



بهینه سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل های قیمت گذاری

دارایی سرمایه‌ای تعمیم یافته با در نظر گرفتن توزیع نامتقارن و دنباله ی پهن

علی سوری^۱

سعید فلاح پور^۲ تاریخ دریافت مقاله : ۹۹/۰۲/۰۴ تاریخ پذیرش مقاله : ۹۹/۰۴/۲۶

بهمن اسماعیلی^۳

چکیده

معیار اصلی در تصمیمات سرمایه گذاری انتخاب بین بازدهی و ریسک می‌باشد. هر سرمایه‌گذار درصدد انتخاب ترکیب بهینه‌ای از بازدهی و ریسک است تا بتواند مطلوبیت خود را حداکثر سازد. در این تحقیق، سعی بر آن شد تا در مواقعی که دچار بحران مالی شده و توزیع بازدهی دارایی‌ها از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند بتوان مدل مطلوبی را برای برآورد بازدهی و ریسک تبیین کرد. بدین منظور از مدل‌های قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض مستقل و یکنواخت بودن توزیع نامتقارن جزء خطا (CAPM-IIAPD) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض مستقل و یکنواخت بودن توزیع نمایی جزء خطا (CAPM-AIEPD) در کنار مدل سنتی استفاده و به برآورد بازدهی و ریسک پرداختیم. زمانی که فرض نرمال بودن نقض می‌شود، از گشتاورهای مراتب بالاتر جهت بهینه‌سازی مدل استفاده می‌شود. در گام بعدی، با استفاده از برنامه‌ریزی آرمانی بهینه‌ترین پرتفویهای سرمایه‌گذاری را با استفاده از گشتاورهای سوم و چهارم بدست می‌آوریم. قلمرو زمانی تحقیق از ابتدای سال ۱۳۹۰ تا پایان سال ۱۳۹۶ و جامعه آماری نیز کلیه شرکت‌های بورس اوراق بهادار تهران بوده است که از بین آنها ۳۰ شرکت انتخاب شده است. نتایج حاکی از برتری مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض مستقل و یکنواخت بودن توزیع نامتقارن جزء خطا (CAPM-IIAPD) نسبت به سایر مدل‌ها بوده و بازدهی تعدیل شده نسبت به ریسک در مدل‌های بهینه‌سازی با در نظر گرفتن گشتاور سوم و چهارم در مدل‌های تعمیم یافته تفاوت معناداری با مدل سنتی داشته و عملکرد مطلوب‌تری دارند.

کلمات کلیدی

مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای تعمیم یافته ، بهینه‌سازی پرتفوی ، گشتاورهای مراتب بالاتر، معیار

ارزیابی عملکرد

۱- گروه اقتصاد، دانشکده اقتصاد، دانشگاه تهران، تهران، ایران. alisouri@ut.ac.ir

۲- گروه مالی و بیمه، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران. falahpor@ut.ac.ir

۳- گروه مالی و بیمه، دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران، تهران، ایران (نویسنده مسئول). bahman.esmaeili@ut.ac.ir

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

مقدمه

بحران مالی سال ۲۰۰۸ و در پی آن بروز مشکلات گسترده اقتصادی و اجتماعی و ورشکستگی‌های پی در پی و ناتوانی موسسات مالی در ایفای تعهدات خود باعث شده است که اکنون اندازه‌گیری و کنترل ریسک، در کانون توجه موسسات مالی قرار گیرد. این وقایع بر اهمیت روزافزون مدیریت ریسک دلالت دارد که از نتایج واضح آن، افزایش توجه مدیران به مطالعه در حوزه ریسک بوده است. بدیهی است که انجام شایسته هر یک از وظایف مدیریت ریسک نیازمند استفاده از ابزاری قدرتمند و مبتنی بر مبنای علمی بوده است. تنوع در روش‌های سرمایه‌گذاری و پیچیدگی تصمیم‌گیری در دهه‌های اخیر به شدت گسترش یافته و این رشد گسترده، نیاز به مدل‌های فراگیر و یکپارچه را ایجاد نموده است. یکی از روش‌های مورد استفاده مدل‌سازی مالی با ترکیب دو رویکرد مالی و برنامه‌ریزی ریاضی می‌باشد.

اندازه‌گیری ریسک و مدیریت پرتفوی به صورت پویا یکی از با اهمیت‌ترین مسائل در ادبیات مالی محسوب می‌شود. اندازه‌گیری بازدهی و ریسک پرتفوی با در نظر گرفتن خواص توزیعی آن در دنیای واقعی از اهمیت بالایی برخوردار بوده و در بحران‌های مالی عملکرد قابل اعتماد و دقیق‌تری نسبت به مدل‌های سنتی دارد. علاوه بر این بهینه‌سازی پرتفوی با رویکرد گشتاور بالاتر به جهت نرمال نبودن بازدهی‌های دارایی‌ها از دیگر مواردی است که منجر به عملکرد بهتری می‌شوند. یکی از معضلاتی که موسسات مالی و اعتباری با آن مواجه هستند، در وهله اول محاسبه ریسک با توجه به فرضیات دنیای واقعی و در ادامه مدیریت دارایی‌ها می‌باشد. محاسبه‌ی ریسک در دنیای واقعی و بسط دادن آن به بهینه‌سازی پرتفوی از اهمیت بالایی برخوردار بوده و روش‌هایی که برآورد دقیق‌تری در حالت عدم قطعیت دارند از کارایی بالاتری برخوردار هستند. بنابراین روش اندازه‌گیری برای ایجاد ثبات در سیستم پولی کشور ضرورت داشته باشد و از طرفی می‌توان با استفاده از این تحقیق چارچوبی قانونی در جهت مدیریت پرتفوی دارایی‌ها ایجاد کرد.

با توجه به آنکه در شرایط بحرانی توزیع بازدهی دارایی‌ها از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند، بنابراین نمی‌توان از روش‌های بهینه‌سازی بر پایه‌ی توزیع نرمال همانند، بهینه‌سازی میانگین-واریانس (MVM)، ارزش در معرض خطر (VaR) بهره‌جست. مسئله اصلی این تحقیق ارائه راه‌حلی برای برآورد بازدهی و ریسک بپرتفوی در شرایط بحران مالی و بهینه‌سازی پرتفوی می‌باشد. راه‌حل این مشکل استفاده از مدل‌های گشتاور بالاتر است که علاوه بر گشتاور اول (میانگین) و دوم (واریانس) که در مدل‌سازی‌های سنتی بکار رفته‌اند، گشتاورهای سوم (چولگی) و گشتاور چهارم (کشیدگی) را نیز

شامل می‌شوند. بنابراین بهینه‌سازی با توجه به مفروضات محاسبات بازدهی ذکر شده انجام می‌پذیرد. دو روش بهینه‌سازی میانگین-واریانس-چولگی^۲ (MVSM) و میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM)^۳ برای بهینه‌سازی پرتفویهای برآورد شده استفاده شده است. (۶) اما مدل‌های MVS در دورانی که بحران‌های مالی رخ می‌دهد کارایی خود را به منظور متنوع‌سازی پرتفوی به خصوص زمانی که تعداد دارایی‌های مورد استفاده محدود باشد از دست خواهند داد. راه حل این مشکل استفاده از آنترویی است که معیار دیگری برای متنوع‌سازی پرتفوی است. برا و پارک (۲۰۰۸) بالاتر بودن کارایی پرتفوی بدست آمده با استفاده از آنترویی به عنوان شاخص ریسک را نتیجه گرفتند. (۸) در بحث ارزیابی عملکرد نیز، با توجه به آنکه معیار شارپ بر پایه‌ی تئوری میانگین-واریانس می‌باشد تنها زمانی که داده‌ها از توزیع نرمال تبعیت کنند معتبر است. بنابراین معیار شارپ می‌تواند پاسخ گمراه‌کننده‌ای به توزیع‌هایی که چولگی داشته و دنباله‌های ضخیمی دارند بدهد. برای حل این مشکل نیازمند استفاده از نسبت‌هایی هستیم که گشتاورهای مراتب بالاتر را در نظر گرفته و این مشکل را حل می‌کنند. (۱۲) اهدافی که در این تحقیق دنبال می‌شود شامل:

- تعیین بهترین رویکرد به منظور بدست آوردن بازدهی مورد انتظار و ریسک پرتفوی در بین رویکردهای CAPM, CAPM-IAPD, CAPM-IAEPD
- بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر اساس دو رویکرد MVSM و MVSKM، با توجه به سه رویکرد محاسبه بازدهی و مقایسه آنها
- بهینه‌سازی پرتفوی در دورانی که بحران‌های مالی رخ می‌دهد.
- ارزیابی عملکرد پرتفوی بر مبنای روش‌های مبتنی بر گشتاورهای مراتب بالاتر

مبانی نظری تحقیق و مروری بر پیشینه تحقیق

هری مارکوویتز بنیانگذار ساختاری مشهور بانام تئوری مدرن پرتفوی است. مهم‌ترین نقش این تئوری، ایجاد چارچوب ریسک-بازدهی پرتفوی برای تصمیم‌گیری سرمایه‌گذاران است. مارکوویتز با تعریف کمی ریسک سرمایه‌گذاری، برای سرمایه‌گذاران در امر انتخاب دارایی‌ها و مدیریت پرتفوی، رویکردی ریاضی ارائه کرد. در حوزه‌ی مدیریت ریسک، رویکرد گوسی با انتقادات زیادی همراه بوده و بر مدل سنتی میانگین-واریانس مارکوویتز به دلیل عدم تناسب با دنیای واقعی انتقادات زیادی وارد است. از جمله مفروضات در نظر گرفته شده در این مدل، پیروی توزیع بازدهی‌ها از توزیع نرمال است که تحقیقات بسیاری این فرض را رد کرده و بر نرمال نبودن بازدهی تاکید دارد. (۱۹) با توجه به

بهبودسازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

مطالعات صورت گرفته قبلی، نامتقارن بودن و دنباله‌های پهن داده‌های مالی، فرضی مناسب برای قیمت‌گذاری دارایی‌های مالی به حساب می‌آیند. (13)

پژوهش‌های متعددی در این حوزه به منظور در نظر گرفتن مفروضات واقعی‌تر در بازارهای مالی انجام شده است. اولین تحقیقات توسط ژو و گالبرت (۲۰۰۲) و با استفاده از توزیع تی-استیودنت تعمیم یافته برای مدل سازی مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای صورت پذیرفت و از توابعی غیر از توابع گاوسی برای مطالعه ی نوسانات بازار استفاده کردند. نتایج تحقیقات آن‌ها منجر به عملکرد بهتر توزیع تی-استیودنت تعمیم یافته نسبت به توزیع نرمال شد اما ایراد اساسی این روش عدم ثبات توزیع تی-استیودنت تعمیم یافته نسبت به توزیع های نرمال بود. (24)

سپس هاجسون در تخمین های خود به استفاده از توزیع‌های غیر گاوسی همانند کوشی و تی-استیودنت و ترکیبی از این توابع در مقابل توزیع متقارن نرمال مبادرت ورزید و به نتایج متفاوتی نسبت به حالتی که از تابع توزیع نرمال استفاده کرده بود رسید اما مدل‌های مورد بررسی آن به صراحت از برتری نسبت به مدل‌های سنتی اشاره نکرده و دلیل کافی برای استفاده از توزیع های غیر گاوسی نسبت به توزیع های نرمال نداشت و توزیع ناگوسی آن از ثبات کمتری نسبت به حالات سنتی برخوردار بود. (10)

چند سال بعد هو و کرچوال (۲۰۰۷) در پژوهش خود مفروضات جدیدی از قبیل چولگی، همبستگی نامتقارن، خوشه‌بندی نوسان و نیمه دنباله پهن را به بازدهی دارایی‌ها اضافه کرده و با استفاده از این مفروضات توزیع های تعمیم یافته را با یکدیگر مقایسه کردند. آنها از توزیع‌های هایپربولیک عمومیت یافته به منظور تخمین ارزش در معرض خطر استفاده کردند و نشان دادند که توزیع تی-استیودنت چوله دار کارایی بیشتری در بین توزیع‌های هایپربولیک عمومیت یافته را در بین سایر توزیع‌ها دارا می‌باشد و به همین دلیل توزیع تی-استیودنت چوله دار در مقایسه با دیگر توزیع‌ها مطلوب‌تر بود. (11)

ژانگ (۲۰۰۹) دنباله روی تحقیقات قبلی هو و کوچرال شد و در پژوهش خود به منظور پیش‌بینی ارزش در معرض خطر فاکتورهای چولگی و دنباله پهن را در نظر گرفت و خوشه‌بندی نوسان و همبستگی دنباله‌ای را از مدل مورد بررسی حذف کرد و نشان داد که مدل‌های میانگین-ارزش در معرض خطر شرطی در مقایسه با مدل میانگین-واریانس سنتی عملکرد بهتری دارند. (20)

پس از این تحقیق بود که بار دیگر ژو این بار با همکاری والش از روش حداکثر درست نمایی به مدل سازی توزیع نامتقارن نمایی (SEPD) پرداخت و برای حل مشکل دم‌های پهن مدل از این روش

استفاده کرد و ثبات در برآورد و پیش بینی به وسیله‌ی این روش را اثبات کرده و مشکل ثبات مدل‌های قبلی را با استفاده از توزیع‌های نمایی حل کرد. (22)

توماس و گاپ (۲۰۱۰) با رویکردی جدید و بر پایه‌ی تئوری پاراتو در تحقیق بروی داده‌های بازدهی سهام و "چولگی بتا" در دوره‌های زمانی متفاوت بدین نتیجه رسیدند که علی‌رغم آنکه توزیع پاراتو توزیع مناسبی برای مدل‌سازی دارایی‌های مالی می‌باشد، اما این توزیع در داده‌های مالی با فرض وجود دنباله‌های پهن مناسب نبوده و بازدهی‌ها در دوره‌های زمانی متفاوت از این توزیع پیروی نخواهند کرد. (19)

لی و لین (۲۰۱۴) این بار با استفاده از دو فرض نامتقارن بودن و نمایی بودن بازدهی دارایی‌ها به بررسی درجه‌ی اعتبار مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای پرداختند. متغیرهای تحقیق آن‌ها μ و σ بوده که به ترتیب بعنوان بازدهی و انحراف استاندارد مورد استفاده قرار می‌گرفت. با بررسی‌های انجام گرفته و با توجه به این دو متغیر در نهایت بدین نتیجه رسیدند که این دو متغیر معیارهای مناسبی برای تخمین مدل نامتقارن (APD) نبوده و نمی‌توان از آن‌ها برای اثبات نامتقارن بودن بازدهی دارایی‌ها در مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای استفاده کرد. (15)

لو (۲۰۱۶) باز هم از تابع t -skewed تعمیم یافته در مدل کردن تابع چگالی بازده دارایی استفاده کرد. در ادامه برای مدل کردن نوسانات از ماتریس کواریانس OGARCH و تغییرات رژیم آن استفاده کرده و برای بررسی مولفه‌های ریسک مدل ابتدا از تعریف میانگین-ارزش در معرض خطر استفاده و سپس نشان داد که بکار بردن OGARCH در دوره‌های بحران مالی کارایی بیشتری نسبت به مدل‌های سنتی ارزش در معرض خطر دارد. (17)

باتوجه به آنکه توزیع بازدهی داده‌ها از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند، بنابراین نمی‌توان از روش‌های بهینه‌سازی بر پایه‌ی توزیع نرمال همانند، بهینه‌سازی میانگین-واریانس (MVM)، ارزش در معرض خطر (VaR) بهره‌جست. راه حل این مشکل استفاده از مدل‌های گشتاور بالاتر است که علاوه بر گشتاور اول (میانگین) و دوم (واریانس) که در مدل‌سازی‌های سنتی بکار رفته‌اند، گشتاورهای سوم (چولگی) و گشتاور چهارم (کشیدگی) را نیز شامل می‌شوند. دو روش بهینه‌سازی میانگین-واریانس-چولگی (MVSM) و میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) برای بهینه‌سازی پرتفویهای برآورد شده استفاده شده است. (۲۱) ساموئلسون (۱۹۷۰) و آردیتی (۱۹۷۱) اولین کسانی بودند که با استفاده از گشتاورهای اول و دوم به بهینه‌سازی پرتفوی مبادرت ورزیدند. فرناندز و تورس (۲۰۰۰) در

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

مطالعه‌ی خود نشان دادند که درجات بالاتر گشتاورها قابل چشم‌پوشی نیستند، مگر آنکه دلایل موجهی از قبیل تقارن توزیع احتمال این گشتاورها در نظر گرفته نشوند. (9)

در پژوهش‌های دیگری یو و همکاران (۲۰۰۶) در بهینه‌سازی پرتفوی علاوه بر گشتاور سوم (چولگی) کشیدگی را نیز در نظر گرفته و مدل MVSK را با در نظر گرفتن کشیدگی توزیع بازدهی دارای‌ها بررسی کرده و خواص واقعی بازدهی دارای‌ها را از مفروضات اصلی مدل نام برد. (16)

کمالبای (۲۰۱۱) با اضافه کردن کشیدگی (گشتاور چهارم) به تابع هدف به بهینه‌سازی پرتفوی براساس کشیدگی اشاره داشته و با بررسی دنباله‌های پهن مدل و احتمال بالاتر بازدهی کم و زیاد دارای‌ها به بررسی بهینه‌سازی پرتفوی پرداخت و به نتایج قابل قبولی در بهینه‌سازی پرتفوی با استفاده از گشتاورهای بالاتر دست یافت. (6)

ویول و ناراک (۲۰۱۶) با استفاده از تعریف گشتاورهای جزئی و آنتروپی به پیش‌بینی ریسک و عملکرد بازدهی دارای‌ها پرداخته و با استفاده از این دو مولفه به بهینه‌سازی پرتفوی پرداختند. (17)

برخی محققین نیز در مطالعات خود به بررسی و انتخاب پرتفوی با رویکرد همزمان آنتروپی و گشتاورهای بالاتر به صورت ترکیبی در محیط فازی بهره‌جستند که می‌توان به تحقیق رای و ماجومدر (۲۰۱۸) اشاره کرد که با استفاده از داده‌های بورس هند کارایی بالایی را توصیف نمودند. (18)

رهنمای رودپشتی و میرغفاری (۱۳۹۰) با توجه به آنکه در داده‌های بورس اوراق بهادار تهران عدم وجود ناهمسانی واریانس مشاهده کردند از R-sharp برای ارزیابی عملکرد داده‌ها استفاده کردند. (۳)

صباغیان و مسعودی مقدم (۱۳۹۱) در مدل میانگین-واریانس-چولگی برای انتخاب سهام بوسیله‌ی منطق فازی اشاره کرد و به منظور حل مدل ارائه شده الگوریتم ژنتیک طراحی شد و تکنیک شبیه‌سازی فازی مورد استفاده قرار گرفته است. (4)

رستمی و بهزادی (۱۳۹۴) نیز در مقاله‌ی خود به بهینه‌سازی پرتفوی در محیط فازی پرداخته و برای محاسبه محاسبه گشتاورها از تئوری اعتبار و از شاخص عملکرد اقتصادی برای محاسبه کارایی مدل‌های ارائه شده استفاده کردند. (2)

فلاح شمس و سینا (۱۳۹۷) از نظریه ارزش فرین برای سنجش ریسک استفاده کرده و با استفاده از یک مدل برنامه‌ریزی کوآدرتیک رویکرد ارزش فرین محاسبه و با مرز کارآمد مدل مارکوویتز مقایسه گردید. ، نتایج تحقیق حاکی از آن بود که تشکیل سبد سهام بهینه، با استفاده از نظریه ارزش فرین تفاوت چندانی با مدل میانگین - واریانس مارکوویتز ندارد. (5)

تهرانی و بیگلری (۱۳۹۷) کامی در پژوهش خود علاوه بر واریانس ازگشتاور مرتبه سوم نیز برای بهینه سازی استفاده کرده و با توجه به نتایج ارزیابی عملکرد نشان دادند که مدل پیشنهادی نسبت به مدل های مذکور عملکرد بهتری از خود نشان داده است. (1)

مدل تحقیق

در این پژوهش، مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای (CAPM) با فرض عمومی آنکه جزء خطا بصورت مستقل و یکنواخت (IIAPD) دارای توزیعی با میانگین صفر و واریانس σ_{ε}^2 و ضریب چولگی α بوده در نظر گرفته شده، که موجب تطبیق توزیع بازدهی نامتقارن با دنباله (دم) های پهن می شود. شایان ذکر است، مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای تعمیم یافته تدوین شده در این پژوهش نرمال بودن بازدهی های را بعنوان یکی از حالت های خاص مدل نیز شامل می شود.

مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض مستقل و یکنواخت بودن توزیع نامتقارن جزء خطا (CAPM-IIAPD): با فرض قرض گیری و قرض دهی با نرخ بدون ریسک، مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای شارپ-لینتنر به صورت زیر:

$$E(R_i) = R_f + \beta_{im} (E(R_m) - R_f)$$

که در آن $E(R_i)$ بازدهی مورد انتظار دارایی α_m و R_f بازدهی بدون ریسک و $E(R_m)$ بازدهی مورد انتظار پرتفوی بازار می باشند. بازدهی مازاد نسبت به نرخ بدون ریسک به صورت $E(Z_i) = \beta_{im} E(Z_m)$ بیان شده که Z_i بیانگر بازدهی مازاد α_m دارایی نسبت به بازدهی بدون ریسک، $Z_m = R_i - R_f$ و Z_m بازدهی مازاد پرتفوی بازار است که بصورت $\beta_{im} = \frac{Cov(Z_i, Z_m)}{Var(Z_m)} = R_m - R_f$ و β_{im} ضریب حساسیت بازدهی نسبت به بازدهی بازار می باشد.

فرایند تولید اطلاعات در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای بر اساس داده ها

$$Z_{it} = \alpha_{im} + \beta_{im} Z_{mt} + \varepsilon_{it} \quad \varepsilon_{it} \sim NID(0, \sigma_{\varepsilon_i}^2)$$

و α_m دارایی α_m اشاره کرده، t به دوره زمانی $(t=1, \dots, T)$ اشاره داشته و Z_{it} و Z_{mt} به بازدهی مازاد در طی دوره t برای دارایی α_m $R_f Z_i = R_i$ و پرتفوی بازار $Z_m = R_m - R_f$ که بصورت و β_{im} معیار حساسیت دارایی α_m به ریسک بازار، α_{im} عرض از مبدا بازدهی مازاد دارایی، ε_{it} خطا با توزیع نرمال با میانگین صفر و واریانس $\sigma_{\varepsilon_i}^2$ به صورت می باشند.

بر اساس چارچوب میانگین-واریانس تئوری نوین پرتفوی، $E(\varepsilon_{it}) = 0$ و $E(\varepsilon_{it}^2) = \sigma_{\varepsilon_i}^2$ متغیر

تصادفی ε با میانگین صفر و واریانس $\sigma_{\varepsilon_i}^2$ به صورت:

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

$$\varepsilon_{it} = \sigma_{\varepsilon_i} \frac{X - \omega}{\delta}$$

استاندارد شده و σ_{ε} انحراف استاندارد ε و X متغیر تصادفی با میانگین w و واریانس σ^2 . فرض کنید متغیر تصادفی X دارای توزیع نامتقارن باشد. X بعنوان متغیر تصادفی دارای توزیع نامتقارن در توزیع CAPM-IAPD و توزیع نامتقارن نمایی (AEPD) می‌باشد و می‌توان آنرا به صورت تابعی از جزء خطا بیان کرد:

$$X = \omega + \frac{\delta}{\sigma_{\varepsilon}} \varepsilon = \omega + \frac{\delta}{\sigma_{\varepsilon}} (Z_{it} - \alpha_{Mi} - \beta_{Mi} Z_M)$$

که در آن Z بعنوان متغیر تصادفی بازدهی مزاد و Z_M بعنوان متغیر غیر تصادفی از پیش تعیین شده است. برای تعیین تابع چگالی توزیع نامتقارن (APD)، برای متغیر بازدهی Z بصورت

$$f_Z(z) = f_X(x) \left| \frac{dz}{dx} \right|^{-1} = f_X \left(\omega + \delta \cdot \frac{z - \alpha_M - \beta_M z_M}{\sigma_{\varepsilon}} \right) \cdot \frac{\delta}{\sigma_{\varepsilon}}$$

بکار برده شده و فرایند تولید داده‌ها (DGP) مدل CAPM-IAPD بصورت

$$Z_{it} = \alpha_{iM} + \beta_{iM} Z_{Mt} + \varepsilon_{it}, \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IAPD}(\alpha, \lambda, \cdot, \sigma_{\varepsilon_i}^2),$$

$$\varepsilon_{it} = \sigma_{\varepsilon_i} \frac{X - \omega}{\delta},$$

$$E(\varepsilon_{it}) = 0$$

$$E(\varepsilon_{it}^2) = \sigma_{\varepsilon_i}^2$$

بوده که در آن خطای توزیع IAPD با میانگین صفر و واریانس $\sigma_{\varepsilon_i}^2$ است. براساس تحقیقات کمونجر (۲۰۰۷) میانگین و واریانس X بصورت

$$\omega = E(X) = \frac{\Gamma(r/\lambda)}{\Gamma(1/\lambda)} (1 - ra) \delta_{\alpha, \lambda}^{-1/\lambda}$$

$$\delta^2 = \text{Var}(X) = \frac{\Gamma(r/\lambda) \Gamma(1/\lambda) (1 - r\alpha + r\alpha^2) - \Gamma(r/\lambda)^2 (1 - r\alpha)^2}{\Gamma(1/\lambda)^2} \delta_{\alpha, \lambda}^{-2/\lambda}$$

که پارامتر α پارامتر چولگی و در بازه $(0,1)$ که درجه γ عدم تقارن را اندازه گیری کرده و $\lambda > 0$ متغیر دنباله γ توزیع

$$\delta_{\alpha, \lambda} = \frac{r\alpha^{\lambda} (1 - \alpha)^{\lambda}}{\alpha^{\lambda} + (1 - \alpha)^{\lambda}} \quad \delta_{\alpha, \lambda} \in (0,1)$$

و $\Gamma(\cdot)$ تابع توزیع گاما می‌باشد.

براساس تحقیق کمونجر تابع چگالی X بصورت

$$f_x(x) = \begin{cases} \left(\frac{\delta_{\alpha,\lambda}^{1/\lambda}}{\Gamma(1+1/\lambda)} \right) \exp\left(-\frac{\delta_{\alpha,\lambda}}{\alpha^\lambda} |x|^\lambda\right), & \text{for } x \leq 0 \\ \left(\frac{\delta_{\alpha,\lambda}^{1/\lambda}}{\Gamma(1+1/\lambda)} \right) \exp\left(-\frac{\delta_{\alpha,\lambda}}{(1-\alpha)^\lambda} |x|^\lambda\right), & \text{for } x > 0. \end{cases}$$

مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض مستقل و یکنواخت بودن توزیع نمایی نامتقارن دو دنباله ای خطاها (CAPM-IAEPD): با توجه به تابع توزیع نمایی و دنباله های پهن آن فرایند تولید اطلاعات در مدل CAPM-IAEPD بصورت:

$$Z_{it} = \alpha_{iM} + \beta_{iM} Z_{Mt} + \varepsilon_{it}, \quad \varepsilon_{it} \sim \text{IAEPD}(\alpha, P_1, P_2, \omega, \sigma_{\varepsilon_i}^2)$$

$$\varepsilon_{it} = \sigma_{\varepsilon_{it}} \frac{Y - \omega}{\delta}$$

$$E(\varepsilon_{it}) = 0,$$

$$E(\varepsilon_{it}^2) = \sigma_{\varepsilon_{it}}^2$$

بوده که میانگین و واریانس آن

$$\omega = E(Y) = \frac{1}{B} \left[(1 - \alpha)^{P_1} \frac{\Gamma(P_1)}{\Gamma(P_1)} - \alpha^{P_2} \frac{\Gamma(P_2)}{\Gamma(P_2)} \right]$$

$$\delta^2 = \text{Var}(Y) =$$

$$\frac{1}{B^2} \left\{ (1 - \alpha)^{P_1} \frac{P_1 \Gamma(P_1)}{\Gamma(P_1)} + \alpha^{P_2} \frac{P_2 \Gamma(P_2)}{\Gamma(P_2)} - \left[(1 - \alpha)^{P_1} \frac{P_1 \Gamma(P_1)}{\Gamma(P_1)} - \alpha^{P_2} \frac{P_2 \Gamma(P_2)}{\Gamma(P_2)} \right]^2 \right\}$$

و p_1, p_2 دنباله های چپ و راست می باشند. و تابع چگالی استاندارد AEPD بصورت

$$f_Y(y) = \begin{cases} \left(\frac{\alpha}{\alpha^*} \right) K_{EP}(P_1) \exp\left(-\frac{1}{P_1} \left| \frac{y}{\alpha^*} \right|^{P_1}\right), & \text{for } y \leq 0 \\ \left(\frac{1-\alpha}{1-\alpha^*} \right) K_{EP}(P_2) \exp\left(-\frac{1}{P_2} \left| \frac{y}{(1-\alpha^*)} \right|^{P_2}\right), & \text{for } y > 0. \end{cases}$$

تعریف می شود.

پس از آنکه از روش های مورد بررسی به برآورد بازدهی و ریسک پرداختیم، نیازمند بهینه سازی پرتفوی و انتخاب بهینه ترین پرتفوی و ارزیابی آن به روش های مناسب می باشیم. بدین منظور علاوه بر گشتاورهای بالاتر مدل از آنترپی شانون و جینی -سیمپسون نیز در بهینه سازی مدل استفاده می کنیم:

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

آنتروپی شنون: اندازه‌گیری میزان عدم اطمینان محاسبه شده در آنتروپی شنون به صورت رابطه‌ی زیر

می‌باشد:

$$E_i = S(p_1, p_2, p_r, \dots, p_n) = -k \left(\sum_{i=1}^n p_i \times \ln p_i \right)$$

که در این رابطه k مقدار ثابتی است و بمنظور اینکه E_i عددی بین صفر تا ۱ باشد، اعمال شده و

$$K = \frac{1}{\ln(m)} \quad \text{بصورت رابطه‌ی زیر در می‌آید:}$$

آنتروپی جینی-سیمپسون: شاخص اصلی سیمپسون λ برابر است با این احتمال که دو مقدار به طور تصادفی از مجموعه داده‌های مورد بررسی (با جایگزینی) انتخاب شده یک نوع هستند. تبدیل آن $1-\lambda$ با این احتمال برابر است که دو مقدار انواع مختلفی را نشان دهند. این اندازه‌گیری در اکولوژی نیز به عنوان احتمال برخورد ویژه و شاخص جینی-سیمپسون شناخته شده است که می‌تواند به عنوان یک تحول در تنوع بخشی

$$1-\lambda = 1 - \sum_{i=1}^R p_i^2 = 1 - \frac{1}{D}$$

منظم بیان شود:

$$E_{G-S} = 1 - \sum_{i=1}^n w_i^2 = 1 - W^T W$$

که در حالت ماتریسی برابر است با:

بنابراین در این پژوهش علاوه بر بهینه‌سازی گشتاورهای بالاتر از آنتروپی‌های شنون و جینی-سیمپسون نیز برای بهبود بهینه‌سازی پرتفوی استفاده می‌کنیم.

در فاز دوم تحقیق، به منظور پیدا کردن پرتفوی بهینه از بهینه‌سازی گشتاور بالاتر استفاده خواهیم کرد. بدین ترتیب، با استفاده از برنامه ریزی آرمانی چندمتغیره بهینه‌ترین پرتفوی سرمایه‌گذاری را انتخاب می‌کنیم. سپس با معیارهای ارزیابی عملکرد نوین به مقایسه‌ی پرتفویهای بدست آمده پرداخته و بهترین پرتفوی سرمایه‌گذاری را از میان پرتفویهای موجود انتخاب خواهیم کرد.

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر: در فاز دوم تحقیق، با توجه به آنکه متغیرهای بازدهی و ریسک که از مدل‌های قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای قبلی بدست آوردیم، نوبت به بهینه‌سازی گشتاور بالاتر می‌رسد. برای این کار ابتدا متغیرهای مورد نیاز را بدین صورت تعریف می‌کنیم: در این بخش با استفاده از روش‌های برنامه ریزی آرمانی چندمتغیره (PGP) به بهینه‌سازی گشتاور بالاتر می‌پردازیم. فرض کنید ماتریس ترانهاده‌ی وزن دارایی‌ها به صورت $W^T = (w_1, w_2, \dots, w_n)$ که w_i وزن آامین

دارایی ریسکی در پرتفوی می‌باشد. همچنین، مقدار R و $M=(m_1, m_2, \dots, m_n)^T$ به عنوان توزیع و ماتریس بازدهی دارایی‌ها استفاده می‌شوند. مقادیر K, S, V به ترتیب ماتریس‌های واریانس-کوواریانس، چولگی، کشیدگی بازدهی می‌باشند:

$$\begin{aligned} R_p &= E(R_p) = W^T M = \sum_{i=1}^n w_i m_i \\ V_p &= V(R_p) = W^T V(W) = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n w_i w_j \sigma_{ij} \\ S_p &= S(R_p) = E(W^T (R - M))^r = \sum_{i=1}^n \sum_{j=2}^n \sum_{k=1}^n w_i w_j w_k S_{ijk} \\ K_p &= K(R_p) = E(W^T (R - M))^f = \sum_{i=1}^n \sum_{j=1}^n \sum_{k=1}^n \sum_{l=1}^n w_i w_j w_k w_l k_{ijkl} \end{aligned}$$

که مقادیر k_{ijkl} و S_{ijk} به صورت زیر تعریف می‌شوند:

$$\begin{aligned} S_{ijk} &= E[(R_i - m_i)(R_j - m_j)(R_k - m_k)] \\ k_{ijkl} &= E[(R_i - m_i)(R_j - m_j)(R_k - m_k)(R_l - m_l)] \end{aligned}$$

بعنوان متغیرهای S و K می‌باشند و مقادیر $SK(R_p) = \frac{S(R_p)}{\sigma_p^2(R_p)}$ و $Ku(R_p) = \frac{S(R_p)}{\sigma_p^2(R_p)}$ مقادیر نسبی

چولگی و برآمدگی پرتفوی می‌باشند. E_S و E_{G-S} معیار آنتروپی شنن-سیمپسون بصورت زیر تعریف می‌شود:

$$\begin{aligned} E_S &= - \sum_{i=1}^n w_i \ln w_i = -W^T \ln W \\ E_{G-S} &= 1 - \sum_{i=1}^n w_i^2 = 1 - W^T W \end{aligned}$$

تابع هدف مدل زیر گشتاورهای اول تا چهارم و همچنین آنتروپی شنن سیمپسون ارائه شده است:

$$P(\lambda) = \begin{cases} \text{Maximize} & W^T M \\ \text{Minimize} & W^T V(W) \\ \text{Maximize} & E(W^T (R - M))^r \\ \text{Minimize} & E(W^T (R - M))^f \\ \text{Maximize} & -W^T (\ln W) \\ \text{Maximize} & \lambda - W^T W \\ \text{Subject to} & W^T \mathbf{1}_N = \lambda \\ & W \geq 0 \end{cases}$$

در برنامه ریزی آرمانی چندجمله‌ای دو مرحله وجود دارد. در مرحله اول تمرکز بر هر تابع هدف و بدست آوردن مقدار بهینه بدون در نظر گرفتن سایر توابع هدف می‌باشد که با نمادهای R_p^*

$E_S^*, E_{G-S}^*, K_p^*, S_p^*, V_p^*$ برسیم.

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

در گام دوم، مقادیر هدف $d_1, d_2, d_3, d_4, d_5, d_6$ به منظور کمینه سازی انحراف از سطوح مورد

انتظار استفاده می‌شود. سطوح مورد انتظار با حل تک به تک ۶ زیرمعادله ی زیر بدست می‌آید:

$$\begin{aligned}
 SP(1) &= \begin{cases} \text{Maximize} & R_{p\%}^* = W^T M \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases} \\
 SP(2) &= \begin{cases} \text{Minimize} & V_p^* = W^T V(W) \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases} \\
 SP(3) &= \begin{cases} \text{Maximize} & S_p^* = E(W^T (R - M))^* \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases} \\
 SP(4) &= \begin{cases} \text{Minimize} & K_p^* = E(W^T (R - M))^* \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases} \\
 SP(5) &= \begin{cases} \text{Maximize} & E_s^* = -W^T (\ln W) \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases} \\
 SP(6) &= \begin{cases} \text{Maximize} & E_{G-S}^* = 1 - W^T W \\ \text{subject to} & W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ & W \geq \cdot \end{cases}
 \end{aligned}$$

مدل‌های فوق را می‌توان با استفاده از برنامه‌ریزی خطی و غیرخطی حل کرد و توابع هدف را محاسبه کرد. حال این توابع هدف با استفاده از فاصله مینوسکیدر قالب مدل PGP جمع می‌شوند.

$$Z = \left(\sum_{k=1}^m \left| \frac{d_k}{Z_k} \right|^p \right)^{1/p}$$

فاصله مینوسکی به صورت زیر تعریف می‌شود:

در رابطه‌ی فوق Z_k نشان دهنده‌ی مقدار استاندارد شده تابع هدف k ام و d_k

انحراف از تابع هدف k ام می‌باشد. همچنین سرمایه گذاران بین اهداف مختلف اولویت‌های خود را دارند که اولویت‌های هر تابع هدف با λ_i نشان داده می‌شود. در نظر گرفتن مقادیر مختلف λ_i می‌تواند مدل بهینه سازی را به شکل‌های مختلف تبدیل کرد.

در ادامه با بکارگیری همزمان معادلات سطوح مورد انتظار و مشخص بودن λ_i مقادیر بهینه هریک

از توابع هدف در گام دوم مدل بهینه سازی به شکل زیر تبدیل می‌شود:

$$\left\{ \begin{array}{l} \text{Minimize } Z = \left(1 + \left| \frac{d_1}{R_{ps}^*} \right|\right)^{\lambda_1} + \left(1 + \left| \frac{d_r}{V_p^*} \right|\right)^{\lambda_r} + \left(1 + \left| \frac{d_r}{S_p^*} \right|\right)^{\lambda_r} + \left(1 + \left| \frac{d_r}{K_p^*} \right|\right)^{\lambda_r} + \left(1 + \left| \frac{d_\Delta}{E_s^*} \right|\right)^{\lambda_\Delta} + \left(1 + \left| \frac{d_f}{E_{G-S}^*} \right|\right)^{\lambda_f} \\ \text{subject to : } W^T M + d_1 = R_{ps}^* \\ W^T M - d_r = V_p^* \\ E(W^T(R - M))^r + d_r = S_p^* \\ E(W^T(R - M))^r - d_r = K_p^* \\ -W^T(\ln W) + d_\Delta = E_s^* \\ 1 - W^T W + d_f = E_{G-S}^* \\ W^T \mathbf{1}_N = 1 \\ w \geq 0 \\ d \geq 0 \end{array} \right.$$

در آخرین گام ، پرتفوی بدست آمده با استفاده از معیارهای ارزیابی عملکرد با یکدیگر مقایسه و بهینه ترین پرتفوی انتخاب می شود. بدین منظور از دو معیار شارپ تعدیل شده ایرالسن و تعدیل شده بوسیله چولگی استفاده می کنیم.

معیار شارپ: یکی از پرکاربردترین معیارهای ارزیابی عملکرد پرتفوی می باشد. برای محاسبه ی

$$SR = \frac{r_p^U}{\sigma_p^0} \quad \text{این معیار داریم :}$$

در رابطه ی فوق r_p^0 و σ_p^0 به ترتیب نشانگر میانگین و انحراف معیار می باشند. شاخص SR معیار مناسبی برای اندازه گیری عملکرد پرتفوی در زمانی که r_p^0 منفی است نمی باشد. در این شرایط باید از شاخص تعدیل شده ی ایرالسن استفاده کرد :

$$MSR = \frac{r_p^0}{\left(\frac{r_p^0}{\text{abs}(r_p^0)} \right) (\sigma_p^0)} \quad \text{که در abs مقدار قدرمطلق را بیان می کند.}$$

معیار شارپ تعدیل شده بوسیله چولگی:

با توجه به آنکه معیار شارپ بر پایه ی تئوری میانگین-واریانس می باشد تنها زمانی که داده ها از توزیع نرمال تبعیت کنند معتبر است. بنابراین معیار شارپ می تواند پاسخ گمراه کننده ای به توزیع هایی که چولگی داشته و دنباله های ضخیمی دارند بدهد. برای حل این موضوع از نسبت تعدیل یافته با چولگی استفاده می شود:

$$ASR = SR \times \sqrt{1 + \frac{SK(R_p) \times SR}{\tau}}$$

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

فرضیه‌های تحقیق

۱. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IAPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM تفاوت معناداری دارد.
۲. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM تفاوت معناداری دارد.
۳. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM-IAPD تفاوت معناداری دارد.
۴. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IAPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM تفاوت معناداری دارد.
۵. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM تفاوت معناداری دارد.
۶. بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM-IAPD تفاوت معناداری دارد.

روش شناسی تحقیق

پژوهش حاضر تحقیق کاربردی محسوب می‌شود در دسته تحقیقات توصیفی قرار می‌گیرد. جامعه آماری این پژوهش شرکت‌های سهامی در کل بازار بورس اوراق بهادار در ایران هست. نمونه‌گیری در این پژوهش از داده‌های بازه زمانی ابتدای فروردین ۱۳۹۰ تا پایان اسفند ۱۳۹۶ استفاده شده است. پس از تلخیص داده‌ها در مجموع 2520 بازدهی دارایی بدست آمده است. اطلاعات مالی در زمینه شاخص سهام از نرم افزار ره آورد نوین و سایت bourseview.com جمع‌آوری می‌گردد.

مرحله یکم: ابتدا بازدهی‌های هفتگی شرکت‌های مورد بررسی را تهیه و اطلاعات شاخص سهام و شاخص بدون ریسک را در هر ماه از اطلاعات نرم افزار ره آورد نوین و سایت bourseview.com استخراج می‌کنیم.

مرحله دوم: با استفاده از نرم افزار SPSS فرض نرمال بودن بازدهی شرکت‌های مورد بررسی را آزمون می‌کنیم

مرحله سوم: با استفاده از نرم افزار R مدل‌های قیمت‌گذاری دارایی سرمایه‌ای سنتی و تعمیم یافته را با مفروضات ذکر شده کدنویسی کرده و معیارهای اطلاعاتی آکائیک و شوارتز را در آنها بررسی می‌کنیم.

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

مرحله چهارم: با توجه به محدودیت‌های شش گانه به بهینه سازی گشتاور بالاتر در نرم افزار MATLAB پرداخته و بهترین مدل ها را از حیث بازدهی و ریسک بر می‌گزینیم.

مرحله پنجم: با استفاده نرم افزار SPSS داده ها را آزمون آماری می‌کنیم و فرضیه‌ها را تایید یا رد می‌کنیم.

مرحله ششم: با استفاده از نسبت های ارزیابی عملکرد بهترین مدل‌ها را در هر یک از مدل‌های قیمت گذاری دارایی سرمایه ای انتخاب می‌کنیم.

یافته‌های تحقیق

در این تحقیق در گام اول به بررسی نرمال بودن بازده دارایی‌ها می‌پردازیم. بدین منظور از آزمون کولموگروف اسمیرنوف استفاده کرده و نتایج بشرح زیر است:

جدول ۱: آزمون کولموگروف اسمیرنوف

شرح فرض صفر	آماره	Prob	درجه آزادی	نتایج
نرمال بودن داده ها	۰,۱۱۲	۰,۰۰۰	۱۷,۸۷۵	رد فرض صفر

آنچه از نتایج جدول ۱ بدست می‌آید بشرح ذیل است با توجه به آماره ی کولموگروف اسمیرنوف بدست آمده و سطح اطمینان مورد بررسی میزان P-value کمتر از ۰,۰۵ بوده و فرض صفر مبنی بر نرمال بودن داده ها رد می‌شود. بنابراین توزیع داده ها از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند.

۲-۷ معیارهای اطلاعاتی آکائیک و شوارتز

به کمک معیار اطلاعاتی آکائیک و شوارتز بهترین مدل‌ها را طبقه بندی می‌کنیم. معیار ارزیابی BIC به مانند معیار آکائیک، نمایانگر میزان اطلاعاتی است که توسط مدل از دست رفته است و در نتیجه هر چه مقدار معیار ارزیابی شوارتز کوچکتر باشد، مدل مورد نظر نسبت به بقیه مدل‌ها، بهتر و مناسب‌تر است. نتایج بدست آمده در جدول ۲ به تخمین بهترین مدل بشرح زیر است:

جدول ۲: معیارهای اطلاعاتی مدل‌های برازش شده

مدل	معیار آکائیک (AIC)	معیار شوارتز (BIC)
CAPM	-۲۴۱,۲۳	-۲۳۴,۰۱۵
CAPM-IAPD	-۲۵۰,۷۰	-۲۳۸,۶۷
CAPM-IAEPD	-۲۴۶,۵۷	-۲۳۲,۱۳۰

بهبودسازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

نتایج آماره ی آکائیک:مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل (CAPM-IIAPD) ، بهتر از مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه با توزیع نمایی (-CAPM) (IAEPD) است. در نهایت ، هر دوی این مدل‌ها از مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای سنتی مطلوب تر و مقدار آماره‌ی مناسب‌تری دارند.

نتایج آماره ی شوارتز: مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل (CAPM-IIAPD) ، بهتر از هر دو مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه با جز خطای دارای توزیع نمایی (CAPM-IAEPD) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای سنتی است.

بنابراین با توجه به نتایج دو آماره ی آکائیک و شوارتز بدست آمده مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل (CAPM-IIAPD) قابلیت برآزش بهتری نسبت به دو مدل مورد بررسی دیگر دارد.

۳-۷- میانگین توابع هدف با توجه به مدل‌های قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای

جدول ۳ میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای (CAPM) را مورد بررسی قرار

داده است :

جدول ۳: میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای (CAPM)

شرح	مدل	میانگین بازدهی	میانگین واریانس	میانگین چولگی ($\times 10^{-4}$)	میانگین کشیدگی ($\times 10^{-4}$)	میانگین آنتروپی شانون	میانگین آنتروپی سیمپسون
۱	EWM	۰,۰۲۱۷	۰,۰۲۶۹	-۹,۵۲۳	۷,۶۳۳	۰,۷۷۹۴	۰,۳۶۸
۲	MVM	۰,۰۱۴۳	۰,۰۱۱۹	-۵,۱۷۵۶	۲,۰۸۲۳	۰,۸۴۲۱	۰,۷۳۰۴
۳	MVSM	۰,۰۱۴۵	۰,۰۱۲۷	-۵,۱۳۴	۲,۰۶۳۲	۱,۳۴۷۸	۰,۷۲۵۸
۴	MVSKM	۰,۰۱۰۵	۰,۰۱۳۷	-۱,۸۱۱	۵,۳۰۷	۱,۳۰۱۸	۰,۷۰۷۲
۵	MVSK E_S M	۰,۰۱۰۵۵	۰,۰۱۳۵	-۱,۸۴۹	۵,۴۲۵	۱,۳۱۱۵	۰,۷۱۱
۶	MVSK E_G-S M	۰,۰۱۰۵۵	۰,۰۱۳۵	-۱,۸۸۸	۵,۵۵۵	۱,۳۹۸	۰,۷۱۴۴

همانطور که در جدول مشاهده می‌کنید، بیشترین مقدار میانگین بازدهی در بین مدل‌های EWM، MVM، MVSM، و MVSKM مربوط به مدل EWM می‌باشد. هنگامی که در مدل‌ها آنتروپی نیز در نظر گرفته می‌شود، مدل MVSK E_G-S دارای بیشترین بازده می‌باشد. بهترین میزان واریانس (V_p) از میان مدل‌های مورد بررسی متعلق به مدل میانگین-واریانس (MVM) می‌باشد. بهترین مقدار گشتاور سوم (S_p) مربوط به مدل هم وزن (EWM) می‌باشد. بهترین میزان آنتروپی شانون

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

(E_S) متعلق به مدل $MVSK E_{G-S}$ می باشد. و در نهایت بهینه ترین میزان آنتروپی جینی-سیمپسون نیز به مدل میانگین-واریانس (MVM) تعلق می گیرد.

حال اگر مدل های MVM، MVSM و MVSKM با یکدیگر مقایسه شوند، مدل میانگین-واریانس (MVM) دارای بهترین مقدار واریانس (V_p) و کشیدگی (K_p)، مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) بهترین مقدار چولگی (S_p) می باشند.

در مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی جینی سیمپسون ($MVSK E_{G-S} M$) بهترین مقدار آنتروپی شانون (E_S) را داشته و مدل گشتاور دوم میانگین-واریانس (MVM) بهترین میانگین آنتروپی جینی - سیمپسون (E_{G-S}) بهینه را نسبت به مدل های مورد بررسی دارا می باشند. همچنین از مقایسه مدل های $MVS E_S M$ و $MVSK E_{G-S}$ این نتیجه حاصل می شود که مدل $MVSK E_{G-S} M$ دارای بهترین مقدار E_S ، V_p ، R_p و E_{G-S} می باشد. در صورتی که مدل $MVS E_S M$ مقدار K_p بهتری در مقایسه با مدل $MVSK E_{G-S} M$ دارد.

جدول ۴ میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل (CAPM-IIAPD) را مورد بررسی قرار داده است :

جدول ۴ : میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل (CAPM-IIAPD)

شرح	مدل	میانگین بازدهی	میانگین واریانس	میانگین چولگی ($\times 10^{-4}$)	میانگین کشیدگی ($\times 10^{-4}$)	میانگین آنتروپی شانون	میانگین آنتروپی سیمپسون
۱	EWM	۰,۰۱۷۳	۰,۰۳۳۶	-۰,۰۲۷۲	۰,۰۳۶۲	۷,۵۲۵۸	۱,۳۴۸
۲	MVM	۰,۰۲۲۳	۰,۰۱۰۱	-۰,۰۰۲۲	۰,۰۰۱۱	۱,۵۵۸۴	۰,۷۷۹۷
۳	MVSM	۰,۰۲۲۴	۰,۰۱۰۱	-۰,۰۰۲۰	۹,۴۸۴۳	۱,۵۵۵	۰,۷۷۸۷
۴	MVSKM	۰,۰۲۵۶	۰,۰۱۴	-۱,۸۷۰۴	۵,۲۹۱۹	۱,۳۰۶۹	۰,۷۰۸۹
۵	$MVSKE_S M$	۰,۰۲۵۵	۰,۰۱۳۸	-۱,۹۴۷۴	۵,۴۵۰۴	۱,۳۳۲۷	۰,۷۱۳۷
۶	$MVSK E_{G-S} M$	۰,۰۲۴۹	۰,۰۱۳۵	-۱,۹۹۱۹	۵,۶۰۰۵	۱,۳۴۱۸	۰,۷۱۷۰

همانطور که در جدول ۴ مشاهده می کنید، بیشترین مقدار میانگین بازدهی در بین مدل های EWM، MVM، MVSM و $MVSKM$ مربوط به مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی ($MVSKM$) می باشد. هنگامی که در مدل ها آنتروپی نیز در نظر گرفته می شود، مدل $MVSK E_{G-S}$ و $MVSKE_S M$

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

دارای بازدهی یکسان می‌باشد. بهترین واریانس (V_p) متعلق به مدل میانگین-واریانس (MVM) می‌باشد. بهینه‌ترین مقدار گشتاور سوم (S_p) مربوط به مدل میانگین-واریانس-چولگی (MVSM) می‌باشد. بهترین میزان آنتروپی شانون (E_S) متعلق به مدل EWM می‌باشد و بهترین میزان آنتروپی جینی-سیمپسون (E_{G-S}) نیز به مدل EWM تعلق می‌گیرد.

حال اگر مدل‌های MVM، MVSM و MVSKM با یکدیگر مقایسه شوند، میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) دارای بهترین مقدار R_p ، K_p و مدل‌های MVM و MVSM بهترین مقدار واریانس (V_p) را دارا می‌باشند. مدل MVSM بهترین مقدار گشتاور سوم (S_p) می‌باشند و اما در مدل همسان EWM بهترین مقدار آنتروپی شانون (E_S) و بهترین میانگین آنتروپی جینی-سیمپسون (E_{G-S}) را دارا می‌باشد.

همچنین از مقایسه مدل‌های میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-شانون (MVSK E_{SM}) و میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-جینی سیمپسون (E_{G-S} MVSK) این نتیجه حاصل می‌شود که مدل E_{G-S} MVSK دارای بهترین مقدار واریانس (V_p)، آنتروپی شانون (E_S) و آنتروپی جینی-سیمپسون (E_{G-S}) می‌باشد. در صورتی که مدل E_{SM} MVSK مقادیر بازدهی (R_p) و کشیدگی (K_p)، بهینه‌تری در مقایسه با مدل E_{G-S} MVSK دارد.

و در آخرین مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با جز خطای دارایی توزیع نمایی (CAPM-IAEPD) بشرح زیر است :

جدول ۵: میانگین توابع هدف مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با جز خطای دارایی توزیع

نمایی (CAPM-IAEPD)

میانگین	میانگین	میانگین کشیدگی	میانگین	میانگین	میانگین	مدل	شرح
آنتروپی سیمپسون	آنتروپی شانون	($\times 10^{-4}$)	چولگی ($\times 10^{-4}$)	واریانس	بازدهی		
۲,۰۸۴۵	۱,۹۰۵۱	۰,۰۳۶۲	-۰,۰۲۷۲	۰,۰۵۵۶	۰,۰۰۵۸	EWM	۱
۰,۵۹۵۵	۰,۹۹۵۹	۰,۰۰۴۶	-۰,۰۰۶۶	۰,۰۲۱۹	۰,۰۱۴۶	MVM	۲
۰,۵۹۴۴	۰,۹۹۳۴	۰,۰۰۴۳	-۰,۰۰۶۳	۰,۰۲۱۹	۰,۰۱۴۵	MVSM	۳
۰,۵۷۶۲	۱,۱۴۴۹	۷,۵۶۷۴	-۰,۰۰۲۷۹	۰,۰۱۹۴	۰,۰۲۸	MVSKM	۴
۰,۶۰۱۲	۱,۱۹۲۲	۷,۱۴۶۰	-۰,۰۰۲۷۱	۰,۰۱۸۳	۰,۰۲۹۱	MVSK E_{SM}	5
۰,۶۲۲۹	۱,۲۳۰۵	۶,۸۷۴۵	-۰,۰۰۲۶۶	۰,۰۱۷۴	۰,۰۳۰۲	MVSK E_{G-S} M	6

همانطور که در جدول ۵ مشاهده می‌کنید، بیشترین مقدار میانگین بازدهی در بین مدل‌های MVSM، MVM، EWM و MVSKM مربوط به مدل MVSKM می‌باشد. هنگامی که در مدل‌ها آنتروپی نیز در نظر گرفته می‌شود، مدل $MVSK E_{G-S} M$ دارای بازدهی بیشتر می‌باشد. از لحاظ نوسانات، بهترین واریانس (V_p) متعلق به مدل $MVSK E_{G-S} M$ می‌باشد. بهینه ترین مقدار گشتاور سوم (S_p) مربوط به مدل $MVSK E_{G-S} M$ می‌باشد. بهترین میزان آنتروپی شانون و آنتروپی جینی-سیمپسون متعلق به مدل $MVSK E_{S} M$ می‌باشد. بهینه ترین گشتاور چهارم نیز مربوط به مدل MVM می‌باشد.

حال اگر مدل‌های $MVSM$ ، MVM و $MVSKM$ با یکدیگر مقایسه شوند، مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی ($MVSKM$) دارای بهترین مقدار بازدهی (R_p)، واریانس (V_p) و مدل‌های MVM و $MVSM$ بهترین مقدار گشتاور سوم (S_p) را دارا می‌باشند. مدل $MVSKM$ دارای بهترین مقدار کشیدگی (K_p) می‌باشد و در مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی ($MVSKM$) بهترین مقدار آنتروپی E_S و بهترین میانگین آنتروپی جینی-سیمپسون در هر سه مدل تقریباً برابر است. همچنین از مقایسه مدل‌های $MVSK E_{S} M$ و $MVSK E_{G-S} M$ این نتیجه حاصل می‌شود که مدل $MVSK E_{G-S} M$ دارای بهترین مقدار بازدهی (R_p)، واریانس (V_p) و گشتاور سوم (S_p) و آنتروپی شانون (E_S) و جینی-سیمپسون (E_{G-S}) می‌باشد.

۴-۷ آزمون نهادن فرضیه های پژوهش

با توجه به داده های بدست آمده از بهینه سازی گشتاور بالاتر مدل های مورد بررسی (CAPM و CAPM-IIAPD و CAPM-IAEPD) با استفاده از آزمون مقایسه نتایج زیر بدست آمده است:

جدول ۶: نتایج مقایسه میانگین بازده تعدیل شده با ریسک با رویکرد های CAPM و CAPM-IIAPD

IIAPD در گشتاورهای بالاتر

نتایج		CAPM-IIAPD		CAPM		
P-value	آماره ی t	ریسک	بازدهی	ریسک	بازدهی	
۰,۶۱۲	-۰,۲۸۶۶	۰,۰۱	۰,۰۲۲	۰,۰۱۳	۰,۰۱۴۵	MVSM
۰,۰۰۹۱	۲,۶۱۳۰	۰,۰۱۴	۰,۰۲۶	۰,۰۱۴	۰,۰۱۰۵	MVSKM

باتوجه به نتایج گزارش شده در جدول فوق، فرض برابری بازدهی تعدیل شده برحسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IIAPD نسبت به پرتفوی با

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

رویکرد CAPM را پذیرفت. عبارت دیگر، تفاوت معناداری میان دو رویکرد سنتی و مدل قیمت‌گذاری دارایی سرمایه با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IIAPD) وجود ندارد. از طرف دیگر، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر بهینه سازی گشتاور های دوم تا چهارم MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IIAPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM رد شده و بعبارت دیگر تفاوت معناداری دارند. (میزان آماره ی آزمون از مقدار آماره ی t - استیودنت $(t_{0.05, 95} = 2.002)$ و مقدار P-value از 0.05 بیشتر است.)

جدول ۷: نتایج مقایسه میانگین بازده تعدیل شده با ریسک با رویکرد های CAPM و CAPM-IIAPD

IAEPD در گشتاورهای بالاتر

نتایج		CAPM-IAEPD		CAPM		
P-value	آماره ی t	ریسک	بازدهی	ریسک	بازدهی	
0.0594	0.0020	0.022	0.015	0.013	0.0145	MVSM
0.0037	2.3181	0.019	0.028	0.014	0.0105	MVSKM

باتوجه به نتایج گزارش شده در جدول فوق، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM را پذیرفت. بعبارت دیگر، تفاوت معناداری میان دو رویکرد سنتی (CAPM) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با توزیع نمایی با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IAEPD) وجود ندارد. از طرف دیگر، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM پذیرفته نشده و بعبارت دیگر تفاوت معناداری دارند. (میزان آماره ی آزمون از مقدار آماره ی t - استیودنت $(t_{0.05, 95} = 2.002)$ و مقدار P-value از 0.05 کمتر است.)

جدول ۸: نتایج مقایسه میانگین بازده تعدیل شده با ریسک با رویکرد های CAPM-IIAPD و CAPM-IAEPD

CAPM-IAEPD در گشتاورهای بالاتر

نتایج		CAPM-IAEPD		CAPM-IIAPD		
P-value	آماره ی t	ریسک	بازدهی	ریسک	بازدهی	
0.9552	0.2419	0.022	0.015	0.01	0.022	MVSM
0.0387	2.9251	0.019	0.028	0.014	0.026	MVSKM

باتوجه به نتایج گزارش شده در جدول فوق ، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM-IIAPD را پذیرفت. عبارت دیگر، تفاوت معناداری میان دو رویکرد مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IIAPD) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با توزیع نمایی با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IAEPD) وجود ندارد. از طرف دیگر، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر MVSKM با استفاده از رویکرد CAPM-IAEPD نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM-IIAPD رد شده و عبارت دیگر تفاوت معناداری بین دو رویکرد قیمت گذاری در بهینه سازی گشتاور دوم تا چهارم وجود دارد. (میزان آماره ی آزمون از مقدار آماره ی $t -$ استیودنت $(t_{0.95, 95} = 2.002)$ و مقدار P-value از ۰,۰۵ کمتر است.)

۷-۵- ارزیابی عملکرد

با توجه به مقادیر گشتاورهای بالاتر ، معیارهای ارزیابی عملکرد در دو سطح معیار شارپ تعدیل شده ی ایرالسن و شارپ تعدیل شده بوسیله چولگی بشرح زیر می باشند :

جدول ۹ : مقایسه نتایج مدل ها (با فرض اوزان برابر) با استفاده از معیارهای ارزیابی عملکرد

مدل						اولویت
CAPM-IAEPD		CAPM-IIAPD		CAPM		
ASR	MSR	ASR	MSR	ASR	MSR	
۰,۰۲۴۶	۰,۰۲۴۶	۰,۰۹۴۴	۰,۰۹۴۴	۰,۲۸۹۳	۰,۱۳۲۳	EWM
۰,۰۹۸۷	۰,۰۹۸۷	۰,۲۲۱۹	۰,۲۲۱۹	۰,۲۲۸۴	۰,۱۳۱۱	MVM
۰,۰۹۸۰	۰,۰۹۸۰	۰,۲۲۲۹	۰,۲۲۲۹	۰,۲۲۲۲	۰,۱۲۸۷	MVSM
۰,۲۰۱۰	۰,۲۰۱۰	۰,۲۳۰۵	۰,۲۱۶۴	۰,۱۰۹۴	۰,۰۸۹۷	MVSKM
۰,۲۳۱۵	۰,۲۱۵۱	۰,۲۳۱۹	۰,۲۱۷۱	۰,۱۱۱۳	۰,۰۹۰۸	MVSK ^{ESM}
۰,۲۲۹۰	۰,۲۲۸۹	۰,۲۲۹۰	۰,۲۱۴۳	۰,۱۱۴۵	۰,۰۹۲۷	MVSK ^{EG-S} M

مقایسه نتایج ارزیابی عملکرد نتایج جالبی به همراه دارد. با توجه به دو معیار ارزیابی عملکرد MSR و

ASR نتایج زیر بدست می آید:

در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای سنتی بیشترین میزان MSR متعلق به مدل پایه با اوزان یکسان (EWM) است. با توجه به آنکه در بهینه سازی پرتفوی از گشتاورهای بالاتر نیز استفاده

بهینه‌سازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

شده است بنابراین بهتر است در ارزیابی عملکرد نیز از روش‌های بهتر و بروزتری استفاده شود. بنابراین مقدار ASR در بین مدل‌های مورد بررسی بیشترین میزان متعلق به پایه با اوزان یکسان (EWM) می‌باشد.

در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه با فرض جزء خطای مستقل بیشترین میزان MSR متعلق به مدل میانگین-واریانس-چولگی ($MVSM$) است. با توجه به آنکه در بهینه‌سازی پرتفوی از گشتاورهای بالاتر نیز استفاده شده است بنابراین بهتر است در ارزیابی عملکرد نیز از روش‌های بهتر و بروزتری استفاده شود. بنابراین مقدار ASR در بین مدل‌های مورد بررسی بیشترین میزان متعلق به مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی شانون ($MVSKESM$) می‌باشد. مزیت این معیار نسبت به معیار MSR در نظر گرفتن گشتاور سوم (چولگی) در ارزیابی عملکرد است. در این مدل، آنتروپی عملکرد مدل را تحت تاثیر قرار داده و بهترین مدل‌ها مربوط به اضافه شدن آنتروپی‌های شانون و جینی-سیمپسون می‌باشند.

در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با توزیع نمایی با فرض جزء خطای مستقل بیشترین میزان MSR متعلق به مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی جینی-سیمپسون ($MVSKESM$) است. با توجه به آنکه در بهینه‌سازی پرتفوی از گشتاورهای بالاتر نیز استفاده شده است، بنابراین بهتر است در ارزیابی عملکرد نیز از روش‌های بهتر و بروزتری استفاده شود. بنابراین مقدار ASR در بین مدل‌های مورد بررسی بیشترین میزان متعلق به مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی شانون ($MVSKESM$) می‌باشد. مزیت این معیار نسبت به معیار MSR در نظر گرفتن گشتاور سوم (چولگی) در ارزیابی عملکرد است. بنابراین، با اضافه شدن آنتروپی شانون عملکرد مدل بهبود می‌یابد.

نتیجه گیری و جمع بندی

در این پژوهش اهداف متفاوتی را در سر می‌پروrandیم. در گام نخست، به دنبال ارائه مدلی بودیم تا بتوان در مواقعی که بازارها دچار بحران مالی می‌شوند و توزیع بازده دارایی‌ها از توزیع نرمال تبعیت نمی‌کند بتوان از توزیع مورد نظر بهره جسته و کمترین آریبی نسبت به داده‌های واقعی را داشته باشد. بدین منظور، از داده‌های بازدهی هفتگی شرکت‌های پذیرفته شده در بازار سرمایه (بورس و فرابورس) استفاده نمودیم. سپس با استفاده از آزمون کولموگروف - اسمیرنوف، فرض نرمال بودن بازدهی دارایی‌ها را رد کرده و با استفاده از آمار توصیفی به چولگی و کشیدگی غیر نرمال بازده دارایی‌های شرکت‌های مورد بررسی در بازه‌ی زمانی مورد مطالعه رسیدیم. در ادامه‌ی مطالعه، به دنبال

استفاده از گشتاورهای بالاتر بمنظور مدل سازی و بهینه تر کردن مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای سنتی (CAPM) بوده و با استفاده از گشتاورهای سوم (چولگی) و چهارم (کشیدگی) به برآورد مدل‌های قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IIAPD) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض توزیع نمایی جزء خطای مستقل (CAPM-IAEPD) پرداختیم. سپس، با استفاده از آماره های آکائیک و شوارتز مدل‌های مورد بررسی را طبقه بندی کرده و در نتیجه به برتری مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض جزء خطای مستقل با توزیع نامتقارن (CAPM-IIAPD) نسبت به دو مدل قیمت گذاری دارایی سنتی (CAPM) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض توزیع نمایی جزء خطای مستقل و نامتقارن (CAPM-IAEPD) رسیدیم (همچنین مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای سنتی (CAPM) نسبت مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض توزیع نمایی جزء خطای مستقل (CAPM-IAEPD) برتری داشت). پس از انتخاب بهترین مدل ها در برآورد بازدهی و ریسک به عنوان متغیرهای ورودی بهینه سازی پرتفوی، بهینه سازی با استفاده از روش برنامه ریزی آرمانی چندمتغیره انجام شد. سپس، با فرض اولویت های (A_i) باینری در هر تابع هدف میانگین توابع هدف در شش سطح با اضافه کردن گشتاورهای اول تا چهارم و آنتروپی های شانون و جینی-سیمسون با توجه به مدل های قیمت گذاری بهینه سازی بررسی و در توابع هدف در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای بهترین مدل، مدل هم‌وزن (EWM) و در توابع هدف در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جز خطا با توزیع نامتقارن و مستقل بهترین مدل، میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی جینی-سیمپسون ($MVSK E_{G-S} M$) و در مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای با فرض توزیع نمایی جزء خطای مستقل بهترین مدل، میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی شانون ($MVSK E_{SM}$) می باشند. پس از بهینه سازی با استفاده از گشتاورهای بالاتر، نوبت به بررسی آزمون فرض های تعیین شده است. نتایج فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر $MVSM$ با استفاده از رویکرد (CAPM-IIAPD) نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM را پذیرفت و بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر بهینه سازی گشتاور های دوم تا چهارم $MVSKM$ با استفاده از رویکرد (CAPM-IIAPD) نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM رد می کند. همچنین فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی شده مبتنی بر مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی ($MVSM$) با استفاده از رویکرد (CAPM-IAEPD) نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM را پذیرش و فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهینه سازی

بهبودسازی گشتاور بالاتر پرتفوی بر مبنای مدل‌های.../سوری، فلاح‌پور و اسماعیلی

شده مبتنی بر مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) با استفاده از رویکرد CAPM- (IAEPD) نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM رد می‌شود. و در آخرین آزمون گشتاور سوم، تفاوت معناداری میان دو رویکرد مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با فرض جزء خطای مستقل CAPM- (IIAPD) و مدل قیمت گذاری دارایی سرمایه ای با توزیع نمایی با فرض جزء خطای مستقل (CAPM-IAEPD) وجود ندارد. از طرف دیگر، فرض برابری بازدهی تعدیل شده بر حسب ریسک پرتفوی بهبودیافته مبتنی بر مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) با استفاده از رویکرد CAPM- (IAEPD) نسبت به پرتفوی با رویکرد CAPM- (IIAPD) رد شده و تفاوت معناداری بین دو رویکرد قیمت گذاری در بهبودیافته سازی گشتاور دوم تا چهارم وجود دارد. در مرحله ی بعد، با استفاده از معیارهای ارزیابی عملکرد در دو سطح معیار شارپ تعدیل شده ی ایرالسن و شارپ تعدیل شده بوسیله چولگی بهترین مدل‌ها به ترتیب مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی شانون (MVSKM) با دو رویکرد CAPM- (IIAPD) و CAPM- (IAEPD) و مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی-آنتروپی جینی-سیمپسون (MVSKM) با استفاده از دو رویکرد CAPM- (IIAPD) و CAPM- (IAEPD) می‌باشند. در مدل‌هایی که گشتاورهای دوم تا چهارم در بهبودیافته سازی آنها نقش داشتند مدل میانگین-واریانس-چولگی-کشیدگی (MVSKM) با استفاده از رویکرد CAPM- (IIAPD) بیشترین میزان شارپ تعدیل شده بوسیله چولگی (ASR) را دارا می‌باشد. بمنظور مطالعات آتی نیز پیشنهاد می‌شود که در مدل‌های قیمت گذاری دارایی سرمایه‌ای نامتقارن می‌توان از معیار ریسک نامطلوب به جای معیار ریسک مطلق (واریانس) در جهت محاسبه ی ریسک استفاده کرد. توصیه می‌شود که هم از لحاظ روش حل مسئله توسعه داده شود و می‌توان از این نظر از الگوریتم‌های فراابتکاری استفاده شود. علاوه بر این از بر اساس منطق فازی نیز مدل‌ها بررسی شود تا کارایی مدل‌ها نیز بررسی گردد.

منابع

- ۱) بیگلری کامی مهدی و همکاران، انتخاب سبد سهام چند دوره ای با استفاده از گشتاورهای مرتبه بالاتر، فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، زمستان ۱۳۹۷
- ۲) رستمی محمدرضا و عادل بهزادی، گشتاورهای مراتب بالاتر در بهینه سازی سبد سهام در محیط فازی، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، پاییز ۱۳۹۴، شماره ۲۴، ۴۱-۶۱
- ۳) رهنمای رودپشتی فریدون، میرغفاری سیدرضا، ارزیابی عملکرد پرتفوی در بورس اوراق بهادار تهران: کاربرد ارزش در معرض خطر، پاییز ۱۳۹۰
- ۴) صباغیان امید، مسعودی مقدم محمد، مدل میانگین-واریانس-چولگی برای انتخاب سبد سهام بوسیله ی منطق فازی، همایش بین المللی اقتصاد سنجی، ۱۳۹۱
- ۵) فلاح میرفیض، سینا افسانه، بهینه سازی سبد سرمایه گذاری با رویکرد نظریه ارزش فرین در بورس اوراق بهادار تهران، فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، پاییز ۱۳۹۸
- 6) Aracioglu ,B., Demircan, F.&Souyer,H.(2011).Mean-Variance-kewness-Kortusis Approach to Portfolio Optimization:An application in Istanbul Stock Exchange.Ege Academic Review ,9-17
- 7) Aven, T. (2013). On the meaning of a black swan in a risk context. Safety science, 57, 44-51.
- 8) Bera, A. K., & Park, S. Y. (2008). Optimal portfolio diversification using the maximum entropy
a. principle. Econometric Reviews, 27 (4-6), 484-512.
- 9) Fama, E. F., Fisher, L., Jensen, M. C., & Roll, R. (1969). The adjustment of stock prices to new information. International economic review, 10(1), 1-21.
- 10) Hodgson,J.,Linton. O.,Vorkink, k,. (2002), Testing the capital asset pricing model efficiency under ellipiteal symmerty: a semiparametric approach.J,Appl.Econ.17 , 617-639.
- 11) Hu, W., & Kercheval, A. (2007). Risk management with generalized hyperbolic distributions. Paper presented at the Proceedings of the Fourth IASTED International Conference on Financial Engineering and Applications.
- 12) Israelsen , Craig L.(2005) , A refinement to the Sharpe ratio and information ratio , Journal of Asset Management, Vol. 5, 6, 423-427
- 13) Komunjer, I.,(2007).Asymmetric Power distribution:Theory and applications to risk measurement.J.Appl.Econ.22,891-921.
- 14) Jana, P.,Roy, T. K.,&MAZUMDER, S. K.(2007),Multi-objective mean-

variance-skewness model for portfolio optimization. *Advanced Modeling and Optimization*, 9, 181-193

15) Li, L., Lin, M., (2014). Analysis of French stock Market's CAPM based on asymmetric exponential power distribution. *Int. J. Appl. Math. Stat.* 52, 84-95

16) Liu, Y. (2012). Risk forecasting and portfolio optimization with GARCH, skewed t distributions and multiple timescales: The Florida State University.

17) Luo, C. (2016). Stochastic Correlation and Portfolio Optimization by Multivariate Garch. University of Toronto (Canada).

18) Te Bao, Cees Diks, Hao Li, (2017). A generalized CAPM with asymmetric power distributed errors with an application to portfolio construction, *Economic Modeling*, 32-48.

19) Thomas, R., Gup, B.E., (2010), *The valuation handbook: valuation techniques from today's top practitioners*. John Wiley & Sons, Inc., Hoboken, NJ.

20) Xiong, J. X., & Idzorek, T. M. (2011). The impact of skewness and fat tails on the asset allocation decision. *Financial Analysts Journal*, 67(2), 23-35.

21) Zhang, X., Creal, D., Koopman, S.J., Lucas, A., (2011). Modeling dynamic volatilities and correlations under skewness and fat tails. Technical Report. Tinbergen Institute, Amsterdam. Working paper 11-078

22) Zhu, D., Zinde-Walsh, V., (2009), Properties and estimation of asymmetric exponential power distribution. *J. Econ.* 148, 86-99

23) Zinoviy Landsman & Tomer Shushi, (2020). Analytic solution to the portfolio optimization problem in a mean-variance-skewness model, *The European Journal of Finance*, Volume 2020, 165-178

24) Zhu, D., Galbraith, J.W., (2010). A generalized asymmetric student-t distribution with application to financial econometrics, *J. Econ.* 157, 297-305.

یادداشت‌ها :

1 Higher moments

2 Mean-Variance-Skewness-model

3 Mean-Variance-Skewness-Kurtosis model