

ارائه یک شیوهٔ جایگزین برای طراحی کانالهای انتقال هوا از طریق برنامهنویسی در نرمافزار EES

ایمان زحمتکش^۱

۱. دانشیارگروه مهندسی مکانیک، واحد مشهد، دانشگاه آزاد اسلامی، مشهد، ایران

*نویسنده مسئول :Zahmatkesh5310@mshdiau.ac.ir تاریخ دریافت: ۱۴۰۱/۰۲/۱۸ تاریخ پذیرش: ۱۴۰۱/۰۶/۱۲

چکیدہ

در طراحی کانالهای هوا ابتدا یک سرعت مجاز برای هوا در شاخهٔ اصلی در نظر می گیرند. سپس، بر اساس این سرعت و دبی در شاخهٔ اصلی، قطر کانال و اتلاف هد در آن تعیین می شود. البته، برای کانالهای مستطیلی، ابعاد را با توجه محدودیت ارتفاع کانال مشخص می کنند. سپس، قطر کانال (یا ابعاد کانال مستطیلی) در شاخههای دیگر بر پایه دبی در هر شاخه و مقدار اتلاف هد شاخهٔ اصلی به دست می آید. در پایان، هد فن بر پایهٔ اتلاف هد در پراتلاف ترین شاخه تعیین می شود. ادبته، برای کانالهای مستطیلی، ابعاد را با توجه محدودیت ارتفاع کانال مشخص می کنند. سپس، قطر کانال (یا پراتلاف ترین شاخه تعیین می شود. بدیهی است که در صورت تغییر در شرایط، همه محاسبات باید تکرار شود. برای رفع این مشکل، در مقالهٔ حاضر یک شیوهٔ جایگزین از طریق برنامهنویسی در نرمافزار EES پیشنهاد گردیده است. در این روش، کافی است یک بار، شاخهها به نرمافزار معرفی شوند. در ادامه با تغییر شرایط، تنها لازم است برنامه دوباره اجرا شود. به منظور نمایش برتری این روش، کافی است یک بار، شاخهها به نرمافزار معرفی شوند. در سپس، یک تحلیل پارامتری برای تحلیل اثر ارتفاع کانال و سرعت در شاخه اصلی بر سطح ورق مصرفی انجام گردید. این تحلیل با استفاده از روش سطح پاسخ صورت گرفته است.

كلمات كليدى: كانال هوا، تعيين اندازه، فن، نرمافزار EES، روش سطح پاسخ.

مقدمه

کانالهای انتقال هوا کاربرد فراوانی در صنعت تهویه مطبوع دارند. از این رو، تا کنون مطالعات فراوانی بر روی آنها انجام شده است. به عنوان نمونه، اثر پارامترهای تهویه مطبوع بر رشد میکروبی در کانالهای رفت هوا توسط لی و همکاران [۱] بررسی شد. لو و لو [۲] به مطالعه نشست ذرات در کانالهای انتقال هوا پرداختند. در ادامه، این تحلیل برای کانالهای دارای انقباض و انبساط توسعه داده شد [۳]. چن و همکاران [۴] و کوی و همکاران [۵] روشهایی برای بالانس کانالهای انتقال هوا پیشنهاد دادند. پرزیدروزنی و همکاران [۶] دمای مناسب برای هوای رفت در یک سیستم تهویهٔ مطبوع دوکاناله را تعیین کردند. طاهری و همکاران [۷] اثر انحنای دیوار و گرادیان فشار نامطلوب را بر کانالهای انتقال هوا بررسی کردند. پارک و باچ [۸] به بررسی تجهیزات اختلاط در کانالهای انتقال هوا پرداختند. زی و همکاران [۹] مکان بهینه برای کانال انتقال هوا را در حین حفاری در یک تونل زیرزمینی مطالعه کردند. در پژوهش لی و همکاران [۱]، حذف مواد آلی فرار از جریان هوای درون کانالهای انتقال هوا مورد مطالعه قرار گرفت. همچنین، نیه و همکاران [۱۲] به تعیین مکان بهینه جهت تمیزکردن کانالهای انتقال هوا در خلال حفاری تونل پرداختند. اخیرا نیز حیدرشناس و همکاران [۱۲] به تعیین مکان بهینه جهت تمیزکردن کانالهای انتقال هوا در خلال در داخل کانال انتقال هوا بمنظور گرمایش یک دفتر اداری پرداختند. همچنین، جعفریار و همکاران [۳] ذخیره سازی شرای در کانال سینوسی انتقال هوا بمنظور گرمایش یک دفتر اداری پرداختند. همچنین، جعفریار و همکاران [۳] ذخیره سازی انرژی در یک کانال انتقال هوا بمنظور گرمایش یک دفتر اداری پرداختند. همچنین، جعفریار و همکاران [۱۳] در دیز

در کانالهای انتقال هوا، تعیین اندازه و همچنین، تعیین هد فن مورد نیاز از اهمیت ویژهای برخوردار است. در طراحی کانالهای انتقال هوا، پس از آن که محل دریچهها مشخص شد لازم است که با توجه به محدودیتهای موجود، مسیر کانال بر روی نقشه رسم شده و در ادامه، نسبت به تعیین اندازه شاخههای مختلف اقدام شود. برای تعیین اندازه کانالهای هوا روشهای مختلفی از قبیل روش کاهش سرعت، روش اصطکاک یکسان و روش بازیابی دوبارهٔ فشار استاتیکی ارائه شده است؛ که در



کاربردهای تهویهٔ مطبوع، روش اصطکاک یکسان بیشتر مورد استفاده قرار می گیرد. مزیت مهم این روش در آن است که با استفاده از آن، سرعت در طول کانال کاهش خواهد یافت؛ که مشکل تولید سر و صدا را کم می کند. البته باید در نظر داشت که با این روش، یک فشار استاتیکی یکسان در سرتاسر شاخههای کانال و دریچههای ورود هوا برقرار نخواهد شد. از اینرو، لازم است که در ابتدای هر انشعاب، یک دمپر حجمی برای تنظیم جریان نصب شود. گامهای اجرای روش اصطکاک یکسان از قرار زیر است:

گام ۱) تعیین سرعت مجاز هوا در شاخهٔ اصلی بر پایهٔ کاربری فضا از جدول (۱)

گام ۲) تعیین قطر کانال گرد و اتلاف هد استاتیکی در شاخهٔ اصلی با توجه به سرعت مجاز (از گام قبل) و دبی هوای عبوری از آن. البته در صورت نیاز به مستطیلیبودن مقطع شاخهٔ اصلی لازم است که ابعاد آن با در نظر گرفتن محدودیتهای احتمالی در ارتفاع کانال و محدوده مجاز برای نسبت منظری کانال تعیین شود.

گام ۳) تعیین قطر کانال گرد و یا، ابعاد کانال مستطیلی در شاخههای کانال بر پایهٔ دبی هوا در هر شاخه و مقدار اتلاف هد استاتیکی (...(h_{f,}) بهدستآمده در گام قبل

	-		-	
كازالهام ازتقالهما	ت محاند هما دیر شاخهٔ امرا	c		

گام ۴) محاسبه هد استاتیکی لازم برای فن بر پایهٔ اتلاف هد استاتیکی در پراتلافترین شاخه

جناول (٢). شرعت يتبار هوا در شاخته الطلبي خان هوا					
(fpm)	سرعت	کاربری			
کانال برگشت	كانال رفت	_			
٨٠٠	1	مسکونی			
18	10	اتاق هتل/بيمارستان			
10	۲۰۰۰	كتابخانه			
11	1	سالن نمایش/سینما			
10	۲۰۰۰	دفتر اداری، بانک، فروشگاه لوکس			
10	7	فروشگاه متوسط			

در حال حاضر، این گامها اغلب با کمک نرمافزارهای تعیین اندازهٔ کانال هوا انجام می شود. مشکل عمده در استفاده از چنین نرمافزارهایی در این است که تعیین اندازهٔ تک تک شاخهها در نرمافزار باید به طور جداگانه انجام شود و در صورت تغییر شرایط از قبیل عوض کردن سرعت انتخاب شده برای جریان هوا در کانال اصلی و یا تغییر در دبی هوا در هر یک از شاخهها، لازم است که همهٔ محاسبات از ابتدا تکرار شوند. برای رفع این مشکل، در مقالهٔ حاضر یک شیوهٔ جایگزین از طریق برنامهنویسی در نرمافزار EES پیشنهاد می شود. در این روش، کافی است یک بار، شاخههای کانال انتقال هوا به نرمافزار معرفی شوند. در ادامه، با تغییر شرایط، تنها لازم است برنامه را دوباره اجرا کرد.

حل یک مساله نمونه به روش مرسوم

در شکل (۱) کانال انتقال هوا برای سیستم تهویهٔ مطبوع یک دفتر اداری رسم شده است. در اینجا، ارتفاع مجاز سقف کاذب ۱۶ in و اتلاف هد استاتیکی هر یک از دریچهها ۰/۰۴ inwg میباشد. به منظور تعیین اندازهٔ شاخههای مختلف و همچنین، هد استاتیکی لازم برای فن، گامهای ذکر شده در بخش قبل باید به صورت زیر انجام شود.

ابتدا، با توجه به جدول ۱، مقدار حداکثر سرعت در شاخهٔ اصلی در دفاتر اداری برابر با ۲۰۰۰ *fpm* بهدست می آید. از طرف دیگر، دبی کلی جریان هوا در این کانال (شاخهٔ AB) برابر می شود با: (۱)



نشر به علمي – تخصصي

یافتههای نوین کاربردی و محاسباتی در سیستمهای مکانیکی

در ادامه، با توجه به سرعت مجاز و دبی هوای عبوری از آن و با مراجعه به نرم افزارهای تعیین اندازهٔ کانال هوا و نظر به این که ارتفاع مجاز سقف کاذب in اعلام شده است، اندازه ضلع دیگر کانال ۳۵/۵ in ۳۵/۵ بهدست خواهد آمد. البته چون ابعاد کانال باید زوج باشد، ضلع کانال برابر با ۳۶ in در نظر گرفته میشود. همچنین، اتلاف هد استاتیکی در شاخهٔ اصلی به صورت زیر تعیین میشود:

$$h_{f_{1}} = \cdot / \operatorname{her} inwg \tag{7}$$

اکنون، با توجه به دبی هوا در هر شاخه و مقدار اتلاف هد استاتیکی بالا، عرض کانال مستطیلی در شاخههای باقیمانده از کانال انتقال هوا تعیین میشود. نتایج در جدول (۲) گردآوری شده است. لازم به ذکر است که ارتفاع این شاخهها برابر با ارتفاع شاخهٔ اصلی در نظر گرفته می شود.

در پایان، هد استاتیکی لازم برای فن بر پایهٔ اتلاف هد استاتیکی در پراتلافترین شاخه (شاخهٔ AF) به صورت زیر تعیین میشود:

			. 14 11	h.	. • 1 4
$(in \times in)$	سرعت (fpm)	دبی (cfm)	طول شاحه (ft)	(inwg)	شاحه
18 X 18	1228/2	78	۲۵	۰/۱۸۳	BD
79 X 19	1447/8	40	4.	•/1٨٣	BC
18 × 18	1011/9	۲۵۰۰	۲۵	•/١٨٣	CE
14 × 18	1488/1	۲۰۰۰	۶۵	•/11/	CF

جدول (۲): مشخصات شاخههای کانال انتقال هوا در مثال نمونه

نرمافزار EES

نرمافزار EES یک برنامهٔ رایانهای است که به منظور حل عددی معادلات جبری و دیفرانسیلی مربوط به سامانههای ترمودینامیکی طراحی شده است. این نرمافزار قادر است که هماهنگی ابعادی و واحدی در معادلات را ارزیابی کند؛ تا خطاهای احتمالی در حین برنامهنویسی مشخص شوند. علاوه بر این، EES به خواص ترمودینامیکی بسیاری از سیالات دسترسی دارد. این نرمافزار همچنین دارای امکانات ویژهای جهت انجام مطالعه پارامتری و رسم نمودار می باشد. ترکیب قابلیتهای این نرمافزار در حل معادلات به همراه دسترسی آسان به خواص ترمودینامیکی و عدم نیاز به روشهای برنامهنویسی پیشرفته، EES را به عنوان ابزاری مناسب در انجام تحلیلهای ترمودینامیکی در کاربردهای پژوهشی و صنعتی مطرح ساخته است. جزئیات بیشتر در مورد این نرمافزار را میتوان در مراجع [14] و [10] مشاهده کرد. در استفاده از EES نکات زیر باید مدنظر قرار گیرند: ۱) ترتیب معادلات در آن مهم نیست. ۲) دستگاه واحدهای متریک و انگلیسی در آن قابل استفاده هستند. ۴) تاز توضیحات آورده شده میان علامتهای {} و " صوفنظر می شود. نشریه علمی - تخصصی یافتههای نوین کاربردی و محاسباتی در سیستمهای مکانیکی

۵) با بهره گیری از علامت ; می توان در هر سطر، تعداد زیادی معادله نوشت. ۶) هر خط می تواند تا ۲۵۵ کاراکتر داشته باشد. ۷) زیرنویس به صورت زیرخط معرفی می شود؛ به عنوان نمونه، ۱_P معرف P است.

شیوه جایگزین برای طراحی کانال در نرم افزار EES

شیوه پیشنهادی در این مقاله بر پایهٔ رابطهٔ (۴) استوار است؛ که البته نرمافزارهای تعیین اندازه کانالهای انتقال هوا نیز بر مبنای آن نوشته شدهاند. این رابطه، اتلاف هد استاتیکی در طول کانالهای گرد را بر حسب سرعت هوا، قطر کانال و زبری سطح داخلی آنها برای جریان هوا در سطح دریا و با دمای ۲۰۰۴ ارائه میکند:

 $h_{f} = \cdot / \cdot \tau \varepsilon \frac{L}{d^{1/\gamma \tau}} \left(\frac{V}{1 \cdots}\right)^{1/\lambda \tau}$ $\varepsilon = inwg$ $\varepsilon = inwg$ $h_{f} = h_{f}$ $h_{f} = h_{$

لازم به ذکر است که با تعریف قطر معادل به صورت زیر، میتوان رابطهٔ (۳) را برای کانالهایی با مقطع مستطیلی نیز به کار برد:

$$d = 1/r \frac{(a \times b)^{1/r_{10}}}{(a+b)^{1/r_{10}}}$$

$$(\Delta)$$

$$(($$

در اینجا با بهره گیری از قابلیت حل همزمان معادلات در نرمافزار EES می توان تک تک شاخههای یک کانال انتقال هوا را اندازه گذاری نمود. همچنین، اتلاف هد استاتیکی در کانال را به دست آورد؛ تا انتخاب فن مناسب امکان پذیر شود. علاوه بر این، می توان سطح ورق مصرفی در کانال انتقال هوا را تعیین کرد. در این راستا، برای یک کانال مستطیلی انجام گامهای زیر لازم است:

۸) محاسبه هد استاتیکی لازم برای فن بر پایهٔ اتلاف هد استاتیکی در پراتلافترین شاخه

۹) محاسبه سطح ورق مصرفی با توجه به ابعاد مشخص شده برای شاخههای مختلف کانال انتقال هوا

مراحل ذکر شده برای کانالی که در بخش ۲ بررسی شد، در نرمافزار EES طی شده است و نتایج آن در جدول (۳) آمده است. همانگونه که پیشتر نیز بیان شد، مزیت مهم شیوه پیشنهادی در این است که در صورت تغییر شرایط، تنها لازم است که دوباره برنامه اجرا شود که امکان مطالعه پارامتری را فراهم میآورد. با توجه به این قابلیت، در شکل (۲) اثر سرعت جریان هوا در کانال اصلی بر هد استاتیکی لازم برای فن مطالعه شده است. قابل مشاهده است که با افزایش سرعت، هد استاتیکی لازم برای فن بیشتر میشود.



جدول (۲): تتایج مساله نمونه در نرمافزار EES					
$A_{AB}\left(ft^{2} ight)$	$A_{BC}(ft^2)$	$A_{BD}(ft^2)$	$A_{CE}(ft^2)$		
۳/۵۵	۲/۵۲۳	1/878	1/984		
$A_{CF}(ft^2)$	$\boldsymbol{b}_{AB}\left(\boldsymbol{in} ight)$	b _{BC} (in)	b _{BD} (in)		
1/374	۳۵/۳۷	24/48	19/04		
b _{CE} (in)	b _{CF} (in)	cfm _{AB}	cfm _{BC}		
10/01	۱۳/۲۱	۷۱۰۰	40		
cfm _{BD}	cfm _{CE}	cfm _{CF}	D_{AB}		
78	۲۵۰۰	۲۰۰۰	50/01		
D _{BC} (in)	$D_{BD}(in)$	D _{CE} (in)	D _{CF} (in)		
51/01	18/01	18/88	۱۵/۸۷		
$h_{f,100}\left(inw ight)$	h _{f,AB} (inw)	h _{f,BC} (inw)	h _{f,BD} (inw)		
•/١٨٣٢	•/•٧٣٢٩	•/•٧٣٢٩	•/•۴۵۸۱		
h _{f,CE} (inw)	$h_{f,CF}(inw)$	h _{fan} (inw)	$V_{AB}(fpm)$		
./.4011	•/1191	•/٣٩٧۴	7		
V _{BC} (fpm)	$V_{BD}(fpm)$	$V_{CE}(fpm)$	$V_{CF}(fpm)$		
1776	1004	1039	1400		





شکل (۲): اثر سرعت جریان هوا در کانال اصلی بر هد استاتیکی لازم برای فن

سطح ورق مورد نیاز برای کانال انتقال هوا یکی از متغیرهای مهم در طراحی آنها به شمار میرود. این به آن علت است که با افزایش سطح ورق، هزینهٔ کانال کشی بیشتر می شود. علاوه بر این، اتلاف حرارت از کانال با سطح آن متناسب است. از این رو، در ادامه، اثر سرعت جریان هوا در شاخهٔ اصلی و همچنین، ارتفاع کانال بر مساحت ورق مورد نیاز برای کانالکشی مورد مطالعه قرار می گیرد. برای این منظور، در این جا روش سطح پاسخ به کار گرفته می شود. جزئیات این روش در مرجع [۱۶] آورده شده است. جدول طراحی آزمایش در این روش در جدول (۴) آمده است که بر مبنای روش ترکیب مرکزی می باشد. نتایج در شکل (۳) به صورت وابستگی مقدار ورق مصرفی در کانال کشی به سرعت جریان هوا در شاخهٔ اصلی و ارتفاع کانال آورده شده است. مشخص است که با افزایش سرعت جریان هوا در شاخهٔ اصلی و همچنین، ارتفاع کانال، مقدار ورق مصرفی در کانال کشی کاهش می یابد. بر پایهٔ روش سطح پاسخ، سرعت بهینهٔ جریان برابر با ۱۷۲۷/۲۷ فوت بر دقیقه و ارتفاع بهینهٔ کانال برابر با ۲۰ اینچ به دست مي آيد.



سال دوم: شماره۲، تابستان ۱۴۰۱ | ۴۶

جدول(۴): جدول طراحی ازمایش در روش سطح پاسخ					
مساحت كانال	ارتفاع کانال (in)	سرعت در شاخهٔ اصلی	شماره آزمایش		
(ft^{r})		(fpm)			
1020	۱.	7	١		
1478	۱۵	10	٢		
1840	۲.	1	٣		
1880	۲.	10	۴		
1478	۱۵	10	۵		
۲۰۵۰	۱۵	١	۶		
1478	۱۵	10	٧		
٣•٩٧	۱.	١	٨		
١١٨۵	۲.	۲۰۰۰	٩		
1478	۱۵	10	۱.		
107.	۱.	10	11		
١٢١١	۱۵	۲۰۰۰	١٢		
1478	۱۵	10	١٣		



مهای مکانیکے



شکل (۳): وابستگی مقدار ورق مصرفی در کانال کشی به سرعت جریان هوا در شاخه اصلی و ارتفاع کانال

نتيجهگيرى

در مقالهٔ حاضر، یک شیوهٔ جایگزین برای طراحی کانالهای انتقال هوا از طریق برنامهنویسی در نرمافزار EES پیشنهاد شد. در روش پیشنهادی کافی است یک بار، شاخههای کانال انتقال هوا به نرمافزار معرفی شوند. در ادامه، با تغییر شرایط، تنها لازم است برنامه را دوباره اجرا کرد. به منظور نمایش برتری این روش، از آن برای طراحی یک کانال نمونه استفاده شد. در ادامه، اثر سرعت جریان هوا در کانال اصلی بر هد استاتیکی لازم برای فن مطالعه شد. مشخص گردید که با افزایش سرعت، هد استاتیکی لازم برای فن بیشتر میشود. همچنین با استفاده از روش سطح پاسخ، وابستگی مقدار ورق مصرفی در کانال کشی به سرعت جریان هوا در شاخه اصلی و ارتفاع کانال بررسی گردید. نتایج نشان داد که با افزایش سرعت جریان جریان هوا در شاخه اصلی و همچنین، ارتفاع کانال، مقدار ورق مصرفی در کانالکشی کاهش مییابد. به منظور معرفی شیوهٔ پیشنهادی، در این مقاله تنها



یک کانال انتقال هوای کوچک مورد بررسی قرار گرفت. با این وجود، این روش به آسانی قابل استفاده در کانالهای بزرگتر خواهد بود.

مراجع

- Li, A., Liu, Z., Zhu, X., Liu, Y., Wang, Q., (2010), The Effect of Air-conditioning Parameters and Deposition Dust on Microbial Growth in Supply Air Ducts, Building and Environment 42, pp 449– 454.
- [2] Lu, H., Lu, L., (2016), CFD Investigation on Particle Deposition in Aligned and Staggered Ribbed Duct Air Flows, Applied Thermal Engineering 93, pp. 697–706.
- [3] Lu, H., Lu, L., Jiang, Y., (2016), Numerical Simulation of Particle Deposition in Duct Air Flows with Uniform, Expanding or Contracting Cross-section, Energy and Buildings 128, pp. 867–875.
- [4] Chen, H., Cai, W., Chen, C., (2016), Fan-independent Air Balancing Method Based on Computation Model of Air Duct Systems, Building and Environment 105, pp. 295–306.
- [5] Cui, C., Zhang, X., Cai, W., Jing, G., (2018), A Novel Online Air Balancing Method for the Ventilation Duct System via Distributed Cooperative Control, Building and Environment 146, pp. 177–189.
- [6] Przydrozny, E., Przydrozna, A., Szczesniak, S., (2018), Energy Efficient Setting of Supply Air Temperature in Dual-duct Dual-fan Ventilation Systems with Extract Air Circulation, Thermal Science and Engineering Progress 5, pp. 69–85.
- [7] Taheri, A., Khoshnevis, A.B., and Lakzian, E., (2020), The Effects of Wall Curvature and Adverse Pressure Gradient on Air Ducts in HVAC Systems Using Turbulent Entropy Generation Analysis, International Journal of Refrigeration 113, pp. 21–30.
- [8] Park, H., Bach, C.K., (2021), Performance Characterization of Air Mixing Devices for Square Ducts, Applied Thermal Engineering 199, 117495.
- [9] Xie, Z., Xiao, Y., Jiang, C., Ren, Z., Li, X., Yu, K., (2021), Numerical Research on Airflow-dust Migration Behavior and Optimal Forced Air Duct Installation Position in a Subway Tunnel during Drilling Operation, Powder Technology 388, pp 176–191.
- [10] Lee, C.S., Shayegan, Z., Haghighat, F., Zhong, L., Bahloul A., Huard, M., (2021), Experimental Evaluation of In-duct Electronic Air Cleaning Technologies for the Removal of Ketones, Building and Environment 196, 107782.
- [11] Nie, W., Guo, L., Liu, Q., Hua, Y., Xue, Q., Sun, N., (2022), Study on the Coupling Pollution Law of Dust and Gas and Determination of the Optimal Purification Position of Air Duct during Tunnel Excavation. Powder Technology 411, 117843.
- [12] Heidarshenas, B., Sina, N., El-Shafay, A.S., Saleem, S., and Sharifpur, M., (2022), The Effect of the Zigzag Arrangement of Lithium-ion Batteries inside the Air Duct of an Office Building for Heating and Evaluation of the Impact of the Number of Air Outlets in Different Seasons of the Year, Journal of Energy Storage 50, 104204.
- [13] Jafaryar, M., Majidi, H.S., Besam, A., Saad, H.A., Hussin, A.M., and Alawee, W.H., (2022), Heat Storage Modeling for Air Ventilation Usage Considering Freezing of Paraffin through a Sinusoidal Duct, Journal of Energy Storage 55, 105296.
- [14] Orosa, J.A., Oliveira, A.C., (2011), Engineering Thermodynamics with EES: Consepts and Applications, Lap Lambert Academic Publishing.
- [15] Klein, S., Nellis, G., (2012), Thermodynamics. Cambridge University Press.
- [16] Zahmatkesh, I., (2021), Optimization of Natural Convection in a Trapezoidal Enclosure Filled with a Bidisperse Porous Medium (BDPM) Using Response Surface Methodology (RSM), The 9th Fluid Dynamics Conference, Tehran.