

## بررسی عوامل مؤثر بر تغییر پذیری قیمت های آتی سکه طلا

مجید دلاوری<sup>۱</sup>

نفیسه روشنی بروجنی<sup>۲</sup>

دریافت: ۱۳۹۱/۱/۱۷ پذیرش: ۱۳۹۱/۳/۱۰

### چکیده

بازار قرارداد های آتی عامل مهم و مؤثری در گردش، حرکت و کارآ شدن اقتصاد است؛ ماهیت قیمت طلا به عنوان یک کالای فیزیکی و دارایی مالی و وجود عوامل متعدد تأثیرگذار بر بازارهای آتی طلا موجب شده است که تحلیل روابط متغیرهای اصلی این بازارها پیچیده تر شود. هدف از این مطالعه بررسی عوامل مؤثر بر تغییر پذیری قیمت های آتی سکه طلا است. داده های مورد استفاده در این تحقیق سری زمانی روزانه قیمت های آتی و نقدی سکه بهار آزادی از ۹۰/۳/۳۱ تا ۹۱/۴/۲۰ می باشد. قیمت جهانی طلا، نرخ برابری دلار به ریال و شاخص کل بورس اوراق بهادار به عنوان عوامل مؤثر بر تغییرپذیری قیمت آتی سکه در نظر گرفته شده است. بررسی سری زمانی قیمت آتی سکه نشان داد این سری دارای نوسانات خوشه ای بوده که این امر استفاده از مدلهای ARCH و GARCH جهت مدلسازی نوسانات را امکان پذیر می نماید. از بین خانواده مدلهای ARCH، مدل EGARCH دارای عملکرد بهتری نسبت به سایر مدلها بود. از بین این عوامل بازده قیمت نقدی سکه (روز قبل)، قیمت پیش بینی شده نرخ برابری دلار به ریال، بازده شاخص کل بورس و قیمت پیش بینی شده طلای جهانی به ترتیب دارای بیشترین تأثیر بر واریانس شرطی بوده است.

واژگان کلیدی: قیمت نقد و آتی سکه طلا، تغییر پذیری، مدل GARCH و EGARCH  
طبقه بندي JEL: G10, G17, G18

۱. مدرس دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم تحقیقات خوزستان (نویسنده مسئول).  
Email:Mjd\_Delavari @Yahoo.com  
۲. کارشناس ارشد اقتصاد، دانشگاه آزاد اسلامی واحد علوم تحقیقات خوزستان.  
Email:Nafiseh\_Roshani@yahoo.com

## ۱. مقدمه

بازارهای مالی، دارای نقش کلیدی در تجهیز و هدایت وجود در اقتصاد به سمت بخش‌های تولیدی و صنعتی و به تبع آن بهبود رشد اقتصادی هستند. توسعه اقتصادی، مستلزم انباست سرمایه است. بازار سرمایه به عنوان یکی از رکن‌های بازار مالی نقش به سرایی در بسیج امکانات مالی و سرمایه‌ای به منظور رشد و توسعه اقتصادی کشورها دارد وهم اکنون در بسیاری از کشورهای جهان نقش تامین مالی اعتبارات مورد نیاز بنگاه‌های اقتصادی را بر عهده دارد (صنوبر، ۱۳۸۶).

بی ثباتی قیمت‌ها و ناکارآمدی بازارهای کالا از جمله موانع اصلی رشد و توسعه اقتصادی به حساب می‌آیند. در طول تاریخ، جوامع مختلف رویکردهای متفاوتی را در مواجهه با این مسائل و کاهش اثرات آن در پیش گرفته‌اند. به تأیید مباحث نظری و به گواه یافته‌های تجربی، در حل مسائل و مشکلات بازارها از قبیل عدم شفافیت، ریسک نوسانات قیمت، هزینه‌های بالای مبادله و غیره ابزارهای مبتنی بر بازار در سراسر دنیا به عنوان راه حل موفق تر نسبت به رویکردهای جایگزین آن شناخته شده و از سوی بسیاری از کشورها بکار برده می‌شوند. از نهادهای اصلی در رویکرد مبتنی بر بازار، بورس‌های کالا و ابزارهای مشتق کالایی هستند، که در کشورهای توسعه یافته و برخی اقتصادهای نوظهور اثرات مثبت بی شماری را در فرایند رشد و توسعه ایفا نموده و به عنوان یکی از ارکان اصلی اقتصادی عمل می‌کنند (زنگنه، ۱۳۸۷).

ابزارهای مشتقه نوعی از ابزارهای مالی می‌باشند که حجم بالایی از معاملات بازارهای مالی را به خود تخصیص داده‌اند. از ابزارهای مشتقه می‌توان، قراردادهای آتی، اختیار معامله و سوآپ را نام برد. بیش از چندین دهه از ایجاد بازارهایی که این ابزارها در آن معامله می‌کردند، در جهان می‌گذرد. از جمله این بازارها که قدمت بیشتری دارد، بازار آتی می‌باشد (احمدپور و نیکزاد، ۱۳۹۰).

با توجه به مزیت‌های گسترده این نوع ابزارها در حوزه تأمین و تثبیت مالی، بورس کالای ایران نیز در راستای گسترش معاملات مشتقه به عرضه معاملات کالایی اقدام به راه اندازی قراردادهای آتی در این بورس کرده است. قرارداد آتی به نوعی قرارداد اشاره دارد که در آن طرفین معامله انتقال دارایی پایه در تاریخ معین و با قیمت معین را منعقد می‌کنند. دارایی

پایه می تواند شامل دارایی های مالی (مانند سهام، شاخص سهام) و دارایی های فیزیکی (مانند سکه طلا، مس، آهن، محصولات کشاورزی و غیره) باشد.

اشخاص معمولاً در صورت فعل و کارآ بودن بازارهای مالی، دارایی های خود را به صورت دارایی های مالی<sup>۱</sup> و در صورت وجود تورم به صورت دارایی های واقعی<sup>۲</sup> نگهداری می کنند. در یک اقتصاد پویا انتقال وجود در خانوارها از طریق بازارهای مالی (بانکها، بازار سهام و سایر مؤسسات مالی از قبیل صندوق پس انداز و وام، شرآتهای بیمه، صندوقهای بازنیستگی) به بنگاهها موجب رشد اقتصادی و افزایش استغال می گردد. در کشورهایی که بازارهای مالی خصوصاً بازار سهام پیشرفته و فعل وجود ندارد یا نهادینه نشده است و ارزش پول نیز به دلیل تورم مدام کاهش می یابد، مردم برای جلوگیری از زیانهای ناشی از تورم، دارایی های خود را به صورت واقعی (غیر مولد) پس انداز می کنند. یکی از این نوع دارایی ها که قابلیت نقدشوندگی بالایی نیز دارد طلاست که در ایران همواره به عنوان پس اندازی مطلوب در جامعه با استقبال روبه رو بوده است.(سرافراز و افسر، ۱۳۸۴).

در حال حاضر در بورس کالای ایران قرارداد های آتی بر روی دارایی های فیزیکی انجام می شود. قرارداد آتی سکه طلا از تاریخ ۱۳۸۷/۰۴/۰۱ در بورس کالای ایران مورد معامله قرارگرفته است، که این قرارداد برای تحويل ۰۱ سکه تمام بهار آزادی تدوین شده است. (علی احمدی و احمدلو، ۱۳۹۰).

در کنار بررسی مواردی همچون کشف قیمت، ثبات بازار و کارایی بازار از جمله موضوع های مهم که از نقطه نظر مالی، از اهمیت بیشتری برخوردار بوده چگونگی ارتباط بین بازارها (نقد و آتی) می باشد.(chiristos floros, 2007).

سفته بازان، آربیترائزرهای و پوشش دهندهان ریسک که از جمله فعالان بازارهای آتی می باشند، هر یک بر اساس نیاز و هدف خود فعالیت خاصی را انجام می دهند. تفاوت بین قیمت های بازار نقد و آتی سکه طلا و نوع ارتباط بین این دو بازار از جمله مسائل مهم برای این فعالان اقتصادی می باشد. برای یافتن این اطلاعات باید به بررسی روند قیمتی در بازار نقد و بازار آتی و ارتباط این دو قیمت با یکدیگر پرداخت و براساس مدل برآورد شده، بهترین

---

1. Financial Assets  
2. Real Assets

پیش بینی قیمتی را انجام داد. (احمد پور و نیکزاد، ۱۳۹۰).

قیمت قرارداد های آتی به عنوان مهم ترین عامل در انعقاد قرارداد از عواملی مانند شرایط سیاسی، اقتصادی، واکنش رفتاری فعالان بازار و غیره تأثیرگذیر هستند. مشخص کردن تمام این عوامل تا حدودی مشکل است اما، بر اساس فرضیه بازار کارا که بر اساس آن اطلاعات به سرعت در بازار منتشر می شوند، می توان قیمت قرارداد های آتی را به عنوان جانشینی برای نشان دادن تمام این عوامل مورد استفاده قرار داد. (علی احمدی و احمدلو، ۱۳۹۰).

قیمت طلا در سطح جهان با توجه به مقدار عرضه و تقاضا برای آن تعیین می گردد. تولیدکنندگان طلا<sup>۱</sup> (معدن)، بانکهای مرکزی و فروشندهای طلای قراضه از بزرگترین عرضه کنندگان طلا به بازارهای جهانی هستند. جواهرسازان، صنعتگران، محتکران شمش طلا و سرمایه گذاران از متقاضیان اصلی طلا در بازار به شمار می روند. کاربردهای طلا، تولید جواهرآلات، سکه، پول و مصارف صنعتی است. علاوه بر عرضه و تقاضا، عوامل متعدد دیگر از قبیل بحرانهای اقتصادی، تشنجات سیاسی، بورس بازی، نوسانات نرخ ارزهای کلیدی خصوصاً دلار و نرخ بهره در آمریکا بر قیمت طلا تأثیر می گذارند. (سرفرازو افسر، ۱۳۹۰).

هدف اصلی این تحقیق استفاده از یک مدل واریانس ناهمسان شرطی (EGARCH)، جهت بررسی عوامل مؤثر بر تغییر پذیری قیمت های آتی سکه طلا در بازارهای ایران است. در واقع این تحقیق به دنبال پاسخ دادن به این سؤالات است که: آیا ارتباط معناداری بین بازار های نقدی و آتی طلا وجود دارد؟ آیا تغییر پذیری قیمت نقدی طلا بر قیمت آتی تأثیر دارد؟ و آیا متغیرهای قیمتی کلیدی (قیمت جهانی طلا، قیمت نقدی سکه طلا، شاخص کل بورس اوراق بهادار، نرخ ارز) باعث نوسانات قیمت آتی سکه در ایران می شود؟ و در این راستا فرض می شود که ارتباط معناداری بین بازار های نقدی و آتی طلا وجود دارد، تغییر پذیری قیمت نقدی طلا بر قیمت آتی تأثیر دارد و متغیرهای قیمتی کلیدی (قیمت جهانی طلا، شاخص کل بورس اوراق بهادار، نرخ ارز) باعث نوسانات قیمت آتی سکه در ایران می شود.

---

۱. کشورهای افریقای جنوبی، آمریکا، کانادا، استرالیا و روسیه از تولیدکنندگان عمدۀ طلا هستند.

در ادامه، مقاله به صورت زیر سازماندهی شده است: بخش دوم شامل مبانی نظری، و در بخش سوم پیشینه تحقیق مطرح شده، در بخش چهارم روش تحقیق و در بخش پنجم نتایج تحقیق بررسی شده است. در بخش ششم ضمن نتیجه گیری از مباحث مذکور، پیشنهاداتی ارائه گردیده است.

## ۲. مبانی نظری

قراردادهای آتی در دهه های اخیر توجه بسیاری را به خود جلب کرده و حجم بسیار بالایی از مبادلات را به خود اختصاص داده است. قرارداد آتی، قراردادی است که فروشنده بر اساس آن متعهد می شود در سراسید معین، مقدار معینی از کالای مشخص را به قیمتی که در حال حاضر تعیین می کند، بفروشد و در مقابل، طرف دیگر قرارداد متعهد می شود آن کالا را با مشخصات تعیین شده خریداری نماید و برای جلوگیری از امتناع طرفین از انجام قرارداد، طرفین به صورت شرط ضمن عقد متعهد می شوند مبلغی را به عنوان وجه تضمین نزد اتاق پایاپای بگذارند و متناسب با تغییرات قیمت آتی، وجه تضمین را تعديل کنند و اتفاق پایاپای از طرف آنان وکالت دارد متناسب با تغییرات، بخشی از وجه تضمین هر یک از طرفین را به عنوان اباده تصرف در اختیار دیگری قرار دهد و او حق استفاده از آن را خواهد داشت تا در سراسید با هم تسويه کنند. قیمت مورد توافق طرفین در معاملات آتی را قیمت قرارداد آتی می گويند. قیمت تسويه آخرین قیمت معامله در طول روز نیست، بلکه معمولاً اين قیمت، ميانگين قیمت چند قیمتی است که در پایان (اواخر) روز کاری، در اين قیمت ها معامله صورت می گيرد.<sup>۱</sup>

در مقابل قرار داد نقدي تحويل فوري را ايجاب می کند و بوسيله افرادي که در زمان حال به کالا نياز دارند، مورد استفاده قرار می گيرد. قراردادهای نقدي را نمی توان بدون موافقت طرفين لغو کرد. بنابراین با توجه به قراردادهای مورد معامله، دو بازار آتی و آتی وجود دارد. بازار آتی، بازاری است که تحويل فوري در آن صورت می گيرد و قیمت آتی منعكس کننده قیمت فعلی بازار کالا است. انجام معامله در زمان نياز، در بازار آتی، ريسک های زيادي را به

---

۱. دستور العمل اجرائي معاملات قراردادهای آتی در شركت بورس کالاي ايران

همراه دارد که از آن جمله می‌توان به ریسک نوسانات قیمت، ریسک کمیابی و غیره اشاره نمود.

همانند سایر کشورها معاملات قراردادهای آتی در کشور ما نیز در بورس کالا به عنوان یک بازار سازمان یافته و متشکل انجام می‌شود. ویژگی اصلی این بورس‌ها فراهم کردن امکان کشف قیمت برای کالا یا قرارداد مورد معامله در آن از طریق مکانیسم بازار است. به عبارت دقیقترب اساس تئوری انتظارات ناریب، فرایندی که در بورس‌ها در مورد قیمت‌ها اتفاق می‌افتد کشف قیمت است و نه قیمت گذاری، به این معنی که هیچ تصمیمی از طرف بورس در مورد قیمت قراردادهای مورد معامله اتخاذ نمی‌شود بلکه صرفاً ترجیحات معامله گران بازار و میزان عرضه و تقاضا است که قیمت‌های آتی را تعیین می‌کند. در اینکه به لحاظ تئوریک قیمت یک قرارداد آتی با سرسید مشخص چه مقدار باشد طبق شناخته شده ترین مدل که همان مدل هزینه حمل است ترجیحات معامله گران خود تابع انتظارات آن‌ها از قیمت‌های نقد در آینده می‌باشد.

عوامل تأثیر گذار بر انتظارات افراد از قیمت‌های آتی سکه طلا را می‌توان همچون عواملی مانند، قیمت جهانی طلا و قیمت سهام، تغییرات نرخ ارز و قیمت‌های نقدی طلا دانست، طی ماه‌های اخیر نوسانات بسیار شدیدی که عمدتاً روند افزایشی داشته است را در قیمت‌های جهانی طلا و نیز نرخ ارز شاهد بوده ایم که باعث نوسانات شدیدی در قیمت‌های نقدی سکه طلا نیز شده است، که خود باعث تحت تأثیر قرار گرفتن قیمت آتی سکه طلا گردیده است. در کشور ما در مقاطع خاصی عوامل دیگری غیر از نوسانات نرخ ارز و قیمت‌های جهانی طلا نیز قیمت نقدی سکه طلا و در نتیجه قیمت‌های آتی را تحت تأثیر قرار داده است. و آن نیز ورود نقدینگی به بازار معاملات سکه طلا و عوامل سیاسی و اقتصادی بوده است که برای تصریح عامل اول باید از نظریه تعادل عمومی بهره جست. (سیاح و صالح آبادی، ۱۳۸۴)

پس از اجرای طرح هدف مندی یارانه‌ها، بازار ارز و بازار نقدی طلا با مازاد تقاضای شدید مواجه شده است که این امر باعث تغییرات شدید در قیمت‌های این دو کالا در بازار شده است. بروز این وضعیت، این سؤال را برای برخی از مردم ایجاد کرده است که این افزایش شدید تقاضا ناشی از چیست؟ اگر نظریه تعادل عمومی والراس را پذیریم باید پاسخ این سوال را در بازارهای رقیب جستجو نماییم. بررسی بازارهای رقیب نظیر بازار پول، بازار

سرمایه و بازار های مای دیگر، نشان می دهد در بازار پول به دلیل پایین بودن نرخ سود بانکی، تقاضای سرمایه گذاری در این بازار کاهش یافته و نقدینگی بسیاری از این بازار خارج شده است. در بازار سرمایه نیز به دلیل برخی مسائل از جمله افت شاخص کل تقاضای سرمایه گذاری در این بازار نیز کاهش یافته است و نقدینگی زیادی از این بازارها به سمت بازار ارز و سکه جاری شده است و این عامل تعادل موجود در بازار نقدی طلا و ارز را برهم زده است که تأثیر این عدم تعادل به بازار آتی سکه طلا نیز سراست کرده است. لذا برای برگرداندن تعادل به این بازار استفاده از راه حل تعادل جزئی امکان پذیر نیست. به عبارت دیگر اگر بانک مرکزی سیاستهای مناسبی در مورد سود بانکی نداشته باشد و یا سیاست پایداری در رابطه نرخ ارز اتخاذ نکند، قیمت های آتی تحت تأثیر این دو عامل خواهد بود و نوسانات شدید این قیمت ها با توجه به نوسانات پارامترهای تأثیرگذار قابل توجه خواهد بود. از سوی دیگر بهای جهانی طلا در سال های اخیر متاثر از کاهش ارزش دلار آمریکا در برابر یورو و سایر ارزها، افت شدید و غیرقابل کنترل شاخصها در بازارهای سرمایه جهان، افزایش قیمت نفت و سایر کالاهای پایه<sup>۱</sup> به دلیل افزایش تنش ها در خاورمیانه، بسته شدن احتمالی تنگه هرمز توسط ایران و پدید آمدن جنگ بین ایران و غرب، بروز نشانه هایی مبنی بر به پایان رسیدن بحران بدھی ها در اروپا و افزایش ارزش یورو، رشد متناسب شاخصها در بازارهای جهانی و افزایش تقاضا برای مصرف طلا در صنایع چون ساخت جواهر آلات، پزشکی، لوازم الکترونیک، کامپیوتر و ابزار دقیق، خودروسازی و غیره، کاهش برخی شاخص های اقتصادی در آمریکا از جمله آمار اشتغال، شاخص اعتماد مصرف کننده، شاخص تولیدات کارخانه ای و عوامل دیگر روند افزایشی داشته است. همچنین افزایش تقاضا برای سرمایه گذاری در قالب خرید فیزیکی شمش، سکه های یادبود، خرید اوراق معاملاتی و سهام شرکت های سرمایه گذاری با پشتونه طلا، خرید شمش توسط بانک های مرکزی و افت میزان تولید و استحصال طلا در معادن، قیمت طلا را با افزایش مواجه خواهد کرد. افت بیشتر رتبه اعتباری در آمریکا نیز به عنوان عامل مهمی برای افزایش قیمت طلا در خلاف جهت ارزش دلار موثر واقع خواهد شد. در همین راستا هر عاملی که موجب افزایش نرخ رشد اقتصادی در آمریکا و چین شود، نظر به افزایش تقاضا برای مصرف کالاهای بر قیمت

طلا تأثیر افزایشی دارد. نگرانی از افزایش تورم و تمایل به خرید دارایی‌های پر ریسک نیز قیمت طلا را بالاتر می‌برد. از جمله عواملی که در سال‌های اخیر به مرور مورد توجه دولت‌های مخالف آمریکا قرار گرفته است، حذف دلار آمریکا از مراودات تجاری فی ماین است. حذف دلار از تجارت بین ایران و ترکیه، ایران و تایلند، ایران و روسیه، چین و ژاپن و برخی دیگر کشورها که به تازگی گزارش‌هایی از آنها منتشر شده نیز احتمال افزایش قیمت طلا در جهان را بیشتر خواهد کرد.

دلار در قیمت گذاری طلا در بازارهای جهانی نقش غالب دارد. معاملات طلا در هر جای دنیا نجام گیرد، ارزش آن بر حسب دلار و یا به صورت پول ملی کشور مزبور تعیین می‌شود. چنانچه ارزش طلا بر حسب پول ملی یک کشور تعیین گردد، این محاسبه از طریق نرخ برابری دلار و پول ملی، و دلار و طلا تعیین می‌شود. بنابراین ارزش طلا در جهان بر اساس نرخ برابری آن با دلار و نرخ برابری دلار با پول ملی یک آشور تعیین می‌شود. در نتیجه قیمت طلا علاوه بر سایر عوامل مرتبط، متأثر از ارزش دلار نیز هست. ارزش دلار خود تحت تأثیر مسائل داخلی و خارجی آمریکا، کسری تراز پرداخت، کسری بودجه، نرخ تورم و نرخ بهره (سیاستهای پولی و مالی آمریکا) و سیاست خارجی این کشور قرار دارد.

### ۳. پیشنهاد تحقیق

چان و همکاران (۱۹۹۱)<sup>۱</sup> با استفاده از مدل گارچ دو متغیره قیمت‌های نقد و آتی شاخص S&P500 را مورد آزمون قرار داده و به این نتیجه رسیده اند که قیمت‌های بازار آتی قیمت‌های بازار نقد را با یک وقفه ۵ دقیقه‌ای هدایت می‌کنند. کای (۲۰۰۱)<sup>۲</sup> به بررسی تغییرپذیری بازده‌های قیمت روزانه قراردادهای آتی طلای COMEX در دوره ۱۹۹۴-۱۹۹۷ با استفاده از مدل‌های ARCH پرداخته و از بین ۲۳ متغیر کلان اقتصادی، متغیرهای اشتغال، شاخص بهای مصرف کننده، تولید ناخالص داخلی و درآمد شخصی را به عنوان عوامل مؤثر بر قیمت طلا معرفی نموده است.

1. Chan, et  
2. Cai

تالی ولوسی (۲۰۰۷)<sup>۱</sup> با استفاده از مدل APGARCH<sup>۲</sup> به بررسی قیمت های ماهانه نقدوآتی طلای COMEX در دوره ۱۹۸۳-۲۰۰۳ پرداختند، آنها تأثیر متغیرهایی چون نرخ دلار، پوند، شاخص FTSE (نقدوآتی) قیمت نفت برنت، شاخص S&P ۵۰۰، شاخص قیمت مصرف کننده (CPI) در امریکا و انگلستان، نرخ بیکاری، شاخصهای تولید صنعتی و نرخ بهره در امریکا و انگلستان را بر قیمت های نقدوآتی طلا با استفاده از تکنیک VAR بررسی نمودند. از آنجا که متغیرهای شاخص FTSE (نقد) نرخ های دلار و پوند، نرخ بهره امریکا، شاخص قیمت مصرف کننده در انگلستان مؤثر تشخیص داده شدند، بنابراین متغیرهای مذکور در معادلات میانگین و واریانس شرطی بعنوان متغیرهای درونزا وارد شدند.

فلرس (۲۰۰۷)<sup>۳</sup> رابطه بین قیمت های دو بازار نقد و آتی شاخص سهام آتن را با استفاده از مدل دو متغیره GARCH مورد بررسی قرارداده اند. بازار آتی هدایت کننده بازار نقد می باشد و همچنین بازار نقد نقش کشف قیمت را برای بازار آتی بازی می کند.

لين (۲۰۱۰)<sup>۴</sup> به بررسی پیش بینی قیمت طلا با استفاده از مدل های آریما و گارچ (GARCH) پرداخت. در این تحقیق ابتدا از داده های دوره ۱۹۷۱ تا ۲۰۰۸ برای تخمین مدل اریما استفاده کردند. نتیجه تخمین نشان داد که میانگین موزون با pop یک (یعنی MA(1,1)) مدل مناسبی برای قیمت طلا است. سپس از این مدل برای پیش بینی دوره ۲۰۰۹ تا ۲۰۱۰ استفاده شد. همچنین نتایج نشان داد که مدل (GARCH(1,1)) مدل مناسبی برای پیش بینی قیمت طلا است.

میازاکی و هموری (۲۰۱۲)<sup>۵</sup>، طی مطالعه خود به بررسی آزمون علیت بین بازده طلا و عملکرد بازار سهام برای سرمایه گذاری طلا در موقع اضطراری پرداخته اند. نتایج تجربی این مطالعه برای دوره نمونه ای کامل: ار ۴ جولای ۲۰۰۰ تا ۲۸ آوریل ۲۰۱۱ روی بازده قیمتی طلا و بازده شاخص S&P500 بازار سهام است که با در نظر گرفتن مجموعه ای از حداقل تاخیرات (AR(10) و EGARCH(1,1),(1,2),(2,1),(2,2)). در نهایت مدل برگزیده

1.Tully&Lucey

2. Asymmetric Power Garch

3. Floros

4. Lin

5. Miazaky&Hamori

براساس معیار آکائیک (AIC) به صورت مدل  $(1,1)$ -EGARCH به صورت مدل  $(1,1)$ -AR(9) برای بازده طلا و AR(4)-EGARCH(2,1) برای بازده شاخص S&P500 بازار سهام است.

دلاوری و رحمتی (۱۳۸۹) با بررسی عوامل موثر بر تغییر پذیری نوسانات بازده قیمت طلا به کمک مدل EGARCH برای سری زمانی قیمت روزانه سکه بهار آزادی در بازار تهران از ابتدای سال ۱۳۸۶ تا انتهای سال ۱۳۸۷، به این نتیجه رسیدند که پدیده موسوم به اثرات اهرمی در بازار سکه ایران وجود دارد به عبارت دیگر اخبار خوب منجر به نوسانات آتی بیشتری نسبت به اخبار بد با اندازه برابر در بازار سکه ایران شده است. آنها دریافتند از بین خانواده اتورگرسیو شرطی بر اساس دو معیار RMSE و Theil مدل EGARCH

برای سری مذکور، دارای قدرت پیش بینی بالاتری می باشد.

علی احمدی و احمد لو (۱۳۹۰) طی تحقیقات و مطالعات انجام داده پیش بینی قیمت قراردادهای آتی سکه طلا با استفاده از مدل آریما در بورس کالای ایران را انجام داده اند. در این تحقیق از روش باکس- جنکینز برای بررسی توانایی پیش بینی قیمت آتی قراردادهای سکه طلا استفاده شده است. که نتایج تحقیق نشان می دهد که برای دوره مورد بررسی، مدل آریما (ARIMA) با دو وقه خود رگرسیونی و دو وقه میانگین متحرک برای پیش بینی قیمت قراردادهای آتی سکه طلا مدل مناسبی است و توانایی پیش بینی قیمت قرارداد آتی سکه طلا را دارد.

#### ۴. روش تحقیق

مدل واریانس ناهمسانی اتورگرسیو (ARCH)<sup>۱</sup> که اولین بار توسط انگل [۱۹۸۲]<sup>۲</sup> مطرح شد و بعدها توسط بولرسلو [۱۹۸۶]<sup>۳</sup> به مدل های (GARCH)<sup>۴</sup> تعمیم داده شده، عمومی ترین روش برای مدلسازی نوسانات و تغییرپذیری داده های سری زمانی مالی با فراوانی زیاد می باشد. این فرایندها دارای میانگین صفر هستند و به طور دنباله ای ناهمبسته اند و واریانس

- 
1. Autoregressive conditional Heteroskedasticity
  2. Engle
  3. Bolerslev
  4. Generalized ARCH

شرطی (روی اطلاعات مربوط به زمان گذشته) ناثابتی داشته، در حالیکه واریانس غیرشرطی ثابتی دارند.

انگل (۱۹۸۲) نشان داد که به جای انتخاب دنباله های  $x_t$  متعدد و یا تبدیل داده ها می توان میانگین و واریانس یک سری از داده ها را به طور هم زمان مدل سازی نمود:

$$y_t = \alpha_0 + \alpha_1 y_{t-1} + \varepsilon_t \quad (1)$$

$$u_t \sim N(0,1) \quad \varepsilon_t = u_t \sqrt{h_t} \quad (2)$$

$$h_t = \alpha_0 + \sum_{i=1}^q \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2 \quad (3)$$

که در آن  $h_t$  واریانس شرطی  $\varepsilon_t$  است که این شرایط را اطلاعات موجود از زمان  $t$  تعیین می کند.  $u_t$  در عبارت (۲) فرآیند نوفه سفید<sup>۱</sup> با فرض  $\sigma_u^2 = 1$  می باشد.  $\varepsilon_{t-1}$  و  $\alpha_0 > 1$  مستقل از هم بوده و  $\alpha_1 < 1$  مقادیر ثابت هستند، با فرض آن که  $0 < \alpha_1 < 1$ . (اندرس، ۲۰۰۴).

پارامتر مهم در مدل  $h_t$   $ARCH$  می باشد که معادله (۳) بیان کننده چگونگی تغییرات تحت شرایط  $\varepsilon_{t-1}^2$  قبلی است. با ترکیب (۲) و (۳) خواهیم داشت:

$$\varepsilon_t = u_t \sqrt{\alpha_0 + \sum_{i=1}^q \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2} \quad (4)$$

در معادله (۴) تمامی شوک ها از  $\varepsilon_{t-q}$  تا  $\varepsilon_{t-1}$  تأثیر مستقیمی بر  $\varepsilon_t$  دارند؛ به طوری که واریانس شرطی (۴) دارای الگویی مشابه یک فرآیند اتورگرسیون از مرتبه  $q$  است. (اندرس، ۲۰۰۴).

۱. فرآیند تصادفی که دارای میانگین صفر و واریانس زیگما به توان دو باشد و با یک دیگر وابستگی نداشته باشد.

در سال ۱۹۸۶ تیم بالرسلو، یکی از شاگردان برجسته انگل مدل  $ARCH$  را به مدل  $GARCH(p,q)$  تعمیم داد که در آن معادله واریانس شرطی علاوه بر مجدورات  $q$ ؛  $p$  وقفه از خودش به عنوان متغیر توضیحی می‌باشد. به بیان دیگر وی روشی ابداع کرد که بر اساس آن واریانس شرطی می‌تواند یک فرآیند  $ARMA$  باشد:

$$\varepsilon_t = \vartheta_t \sqrt{h_t} \quad (5)$$

به طوری که  $\sigma_\vartheta^2 = 1$  باشد و

$$h_t = \alpha_0 + \sum_{i=1}^q \alpha_i \varepsilon_{t-i}^2 + \sum_{i=1}^p \beta_i h_{t-i} \quad (6)$$

از آن جا که فرآیند  $\{\varepsilon_t\}$  یک فرآیند نوفه‌ی سفید است. میانگین شرطی و غیر شرطی  $\varepsilon_t$  برابر با صفر است با محاسبه امید  $E[\varepsilon_t]$  به آسانی می‌توان ثابت کرد که:

$$\varepsilon_t = E(\vartheta_t (h_t)^{\frac{1}{2}}) = 0 \quad (7)$$

نکته‌ی اساسی در این جا آن است که واریانس شرطی  $\varepsilon_t$  برابر است با:

$$E_{t-1} \varepsilon_t^2 = h_t \quad (8)$$

لذا واریانس شرطی  $\varepsilon_t$  یک فرآیند  $ARMA(h_t)$  است که در آن الگوی مطابق با معادله  $GARCH(p,q)$  تعمیم یافته که اصطلاحاً (۸) می‌باشد. در این مدل  $ARMA(h_t)$  نامیده می‌شود؛ هم اجزای خود همبسته و هم اجزای میانگین متحرک در معادله واریانس ظاهر می‌شوند.

اگر  $p=0$  و  $q=1$  شوند، در این صورت مدل  $ARCH$  مرتبه اول در معادله (۶) یک مدل  $ARCH(1,0)$  خواهد بود؛ به عبارت دیگر مدل همان  $ARCH(1,0)$  خواهد شد (اندرس،

.(۲۶۳: ۱۹۴۸)

ویژگی اصلی مدل‌های *GARCH* در آن است که واریانس شرطی اجزای اخلال دنباله  $\{y_t\}$  دارای الگوی *ARMA* می‌باشد. به عبارت دیگر می‌توان از الگوی پسماند حاصل از تخمین یک مدل *ARMA*: وجود الگوی *GARCH* را تشخیص داد. ویژگی دیگر این مدل‌ها اصل صرفه جویی می‌باشد که یکی از مزایای آشکار مدل‌های *GARCH* در این است که به جای تخمین یک مدل *ARCH* مرتبه بالا؛ می‌توان یک مدل *GARCH* را جایگزین آن نمود که ثمره‌ی آن کاهش تعداد محدودیت‌های ضرایب در مدل و آسان‌تر شدن تشخیص و تخمین مدل مذبور است.

در تخمین فرآیند مدل‌های *GARCH* دو معادله‌ی مرتبط به هم ذیل برآورد می‌شود:

$$y_t = \alpha_0 + \beta x_t + \varepsilon_t \quad (9)$$

$$\varepsilon_t = u_t (\alpha_0 + \alpha_1 \varepsilon_{t-1}^2 + \dots + \alpha_q \varepsilon_{t-q}^2 + \beta_1 h_{t-1} + \dots + \beta_p h_{t-p})^{0.5} \quad (10)$$

که در آن  $x_t$  یک فرآیند *ARMA* با درجه  $(P^m, Q^n)$  می‌باشد و یا این که مشتمل بر متغیرهای برونزای می‌باشد. معادله اول در (۹) مدل میانگین و معادله دوم مدل واریانس است.

در رابطه (۹) لازم نیست که درجه فرآیند *ARMA* و مدل میانگین با درجه فرآیند *GARCH(p,q)* در معادله واریانس برابر باشد. در این خصوص نمادهای  $P^m, Q^n$  مؤید این مطلب است. عامل اصلی ارتباط دو معادله رابطه (۹) این است که  $h_t$  واریانس شرطی  $\varepsilon_t$  است. یعنی فرآیندهای *GARCH* در رابطه (۹) واریانس شرطی معادله میانگین است. (اندرس، ۱۹۴۸: ۲۹۲-۲۹۳).

### سایر مدل‌های واریانس شرطی

تحلیل گران بازار مالی اشتیاقی تمام، به یافتن تخمین‌هایی دقیق از واریانس شرطی قیمت دارایی‌های مالی دارند. از آنجا که مدل‌های *GARCH* توانایی پیش‌بینی نوسانات شرطی را

دارا هستند؛ می‌توان از آنها برای اندازه گیری ریسک یک دارایی در طول دوره نگهداری استفاده کرد. بدین علت شکل‌های کامل تری از خانواده مدل‌های GARCH ظهور یافته اند که بطور خاص برای تخمین واریانس شرطی دارائی‌ها و ابزارهای مالی مورد استفاده قرار می‌گیرند.

### EGARCH مدل

یکی دیگر از مدل‌هایی که اثر عدم تقارن در اطلاعات را اندازه گیری می‌کند، مدل GARCH نمایی<sup>۱</sup> (EGARCH) است که توسط دانیل بی نلسون ارائه شد. برای کنترل اثر نامتقارن اخبار بر نوسانات، نلسون الگوی EGARCH

$$\ln(h_t) = \alpha_0 + \alpha_1 \left( \frac{\varepsilon_{t-1}}{h_{t-1}^{0.5}} \right) + \lambda_1 \left| \left( \frac{\varepsilon_{t-1}}{h_{t-1}^{0.5}} \right) \right| + \beta_1 \ln(h_{t-1}) \quad (11)$$

یا گارچ نمایی را تعریف می‌کند که در آن اثر اخبار نامتقارن است. تصریح الگوی گارچ نمایی به صورت بالا است.

طرف چپ معادله به صورت لگاریتمی آمده است و متناسب با این نکته است که واریانس شرطی مثبت باشد و نیازی به ایجاد محدودیت در ضرائب ندارد. اثر نامتقارنی با فرضیه  $\lambda_1 < 0$  آرمن می‌شود. اگر  $\lambda_1$  به صورت معنا داری مخالف صفر باشد آنگاه اثر اخبار بر نوسانات نامتقارن خواهد بود. بین الگوی معرفی شده توسط نلسون و الگوی EGARCH برآورد شده با نرم افزار Eviews دو تفاوت وجود دارد: اول اینکه نلسون فرض می‌کند

توزیع  $\varepsilon_t$  توزیع خطای عمومی<sup>۲</sup> (GED) است در حالی که نرم افزار Eviews به ما حق انتخاب توزیع  $t$ -استیودنت و توزیع GED را می‌دهد. دوم این که تصریح الگوی معرفی شده توسط نلسون حالت خاصی از الگوی زیر است:

$$\log(\sigma_t^2) = \omega + \sum_{j=1}^q B_j \log(\sigma_{t-j}^2) + \sum_{i=1}^p \alpha_i \left| \frac{\varepsilon_{t-i}}{\sigma_{t-i}} - E\left( \frac{\varepsilon_{t-i}}{\sigma_{t-i}} \right) \right| + \sum_{k=1}^r \lambda_k \frac{\varepsilon_{t-k}}{\sigma_{t-k}} \quad (12)$$

1. Exponential GARCH
2. Generalized Error Distribution

اگر فرض شود توزیع  $\varepsilon_t^2$  نرمال باشد، الگوی EGARCH به صورت زیر تخمین زده می‌شود:

$$\log(\sigma_t^2) = \omega + \sum_{j=1}^q B_j \log(\sigma_{t-j}^2) + \sum_{i=1}^p \alpha_i \left| \frac{\varepsilon_{t-i}}{\sigma_{t-i}} - \sqrt{\frac{2}{\pi}} \right| + \sum_{k=1}^r \lambda_k \frac{\varepsilon_{t-k}}{\sigma_{t-k}} \quad (13)$$

در مدل EGARCH به جای استفاده از مقدار  $\varepsilon_{t-1}^2$  از مقدار استاندارد شده آن یعنی  $\frac{\varepsilon_{t-1}}{(h_{t-1})^{0.5}}$  استفاده شده است. با این استاندارد سازی امکان تغییر طبیعی‌تر اندازه پایداری شوک فراهم می‌شود. نلسون (۱۹۹۱) فایده دیگر این کار این است که مقدار استاندارد شده  $\varepsilon_{t-1}$  بستگی به واحد اندازه‌گیری ندارد. تأثیرات اهرمی در مدل EGARCH لحاظ می‌شود:

$$\begin{aligned} & \text{اگر: } \alpha_1 + \lambda_1 \frac{\varepsilon_{t-1}}{(h_{t-1})^{0.5}} \text{ مثبت باشد آنگاه} \\ & \text{و اگر: } -\alpha_1 + \lambda_1 \frac{\varepsilon_{t-1}}{(h_{t-1})^{0.5}} \text{ منفی باشد آنگاه} \end{aligned}$$

در این تحقیق با توجه به بررسی ویژگی‌های انواع مدل‌های خانواده ARCH و پس از آزمون و خطابا در نظر گرفتن هدف تحقیق، مدل EGARCH انتخاب گردید.

## ۵. جامعه و نمونه تحقیق

داده‌های مورد استفاده در این تحقیق، سری زمانی روزانه متغیرهای مدل از تاریخ ۹۰/۳/۳۱ تا ۹۱/۴/۲۰ می‌باشد. متغیر وابسته مدل راسری زمانی قیمت آتی سکه بهار آزادی تشکیل می‌دهد. (قیمت مورد توافق طرفین در معاملات آتی را قیمت قرارداد آتی می‌گویند). قیمت‌هایی که در این تحقیق به عنوان قیمت‌های آتی در نظر گرفته می‌شوند، قیمت تسویه<sup>۱</sup> می‌باشند. این قرارداد‌ها از سال ۱۳۸۷ تا کنون در بورس اوراق بهادار کالا

1. Settlement Price

مورد معامله قرار گرفته است. برای انتخاب دوره تحقیق نمونه از معیار زیر استفاده شد: دوره انتخاب شده دارای بیشترین روزهای تعداد معامله باشد.

علت انتخاب معیار بالا را می‌توان به مدل‌های سری زمانی ارتباط داد. زیرا در این گونه مدل‌ها هرچه دوره زمانی بیشتر باشد، پیش‌بینی بر اساس مدل سری زمانی از توانایی بیشتری برخوردار خواهد بود. همچنین متغیرهای سری‌های زمانی روزانه قیمت نقدی سکه بهار آزادی (sp)، قیمت پیش‌بینی شده طلای جهانی (hp-wg)، قیمت پیش‌بینی شده نرخ ارز (hp-e) و شاخص کل بورس اوراق بهادار (bors) به عنوان متغیرهای توضیحی بکار گرفته شده‌اند. سری‌های زمانی قیمت نقدی سکه بهار آزادی و نرخ برابری دلار و ریال از اداره بررسی‌های اقتصادی بانک مرکزی جمهوری اسلامی ایران، سری زمانی قیمت آتی سکه بهار آزادی از سایت اینترنتی شرکت بورس کالای ایران<sup>۱</sup>، شاخص بورس اوراق بهادار از سایت اینترنتی بورس اوراق بهادار تهران<sup>۲</sup> و قیمت جهانی طلا از سایت اینترنتی کیتکو<sup>۳</sup> تهیه گردید. تحلیلی که توسط مدل ARCH صورت می‌گیرد، روی بازده‌های قیمت متغیرهای مدل (R) است که به وسیله لگاریتم قیمت امروز بر قیمت روز گذشته محاسبه می‌شود:

$$RYt = \ln\left(\frac{y_t}{y_{t-1}}\right)$$

yt : متغیرهای مدل است.

## ۶. برآورد مدل

در جدول (۲) مقادیر میانگین، بیشینه، کمینه، انحراف معیار، ضریب چولگی، ضریب کشیدگی، آماره جارک - بر<sup>۴</sup> و میزان معنی داری آن به منظور نرمال بودن هر یک از متغیرهای مرتبط با تحقیق حاوی آمار ارائه گردیده است.

- 
1. www.ime.co.ir
  2. www.irbourse.com
  3. www.kitko.com
  4. Jarque-Bera

#### جدول ۱. آمار توصیفی، بازده های روزانه متغیر های مدل

نام متغیر	میانگین Mean	میانه Median	انحراف معیار Std.Dev	چولگی Skewness	کشیدگی Kurtosis	JB آماره Jarque_Bera	احتمال P_Value
RFP	./. . . . . ۳۱۴	./. . . . . ۶۶۹	./. . ۱۱۹۹۷	-. / ۴۲۲۴۹۳	۶ / ۵۳۳۹۸۷	۳۸۱ / ۷۸۸۷	. / . . . .
RSP	./. . . . . ۳۵۷	./. . . . . ۰ . ۲	./. . ۱ . ۷۵۱	-. / ۴ . ۹۸۱۲	۶ / ۳۵۱۹۱ .	۳۴۴ / ۲۹۴۲	. / . . . .
BORS	7/78e-05	./. . . . . ۱ . ۲۸	/ . ۱۷۵۵۱۳	-. / ۲۷۴۴۷۹	۴ / ۰ . ۸۵۴ .	۷۸ / ۵۱۹۶۶	. / . . . .
RE	./. . . . . ۴۵۳	./. . . . . ۸۷۲	./. . ۱۳۱ . ۷	-. / ۳۸۱۶۷۳	۵ / ۹۴ . ۱۱۱	۲۸۸ / ۸۱۲۶	. / . . . .
RWG	./. . . . . ۶۱۸	./. . . . . ۱ . ۱۲	./. . ۱۱۸ . ۶	-. / ۵۷۸۵۲۷	۷ / ۸۳۲ . ۶۶	۷۱۳ / ۸۸۴۲	. / . . . .

منبع: پاftه های پژوهشگر

طبق جدول بالا بازده قیمت آتی سکه دارای میانگین تقریبی صفر و میانه تقریبی صفر می باشد، همچنین میزان کمی چولگی به چپ نیز در آنها مشاهده می شود. به عنوان تعبیری برای چولگی منفی می توان گفت که چون بیشتر جرم احتمال بر قسمت راست توزیع بازده ها واقع می شود، بازده ها با افزایش قیمت امروز نسبت به « علامت مثبت محتمل تر خواهند بود. به عبارت دیگر اطلاعات بازار تمایل بازار به افزایش قیمت ها را » روز قبل نشان می دهد.

مقدار کشیدگی در توزیع بازده قیمت آتی سکه برابر با  $6/523$  بوده که نسبت به توزیع نرمال با عدد کشیدگی  $3$  دارای مقدار زیادی کشیدگی اضافی است. مقدار زیاد کشیدگی نشان می دهد نسبت به وقتی که توزیع بازده ها نرمال باشد، احتمال بیشتری به مقادیر انتهایی بازده ها تخصیص می یابد، به عبارت دیگر بازار، افزایش ها و یا کاهش های شدید و ناگهانی را محتمل می داند. مقدار احتمال صفر مربوط به آماره Jarque-Bera نیز فرض صفر نرمال بودن توزیع بازده ها را رد می کند.

برای بررسی مانایی از آزمون دیکی - فولر (DF)<sup>۱</sup> یا دیکی - فولر تعمیم یافته (ADF)<sup>۲</sup> استفاده می‌شود. نتیجه آزمون ریشه واحد برای سری زمانی متغیر های قیمتی مدل در جدول (۱) آورده شده است.

جدول ۲. نتایج آزمون ریشه واحد سری زمانی متغیر های قیمتی مدل

آماره آزمون ADF							
نتیجه کلی	تفاضل مرتبه اول			سطح		نام متغیر ها	
	با عرض از مبدا		نتیجه کلی	با عرض از مبدا			
	آماره t	احتمال		آماره t	احتمال		
پایاست	۷۴-28/53	0./.	پایا نیست	-1/6759	0/4431	LFP	
پایاست	۷۰-28/12	0/00	پایا نیست	۷-1/39	۷۹۰/۵۸	LSP	
پایاست	-29/086	0/00	پایا نیست	-1/3975	0/5846	LWG	
پایاست	-25/855	0/00	پایا نیست	-2/0886	0/2495	LBORS	
پایاست	-27/615	0/00	پایا نیست	-1/3492	0/6080	LE	

منبع: یافته های پژوهشگر

\*در جدول بالا Ln بیان کننده لگاریتم طبیعی است.

\*با توجه به مقادیر بحرانی زیر تمام آزمونها در سطح اهمیت 5% معنی دار می باشند.

نتایج آزمون ریشه واحد برای کلیه متغیر ها با استفاده از آزمون ADF حاکی از وجود ریشه واحد برای کلیه متغیر ها به جز تفاضل مرتبه اول متغیر ها بوده ، یعنی بازده قیمت ها(تفاضل مرتبه اول لگاریتم متغیر ها) پایا بوده است و این به معنای عدم پذیرش فرض H0 است.

پس سری های بازده ما پایا از درجه یک هستند (I).

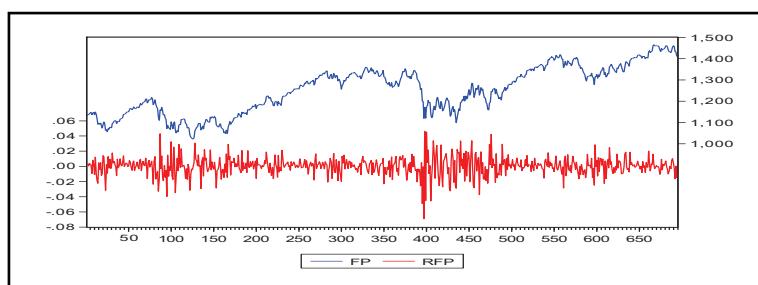
همان طور که در نمودار (۱) دیده می شود، سری بازده قیمت آنی سکه حول صفر تمرکز می یابد و بازده ها دائماً در حال نوسان هستند، اندازه ای این نوسان ها گاهی بزرگ و گاهی کوچک است که نشان دهنده وجود تغییرات خوش های در سری زمانی بازدهی قیمت آنی

1. Dicky-Fuller

2. Augmented Dicky-Fuller

سکه است. در واقع تغییرات خوشای بدین معنی است که روزهای با تغییرات زیاد قیمت در کنار هم و روزهای با تغییرات کم قیمت نیز در کنار هم رخ می‌دهند. تغییرات خوشای همان اثری است که مدل ARCH برای کنترل آن طراحی شده است. همچنین نمودار داده های خام قیمت آتی سکه در نمودار زیر رسم شده است.

#### نمودار ۱. قیمت و بازده آتی سکه طلا



#### منبع: یافته های پژوهشگر

با استفاده از آزمون Ljung-Box-Pierce وجود خود همبستگی در سری بازده قیمت آتی سکه طلا بررسی گردید. نتایج این آزمون در جدول(۳) ارائه شده است. مقادیر احتمال برای تاخیر های ۱، ۳ و ۵ منجر به رد فرضیه عدم وجود خود همبستگی در سری بازده ها گردید.

جدول ۳. نتایج آزمون Ljung-Box Q برای سری بازده قیمت آتی طلا (سکه بهار آزادی)

مرتبه تأخیری	Q آماره	مقدار بحرانی	مقدار احتمال
۱	۴/۶۸۳۵	3/84146	۳۰/۰
۳	۱۶/۶۸۱	7/81473	001/۰
۵	۳۳/۲۶۴	11/0705	000/۰

#### منبع : یافته های پژوهشگر

آزمون آرج انگل<sup>۱</sup> جهت بررسی وجود ناهمسانی واریانس از طریق انجام رگرسیون مجدد باقی مانده ها<sup>۲</sup> روی یک ثابت و تاخیرهای مربعات باقی مانده ها مورد استفاده قرار می گیرد.

1. ARCH Test

$$2. \boxed{e_t^2 = f(e_{t-1}^2 + e_{t-2}^2 + \dots + e_{t-p}^2)}$$

این آزمون، فرض صفر عدم وجود ناهمسانی واریانس را مورد آزمون قرار می دهد. تحت فرض صفر، آماره  $nR^2$  دارای توزیع کای اسکور با درجه آزادی( $m$ ) تعداد جملات مربعات باقیمانده هاست) می باشد. نتایج آزمون در جدول (۴) آورده شده است . مقدار احتمال صفر مربوط به آماره  $nR^2$  منجر به رد فرض صفر عدم حضور ناهمسانی واریانس شده، بنابراین بازده ها دارای ناهمسانی واریانس می باشند

جدول ۴. نتایج آزمون آرج برای بازده قیمت آتی طلا (سکه بهار آزادی)

$nR^2$ مقدار آماره	مقدار بحرانی	مقدار احتمال
۱۸/۹۷۸۴	۵/۹۹۱۴۷	...../.

منبع: یافته های پژوهشگر

پس از بررسی فروض کلاسیک دریافتیم که، پسماندهای مدل برآورد شده که در جدول (۴) ارائه گردیده، دارای خودهمبستگی سریالی و واریانس ناهمسانی (وجود اثرات آرج) می باشد. بنابراین جهت رفع خودهمبستگی سریالی جملات پسماند می باشد از مدل های AR، MA و یا مدل ترکیبی ARMA استفاده نمود. همچنین جهت رفع مشکل واریانس ناهمسانی، می توان از خانواده مدل های ARCH نیز بهره جست.

تفکیک بین تغییرات موقتی و دائمی در یک سری زمانی می تواند با استفاده از روش فیلترینگ انجام شود. از جمله روش های فیلترینگ تک متغیره، روش هودریک- پرسکات<sup>۱</sup> و باکستر و کینگ است که از شهرت بیشتری نسبت به سایر روش ها برخوردار هستند. تجزیه شوک های قیمت جهانی طلا و نرخ ارز بدین صورت است که با استفاده از روند به قیمت جهانی طلا و نرخ ارز و رسم آن از طریق فیلتر هودریک- پرسکات، مقادیر روند به عنوان شوک های پیش بینی شده در نظر گرفته می شود. و اما شوک های پیش بینی شده هم از طریق تفاضل مقادیر قیمت جهانی طلا و نرخ ارز از شوک های پیش بینی شده آن بدست می آید. بدین ترتیب که بعد از رسم روند قیمت جهانی طلا و نرخ ارز بوسیله فیلتر هودریک- پرسکات به ازای مقادیر مثبت در آن، شوک های مثبت قیمت نقدی جهانی طلا

1. Hodrick- Prescott

و نرخ ارز در آن مقدار یک به خود می‌گیرد و در هر نقطه‌ای که مقادیر منفی داشته باشد، شوک‌های مثبت قیمت جهانی طلا و نرخ ارز مقدار صفر اختیار می‌کند و برای شوک‌های منفی متغیرها بر عکس این حالت صادق است. ابتدا سری زمانی قیمت جهانی طلا و نرخ ارز را با استفاده از فیلتر هودریک-پروسکات هموار سازی، و به شوک‌های مثبت و منفی تبدیل می‌کنیم و سری زمانی شوک‌های پیش‌بینی نشده را ایجاد می‌کنیم. و سپس از شوک‌های پیش‌بینی شده قیمت جهانی طلا و نرخ ارز در تخمین مدل رگرسیونی استفاده می‌کنیم. با استناد به روش باکس-جنکینز سری زمانی بازده قیمت آتی دارای خود همبستگی درجه ۱ است.

#### جدول ۵. مقادیر آکائیک مدل برای تعیین مدل بهینه

مقادیر آکائیک بهینه مدل (برای الگوی برآورده شده) E GARCH(1,1)			
$p \backslash q$	1	3	5
1	-6/188718	-6/173956	-6/185415
3	-6/166923	-6/177168	-6/175826
5	-6.187844	-6/168425	-6/187097
مقادیر آکائیک بهینه مدل (برای الگوی برآورده شده) E GARCH(1,2)			
1	-6/185719	-6/172214	-6/182979
3	-6/165332	-6/175208	-6/173602
5	-6/187200	-6/166291	-6/186659
مقادیر آکائیک بهینه مدل (برای الگوی برآورده شده) E GARCH(1,3)			
1	-6/186769	-6/174357	-6/186545
3	-6/181199	-6/176301	-6/177051
5	-6/173680	-6/169573	-6/187509
مقادیر آکائیک بهینه مدل (برای الگوی برآورده شده) E GARCH(2,1)			
1	-6/142299	-6/154305	-6/149148
3	-6/150099	-6/155779	-6/149189
5	-6/142748	-6/156635	-6/149819
مقادیر آکائیک بهینه مدل (برای الگوی برآورده شده) E GARCH(2,2)			
1	-6/150716	-6/159605	-6/156028
3	-6/159071	-6/159337	-6/150341

5	-6/166589	-6/178474	-6/178056
مقادیر آکائیک بهینه مدل (2,3) برای الگوی برآورده شده (E GARCH(2,3))			
1	-6/185401	-6/185948	-6/155042
3	-6/170475	-6/174391	-6/181261
5	-6/173692	-6/185324	-6/186392
مقادیر آکائیک بهینه مدل (1,1) برای الگوی برآورده شده (E GARCH(1,1))			
1	-6/187638	-6/186367	-6/178412
3	-6/183463	-6/172392	-6/172562
5	-6/169950	-6.164251	-6/1713090
مقادیر آکائیک بهینه مدل (3,2) برای الگوی برآورده شده (E GARCH(3,2))			
1	-6/177697	-6/182165	-6/183528
3	-6/187368	-6/180211	-6/180832
5	-6.180541	-6/186931	-6/185616
مقادیر آکائیک بهینه مدل (3,3) برای الگوی برآورده شده (E GARCH(3,3))			
1	-6/178564	-6/172959	-6/172670
3	-6/187511	-6.187506	-6/178496
5	-6/172665	-6/173570	-6/174061
که در آن $p$ نشان دهنده تعداد جملات خود رگرسیونی و $q$ نشان دهنده تعداد جملات میانگین متحرک است.			

### منبع: یافته های پژوهشگر

\* در مدل های مختلف تخمین زده شده GARCH ، مقدار آکائیک کمتر نیز وجود داشت اما با توجه به منفی بودن ضرایب واریانس ، مدل تخمین زده شده EGARCH که دارای حداقل مقدار آکائیک است در نظر گرفته شده است.

نتایج حاصل از برآورد پارامترها و برآش مدل : بر اساس معیار آکائیک AR(1),MA(1) EGARCH(1,1) است.

همانطور که در قسمت قبل نشان داده شد، بازده ها دارای واریانس هایی هستند که با گذشت زمان در حال تغییر هستند، بنابراین در این قسمت لازم است که از مدل های ARCH جهت مدل بندی تغییرات استفاده می کنیم. ولی قبل از بکارگیری مدل های مذکور، به منظور برطرف

کردن همبستگی موجود در بازده ها، از یک مدل اتورگرسیو استفاده شده است. نتایج حاصل از برآورد پارامتر ها و برآش مدل AR(1), MA(1) به عنوان معادله میانگین شرطی EGARCH(1,1) به عنوان معادله واریانس شرطی آورده شده است.

به منظور بررسی تاثیر متغیرهای قیمتی بر نوسانات بازده قیمت آتی سکه این متغیرها را به عنوان متغیر توضیحی در معادله واریانس شرطی لحاظ می‌نماییم. متغیرهای بازده قیمت نقدی سکه (RSP)، بازده شاخص کل بورس (RBORS)، بازده قیمت پیش‌بینی شده نرخ ارز (HP-RE) و بازده قیمت پیش‌بینی شده طلا جهانی (HP-WG) به عنوان متغیرهای قیمتی تأثیرگذار بر نوسانات قیمت آتی سکه طلا در نظر گرفته شد. که نتایج حاصل از برآورد مدل بهینه در پیوست ۱ آورده شده است. بنابراین :

$$Rfp = 0/0 \cdot 25 + 0/8875 \text{Et-1} - 0/9519 \text{Et-1}$$

$$(6/892014) (21/87229) (-36/87790)$$

$$\text{Et} = -0/4223 + 0/1352 \text{rbors} - 0/0462 \text{rsp} + 0/9649 \text{hp\_re} + 16/7195 \text{rsp}(-1) - 13/8639 \text{hp\_re} -$$

$$(-3/3114) \quad (2/6479) \quad (-1/3276) \quad (78/7311) \quad (2/8860) \\ (-2/1460) \text{hhh}$$

$$10/7454 \text{rbors} + 7/2442 \text{hp\_rwgh}$$

$$( \dots )$$

((تنت

$$||| \quad (( 1/9008 \quad (-5/1135 \quad ($$

نتایج حاصل از برآورد نشان می‌دهد کلیه ضرایب در سطح اهمیت ۵٪ معنی دار بوده و با دقت بالایی برآورد می‌شوند.

در پاسخ به سوالات اول و دوم تحقیق ارتباط مثبت و معناداری بین بازده قیمت آتی سکه و بازده قیمت نقدی آن در بازار وجود دارد، مثبت بودن علامت ضریب (RSP) مورد

انتظار و منطبق با تئوری است. طبق مدل برآورد شده در مورد عوامل تاثیر گذار بر قیمت آتی سکه می‌توان نشان داد که، ارتباط مثبت و معناداری بین بازده قیمت پیش بینی شده طلای جهانی و بازده قیمت آتی سکه وجود دارد. با توجه به اینکه بخش اعظم شمش مورد نیاز برای ضرب سکه و ساخت سایر مصنوعات در ایران از طریق واردات فراهم می‌شود، لذا تاثیر پذیری قیمت داخلی از قیمت جهانی طلا امری طبیعی است. بنابر این انتظار افزایش تغییر پذیری را در هنگام افزایش قیمت‌ها داریم. افزایش قیمت جهانی طلا با تاثیر مثبت بر قیمت سکه موجب افزایش تغییر پذیری می‌شود و بلعکس پس مثبت بودن علامت ضریب HP\_RWG مورد انتظار و منطبق با تئوری است. در مورد شاخص کل بورس اوراق بهادر نتایج نشان می‌دهد که ارتباط منفی و معنا داری بین واریانس شرطی بازده شاخص کل بورس و بازده قیمت آتی سکه طلا وجود دارد. در واقع با افزایش تغییر پذیری شاخص کل بورس اوراق، بازده قیمت آتی سکه با توجه به انتظارات افراد در بازارهای مالی کاهش می‌یابد. و همچنین ارتباط منفی و معنا داری بین نرخ ارز پیش بینی شده و بازده قیمت آتی سکه وجود دارد که در واقع در دوره مورد بررسی تغییر پذیری نرخ ارز پیش بینی شده کاهش یافته است. اکنون با توجه به اینکه در ایران بدليل نبود بازارهای اوراق قرضه و بازار سهام گسترشده، بازارهای طلا و دلار سرمایه‌ها را به خود جلب نموده است، و از آنجا که سرمایه گذاران، سکه و شمش طلا را جهت سرمایه گذاری مناسب‌تر از سایر مصنوعات می‌دانند، لذا نوسانات کم دلار در دوره مورد بررسی باعث افزایش توجه سرمایه گذاران به بازار سکه شده که افزایش تقاضا و در نتیجه افزایش قیمت را در این بازار به دنبال داشته است. از آنجا که انتظار افزایش تغییر پذیری در هنگام افزایش قیمت‌ها طبق توضیحات گذشته مورد انتظار است، لذا منفی بودن ضریب HP\_RE منطبق با تئوری می‌باشد.

یک راه برای ارزیابی میزان دقت یک مدل بررسی خوبی برازش آن است که برای انجام این کار می‌توان از معیارهای آکائیک (AIC) و شوارتز بیزین (SBC) استفاده کرد. در این تحقیق از معیار AIC استفاده شده است. هر چه این مقدار از نظر جبری کوچک‌تر باشد بهتر است. بنابراین با استفاده از این خاصیت می‌توان بهترین وقفه مدل را انتخاب کرد. مقایسه مدل‌های مختلف نشان داد که مدل EGARCH(1,1) دارای کمترین مقدار معیارهای AIC و SC بوده و بهینه است.

### اثرات اهرمی

برای ملاحظه اثرات اهرمی، اثرات شوک ها روی لگاریتم واریانس شرطی را به ترتیب زیر محاسبه می کنیم :

$$\text{اگر } \frac{\alpha_{t-1}}{\sqrt{\beta_{t-1}}} > 0 \text{ آنگاه :}$$

$$\alpha_1 + \lambda_1 = 0/0462 + 0/1352 = 0/1814$$

$$\text{اگر } \frac{\alpha_{t-1}}{\sqrt{\beta_{t-1}}} < 0 \text{ آنگاه :}$$

$$-\alpha_1 + \lambda_1 = -0/0402 + 0/1352 = 0/089$$

پس می توان گفت اثر اخبار در مدل به دست آمده نامتقارن بوده و شوکهای مثبت اثرات بزرگتری نسبت به شوکهای منفی روی تغییر پذیری دارند.  
اگر هر گونه همبستگی پیاپی در پسمندها مشاهده شود، نتیجه خواهیم گرفت که معادله میانگین شرطی به درستی تصریح نشده است.

مقدار احتمال مربوط به آماره  $Q$  برای تأخیرهای 1، 3 و 5 منجر به پذیرفتن فرض صفر، عدم حضور خود همبستگی در سری باقیماندهای استاندارد شده می شود و این نشان دهنده کفايت مدل میانگین شرطی برآذش شده است. نتایج این آزمون در جدول (۶) قابل مشاهده است.

جدول ۶. نتایج آزمون  $LJUNG - BOXQ$  برای باقیماندهای استاندارد شده مدل

EGARCH(1,1) بهینه

مرتبه تأخیر	آماره Q	مقدار بحرانی	مقدار احتمال
1	1/4604	3/84146	0/193
3	1/8432	7/81473	175/0
5	8/2103	11/0705	110/0

منبع: یافته های پژوهشگر

برای آزمون وجود شواهدی از واریانس ناهمسانی در پسماندهای مدل از آزمون ARCH استفاده شد که نتایج حاصل در جدول(۷) نشان داده شده است.

جدول ۷. نتایج آزمون آرج انگل برای باقیماندهای استاندارد شده مدل بهینه EGARCH(1,1)

$nR^2$	مقدار آماره	مقدار بحرانی	مقدار احتمال
۹/۷۳۳۷	۸۴۱۴۶/۳		. / ۱۳۶۳

منبع: یافته‌های پژوهشگر

مقدار احتمال مربوط به آماره  $nR^2$  نشان دهنده این است که فرض صفر، نبودن ناهمسانی واریانس در سری باقیماندهای استاندارد شده، رد نمی‌شود. بنابراین واریانس همسان و مدل از کفایت لازم برخوردار است.

## ۷. نتیجه‌گیری و پیشنهادات

در این تحقیق ضمن بررسی قراردادهای آتی سکه بهار آزادی به مدلسازی نوسانات قیمت آتی سکه و عوامل مؤثر بر نوسانات آن پرداختیم. طبق نتایج بدست آمده: تغییرات بازده‌های قیمت سکه با گذشت زمان تغییر می‌کند، به عبارت دیگر بازده قیمت دارای واریانس متغیر می‌باشد، بنابراین فرایند ARCH مبنای مدل بندی تغییرات قیمت قرار گرفته و از یک مدل AR(1) MA(1) نیز جهت کنترل همبستگی در بازده‌ها استفاده شده است. کشیدگی زیاد توزیع بازده‌ها نشان می‌دهد نسبت به وقتی که توزیع بازده‌ها نرمال است، بازار احتمال بیشتری به مقادیر انتهایی می‌دهد. به عبارت دیگر احتمال رخداد افزایش یا کاهش‌های ناگهانی قیمت در بازار سکه و شکل گیری تکانه‌های شدید وجود دارد. با توجه به نمونه در نظر گرفته شده نوسانات قیمت سکه نامتقارن می‌باشد، به این مفهوم که اخبار خوب (شوکهای مثبت) منجر به نوسانات آتی بیشتری در قیمت و بازدهی نسبت به اخبار بد (شوکهای منفی) می‌شوند.

از بین عوامل مؤثر بر نوسانات قیمت آتی سکه، بازده قیمت نقدی سکه (روز قبل) و بازده قیمت پیش‌بینی شده نرخ ارز به ترتیب دارای بیشترین تاثیر بر بازده واریانس شرطی بوده و متغیرهای بازده شاخص کل بورس و قیمت پیش‌بینی شده طلای جهانی در رده‌های

بعدی قرار دارد. لازم به ذکر است که نتایج فوق مربوط به دوره زمانی تحقیق بوده و برای تعیین به دوره های دیگر باید آزمون های مشابه را انجام داد.

هر چه زمان سرسید قرارداد آتی نزدیک تر شود، قیمت آتی به سمت قیمت نقدی میل می کند، و در سرسید قرارداد آتی، قیمت آن با قیمت نقدی برابر و یا خیلی نزدیک می شود. قیمت معاملات آتی به دلایل متفاوت وابستگی معینی به قیمت نقد دارد. اگر این وابستگی وجود نداشته باشد، معامله گران به سرعت تلاش می کنند تا وابستگی مناسبی را بین آنها بیابند. به منظور ابجاد این وابستگی قیمتی بین بازار نقد و آتی پیشنهاد شود که اطلاعات بازار نقد در قالب یک بازار منسجم به طور شفاف و کارا در اختیار معامله گران قرار گیرد.

طلا به دلیل دارا بودن قابلیت ذخیره ارزش، همواره به عنوان ابزاری برای سرمایه گذاری مطرح بوده است. طلا برخلاف سهام، اوراق قرضه و پول که به ناشرین خود وابسته است، ارتباطی به اعتبار ناشر آن ندارد و ارزش آن در بازار تعیین می شود. وجه تمایز دیگر طلا این است که عوامل تعیین کننده قیمت آن با عوامل تعیین کننده قیمت دارایی های مالی دیگر متفاوت است. یکی از وجوده تمایز سکه طلا با سایر دارایی ها در این است که قیمت ارز به ویژه دلار در قیمت گذاری آن موثر است لذا پیشنهاد می شود شرایطی فراهم شود تا قرارداد آتی ارز نیز در بازار قابلیت معامله پیدا کند تا بتوان نوسانات قیمت دلار را نیز در قیمت گذاری طلا به درستی لحاظ کرد.

با توجه به تاثیر گذاری تغییرات بازده شاخص بورس بر قیمت آتی، اقدامات سازمان بورس اوراق بهادر برای تسريع در اجرای اصل ۴۴ و فعل تر نمودن بازار بورس در افزایش عرضه های اولیه شرکت های دولتی، می تواند موجب جذب نقدینگی در تولید و کاهش التهاب در بازار های نقدی و آتی طلا گردد.

## منابع

- اندرس، والتر.(۱۳۸۹)، اقتصاد سنجی سری های زمانی با رویکردی کاربردی، ترجمه دکتر مهدی صادقی و مهدی شوال پور، ج اول، انتشارات دانشگاه امام صادق(ع)،تهران، چاپ دوم.
- دلاوری،مجید و رحمتی، زینب(1389) (بررسی عوامل موثر بر تغییرپذیری قیمت سکه در ایران با استفاده از مدل های آرج. مجله دانش و توسعه،سال هفدهم،شماره ۳۰:۵۱-۶۸.
- زنگنه،محمد (خرداد ۸۷) ، چهارچوبی برای راه اندازی معاملات مشتقات کالایی،شرکت بورس کالای ایران،شماره گزارش: ۸۷۳۹
- سازمان بورس اوراق بهادار(۱۳۸۸)، قوانین و مقررات بازار اوراق بهادار، انتشارات شرکت اطلاع رسانی و خدمات بورس، ویرایش دوم.
- سرفراز، لیلا و افسر،امیر (تابستان ۸۴)، بررسی عوامل موثر بر قیمت طلا و ارائه مدل پیش بینی برمبانی شبکه های عصبی فاری،فصلنامه پژوهش های اقتصادی،شماره شانزدهم: ۱۴۹-۱۶۵
- شرکت بورس کالای ایران ، (آبان ۸۶)،فرآیند اجرایی معاملات بورس کالا (معاملات آتی) .
- صنوبر،ناصر،معطوفی،علیرضا،مجموعه مقالات و همایشهای مدیریت مالی بازارسرمایه و گزارشکری،دبیرخانه همایش مدیریت مالی ، بازارسرمایه و گزارشکری،سال ۱۳۸۶ ص ۶۱
- علی احمدی،سعیدواحیدلو،مجید(۱۳۹۰)، پیش بینی قیمت قرارداد های آتی سکه طلا با استفاده از مدل آریما در بورس کالای ایران،مجله دانش مالی تحلیل اوراق بهادار،شماره نهم: ۶۱-۷۴
- هال، جان.(۲۰۰۴)، مبانی مهندسی مالی و مدیریت ریسک، ترجمه سجاد سیاح و علی صالح آباد، شرکت کارگزاری مفید، انتشارات گروه رایانه تدبیرپرداز،تهران.
- Cai, J., cheung, Y, L., C. S. Wong, M., (2001), What moves the goldmarket?, Journal of Futures Market, Mar 2001: 21, 3, 257-278.

- Cheung, Y. W., and Ng, L. K. (1990), The dynamics of S&P 500 index and S&P500 futures intraday price volatilities, Review of Futures Markets, 9:458-486.
- Christos Iliopoulos (2007), lead – lag relationship between futures and spot markets in Greece
- Lin,J (2010), Empirical study of Gold price Based on ARIMA and GARCH Models,: Stockholm's universities.
- Tully,E., Lucey,B.M., (2007), Power GARCH examination of the gold Market, J. Research in International Business and Finance, volume 21, Issue2, pp: 316-325.
- Miyazaki,T., Hamori.S.H., (2012), Testing for causality between the gold return and stock market performance: evidence for ‘gold investment in case of emergency’, Applied Financial Economics, 23:1, 27-40

## پیوست ۱ (نتایج برآورد مدل بهینه EGARCH(1,1)

Dependent Variable: RFP				
Method: ML - ARCH (Marquardt) - Student's t distribution				
Date: 08/18/13 Time: 18:14				
Sample (adjusted): 3 490				
Included observations: 488 after adjustments				
Convergence achieved after 87 iterations				
MA Backcast: 2				
Presample variance: backcast (parameter = 0.7)				
$\text{LOG(GARCH)} = C(5) + C(6)\text{ABS(RESID(-1)}/\text{@SQRT(GARCH(-1)))} + C(7)\text{*RESID(-1)}/\text{@SQRT(GARCH(-1))} + C(8)\text{*LOG(GARCH(-1))} + C(9)\text{*RSP(-1)} + C(10)\text{*HP\_RE} + C(11)\text{*RBORS} + C(12)\text{*HP\_RWG}$				
	Coefficient	Std. Error	z-Statistic	Prob.
GARCH	-11.36644	3.010050	-3.776162	0.0002
C	0.002569	0.000373	6.892014	0.0000
AR(1)	0.887534	0.040578	21.87229	0.0000
MA(1)	-0.951928	0.025813	-36.87790	0.0000
Variance Equation				
C(5)	-0.422329	0.127421	-3.314430	0.0009
C(6)	0.135279	0.051089	2.647935	0.0081
C(7)	-0.046294	0.034869	-1.327668	0.1843
C(8)	0.964952	0.012256	78.73117	0.0000
C(9)	16.71950	5.793200	2.886055	0.0039
C(10)	-13.86390	6.460186	-2.146053	0.0319
C(11)	-10.74542	2.101358	-5.113562	0.0000
C(12)	7.244257	3.810992	1.900885	0.0573
T-DIST. DOF	7.114844	2.934336	2.424686	0.0153
R-squared	0.035511	Mean dependent var	0.000185	
Adjusted R-squared	0.011145	S.D. dependent var	0.013250	
S.E. of regression	0.013175	Akaike info criterion	-6.188718	
Sum squared resid	0.082457	Schwarz criterion	-6.077091	
Log likelihood	1523.047	Hannan-Quinn criter.	-6.144871	
F-statistic	1.457384	Durbin-Watson stat	2.082040	
Prob(F-statistic)	0.136754			
Inverted AR Roots	.89			
Inverted MA Roots	.95			

منبع: یافته‌های پژوهشگر