، ف. (1385). برآورد بار رسوب و تعیین ظرفیت برداشت شن و ماسه رودخانه رازآور. سمینار بین‌المللی مهندسی رودخانه، هفتمین دوره، دانشگاه شهید چمران اهواز، ص. 9-12.

Asselman, A. (2000). Fitting and interpretation of sediment rating curves. *Journal of Hydrology*, 234, pp. 234-248.

Dehghani, A. and Zanganeh, M.E. and Mosaedi, A. and Kohestani, N. (2010). Comparison of suspended sediment estimation by artificial neural network and sediment rating curve methods (Case Study: Doogh river in Golestan Province). *J. Agric. Sci. Natur. Resour.*, 16: 1, 266-278.

Crawford, C.G. (1991). Estimation of suspended-sediment rating curves and mean suspended-sediment loads. *Journal of Hydrology*, 129, pp. 331-348.

Ferguson, R. I. (1986). River loads underestimated by rating curves. *Journal of Water Resources Research*, 22, PP. 74-76.

Jansson, M.B. (1996). Estimating Sediment Rating Curves of the Reventazon River at palomo using logged loads within discharge classes. *Journal of Hydrology*, 183: pp.227-241.

Miller, C. R. (1951). Analysis of flow duration sediment rating curve method of computing sediment yield. report, U.S. Bur. Of Reclam., Washington, D.C. pp.55-57.

Vanoni, E.D. (1977). Sedimentation Engineering. American Society of Civil Engineers, New York, N.Y. U.S.A., pp. 745-748.