



## نسبت بهینه پوشش ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی طلا در بازار مالی ایران

حمید اسکندری<sup>۱</sup>

علی اصغر انواری رستمی<sup>۲</sup>

علی حسین زاده کاشان<sup>۳</sup>

تاریخ پذیرش: ۹۴/۵/۱۲

تاریخ دریافت: ۹۴/۲/۳

### چکیده

در این پژوهش امکان پوشش متقاطع ریسک نرخ ارز (دلار) با استفاده از شاخص میانگین وزنی معاملات قراردادهای آتی سکه بهار آزادی مورد معامله در شرکت بورس کالای ایران مورد بررسی قرار گرفته است. نسبت بهینه پوشش ریسک حداقل کننده واریانس با استفاده از رهیافت‌های مختلف اقتصادسنجی برای حالت‌های درون‌نمونه‌ای و برون‌نمونه‌ای برآورد شد و مورد مقایسه قرار گرفت. نتایج برآورد مدل‌ها حاکی از آن است که یک رابطه معنادار بین شاخص آتی طلا که به عنوان قیمت آتی در نظر گرفته شده و نرخ ارز وجود دارد. به عبارت دیگر شاخص آتی طلا دارای توانایی کاهش ریسک ارز است. علاوه بر این نتایج نشان‌دهنده این است که نرخ پوشش ریسک درون‌نمونه‌ای و برون‌نمونه‌ای محاسبه شده با استفاده از دو مدل رگرسیون خطی معمولی و مدل خود رگرسیون برداری یکسان شده و در نتیجه کارایی این دو مدل یکسان است. نتیجه مهم دیگر این است که مدل‌های پیچیده گارچ برداری مرتبه اول در این مسئله باعث بهبود نتایج و افزایش کارایی مدل‌ها نشد.

**واژه‌های کلیدی:** پوشش متقاطع ریسک ارز، قرارداد آتی، نسبت بهینه پوشش ریسک حداقل واریانس، کارایی پوشش ریسک، مدل‌های اقتصادسنجی.

۱- دانشجوی کارشناسی ارشد دانشگاه تربیت مدرس، Eskandari.iie@gmail.com

۲- استاد تمام، عضو هیئت‌علمی دانشگاه تربیت مدرس، Anvary@modares.ac.ir

۳- استادیار، عضو هیئت‌علمی دانشگاه تربیت مدرس، A.kashan@modares.ac.ir

## ۱- مقدمه

ریسک ناشی از نوسانات نرخ ارز از جمله موضوعاتی است که ذهن محققین را به خود معطوف نموده است. این ریسک و چگونگی مدیریت آن در مورد بنگاه‌ها و موسساتی که دارای حجم مبادلات ارزی قابل توجهی هستند، بسیار مهم و قابل تامل است. از این رو در سال‌های اخیر در عرصه جهانی ابزارهای متعدد مالی برای مدیریت این ریسک، ابداع شده و یا تکامل یافتند. از جمله این ابزارها می‌توان به قراردادهای آتی<sup>۱</sup>، پیمان‌های آتی<sup>۲</sup>، قراردادهای اختیار معامله<sup>۳</sup> و قراردادهای معاوضه‌ای<sup>۴</sup> اشاره کرد [۱۱].

یکی از ساده‌ترین ابزارهایی که برای کاهش ریسک ناشی از نوسانات ارز مورد استفاده قرار می‌گیرد، قرارداد آتی است. این قراردادها در بازارهای سازمان‌یافته<sup>۵</sup> مانند بورس‌ها توسط افراد و نهادها خرید و فروش می‌شوند. در یک تعریف ساده، قرارداد آتی قراردادی است که بر اساس آن طرفین معامله توافق می‌کنند یک کالا (یا انواع دیگر دارایی)<sup>۶</sup> را با قیمت توافقی که امروز تعیین می‌شود، در تاریخ معینی در آینده معامله نمایند. به موجب این قرارداد، خریدار متعهد می‌شود که قیمت کالا را مطابق آنچه که هنگام انعقاد قرارداد تعیین گردیده، در سررسید به طور کامل پرداخت نموده و کالا را دریافت نماید. از طرف دیگر، فروشنده نیز متعهد می‌شود در قبال دریافت قیمت مورد توافق، کالا را طبق شرایط کیفی و کمی مندرج در قرارداد تحویل دهد. به عبارت بهتر فردی در قرارداد آتی موقعیت خرید<sup>۷</sup> اتخاذ می‌کند که در اثر افزایش قیمت دارایی پایه (نرخ ارز) در بازار نقدی دچار زیان شود و این بدین معناست که مطابق قرارداد مقدار مشخصی از دارایی پایه را در تاریخ مشخصی در آینده با قیمتی که در قرارداد تعیین شده است، از فروشنده تحویل می‌گیرد. در مقابل چنانچه فردی در اثر کاهش قیمت دارایی پایه در بازار نقدی دچار زیان شود، باید در بازار معاملات قراردادهای آتی موقعیت فروش<sup>۸</sup> اتخاذ نماید که در این صورت باید مقدار معینی از دارایی مشخصی از دارایی پایه را با قیمت مندرج در قرارداد در آینده به خریدار تحویل دهد [۴].

اشخاص و نهادهایی که نوسان قیمت دارایی پایه بر روی آنها اثر نامطلوب می‌گذارد، می‌توانند با استفاده از قراردادهای آتی استراتژی‌های متفاوتی را اتخاذ نمایند. به عنوان مثال در ساده‌ترین استراتژی که به استراتژی پوشش ریسک ساده<sup>۹</sup> معروف است، پوشش دهنده ریسک<sup>۱۰</sup> دقیقاً به میزان موقعیت نقدی در بازار آتی موقعیت تعهدی اتخاذ می‌کند. به عنوان مثال فردی که قصد دارد ۱ میلیون دلار خود را برای ۳ ماه آینده پوشش دهد، دقیقاً به میزان ۱ میلیون دلار قرارداد آتی ارز برای ۳ ماه آتی معامله می‌کند. عوامل متعددی از جمله ریسک مبنای حجم قراردادهای آتی، سررسیدهای مختلف و... باعث می‌شوند که این استراتژی برای پوشش ریسک لزوماً کارا نباشد. به عبارت دیگر برای تعیین استراتژی پوشش ریسک کارا نیاز به تعیین نسبت بهینه پوشش ریسک<sup>۱۱</sup> است. نسبت بهینه پوشش ریسک بصورت نسبت موقعیت آتی به موقعیت نقدی و یا تعداد قرارداد آتی لازم به ازای هر واحد دارائی نقدی تعریف می‌شود [۵]. به عبارت دیگر، نسبت بهینه پوشش ریسک تعیین‌کننده تعداد قراردادهای آتی است که فرد باید برای مقابله با نوسان قیمت‌ها نگهداری کند. عدم لحاظ نرخ بهینه پوشش ریسک باعث کاهش کارایی پوشش ریسک و یا ایجاد هزینه اضافی می‌شود.

جانسون<sup>۱۲</sup> در سال ۱۹۶۰ نسبت بهینه پوشش ریسک حداقل کننده واریانس (MV)<sup>۱۳</sup> را به منظور تعیین تعداد موقعیت تعهدی قراردادهای آتی معرفی نمود. این روش در سال‌های بعد توسط محققین زیادی به ورطه آزمون گذارده شد و در این پژوهش نیز از همین روش استفاده شده است [۱۳].

در سال‌های اخیر به منظور پرهیز از کاهش نقدشوندگی بازارهای آتی و تنوع بی‌رویه قراردادهای آتی، استفاده از پوشش ریسک متقاطع<sup>۱۴</sup> مورد توجه قرار گرفته است. پوشش ریسک متقاطع به حالتی اطلاق می‌شود که دارایی نقدی، متفاوت از دارایی پایه قرارداد آتی باشد. به عنوان مثال در امریکا برای پوشش ریسک نوسان قیمت انواع سوخت‌های جت از قرارداد آتی نفت استفاده می‌شود. مساله مهم در پوشش ریسک متقاطع انتخاب قرارداد آتی است که قیمت آن دارای بیشترین همبستگی با قیمت دارایی پایه باشد [۸].

در ایران در آذرماه سال ۱۳۸۴ مجلس شورای اسلامی لایحه جدید بازار سرمایه که توسط دولت به مجلس تقدیم شد را تصویب نمود. بر اساس این لایحه معاملات اوراق مشتقه از جمله قراردادهای آتی کالا در بورس شکل قانونی پیدا کرد و مراجع تقلید نیز قبل از دولت و مجلس بر اساس استفتائات اخذ شده مجوز لازم را تنفیذ نموده بودند [۱]. در سال ۱۳۸۷ به طور رسمی معاملات آتی در شرکت بورس کالای ایران افتتاح شد و قراردادهای آتی سکه طلا، مفتول مس و شمش طلا ارائه شدند. اما به تدریج و با توجه به عدم استقبال سرمایه‌گذاران از معاملات آتی مفتول مس و شمش طلا، این دو کالا از فهرست کالاهای قابل معامله در بازار آتی حذف شدند، در عوض هر روز بیش از پیش بر رونق بازار آتی سکه طلا افزوده شد. از آنجایی که در حال حاضر تنها قرارداد آتی فعال در ایران قرارداد آتی طلا می‌باشد، در این مقاله به بررسی کارایی پوشش متقاطع ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی طلا پرداخته شده است.

در این پژوهش ابتدا نسبت بهینه پوشش ریسک حداقل کننده واریانس معرفی می‌شود. سپس روش‌های مختلف تخمین این نسبت تشریح می‌شود. در بخش بعد، شاخصی برای قیمت قرارداد آتی طلا معرفی و میزان همبستگی آن با نرخ دلار محاسبه می‌شود. در گام بعد، با استفاده از رهیافت‌های مختلف اقتصادسنجی نسبت بهینه پوشش متقاطع ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی طلا مورد محاسبه خواهد گرفت. در ادامه، با معرفی برخی معیارهای متعارف، برتری روش‌های مختلف تخمین این نسبت به یکدیگر بررسی خواهد شد که در نهایت مشخص می‌شود که کدام روش بر سایر روش‌ها برتری دارد.

پس از مروری اجمالی بر مساله، اکنون می‌توان سوال‌های این پژوهش را به شرح زیر بیان نمود:

- ۱) تا چه حد نرخ دلار در بازار آزاد با شاخص ترکیبی قیمت سکه طلا در بازار آتی ارتباط دارد؟
- ۲) آیا امکان پوشش ریسک ارز به وسیله قرارداد آتی طلا در بازار مالی ایران وجود دارد؟
- ۳) نرخ بهینه پوشش ریسک ارز به وسیله قرارداد آتی سکه طلای موجود در بازار مالی ایران چند است؟

## ۲- مبانی نظری و مروری بر پیشینه پژوهش

مفهوم اصلی پوشش ریسک، ترکیب سرمایه‌گذاری‌ها در بازار نقدی و بازار آتی به منظور تشکیل پورتفوی است که نوسان‌های ارزش آن سرمایه‌گذاری را حذف می‌کند (کاهش می‌دهد). مساله اصلی در پوشش ریسک، تعیین نرخ بهینه پوشش ریسک یا همان تعداد موقعیت آتی است، که به ازای یک واحد دارایی نقدی باید اتخاذ شود تا با استفاده از جهت معکوس حرکت قیمت قرارداد آتی، نوسان‌های قیمت دارایی پایه در پورتفوی حذف شود (کاهش یابد) [۲]. روش‌های تعیین نرخ بهینه پوشش ریسک متنوع است و روش تعیین نرخ بهینه پوشش ریسکی وجود ندارد که به‌طور مشخص از سایر روش‌ها برتر باشد [۹]. در مبحث پوشش ریسک، زمانی که دارایی نقدی با دارایی پایه قرارداد آتی متفاوت باشد به پوشش ریسک انجام شده، پوشش ریسک متقاطع گفته می‌شود. این نوع پوشش ریسک زمانی مورد استفاده قرار می‌گیرد که قرارداد آتی برای دارایی نقدی وجود نداشته و در عین حال در بازار آتی، قرارداد آتی با دارایی پایه‌ای که دارای همبستگی بالایی با دارایی نقدی است وجود داشته باشد. پوشش ریسک سوخت جت با استفاده از قرارداد آتی نفت که در سال‌های اخیر مورد استفاده قرار گرفته، از جمله نمونه‌های پوشش متقاطع ریسک است [۱۴].

تحقیقات اولیه بر روی پوشش ریسک متقاطع و نسبت بهینه پوشش ریسک، توسط جوهانسون (۱۹۶۰) و ادرینگتون<sup>۱۵</sup> (۱۹۷۹) انجام شد. در آن زمان و تا ۲۰ سال بعد روش رایج برای تخمین نرخ بهینه پوشش متقاطع ریسک، روش رگرسیون معمولی بود که از رگرس کردن تغییرات قیمت دارایی پایه بر روی تغییرات قیمت دارایی آتی حاصل می‌شد [۱۰]. در سال‌های بعد به علت علاقه زیاد محققین و فعالان بازار، تحقیقات زیادی در این حوزه صورت گرفت که تعداد مقالات نوشته‌شده این حوزه بیانگر آن است. به‌طور کلی، بخش اعظمی از روش‌های استخراج نسبت بهینه پوشش ریسک را می‌توان به دو گروه کلی تقسیم نمود. گروه اول، روش‌های حداقل‌کننده ریسک<sup>۱۶</sup> و گروه دوم، روش‌های حداکثر کننده مطلوبیت<sup>۱۷</sup> هستند. بنابراین، برای تعیین نسبت بهینه پوشش ریسک ابتدا باید تابع هدف را تعیین نمود و با بهینه نمودن آن نسبت بهینه پوشش ریسک را تعیین نمود.

در روش‌های حداقل‌کننده ریسک، ابتدا معیار ریسک تعریف می‌شود. در مطالعات، معیارهای متعددی برای ریسک در نظر گرفته شده که یکی از معروف‌ترین و رایج‌ترین آنها واریانس می‌باشد. معیار دیگر، ضریب جینی تعمیم‌یافته به میانگین<sup>۱۸</sup> (MEG) است. این معیار علاوه بر نوسان قیمت، درجه ریسک‌گریزی افراد را نیز مورد توجه قرار می‌دهد. در واقع با لحاظ کردن پارامتر ریسک‌گریزی متفاوت برای افراد متفاوت، نرخ بهینه پوشش ریسک متفاوت را محاسبه می‌کند، این در حالی است که در معیار اول، برای تمام افراد نرخ یکسان محاسبه می‌شد. سومین معیار ریسک، نیم‌واریانس تعمیم یافته<sup>۱۹</sup> است. این معیار، با مفهوم سلطه تصادفی<sup>۲۰</sup> سازگار است. این معیار، ابتدا بازدهی هدف را تعیین می‌کند و بازده‌های کمتر از آن را به عنوان ریسک در نظر می‌گیرد. از این رو، این معیار دارای مطلوبیت خاصی برای مدیران است. در کل می‌توان گفت

در این روش‌ها، ابتدا معیار ریسک تعریف می‌شود و با حداقل کردن آن نرخ بهینه پوشش ریسک محاسبه می‌شود.

روش‌های حداکثر کننده مطلوبیت، محدودیت اصلی روش‌های حداقل کننده ریسک یعنی عدم لحاظ بازدهی انتظاری<sup>۲۱</sup> پورتنفوی دارایی را مرتفع کرده و به صورت همزمان ریسک و بازدهی انتظاری را در تابع هدف استفاده می‌کنند. پنج روش رایج در این گروه عبارت از روش شارپ<sup>۲۲</sup>، بهینه میانگین-واریانس<sup>۲۳</sup>، حداکثر مطلوبیت مورد انتظار<sup>۲۴</sup>، میانگین-MEG<sup>۲۵</sup>، حداکثر میانگین-GSV<sup>۲۶</sup> هستند [۹]. در نهایت می‌توان ۸ روش محاسبه نرخ پوشش ریسک را به شرح جدول (۱) ارائه نمود.

جدول (۱): روش‌های مختلف محاسبه نرخ بهینه پوشش ریسک

ردیف	روش تعیین نرخ پوشش	تابع هدف
۱	حداقل واریانس (MV)	$Min R_h$
۲	بهینه میانگین-واریانس	$Max (R_h) - 1/2AVar(R_h)$
۳	شارپ	$Max \frac{E(R_h) - R_F}{\sqrt{Var(R_h)}}$
۴	حداکثر مطلوبیت مورد انتظار	$Max E(U)$
۵	حداقل ضریب MEG	$Min \Gamma_v(R_h v)$
۶	میانگین-MEG	$Max E(R_h) - \Gamma_v(R_h v)$
۷	حداقل GSV	$Min v_{\delta, \alpha}(R_h)$
۸	حداکثر میانگین-GSV	$Max E(R_h) - v_{\delta, \alpha}(R_h)$

منبع: (چن و همکاران، ۲۰۰۳)<sup>۲۷</sup>

البته محققین در سال‌های بعد، روش‌های جدیدی را معرفی نمودند. به عنوان مثال پارادو و لین و بر (۲۰۱۲)<sup>۲۸</sup> دو روش جدید DFO<sup>۲۹</sup> و MMSC<sup>۳۰</sup> را ارائه کردند [۱۵]. آنها مدل‌های جدید خود را با مدل‌های قبلی مقایسه کردند و به این نتیجه رسیدند که نرخ پوشش به روش DFO بسیار نزدیک به روش تصحیح خطا است. در ضمن دو مدل ارائه شده توسط آنها، دارای کارایی بیشتری نسبت به مدل‌های قدیمی بوده است. کوستیکا و مارکلوس (۲۰۱۲)<sup>۳۱</sup> به این نکته اشاره کردند که باید در تخمین نرخ بهینه پوشش ریسک از گشتاورهای مرتبه بالاتر استفاده کرد. ایشان از مدل چگالی خودرگرسیو شرطی<sup>۳۲</sup> (ARCD) که این امکان را فراهم می‌کند که واریانس، چولگی و کشیدگی در طول زمان متغیر باشند، استفاده کرده و سپس عملکرد این مدل را با مدل‌های سنتی و همچنین گارچ چند متغیره مقایسه کردند. نتایج تست‌های درون و برون نمونه‌ای مدل پیشنهادی، حاکی از برتری آن نسبت به سایر مدل‌ها است. ایشان در انتها پیشنهاد کردند که از این مدل به جای مدل‌های قبلی استفاده شود [۱۳].

هریک از روش های فوق دارای مزایا و معایب مربوط به خود است. در این پژوهش، به علت سهولت و جامعیت نسبت پوشش ریسک حداقل کننده واریانس (MV)، از این روش استفاده شده است. در این روش، منظور از پوشش ریسک عبارت است از ترکیب دارایی در بازار نقد و آتی برای ساخت یک پورتفوی به گونه ای که این ترکیب سرمایه گذاری منجر به کاهش نوسان ارزش سبد شود. به عبارت دیگر شخص دارای موقعیتی در بازار نقدی است و در کنار آن به دنبال تعیین تعداد قرارداد آتی بهینه برای تشکیل پورتفوی و حداقل ساختن واریانس نوسانات قیمت است. بنابراین، موقعیت وی در بازار نقدی، متغیر درونزا و موقعیت وی در بازار آتی، متغیر درونزا است. به منظور تعیین نسبت بهینه پوشش ریسک، ابتدا علائم زیر را تعریف می کنیم:

$\delta S$  = تغییر در لگاریتم قیمت دارایی پایه،  $\delta F$  = تغییر در لگاریتم قیمت آتی،  $\sigma S$  = انحراف معیار  $\delta S$ ،  $\sigma F$  = انحراف معیار  $\delta F$ ،  $\rho$  = ضریب همبستگی بین  $\delta S$  و  $\delta F$ ،  $h$  = نرخ بهینه پوشش ریسک در این صورت نرخ بهینه پوشش ریسک برابر است با:

$$h = \rho \frac{\sigma S}{\sigma F} \quad (1)$$

برای محاسبه این نرخ کافی است بتا در معادله رگرسیون زیر تخمین زده شود. این بتا همان نرخ بهینه پوشش ریسک است. البته برای استفاده از این روش لازم است که فروض استاندارد رگرسیون کلاسیک برقرار باشند.

$$\delta S_t = \alpha + \beta \delta F_t + \varepsilon_t \quad (2)$$

این مدل توسط بنینگا و همکاران<sup>۳۳</sup> (۱۹۸۳) استفاده شد [۱۷]. گرچه این مدل توانست مشکل نامانایی<sup>۳۴</sup> متغیرها را حل کند اما دارای برخی کاستی ها نیز هست. به عنوان نمونه معادله (۲) از تغییرات قیمت در بازار نقد و آتی چشم پوشی می کند که این ممکن است منجر به کاهش کارایی روش مورد استفاده گردد. یکی از روش های مورد استفاده برای رفع این مشکل استفاده از مدل های خودرگرسیون برداری<sup>۳۵</sup> است. در این مدل ها، با استفاده از معادلات ساختاری می توان از خطاهای دوره های قبل استفاده کرد. فرم کلی این مدل به صورت معادله (۳) است [۶].

$$\begin{aligned} Z_t &= a_0 + a_1 t + \varphi_1 Z_{t-1} + \varphi_2 Z_{t-2} + \dots + \varphi_p Z_{t-p} + u_t \\ Z_t &= m \times 1 \end{aligned} \quad (3)$$

که در آن  $Z_t$  یک بردار  $m \times 1$  از متغیرهای درونزا،  $t$  روند زمانی، و  $u_t$  یک بردار  $m \times 1$  از جملات اختلال غیر قابل مشاهده است. این مدل ها توسط لین و تسی<sup>۳۶</sup> (۱۹۹۹) مورد استفاده قرار گرفت. یکی از فروض الگوی خودرگرسیون برداری این است که کلیه متغیرها در سطح مانا باشند. اگر متغیرها مانا نباشند، یک راه

برای حل این مشکل تفاضل گیری از متغیرهاست. اگر در الگوی VAR تفاضل گیری صورت گیرد، می توان اثبات کرد که الگوی زیر ظاهر می شود.

$$\begin{aligned} R_{s,t} &= \alpha_s + \sum_{i=1}^k \beta_{si} R_{s,t-i} + \sum_{i=1}^k \lambda_{si} R_{f,t-i} + \varepsilon_{st} \\ R_{f,t} &= \alpha_f + \sum_{i=1}^k \beta_{fi} R_{s,t-i} + \sum_{i=1}^k \lambda_{fi} R_{f,t-i} + \varepsilon_{ft} \end{aligned} \quad (4)$$

که در آن Rها تفاضل مرتبه اول،  $\alpha$ ها جمله های ثابت،  $\beta_s, \beta_f, \lambda_s, \lambda_f$  پارامترهای مثبت مدل و k مرتبه مدل و در نهایت  $\varepsilon_{st}$  و  $\varepsilon_{ft}$  جملات خطا هستند که هم توزیع و مستقل از یکدیگرند. مساله ای مهم در این مرحله، بررسی وجود هم انباشتگی یا به عبارت دیگر بررسی وجود رابطه تعادلی بلندمدت بین متغیرها است. یکی از روش هایی که برای بررسی روابط تعادلی بلندمدت بین متغیرها مورد استفاده قرار می گیرد، آزمون یوهانسن - جوسیلیوس است. برای انجام آزمون یوهانسون - جوسیلیوس ابتدا تعداد بردارهای هم انباشتگی مشخص می شود، برای این منظور از آماره های اثر و حداکثر مقادیر ویژه استفاده می شود. پس از تعیین مقادیر این آماره ها، وجود بردارهای هم انباشه مشخص می گردد. پس از اینکه اثبات شد که قیمت نقدی و قیمت آتی هم انباشته اند، باید بردار هم انباشتگی را در مدل خودرگرسیون برداری برای بدست آوردن مدل تصحیح خطا وارد کرد. بردار هم انباشتگی را با E نشان می دهند و مدل تصحیح خطا بصورت زیر نوشته می شود [7]:

$$\begin{aligned} R_{s,t} &= C_s + \sum_{i=1}^k \beta_{si} R_{s,t-i} + \sum_{i=1}^k \lambda_{si} R_{f,t-i} - \alpha_s E_{t-1} + \varepsilon_{st} \\ R_{f,t} &= C_f + \sum_{i=1}^k \beta_{fi} R_{s,t-i} + \sum_{i=1}^k \lambda_{fi} R_{f,t-i} - \alpha_f E_{t-1} + \varepsilon_{ft} \end{aligned} \quad (5)$$

که در آن  $\alpha_s$  و  $\alpha_f$  ضرایب جملات تصحیح خطا هستند و سرعت پاسخ به انحراف از رابطه پایدار بلندمدت را نشان می دهند. منظور از رابطه پایدار بلندمدت در اینجا، همان همگرایی قیمت نقدی و آتی به یکدیگر است.

یکی از مشکلاتی که در دو مدل قبلی به کرات در مقالات با آن برخورد شده است، ناهمسانی واریانس<sup>۳۷</sup> است، این در حالی است که تحقیقات اخیر در حوزه مالی بیانگر این مطلب است که نه تنها این واریانس ثابت نبوده بلکه به صورت خوشه ای تلاطم می کند یا به عبارت دیگر واریانس خطای پیش بینی به مقدار جمله اختلال دوره قبل وابسته است [۹]. این مساله باعث استفاده از توزیع مشترک قیمت های نقد و آتی شده و در نتیجه منجر به تغییر نرخ پوششی به فرم زیر می شود:

$$OHR = h = \frac{Cov(s, f) \perp \Omega_{t-1}}{var(f) \perp \Omega_{t-1}} \quad (۶)$$

$\Omega_{t-1}$ : اطلاعات در دسترس دوره قبل (هنگام تصمیم‌گیری برای دوره  $t$ )  
به این ترتیب، در تخمین نرخ پوششی به جای استفاده از واریانس و کواریانس غیر شرطی، از واریانس و کواریانس شرطی استفاده می‌شود. چنین تکنیکی این امکان را فراهم می‌کند که نرخ پوششی در طول دوره پوشش ریسک تغییر (نرخ پوشش پویا) کند، این در حالی است که در مدل‌های قبل، نرخ پوشش عددی ثابت (نرخ پوشش ایستا) بود. بنابراین به منظور بهبود تخمین نرخ پوششی، با در نظر گرفتن ماهیت متغیر گشتاورهای شرطی مرتبه دوم و توزیع مشترک قیمت‌های نقد و آتی، از مدل‌های ناهمسان شرطی خود رگرسیو برداری که اولین نوع آن یعنی مدل VECH-GARCH، توسط انگل و ولد ریچ (۱۹۸۸)<sup>۳۸</sup> بصورت زیر مطرح شد، استفاده می‌شود [۳]:

$$Vech(H_t) = h_t = Vech(C) + \sum_{i=1}^q A_i Vech(\varepsilon_{t-i})^2 + \sum_{j=1}^p B_j Vech(H_{t-j}) \quad (۷)$$

$$\varepsilon_t \perp \Omega_{t-1} \sim N(0, H_t)$$

$H_t$ : ماتریس کواریانس شرطی  $2 \times 2$ ،  $C$ : بردار پارامترهای مثبت  $1 \times 3$ ،  $A_i, B_j$ : ماتریس پارامترها  $3 \times 3$   
مدل فوق نیاز به تخمین  $21$  (ماتریس  $A$  و  $B$  هر کدام  $9$  پارامتر و ماتریس  $C$  سه پارامتر) پارامتر دارد. جهت حل این مشکل (تعداد زیاد پارامترهای تخمینی) بالرسلو (۱۹۹۰)<sup>۳۹</sup> مدل Vech قطری<sup>۴۰</sup> را معرفی نمود که در آن فرض می‌شود ماتریس  $A$  و  $B$  قطری بوده و همبستگی میان واریانس و کواریانس ثابت است. تعداد پارامترها در این حالت به  $9$  پارامتر تقلیل می‌یابد. تحقیقات بعدی نشان داده است که فرض پیشنهادی بالرسلو، خارج از واقعیت است و برای بسیاری از سری‌های زمانی و مالی صادق نیست. انگل و کروونر<sup>۴۱</sup> تحقیقات را برای رفع معایب مدل قبل ادامه دادند و در سال ۱۹۹۵ مدلی را ارائه کردند که به نام BEKK مشهور شد. مدل BEKK-GARCH دو متغیره بصورت زیر است [۳]:

$$H_t = \hat{C}C + \hat{A}\varepsilon_{t-1}\varepsilon'_{t-1}A + \hat{B}H_{t-1}B \quad (۸)$$

$C$ : ماتریس پائین مثلثی  $2 \times 2$ ،  $A$  و  $B$ : ماتریس‌های مربعی  $2 \times 2$  هستند.  
در مدل‌های VECH و BEKK به این دلیل که لازم است جمله کواریانس به صورت جداگانه آورده شود، تعداد پارامترها زیاد است. بنابراین یک رویکرد دیگر در مدل‌سازی گارچ چند متغیره پیشنهاد شد. رویکرد جدید بدین صورت است که سری‌های زمانی چند متغیره به سری‌های زمانی ناهمبسته تبدیل شده و سپس، برای هر کدام از این سری‌های ناهمبسته، مدل‌های گارچ تک متغیره بکار برده شود. این رویکرد منجر به پیدایش روایتی دیگر از مدل گارچ یا همان مدل همبستگی‌های شرطی ثابت<sup>۴۲</sup> گارچ برداری شده و نخستین



بار توسط بولرسلیو در سال ۱۹۹۰ معرفی شد. او پیشنهاد کرد ماتریس کواریانس شرطی به صورت زیر فرمول بندی شود.

$$H_t = D_t R D_t \quad (9)$$

که در آن  $R$  ماتریس همبستگی شرطی و  $D_t$  ماتریس قطری  $\begin{bmatrix} \sigma_{1t} & \\ & \sigma_{2t} \end{bmatrix}$  است. به طوری که در آن هر کدام از  $\sigma$  ها معادله گارچ تک متغیره‌ای به صورت زیر دارد.

$$\sigma_{it} = \alpha_i + a_i \varepsilon_{it-1}^2 + b_i \sigma_{it-1} \quad \forall i = 1, 2 \quad (10)$$

ثابت در نظر گرفتن همبستگی‌ها در طول زمان، برآوردهای مدل را ساده‌تر کرده و تضمین می‌کند که ماتریس واریانس کواریانس شرطی معین مثبت است [۳].

### ۳- فرضیه‌های پژوهش

فرضیه‌هایی که در این پژوهش مطرح است، عبارتند از:

- (۱) یک رابطه معنادار بین نرخ دلار در بازار آزاد با شاخص ترکیبی قیمت سکه طلا در بازار آتی وجود دارد.
- (۲) پوشش ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی سکه طلا در بازار مالی ایران امکان‌پذیر است.

### ۴- روش شناسی پژوهش

روش انجام این پژوهش، تحلیلی-توصیفی است. به این ترتیب که ابتدا مباحث تئوریک و مطالعات تجربی پژوهش به روش کتابخانه‌ای جمع‌آوری شده و سپس با در نظر گرفتن ملاحظات و شرایط کشور، مدل و الگوی تحلیلی مناسب انتخاب شده است. برای جمع‌آوری اطلاعات لازم در خصوص مباحث نظری و پیشینه مطالعات تجربی از روش‌های کتابخانه‌ای و اینترنت استفاده شده است. دوره زمانی داده‌های مورد استفاده، از اولین روز ارائه قرارداد آتی سکه طلا یعنی پنجم آذرماه سال ۱۳۸۷ که قرارداد آتی سکه طلا تحویل دی ۱۳۸۷ ارائه شد، لغایت ۲۸ ام دی ماه سال ۱۳۹۲ است. برای محاسبه نرخ‌های بهینه پوشش ریسک ایستا و پویا از همین بازه زمانی استفاده شده است. داده‌های مذکور به صورت هفتگی هستند. به منظور انجام تست‌های برون‌نمونه‌ای از داده‌های قیمتی ۱۳۹۲/۰۳/۱۶ لغایت ۱۳۹۲/۰۹/۰۶ استفاده شده است. داده‌های لازم جهت محاسبه شاخص قیمت آتی طلا از شرکت بورس کالای ایران و نرخ ارز نیز از پژوهشکده پولی و بانکی بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران به دست آمده است. در مرحله بعد، با استفاده از داده‌های جمع‌آوری شده و با استفاده از مدل‌های حداقل مربعات خطای معمولی<sup>۴۴</sup>، خودرگرسیون

برداری<sup>۴۴</sup>، تصحیح خطای برداری<sup>۴۵</sup> و سه مدل گارچ برداری مرتبه اول<sup>۴۶</sup> به تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک پرداخته شده است. لگاریتم نرخ ارز (دلار) و لگاریتم شاخص آتی طلا<sup>۴۷</sup> متغیرهای استفاده شده در مدل‌های فوق هستند. نرم‌افزارهای بکار رفته در این پژوهش ای‌ویوز<sup>۴۸</sup> و اکسل<sup>۴۹</sup> هستند.

#### ۵- تخمین و برآورد مدل‌ها

سری زمانی قیمت‌های مورد استفاده بصورت هفتگی است، زیرا طی یک روز، نوسان‌های قیمت بیش از حد است و در قیمت‌های بیشتر از یک هفته نیز بسیاری از نوسان‌ها یکدیگر را خنثی می‌کنند [۹]. در جدول (۲) برخی خواص مهم آماری نرخ ارز (دلار) و شاخص آتی طلا ارائه شده است.

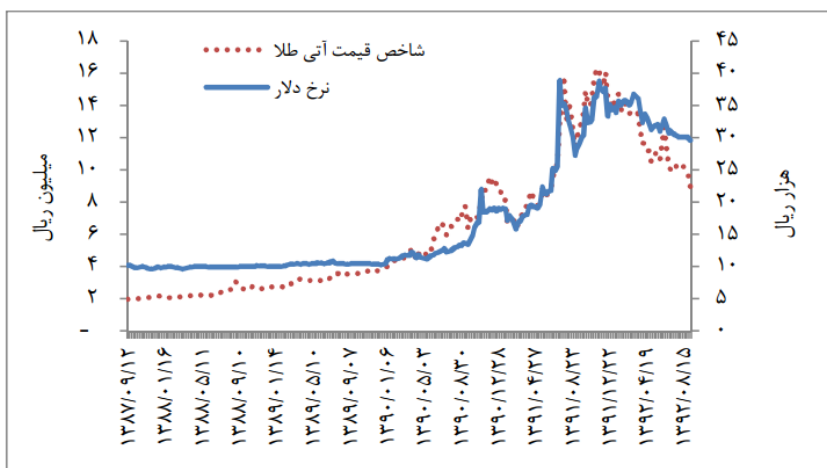
جدول (۲): خصوصیات آماری نرخ ارز و قیمت شاخص آتی طلا

تعداد مشاهدات	نرخ ارز (دلار به ریال)	شاخص آتی طلا (ریال)
۲۵۹	۲۵۹	۲۵۹
میانگین	۱۷,۲۷۹	۶,۳۹۱,۸۶۱
میانه	۱۱,۴۹۲	۴۶,۷۷,۰۶۱
حداکثر	۳۸,۸۵۷	۱۶,۲۹۲,۲۴۲
حداقل	۹,۶۴۷	۱,۹۷۱,۰۰۰
انحراف معیار	۹,۵۰۷	۴,۱۹۰,۰۶۴
چولگی	۰/۹۹۴	۰/۷۵۳
کشیدگی	۲/۳۵	۲/۲۶
آماره جاک برا	۴۷	۳۰
ضریب همبستگی	/۹۶۳	

ماخذ: نتایج پژوهش

با توجه به ضریب همبستگی بالای نرخ ارز و شاخص آتی طلا، به منظور شفافیت بیشتر، سری زمانی قیمت آنها در نمودار (۱) رسم شده است.

همانطور که در نمودار (۱) ملاحظه می‌شود، بسیاری از نوسانات ارز با نوسانات شاخص آتی طلا همسو بوده و نیاز به بررسی امکان پوشش ریسک ارز به وسیله قرارداد آتی طلا را نمایان ساخته است. پیش از تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک با استفاده از روش‌های ایستا و پویا، لازم است ریشه واحد بودن سری-های زمانی بررسی شود. نتایج آزمون دیکی-فولر تعمیم یافته در دو حالت با در نظر گرفتن عرض از مبدا<sup>۵۰</sup> و روند و عرض از مبدا<sup>۵۱</sup> برای قیمت‌های نرخ ارز و شاخص آتی طلا در جدول (۳) ارائه شده است.



نمودار (۱): همبستگی بین نرخ ارز و شاخص آتی طلا

جدول (۳): نتایج آزمون دیکی فولر تعمیم یافته برای لگاریتم نرخ ارز و لگاریتم شاخص آتی طلا

مفروضات آزمون	احتمال		آماره t		تعداد تفاضل
	آتی طلا	ارز	آتی طلا	ارز	
عرض از مبدا	۰/۶۸۷	۰/۹۴۸	-۱/۱۷	-۰/۰۸۷	صفر (سطح)
	۰/۰۰	۰/۰۰	-۱۴/۸۱	-۱۹/۰۲	یک
عرض از مبدا و روند	۰/۹۴۱	۰/۶۴۲	-۰/۹۹۹	-۱/۹۲	صفر (سطح)
	۰/۰۰	۰/۰۰	-۱۴/۸۴	-۱۹/۰۲	یک

ماخذ: نتایج پژوهش

نتایج نشان می‌دهند که لگاریتم نرخ ارز و لگاریتم شاخص آتی طلا در هر دو حالت عرض از مبدا و عرض از مبدا و روند مانا نیستند و با یکبار تفاضل گیری مانا شده‌اند. در ادامه نسبت بهینه پوشش ریسک با استفاده از ۶ مدل اقتصاد سنجی به ترتیب محاسبه شده است.

#### ۵-۱- برآورد مدل رگرسیون خطی معمولی

در این روش نرخ بهینه پوشش ریسک همان شیب خط رگرسیون معادله (۲) است. همانطور که در جدول (۴) درج شده، نرخ بهینه پوشش ریسک ۰/۵۳۴ شده است که با توجه به مقدار آماره تی و مقدار احتمال آن مشخص می‌شود که مقدار این متغیر معنادار است.

جدول (۴): نتایج مربوط به برآورد ضرایب مدل رگرسیون خطی معمولی

متغیرها	ضرایب	خطای استاندارد	آماره t	مقدار احتمال (P-Value)	ضریب تعیین
$\alpha$	۰/۰۰۰۹۹۷	۰/۰۰۲۲	۰/۴۴۵	۰/۶۵۶	۳۱/۸۹٪
$\beta$	۰/۵۳۴	۰/۰۴۸۶	۱۰/۹۷	۰/۰۰۰۰	

ماخذ: نتایج پژوهش

نتایج آزمون‌های تشخیص<sup>۵۲</sup> بر روی جملات خطای روش حداقل مربعات معمولی نشان می‌دهد اغلب فروض استاندارد کلاسیک نقض شده‌اند که البته به دلیل تعداد نسبتاً بالای مشاهدات (۲۵۹ مشاهده) این موضوع صرفاً کارایی تخمین‌ها را کاهش داده و موجب برآورد اریب<sup>۵۳</sup> نسبت بهینه پوشش ریسک نمی‌شود.

#### ۵-۲- برآورد مدل رگرسیون خودرگرسیون برداری

برای تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک با این مدل، لازم است که تعداد بهینه وقفه‌ها تعیین شود. برای این منظور از معیارهای شوارتز بیزین<sup>۵۴</sup> و حنان کوئین<sup>۵۵</sup> استفاده شده و خلاصه محاسبات دو معیار در جدول (۵) ارائه شده است.

جدول (۵): تعداد وقفه بهینه برای تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک

وقفه‌ها	شوارتز	حنان کوئین
۰	* -۷/۰۷	-۷/۰۸
۱	-۷/۰۶	* -۷/۱۱
۲	-۷/۰۲	-۷/۱۰
۳	-۶/۹۸	-۷/۰۹

ماخذ: نتایج پژوهش

علامت ستاره (\*) نشان‌دهنده تعداد وقفه بهینه با استفاده از معیار مذکور است. با توجه به نتایج محاسبات با استفاده از دو معیار فوق، وقفه‌های متفاوتی حاصل شده است. برای تعیین وقفه بهینه، پارامترهای مدل برای هر دو وقفه، در جدول (۶) ارائه شده است. نرخ پوشش برای وقفه صفر و یک در حالت درون‌نمونه‌ای برابر ۰/۵۳۴ شده است. بنابراین در حالت درون‌نمونه‌ای هر دو وقفه دارای کارایی درون‌نمونه‌ای یکسان ولی در حالت برون‌نمونه‌ای کارایی مدل با وقفه ۱ کمتر است، بنابراین برای این روش وقفه بهینه، مرتبه صفر است.

جدول (۶): برآورد ضرایب مدل خودرگرسیون برداری

با یک وقفه		بدون وقفه		مقادیر
RF	RS	RF	RS	
۰/۰۰۵	۰/۰۰۴	۰/۰۰۶	۰/۰۰۴	عرض از مبدا
۰/۰۰	-۰/۲۷۹	-	-	RS(-1)
۰/۰۶۷	۰/۱۷۸	-	-	RF(-1)

ماخذ: نتایج پژوهش

### ۳-۵- برآورد مدل رگرسیون خودرگرسیون برداری

برای تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک با استفاده از مدل تصحیح خطای برداری لازم است وجود و یا عدم وجود رابطه بلندمدت بین متغیرها، با استفاده از آزمون هم‌انباشتگی بررسی شود. بدین منظور از آزمون یوهانسون با وجود عرض از مبدا و روند استفاده شده است. نتایج این آزمون با استفاده از آماره‌های اثر و حداکثر مقدار ویژه به شرح جدول (۷) است.

جدول (۷): نتایج آزمون یوهانسون جهت تعیین تعداد بردارهای هم‌انباشته

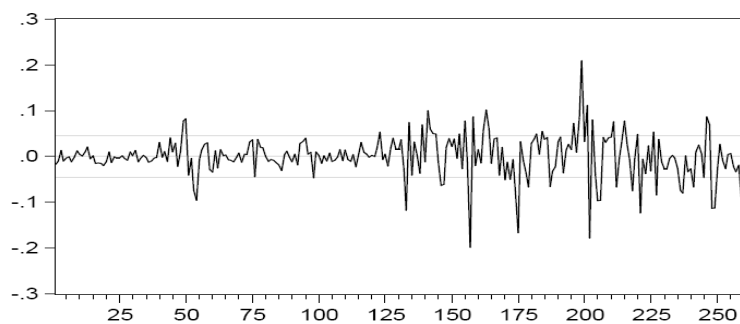
حداکثر مقدار ویژه		آماره اثر		فرضیات
احتمال	مقدار آماره	احتمال	مقدار آماره	
۰/۸۳	۷/۸۹	۰/۷۵	۱۲/۸۱	فقدان بردار هم‌انباشته
۰/۶۱	۴/۹۲	۰/۶۱	۴/۹۲	حداکثر یک بردار

ماخذ: نتایج پژوهش

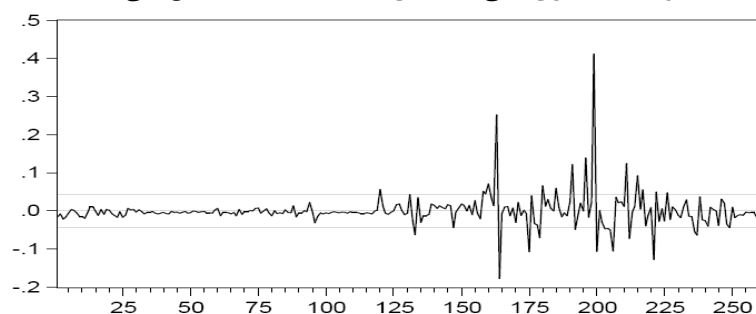
نتایج ارائه شده در جدول (۷) حاکی از عدم وجود بردار هم‌انباشتگی است. به عبارت دیگر با یک‌بار تفاضل‌گیری و استفاده از مدل خودرگرسیون برداری نتایج قابل اتکا هستند و همگرایی بین قیمت‌ها وجود ندارد و یا اینکه آنها در نهایت به سوی یکدیگر همگرا نیستند و فاقد خاصیت بازگشت به میانگین<sup>۵۶</sup> هستند. لذا در نهایت این نتیجه حاصل می‌شود که استفاده از مدل تصحیح خطای برداری نتایج را بهبود نداده و نیازی به تخمین مدل تصحیح خطای برداری نیست.

### ۴-۵- برآورد مدل‌های پویا

مدل‌های گارچ برداری معادله میانگین خود را از مدل خودرگرسیون برداری و یا مدل تصحیح خطای برداری اخذ می‌کنند. در بخش قبل به علت عدم وجود هم‌انباشتگی مشخص شد که معادله میانگین باید از مدل خودرگرسیون برداری گرفته شود. اکنون برای بررسی کارایی مدل خودرگرسیون برداری، نمودار باقی-مانده مدل‌ها ترسیم شده است.



نمودار (۲): سری باقی مانده‌های مدل VAR(0) (شاخص آبی طلا)



نمودار (۳): سری باقی مانده‌های مدل VAR(0) (نرخ ارز)

با توجه به ظاهر نمودارها به نظر می‌رسد که ناهمسانی واریانس و خودهمبستگی مرتبه اول وجود دارد. به منظور بررسی وجود خودهمبستگی در باقیمانده مدل‌ها، اقدام به محاسبه توابع خودهمبستگی سری توان دوم باقی مانده شده‌است. در جدول‌های (۸) و (۹) نتایج این محاسبات ارائه شده است:

جدول (۸): تابع خودهمبستگی سری توان دوم باقی مانده‌ها (معادله نقد)

Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob.	
* .	* .	۱	-۰/۱۷۳	-۰/۱۷۳	۷/۸۴۱۷	۰/۰۰۵
. .	. .	۲	۰/۰۴۲	۰/۰۱۲	۸.۲۹۶۶	۰/۰۱۶
. *	. *	۳	۰/۱۳۴	۰/۱۴۷	۱۳/۰۰۹	۰/۰۰۵

جدول (۹): تابع خودهمبستگی سری توان دوم باقی مانده‌ها (معادله آبی)

Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob.	
. .	. .	۱	۰/۰۶۶	۰/۰۶۶	۱/۱۳۹۲	۰/۲۸۶
. *	. *	۲	۰/۰۸	۰/۰۷۶	۲/۸۱۳۷	۰/۲۴۵
. .	. .	۳	-۰/۰۲۵	-۰/۰۳۵	۲/۹۴۹	۰/۳۹۶

در معادله نقد خودهمبستگی مرتبه اول وجود دارد اما در معادله آتی خودهمبستگی مرتبه اول وجود ندارد، لذا احتمال بهبود مدل‌های خودرگرسیون برداری به وسیله مدل‌های گارچ برداری وجود دارد. به منظور حصول اطمینان نرخ پوشش ریسک پویا برای این دو مدل محاسبه شده و خصوصیات آماری آنها در جدول (۱۰) خلاصه شده است.

جدول (۱۰): خصوصیات آماری نسبت‌های بهینه پوشش ریسک پویا

BEKK-GARCH(1,1)	CCC-GARCH(1,1)	VECH-GARCH(1,1)	
۲۵۹	۲۵۹	۲۵۹	تعداد مشاهدات
۰/۸۶	۰/۹۰	۰/۸۶	میانگین
۰/۸۲	۰/۸۳	۰/۷۷	میانه
۱/۹۵	۲/۱۱	۲/۴۷	حداکثر
۰/۳۰	۰/۵۶	۰/۱۳	حداقل
۰/۳۱	۰/۲۷	۰/۴	انحراف معیار
۱	۱/۷۱	۱/۱۷	چولگی
۴/۰۵	۶/۵۰	۴/۵۷	کشیدگی
۵۵	۲۵۸	۸۵	آماره جارک برا

پس از محاسبه نرخ‌های پویا اقدام به تشکیل پورتنفوی پوشش یافته شده و واریانس آن مطابق جدول (۱۱) شده است.

جدول (۱۱): واریانس پورتنفوی بدون پوشش و پوشش یافته با مدل‌های گارچ برداری

واریانس پورتنفوی			
BEKK-GARCH(1,1)	CCC-GARCH(1,1)	VECH-GARCH(1,1)	بدون پوشش
۰/۰۰۱۹	۰/۰۰۱۸۶	۰/۰۰۲۳	۰/۰۰۱۸۶

نتایج نشان می‌دهد که مدل‌های گارچ برداری مرتبه اول نتوانستند منجر به کاهش واریانس پورتنفوی شوند به عبارت دیگر این مدل‌ها نتوانستند کارایی مدل خودرگرسیون برداری را بهبود دهند.

#### ۴-۵- مقایسه کارایی مدل‌های پوشش ریسک

در این بخش میزان موثر بودن پوشش ریسک ارز با استفاده از نسبت‌های مختلف که با روش‌های مختلف اقتصادسنجی تخمین زده شده‌اند، بررسی می‌شود. یکی از ملزومات بررسی میزان موثر بودن پوشش ریسک مدل‌ها، در نظر گرفتن دو دوره زمانی مجزا برای این منظور است. این دوره‌ها عبارت از دوره درون-

نمونه‌ای و دوره برون‌نمونه‌ای هستند. برای انجام تست برون نمونه‌ای ۱۰٪ داده‌ها یعنی ۲۶ داده جدا شده و پارامترهای مدل از بخش اول بدست آمده و پس از آن بر روی بخش دوم ارزیابی می‌شود.

جدول (۱۲): کارایی پوشش ریسک درون‌نمونه‌ای

استراتژی	نرخ پوشش	واریانس سبد	درصد کاهش واریانس
بدون پوشش	-	۰/۰۰۱۸۶۲	-
OLS	۰/۵۳۴	۰/۰۰۱۳	۳۱/۸۹
VAR	۰/۵۳۴	۰/۰۰۱۳	۳۱/۸۹

جدول (۱۳): کارایی پوشش ریسک برون‌نمونه‌ای

استراتژی	نرخ پوشش	واریانس سبد	درصد کاهش واریانس
بدون پوشش	-	۰/۰۰۰۵۷	-
OLS	۰/۵۵۲	۰/۰۰۰۲۹	۴۹/۴۴
VAR	۰/۵۵۲	۰/۰۰۰۲۹	۴۹/۴۴

نتایج حاکی از آن است که در تحلیل‌های درون‌نمونه‌ای و برون‌نمونه‌ای استفاده از قرارداد آتی طلا به میزان قابل توجهی ریسک (واریانس) سبد دارایی پایه را کاهش می‌دهد. در رابطه با این پرسش که کدام یک از مدل‌ها کاراترند، پاسخ واحدی وجود ندارد، زیرا هر دو مدل رگرسیون و مدل خودرگرسیون برداری میزان کارایی یکسانی را برای تست‌های درون‌نمونه‌ای و برون‌نمونه‌ای ارائه کرده‌اند، بنابراین دلیلی مبنی بر ارجحیت یکی از این دو مدل بر دیگری وجود ندارد.

در کل با توجه به نتایج این پژوهش می‌توان چنین بیان کرد که ارتباط معناداری بین شاخص آتی طلا و نرخ ارز وجود دارد و پوشش متقاطع ریسک ارز بوسیله قرارداد آتی طلا در دوره مورد بررسی امکان‌پذیر است. برای تعیین نرخ بهینه پوشش ریسک از شش مدل رگرسیون معمولی، خودرگرسیون برداری، مدل تصحیح خطای برداری و BEKK-GARH(1,1)، VECM-GARCH(1,1) و CCC-GARCH(1,1)، تنها دو مدل رگرسیون برداری و خودرگرسیون برداری کاربرد دارند. در حالت درون نمونه‌ای، دو مدل رگرسیون معمولی و خودرگرسیون برداری با نرخ پوشش یکسان ۰/۵۳ تقریباً ۳۲ درصد نوسان نرخ ارز را کاسته و از آنجا که دارای نرخ پوشش یکسانی هستند، کارایی این دو مدل در حالت درون نمونه‌ای یکسان شده‌است. کارایی این دو مدل در حالت برون‌نمونه‌ای به‌طور چشمگیری افزایش پیدا کرده است به طوری که میزان کارایی پوشش ریسک این دو مدل با نرخ پوشش ریسک ۰/۵۵ به نزدیک ۵۰ درصد رسیده است. در نهایت می‌توان این‌گونه بیان کرد که کارایی دو مدل رگرسیون معمولی و خودرگرسیون برداری از مدل بدون پوشش ریسک بالاتر است، یعنی هر یک از دو مدل فوق، دارای نوسان ارزش کمتری نسبت به حالت بدون پوشش ریسک است.



## ۶- نتیجه گیری و بحث

استفاده از پوشش ریسک متقاطع ریسک با استفاده از قرارداد آتی یکی از روش‌های پوشش ریسک است که در سال‌های اخیر در دنیا مورد توجه و استفاده قرار گرفته است. از آنجا که نوسانات نرخ ارز از جمله عوامل موثر بر بخش‌های مختلف اقتصاد کلان است، مهار این نوسانات از اهمیت بسیار بالایی برخوردار است. این پژوهش به دنبال بررسی امکان پوشش متقاطع ریسک ارز است یا به عبارت دیگر در پی این است که با تشکیل پورتهویی از ارز و قرارداد آتی طلا، نوسان‌های ارز را کاهش دهد تا بدین وسیله بتواند از پیامدهای منفی ناشی از نوسانات ارز جلوگیری کند. در این راستا تعیین روش تخمین نسبت بهینه پوشش ریسک از اهمیت بسزایی برخوردار است. یکی از رایج‌ترین روش‌های تعیین نسبت بهینه پوشش ریسک، روش نسبت بهینه پوشش ریسک حداقل‌کننده واریانس است که می‌توان این نسبت را با روش‌های مختلف اقتصادسنجی مورد برآورد قرار داد. در این پژوهش ابتدا میزان همبستگی شاخص میانگین وزنی معاملات قرارداد آتی سکه طلا در بازار مالی ایران با نرخ ارز (دلار) مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج حاکی از وجود رابطه معنادار بین شاخص آتی طلا و نرخ ارز در دوره مورد بررسی در ایران است که در واقع تایید فرضیه اول پژوهش و نشان‌دهنده امکان استفاده از پوشش متقاطع ریسک در این حوزه است. این موضوع مطابق با یافته‌های پژوهش‌های اخیر از جمله پژوهش مولر و همکاران (۲۰۱۱) و پژوهش آدامز و گرمر (۲۰۱۲) مبنی بر کارایی پوشش ریسک متقاطع با استفاده از قرارداد آتی است. فرضیه دوم این پژوهش امکان‌پذیری پوشش ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی سکه طلا در بازار مالی ایران است که با استفاده از مدل‌های مختلف پوشش ریسک و مقایسه ریسک در حالت‌های بدون پوشش و پوشش‌یافته نتیجه شد که با استفاده از قراردادهای آتی طلا و تشکیل پورتهویی، می‌توان ریسک ارز (دلار) را به میزان قابل توجهی کاهش داد به عبارت دیگر فرضیه دوم پژوهش نیز تایید شده است. نتایج پژوهش حاضر مبنی بر اینکه مدل‌های گارچ برداری با وقفه مرتبه اول باعث افزایش کارایی مدل‌ها نشده‌اند، با یافته‌های پژوهش‌های انجام شده توسط چودری (۲۰۰۴)، زانوتی و همکاران (۲۰۱۰)، چانگ و همکاران (۲۰۱۱) و چنگ و همکاران (۲۰۱۲) تطابق نداشته و مطابق یافته‌های پژوهش‌های فان و همکاران (۲۰۱۳) و آزاوی و بتاکرت (۲۰۱۳) است. در ضمن قرارداد آتی سکه طلا در بورس کالای ایران دارای پتانسیل بالایی برای پوشش ریسک ارز است. لذا پیشنهاد می‌شود، شرکت بورس کالا، شرکت بورس اوراق بهادار و سازمان بورس اوراق بهادار اقدام به تحقیق در حوزه فوق نموده و هم‌چنین آموزش نیروهای متخصص در این حوزه را در برنامه خود قرار دهند تا به وسیله ارائه آموزش‌های لازم توسط نیروهای خود در بازار سرمایه زمینه را برای استفاده بهینه از این راهبرد فراهم سازد. علاوه بر این، از جمله مسائلی که چند سال است بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران و شرکت بورس کالای ایران بر روی آن مذاکره می‌کنند، راه‌اندازی قرارداد آتی ارز است. با توجه به نتایج این پژوهش که نشان‌دهنده امکان کاهش حدود ۵۰ درصدی ریسک ارز با استفاده از قرارداد آتی طلا است، پیشنهاد می‌شود بانک مرکزی و سایر نهادهای مسئول تحقیقات بیشتری بر روی سایر مدل‌های پوشش ریسک انجام دهند تا در صورت امکان بتوانند مدلی با کارایی بیشتر برای پوشش متقاطع ریسک ارز با قرارداد آتی طلا ارائه کنند.

## فهرست منابع

- \* برنجی مهدیار. طراحی استراتژی معاملاتی در بورس کالای ایران بر مبنای رابطه پیشرو-پسرو بین شاخص آتی و قیمت نقد سکه طلا. دانشگاه تهران. ۱۳۹۲
- \* خدادادیان بنفشه. پوشش ریسک نفت با استفاده از قراردادهای آتی. دانشگاه تربیت مدرس. ۱۳۸۹
- \* سوری علی. تحلیل سری های زمانی. چاپ اول. انتشارات نص. ۱۳۸۹
- \* صالح آبادی علی، سیاح سجاد. مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک. گروه رایانه تدبیرپرداز. ۱۳۸۴
- \* میرزاپور باباجان اکبر، بهرامی جاوید. نسبت بهینه پوشش ریسک در قراردادهای آتی سکه بهار آزادی مورد معامله در بورس کالای ایران. فصلنامه پژوهش‌ها و سیاست‌های اقتصادی. ۱۳۹۱.
- \* صادقی مهدی، شوالپور سعید. اقتصادسنجی سریهای زمانی با رویکرد کاربردی. چاپ سوم. جلد دوم. انتشارات دانشگاه امام صادق (ع). ۱۳۹۱
- \* نوفرستی محمد. ریشه واحد همجمعی در اقتصادسنجی. چاپ اول. موسسه خدمات فرهنگی رسا. ۱۳۸۷.
- \* ADAMS, Z. & GERNER, M. 2012. Cross hedging jet-fuel price exposure. *Energy Economics*, 34, 1301-1309.
- \* CHEN, S.-S., LEE, C.-F. & SHRESTHA, K. 2003a. Futures hedge ratios: a review. *The Quarterly Review of Economics and Finance*, 43, 433-465.
- \* GEPPERT, J. M. 1995. A statistical model for the relationship between futures contract hedging effectiveness and investment horizon length. *Journal of Futures Markets*, 15, 507-536.
- \* GLANTZ, M. & KISSELL, R. 2014. *Multi-Asset Risk Modeling Techniques for a Global Economy in an Electronic and Algorithmic Trading Era*, San Diego, USA, Elsevier Inc.
- \* GUPTA, S. 2006. *Financial Derivatives, Theory, Concepts and problems*, India, Prentice-Hall of India.
- \* KOSTIKA, E. & MARKELLOS, R. N. 2012. Optimal Hedge Ratio Estimation and Effectiveness Using ARCD. *Journal of Forecasting*, 10, 1002-1016.
- \* MULLER, A. F. A. A. & NOLTE, I. 2011. Cross hedging under multiplicative basis risk. *Journal of Banking & Finance*, 35, 2956-2964.
- \* PRADO, M. M. L. D. & LEINWEBER, D. 2012. Advances in cointegration and subset correlation hedging methods. *Journal of Investment Strategies*, 1, 67-115
- \* RUTLEDGE, D. J. S. 1972. *Hedging Demand for Futures Contracts: A Theoretical Framework with Applications the United State Soybean Complex*. Food Research Institute Studies, 11, 237-256
- \* TSAY, R. S. 2005. *Analysis of Financial Time Series*, Hoboken, New Jersey, John Wiley & Sons, Inc.
- \* YANG, W. 2001. M-GARCH Hedge Ratios and Hedging Effectiveness in Australia Futures Markets. *Accounting and Finance*, 45, 301.
- \* YAO, Z. & WU, H. 2012. Financial Engineering Estimation of Minimum Risk Hedge Ratio. *Systems Engineering Procedia*, 3, 187-193.

## یادداشت‌ها

1. Future Contracts
  2. Forward Contracts
  3. Options
  4. Swaps
  5. Organized Markets
  6. Underlying Asset
  7. Long Position
  8. Short Position
  9. Naive Approach
  10. Hedger
  11. Optimal Hedge Ratio
  12. Johnson
  13. Minimum Variance
  14. Cross Hedging
  15. Ederington
  16. Risk Mimimizing
  17. Utility Maximizing
  18. Mean Extended Gini Coefficient
  19. Generalized Semivariance
  20. Stochastic Dominance
  21. Expected Return
  22. Sharp Ratio
  23. Optimum Mean-Variance Hedge Ratio
  24. Maximum Expected Utility Hedge Ratio
  25. Optimum Mean-MEG Hedge Ratio
  26. Maximum Mean-GSV Hedgre Ratio
  27. Chen & Lee & Shrestha - 2003
  28. Pardo and Lienweber - 2012
  29. Dickey-Fuller Optimal
  30. Minimax Subset Correlation
  31. KOSTIKA and MARKELLOS - 2012
  32. Autoregressive Conditional Density
  33. Benninga et al. 1983
  34. Non Stationary
  35. Vector Autoregressive
  36. Lien and Tse (1999)
  37. Heteroscedasticity
  38. Engle & Wooldridge - 1988
  39. Bollerslev - 1990
  40. Diagonal VECH
  41. Engle & Kroner
  42. Constant Conditional Correlation
  43. Ordinary Least Square (OLS)
  44. Vector Auto Regressive (VAR)
  45. Vector Error Correction Model (VECM)
  46. Bivariate Garch (BEKK-Garch(1,1), CCC-Garch(1,1), VECH-Garch(1,1))
- <sup>۴۷</sup>. منظور از شاخص آتی طلا، میانگین وزنی معاملات است، به عبارت دیگر تعداد معاملات قراردادها با سررسیدهای یکسان در قیمت پایانی متناظرشان ضرب شده و سپس مجموع این اعداد محاسبه و در نهایت تقسیم بر تعداد کل معاملات آن روز شده است.
48. EVIEWS 7
  49. EXCEL
  50. Intercept
  51. Trend and Intercept
- <sup>۴۸</sup>. بدین منظور از آزمون‌های وایت، بروش‌گادفری، جاركسبرا و لیانگ‌باکس استفاده شده است.

- <sup>53</sup>. Bias
- <sup>54</sup>. Schwartz Criterion
- <sup>55</sup>. Hannan-Quinn Information Criterion
- <sup>56</sup>. Mean Reverting