

## تحلیل اگررژی و بهینه‌سازی سیکل ترکیبی قدرت رانکین و تبرید اجکتوری

محمد مهدی رشیدی<sup>۱</sup>, پیمان لشگری<sup>۲</sup> و محسن مهرابی<sup>۳</sup>  
PL1361@gmail.com

درباره مقاله: ۸۹/۰۳/۰۵ دریافت مقاله: ۸۹/۰۶/۰۲ پذیرش مقاله:

### چکیده

در این مقاله، یک سیکل ترکیبی پیشنهاد گردیده است که ترکیبی از سیکل قدرت رانکین و سیکل تبرید اجکتوری می‌باشد و قادر است همزمان هر دو توان حرارتی و تبرید را تولید نماید. این سیکل توسط حرارت خروجی از توربین‌های گازی، یا از طریق تلفات انرژی کارخانه‌ها، یا با انرژی خورشیدی و یا انرژی‌های زمین‌گرمایی کار کند. از آنالیز اگررژی به منظور بهبود ترمودینامیکی این سیکل و از آنالیز پارامتری جهت بررسی اثر مشخصات ترمودینامیکی بر روی عملکرد سیکل استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد که بیشترین تلفات اگررژی، به‌واسطه برگشت‌ناپذیری‌ها رخ می‌هد. اجکتور نیز سهم قابل ملاحظه‌ای در برگشت‌ناپذیری‌ها دارد. همچنین مشاهده شد که فشار ورودی به توربین، فشار خروجی توربین، دمای کندانسور و تبخیر کننده، اثرات قابل ملاحظه‌ای بر توان خروجی توربین و بازده اگررژی سیکل دارند.

### کلیدواژه:

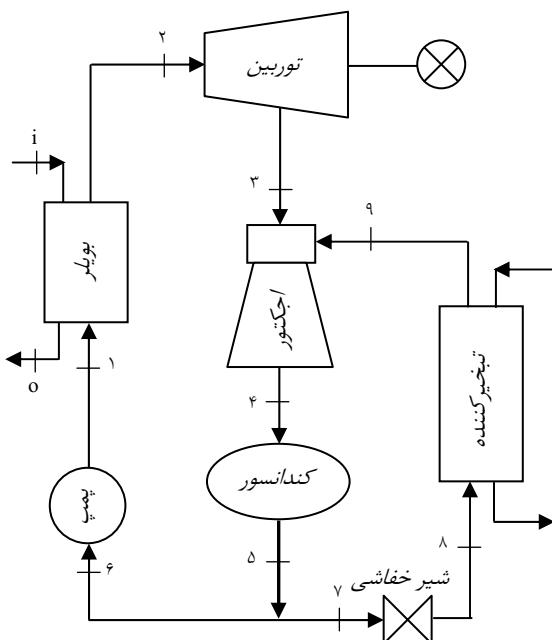
سیکل قدرت رانکین - سیکل تبرید اجکتور - بهینه‌سازی - بازگشت‌ناپذیری - تحلیل اگررژی

۱- دانشیار، دانشکده مهندسی، گروه مکانیک، دانشگاه بوعلی سینا، همدان  
۲- کارشناس ارشد مهندسی مکانیک، دانشگاه آزاد اسلامی واحد دماوند (نویسنده مسئول)  
۳- دانشجوی کارشناسی، دانشکده مهندسی، گروه مکانیک، دانشگاه بوعلی سینا، همدان

عملکرد سیکل صورت گرفته است و با آنالیز پارامتری، اثر مشخصه های ترمودینامیکی بر عملکرد سیکل مورد بررسی قرار گرفته است. در هر مرحله نتایج عددی حاصل با نتایج عددی سایر محققان مقایسه و ارزیابی شده است.

## ۲- تشریح سیکل و بیان فرضیات

شکل (۱)، شکل شماتیک سیکل ترکیبی و شکل (۲) دیاگرام S - T آن را نشان می دهد. سیکل ترکیبی موردنظر شامل شش جزء اصلی بویلر، توربین، تبخیر کننده، کندانسور، اجکتور و شیر خفانشی است.



شکل (۱): شکل شماتیک سیکل ترکیبی قدرت-اجکتوری

با توجه به شکل (۳)، بخار خروجی توربین به عنوان بخار اولیه، وارد نازل اجکتور می گردد. سرعت بالای بخار در خروجی نازل، یک خلاء بزرگ در ورودی محفظه اختلاط ایجاد می کند و بخار ثانویه از سمت تبخیر کننده به محفظه اختلاط وارد می گردد. هر دو بخار در محفظه اختلاط با هم ترکیب می شوند. سپس جریان ترکیبی به یک جریان سوپرسونیک گذرا تبدیل می شود. در ناحیه ورودی با سطح مقطع ثابت، یک موج شوک با فشار قابل توجهی ایجاد می شود و در دیفیوزر، سرعت جریان کاهش می یابد.

جریان مخلوط به سمت کندانسور جریان می یابد و در آنجا دچار چگالش می گردد. بخشی از سیال خروجی از کندانسور پس از عبور از شیر خفانشی، وارد تبخیر کننده شده و بخش دیگر از طریق پمپ به بویلر ارسال می گردد تا مجدداً به بخار تبدیل گردد. سیال ورودی به تبخیر کننده دارای دما و فشار کمی است و به واسطه گرفتن گرما

## ۱- مقدمه

در سال های اخیر، حرارت های اتلافی که در محیط آزاد می گردد افزایش یافته است. از جمله می توان به گازهای خروجی از توربین ها و موتورها، حرارت اتلافی در کارخانه ها و ... اشاره نمود که به مشکل اصلی و عمده زیست محیطی مبدل گردیده است. در مقابل، منابع طبیعی فراوانی به همراه انرژی خورشیدی در سطح جهان موجود می باشند که بدون بهره برداری مانده اند. به منظور استفاده از این منابع، بازیابی انرژی های اتلافی، کاهش مصرف سوخت های فسیلی و کاهش مسائل زیست محیطی، سیکل ترکیبی ارائه گردیده تا بازده کلی انرژی بهبود یابد. گوسوارمی<sup>۱</sup> و همکارانش [۱]، یک سیکل حرارتی ترکیبی با یک سیکل خنک کاری را پیشنهاد نمودند که می تواند با منابع دما پایین کار کند. در این سیکل از بخار آب - آمونیاک به عنوان سیال عامل استفاده گردیده است. ژانگ<sup>۲</sup> و همکارانش [۲]، یک سیکل جدید آب - آمونیاک را پیشنهاد کردند که در آن از یک واحد جدا کننده / جذب کننده در درون سیکل استفاده شده است که بر اساس موازی قرار گرفتن سیکل ترکیبی شامل رانکین و سیکل تبرید آمونیاک کار می کند.

در زمینه تحلیل اگررژی و بهینه سازی سیکل های ترکیبی، می توان به تحقیقات صورت گرفته توسط راسلی<sup>۳</sup> و همکارانش [۳] اشاره نمود که به تحلیل عددی و بهینه سازی طراحی انواع اجکتورها در سیکل های ترکیبی اشاره نمود. در تحقیق دیگری، وانگ<sup>۴</sup> و همکارانش [۴] به آنالیز پارامتری و بهینه سازی سیکل ترکیبی قدرت - تبرید پرداختند.

هر چند مطالعات خوبی بر روی سیکل های ترکیبی انجام گرفته است ولی اکثر آنها بر مبنای ترکیب سیکل های رانکین و تبرید جذبی است و توجه اندکی به ترکیب سیکل های رانکین و تبرید اجکتوری گردیده است. سیکل تبرید اجکتوری یکی از سیکل های تبرید است که علی رغم نداشتن بازده بالا از مزیت های فراوانی نظیر هزینه نصب و نگهداری کمتر، پراکندگی کم اجزاء وابسته برخوردار است. به علاوه، این سیکل تبریدی از این قابلیت بهره مند است تا بتوان از آن در سطح وسیعی از سیکل ها استفاده کرد. از این رو در این مقاله، سیکل ترکیبی قدرت - تبرید پیشنهاد گردیده است که تلفیقی از سیکل های رانکین و تبرید اجکتوری می باشد. در این مقاله، ضمن بررسی سیکل ترکیبی رانکین و تبرید اجکتوری، محاسبه معادلات انرژی برای هر یک از اجزاء سیکل صورت گرفته است و با استفاده از نرم افزار<sup>۵</sup> EES، آنالیز اگررژی جهت ارزیابی

1- Goswami

2- Zhang

3- Rusly

4- Wang

5- Engineering Equation Solver (EES)

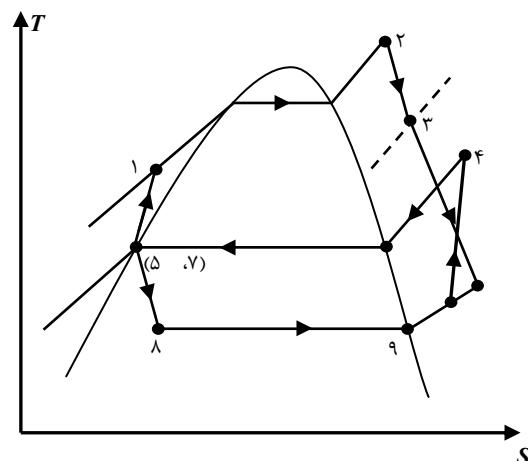
سیکل ترکیبی موردنظر، سیستمی پایا بوده و افت فشار در لوله‌ها و تلفات حرارتی در بویلر، تبخیر کننده، کندانسور، توربین و پمپ ناچیز فرض شده است. عبور جریان از شیر خفاشی، فرآیند آنتالپی ثابت در نظر گرفته می‌شود. دمای سیال خروجی از کندانسور  $C_5$  از دمای محیط بیشتر است. بازده آیزنتروپیکی توربین، پمپ و بویلر به ترتیب معادل ۰/۸۵٪، ۷۰٪ و ۱۰۰٪ است. سایر اطلاعات در جدول (۱) ارائه شده است [۶].

جدول (۱): مقادیر ورودی پارامترهای ترمودینامیکی سیکل ترکیبی [۶]

دماهی محیط ( $^{\circ}C$ )	دماهی مبرد ( $^{\circ}C$ )	نموده اولیه منبع حرارتی ( $^{\circ}C$ )	نموده خروجی منبع حرارتی ( $^{\circ}C$ )	نرخ جرمی منبع حرارتی ( $kg/s$ )
۱۵	-۱۰	۱۵۰	۱۳۵/۴	۲۰
۰/۱۰۱	۰/۱۰۱	۰/۱۰۱	۰/۱۰۱	۰/۱۰۱
۰/۸	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۸
۱۴۰	-۱۰	۱۵۰	۱۳۵/۴	۱۴۰
۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲	۰/۲
-۱۰	-۱۰	-۱۰	-۱۰	-۱۰
۱۵۰	۱۵۰	۱۵۰	۱۵۰	۱۵۰
۱۳۵/۴	۱۳۵/۴	۱۳۵/۴	۱۳۵/۴	۱۳۵/۴

از سیال واسطه تبخیر می‌گردد. حرارت منبع از بویلر می‌گذرد و نهایتاً به محیط تخلیه می‌گردد.

در این مقاله، حرارت اتلافی که به عنوان منبع حرارتی سیکل از آن استفاده شده است، ترکیبی از  $N_2/۱۶\%$ ،  $O_2/۲۳\%$ ،  $H_2O/۰/۰۲\%$  و  $NO+NO_2/۰/۰۲\%$  (برحسب درصد حجمی) می‌باشد و از ماده R123 به عنوان سیال عامل استفاده می‌گردد [۵].



#### ۴- شرایط عملکردی اجکتور

اجکتور کلیدی ترین جزء در این سیکل است. در اکثر مطالعات مربوط به سیستم‌های تبرید اجکتوری، عملکرد اجکتور را براساس مدل یک جریان فشار ثابت تک بعدی شبیه‌سازی می‌کنند [۵]. همانگاه همکارانش [۷]، بر مبنای قوانین دینامیک گازها، فرضیات زیر را برای اجکتور ارائه نموده‌اند:

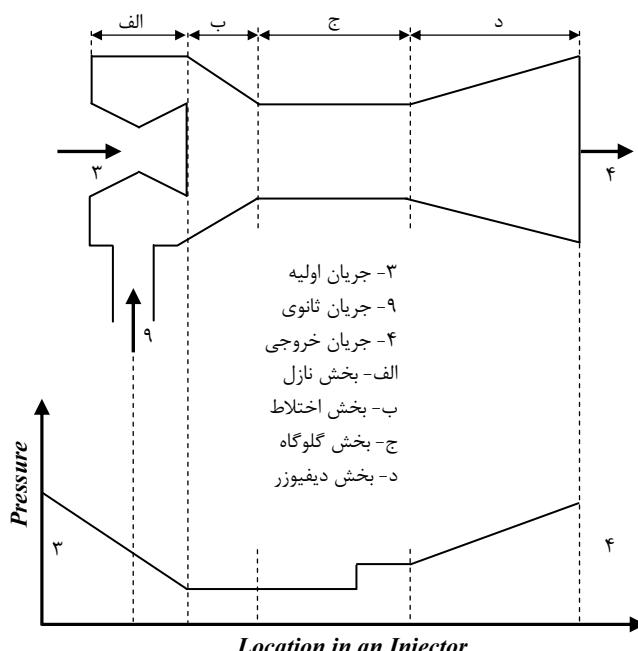
- ۱- جریان ورودی به اجکتور پایا و تک بعدی است.
- ۲- سرعت جریان در ورودی و خروجی قابل صرف نظر کردن است.
- ۳- اثرات اصطکاک و تلفات اختلاط در نازل، دیفیوزر و بخش اختلاط در روابط بازده نازل، مخلوطکن و دیفیوزر به حساب نمی‌آیند.
- ۴- هرگاه جریان ترکیبی سوپرسونیک باشد، فرض می‌شود که یک موج شوک عمودی در ورودی پخش کننده ایجاد می‌گردد.
- ۵- فرآیند اختلاط، فرآیندی فشار ثابت است.
- ۶- اجکتور با محیط اطراف تبادل حرارتی نخواهد داشت.

#### ۴- قوانین انرژی در اجزاء سیکل

##### ۴-۱- معادلات انرژی در اجکتور [۷ و ۸]

در قسمت نازل، معادله انرژی برای جریان پایا و آدیباتیک ورودی به

شکل (۲): دیاگرام T-S سیکل ترکیبی قدرت - اجکتوری



شکل (۳): ساختمان و اجزای اجکتور

متوسط سرعت جریان مخلوط برحسب معادلات (۹) و (۱۰) برابر است با:

$$u_{mf,m} = u_{pf,n2} \sqrt{\eta_m} / (1 + \mu) \quad (11)$$

معادلات انرژی در قسمت اختلاط عبارتند از:

$$\begin{aligned} m_{pf} (h_{pf,n2} + \frac{u_{pf,n2}^2}{2}) m_{sf} (h_{sf,n2} + \frac{u_{sf,n2}^2}{2}) \\ = (m_{pf} m_{sf}) (h_{mf,m} \frac{u_{mf,m}^2}{2}) \end{aligned} \quad (12)$$

آنالیپی جریان مخلوط برحسب معادلات (۲)، (۸) و (۱۲) بهصورت زیر بیان می‌گردد:

$$h_{mf,m} = \frac{(h_{pf,n1} + \mu h_{sf}) - u_{mf,m}^2}{1 + \mu} \quad (13)$$

در قسمت دیفیوزر، انرژی جنبشی جریان به انرژی فشاری تبدیل می‌شود. با فرض فرآیند تراکم آیزنتروپیک، معادلات انرژی در قسمت دیفیوزر برابر است با:

$$\frac{1}{2} (u_{mf,m}^2 - u_{mf,d,s}^2) = h_{mf,d,s} - h_{mf,m} \quad (14)$$

معادله انرژی در این بخش عبارت است از:

$$\frac{1}{2} (u_{mf,m}^2 - u_{mf,d}^2) = h_{mf,d} - h_{mf,m} \quad (15)$$

و بازده دیفیوزر:

$$\eta_d = \frac{h_{mf,d,s} - h_{mf,m}}{h_{mf,d} - h_{mf,m}} \quad (16)$$

در مقابل سرعت  $u_{mf,m}$ ، می‌توان از سرعت خروجی جریان مخلوط ( $u_{mf,d}$ ) چشمپوشی نمود. آنالیپی واقعی خروجی جریان مخلوط با توجه به معادله (۱۵) به شکل زیر بیان می‌گردد:

$$h_{mf,d} = h_{mf,m} + \frac{u_{mf,m}^2}{2} \quad (17)$$

از طرفی، بر طبق معادله (۱۶)، می‌توان آنالیپی واقعی خروجی جریان مخلوط را با استفاده از رابطه زیر بدست آورد:

شکل زیر خواهد بود:

$$h_{pf,n2} + \frac{u_{pf,n2}^2}{2} = h_{pf,n1} + \frac{u_{pf,n1}^2}{2} \quad (1)$$

در مقایسه با سرعت خروجی جریان اولیه ( $u_{pf,n2}$ )، می‌توان از سرعت ورودی جریان اولیه ( $u_{pf,n1}$ ) صرف نظر کرد. طبق معادله (۱)، سرعت خروجی جریان اولیه، به شکل زیر بیان خواهد شد:

$$u_{pf,n2} = \sqrt{2(h_{pf,n1} - h_{pf,n2})} \quad (2)$$

بازده نازل عبارت است از:

$$\eta_n = \frac{h_{pf,n1} - h_{pf,n2}}{h_{pf,n1} - h_{pf,n2,s}} \quad (3)$$

بنابراین:

$$u_{pf,n2} = \sqrt{2\eta_n (h_{pf,n1} - h_{pf,n2,s})} \quad (4)$$

نسبت جرمی در اجکتور به صورت زیر تعریف می‌گردد:

$$\mu = \frac{m_{sf}}{m_{pf}} \quad (5)$$

در بخش اختلاط، معادله ممنتوم به فرم زیر است:

$$m_{pf} u_{pf,n2} + m_{sf} u_{sf,n2} = (m_{pf} + m_{sf}) u_{mf,m,s} \quad (6)$$

پس:

$$u_{mf,m,s} = \frac{u_{pf,n2} + \mu u_{sf,n2}}{1 + \mu} \quad (7)$$

که در آن:

$$u_{sf,n2} = \sqrt{2(h_{sf} - h_{sf,n2})} \quad (8)$$

در مقایسه با سرعت جریان اولیه، می‌توان از سرعت ثانویه چشمپوشی نمود. درنتیجه معادله (۷) به شکل زیر خواهد آمد:

$$u_{mf,m,s} = \frac{u_{pf,n2}}{1 + \mu} \quad (9)$$

بازده اختلاط عبارت است از:

$$\eta_m = \frac{u_{mf,m}^2}{u_{mf,m,s}^2} \quad (10)$$

## ۵- تحلیل اگررژی در سیکل

اگررژی بر مبنای قانون دوم ترمودینامیک، بیانی از اختلاف مابین کار و گرما در جمله برگشت‌ناپذیر است و یا به عبارتی دیگر، معرف تغییر در کیفیت انرژی است. از این‌رو، بازده اگررژی به عنوان معیار ارزیابی بازده و عملکرد سیکل انتخاب می‌باشد. اگررژی به صورت توان ماکزیمم مقدار کاری تعریف می‌شود که سیکل در هنگام تعادل با محیط می‌تواند تولید نماید. از آنالیز اگررژی به منظور ارزیابی عوامل انحراف ترمودینامیکی سیکل تحت بررسی استفاده می‌گردد. آنالیز اگررژی ابزاری جهت اندازه‌گیری ماکزیمم عملکرد سیستم و تعیین عوامل اختلاف انرژی است و به تعیین روش‌هایی جهت بهبود ترمودینامیکی سیکل مورد نظر می‌پردازد. در محاسبات اگررژی هر نقطه، فرضیات زیر در نظر گرفته شده‌اند:

۱- تنها از اگررژی فیزیکی برای جریان‌های بخار و گاز استفاده می‌شود.

۲- اگررژی شیمیائی اجزاء قابل صرف‌نظر کردن است.

۳- اگررژی پتانسیل مواد در نظر گرفته نمی‌شود.  
اگررژی هر نقطه وضعیت را می‌توان این‌گونه نشان داد:

$$E_i = m \left[ (h_i - h_0) - T_0 (s_i - s_0) \right] \quad (26)$$

بازده اگررژی به صورت نسبت اگررژی خروجی بر اگررژی ورودی به سیکل تعریف می‌گردد. اگررژی ورودی، تغییرات موجود در انرژی منبع حرارتی است و اگررژی خروجی همان اگررژی کار خالص تولیدی و اگررژی تبرید است.

$$\eta_{exergy} = \frac{W_{Net} + E_{evap}}{E_{in}} \quad (27)$$

که اگررژی جریان حرارت منبع می‌باشد و برابر است با:

$$E_{in} = m_g \left[ (h_g - h_0) - T_0 (s_g - s_0) \right] \quad (28)$$

از آنجا که جریان حرارتی مرجع نهایتاً به محیط داده می‌شود، از این‌رو اگررژی ورودی، برمبنای اختلاف در حالت ورودی و حالت محیطی آن محاسبه می‌شود.

اگررژی مربوط به توان حاصل از خنک‌کاری بوده و به عنوان اختلاف اگررژی ایجاد شده در سیال عامل در حین گذر از تبخیر کننده تعریف می‌گردد:

$$E_{evap} = m_{evap} \left[ (h_{evap,in} - h_{evap,out}) - T_0 (s_{evap,in} - s_{evap,out}) \right] \quad (29)$$

آنالیز اگررژی سیستم ترکیبی می‌تواند به صورت آنالیز هر جزء از

$$h_{mf,d} = h_{mf,m} + \frac{h_{mf,d,s} - h_{mf,m}}{\eta_d} \quad (18)$$

عملکرد اجکتور با  $\mu$  نشان داده می‌شود که با استفاده از معادلات (۱۱)، (۱۸) و (۱۹) از رابطه زیر حاصل می‌گردد:

$$\mu = \sqrt{\eta_n \eta_m \eta_d \frac{(h_{pf,n1} - h_{pf,n2,s})}{(h_{mf,d,s} - h_{mf,m})} - 1} \quad (19)$$

در صورتی که مشخصات حالت ورودی جریان‌های اولیه، ثانویه و فشار در اجکتور معلوم باشند، به کمک روابط ارائه شده می‌توان  $\mu$  را محاسبه نمود.

## ۶- معادلات انرژی در سایر اجزاء [۸]

در این بخش، معادلات انرژی سایر اجزاء سیکل محاسبه گردیده است:

تبخیر کننده:

$$Q_{evap} = m_{evap} (h_9 - h_8) \quad (20)$$

بویلر:

$$Q_{boi} = m_{boi} (h_2 - h_1) \quad (21)$$

کندانسور:

$$Q_{cond} = m_{cond} (h_4 - h_5) \quad (22)$$

توربین:

$$W_{TBN} = m_{TBN} (h_2 - h_3) \quad (23)$$

پمپ:

$$W_{pump} = m_{pump} (h_l - h_6) \quad (24)$$

عملکرد سیستم از طریق بازده حرارتی و بازده اگررژی قابل ارزیابی است. قانون اول یا همان بازده حرارتی به صورت نسبت انرژی مفید خروجی بر کل انرژی ورودی تعریف می‌گردد:

$$h_{thermal} = \frac{W_{Net} + Q_{evap}}{Q_{in}} \quad (25)$$

در رابطه بالا،  $W_{Net}$  عبارتست از حاصل تفاضل توان خروجی از توربین و توان مصرفی پمپ،  $Q_{evap}$  توان خروجی تبرید و  $Q_{in}$  کل حرارت داده شده به سیکل از منبع حرارتی در بویلر می‌باشد. از قانون اول ترمودینامیک و معادلات بقاع انرژی، جهت تعیین بازده کل حرارتی، کار و گرما مبادله شده استفاده می‌گردد.

نشان دهنده میزان تلفات اگررژی اندازه گیری شده در سیکل می باشد. در تمام جداول فوق، نتایج عددی حاصل با نتایج عددی مطالعه دای<sup>۷</sup> و همکارانش [۶] که با استفاده از الگوریتم ژنتیک به بهینه سازی اگررژی سیکل ترکیبی مورد نظر پرداخته اند، مقایسه گردیده است. مقایسه نتایج حاکی از اطمیق زیادی بین نتایج حاصل از استفاده از روش EEC و روش الگوریتم ژنتیک مورد استفاده دای ۷۸/۵۱٪ و همکارانش وجود دارد. نتایج نشان می دهد که در حدود ۴۸/۳۲٪ از کل اگررژی ورودی تلف می گردد که از این مقدار، سهم برگشت ناپذیری های اجزاء و ۳۰/۲٪ سهم خروجی بویلر به محیط است. بیشترین تلفات اگررژی مربوط به برگشت ناپذیری ها در بویلر بوده و اجکتور دومین عامل تلفات اگررژی است. همچنین، فرآیند انبساط در توربین ۲/۸۴٪ و فرآیند چگالش ۹/۰۷٪ در اتلاف اگررژی سهم دارند. بررسی نتایج نشان می دهد که می توان تلفات اگررژی خروجی بویلر را با کاهش دمای خروجی بویلر کاهش داد. کم کردن اختلاف دما در فرآیند انتقال حرارت در بویلر نیز می تواند تلفات اگررژی در بویلر را کاهش دهد.

تلفات اگررژی در اجکتور نسبتاً بالا است و آن را می توان با بهبود عملکرد اجکتور از طریق طراحی پیشرفته تر کاهش داد. تلفات اگررژی مربوط به کندانسور را نیز می توان از طریق کاهش اختلاف دمای انتقال حرارت کاهش داد. همچنین استفاده از توربین با بازده بالاتر سبب کاهش تلفات در توربین می گردد.

## ۷- بررسی اثر تغییر پارامترهای ترمودینامیکی در مشخصات سیکل ترکیبی

در تحلیل اگررژی، زمانیکه یک پارامتر مورد بررسی قرار می گیرد، سایر پارامترها ثابت در نظر گرفته می شوند. شکل (۴) نشان دهنده اثر تغییرات دمای تبخیر کننده بر توان توربین، بازده اگررژی و توان خروجی تبرید می باشد. مشخص است که توان خروجی توربین با افزایش دمای تبخیر کننده دچار تغییر نمی شود زیرا حالات ورودی و خروجی آن تغییر نمی کند. اما توان خروجی تبرید با افزایش دمای تبخیر کننده افزایش می یابد. از آنجا که جریان اولیه در نازل سوپرسونیک چوک می شود، دبی جرمی آن ثابت می ماند. هر چند دبی جرمی جریان ثانویه با افزایش دما و فشار تبخیر کننده افزایش می یابد، بنابراین توان خروجی تبرید زیاد می گردد. جریان ثانویه بخار ورودی به اجکتور از سمت تبخیر کننده، تحت تاثیر تفاوت فشار بین تبخیر کننده و اجکتور قرار دارد. بازده اگررژی نیز با افزایش دمای تبخیر کننده افزایش می یابد.

سیستم به صورت مجزا اعمال گردد. در یک فرآیند جریان دائم، رابطه تعادلی اگررژی به شکل زیر بیان می گردد:

$$\sum E_{in} - \sum E_{out} = I \quad (30)$$

تلفات اگررژی هر جزء از سیکل ترکیبی را می توان به طریق زیر بدست آورد: بویلر:

$$\begin{aligned} \sum E_{in} - \sum E_{out} &= I_B \\ &= E_{in,g} + E_{in,W} - E_{out,g} - E_{out,w} \end{aligned} \quad (31)$$

توربین:

$$I_{TBN} = E_{in} + W_{TBN} - E_{out} \quad (32)$$

کندانسور:

$$I_{cond} = E_{in} - E_{out} \quad (33)$$

اجکتور:

$$I_{inj} = E_{in,1} + E_{in,2} - E_{out} \quad (34)$$

پمپ:

$$I_{pump} = W_{pump} + E_{in} - E_{out} \quad (35)$$

شیر خفانشی:

$$I_{valve} = E_{in} - E_{out} \quad (36)$$

## ۶- بهینه سازی عملکرد سیکل و تحلیل نتایج

در این مرحله از آنالیز پارامتری استفاده شده تا اثر هر پارامتر اصلی بر روی عملکرد سیکل ترکیبی مورد ارزیابی قرار گیرد. در یک سیکل ترکیبی متغیرهای فراوانی وجود دارند که بر سیستم اثر گذارند. در این مقاله، بازده اگررژی به عنوان تابع اصلی جهت بهینه کردن پارامترها انتخاب شده است. خصوصیات ترمودینامیکی سیال عامل از REFPROP 6.01 [۵]، استخراج گردیده و برای انجام محاسبات در اجکتور، مقادیر بازده از مراجع [۹ و ۱۰] در نظر گرفته شده است:

$$\eta_n = 0.9$$

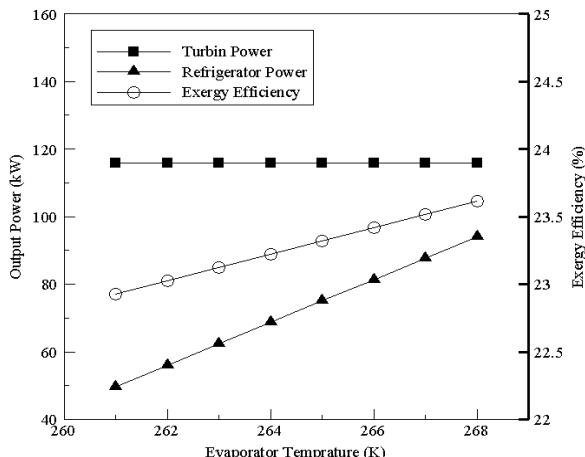
$$\eta_m = 0.85$$

$$\eta_d = 0.85$$

در جداول (۳) و (۴)، نتایج حاصل از تحلیل سیکل و خصوصیات ترمودینامیکی نقاط مهم آن نشان داده شده است. جدول (۴)،

جدول (۲): نتایج تحلیلی پارامترهای ترمودینامیکی سیکل ترکیبی

موقعیت	دما (°C)	فشار (kpa)	دبی حرارتی (kg/s)	خشکی
سیکل	در			
[۶]	حل عددی	حل عددی	حل عددی	حل عددی
[۶]	دای	حاضر	دای	حاضر
۰/۰۰	۰/۰۰	۴/۹۲۱	۴/۸۸۴	۸۰۰
۱/۰۰	۱/۰۰	۴/۹۲۱	۴/۸۸۴	۸۰۰
۱/۰۰	۱/۰۰	۴/۹۲۱	۴/۸۸۴	۲۰۰
۱/۰۰	۱/۰۰	۵/۳۱	۵/۲۷۵	۷۵/۶
۰/۰۰	۰/۰۰	۵/۳۱	۵/۲۷۵	۷۵/۶
۰/۰۰	۰/۰۰	۴/۹۲۱	۴/۸۸۴	۷۵/۶
۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۳۸۹	۰/۳۹۰۷	۷۵/۶
۰/۱۶۱	۰/۱۶۲۸	۰/۳۸۹	۰/۳۹۰۷	۲۰/۲
۱/۰۰	۱/۰۰	۰/۳۸۹	۰/۳۹۰۷	۲۰/۲
				۲۰/۲۹
				-۱۰/۰۰
				-۱۰/۰۰
				-۱۰/۰۰



شکل (۴): اثر تغییرات دمای تبخیرکننده بر روی توان توربین، توان تبرید و بازده اگزرسی در شرایط کاری دمای کندانسور  $293\frac{1}{2}$  درجه کلوین، فشار ورودی و خروجی توربین به ترتیب  $0/۸$  و  $۰/۲$  مگاپاسکال

در شکل (۵)، به بررسی تغییرات اثر دمای کندانسور بر روی توان توربین، بازده اگزرسی و توان خروجی تبرید پرداخته شده است. توان خروجی توربین با افزایش دمای تبخیرکننده افزایش نمی‌باشد، زیرا حالات ورودی و خروجی آن تغییر نکرده است. افزایش دمای کندانسور، توان تبرید خروجی را کاهش می‌دهد، زیرا افزایش دمای کندانسور سبب افزایش فشار کندانسور و افزایش فشار برگشتی به اجکتور می‌شود. بنابراین، نسبت تراکم (نسبت فشار کندانسور به تبخیرکننده) افزایش می‌یابد. همچنین، با ثابت ماندن سرعت بخار اولیه، سرعت بخار ثانویه کاهش یافته و نهایتاً توان خروجی تبرید کاهش خواهد یافت. به علت کاهش توان خروجی تبرید با افزایش دمای کندانسور و عدم تغییر در توان خروجی توربین، بازده اگزرسی افزایش می‌یابد.

جدول (۳): نتایج تحلیلی عملکرد سیکل ترکیبی

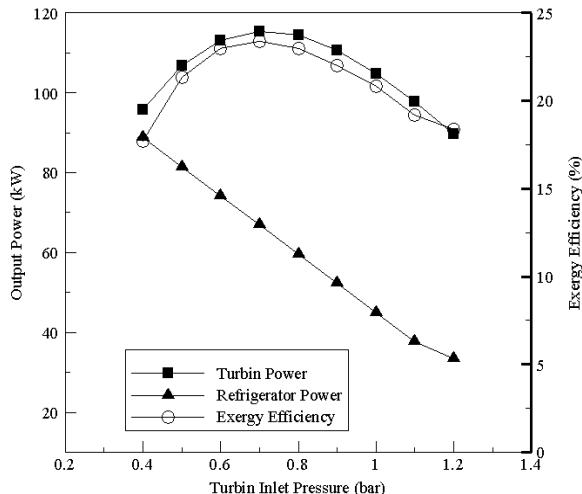
پارامتر ترمودینامیکی	حل عددی [۶]	حل عددی حاضر
توان تولیدی توربین (kW)	۱۱۴/۱۴	۱۱۵
توان مصرفی پمپ (kW)	۲/۴۵	۳/۳۴
توان تبرید خروجی سیکل (kW)	۶۰/۴۴	۶۰/۷۶
توان قدرتی خروجی سیکل (kW)	۱۱۰/۶۹	۱۱۱/۵۷
توان قدرتی و تبرید خروجی سیکل (kW)	۱۷۱/۱۳	۱۷۲/۳۳
توان حرارتی ورودی بویلر (kW)	۱۲۴۶/۹۶	۱۲۵۴
اگزرسی مبرد (kW)	۵/۷۴	۵/۷۰۷
بازده حرارتی (%)	۱۳/۷۲	۱۳/۷۴
اگزرسی ورودی (kW)	۵۲۴/۴۹	۵۴۶/۴
بازده اگزرسی (%)	۲۲/۲۰	۲۲/۱۶

جدول (۴): اگزرسی ورودی، خروجی و تلفات اگزرسی در سیکل ترکیبی

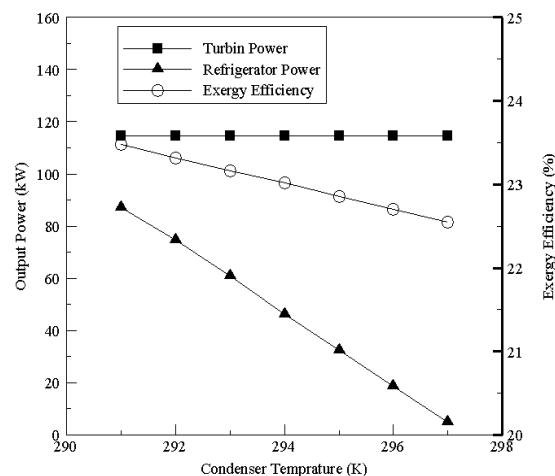
نوع اگزرسی	جزء	مقدار (kW)	درصد (%)	حل عددی [۶]	حل عددی حاضر	حل عددی [۶]	حل عددی حاضر
ورودی	بویلر	۵۲۴/۴۹	۵۴۶/۴	۱۰۰	۱۰۰		
خروچی	توان خالص	۱۱۰/۶۹	۱۱۱/۵۷	۲۱/۱۰	۲۰/۴۱		
مربد		۵/۷۶	۵/۷۰۷	۱/۰۹	۱/۰۴		
بویلر		۸۲/۱۲	۱۲۸/۷۱	۱۵/۶۷	۲۳/۵۵		
توبین		۱۵/۶۰	۱۵/۵۲	۲/۹۷	۲/۸۴		
کندانسور		۴۹/۵۴	۴۹/۵۸	۹/۴۵	۹/۰۷		
پمپ		۱/۰۲	۱/۰۰	۰/۱۹	۰/۱۸		
اجکتور		۶۸/۶	۶۸/۶	۱۳/۱۶	۱۲/۵۵		
شیر خفاشی		۰/۷۳	۰/۷۳	۰/۱۳	۰/۱۳		
تبخیرکننده		۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰	۰/۰۰		

## تحلیل اگزرزی و بهینه سازی سیکل ترکیبی قدرت رانکین و تبرید اجکتوری

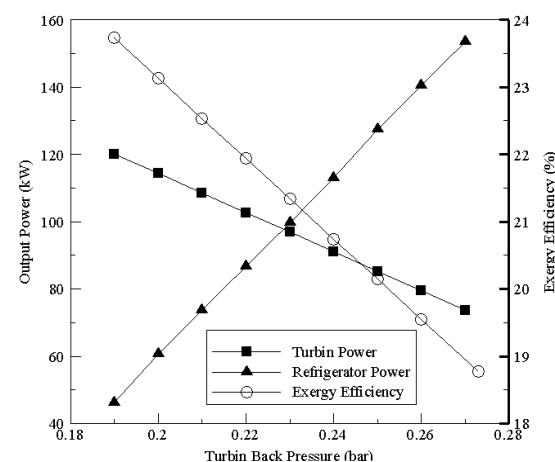
اگزرزی با افزایش فشار، کاهش می‌یابد. شکل (۷)، نشان دهنده اثر تغییرات فشار ورودی توربین بر روی توان خروجی توربین، بازده اگزرزی و توان خروجی تبرید می‌باشد. توان خروجی توربین در ابتدا تا رسیدن به ماکریمم مقدارش افزایش می‌یابد و سپس با افزایش فشار ورودی توربین کاهش می‌یابد. می‌توان مشاهده نمود که با افزایش فشار، افت آنتالپی عبوری از توربین افزایش می‌یابد. اما افزایش آنتالپی از افزایش نسبت فشاری حاصل می‌شود که نمی‌تواند در نرخ دبی جریان عبوری از توربین کاهش ایجاد کند. بنابراین توان خروجی توربین افت می‌کند. مشخص گردید که با افزایش فشار ورودی به توربین، توان تبرید کاهش می‌یابد، زیرا افزایش فشار ورودی به توربین سبب کاهش دمای خروجی از آن می‌شود که همانا دمای جریان اولیه به اجکتور است. این کاهش دما، سبب افت سرعت جریان اولیه در حین ترک نازل اجکتور می‌گردد و نهایتاً، نسبت اختلاط کاهش می‌یابد. به سبب اثر ترکیبی توان توربین و توان خروجی تبرید بر عملکرد سیستم، بازده اگزرزی با افزایش فشار ورودی به توربین کاهش می‌یابد. در بهینه‌سازی پارامترها، تلفات حرارتی ذکر شده در بالا نظیر منبع حرارتی، دمای محیط و دمای تبرید ثابت درنظر گرفته شده‌اند.



شکل (۷): اثر تغییرات فشار ورودی توربین بر روی توان توربین، توان تبرید و بازده اگزرزی در شرایط کاری دمای تبخیر کننده و کندانسور به ترتیب  $263/2$  و  $293/2$  درجه کلوین، فشار ورودی توربین به ترتیب  $0/8$  و  $0/2$  مگاپاسکال درجه کلوین، فشار خروجی توربین  $0/0$  مگاپاسکال



شکل (۵): اثر تغییرات دمای کندانسور بر روی توان توربین، توان تبرید و بازده اگزرزی در شرایط کاری دمای تبخیر کننده  $263/2$  درجه کلوین، فشار ورودی و خروجی توربین به ترتیب  $0/8$  و  $0/2$  مگاپاسکال



شکل (۶): اثر تغییرات فشار خروجی توربین بر روی توان توربین، توان تبرید و بازده اگزرزی در شرایط کاری دمای تبخیر کننده و کندانسور به ترتیب  $263/2$  و  $293/2$  درجه کلوین، فشار ورودی توربین  $0/8$  مگاپاسکال

شکل (۶)، نشان دهنده اثر تغییرات فشار برگشتی توربین بر روی توان توربین، بازده اگزرزی و توان خروجی تبرید می‌باشد. افزایش فشار برگشتی توربین، سبب کاهش توان خروجی آن می‌گردد. زیرا با افزایش فشار برگشتی توربین، آنتالپی در عبور از توربین افت می‌یابد. درنتیجه به علت ثابت ماندن دبی جریان عبوری از افزایش توان خروجی کاهش می‌یابد. همچنین توان خروجی تبرید با افزایش فشار برگشتی توربین، افزایش یافته‌است. زیرا با افزایش فشار توربین، سرعت بخار اولیه در حین ترک نازل اجکتور بیشتر شده و به دنبال افزایش سرعت در خروجی نازل، نسبت اختلاط که به توان خروجی تبرید وابسته است، افزایش پیدا می‌کند. به سبب اثر ترکیبی توان توربین و توان خروجی تبرید بر عملکرد سیکل، بازده

## ۸- تعیین شرایط بهینه سیکل

در جدول (۵)، مقادیر بهینه برای پارامترهای ترمودینامیک شامل دما، فشار و بازده ایزنتروپیک و نیز مقادیر بهینه توان، اگزرزی و بازده برای اجزای اصلی سیکل ترکیبی نشان داده شده که مقادیر بدست آمده با نتایج تحلیل عددی دای [۶] مقایسه شده است.

<i>s</i>	آنتروپی ویژه
<i>T</i>	دما
<i>Q</i>	انتقال حرارت
<i>u</i>	سرعت
<b>علامه یونانی</b>	
$\mu$	بازده
$\eta$	نسبت جرمی
<b>ذیرنویس</b>	
<i>boi</i>	بویلر
<i>cond</i>	کندانسور
<i>evap</i>	تبخیرکننده
<i>exg</i>	اگزرزی
<i>g</i>	گاز
<i>d</i>	بخش دیفیوزر اجکتور
<i>i</i>	حالت نقطه آم جریان
<i>in</i>	ورودی
<i>J</i>	اجکتور
<i>m</i>	بخش اختلاط اجکتور
<i>mf</i>	سیال مختلط شده
<i>n</i>	نازل
<i>NET</i>	خالص
<i>n1</i>	ورودی نازل
<i>n2</i>	خروجی نازل
<i>out</i>	خروجی
<i>pum</i>	پمپ
<i>p</i>	جریان اولیه
<i>pf</i>	فرآیند اینتروپیک
<i>sf</i>	جریان ثانویه
<i>TBN</i>	توربین
<i>ther mal</i>	حرارتی
<i>V</i>	شیر خفایی
<i>w</i>	سیال عامل
<i>o</i>	حالت محیط

جدول (۵) مقادیر بهینه پارامترهای ترمودینامیکی در سیکل ترکیبی		
پارامتر ترمودینامیکی	حل عددی دادای [۶]	حل عددی حاضر
فشار ورودی توربین ( <i>Mpa</i> )	۰/۷۸۵۲	۰/۷
دمای ورودی توربین ( $^{\circ}\text{C}$ )	۱۱۸/۹	۱۴۰
فشار خروجی توربین ( <i>Mpa</i> )	۰/۱۴۶۲	۰/۱۹
دمای اولیه منبع حرارتی ( $^{\circ}\text{C}$ )	۱۵۰	۱۵۰
محدوده فشار ورودی توربین ( <i>Mpa</i> )	۰/۶ - ۰/۲	۰/۶ - ۰/۲۶
توان تولیدی توربین ( <i>kW</i> )	۱۴۵/۱۶۸	۱۱۷
توان مصرفی پمپ ( <i>kW</i> )	۳/۸۲۴	۳/۵۲
توان قادری خروجی سیکل ( <i>kW</i> )	۱۴۱/۳۴۴	۱۱۳/۴۸
توان قادری و تبرید خروجی سیکل ( <i>kW</i> )	۱۴۹/۹۴۳	۱۸۱/۲۶
اگزرزی ورودی ( <i>kW</i> )	۵۲۴/۴۹	۵۴۶/۴
بازده اگزرزی	۲۷/۱۰	۲۳/۳۱

## ۹- نتیجه‌گیری

در این مقاله، سیکل جدید ترکیبی شامل سیکل قدرت رانکین و تبرید اجکتوری پیشنهاد گردیده است. با استفاده از نرم‌افزار EES آنالیز اگزرزی بهمنظور ارزیابی بهبود ترمودینامیکی این سیکل انجام گردید. با آنالیز پارامتری، اثر مشخصات ترمودینامیکی بر عملکرد سیکل تعیین شد. این کار با تابع قراردادن بازده اگزرزی صورت پذیرفت. مقایسه نتایج عددی حاصل از این روش با نتایج عددی حاصل از بهینه‌سازی با سایر روش‌ها از جمله الگوریتم ژنتیک نشان داد که استفاده از این روش ضمن حفظ میزان دقت نتایج عددی حاصل، سبب کاهش زمان محاسباتی و کمتر شدن محاسبات موردنظر جهت بهینه‌سازی سیکل ترکیبی می‌شود. نتایج عددی نشان داد که تلفات اگزرزی در بویلر و اجکتور درصد بالاتری را به خود اختصاص داده است. همچنین مشخص گردید که فشار ورودی توربین، فشار خروجی توربین و دمای تبخیرکننده و کندانسور اثرات جداگانه‌ای بر سیکل ترکیبی و بازده اگزرزی دارند. مشاهده شد زمانی که فشار ورودی و خروجی توربین به ترتیب  $۰/۷۰$  و  $۰/۱۹$  مگاپاسکال هستند، سیکل دارای ماکزیمم بازده اگزرزی به میزان  $۲۳/۳۱\%$  می‌باشد.

## ۱۰- فهرست علائم و نمادها

اگزرزی	<i>E</i>
آنالپی ویژه	<i>h</i>
انلاف اگزرزی	<i>I</i>
دبی جرمی	<i>m</i>
فشار	<i>P</i>

Refrigerants and Refrigerant Mixtures REFPROP, 6<sup>th</sup> ed, Standard Reference Data Program Gaithersburg, Maryland, 1998.

## ۱۱- مراجع

- [6] Dai, Y., Wang, W. J., and Gao, L., "Exergy Analysis, Parametric Analysis and Optimization for a Novel Combined Power and Ejector Refrigeration Cycle", Int. J. Applied Thermal Engineering, Vol. 29, Issue. 10, 2009, pp. 1983-1990.
- [7] Huang, B. J., Chang, J. M., Wang, C. P., and Petrenko, V. A., "A 1-D Analysis of Ejector Performance", Int. J. of Refrigeration, No. 22, 1999, pp. 354–364.
- [8] Bejan, A., *Advanced Engineering Thermodynamics*, 3<sup>rd</sup>. ed., Wiley, New York, 1988.
- [9] Li, D., Groll, E. A., "Transcritical CO<sub>2</sub> Refrigeration Cycle with Ejector-Expansion Device", Int. J. of Refrigeration, No. 28, 2005, pp. 766–773.
- [10] Yapıcı, R., Yetisen, C. C., "Experimental Study on Ejector Refrigeration System Powered by Low Grade Heat", Int. J. of Energy Conversion and Management, No. 48, 2007, pp. 1560–1568.
- [1] Vijayaraghavan,S., Goswami, D. Y., "A Combined Power and Cooling Cycle Modified to Improve Resource Utilization Efficiency Using a Distillation Stage", Int. J. of Energy, No. 31, 2006, pp. 1177–1196.
- [2] Zhang, N., Lior, N., "Methodology for Thermal Design of Novel Combined Refrigeration/Power Binary Fluid Systems", Int. J. of Refrigeration, No. 30, 2007, pp. 1072–1085.
- [3] Rusly, E., Aye, L., Charters, W. W. S., and Ooi, A., "CFD Analysis of Ejector in a Combined Ejector Cooling System", Int. J. of Refrigeration, Vol. 28, Issue. 7, 2005, pp. 1092-1101.
- [4] Wang, J. F., Dai, Y. P., and Gao, L., "Parametric Analysis and Optimization for Combined Power and Ejector Refrigeration Cycle", Int. J. Applied Energy, Vol. 85, 2008, pp. 1071-1085.
- [5] Lemmon, E. W., McLinden, M. O., and Huber, M. L., NIST Thermodynamic and Transport Properties of