



پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های بورس اوراق بهادار با استفاده از شبکه عصبی

مصنوعی و الگوریتم کرم شب‌تاب

مهدی حیدری^۱

شکراله زیاری^۲

سید احمد شایان‌نیا^۳

علیرضا رشیدی‌کميجانی^۴

تاریخ دریافت مقاله : ۹۹/۰۴/۰۷ تاریخ پذیرش مقاله : ۹۹/۰۷/۱۲

چکیده

با پیش‌بینی نابسامانی مالی، پیشگیری‌ها و اقدامات مقتضی لازم توسط مدیران و سرمایه‌گذاران انجام شود. پژوهش حاضر، دو مدل پیش‌بینی ورشکستگی با استفاده از شبکه عصبی و الگوریتم فراابتکاری کرم شب‌تاب در بورس اوراق بهادار تهران، آزمون و نتایج با هم مقایسه می‌شود. برای اجرای آزمون ابتدا یک مقادیر اولیه برای وزن‌ها و بایاس‌های شبکه تعیین شده و سپس در طی پروسه بهینه‌سازی، جمعیتی از وزن‌ها و بایاس‌های مختلف توسط الگوریتم کرم شب‌تاب تولید می‌شوند. تابع تبدیل مورد استفاده در لایه خروجی از نوع خطی و برای لایه میانی یک تابع غیرخطی سیگموئیدی انتخاب شده است. برای انجام این پژوهش داده‌های ۷۹ شرکت در بازه زمانی ۱۳۹۱ تا ۱۳۹۴ گردآوری و با به‌کارگیری الگوریتم‌های شبکه عصبی پس انتشار و کرم شب‌تاب تجزیه و تحلیل شدند. یافته‌های این پژوهش نشان می‌دهد که شبکه عصبی بهینه شده بوسیله الگوریتم کرم شب‌تاب عملکرد بهتری نسبت به شبکه عصبی پس انتشار خطا در پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌های نمونه دارد. همچنین الگوریتم کرم شب‌تاب به خوبی نسبت بین شرکت‌های ورشکسته و عدم ورشکسته را همانند داده‌های واقعی حفظ کرده است.

کلمات کلیدی

ورشکستگی مالی، شبکه عصبی پس انتشار، الگوریتم کرم شب‌تاب.

- ۱- گروه مدیریت صنعتی، واحد فیروزکوه، دانشگاه آزاد اسلامی، فیروزکوه، ایران. Mah.heidary@yahoo.com
۲- گروه ریاضی، واحد فیروزکوه، دانشگاه آزاد اسلامی، فیروزکوه، ایران. (نویسنده مسئول) shok_ziari@yahoo.com
۳- گروه مدیریت صنعتی، واحد فیروزکوه، دانشگاه آزاد اسلامی، فیروزکوه، ایران. sheibat@yahoo.com
۴- گروه مهندسی صنایع، واحد فیروزکوه، دانشگاه آزاد اسلامی، فیروزکوه، ایران. rashidi@azad.ac.ir

ورشکستگی یک شرکت، رویدادی است که می‌تواند زیان‌های هنگفتی به افراد و گروه‌های ذی‌نفع از جمله سرمایه‌گذاران، بانک‌ها و مؤسسات مالی و اعتباری، حساب‌رسان و خود شرکت تحمیل کند [۲۰]. یکی از راه‌های کمک به سرمایه‌گذاران ارائه الگوهای پیش‌بینی درباره چشم‌انداز آتی شرکت است، هرچه پیش‌بینی‌ها به واقعیت نزدیک‌تر باشد، مبنای تصمیمات درست‌تر قرار خواهند گرفت [۵]. هرچه دقت مدل پیش‌بینی برای یک دوره معین، بالاتر باشد، آن مدل با ارزش‌تر خواهد بود و البته ارزش آن مدل‌ها به خطاهای نوع اول و دوم در طبقه‌بندی شرکت‌های ورشکسته و غیرورشکسته بستگی دارد [۲۵]. بنا به گفته بیور، پیش‌بینی بدون اخذ تصمیم امکان‌پذیر است ولی کوچک‌ترین تصمیم را نمی‌توان بدون پیش‌بینی انجام داد [۵]. ورشکستگی معمولاً به وسیله عوامل مختلف و مرتبط به هم تعیین می‌شود، آلتمن، اسپرینگ، شیراتا و زیمسکی با استفاده از روش‌های علمی و تجربی با ایجاد مدل‌های پیش‌بینی ورشکستگی موفق به طراحی مدل‌هایی در این زمینه شدند که به نام خود آن‌ها معروف است [۲۵].

ورشکستگی شرکت‌ها منجر به هدررفتن منابع و فرصت‌های سرمایه‌گذاری می‌شود. با پیش‌بینی نابسامانی مالی، مدیران شرکت‌ها هشیار شده و اقدامات مقتضی انجام می‌دهند، همچنین سرمایه‌گذاران، فرصت‌های مطلوب را از فرصت‌های نامطلوب سرمایه‌گذاری تشخیص داده و منابع شرکت در فرصت‌های مناسب سرمایه‌گذاری تخصیص می‌دهند. این پژوهش به دنبال این است که از بین دو مدل شبکه عصبی پرسپترون چندلایه با الگوریتم پس‌انتشار و شبکه عصبی بهینه‌شده با الگوریتم فراابتکاری کرم شب‌تاب، کدامیک، توانایی پیش‌بینی بهتر و صحیح‌تر ورشکستگی مالی شرکت‌های بورس اوراق بهادار تهران را دارند؟ لذا، با استفاده از نسبت‌های مالی و دو الگوی یاد شده به مقایسه و پیش‌بینی احتمال ورشکستگی شرکت‌های جامعه آماری اقدام شده است. نتایج حاصل از این پژوهش می‌تواند معیارهای اساسی برای ارزیابی «سلامت مالی و تداوم فعالیت» یک واحد اقتصادی یا امکان تداوم فعالیت آنها را فراهم کند. آشنایی با مدل‌های پیش‌بینی ورشکستگی می‌تواند کمک موثری در تخصیص بهینه منابع مالی نماید.

مبانی نظری پژوهش

تشخیص به‌موقع و صحیح شرکت‌هایی که در شرف ورشکستگی قرار دارند می‌تواند تا حد زیادی از زیان‌های احتمالی ذی‌نفعان جلوگیری نماید [۶]. گوردون، درماندگی مالی را کاهش قدرت سودآوری شرکت می‌داند که احتمال ناتوانی در بازپرداخت اصل و بهره بدهی را افزایش می‌دهد. در مراحل اولیه درماندگی مالی، متوسط سود عملیاتی شرکت براساس سود تعدیل نشده و پس از کنترل عوامل دیگری که تغییر قابل ملاحظه‌ای در افزایش عملکرد شرکت ایجاد می‌کند اندازه‌گیری می‌شود [۶]. پیش‌بینی

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

ورشکستگی مالی شرکت‌ها می‌تواند یکی از راه‌کارهای مهم برای جلوگیری از اتلاف منابع مالی باشد. ورشکستگی مالی می‌تواند تأثیر منفی بر خود شرکت، اقتصاد ملی و جهانی و همچنین، تأثیر منفی بر بیکاری و برابری قدرت خرید ایجاد می‌کند [۱۶]. در ادبیات مالی، یک شرکت زمانی درمانده مالی تلقی می‌شود که در ایفای تعهدات به اعتباردهندگان ناتوان می‌شود چنانچه درماندگی مالی شرکت بهبود نیابد منجر به ورشکستگی می‌شود [۶]. اهمیت پیش‌بینی ورشکستگی آنقدر است که بسیاری از کسب و کارهای کوچک و متوسط به فرایند رشد نمی‌رسند و در سال‌های اولیه فعالیت خود شکست می‌خورند، لذا، پیش‌بینی رشد و افت شرکت‌ها می‌تواند از هزینه‌های هنگفتی که در کسب و کارها، توسط کارآفرینان و شرکت‌ها پرداخت می‌شود، جلوگیری نماید [۲].

با استفاده از صورت‌های مالی نمی‌توان مستقیماً ورشکستگی یک شرکت را طی سال‌های آتی پیش‌بینی کرد، اما با بهره‌گیری از مدل‌هایی که با روش علمی-تجربی ایجاد و تعریف شده‌اند و در سایر کشورها اجرا شده است می‌توان ورشکستگی شرکت‌ها را چند سال قبل از وقوع آن پیش‌بینی نمود [۳۱]. اگر وضعیت مالی این شرکت‌ها از طریق آزمون مدل روشن شود و ورشکستگی آنها قابل پیش‌بینی باشد سهامداران و مدیران برای جلوگیری از ورشکستگی و یا تغییر به وضعیت درست، از ورشکستگی آن شرکت جلوگیری خواهند کرد. در بازار سرمایه ایران، ملاک ورشکستگی و خروج شرکت‌ها از بورس، ماده ۱۴۱ قانون تجارت است، در این ماده آمده است: «اگر بر اثر زیان‌های وارده، حداقل نصف سرمایه شرکت از بین برود، هیات مدیره مکلف است بلافاصله مجمع عمومی فوق العاده صاحبان سهام را دعوت کند تا موضوع انحلال یا بقا شرکت مورد شور و رای‌گیری واقع شود. هرگاه مجمع مزبور رای به انحلال شرکت ندهد، باید در همان جلسه و با رعایت مقررات، ماده ۶ این قانون، سرمایه شرکت را به مبلغ سرمایه موجود کاهش دهد».

در ادبیات مالی برای پیش‌بینی ورشکستگی با استفاده از اطلاعات مالی و غیرمالی شرکت‌ها، مدل‌های گوناگون ارائه کردند نمونه‌هایی آنها شامل مدل‌های یک متغیره و نسبت‌های حسابداری بیور (۱۹۶۶)، تحلیل چند متغیره (آلتمن، ۱۹۶۸؛ فالمر، ۱۹۸۴)، Z-Score (آلتمن، ۱۹۸۳)، مدل تحلیل خطی چندگانه (نرتون و اسمیت، ۱۹۷۲)، تحلیل تمایزی چند متغیره (دیکین، ۱۹۷۷؛ شیراتا، ۱۹۹۸)، تجزیه و تحلیل لجستیک (اولسون، ۱۹۸۰)، شبکه عصبی (والاس، ۲۰۰۴؛ آلفرا و گارسیا، ۲۰۰۸)، ژنتیک و ماشین بردار (شین و همکاران، ۲۰۰۶) و در ایران نمونه‌هایی از آنها شامل مدل آلتمن (رسول‌زاده، ۱۳۸۰)، مدل فالمر، مدل اسپرینگت، و مدل زمیجوسکی (یاری‌فرد، ۱۳۸۲)، مدل زمیجوسکی (مهرانی و همکاران، ۱۳۸۴)، مدل لجستیک (دستگیر و همکاران، ۱۳۸۷)، الگوریتم ژنتیک (فیروزیان و همکاران،

۱۳۹۰)، بهینه‌سازی تجمعی ذرات (فدایی‌نژاد و اسکندری، ۱۳۹۰)، لوجیت مرکب (محمودزاده و جلیل‌وند، ۱۳۹۱) شبکه عصبی (اعتمادی و همکاران، ۱۳۹۱)، الگوریتم فاخته (بیگی و صالحی، ۱۳۹۲)، ژنتیک غیرخطی و خطی (پورزمانی، ۱۳۹۳) انجام شده است [۵].

شبکه عصبی

شبکه‌های عصبی پیشخور با الگوریتم پس‌انتشار توان پیش‌بینی برون نمونه‌ای و درون نمونه‌ای بیشتری در مقایسه با دیگر شبکه‌های عصبی مصنوعی در پیش‌بینی پدیده‌ها دارد [۳۷]. برخی از کاربردهای مهم شبکه‌های عصبی مصنوعی در پژوهش‌های مالی عبارتند از: پیش‌بینی سلامت مالی (سنت‌جان و بالاکریشن، ۲۰۰۰؛ مخاطب رفیعی و همکاران، ۲۰۱۱)، پیش‌بینی ورشکستگی (لی و چویی، ۲۰۱۳)، امتیازبندی اعتباری (وست، ۲۰۰۰؛ لانگ و رودیز، ۲۰۰۰)، ارزیابی ریسک (لونگ و همکاران، ۲۰۰۰)، طبقه‌بندی روند قیمت سهام (کاو و پری، ۲۰۰۹؛ مصطفی، ۲۰۱۰)، ریسک اعتباری (آنجلینی و همکاران، ۲۰۰۸). در نقطه مقابل، برخی از مطالعات پیشین، احتمال بزرگ‌نمایی کارایی شبکه‌های عصبی را مطرح کردند و کارایی استراتژی‌های معاملاتی مبتنی بر شبکه‌های عصبی مصنوعی را از برخی از ساده‌ترین استراتژی‌ها نظیر انتخاب سهام یا خرید و نگهداری سهام هم کمتر دانسته‌اند [۱۰]. به عنوان مثال، کالن و همکاران (۱۹۹۶) میزان خطا در پیش‌بینی مدل شبکه عصبی مصنوعی به طور معناداری از پیش‌بینی مدل‌های خطی سری زمانی پارسیمونس براون-روزلف و گریفین-واتس بیشتر بوده است. لذا می‌توان الگوریتم شبکه‌های عصبی مصنوعی را وابسته به چارچوب دانست که الزاماً بدتر از مدل‌های خطی سری زمانی نیست، حتی زمانی که اطلاعات حاوی روابط غیرخطی باشند [۱۰].

شبکه‌های عصبی پیشخور دولایه با توابع محرک سیگموئید در لایه اول قادرند هر تابعی را با دقت دلخواه تقریب بزنند. الگوریتم یادگیری پس‌انتشار بر قانون یادگیری اصلاح خطا مبتنی است. به عبارتی توپولوژی شبکه‌های چند لایه پرسپترون با قانون یادگیری پس‌انتشار تکمیل می‌گردد. این قانون از دو مسیر اصلی (رفت و برگشت) تشکیل شده است. مسیر اول، «مسیر رفت»، بردار ورودی به شبکه اعمال شده و تاثیراتش از طریق لایه‌های میانی، به لایه خروجی انتشار می‌یابد. بردار خروجی ایجاد شده در لایه خروجی، پاسخ واقعی شبکه است. در این مسیر، پارامترهای شبکه ثابت و بدون تغییر در نظر گرفته می‌شود. مسیر دوم، «مسیر برگشت»، پارامترهای شبکه تغییر پیدا کرده و تنظیم می‌شوند. مراحل طراحی یک شبکه عصبی مصنوعی پس‌انتشار برای پیش‌بینی مالی عبارتند از انتخاب متغیرها، جمع‌آوری داده‌ها، پیش‌پردازش داده‌ها، انتخاب مجموعه‌های آموزش، آزمون و تأیید، تعیین پارادایم‌های شبکه عصبی مصنوعی، انتخاب معیارهای ارزیابی، آموزش شبکه عصبی مصنوعی و اجرا می‌باشند [۱۰]. در این پژوهش

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

یک شبکه عصبی پیشخور با الگوریتم پس‌انتشار که در آن از الگوریتم یادگیری لونیگ-مارکوارد نظارت شده، استفاده شده است. رابطه ریاضی شبکه عصبی مذکور بدین صورت خواهد بود:

$$y_i = \alpha + \sum_{h=1}^H \phi_h + F \left(\gamma_h + \sum_{j=1}^n \beta_{hj} V_{jy-1} \right) + \varepsilon_i$$

در این رابطه، H تعداد نورون‌های لایه پنهان و β_{hj} ماتریس‌های وزن‌های پارامترهای مالی در هر نورون، ϕ_h اوزان متصل‌کننده نورون‌های لایه پنهان به لایه خارجی و F تابع تبدیل است. پویایی عصبی به توصیف مختصات یک نورون، مثلاً تابع تبدیل و نحوه ترکیب ورودی‌های آن اشاره دارد و معماری شبکه به ساختار شبکه مثلاً تعداد نورون‌ها در هر لایه و تعداد و نوع اتصالات بین آنها گفته می‌شود. تعداد نورون‌های لایه ورودی به تعداد متغیرهای مستقل خواهد بود، اما انتخاب تعداد لایه پنهان و نورون‌های آنها و همچنین توابع تبدیل نیازمند انتخابهایی مستقل است. لایه‌های پنهان، به شبکه‌های عصبی مصنوعی توانایی تعمیم ساختارها را می‌دهند. معمولاً تعداد لایه‌های پنهان، یک یا دولایه در نظر گرفته می‌شود. در نظر گرفتن تعداد لایه‌های بیشتر و ثابت نگهداشتن تعداد مشاهده‌ها ممکن است به توانایی تخمین درون نمونه‌ای مدل کمک کند، اما از تعداد تخمین برون نمونه‌ای می‌کاهد، زیرا با این کار شبکه به جای شناسایی الگوی اطلاعات به حفظ آنها می‌پردازد، این حالت را بیش‌برازش نامند [۱۰].

الگوریتم کرم شب‌تاب

الگوریتم کرم شب‌تاب یکی از ابزارهای مهم در حوزه بهینه‌سازی و مهندسی است. نمونه‌هایی از روش‌های مشهور بهینه‌سازی هوش گروهی، بهینه‌سازی کلنی مورچه‌ها، بهینه‌سازی ازدحام ذرات و کلنی زنبور عسل مصنوعی، الگوریتم کرم شب‌تاب، جست‌وجوی فاخته و الگوریتم خفاش است [۲۷]. به منظور استفاده از این الگوریتم برای حل مسائل گوناگون، الگوریتم اصلی آن باید اصلاح و یا ترکیبی اجرا شوند [۳۱]. الگوریتم اکتشافی کرم شب‌تاب توسط یانگ^۱ (۲۰۱۰) ارائه شد. از جمله مزایای الگوریتم کرم شب‌تاب می‌توان به بخش‌بندی خودکار، قابلیت سروکار داشتن با مسائل چندکیفیتی، تنوع در راه حل‌ها. این الگوریتم با مدل‌سازی رفتار مجموعه‌ای از کرم‌های شب‌تاب و تخصیص مقداری مرتبط با برازندگی مکان هر کرم شب‌تاب به عنوان مدلی برای میزان رنگدانه‌های شب‌تاب و به روز کردن مکان کرم‌ها در تکرارهای متوالی الگوریتم به جستجوی جواب بهینه مسئله می‌پردازد. در واقع دو فاز اصلی این الگوریتم در هر تکرار، فاز به روز کردن رنگدانه و فاز حرکت است. کرم‌های شب‌تاب به سمت کرم‌های شب‌تاب دیگر با رنگدانه بیشتر که در همسایگی آنها باشند حرکت می‌کنند. به این ترتیب طی تکرارهای متوالی

مجموعه به سمت جواب بهتر متمایل می‌گردد [۵].

به طور خلاصه می‌توان ویژگی تولید نور در کرم شب‌تاب را طبق سه قانون زیر بیان نمود: (۱) همه کرم‌های شب‌تاب، تک جنسیتی هستند و عامل جذب جفت‌ها به یکدیگر بدون در نظر گرفتن جنسیت آنها است. (۲) جذابیت به نسبت درخشندگی آنها است. پس برای هر جفت کرم شب‌تاب، کرمی که نور کمتری دارد به سمت کرمی که نور بیشتری دارد جذب می‌شود. قدرت جذب به نسبت نور آنها است و با افزایش فاصله بین دو کرم، شدت نور نیز کاهش می‌یابد. اگر کرم شب‌تابی از دیگری نورانی‌تر نباشد حرکت آنها به صورت تصادفی انجام می‌شود. (۳) درخشندگی کرم شب‌تاب توسط مقدار تابع هدف تعیین می‌شود. برای مساله بهینه‌سازی، شدت نور به سادگی توسط مقدار تابع تعیین می‌شود. روش دیگر تعیین شدت نور می‌تواند با استفاده از روش تعیین تابع برازش تعریف شده با الگوریتم ژنتیک باشد [۲۷].

جذابیت یک کرم شب‌تاب براساس درخشندگی یا شدت نوری تعیین می‌شود که از تابع هدف بدست آمده است. در مسائل بهینه‌سازی بهینه‌سازی، i یک کرم شب‌تاب در یک مکان ویژه X می‌تواند مقدار روشنایی را با تابع هدف متناسب سازد $f(x) * i(x)$ با این حال جذابیت β کاملاً نسبی است و با مسافت r_{ij} بین کرم شب‌تاب i و کرم شب‌تاب j تغییر می‌کند. البته شدت نور با افزایش فاصله از منبع اش کاهش می‌یابد و در محیط نیز جذب می‌شود [۲۷].

در حالت ساده‌تر شدت نور $I(r)$ بر عکس قانون مجذور معکوس است. این الگوریتم بر بهینه‌سازی مسائل پیچیده صحنه گذاشت.

$$I(r) = \frac{I_s}{r^2} \quad \text{رابطه (۱)}$$

به طوری که I_s شدت نور منبع است. با توجه به رسانه در نظر گرفته شده ضریب جذب نور r و شدت نور I با توجه به فاصله r متغیر است. بنابراین فرمول جذابیت را می‌توان به صورت زیر نشان داد:

$$I = I_0 e^{-\nu r^2} \quad \text{رابطه (۲)}$$

به طوری که I_0 شدت نور اولیه است. برای اجتناب از حالت سکون در $n=0$ در رابطه ۱ ترکیب هر دو قانون مجذور معکوس و جذب نور وجود که از توزیع گائوسین پیروی می‌کند. در بعضی موارد نیاز است که تابع به صورت یکنواخت با شدت کمتری کاهش پیدا کند. در این حالت می‌توان از عبارت زیر استفاده کرد:

$$I(r) = \frac{I_0}{1 + \nu r^2} \quad \text{رابطه (۳)}$$

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیجانی

از فواصل کمتر، دو حالت گفته شده در بالا تقریباً برابر هستند و این به دلیل بسط تابع محدوده r = 0 است بسط روابط (۲) و (۳) به صورت زیر است [۳۹]:

$$e^{-y^{r^2}} \approx 1 - yr^2 + \frac{y^2 r^4}{2} - \frac{y^3 r^6}{6} + \dots \quad (\text{رابطه ۴})$$

این عبارات با هم برابر هستند و مرتبه هر دو $O(r^3)$ است.

میزان جذابیت کرم‌های شب‌تاب نسبی است و به شدت نور دیده شده توسط کرم‌های مجاور بستگی دارد. حال می‌توان جذابیت کرم‌های شب‌تاب را بصورت زیر فرموله کرد:

$$\beta(r) = \beta_0 e^{-y^{r^2}} \quad (\text{رابطه ۵})$$

به طوریکه β_0 جذابیت در $r=0$ است. در بعضی موارد اگر نیاز باشد می‌توان رابطه ۵ را با رابطه زیر جایگزین کرد:

$$\beta = \frac{\beta_0}{1 + y^{r^2}}$$

در پیاده‌سازی، در شکل واقعی تابع جذابیت $\beta(r)$ هر نوع تابع کاهش یکنواخت باشد مانند رابطه زیر که در آن ابعاد مساله است [۳۸].

$$\beta(r) = \beta_0 e^{-y^{r^2}} (m)1$$

در فضای دو بعدی برای محاسبه بین دو کرم شب‌تاب از فرمول زیر نیز می‌توان استفاده نمود.

$$r_{i,j} = \sqrt{(x_i - x_j)^2 + (y_i - y_j)^2}$$

حرکت کرم شب‌تاب i که نور کمتری دارد، به سوی کرم شب‌تاب j با نور بیشتر با توجه به فرمول زیر انجام می‌گیرد [۳۳، ۴۶].

$$x_i = x_i + \beta_0 e^{y r_{ij}^2} (x_j^i - x_i^i) + a \left[\text{rand} - \frac{1}{2} \right]$$

به طوری که جمله دوم نشان دهنده جذب و جمله سوم جمله تصادفی ساز است. که توسط پارامتر تصادفی ساز α این کار انجام می‌گیرد. rand یک عدد تصادفی است که با استفاده از توزیع یکنواخت در باره $\alpha \in [0,1]$ در نظر گرفته می‌شود. همچنین جمله تصادفی ساز می‌تواند توسط توزیع نرمال $N[0,1]$ در نظر گرفته شود و یا توزیع‌های دیگر استفاده شود. پارامتر γ با توجه به تغییرات تعیین می‌شود. این پارامتر در تعیین سرعت همگرایی و رفتار الگوریتم کرم شب‌تاب بسیار موثر است. در حالت تئوری $\gamma \in [0,1]$ است. در سیستم کاربردها گاما مقداری بین ۰,۱ تا ۱۰۰ است [۲۷].

پژوهش‌های پیشین نشان دادند که پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌ها تابع عواملی از جمله سرمایه در گردش، دارایی‌های جاری، فروش، میزان بدهی‌ها و غیره است. در این پژوهش «ورشکستگی» متغیر وابسته است، هنگامی ورشکستگی رخ می‌دهد که بدهی‌های یک شرکت از ارزش دارایی‌های موجود در شرکت بیشتر گردد.

متغیرهای مستقلی که برای پیش‌بینی ورشکستگی در این پژوهش مورد استفاده قرار می‌گیرد به شرح زیر است:

نسبت جاری: نشان دهنده نسبت دارایی‌های جاری به بدهی‌های جاری است. چه میزان از دارایی‌های جاری از طریق بدهی‌های جاری تامین شده است، هر چه این نسبت کمتر باشد نشان دهنده وضعیت مالی نامناسب شرکت است. نشانگر فقدان گردش پول برای تامین بودجه عملیات شرکت است. واحد اقتصادی در این شرایط به دلیل کاهش انعطاف‌پذیری در بدست آوردن سرمایه در گردش، در اجرای امور روزانه خود مشکل خواهد داشت. دارایی‌های نقدی به شرکت کمک می‌کند تا تعهدات کوتاه مدت را به محض مطالبه طلبکاران، تامین نمایند. شرکت‌هایی که نسبت جاری بالایی دارند در پرداخت تعهدات خود مشکلی نخواهند داشت. این نسبت توانایی شرکت را در تامین نیازهای نقدینگی حفظ می‌کند.

بدهی کل به حقوق صاحبان سهام: نشان دهنده تعهد مالی کوتاه مدت و بلند مدت شرکت در مقایسه با حقوق صاحبان سهام است اگر این نسبت نزدیک به یک و یا بیشتر باشد بیانگر افزایش اهرم مالی و افزایش پریشانی مالی شرکت است می‌تواند منجر به ورشکستگی شرکت شود.

سودخالص به حقوق صاحبان سهام: گونه‌ای از شاخص سودآوری شرکت است و نشان می‌دهد سودخالص کسب شده در تولید سود قبل از بهره و مالیات چقدر مؤثر است.

سرمایه در گردش به کل دارایی‌ها: سرمایه در گردش یک منبع مالی کم هزینه است که نقش ویژه‌ای در افزایش اثربخشی و کاهش هزینه‌ها دارد. این نسبت نشانگر توانایی شرکت برای تولید سرمایه در گردش است. این نسبت تفاوت بین دارایی‌های جاری و بدهی‌های جاری است و نشان می‌دهد که چگونه کل دارایی‌های شرکت در تولید سرمایه در گردش خالص به طور دائم بکارگرفته می‌شود. ارزش بالاتر سرمایه در گردش خالص نشان می‌دهد که شرکت قادر به انجام کلیه تعهدات جاری خارج از دارایی‌های جاری است و هنوز هم دارایی‌های سیال مازاد برای پاسخگویی به نیازهای روزمره در کسب و کار باقی مانده است.

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

دوره وصول مطالبات: حاصل تقسیم حسابهای دریافتی بر فروش نسبی روزانه است، لذا مدت زمان وصول مطالبات شرکت را نشان می‌دهد. هرچه این دوره طولانی‌تر باشد، منابع مالی بیشتری باید در جریان باشد، از این رو افزایش آن توان مالی شرکت را کاهش می‌دهد.

پیشینه پژوهش

پیشینه پژوهش شبکه عصبی مصنوعی

طی دو دهه اخیر، پیشرفت‌های قابل ملاحظه‌ای در حوزه شبکه عصبی مصنوعی و الگوریتم‌های ترکیبی ایجاد شده است. جدول ۱ مهمترین پژوهش‌هایی که در حوزه ورشکستگی مالی طی سال‌های اخیر انجام شده در ایران و خارج از ایران انجام شده را ارائه می‌کند.

جدول ۱: پژوهش‌های حوزه شبکه عصبی و ورشکستگی

پژوهشگران (سال)	روش	یافته‌ها و نتایج
آلتمن و همکاران (۲۰۲۰) [۲۵].	پنج مدل متفاوت برای پیش‌بینی نابسامانی مالی شرکت‌های کوچک و متوسط	رگرسیون لجستیک و شبکه‌های عصبی نسبت به سایر رویکردها برتر می‌باشند
الکساندرپولوس و همکاران (۲۰۱۹) [۲۴].	شبکه عصبی متراکم (DDNN)	پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌های یونان نتایج معنی‌داری ارائه داد.
تنگ و همکاران (۲۰۱۹) [۳۷].	شبکه عصبی اصلاح شده با فرایند تکاملی	برای پیش‌بینی ورشکستگی مدل چند لایه (MLP) و مدل شبکه عصبی اولیه از لحاظ دقت، سرعت همگرایی و مساحت زیر منحنی الگوریتم پیشنهادی بهتر عمل می‌کند.
آدیس و همکاران (۲۰۱۹) [۲۳].	تحلیل مؤلفه اصلی و شبکه‌های عصبی مصنوعی	با ۳۲ مؤلفه اصلی با استفاده از اعتبار سنجی متقاطع از نظر نسبت آموزش-تست ۱۰ برابر اعتبار بهتر از سایر مدل‌ها داشته است.
مای و همکاران (۲۰۱۹) [۳۳].	شبکه عصبی متراکم (DDNN)	مدل‌های یادگیری عمیق عملکرد پیش‌بینی برتر را در پیش‌بینی ورشکستگی با استفاده از افشای متن ارائه می‌دهند.
ماتسومارو و همکاران (۲۰۱۹) [۳۴].	ماشین بردار پشتیبانی، شبکه عصبی مصنوعی و تحلیل چندگانه تمایزی	براساس شاخص‌های مالی، ماشین بردار پشتیبانی در پیش‌بینی خطر ورشکستگی شرکت‌ها از مدل‌های دیگر دقیق‌تر است.
چو و همکاران (۲۰۱۷) [۲۶].	الگوریتم ژنتیکی ترکیبی و خوشه بندی فازی	داده‌های مالی یک تا چهار سال قبل از وقوع ورشکستگی توانست با دقت بالایی ورشکستگی مالی را پیش‌بینی کند

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

تا سه سال قبل از وقوع ورشکستگی برای بانک‌های تجاری آمریکا، توانست با دقت ۹۶/۱۵ درصد بهتر از مدل‌های سنتی پیش‌بینی کند	مدل شبکه عصبی پرسپترون چندلایه	لوپز ایتورریگا و سانز (۲۰۱۵) [۳۲]
الگوریتم ژنتیک در پیش‌بینی ورشکستگی تا سه سال قبل از آن دقت بالاتری دارد.	دو روش رگرسیون لجستیک و ماشین بردار پشتیبان در مقایسه با الگوریتم ژنتیک	گوردینی (۲۰۱۴) [۲۹]
پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌های بزرگ در صنایع مختلف	شبکه عصبی پس انتشار و تحلیل چند متغیره	لی و چویی (۲۰۱۳) [۳۰]
شاخص‌های حسابداری و حاکمیت شرکتی براساس شاخص دمرجان، بر توانایی مدیریت تاثیر دارند.	الگوریتم‌های هوش مصنوعی خطی و غیرخطی	شاه صاحبی و همکاران (۱۳۹۹) [۱۱]
مدل بنیاد اصلاح شده در تفکیک دو گروه شرکت‌های دستکاری‌کننده سود و غیردستکاری‌کننده سود ناتوان است.	ترکیب شبکه‌های عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه‌سازی حرکت تجمعی ذرات	عسگری آلوچ و همکاران (۱۳۹۸) [۱۳]
دقت دسته‌بندی شرکت‌های متقلب و شرکت‌های غیرمتقلب و عملکرد کلی در روش شبکه عصبی مصنوعی معنی دار بوده است.	مدل تحلیل عاملی و روش شبکه عصبی مصنوعی پیش‌خور با الگوریتم پس انتشار	محمد موسایی و همکاران (۱۳۹۸) [۱۸]
کارایی شعب و ساختار داخلی آن در گذشته، حال و آینده ارزیابی شده است.	تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای پویا و شبکه عصبی مصنوعی	نیک نفس و همکاران (۱۳۹۸) [۲۱]
هر سه روش قادر به پیش‌بینی رشد شرکت بوده و بهترین روش، شبکه عصبی ترکیب شده با الگوریتم ازدحام ذرات با کمترین مقدار خطا نسبت به دو روش دیگر است.	تحلیل عاملی تأییدی، الگوریتم ژنتیک و الگوریتم ازدحام ذرات	ابراهیم خانی و همکاران (۱۳۹۸) [۲]
سبد ۸ سهمی، سبد بهینه در مقایسه با شاخص بازار فرابورس ایران طی دوره بررسی شده، عملکردی به مراتب بهتر داشته است.	الگوی ترکیبی شبکه عصبی مصنوعی و بهینه‌سازی تجمیع ذرات	جمشیدی و زمانیان (۱۳۹۷) [۷]
پیش‌بینی مدل جستجوی هارمونی در دوره آزمون نسبت به مدل شبکه عصبی مصنوعی هیبریدی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک دارای دقت بالاتری است.	مدل‌های فراابتکاری ژنتیک و جستجوی هارمونی در دوره آزمون بالاتر از شبکه عصبی معمولی	دولو و حیدری (۱۳۹۷) [۹]
تلفیق تکنیک‌های هوش مصنوعی برای تشخیص وضعیت اعتباری مشتریان بانک توصیه می‌شود.	مدل رگرسیون لجستیک و شبکه عصبی مصنوعی	قاسم‌نیا عربی و همکاران (۱۳۹۷) [۱۴]
پیش‌بینی کارآیی آتی و تأثیرپذیری غیرخطی از تأخیرهای زمانی تشریح شد.	تحلیل پوششی داده‌ها با شبکه‌های عصبی مصنوعی	کاظمی و فاضلی راد (۱۳۹۷) [۱۵]

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

اطلاعات صورت جریان نقد دقت پیش‌بینی به ترتیب برای سه، دو، یک سال قبل، و سال جاری ورشکستگی افزایش می‌یابد.	شبکه عصبی مصنوعی پس انتشار	اسمعیلی و گوگردچیان (۱۳۹۶) [۳].
روش ترکیبی با ۲۵,۱٪ کاهش در خطای پیش‌بینی نسبت به روش ساده برتری دارد.	مدل ترکیبی الگوریتم ژنتیک و شبکه عصبی مصنوعی	آدریان و همایونی (۱۳۹۶) [۱].
روش پیشنهادی بطور بالقوه نیاز بیش از حد به برازش و آموزش را کاهش داده و کیفیت پیش‌بینی و تعمیم شبکه را ارتقا می‌دهد.	شبکه عصبی مصنوعی منظم بیزی	لاری دشت بیاض و محمدی (۱۳۹۵) [۱۷].
مدل اول در شناسایی دستکاری قیمت سهام و طبقه بندی شرکت‌ها به دو گروه دستکاری شده و دستکاری نشده عملکرد بسیار بهتری نسبت به مدل دوم داشته و خطای بسیار کمتری دارد.	الگوریتم ژنتیک-شبکه عصبی مصنوعی و مدل تابع تفکیکی درجه دوی تعدیل شده	شمس و عطایی (۱۳۹۵) [۱۲].
مدل BPN در پیش‌بینی برون‌نمونه‌ای بازده غیرعادی سهام به طور معناداری بیشتر از توانایی رگرسیون خطی با رویکرد تحلیل مولفه‌های اصلی بوده است.	رویکرد تحلیل مولفه‌های اصلی و شبکه‌های عصبی مصنوعی پیش‌خور با الگوریتم پس‌انتشار	راعی و بستان آراء (۱۳۹۵) [۱۰].
مدل شبکه عصبی فازی عملکرد بهتری در پیش‌بینی متغیرهای بررسی شده داشته‌اند.	شبکه عصبی اتورگرسیو پویا، ایستای فازی و ایستای چندلایه پیش‌خور	نیکواقبال و همکاران (۱۳۹۳) [۲۲].

منبع: گردآوری محقق

پیشینه پژوهش الگوریتم کرم شب تاب

بهینه‌سازی و معیارهای متنوعی که امروزه در وقوع پدیده‌ها تاثیر دارد مهمترین دلیل رشد الگوریتم‌های هوش جمعی شده است. در آینده نزدیک شاهد مطالعات مهم و در این حوزه خواهیم بود که تاثیرات شگرفی برای دانش بشر خواهد گذاشت. از این رو، برخی از، مهمترین مطالعات این حوزه با اختصار در جدول ۲ آمده است.

جدول ۲: پژوهش‌های حوزه الگوریتم کرم شب تاب و ورشکستگی

پژوهشگران (سال)	روش	یافته‌ها و نتایج
ژانگ و کیو (۲۰۱۹) [۴۰].	الگوریتم‌های خفاش، بهینه سازی ازدحام پرندگان، بهینه سازی جستجوی فاخته، کرم	شبکه‌های عصبی آموزش داده شده با الگوریتم هوش جمعی از مدل‌های رقیب برای رگرسیون لجستیک، بیزین ساده،

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

شب تاب، بهینه سازی تجمعی ذرات، عنکبوت اجتماعی و الگوریتم تجمع نهنگ‌ها	فاصله نزدیکترین همسایه، درخت تصمیم‌گیری، و ماشین- بردار پشتیبان بهتر عمل می کند، از جمله، شبکه عصبی براساس الگوریتم عنکبوت اجتماعی آموزش دیده است. بهترین عملکرد شبکه عصبی به ویژه با مجموعه داده های بزرگ است.
رگرسیون بردار پشتیبان پشتیبان مبتنی بر الگوریتم بهینه سازی پروانه	مدل پیشنهادی پارامترها را به خوبی بهینه کرده و برای دقت عملکرد پیش‌بینی و مصرف زمان می‌تواند استفاده شود.
الگوریتم کرم شب تاب و آستانه پذیرش	برای طبقه‌بندی شرکت‌های متقلب و غیرمتقلب براساس صورت‌های مالی، هر دو الگوریتم از لحاظ حساسیت و میزان پایداری مدل از درخت تصمیم استاندارد بالاتر بوده‌اند.
الگوریتم‌های مبتنی بر محاسبات تکاملی شامل درخت تصمیم، الگوریتم کرم شب‌تاب و الگوریتم آستانه پذیرش	کشف تقلب در صورت‌های مالی و طبقه‌بندی شرکت‌ها به عنوان متقلب یا غیر متقلب
کرم شب‌تاب و رگرسیون ماشین بردار پشتیبان	براساس داده‌های حسابداری، هر دو الگوریتم، توان پیش‌بینی هزینه سرمایه شرکت‌ها را با قدرت بسیار بالا دارند و همچنین الگوریتم کرم شب‌تاب توانایی بالاتری در پیش‌بینی هزینه سرمایه نسبت به الگوریتم رگرسیون ماشین بردار دارد.
الگوریتم کرم شب‌تاب، انتخاب چند منظوره فازی مبتنی بر مدل بازده مقطعی تحلیل پوششی داده‌ها	روش پیشنهادی برای انتخاب پرتفوی چند منظوره فازی نسبت به سایر روش‌ها مناسب‌تر بوده و برای تحلیل عملکرد، کارایی و انتخاب شرکت جهت سرمایه‌گذاری نتایج بهتری را ارائه می‌دهد.
الگوریتم کرم شب تاب	۹ نسبت مالی برای رتبه‌بندی شرکت‌های سالم و ورشکسته استفاده شد. پیش‌بینی‌های درست ۹۵,۱۲ درصدی برای سال اول، ۸۵,۳۶ درصدی برای سال دوم و ۸۰,۴۸ درصدی برای سال سوم می باشد
الگوریتم کرم شب‌تاب	الگوریتم پیشنهاد خطای کمتر از ۰,۰۶٪ برای پیش‌بینی قیمت سهام داشته است.

منبع: گردآوری محقق

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

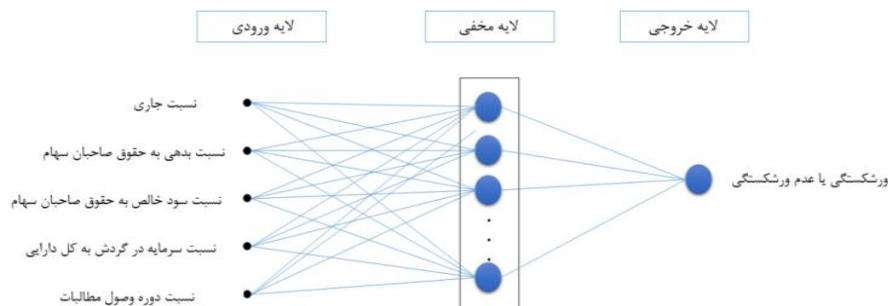
فرضیه‌های پژوهش

فرضیه اول: شبکه عصبی پس‌انتشار خطا، توانایی پیش‌بینی ورشکستگی مالی را دارد.
فرضیه دوم: الگوریتم کرم شب‌تاب توانایی پیش‌بینی ورشکستگی مالی را دارد.
فرضیه سوم: الگوریتم کرم شب‌تاب بیشتر از شبکه عصبی پس‌انتشار خطا، توانایی پیش‌بینی ورشکستگی مالی را دارد.

روش شناسی پژوهش

این پژوهش از نظر هدف، کاربردی، از نظر روش گردآوری اطلاعات شبه تجربی، توصیفی - پیمایشی و پس‌رویدادی است. همچنین از نظر ابزارهای گردآوری اطلاعات، کتابخانه‌ای است و بدلیل ماهیت مدل‌سازی و پیش‌بینی، از نوع پژوهش استقرایی است. در این پژوهش از شبکه‌های عصبی پرسپترون چندلایه با الگوریتم پس‌انتشار خطا جهت تشخیص ورشکستگی شرکت‌ها استفاده شده است. پس از غربالگری داده‌های شرکت‌ها، مجموعاً از اطلاعات مربوط به ۷۹ شرکت در سال ۱۳۹۱ جهت پیش‌بینی ورشکستگی آنها در سال ۱۳۹۳ استفاده شد. از میان ۷۹ شرکت نمونه، ۳۹ شرکت در زمره شرکت‌هایی قرار می‌گیرند که در سال ۱۳۹۳ ورشکست شده‌اند و ۴۰ شرکت باقیمانده در سال ۱۳۹۳ جزء شرکت‌هایی هستند که ورشکست نشده‌اند. ورودی‌های شبکه، چنانکه در شکل ۱ نشان داده شده است، عبارتند از: نسبت جاری، نسبت بدهی به حقوق صاحبان سهام، نسبت سود خالص به حقوق صاحبان سهام، نسبت سرمایه در گردش به کل دارایی، نسبت دوره وصول مطالبات.

برای اجرای آزمون ابتدا یک مقادیر اولیه برای وزن‌ها و بایاس‌های شبکه تعیین شده و سپس در طی پروسه بهینه‌سازی، جمعیتی از وزن‌ها و بایاس‌های مختلف توسط الگوریتم کرم شب‌تاب تولید می‌شوند. این جمعیت جواب‌ها در هر بار تکرار الگوریتم با توجه به مکانیزم ارائه شده در الگوریتم فرا ابتکاری به سمت نقطه بهینه یا همان وزن و بایاس‌های بهینه، حرکت می‌کنند. هم‌چنین خروجی‌های شبکه، یک نورون با عنوان ورشکسته یا غیر ورشکسته است، که عددی بین صفر تا یک، یعنی، احتمال ورشکسته یا عدم ورشکستگی شرکت را نشان می‌دهد. بنابراین شبکه عصبی مورد استفاده دارای یک لایه ورودی با ۵ عدد نورون و یک لایه خروجی با ۱ عدد نورون در شکل ۱ مشخص است.



شکل ۱: مدل شبکه عصبی جهت پیش‌بینی ورشکستگی یا عدم ورشکستگی شرکت‌ها

منبع: آزمون‌های پژوهش

برای لایه‌های مخفی شبکه، تابع تحریک تانژانت سیگموئید^۲ استفاده شده است. این تابع تحریک به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$y = \frac{e^x - e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$$

جهت انتخاب بهینه‌ترین تعداد نورون‌ها در تک لایه مخفی شبکه، شبکه با تعداد نورون‌های مختلف (بین ۱ تا ۲۰) اجرا گردیده و مقدار خطای شبکه بر روی داده‌های آزمون در هر بار اجرا محاسبه شده است. از آنجایی که مقادیر وزن و بایاس‌های اولیه شبکه بر روی عملکرد آن تاثیر می‌گذارند بنابراین جهت حذف این اثر، شبکه عصبی به تعداد ۵ بار برای مقادیر مختلف نورون در لایه مخفی اجرا شد و مقدار متوسط خطا برای هر تعداد نورون به عنوان معیاری جهت انتخاب تعداد بهینه نورون بکار رفته است و همچنین مشخص شد الگوریتم لونیگ-مارکوارد دارای کمترین میزان خطای متوسط بر روی داده‌های تست در تعداد نورون برابر با ۶ است.

یکی از ویژگی‌های مهم هر سیستم قابلیت آن در پیش‌بینی صحیح خروجی برای ورودی‌هایی است که جزء داده‌های آموزش شبکه محسوب نمی‌شده‌اند. از این رو جهت حفظ تعمیم‌دهی^۳ شبکه عصبی در این پژوهش، از تکنیک توقف زودرس^۴ بهره گرفته شد. در این تکنیک داده‌های ورودی شبکه به سه قسمت: داده‌های آموزش^۵، ارزیابی^۶ و تست^۷ تقسیم‌بندی شدند. بنابراین از ۷۰٪ داده‌ها جهت آموزش، ۱۵٪ جهت ارزیابی و از ۱۵٪ باقیمانده جهت تست شبکه استفاده گردید.

تابع هدفی که جهت بهینه‌سازی توسط الگوریتم کرم شب‌تاب استفاده شد در واقع تابع متوسط مربعات خطا بر روی داده‌های آموزش است که به صورت زیر تعریف شد:

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیجانی

$$MSE_{train} = \frac{1}{n_{train}} \sum_{j=1}^{n_{train}} \sum_j^2 = 1^{er_{ij}^2}$$

در معادله بالا، عبارت n_{train} بیانگر تعداد داده‌های مورد استفاده در آموزش شبکه، er_{ij} بیانگر خطا بر روی نورون j ام و داده آموزش i ام است.

متغیرهایی که باید توسط الگوریتم کرم شبتاب بهینه شوند وزن و بایاس‌های شبکه عصبی می‌باشند که برای یک شبکه با تک لایه مخفی به صورت زیر تعریف می‌گردند:

$$X = [x_{ij}]_{1 \times n_{opt}}$$

پارامتر n_{opt} بیانگر تعداد متغیرهای مجهول مساله بوده و برای شبکه تک لایه مخفی به صورت زیر محاسبه می‌گردد:

$$n_{opt} = (m_1 + 1) \times N_n + (N_n + 1) \times m_2$$

در معادله بالا، m_1 بیانگر تعداد نورون‌های لایه ورودی و m_2 بیانگر تعداد نورون‌های لایه خروجی است درحالی‌که عبارت N_n نشانگر تعداد نورون‌های لایه مخفی است. تعداد نورون‌های ورودی و خروجی این مساله ثابت و به ترتیب برابر با ۵ و ۱ می‌باشند. با توجه به اینکه پس از انجام آزمایش و خطا، و انتخاب مقادیر مختلف تعداد نورون‌ها برای لایه مخفی شبکه عصبی، تعداد ۶ نورون بعنوان نورون‌های بهینه انتخاب شدند، بنابراین تعداد متغیرهایی که می‌بایست توسط الگوریتم کرم شبتاب بهینه گردند برابر با ۴۳ خواهد بود که همان تعداد وزن و بایاس‌های شبکه ای با ۵ ورودی، یک خروجی و تعداد ۶ نورون در لایه مخفی خود است. پارامترهای مورد استفاده در الگوریتم کرم شبتاب جهت بهینه سازی وزن‌ها و بایاس‌های شبکه عصبی پس از انجام آزمایش و خطا انتخاب گردیده و در جدول ۳ ارائه شده‌اند.

جدول ۳: پارامترهای مورد استفاده در الگوریتم کرم شبتاب جهت بهینه‌سازی وزن و بایاس شبکه عصبی

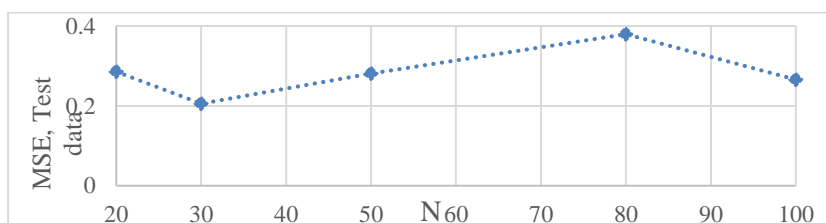
x_{max}	x_{min}	n_{iter}	α	γ	β_0
+۳	-۳	۱۰۰۰	۰/۲۵	۳	۱

منبع: پژوهش‌های محقق

از آنجایی که در بحث عمومیت شبکه، خطا بر روی داده‌های تست از اهمیت بیشتری برخوردار است، بنابراین مقدار خطای بهینه‌ترین شبکه عصبی حاصل شده در هر تعداد ذره بر روی داده‌های تست محاسبه شد و نتایج در شکل ۲ براساس تعداد ذرات ترسیم شده‌اند. بنابراین در مرحله بعد از تعداد ۳۰

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

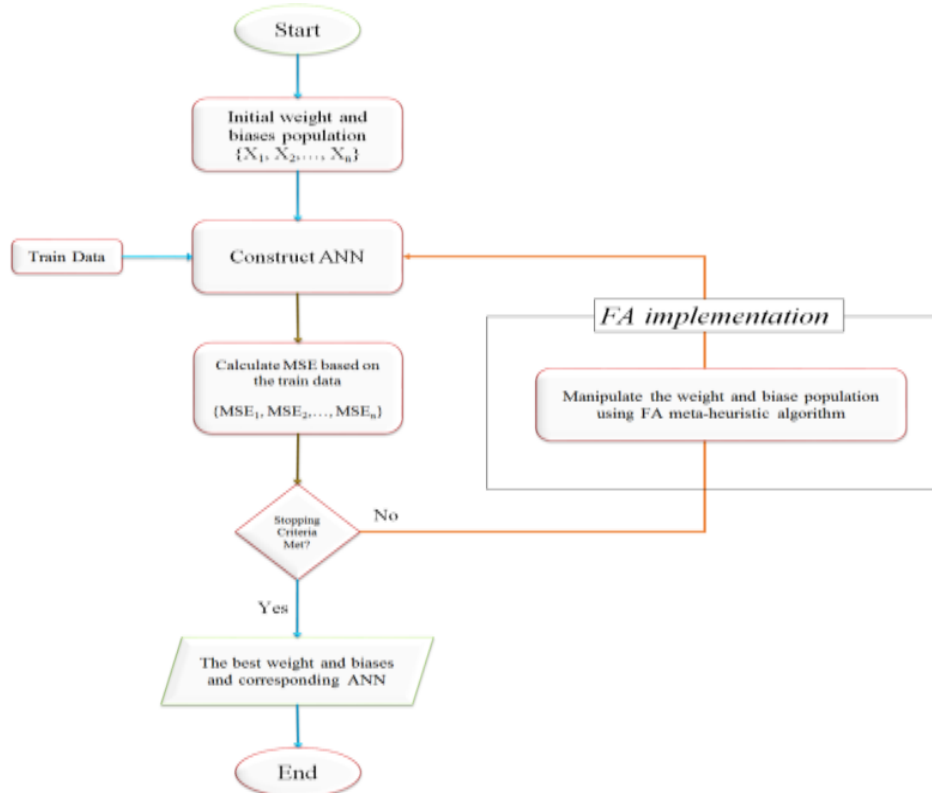
ذره در الگوریتم کرم شب تاب جهت آموزش شبکه عصبی استفاده شد و نتایج آن با نتایج حاصل از شبکه عصبی پس انتشار خطا، مقایسه شد.



شکل ۲: خطای شبکه عصبی بهینه شده بر اساس تعداد ذرات بر روی داده‌های تست

منبع: آزمون‌های محقق

نحوه تلفیق این دو الگوریتم همان گونه که در شکل ۳ مشخص است به این صورت است که جمعیتی از وزن‌ها و بایاس‌های اولیه به همراه داده‌های train به شبکه عصبی داده شده و خطای MSE برای هر شبکه مشخص شده که این MSEها نشانه جذابیت برای کرم‌های شب تاب است سپس مکانیزم کرم‌های شب تاب اعمال شده و مقادیر درایه‌ها را با توجه به الگوریتم کرم شب تاب تغییر می‌دهد و این چرخه ادامه پیدا کرده تا به حد نهایی تعداد تکرار رسیده و بهترین ذره با کمترین خطا بدست آید.

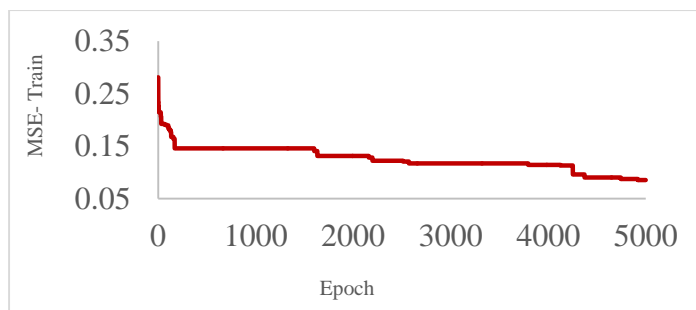


شکل ۳: فرآیند تنظیم وزن‌ها و بایاس‌های شبکه عصبی براساس الگوریتم کرم شب‌تاب

منبع: بررسی‌های محقق

یافته‌های پژوهش

الگوریتم کرم شب‌تاب با تعداد ۳۰ ذره و پارامترهای ذکر شده در جدول ۳، به استثنای تعداد تکرار برابر با ۵۰۰۰ جهت بهینه‌سازی شبکه عصبی بکار رفته است و نمودار موجود در شکل ۴ بیانگر خطای شبکه بر روی داده‌های آموزش بر حسب تعداد تکرار است که پس از چندین بار اجرا کردن الگوریتم کرم شب‌تاب جهت بهینه‌سازی شبکه عصبی به دست آمده است.



شکل ۴: خطای شبکه عصبی بهینه شده توسط الگوریتم کرم شب تاب با تعداد ۳۰ ذره بر اساس تعداد تکرار

منبع: آزمون های محقق

شکل ۴ نشان می دهد روند کاهش خطای شبکه بر روی داده های آموزش همواره و در مقادیر مختلف تکرار همچنان ادامه یافته است، هر چند در بازه های زمانی خاصی به صورت ثابت باقی مانده است. بهترین خطای شبکه بر روی داده های آموزش در مقدار تکرار برابر با ۵۰۰۰ و برابر با ۰/۰۸۵۱ به دست آمده است. این یافته حاکی از تایید فرضیه اول مبنی بر اینکه «الگوریتم کرم شب تاب توانایی پیش بینی ورشکستگی مالی را دارد» است.

خطای شبکه عصبی با خطای حاصل شده توسط شبکه عصبی بهینه شده با الگوریتم کرم شب تاب در جدول ۴ با یکدیگر مقایسه شده اند.

جدول ۴: مقایسه خطای بین شبکه عصبی پس انتشار خطا و الگوریتم کرم شب تاب

شبکه عصبی بهینه شده بوسیله		
الگوریتم کرم شب تاب	الگوریتم مبتنی بر مشتق	
۰/۰۸۵۱	۰/۱۳۲۰	متوسط مربعات خطا بر روی داده های آموزش
۰/۱۰۵۱	۰/۱۳۳۰	متوسط مربعات خطا بر روی داده های تست
۰/۰۸۹۱۵	۰/۱۳۴۶	متوسط مربعات خطا بر روی کل داده ها

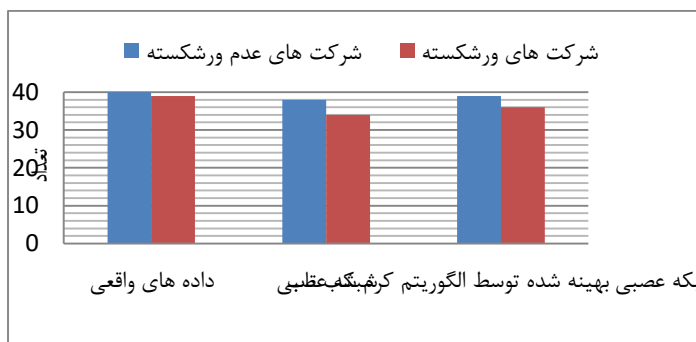
منبع: آزمون های محقق

جدول ۴ بالا نشان می دهد که هر دو الگوریتم معرفی شده دارای مقدار خطای قابل قبول می باشند، لذا، فرضیه های اول و دوم تایید می شود یعنی الگوریتم های شبکه عصبی و کرم شب تاب توانایی پیش بینی ورشکستگی مالی شرکتها را دارند. اما میزان خطای الگوریتم کرم شب تاب کمتر است و این موضوع،

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیجانی

تایید کننده فرضیه سوم است، به عبارتی، الگوریتم کرم شب‌تاب بیشتر از شبکه عصبی پس‌انتشار خطا، توانایی پیش‌بینی ورشکستگی مالی را دارد.

تعداد شرکت‌های ورشکسته و عدم ورشکسته پیش‌بینی شده توسط شبکه عصبی با نتایج حاصل شده توسط شبکه عصبی بهینه شده با الگوریتم کرم شب‌تاب در شکل ۵ مورد مقایسه قرار گرفته‌اند. شبکه عصبی بهینه‌شده بوسیله الگوریتم کرم شب‌تاب تنها ۳ مورد از شرکت‌های ورشکسته را شناسایی نکرده است، اما شبکه عصبی بهینه‌شده بوسیله الگوریتم کلاسیک نتوانسته ۵ مورد از شرکت‌های ورشکسته را به خوبی تشخیص دهد.



شکل ۵: مقایسه پیش‌بینی ورشکستگی بوسیله الگوریتم‌های شبکه عصبی و کرم شب‌تاب

منبع: آزمون‌های محقق

جهت بررسی دقیق‌تر نتایج حاصل از الگوریتم‌های پیشنهادی این مطالعه و مقایسه دقت دو روش مورد استفاده جهت پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌ها همچنین از سه پارامتر TPR ، SPC و TCA استفاده شده است. این دو پارامتر به صورت کلی توسط معادلات زیر تعریف می‌شوند:

$$TPR = \frac{TP}{TP + FN} \quad TP = \text{correctly identified}$$

$$SPC = \frac{TN}{TN + FP} \quad FP = \text{incorrectly identified}$$

$$TCA = \frac{TN + TP}{TN + FP + TP + FN} \quad TN = \text{correctly rejected}$$

$$FN = \text{incorrectly rejected}$$

با توجه به آمار ارائه شده در جدول ۵ شبکه عصبی بهینه‌شده توسط الگوریتم کرم شب‌تاب در دو پارامتر، TPR و TCA برتری قابل ملاحظه‌ای نسبت به شبکه عصبی پس‌انتشار خطا از خود نشان می‌دهد.

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و ششم / بهار ۱۴۰۰

هم چنین مشاهده می‌شود، درحالی که شبکه عصبی پس انتشار خطا قادر به طبقه‌بندی صحیح ۹۰/۵ درصد شرکت‌ها است، شبکه عصبی بهینه شده توسط الگوریتم کرم شب‌تاب با دقتی در حدود ۹۴/۲ درصد توانسته است شرکت‌های ورشکسته و غیرورشکسته را به خوبی پیش‌بینی کند. بنابراین الگوریتم کرم شب‌تاب توانسته است عملکرد شبکه عصبی را جهت برآورد ورشکستگی شرکت‌ها به میزان بسیاری بهبود بخشد.

جدول ۵: ترم‌های TPR و SPC برای دو نوع شبکه عصبی متفاوت توسعه داده شده

مدل آماری	شبکه عصبی بهینه شده بوسیله الگوریتم فراابتکاری کرم شب‌تاب	شبکه عصبی بهینه شده بوسیله الگوریتم لونبرگ-مارکوارد
TPR, %	۹۲/۳	۸۷/۲
SPC, %	۹۷/۵	۹۵
TCA, %	۹۴/۲	۹۰/۵

منبع: آزمون‌های محقق

نتیجه گیری

استفاده از مدل‌های پیش‌بینی ورشکستگی، راهنمای خوبی برای مدیران، سرمایه‌گذاران و وام‌دهندگان خواهد بود تا قبل از تصمیم‌گیری، اطلاعات لازم به آنها داده شود. مدل‌های ناکارای پیش‌بینی به‌طور گسترده‌ای توسط بسیاری از ذینفعان برای پیش‌بینی ورشکستگی، ناتوانی در پرداخت وام‌ها و رویدادهای مشابه استفاده شده است. هرچه دقت مدل پیش‌بینی برای یک دوره معین، بالاتر باشد، آن مدل با ارزش‌تر خواهد بود و البته ارزش آن مدل به خطاهای نوع اول و دوم در طبقه‌بندی شرکت‌های ورشکسته و غیر ورشکسته بستگی دارد [۲۵]. با توجه به آثار و پیامدهای ورشکستگی مالی در سطوح خرد و کلان جوامع، ابزارها و مدل‌های مهمی که هر یک در روش و یا متغیر پیش‌بینی متفاوت‌اند. در این پژوهش، این پیش‌بینی با استفاده از مدل شبکه عصبی پس انتشار و شبکه عصبی بهینه‌شده با الگوریتم فراابتکاری کرم شب‌تاب صورت گرفت. جهت ارزیابی قدرت شبکه‌های عصبی و مقایسه آن با الگوریتم بهینه‌سازی کرم شب‌تاب از مدل پرسپترون چند لایه استفاده شده است.

انتظار می‌رود در آینده، نسخه‌های اولیه الگوریتم کرم شب‌تاب بهبود داده شود و ارزیابی‌های بیشتری از نسخه‌های بهبود یافته آن برای حل مشکلات دنیای واقعی در آینده انجام شود. از برنامه‌های الگوریتم کرم شب‌تاب در کارهای بزرگ، به خصوص در پردازش و تجزیه و تحلیل داده‌های بزرگ استفاده می‌شود [۳۱].

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

در این پژوهش توان پیش‌بینی شبکه عصبی بهینه‌شده با الگوریتم کرم شب‌تاب بسیار بالاتر و بهتر از شبکه عصبی پسانتشار خطا است و این یافته نشان می‌دهد که با وجود اینکه شبکه‌های عصبی در برابر مدل‌های مختلفی از جمله آلتمن، فیلسوفیت، لاجیت، رگرسیون لوجستیک، مدل شیراتا و تحلیل تمایزی و بسیاری از مدل‌های آزمون شده از توانایی بسیار بالاتری برای پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌ها برخوردار است ولی اگر خود شبکه‌های عصبی با الگوریتم‌های فراابتکاری جدید بهینه گردند از توانایی بالاتر برای پیش‌بینی برخوردار خواهند بود [۳۱]. نتایج پژوهش حاضر نشان می‌دهد که شبکه عصبی بهینه شده با الگوریتم کرم شب‌تاب نتیجه بهتر و قابل قبول تری را نمایش داده است.

با توجه به اینکه از داده‌های آماری مربوط به سال ۱۳۹۱ جهت پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌ها در دو سال بعد با استفاده از شبکه عصبی بهینه‌شده توسط الگوریتم کرم شب‌تاب استفاده شد، در این مرحله داده‌های مالی متعلق به سال ۱۳۹۲ مربوط به ۴۰ شرکتی که در سال ۱۳۹۳ ورشکست نشده‌اند، جهت پیش‌بینی ورشکستگی این شرکت‌ها در سال ۱۳۹۴ بکار رفته‌اند. بدین منظور داده‌های نسبت جاری، نسبت سرمایه در گردش به کل دارائی، دوره وصول مطالبات، نسبت کل بدهی به حقوق صاحبان سهام، نسبت سود خالص به حقوق صاحبان سهام برای این شرکت‌ها در سال مذکور به شبکه عصبی بهینه‌شده توسط الگوریتم کرم شب‌تاب ارائه شد. نتایج شبیه‌سازی نشان می‌دهند که از مجموع ۴۰ شرکتی که در سال ۱۳۹۳ ورشکست نشدند، تعداد ۱۰ شرکت در سال ۱۳۹۴ با توجه به آمار مالی سال ۱۳۹۲ ورشکست خواهند شد. بنابراین، استفاده از نسبت‌های مالی یادشده، و بکارگیری الگوریتم کرم شب‌تاب برای یک دوره پیش بین یک تا سه سال مفید می‌باشد و به فعالان بازار سرمایه توصیه می‌شود، برای پیش‌بینی ناسامانی مالی آتی شرکت‌ها از این الگوریتم استفاده کنند.

منابع

- ۱) آذریان، زینب و سید مهدی همایونی. پیش‌بینی روند تغییرات قیمت سهام با به‌کارگیری شاخص‌های تحلیل تکنیکی و استفاده از روش ترکیبی الگوریتم ژنتیک و شبکه عصبی مصنوعی: مطالعه موردی سهام ایران خودرو. اقتصاد کاربردی. ۱۳۹۷؛ ۷: ۵۹-۷۰.
- ۲) ابراهیم خانی، حامد، مصطفی کاظمی، پویا علیرضا و امیرمحمد فکور ثقیه. پیش‌بینی رشد شرکت‌های کوچک و متوسط با ترکیب شبکه عصبی مصنوعی و الگوریتم‌های فراابتکاری. مدیریت فردا. ۱۳۹۸؛ ۶۰: ۲۰۵-۲۱۹.
- ۳) اسمعیلی، سهیلا و احمد گوگردچیان. پیش‌بینی ورشکستگی مالی با استفاده از صورت جریان نقد: رهیافت شبکه عصبی مصنوعی. مجله علمی مدیریت فرهنگ سازمانی. ۱۳۹۶؛ ۱۵: ۸۷۹-۹۰۱.
- ۴) بیات، علی، زینب باقری. پیش‌بینی قیمت سهام با استفاده از الگوریتم کرم شب-تاب (FA). دانش مالی تحلیل اوراق بهادار (مطالعات مالی). ۱۳۹۶؛ ۳۵: ۱۳۵-۱۴۵.
- ۵) بیات، علی، سید علیرضا احمدی و مجید محمدی. پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از الگوریتم کرم شب تاب (FA). مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار. ۱۳۹۷؛ ۹: ۲۳۴-۲۶۲.
- ۶) حاجی هاشم، مسعود و زهرا امیرحسینی. پیش‌بینی ورشکستگی و راهبری شرکت‌ها: دیدگاه نسبت‌های مالی. دانش حسابداری و حسابرسی مدیریت. ۱۳۹۸؛ ۸: ۲۰۱-۲۲۰.
- ۷) جمشیدی، سجاد و غلامرضا زمانیان. ارزیابی عملکرد شرکت‌های فرابورس ایران با استفاده از معیار تسلط تصادفی و بهینه‌سازی آن با الگوی ترکیبی PSO و ANN. مدیریت دارایی و تأمین مالی. ۱۳۹۷؛ ۶: ۱۵-۳۶.
- ۸) دارایی، رویا. بررسی کارایی الگوریتم‌های بهینه‌سازی کرم شب تاب و رگرسیون ماشین بردار پشتیبان جهت پیش‌بینی هزینه سرمایه. راهبرد مدیریت مالی. ۱۳۹۹؛ دسترسی آنلاین ۹ اردیبهشت ۱۳۹۹.
- ۹) دولو، مریم و تکتّم حیدری. مقایسه پیش‌بینی شاخص سهام با استفاده از مدل‌های ترکیبی مبتنی بر الگوریتم ژنتیک و جستجوی هارمونی با شبکه عصبی معمولی. مجله علمی پژوهشی اقتصاد مقداری. ۱۳۹۷؛ ۱۵: ۱۰۵-۱۲۷.
- ۱۰) راعی، رضا و مهدی بستان‌آراء. مقایسه کارایی مدل‌های رگرسیون با رویکرد تحلیل مؤلفه‌های اصلی (PCA) و شبکه‌های عصبی مصنوعی در پیش‌بینی بازده غیرعادی. مدیریت دارایی و تأمین مالی. ۱۳۹۵؛ ۴: ۱-۱۸.

پیش‌بینی ورشکستگی مالی شرکت‌های.../حیدری، زیاری، شایان‌نیا و رشیدی‌کمیحانی

- (۱۱) شاه صاحبی، سید مصطفی، رویا دارابی و محسن حمیدیان. تحلیل توانایی مدیریت با تاکید بر نقش شاخص‌های حسابداری و حاکمیت شرکتی (روش هوش مصنوعی). دانش حسابداری و حسابرسی مدیریت. ۱۳۹۹؛ ۹: ۷۵-۹۰.
- (۱۲) شمس، شهاب‌الدین و بهروز عطایی. شناسایی دستکاری قیمت سهام از طریق مدل ترکیبی الگوریتم ژنتیک - شبکه عصبی مصنوعی و مدل SQDF. راهبرد مدیریت مالی. ۱۳۹۵؛ ۴: ۱۴۹-۱۷۱.
- (۱۳) عسگری آلوج، حسین، محمدرضا نیک بخت، غلامرضا کرمی و منصور مؤمنی. توسعه مدل بنی با ترکیب شبکه‌های عصبی مصنوعی و الگوریتم بهینه‌سازی حرکت جمعی ذرات برای پیش‌بینی دستکاری سود. بررسی‌های حسابداری و حسابرسی. ۱۳۹۸؛ ۲۶: ۶۱۵-۶۳۸.
- (۱۴) قاسم‌نیا عربی، نرجس و عبدالحمید صفایی قادیکلایی. مقایسه عملکرد مدل‌های کلاسیک و هوش مصنوعی در پیش‌بینی وضعیت اعتباری مشتریان بانک. کاوش‌های مدیریت بازرگانی. ۱۳۹۷؛ ۱۰: ۵۱-۶۹.
- (۱۵) کاظمی، مصطفی و محمدعلی فاضلی راد. پیش‌بینی کارایی به کمک تأثیرپذیری غیرخطی از تأخیرهای زمانی در تحلیل پوششی داده‌ها با شبکه‌های عصبی مصنوعی. مدیریت صنعتی. ۱۳۹۷؛ ۱۰: ۱۷-۳۴.
- (۱۶) کردستانی، غلامرضا، رشید تاتلی و حمید کوثری فر. ارزیابی توان پیش‌بینی مدل تعدیل شده آلتمن از مراحل درماندگی مالی نیوتن و ورشکستگی شرکت‌ها. دانش سرمایه‌گذاری. ۱۳۹۳؛ ۳: ۸۳-۱۰۰.
- (۱۷) لاری دشت بیاض، محمود و شعبان محمدی. یک شبکه عصبی مصنوعی منظم بیزی برای پیش‌بینی بازار سهام. پژوهش حسابداری. ۱۳۹۵؛ ۶: ۶۷-۸۲.
- (۱۸) محمدموسایی، جابر، بابک جمشیدی نوید، مهرداد قنبری و فرشید خیراللهی. تدوین مدل کشف تقلب با استفاده از رویکرد ترکیبی برپایه مدل تحلیل عاملی و روش شبکه عصبی مصنوعی در شرکت‌های پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران. حسابداری مدیریت. ۱۳۹۸؛ ۱۲: ۷۵-۸۷.
- (۱۹) محمدی نوده، فاضل، ایوب احمدی موسی آبادی، مسعود اسدی، عباس بابایی و شعبان محمدی. انتخاب پرتفوی چند منظوره فازی مبتنی بر مدل بازده مقطعی تحلیل پوششی داده‌ها در بورس اوراق بهادار تهران. مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار. ۱۳۹۸؛ ۱۰: ۳۳۸-۳۶۵.
- (۲۰) ناظمی اردکانی، مهدی و وحید زارع مهرجردی. پیش‌بینی ورشکستگی شرکت‌ها بر حسب ویژگی‌های صنعت. پژوهش حسابداری. ۱۳۹۶؛ ۷: ۱۲۲-۱۳۹.

۲۱) نیک نفس، جواد، محمدعلی کرامتی، و جلال حقیقت منفرد. ارزیابی کارایی ساختار داخلی واحدهای تصمیم گیرنده در گذشته، حال و آینده با استفاده از تحلیل پوششی داده‌های شبکه‌ای پویا و شبکه عصبی مصنوعی. مدیریت فردا. ۱۳۹۸؛ ۵۹: ۸۷-۱۰۰.

۲۲) نیکوآقبال، علی اکبر، نادیا گندلی علیخانی و اسماعیل نادری. ارزیابی مدل‌های شبکه عصبی مصنوعی ایستا و پویا در پیش بینی قیمت سهام. دانش مالی تحلیل اوراق بهادار. ۱۳۹۳؛ ۷: ۷۷-۹۱.

23) Adisa, J. A., Ojo, S. O., Owolawi, P. A., & Pretorius, A. B. (2019). Financial Distress Prediction: Principle Component Analysis and Artificial Neural Networks. Paper presented at the 2019 International Multidisciplinary Information Technology and Engineering Conference (IMITEC).

24) Alexandropoulos, S.-A. N., Aridas, C. K., Kotsiantis, S. B., & Vrahatis, M. N. (2019). A Deep Dense Neural Network for Bankruptcy Prediction. Paper presented at the International Conference on Engineering Applications of Neural Networks.

25) Altman, E. I., Iwanicz-Drozdowska, M., Laitinen, E. K., & Suvas, A. (2020). A race for long horizon bankruptcy prediction. Applied Economics, 1-20 .

26) Chou, C.-H., Hsieh, S.-C., & Qiu, C.-J. (2017). Hybrid genetic algorithm and fuzzy clustering for bankruptcy prediction. Applied Soft Computing, 56, 298-316.

27) Fister, I., Fister, I., Yang, X.-S., & Brest, J. (2013). A comprehensive review of firefly algorithms. Swarm and Evolutionary Computation, 13, 34-46.

28) Ghanbari, M., & Arian, H. (2019). Forecasting Stock Market with Support Vector Regression and Butterfly Optimization Algorithm. arXiv preprint arXiv:1905.11462 .

29) Gordini, N. (2014). A genetic algorithm approach for SMEs bankruptcy prediction: Empirical evidence from Italy. Expert Systems with Applications, 41(14), 6433-6445.

30) Lee, S., & Choi, W. S. (2013). A multi-industry bankruptcy prediction model using back-propagation neural network and multivariate discriminant analysis. Expert Systems with Applications, 40(8), 2941-2946 .

31) Li, J., & Tan, Y. (2019). A Comprehensive Review of the Fireworks Algorithm. ACM Computing Surveys (CSUR), 52(6), 1-28.

32) López Iturriaga, F. J., & Sanz, I. P. (2015). Bankruptcy visualization and prediction using neural networks: A study of U.S. commercial banks. Expert Systems with Applications, 42(6), 2857-2869.

- 33) Mai, F., Tian, S., Lee, C., & Ma, L. (2019). Deep learning models for bankruptcy prediction using textual disclosures. *European Journal of Operational Research*, 274(2), 743-758 .
- 34) Matsumaru, M., Kaneko, S., Katagiri, H., & Kawanaka, T. (2019). Bankruptcy Prediction for Japanese Corporations using Support Vector Machine, Artificial Neural Network, and Multivariate Discriminant Analysis. *International Journal of Industrial Engineering*, 1(1), 79-97 .
- 35) Nandan K. (2014). Fraud Detection in Financial Statements using Evolutionary Computation Based Rule Miners. project report.
- 36) Pradeep G., Ravi V., Nandan K., Deekshatulu B.L., Bose I., Aditya A. (2015) Fraud Detection in Financial Statements Using Evolutionary Computation Based Rule Miners. In: Panigrahi B., Suganthan P., Das S. (eds) *Swarm, Evolutionary, and Memetic Computing. SEMCCO 2014. Lecture Notes in Computer Science*, vol 8947. Springer, Cham
- 37) Tang, Y., Ji, J., Zhu, Y., Gao, S., Tang, Z., & Todo, Y. (2019). A Differential Evolution-Oriented Pruning Neural Network Model for Bankruptcy Prediction. *Complexity*, 2019 .
- 38) Yang, X.-S. (2010). Firefly algorithm, stochastic test functions and design optimisation. *arXiv preprint arXiv:1003.1409* .
- 39) Yang, X.-S., Deb, S., & Fong, S. (2014). Metaheuristic algorithms: optimal balance of intensification and diversification. *Applied Mathematics & Information Sciences*, 8(3), 977 .
- 40) Zhang, R., & Qiu, Z. (2019). Improvement of Neural Networks with Swarm Intelligence Algorithm for Credit Scoring. Available at SSRN 3481131.

- 1 Xin-she Yang
- 2 Tan-sig
- 3 Generalization
- 4 Early Stopping
- 5 Train
- 6 Validation
- 7 Test
- 8 True Positive Rate
- 9 Specificity
- 10 Total Classification Accuracy