

تاریخ دریافت: ۱۳۹۴/۳/۲۶

تاریخ پذیرش: ۱۳۹۵/۹/۱۶

## مقایسه عملکردی مدلسازی تکنیک CCR-AP در فضای پیوسته داده‌ای با رویکردهای متداول چندشاخصه (مورد پژوهشی: خدمات بهداشتی-درمانی آبادی‌های استان آذربایجان غربی)

فرهاد برنده‌ک\*: حامد عبدالله

کارشناسی ارشد جغرافیا و برنامه‌ریزی شهری، دانشگاه پیام نور رشت

فردین قاسمزاده

کارشناس ارشد جغرافیا و برنامه‌ریزی شهری دانشگاه شهید بهشتی

هادی کریمی

کارشناسی ارشد، جغرافیا و برنامه‌ریزی شهری، دانشگاه گیلان

### چکیده

مدلسازی شده است. بدین ترتیب که تمامی شاخص‌های ماتریس مدلسازی شده اند. مدل تحلیل پوششی داده‌ها و هریک از گزینه‌های این ماتریس به عنوان یک واحد تصمیم گیرنده (DMU) در نظر گرفته شده است. نتایج کلی این آزمون نشان می‌دهد که مدلسازی تکنیک CCR-AP در فضای پیوسته داده‌ای با تکنیک‌های معمول چندشاخصه (تایپسیس، ویکور، پرومته و SAW) همبستگی معنادار مثبتی دارد. این همبستگی در بیشترین ارزش خود، در مقایسه با تکنیک تایپسیس ارزیابی شده است.

**کلمات کلیدی:** تکنیک‌های چند شاخصه، روش - CCR-AP، مقایسه تطبیقی، آذربایجان غربی

فنون و روش‌های ریاضی برنامه‌ریزی و تصمیم‌گیری اگرچه جوابی بهینه را ارایه می‌دهند؛ اما تحت شرایط و مفروضات خاصی از این توانایی برخوردار هستند. علی‌رغم دامنه وسیع کاربرد تصمیم-گیری‌های چند معیاره در دنیای واقعی، این رویکرد نیز محدودیت‌ها و چالش‌های خاص خود را دارد. رویه‌هایی نیز برای انتخاب متد مناسب وجود دارد که البته بعض این رویه‌ها ابزاری برای حذف تکنیک‌ها تا انتخاب تکنیک مناسب می‌شوند. در روش شناسی پژوهش حاضر، تکنیک‌های چندشاخصه معمول که کاربرد متنوع و زیادی در تحقیقات داشته، با رویکرد بهینه DEA(CCR)-AP مورد مقایسه تطبیقی قرار گرفته است. برای استفاده از تکنیک DEA(CCR)/AP معرفی ورودی‌ها و خروجی‌ها ضروری است. در پژوهش حاضر، روش تحلیل پوششی داده‌ها در فضای پیوسته

نویسنده مسئول: فرهاد برنده‌ک، کارشناسی ارشد جغرافیا و برنامه‌ریزی شهری، دانشگاه پیام نور رشت، farhadbarandak20@gmail.com

## مقدمه

رویه‌های متفاوتی برای انتخاب تکنیک‌ها وجود دارد ولی دنیونشن و همکاران (۱۹۸۳) فهرست جامعی از روش‌های متفاوت تهیه کردند و چنین نتیجه گرفتند که تطبیق این روش‌ها در قالب یک چارچوب کلی مشکل است.

آذر و وفایی (۱۳۸۹) برای اندازه گیری کارآیی مدل‌های چند شاخصه از روش تحلیل پوششی داده‌ها استفاده نمودند. در اندازه گیری کارآیی این مدل‌ها به کمک روش تحلیل پوششی داده‌ها از ۱۳ شاخص موثر در انتخاب مدل، به عنوان خروجی تکنیک یادشده استفاده شده است. در نهایت، روش AHP، به عنوان مناسب‌ترین و کارترین، و روش‌های Permutation، Median Ranking METHOD mrs به عنوان نامناسب‌ترین روش‌ها معرفی شده‌اند.

محمدی زنجیرانی و همکاران (۱۳۹۳) برای اندازه گیری کارایی متقاطع گزینه‌ها (واحدهای تصمیم‌گیرنده) از روش تلفیقی تحلیل پوششی داده‌ها و تحلیل سلسه‌مراتبی استفاده نمودند. نتیجه حاصل شامل یک جواب قطعی بهینه در فضای پیوسته است که می‌توان از آن به عنوان معیاری برای تحلیل فاصله و سنجدش عملکرد تکنیک‌های تصمیم‌گیری چند شاخصه (با عنایت به آزمون‌های آمار استنباطی) استفاده کرد. در مطالعه حاضر، جواب‌های حاصل از حل یک ماتریس تصمیم مشخص به وسیله چهار روش معمول AHP، TOPSIS، SAW و ELECTRE با جواب قطعی (پیوسته) همین ماتریس مقایسه شده است. بررسی‌ها حاکی از آن است که، تکنیک AHP با میانگین رتبه ۱/۷۱ نزدیک‌ترین میانگین را به تکنیک DEA/AHP با میانگین رتبه ۱/۷۶ دارا می‌باشد.

پور اصغر و همکاران (۱۳۹۲)، برای مقایسه تکنیک‌های چند شاخصه نظیر: روش تحلیل مولفه‌های اصلی، روش تحلیل عاملی، روش مک گراناهان، موریس و روش Z استاندارد از همبستگی اسپرمن استفاده نمودند. یافته‌های تحقیق آنها نشان داد که تمامی روش‌ها ارتباط معنی داری با یکدیگر دارند، اما این رابطه در برخی از روش‌ها از جمله روش مک گراناهان با روش تحلیل مولفه‌های اصلی بیشتر است.

در کشورهای در حال توسعه، سطوح توسعه به دلیل رشد سریع و نامتقارن و عدم توسعه متناسب مناطق و اختصاص غیراصولی منابع و امکانات به مناطق برخوردار و محرومیت سایر مناطق بخصوص مناطق روستایی دستخوش نابرابری‌های چشمگیر در سطح منطقه‌ای گردیده است که در موارد بسیاری نیز در حال افزایش است و عدم توسعه آنها را در تمام ابعاد سبب شده است (نظم فر و همکاران، ۱۳۹۴، ۱۸۱). از سوی دیگر بررسی‌های تجربی روش می‌کند که وجه ممیزه و مشخصه شهرنشینی جهان سومی فعلی، ناموزونی و بی عدالتی است که این نابرابری‌ها در سه سطح متجلی می‌شوند (وارثی و همکاران، ۱۳۸۶: ۹۲):

- ۱- نابرابری در فرصت‌های امرار معاش در بخش‌های شهری و روستایی؛
  - ۲- نابرابری از یک شهر تا شهر دیگر، به دلیل تمرکز منابع محدود در پایخت‌ها؛
  - ۳- نابرابری اقتصادی درون شهری میان توده‌ها و یک گروه کوچک نخبه توانگر؛
- این عدم تعادل‌ها و نابرابری، بجز آسیب‌های ذاتی ممکن است در کارایی و انتظارات اقتصاد ملی نیز خلل ایجاد کند.
- مطالعات متنوعی از برخورداری سکونتگاه‌ها از خدمات زیستی نظیر: شاعلی (۱۳۷۹)، حاتمی‌نژاد و همکاران (۱۳۸۷)، رستمی و شاعلی (۱۳۸۸)، عباسی (۱۳۸۸)، ذاکریان و همکاران (۱۳۸۹)، وارثی و همکاران (۱۳۹۰)، داداش و همکاران (۱۳۹۰)، امانپور و همکاران (۱۳۹۲)، مرصوصی و خزایی (۱۳۹۳)، نیک‌پور و همکاران (۱۳۹۴)، توکلی نیا و همکاران (۱۳۹۴)، صورت پذیرفته است. لذا در پژوهش حاضر، با توجه به اهداف مقاله، از مدل‌های معمول چندشاخصه نظیر با توجه به اهداف مقاله، از مدل‌های معمول چندشاخصه نظیر Promethee، Saw، Vikor، Topsis و همچنین مدل رتبه بندی بهینه DEA(AP)-CCR برای سنجدش سطوح توسعه خدمات بهداشتی-درمانی آبادی‌های شهرستان‌های استان آذربایجان غربی بهره برده شده است.

خاصی از این توانایی برخوردار هستند. طبیعی است که حل مسائل تصمیم‌گیری چند معیاره دارای پیچیدگی است و به راحتی امکان پذیر نمی‌باشد به ویژه آنکه اغلب معیارهای مورد نظر با یکدیگر تعارض داشته؛ افزایش مطلوبیت یکی می‌تواند باعث کاهش مطلوبیت برای دیگری شود. به همین دلیل روش‌هایی تحت عنوان تصمیم‌گیری چند معیاره (MCDM) توسعه داده شده‌اند که به حل مسائل مزبور کمک می‌کنند (زنجرانی و همکاران، ۱۳۹۳: ۶۶). بسیاری از تصمیمات به اندازه‌ای پیچیده‌اند که فرد تجزیه و تحلیل کننده با فردی که تصمیم نهایی را می‌گیرد؛ متفاوت است. علی‌رغم دامنه وسیع کاربرد تصمیم‌گیری‌های چند معیاره در دنیای واقعی، این رویکرد نیز محدودیت‌ها و چالش‌های خاص خود را دارد. این تحلیل‌گر است که تشخیص دهد از کدام روش (برای تعیین وزن و یا ارزیابی گزینه‌ها) استفاده کند و یا در چه موقعیتی تنها بخشی از روش را به کار ببرد.

### CCR مدل

مدل CCR از روش‌های مطرح در تحلیل پوششی داده‌ها می‌باشد که در سال ۱۹۷۸، چارنز، کوپر و رودز معرفی کردند و به مدل CCR معروف است. در این مدل که یک الگوی برنامه‌ریزی خطی است به دنبال حداکثر کردن امتیاز کارایی نسبی واحد P از طریق انتخاب مجموعه‌ای از اوزان برای تمامی ورودی‌ها و خروجی‌ها است. این درحالی است که امتیاز هر واحد باید کوچکتر یا مساوی ۱ شود.

(1)

$$\begin{aligned} \text{CCR}_{\text{P-I}} \\ \text{MAX}_{w_p} = \sum_{r=1}^s u_r y_{rp} \\ \text{ST:} \\ \sum_{i=1}^k v_i x_{ip} = 1 \\ \sum_{r=1}^s u_r y_{rj} - \sum_{i=1}^k v_i x_{ij} \leq 0 \quad j = 1, \dots, n \\ u_r \geq 0 \quad r = 1, \dots, s \\ v_i \geq 0 \quad i = 1, \dots, k \end{aligned}$$

در این مدل  $w_p$  کارایی نسبی واحد تصمیم‌گیری p است ( $DMU_p$ )، به عبارت دیگر، مدل به دنبال یافتن حداکثر سtanده با توجه به محدودیتهای نهادهای است.  $x_i$  و  $y_r$  به ترتیب، بیانگر k ورودی و s خروجی برای n واحد تحت بررسی است. بردارهای  $v_i$  و  $u_r$  نیز به ترتیب، اوزان ورودی‌ها و

### تصمیم‌گیری در مورد مدل‌های چند شاخه‌ه

مدل نمادی از واقعیت است که ویژگی‌های دنیای واقعی را به صورتی ساده و کلی بیان می‌کند در واقع مدل رفتار یک پدیده را در دنیای واقعی با استفاده از چندین عامل (متغیر) ارائه می‌کند. بعلاوه برداشتی از واقعیت است که برای توضیح مفاهیم و تقلیل پیچیدگی جهان به نحوی قابل درک بوده، ویژگی‌های آن به راحتی مشخص شود، مورد استفاده قرار گیرد. بنابراین بهترین مدل مدلی است که با کمترین تعداد متغیر و عامل بهترین نتیجه را به دست دهد (حسن‌پور، ۱۳۹۰: ۲۶). مدل‌ها مبدأ و منشأ خود را در رشته‌های مختلف دارند. جمعیت شناسان‌ها مدل‌های ریاضی را برای سال‌های متتمادی بکار برده‌اند، در سال‌های اخیر اقتصاددانان توانستند مدل‌هایی را در اقتصاد شهری و منطقه‌ای توسعه دهند. ابزارهای تحلیل برنامه‌ریزی، دامنه گسترده‌ای از مفاهیم و فنون را در بر می‌گیرند که به منظور درک و بیان ماهیت شهرها و پیش‌بینی پیامدهای تغییر آن‌ها، توسعه یافته‌اند. این دامنه، از روش‌های پایه آماری توصیفی تا ساخت الگوهای پیچیده‌تر ریاضی را دربر می‌گیرد. الگو صرف راهی برای ارائه واقعیت‌هایی است که در قالب آن اشیای دنیای واقعی و روابط آنها، به صورت فیزیکی یا الترامی مرتبط با ویژگی‌های آنان بیان می‌شود. ارزش آن‌ها در این است که در وضعیتی که امکان تجربه در دنیای واقعی وجود ندارد، درک انسان از واقعیت را بهبود می‌بخشد (پورمحمدی و همکاران، ۱۳۹۱: ۶).

احتمالاً مهمترین چالش در علوم، اتخاذ تصمیم در موقعیت‌های مختلف است و این مسئله‌ای است به قدمت نوع بشر. MADM که یکی از شناخته شده‌ترین شاخه‌های تصمیم‌گیری است دارای تنوع تکنیکی بسیار گسترده‌ای است (آذر و وفا، ۱۳۸۹: ۲۴) که امروزه در زمینه‌های متعدد و مختلف به طور وسیع مورد استفاده قرار می‌گیرند. دلیل این امر توانایی و قابلیت بالای این روش‌ها در مدل‌سازی مسائل واقعی و سادگی و قابل فهم بودن آن‌ها برای اکثر کاربران می‌باشد.

فنون و روش‌های ریاضی برنامه‌ریزی و تصمیم‌گیری اگرچه جوابی بهینه را ارایه می‌دهند؛ اما تحت شرایط و مفروضات برآورده را ارایه می‌کنند؛ اما تحت شرایط و مفروضات

کسب کند و این کار از طریق حذف  $p$  امین محدودیت در مدل اولیه انجام می‌گیرد.

(۲)

$$\begin{aligned} \text{MAX } w_p &= \sum_{r=1}^s u_r y_{rp} \\ \text{St : } \sum_{i=1}^k v_i x_{ip} &= 1 \\ \sum_{r=1}^s u_r y_{rj} - \sum_{i=1}^k v_i x_{ij} &\leq 0 \quad j = 1, \dots, n \quad j \neq p \\ u_r &\geq 0 \quad r = 1, \dots, s \\ v_i &\geq 0 \quad i = 1, \dots, k \end{aligned}$$

### روش و مراحل اجرای پژوهش

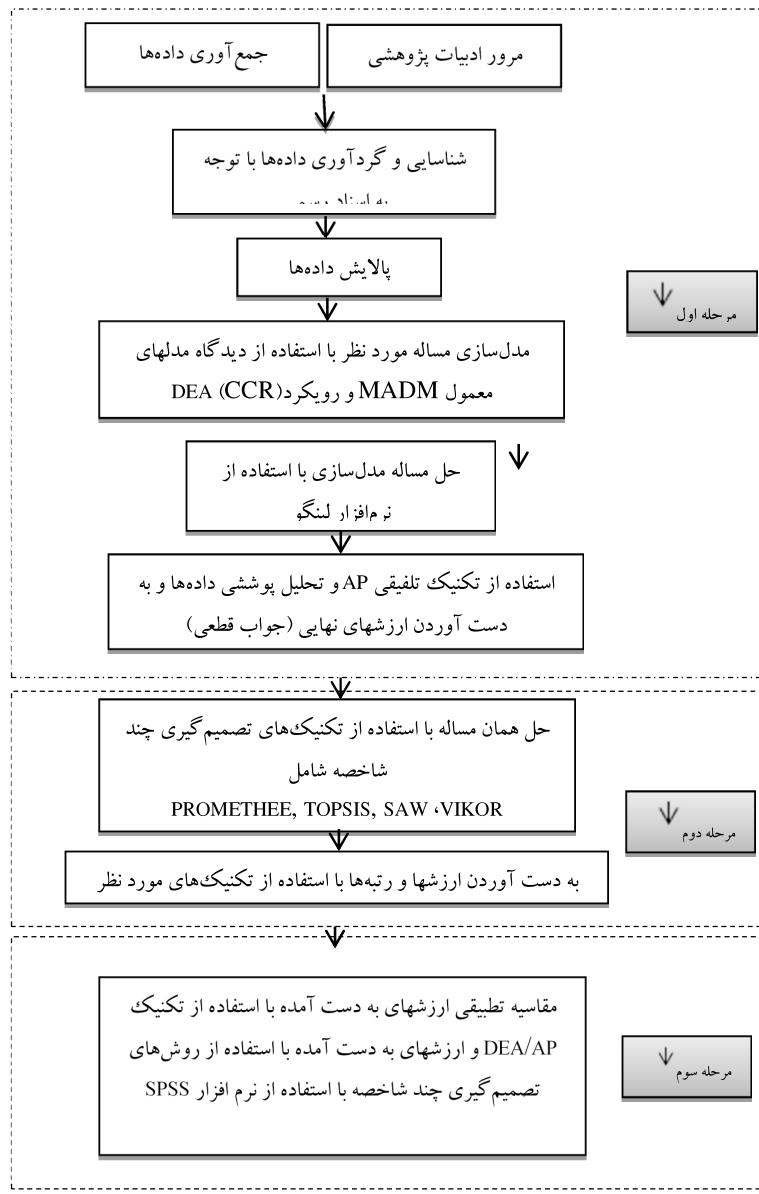
در پژوهش توصیفی-تحلیل حاضر برای دست‌یابی به اطلاعات بخش نظری از روش‌های مختلفی همچون مطالعات کتابخانه‌ای، مراجعه به استاد و منابع علمی و جستجوی رایانه‌ای در سایت‌ها و پایگاه‌های مختلفی استفاده شده است. همچنین برای شناسایی، پالایش و استخراج معیارهای ارزیابی تحقیق از منبع آماری فرهنگ آبادی‌های استان آذربایجان غربی در محدوده زمانی سال ۱۳۹۰ استفاده شده است. شاخص‌های ارزیابی کننده خدمات بهداشتی-درمانی آبادی‌های استان آذربایجان غربی در سطح تحلیلی شهرستان، عبارتند از: نسبت آبادی‌های دارای دامپزشک به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای بھورز به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای بھیار به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای حمام عمومی به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای مرکز بهداشتی-درمانی به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای داروخانه به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای خانه بهداشت به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای پایگاه بهداشت روسیایی به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای مرکز تسهیلات زیمانی به کل آبادی‌های دارای سکنه، نسبت آبادی‌های دارای پزشک به کل آبادی‌های دارای سکنه. به منظور دستیابی به اهداف پژوهش، متدولوژی طراحی و تدوین گردد. این متدولوژی شامل چندین مرحله به صورت نمودار (۱) می‌باشد. لازم به اشاره است برای انجام فرآیند تحقیق، از نرم افزارهای Lingo، Spss و PROMETHEE Visual بهره برده شده است.

خروجی‌ها را نشان می‌دهند. محدودیت اول در واقع مخرج تابع هدف اولیه کسری است که از این طریق می‌توان مدل را در قالب یک برنامه‌ریزی خطی حل کرد. محدودیت دوم این اطمینان را می‌دهد که تحت مجموعه انتخاب شده از اوزان، امتیاز کارایی هیچ کدام از واحدهای تصمیم‌گیری بیشتر از عدد ۱ نشود. مدل فوق برای هر یک از واحدهای تصمیم‌گیری باید به اجرا درآید تا کارایی نسبی تک‌تک واحدها مشخص شود. مدل شرح داده شده به CCR ورودی مبنا معروف است که سیاست آن برای رسیدن یک واحد تصمیم‌گیری ناکارآ به سطح پوشش (مرز کارایی)، ثابت نگه داشتن مقدار ورودی‌ها و افزایش متناسب خروجی‌ها است. در مقابل این روش، روش دیگری نیز وجود دارد که خروجی‌ها را مبنای کار خود قرار می‌دهد. سیاست این روش که CCR خروجی مبنا نامیده می‌شود، برای رسیدن یک واحد تصمیم‌گیری ناکارآ به سطح پوشش، ثابت نگه داشتن خروجی‌ها و کاهش متناسب ورودی‌ها است. در مدل CCR فرض می‌شود که تولید، بازده به مقیاس ثابت دارد. یعنی اگر ورودی‌های دو برابر شوند، خروجی‌ها افزایش بیش از دو برابر داشته باشد، بازده به مقیاس افزایشی و اگر افزایشی کمتر از دو برابر داشته باشد، بازده به مقیاس، کاهشی است.

مدلسازی تحقیق حاضر از روش CCR، به صورت پیوسته داده‌ای بوده است. به طوری که همه شاخص‌ها به عنوان خروجی تکنیک، مطرح شده و یک ورودی ثابت به همه واحدها اختصاص می‌یابد.

### مدل اندرسون-پیترسون (AP)

مدلهای اصلی DEA به دلیل عدم رتبه‌بندی کامل بین واحدهای کارآ امکان مقایسه واحدهای کارآ با یکدیگر را فراهم نمی‌آورد. اندرسون و پیترسون در سال ۱۹۹۳ روشنی را مطرح کردند که برای رتبه‌بندی واحدهای کارآ مناسب است و به کمک آن می‌توان واحدهایی که کارآیی حداقل دارند را نیز با هم مقایسه و از تفکیک کرد. این مدل یکی از تکنیک‌های رتبه‌بندی واحدهای کاراست که به یک واحد کارآیی  $P$  اجازه می‌دهد مقدار کارآیی بزرگ‌تر از یک را



این صورت باید برای این مدل به تعریف ورودی پرداخته شود. برای این منظور، برای تعیین کارایی نسبی واحدها، یک ورودی معین و ثابت [مثل ۱] در نظر گرفته می‌شود (زنگیرانی و همکاران، ۱۳۹۳: ۷۰). برای مدل‌سازی مسئله مورد نظر، مدل DEA(CCR) برای هر کدام از واحدها طراحی گردیده و واحدهایی که ارزش ۱ یعنی کارآ را کسب کرده‌اند با روش AP دوباره مورد ارزیابی قرار گرفته‌اند تا بین آن واحدها رتبه بندی صورت گیرد. برای مدل‌سازی مسئله مورد نظر از نرم‌افزار LINGO بهره گرفته شده است.

### پالایش داده‌ها و مدل‌سازی

در گام اول داده‌ها با استفاده از روش DEA(CCR) به سنجش داده‌ها و ارزیابی نتایج پرداخته شده و با روش DEA-AP نتایج تفکیک می‌شوند. برای استفاده از تکنیک یاد شده معرفی ورودی‌ها و خروجی‌ها ضروری است. در پژوهش حاضر، روش تحلیل پوششی داده‌ها در فضای پیوسته مدل‌سازی شده است. بدین ترتیب که تمامی شاخص‌های ماتریس تصمیم، به عنوان خروجی مدل تحلیل پوششی داده‌ها و هریک از گزینه‌های این ماتریس به عنوان یک واحد تصمیم‌گیرنده (DMU) در نظر گرفته شده است در

جدول (۱): ارزش واحدها به لحاظ DEA(CCR)-AP

نام شهرستان	ارزش CCR	ارزش CCR-AP	وزن (به ترتیب اولویت)
ارومیه	۱	۱.۱۵۱	۱.۷۴۴
سلماں	۱	۱.۰۹۰	۱.۶۲۸
خوی	۱	۱.۶۲۸	۱.۴۹۲
چالدران	.۴۸۵	۰.۴۸۵	۱.۴۵۵
چایپاره	۱	۱.۷۴۴	۱.۱۶۹
شوط	۱	۱.۰۳۱	۱.۱۵۱
پلدشت	۱	۱.۰۲۹	۱.۰۹۰
ماکو	.۵۶۷	۰.۵۶۷	۱.۰۷۲
اشنوه	.۷۸۱	۰.۷۸۱	۱.۰۳۱
پیرانشهر	.۸۵۶	۰.۸۵۶	۱.۰۲۹
نقده	۱	۱.۴۵۵	۰.۸۶۰
میاندوآب	۱	۰.۴۹۲	۰.۸۵۶
مهاباد	۱	۱.۰۷۲	۰.۸۴۲
سردشت	.۷۴۴	۰.۷۴۴	۰.۷۸۱
بوکان	.۸۶۰	۰.۸۶۰	۰.۷۴۴
شاهین‌دژ	.۸۴۲	۰.۸۴۲	۰.۵۶۷
تکاب	۱	۱.۱۶۹	۰.۴۸۵

بخشی و همکاران، ۱۳۹۰: ۲۰). در واقع پس از این شروع، پرومته توسعه یافت و از آن در شرایط مختلف نسخه‌هایی به وجود آمد و می‌توان از آنها با عنوان خانواده پرومته یاد کرد. پرومته I، گزینه‌ها را بصورت جزئی رتبه‌بندی می‌کند. پرومته II، گزینه‌های گسسته را بصورت کامل رتبه‌بندی می‌کند. تابع انتخابی پژوهش (Brans and Vincke, 1985: 647)

تابع V شکل می‌باشد که آستانه بی تفاوتی آن ۰ و با توجه به تنظیم همه شاخص‌ها به صورت نسبت، آستانه برتری، ۱ در نظر گرفته شده است. نتایج حاصل شده از روش پرومته در شکل (۱) آورده شده است:

**مقایسه نتایج تکنیک‌های معمول DEA-AP و MADM** در این قسمت از پژوهش، مساله مورد نظر با استفاده از تکنیک‌های تصمیم‌گیری چند شاخصه رتبه‌بندی گردیده است. به دلیل محدودیت از آوردن مراحل انجام کار خودداری و فقط رتبه‌بندی نهایی ارایه شده است.

#### روش پرومته

روش پرومته به راحتی قادر به بکارگیری معیارهایی با مقیاس‌های مختلف اندازه‌گیری (بدون نیاز به همسان سازی معیارها) می‌باشد و متناسب با اطلاعات و مقیاس معیار توابع ششگانه مجازی را تعریف می‌کند؛ لذا در تصمیم‌گیری‌های چندمعیاره که معمولاً معیارها دارای مقیاس‌های مختلف اندازه گیری می‌باشد یک نقطه قوت برای تصمیم‌گیر محسوب می‌شود

<b>Φ</b>	Preference Flows		
	<b>Phi+</b>	<b>Phi-</b>	<b>Phi</b>
ارومیه	0,0153	0,0220	-0,0067
سلماس	0,0422	0,0041	0,0382
خوی	0,0433	0,0042	0,0391
جاداران	0,0012	0,0566	-0,0554
چابهار	0,0278	0,0199	0,0078
شوط	0,0215	0,0137	0,0078
بلدشت	0,0345	0,0088	0,0256
ماکو	0,0022	0,0445	-0,0423
انسویه	0,0124	0,0253	-0,0129
پرانتشهر	0,0076	0,0280	-0,0204
نقده	0,0197	0,0181	0,0015
میاندوآب	0,0396	0,0048	0,0348
مهاباد	0,0112	0,0249	-0,0137
سردشت	0,0034	0,0399	-0,0365
بوکان	0,0174	0,0160	0,0014
شاهین دز	0,0155	0,0193	-0,0038
نکاب	0,0408	0,0054	0,0354

شکل (۱): ارزش‌های بدست آمده از روش پرومته

گزینه انتخاب شده باید کوتاه‌ترین فاصله را از جواب ایده آل و دورترین فاصله را از بدترین جواب داشته باشد. نتایج مدل تاپسیس به صورت جدول (۳) می‌باشد:

### ویکور

روش ویکور یکی از روش‌های جدید برای حل مسائل چندمعیاره است که اوپریکوویچ و تزنگ در سال ۱۹۹۸ آن را ارائه کردند (توکلی نیا و همکاران، ۱۳۹۴: ۲۹۷). این روش بر مبنای راه حل‌های توافقی بر مبنای معیارهای متصاد می‌باشد. در این مدل همواره چند گزینه مختلف وجود دارد که این گزینه‌ها بر اساس چند معیار به صورت مستقل ارزیابی می‌شوند و در نهایت گزینه‌ها بر اساس ارزش و اهمیت، رتبه‌بندی می‌گردند. در این روش با توجه به مقادیر  $R$ ،  $S$  و  $Q$  گزینه‌ها در سه گروه از کوچکتر به بزرگتر مرتب می‌شوند. در نهایت گزینه‌ای به عنوان گزینه برتر انتخاب می‌شود که در گروه  $Q$  به عنوان گزینه برتر شناخته شود (نظم فر و علی بخشی، ۱۳۹۳: ۱۶۴). ارزش‌ها و وزن نهایی بدست آمده از روش ویکور به صورت جدول (۴) ارائه می‌شود.

### SAW

مدل مجموع ساده وزنی، یکی از قدیمی‌ترین روش‌های تصمیم‌گیری چند شاخصه است که در محاسبات خود اوزان شاخص‌ها را در نظر می‌گیرد. این روش نیاز به مقیاسهای مشابه یا اندازه گیریهای بی‌مقیاس شده دارد که آنها را با یکدیگر بتوان مقایسه کرد. در حقیقت این تکنیک بر مبنای پارامترهای مرکزی در علم آمار شکل گرفته است. به بیان دیگر تابع مطلوبیت تصمیم‌گیرنده این تکنیک خطی است و قابلیت جمع‌پذیری شاخص‌ها تضمین شده است. در این روش از نرم خطی برای بی‌مقیاس سازی یا بهنجار سازی ماتریس داده‌ها استفاده می‌شود (پورطاهری، ۱۳۹۳: ۱۳۱). ارزش‌های گزینه‌ها در مدل SAW به صورت جدول (۲) است.

### تاپسیس

برای اجرای تکنیک تاپسیس بر اساس موضوع مورد مطالعه می‌توان از داده‌های ثانویه و یا از داده‌های اولیه که از طریق تعدادی پاسخگو و یا کارشناس بدست می‌آید، برای تحلیل و یا ارزیابی موضوعات استفاده کرد (کلانتری، ۱۳۹۱: ۲۶۹). روش تاپسیس یک روش تصمیم‌گیری قوی و تکنیکی برای اولویت‌بندی به وسیله شbahت ایده‌آل است. براین اساس که

جدول (۲): ارزش بدست آمده از روش SAW

نام شهرستان	ارزش SAW	وزن(به ترتیب اولویت)
ارومیه	۰.۵۸۱	۰.۷۱۲
سلماس	۰.۶۴۲	۰.۶۸۸
خوی	۰.۶۸۸	۰.۶۴۲
چالدران	۰.۲۱۰	۰.۶۳۸
چاپاره	۰.۶۳۸	۰.۶۳۸
شوط	۰.۴۷۶	۰.۵۸۱
پلدشت	۰.۴۴۶	۰.۵۷۳
ماکو	۰.۲۵۱	۰.۵۲۲
اشنویه	۰.۲۷۵	۰.۴۷۶
پیرانشهر	۰.۴۳۰	۰.۴۵۷
نقده	۰.۵۷۳	۰.۴۴۶
میاندوآب	۰.۷۱۲	۰.۴۳۰
مهاباد	۰.۵۲۲	۰.۳۸۶
سردشت	۰.۳۳۱	۰.۳۳۱
بوکان	۰.۴۵۷	۰.۲۷۵
شاهین دز	۰.۳۸۹	۰.۲۵۱
تکاب	۰.۶۳۸	۰.۲۱۰

جدول (۳): ارزش بدست آمده از روش تاپسیس

نام شهرستان	$S^*$	$S^-$	$C^*$	وزن(به ترتیب اولویت)
ارومیه	۰.۰۷۰	۰.۰۷۷	۰.۵۲۳	۰.۵۷۶
سلماس	۰.۰۷۴	۰.۰۷۵	۰.۵۰۳	۰.۵۷۳
خوی	۰.۰۶۷	۰.۰۹۰	۰.۵۷۳	۰.۵۵۰
چالدران	۰.۱۲۷	۰.۰۲۰	۰.۱۳۴	۰.۵۲۳
چاپاره	۰.۰۷۵	۰.۰۹۲	۰.۵۵۰	۰.۵۰۸
شوط	۰.۰۹۹	۰.۰۵۷	۰.۳۶۵	۰.۵۰۴
پلدشت	۰.۱۱۲	۰.۰۴۸	۰.۳۰۰	۰.۵۰۳
ماکو	۰.۱۱۸	۰.۰۲۳	۰.۱۶۲	۰.۴۴۶
اشنویه	۰.۱۲۵	۰.۰۲۴	۰.۱۶۲	۰.۳۶۵
پیرانشهر	۰.۰۹۴	۰.۰۵۱	۰.۳۵۰	۰.۳۵۰
نقده	۰.۰۷۸	۰.۰۸۱	۰.۵۰۸	۰.۳۴۹
میاندوآب	۰.۰۶۳	۰.۰۸۶	۰.۵۷۶	۰.۳۰۳
مهاباد	۰.۰۷۷	۰.۰۶۲	۰.۴۴۶	۰.۳۰۰
سردشت	۰.۱۰۳	۰.۰۴۵	۰.۳۰۳	۰.۲۶۵
بوکان	۰.۰۹۰	۰.۰۴۸	۰.۳۴۹	۰.۱۶۲
شاهین دز	۰.۱۱۱	۰.۰۴۰	۰.۲۶۷	۰.۱۶۲
تکاب	۰.۰۷۴	۰.۰۷۵	۰.۵۰۴	۰.۱۳۴

جدول (۴): ارزش بدست آمده از روش ویکور

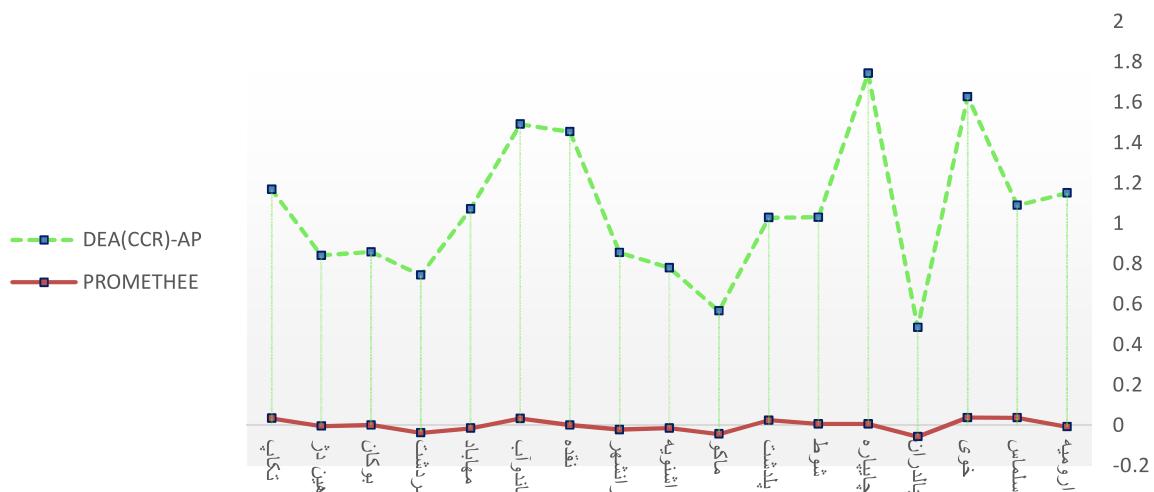
نام شهرستان	S	R	Q	وزن(به ترتیب اولویت)
ارومیه	۰.۴۹۲	۰.۰۷۹	۰.۲۹۲	۰.۰۶۰
سلماس	۰.۳۹۰	۰.۰۷۵	۰.۱۵۰	۰.۰۸۳
خوی	۰.۳۴۸	۰.۰۷۳	۰.۰۸۳	۰.۱۵۰
چالدران	۰.۹۱۷	۰.۱۰۰	۰.۱۰۰	۰.۲۰۴
چایپاره	۰.۴۳۱	۰.۱۰۰	۰.۶۰۰	۰.۲۹۲
شوط	۰.۵۸۴	۰.۱۰۰	۰.۷۲۵	۰.۴۳۲
پلدشت	۰.۵۹۸	۰.۱۰۰	۰.۷۳۷	۰.۵۶۷
ماکو	۰.۸۶۸	۰.۱۰۰	۰.۹۶۰	۰.۶۰۰
اشنویه	۰.۸۱۵	۰.۱۰۰	۰.۹۱۶	۰.۶۵۹
پرashهر	۰.۶۶۰	۰.۱۰۰	۰.۷۸۹	۰.۷۲۵
نقده	۰.۵۰۳	۰.۱۰۰	۰.۶۵۹	۰.۷۳۷
میاندوآب	۰.۳۱۱	۰.۰۷۴	۰.۰۶۰	۰.۷۸۹
مهاباد	۰.۵۵۸	۰.۰۷۰	۰.۲۰۴	۰.۸۱۰
سردشت	۰.۷۸۷	۰.۱۰۰	۰.۸۹۳	۰.۸۹۳
بوکان	۰.۶۱۹	۰.۰۸۱	۰.۴۳۲	۰.۹۱۶
شاهین دژ	۰.۶۸۷	۰.۱۰۰	۰.۸۱۰	۰.۹۶۰
نکاپ	۰.۳۹۲	۰.۱۰۰	۰.۵۶۷	۱.۰۰۰

در این گام، با آزمون توصیفی نیز به بررسی اولیه شباهت بین تکنیک‌های رتبه‌بندی پرداخته شده است. نتایج این آزمون به شرح جدول (۵) می‌باشد.

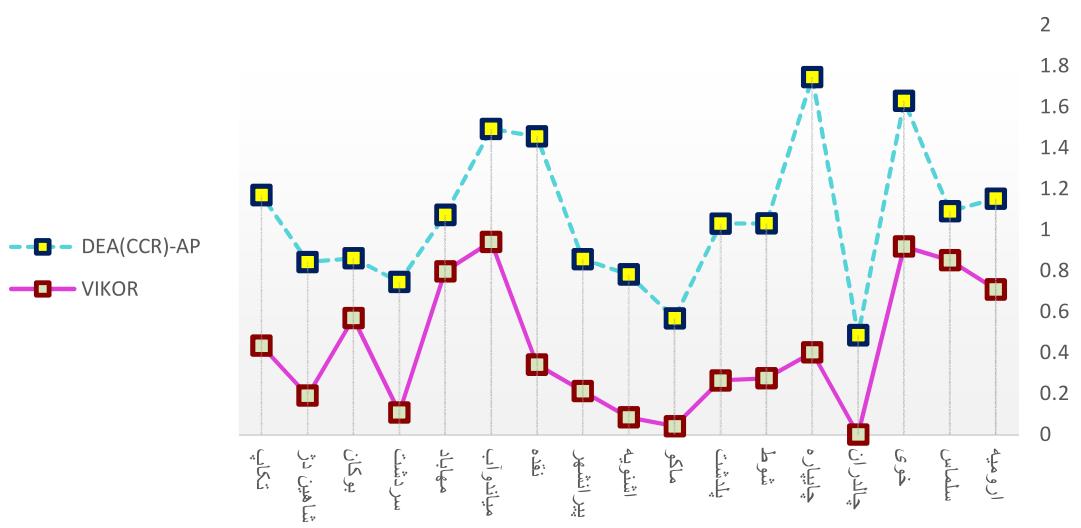
DEA(CCR)/AP	PROMETHEE	SAW	VIKOR(1-Q)	TOPSIS	
1.059	0.000	0.486	0.419	۰.۳۸۷	میانگین
0.357	0.029	0.157	0.319	۰.۱۵۰	انحراف معیار
1.744	0.039	0.712	0.940	۰.۵۷۶	بیشترین ارزش
0.485	-0.055	0.210	0.000	۰.۱۳۴	کمترین ارزش
1.259	0.095	0.502	0.940	۰.۴۴۲	دامنه ارزش

جدول (۵): مقایسه پارامترهای کلی تکنیک‌های کاربردی

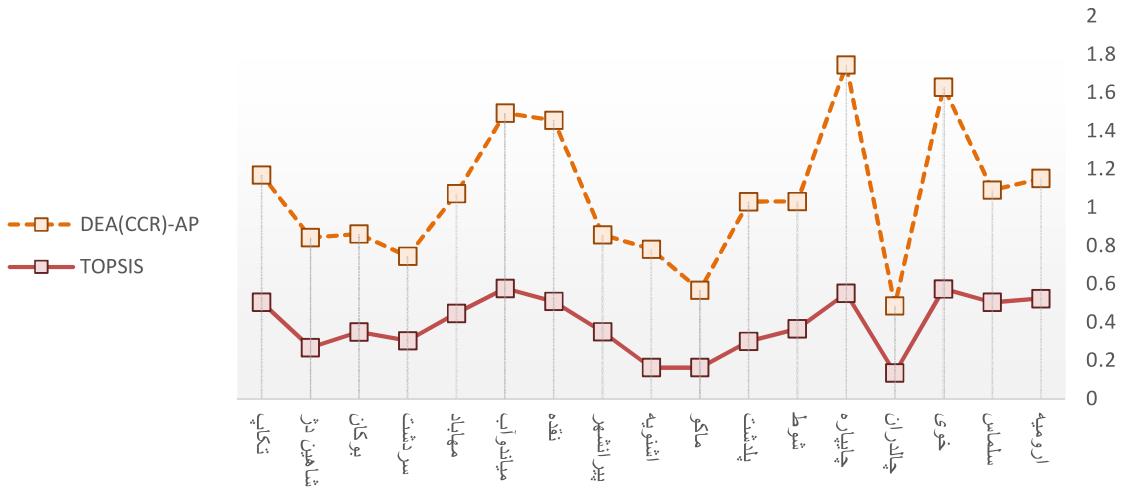
همانطور که مشاهده می‌شود کمترین میزان انحراف معیار در بین تکنیک‌های کاربردی مقاله حاضر، مربوط به تکنیک PROMETHEE است؛ از سوی دیگر مدل بهینه DEA(CCR)-AP بیشترین میزان انحراف معیار را دارد. برای درک بهتر نتایج بدست آمده از سوی تکنیک‌های معمول چندشاخصه و مقایسه آنها با روش DEA(CCR)-AP نمودارهای حاصل از اولویت ارزش‌های بدست آمده به صورت زوجی ارائه می‌شود:



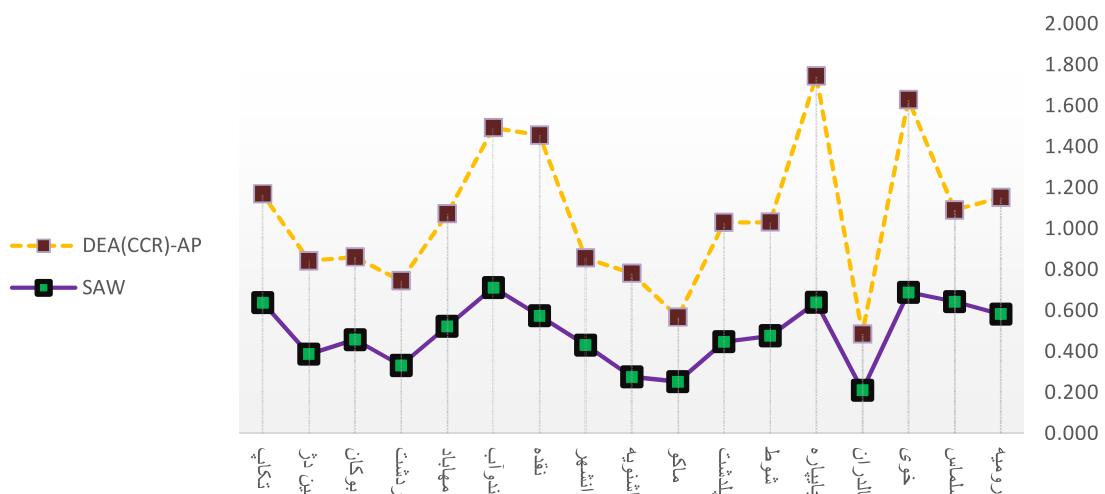
نمودار (۲): مقایسه تکنیک DEA(CCR)/AP با جواب بهینه PROMETHEE



نمودار (۳): مقایسه تکنیک DEA(CCR)/AP با جواب بهینه VIKOR



نمودار (۴): مقایسه تکنیک DEA(CCR)/AP با جواب بهینه TOPSIS



نمودار (۵): مقایسه تکنیک SAW با جواب بهینه DEA(CCR)/AP

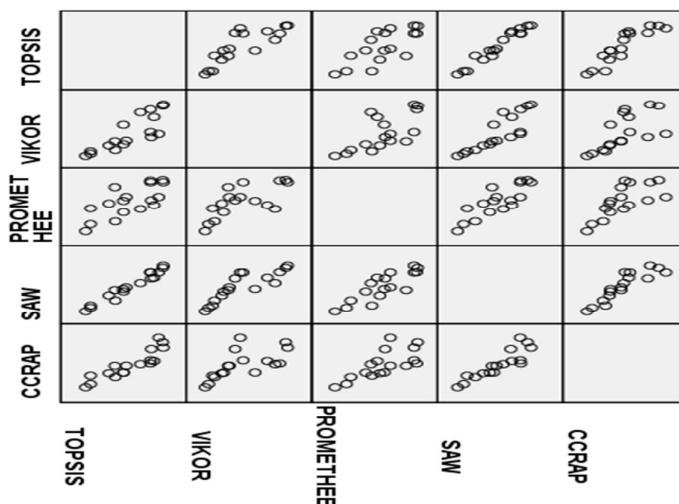
در نهایت، با استفاده از آزمون آماری پیرسون میزان همبستگی ارزش‌های بدست آمده تکنیک‌های معمول سنجیده می‌شود. همان‌طور که نتایج این آزمون نشان می‌دهد؛ در مقایسه تکنیک AP با تکنیک‌های معمول چندشاخصه، همبستگی معناداری بین آنها وجود دارد که در این میان، بیشترین مقدار همبستگی را با تکنیک تاپسیس نشان می‌دهد. جدول (۶) میزان و اطلاعات کلی همبستگیها را بین تکنیک‌های چندشاخصه نشان می‌دهد.

Correlations

		TOPSIS	VIKOR	PROMETHEE	SAW	CCRAP
TOPSIS	Pearson Correlation	1	.826**	.731**	.979**	.897**
	Sig. (2-tailed)		.000	.001	.000	.000
	N	17	17	17	17	17
VIKOR	Pearson Correlation	.826**	1	.694**	.848**	.659**
	Sig. (2-tailed)	.000		.002	.000	.004
	N	17	17	17	17	17
PROMETHEE	Pearson Correlation	.731**	.694**	1	.846**	.726**
	Sig. (2-tailed)	.001	.002		.000	.001
	N	17	17	17	17	17
SAW	Pearson Correlation	.979**	.848**	.846**	1	.895**
	Sig. (2-tailed)	.000	.000	.000		.000
	N	17	17	17	17	17
CCRAP	Pearson Correlation	.897**	.659**	.726**	.895**	1
	Sig. (2-tailed)	.000	.004	.001	.000	
	N	17	17	17	17	17

\*\*, Correlation is significant at the 0.01 level (2-tailed).

جدول (۶): همبستگی رتبه‌های تکنیک‌های چندشاخصه



نمودار (۶): ماتریس همبستگی تکنیک‌های چندشاخصه

### نتیجه گیری

خروجی‌ها ضروری است. در پژوهش حاضر، روش تحلیل پوششی داده‌ها در فضای پیوسته مدل‌سازی شده است. بدین ترتیب که تمامی شاخص‌های ماتریس تصمیم، به عنوان خروجی مدل تحلیل پوششی داده‌ها و هریک از گزینه‌های این ماتریس به عنوان یک واحد تصمیم‌گیرنده (DMU) در نظر گرفته شده است در این صورت باید برای این مدل به تعریف ورودی پرداخته شود. برای این منظور، برای تعیین کارایی نسبی واحد، یک ورودی معین و ثابت [مثل [۱]] در نظر گرفته تکنیک AP-CCR در فضای پیوسته داده‌ای همبستگی وجود دارد.

### منابع

- آذر، عادل و وفایی، فرهاد (۱۳۸۹). رتبه‌بندی فنون تصمیم‌گیری چندشاخصه MADM با استفاده از برخی روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره در محیط فازی و مقایسه آن با رتبه بندی به روش DEA، دوماهنامه دانشور-مدیریت و پیشرفت، شماره ۴۱، صص ۲۳-۳۸.

۱۱. ذاکریان، ملیحه؛ موسوی، میرنجد و باقری کشکولی، علی (۱۳۸۹)، تحلیلی بر پراکنش جمعیت و توزیع خدمات در محلات شهری مبین از منظر توسعه پایدار، نشریه جغرافیا، دوره ۴، شماره ۱۳، صص ۴۱-۷۳.
۱۲. رستمی، مسلم و شاعلی، جعفر (۱۳۸۸). تحلیل توزیع فضایی خدمات شهری در شرکرمانشاه، چشم انداز جغرافیایی، دوره ۴، شماره ۹، صص ۲۷-۵۱.
۱۳. شاعلی، جعفر (۱۳۷۹). توزیع فضایی مراکز خدمات درمانی و بهداشتی در مناطق شهری تهران، دوره ۳۲، شماره ۳۸، صص ۱۹-۳۱.
۱۴. عباسی، محمدرضا (۱۳۸۸)، بررسی توزیع فضایی خدمات شهری در مناطق شهر شیراز (نمونه مراکز آموزشی شهر شیراز)، جغرافیا و مطالعات محیطی، دوره ۱، شماره ۲، صص ۴۵-۵۴.
۱۵. کلانتری، خلیل (۱۳۹۱). مدل‌های کمی در برنامه‌ریزی (منطقه‌ای، شهری و روستایی)، نشر فرهنگ صبا، تهران.
۱۶. محمدی زنجیرانی، داریوش؛ سلیمانی فر، خداکرم و یوسفی ده بیدی، شهلا (۱۳۹۳)، بررسی عمکرد متدالوی ترین تکنیک‌های تصمیم‌گیری چندشاخه با رویکرد بهینه‌یابی، مجله تحقیق در عملیات در کاربردهای آن، سال یازدهم، شماره ۴۰، صص ۶۵-۸۴.
۱۷. مرصوصی، نفیسه و خزایی، کاظم (۱۳۹۳)، توزیع فضایی خدمات شهری و نقش آن در توسعه پایدار شهر مطالعه موردی مادرشهر تهران، پژوهش و برنامه‌ریزی شهری، دوره ۵، شماره ۱۸، صص ۲۱-۴۰.
۱۸. مهرگان، محمدرضا (۱۳۸۷). مدل‌های کمی در ارزیابی عملکرد سازمان‌ها. تهران، انتشارات دانشکده مدیریت، دانشگاه تهران.
۱۹. نظم‌فر، حسین؛ باختر، سهیلا و علوی، سعیده (۱۳۹۴)، رتبه‌بندی سطوح توسعه یافته‌گی مناطق روستایی (مطالعه موردی: دهستان‌های استان کرمانشاه)، فصلنامه جغرافیا و مطالعات محیطی، سال چهارم، شماره ۱۴، صص ۱۸۱-۱۹۲.
۲۰. نظم‌فر، حسین و علی بخشی، آمنه (۱۳۹۳)، سنجش میزان برخورداری شهرستان‌های استان خوزستان از شاخص‌های توسعه با استفاده از تکنیک ادغام، مجله آمایش جغرافیایی فضایی، سال چهارم، شماره ۱۴، صص ۱۵۱-۱۷۸.
۲۱. نیکپور، عامر؛ ملک شاهی، غلامرضا و رزقی رمی، فاطمه (۱۳۹۴)، ارزیابی شاخص‌های توسعه پایدار شهری با تأکید بر شهری منطقه‌ای، دوره ۳، شماره ۱۰، صص ۱-۲۲.
۲. امانپور، سعید؛ علیزاده، هادی و امن باغ، صفیه (۱۳۹۲). ارزیابی میزان توسعه یافته‌گی شهرستان‌های استان کرمانشاه از لحاظ برخورداری از شاخص‌های خدمات شهری، آمایش محیط، دوره ۶، شماره ۲۳، صص ۱۰۵-۱۲۶.
۳. پوراصغر سنگاچین، فرزام؛ صالحی، اسماعیل و دیناورندی، مرتضی (۱۳۹۲)، مقایسه روش‌های سنجش توسعه پایدار منطقه‌ای با استفاده از شاخص‌های ترکیبی (مطالعه موردی: استان‌های کشور ایران)، پژوهش‌های محیط زیست، سال چهارم، شماره ۷، صص ۴۵-۵۸.
۴. پورطاهری، مهدی (۱۳۹۳). کاربرد روش‌های تصمیم‌گیری چند شاخصه در جغرافیا، انتشارات سمت، تهران.
۵. پورمحمدی، محمدرضا؛ رنجبرنیا، بهزاد؛ ملکی، کیومرث و شفاعتی، آرزو (۱۳۹۱). تحلیل توسعه یافته‌گی شهرستان‌های استان کرمانشاه، مجله برنامه‌ریزی فضایی، سال دوم، شماره ۵، صص ۱-۲۶.
۶. تقوایی، مسعود و کیومرثی، حسین (۱۳۹۰)، سطح‌بندی محلات شهری بر اساس میزان بهره‌مندی از امکانات و خدمات شهری با بهره‌گیری از تکنیک TOPSIS (مطالعه موردی: محلات شهر آباده)، پژوهش و برنامه‌ریزی شهری، دوره ۲، شماره ۵، صص ۲۳-۴۲.
۷. توکلی نیا، جمیله؛ مسلمی، ارمان؛ فیروزی، ابراهیم و بندانی، سارا (۱۳۹۴)، تحلیلی بر پراکنش جمعیت توزیع خدمات شهری بر پایه عدالت فضایی (مطالعه موردی: شهر اردبیل)، پژوهش‌های جغرافیایی برنامه‌ریزی شهری، دوره ۳، شماره ۳، صص ۲۸۵-۳۰۸.
۸. حاتمی‌نژاد، حسین؛ فرهودی، رحمت‌الله و محمدپور جابری، مرتضی (۱۳۸۷). تحلیل نابرابری اجتماعی در برخورداری از کاربری‌های خدمات شهری (مورد مطالعه: شهر اسفراین)، پژوهش‌های جغرافیای انسانی، دوره ۴۰، شماره ۶۵، صص ۷۱-۸۵.
۹. حسن پور، امید (۱۳۹۰). تحلیل توزیع فضایی و مکان‌یابی ایستگاه‌های آتش‌نشانی با استفاده از GIS نمونه موردی: منطقه یک تهران، پایان نامه کارشناسی ارشد به راهنمایی اکبر پرهیز کار، دانشگاه آزاد اسلامی تهران.
- ۱۰.داداش پور، هاشم و رستمی، فرامرز (۱۳۹۰)، سنجش عدالت فضایی یکپارچه خدمات عمومی شهری بر اساس توزیع جمعیت، قابلیت دسترسی و کارایی در شهر یاسوج، مطالعات و پژوهش‌های شهری منطقه‌ای، دوره ۳، شماره ۱۰، صص ۱-۲۲.

- جمعیت مطالعه موردی؛ مناطق شهر اصفهان، *فصلنامه جغرافیا و توسعه*، سال پنجم، صص ۹۱-۱۰۶.
24. Brans, J. P., and Vincke, Ph. 1985, A Preference Ranking Organisation Method (The PROMETHEE Method for Multiple Criteria Decision-Making), *Management Science*, Vol. 31, No. 6, pp. 647-656.
25. Denpontin, M., Mascarola, H., Spronk, J., (1983). A user oriented listing of MCDM. *Revue Beige de Recherche Operationnelle* 23, 3-11.
- عدالت در توزیع خدمات (مورد مطالعه: شهر بابل)، پژوهش و برنامه ریزی شهری، دوره ۶، شماره ۲۲، صص ۱۲۵-۱۳۸.
۲۲. وارثی، حمیدرضا، بیک محمدی، حسن و اکبری، محمود (۱۳۹۰). تحلیل فضایی و برنامه ریزی نارسانی‌های مراکز خدمات شهری یاسوج، *تحقیقات جغرافیایی*، دوره ۲۶، شماره ۱۰۰، صص ۷۱-۸۸.
۲۳. وارثی، حمیدرضا، صفر قاندرحمتی و ایمان باستانی فر، (۱۳۸۶)، بررسی اثرات توزیع خدمات شهری در عدم تعادل فضایی