

## بهره‌برداری بهینه از مخازن به منظور تامین نیازهای آبیاری بر پایه الگوریتم جدید پروانه پادشاه

میرامید هادیانی<sup>۱\*</sup> و حمیدرضا وزیری<sup>۲</sup>

(<sup>۱</sup>) استادیار گروه مهندسی محیط زیست، واحد قائم‌شهر، دانشگاه آزاد اسلامی، قائم‌شهر، ایران.

\* رایانامه نویسنده مسئول مکاتبات: m.omidhadiani@qaemiau.ac.ir

(<sup>۲</sup>) دانش‌آموخته دکتری تخصصی رشته مهندسی عمران آب، دانشکده عمران، دانشگاه سمنان، سمنان، ایران.

تاریخ دریافت: ۱۴۰۰/۰۹/۲۶

تاریخ پذیرش: ۱۴۰۰/۱۲/۲۱

### چکیده

مطالعه حاضر به بهره‌برداری از مخزن به منظور تامین نیازهای آبیاری بر اساس الگوریتم تکاملی جدید پروانه پادشاه با هدف حداقل نمودن کمبودهای آبیاری پرداخته است. از الگوریتم‌های ژنتیک و ازدحام ذرات به عنوان الگوریتم‌های پرکاربرد و موفق برای مقایسه با الگوریتم پروانه پادشاه استفاده شد و به منظور انتخاب روش برتر از یک مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره بهره‌برده شد. نتایج نشان داد الگوریتم پروانه پادشاه با کسب رتبه اول بر اساس مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره و شاخص‌های مختلف نظیر اطمینان پذیری، آسیب‌پذیری، انعطاف‌پذیری و تابع هدف دارای عملکرد بهتری نسبت به الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات است. علاوه بر آن، مقادیر کمبودهای تامین آب آبیاری بر اساس الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به دو الگوریتم دیگر در طی هفت سال مطالعاتی کمتر می‌باشد. بنابراین مطالعه انجام شده نشان داد الگوریتم پروانه پادشاه دارای عملکرد مناسبی برای استفاده در مسایل مدیریت منابع آب می‌باشد.

**واژه‌های کلیدی:** الگوریتم پروانه پادشاه، بهره‌برداری مخزن، مدیریت منابع آب، هوش مصنوعی.

### مقدمه

بهره‌برداری از مخزن مورد استفاده قرار می‌گرفت (Brambilla *et al.*, 2017). اما روش‌هایی نظیر روش برنامه‌ریزی خطی و یا غیرخطی و یا روش برنامه‌ریزی پویا نیاز به زمان بالای محاسباتی برای دستیابی به پاسخ بهینه مسایل بهینه‌سازی و مدیریت بهینه بهره‌برداری مخازن دارند (Choong *et al.*, 2017). همچنین روش‌های مذکور گاه قادر به حل برخی از مسایل پیچیده نبودند، بنابراین در طی سال‌های اخیر الگوریتم‌های تکاملی جهت حل مسایل مرتبط با بهره‌برداری مخزن پیشنهاد گردیده است.

Pianosi و همکاران (۲۰۱۱)، رویکرد جدیدی بر پایه ترکیب سیستم شبکه عصبی مصنوعی<sup>۱</sup> و الگوریتم ژنتیک چندمنظوره<sup>۲</sup> برای مدیریت یکپارچه سیستم آب مخزن

کمبود آب و خشکسالی‌های پی‌درپی همواره یکی از مسایل مورد توجه بشر بوده است. طی سال‌های اخیر، تصمیم‌گیرندگان منابع آب همواره در تلاش بوده‌اند تا بتوانند نیازهای آبی را بر اساس بهره‌برداری بهینه از مخازن آب رفع نمایند. راهبردهای مختلف و سیاست‌های مختلف اعمال گردید تا نیازهای آبی مصرف‌کنندگان در پایین دست به بهترین شکل ممکن تامین گردد (Delis *et al.*, 2017; Ai *et al.*, 2017). بهره‌برداری بهینه از مخازن آب توسط پژوهشگران طی سال‌های اخیر بر اساس مدل‌های ریاضی و الگوریتم‌های تکاملی، مسئله‌ای قابل توجه بوده است (Bozorg-Hadad *et al.*, 2016). روش‌های برنامه‌ریزی خطی و غیرخطی در طی سال‌های قبل به‌عنوان یکی از ابزارهای حل مسایل مربوط به مدیریت منابع آب و

استفاده نمودند. هدف مسئله افزایش قابلیت اطمینان‌پذیری و کاهش قابلیت آسیب‌پذیری برای تامین نیازهای پایین دست بود. روش هیبریدی مذکور سبب گردید عوامل موثر و تاثیرگذار در استخراج منحنی‌های فرمان را به خوبی شناسایی کند و در نهایت منحنی‌های فرمان خروجی سد را بر اساس عواملی نظیر تبخیر ماهانه، ذخیره و ورودی‌های مخزن تنظیم نماید. Bashiri-Atrabi و همکاران (۲۰۱۵) بهره‌برداری مخزن را مبتنی بر کاهش کمبودهای آبیاری با استفاده از الگوریتم هارمونی انجام دادند. نتایج بیانگر آن بود الگوریتم هارمونی نسبت به الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات می‌تواند مقادیر نیازهای آبی پایین دست را بهتر تامین نماید. همچنین سرعت همگرایی الگوریتم مذکور از الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات بیشتر بود. یکی از الگوریتم‌هایی که تازگی در زمینه بهینه‌سازی مهندسی عمران معرفی گردیده الگوریتم پروانه پادشاه<sup>۲</sup> می‌باشد. الگوریتم مذکور برای حل مسایل توابع محک ریاضی<sup>۳</sup> مورد استفاده قرار می‌گیرد. نتایج بیانگر آن بود که الگوریتم مذکور با زمان محاسباتی کمتر و سرعت همگرایی بیشتر به جواب‌های بهینه مطلق توابع ریاضی با هدف ماکزیمم نمودن یا مینیمم نمودن این توابع دست پیدا می‌کند (Wang et al., 2015).

Ehteram و همکاران (۲۰۱۷a) از الگوریتم کوسه به منظور بهره‌برداری یک مخزن با رویکرد تامین نیازهای آبیاری پایین دست استفاده نمودند. نتایج نشان داد الگوریتم کوسه در حداقل نمودن تابع هدف مسئله که شامل کمبودهای آبیاری می‌باشد نسبت به الگوریتم هارمونی و ژنتیک دارای زمان محاسباتی کمتری است و در بیشتر ماه‌های بهره‌برداری نیاز پایین دست تامین می‌گردد. تامین اهداف مختلف نظیر نیازهای آبیاری، کنترل سیلاب، تولید انرژی برقی و سایر اهداف در زمینه مدیریت منابع آب، از مسایل مربوط به پژوهش‌های مختلف در ارتباط با بهره‌برداری بهینه از مخازن سدها و مدیریت حوزه آبخیز بوده است (Raso et al., 2017; Li et al., 2017). Ehteram و همکاران (۲۰۱۷b) از الگوریتم میگو برای بهره‌برداری بهینه از یک سیستم چندمخزنه با رویکرد افزایش تولید انرژی استفاده نمودند. نتایج مطالعه بیانگر آن بود که الگوریتم مذکور با تعداد دفعات کمتر به جواب بهینه مطلق

Hoabinh در ویتنام برای شرایط توسعه در فصول سیل‌خیزی ارایه داده که قابلیت استفاده در شرایط بحرانی جدی مانند خشکسالی هیدرولوژیک را هم دارد. مشکل بهینه‌سازی این مدل عبارت از فرموله کردن عمومی مدل و چالش‌های اصلی منطقه‌ای و همچنین توسعه شبیه‌سازی نتایج به‌دست آمده است. Ahmadi و همکاران (۲۰۱۴) از الگوریتم ژنتیک به منظور حل مسئله بهره‌برداری مخزن و مدیریت بهینه آب با تامین چند هدف شامل نیازهای آبی، زیست محیطی و کشاورزی استفاده نمودند. الگوریتم مذکور با ضرایب اطمینان‌پذیری بالا و آسیب‌پذیری پایین توانست انواع نیازهای آبی را تامین نماید. همچنین منحنی‌های فرمان<sup>۱</sup> خروجی انطباق بالایی با مقادیر نیاز داشتند. Bolouri-Yzadeli و همکاران (۲۰۱۴) از روش الگوریتم ژنتیک و سیاست بهره‌برداری استاندارد برای بهره‌برداری مخازن با رویکرد کاهش کمبودهای آبیاری استفاده نمودند. مطالعه مذکور به مطالعه مدیریت بهینه منابع آب بر اساس استخراج منحنی‌های فرمان غیرخطی و خطی پرداخت. نتایج بیانگر آن بود که الگوریتم ژنتیک نسبت به روش سیاست بهره‌برداری استاندارد با رویکرد منحنی‌های غیرخطی دارای انطباق بیشتری با مقادیر نیاز دارد.

Hadad و همکاران (۲۰۱۴) از الگوریتم چرخه آب برای بهره‌برداری یک مخزن آب با رویکرد افزایش تولید انرژی در نیروگاه‌های پایین دست استفاده نمودند. نتایج مطالعه مذکور نشان داد الگوریتم چرخه آب بر خلاف الگوریتم‌هایی نظیر ژنتیک و ازدحام ذرات دارای زمان محاسباتی کمتر و همچنین تولید انرژی بیشتر در نیروگاه پایین دست بود. Bozorg-Hadad و همکاران (۲۰۱۴) از الگوریتم خفاش جهت بهره‌برداری یک سیستم چندمخزنه با رویکرد افزایش تولید انرژی استفاده نمودند. نتایج بیانگر آن بود الگوریتم مذکور نسبت به الگوریتم ازدحام ذرات و ژنتیک دارای سرعت همگرایی بیشتر و پاسخ بهینه نزدیک‌تری به پاسخ بهینه مطلق است و علاوه بر آن تولید انرژی بر اساس روش مذکور نسبت به روش‌های الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات همراه با مقدار بیشتری است. Aboutalebi و همکاران (۲۰۱۵) از روش ماشین‌بردار پشتیبان و الگوریتم ژنتیک چندهدفه به منظور بهره‌برداری بهینه از یک مخزن بر اساس افزایش تولید انرژی

## بهره‌برداری بهینه از مخازن به منظور تامین نیازهای آبیاری بر پایه الگوریتم جدید پروانه پادشاه / ۷۵

مورد نظر ارزیابی نمود. بدین ترتیب، هدف تحقیق حاضر مطالعه بهره‌برداری بهینه یک مخزن با استفاده از الگوریتم پروانه پادشاه و مقایسه نتایج با سایر الگوریتم‌های تکاملی نظیر الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات بر اساس یک مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره می‌باشد.

### مواد و روش‌ها

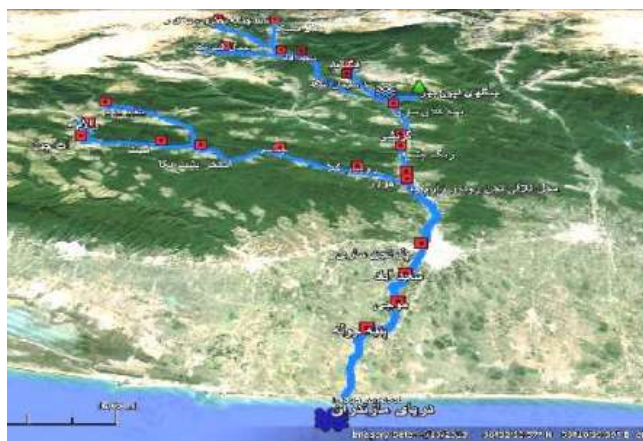
سد شهید رجایی (شکل ۱) در جنوب‌غربی شهر ساری در ایران قرار گرفته است. سد مخزنی مذکور از نوع بتنی و سرریز آزاد و به ارتفاع ۱۱۲ متر از بستر رودخانه و با طول تاج ۴۲۷ متر می‌باشد. اهداف عمده این طرح تنظیم و تامین آب کشاورزی اراضی دشت‌های اطراف و تامین آب آشامیدنی است. کل اراضی زیرکشت بهره‌برداری به میزان ۵۶۵۲۵ هکتار می‌باشد و آب آبیاری محصولات استراتژیک منطقه (شکل ۲) با سد شهید رجایی تامین می‌شود.

مسئله دست پیدا می‌نماید و سبب تولید انرژی بیشتر در سیستم می‌شود.

Wu و همکاران (۲۰۲۱) یک مدل جدید به نام FEIOM (مدل بسط یافته ورودی- خروجی عامل اکولوژیکی)، توسعه یافته برای مدیریت منابع آب مجازی ارائه دادند. این مدل از تلفیق تکنیک‌های مدل ورودی- خروجی<sup>۱</sup>، تحلیل شبکه‌ای اکولوژیکی<sup>۲</sup> و تحلیل عاملی<sup>۳</sup> در یک نمای عمومی حاصل شده است. Dong و همکاران (۲۰۲۲) نیز برای برآورد و آنالیز آب آبیاری از مدل الگوریتم بهینه‌سازی میمون عنکبوتی استفاده نمودند که مدل مربوطه قابلیت کاربری در تحلیل زمان خشکسالی هیدرولوژیکی برای مدیریت توزیع منابع آب را دارد. به نظر می‌رسد با توجه به استفاده محققین مختلف از الگوریتم‌ها و مدل‌های مختلف در تحلیل فرآیند بهره‌برداری از مخازن در مدیریت منابع آب، بهتر است در مطالعات منطقه‌ای با توجه به شرایط محیطی الگوریتم یا مدل بهینه را برای مخزن



شکل ۱. سد شهید رجایی در جنوب‌غربی شهر ساری



شکل ۲. مسیر حرکت رودخانه تنج از سرچشمه تا دریای خزر

- پروانه‌هایی که دارای تابع هدف بهتر باشند به شکل مستقیم بدون اعمال هیچ اپراتوری منتقل می‌گردند و بدین ترتیب کیفیت پروانه‌های پادشاه برای نسل‌های بعدی تضمین خواهد شد.

دلایل استفاده از الگوریتم مذکور عبارتند از: ۱. داشتن تعداد پارامترهای تصادفی کم نسبت به سایر الگوریتم‌های تکاملی که سبب تسریع در امر بهینه‌سازی می‌گردد؛ ۲. یکی از مشکلات الگوریتم‌های تکاملی عدم تعادل میان قابلیت پویا و انتفاع می‌باشد. قابلیت پویا در الگوریتم‌های تکاملی توانایی جستجوی الگوریتم در فضای مسئله بدون توجه به دستاوردهای الگوریتم می‌باشد، درحالی‌که قابلیت انتفاع الگوریتم، به میزان توجه الگوریتم به دستاوردهای آن می‌پردازد. عدم تعادل میان دو قابلیت مذکور سبب می‌گردد که یا الگوریتم رفتاری محتاطانه‌تر و یا رفتاری غیرقابل پیش‌بینی و به شدت تصادفی داشته باشد. وجود دو اپراتور تنظیم<sup>۱</sup> و مهاجرت<sup>۲</sup> سبب می‌گردد که تعادل مناسبی میان دو قابلیت پویا و انتفاع الگوریتم پروانه پادشاه وجود داشته باشد؛ و ۳. همچنین الگوریتم پروانه پادشاه با داشتن مراحل ساده‌تر در روند بهینه‌سازی نسبت به سایر الگوریتم‌های تکاملی سبب می‌گردد که روند همگرایی الگوریتم و دستیابی به پاسخ بهینه مطلق سریع‌تر گردد (Wang et al., 2015).

بدین ترتیب مراحل مطالعه بهره‌برداری مخزن با الگوریتم

پروانه پادشاه را می‌توان به ترتیب زیر خلاصه نمود:

- رهاسازی آب برای تسهیل در محاسبات به‌عنوان متغیر تصمیم در نظر گرفته می‌شود، بنابراین جمعیت اولیه پروانه پادشاه که بر اساس موقعیت پروانه‌ها می‌باشد و شامل ماتریس مقادیر رهاسازی آب است وارد الگوریتم می‌گردد.
- در مرحله‌ی بعد، رابطه پیوستگی محاسبه شده و مقادیر ذخیره برای دوره‌های بعد محاسبه می‌گردد.
- سپس ذخیره‌های محاسبه شده در مرحله قبل، بر اساس قیود مسئله کنترل می‌شود و در صورت عدم رعایت قیود، توابع پنالته<sup>۳</sup> محاسبه می‌گردد.
- تابع هدف برای هر متغیر رهاسازی محاسبه شده و در صورت نیاز توابع پنالته به آن اضافه می‌گردند.

تابع هدفی که هدف آن کمینه‌سازی مجذور اختلاف نیازهای آبیاری و رهاسازی برای تامین آب مورد نیاز محصولات کشاورزی است، در نظر گرفته شد. برای تامین این هدف مهم، قیود رهاسازی آب و ذخیره مخزن و همچنین توابع پنالته تعریف شد. حداکثر ذخیره مخزن ۱۲۶ میلیون مترمکعب و حداقل ذخیره ۱۸ میلیون مترمکعب می‌باشد. بنابراین به منظور حداقل‌سازی تابع هدف به نحوی که نیازهای آبیاری تامین شود از الگوریتم پروانه پادشاه استفاده گردید. همچنین برای آزمون روش از شاخص‌های انعطاف‌پذیری، آسیب‌پذیری و بازگشت‌پذیری استفاده شد. علاوه بر آن از یک مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره برای مقایسه الگوریتم‌های تکاملی مختلف استفاده شد. بنابراین نوآوری تحقیق حاضر به معرفی الگوریتم پروانه پادشاه به منظور استفاده در مسایل مدیریت منابع آب و همچنین بهره‌برداری بهینه از مخازن برای تامین نیازهای آبرسانی اختصاص می‌یابد.

یکی از گونه‌های معروف پروانه در آمریکای شمالی، پروانه پادشاه می‌باشد. این پروانه‌ها در شرق آمریکای شمالی زندگی می‌کنند و به توانایی بالای مهاجرت‌شان شناخته می‌شوند. آنها می‌توانند هر تابستان به جنوب کانادا و مکزیک سفر کنند (Wang et al., 2015). بر مبنای نظر وانگ و همکاران (۲۰۱۵) فرضیه‌های زیر در ارتباط با الگوریتم پروانه پادشاه وجود دارد:

- همه پروانه‌ها یا در سرزمین یک (آمریکای شمالی) و یا در سرزمین دو (مکزیک یا کانادا) زندگی می‌کنند، بنابراین جمعیت پروانه‌های پادشاه در سرزمین یک و دو کل جمعیت پروانه‌های پادشاه را تشکیل می‌دهند.
- هر بچه پروانه به وسیله اپراتور مهاجرت در سرزمین یک و یا دو تولید می‌گردد.
- تولید هر پروانه جدید بر اساس گام قبل سبب خواهد شد جمعیت بیشتر گردد. برای حفظ اندازه جمعیت، پروانه‌های جدید در صورتی جایگزین پروانه‌های قبل می‌گردند که دارای تابع هدف بهتر باشند. در غیر اینصورت پروانه‌های قبل باقی خواهند ماند و اندازه جمعیت بر اساس این راهبرد ثابت باقی می‌ماند.

رابطه (۲)  $r = rand.peri$

ضریب  $peri$  معادل با  $1/2$  تنظیم می‌گردد (Wang et al., 2015). از طرف دیگر اگر مقدار  $r > p$  باشد، المان  $k$

در نسل جدید بر اساس رابطه ۳ تولید می‌گردد:

$$x_{i,k}^{t+1} = x_{r_2,k}^t \quad (3)$$

که  $x_{r_2,k}^t$  المان  $k$ ام از  $X_{F2}$  است که موقعیت جدید پروانه پادشاه  $r_2$  می‌باشد. بر اساس آنچه در رابطه‌های بالا دیده می‌شود، جهت مهاجرت در اپراتور مهاجرت به وسیله نسبت  $p$  تنظیم می‌گردد. اگر مقدار  $p$  بزرگ باشد، المان‌های بیشتری از سرزمین ۱ انتخاب می‌گردند و در این صورت زیرمجموعه جمعیتی، نقش مهمی را بازی می‌کند. اگر مقدار  $p$  کوچک باشد، المان‌های بیشتری از سرزمین ۲ انتخاب می‌گردند. این نشان می‌دهد که زیرمجموعه جمعیتی ۲ نقش مهمتری بازی می‌کند.

#### اپراتور تنظیم

موقعیت پروانه پادشاه به جز اپراتور مهاجرت با اپراتور تنظیم نیز تکمیل شده و چنانچه مقدار تصادفی  $rand$  از مقدار  $p$  کوچک‌تر باشد، موقعیت پروانه بر اساس رابطه ۴ به روزرسانی می‌گردد:

$$x_{j,k}^{t+1} = x_{best,k}^t \quad (4)$$

جایی که  $x_{j,k}^{t+1}$  المان  $k$ ام از  $X_j$  در نسل  $t+1$  می‌باشد که موقعیت پروانه پادشاه  $j$ ام را نشان می‌دهد. به طور مشابه،  $x_{best,k}^t$  المان  $k$ ام از  $X_{best}$  را نشان می‌دهد که بیانگر بهترین پروانه پادشاه در سرزمین ۱ و ۲ است. چنانچه مقدار  $rand$  بزرگ‌تر از  $p$  باشد، موقعیت پروانه پادشاه بر اساس رابطه ۵ به روزرسانی می‌گردد:

$$x_{j,k}^{t+1} = x_{r_3,k}^t \quad (5)$$

که  $x_{r_3,k}^t$  المان  $k$ ام از  $X_{F3}$  را نشان می‌دهد و به طور تصادفی در سرزمین ۲ انتخاب می‌شود. تحت این شرایط اگر  $rand$  بزرگ‌تر از  $BAR$  باشد، به روزرسانی بعدی مطابق با رابطه ۶ خواهد بود:

$$x_{j,k}^{t+1} = x_{j,k}^{t+1} + \alpha \times (dx_k - 0.5) \quad (6)$$

که  $BAR$  نرخ تنظیم را نشان می‌دهد،  $dx$  (رابطه ۷) طول گام پروانه پادشاه  $j$ ام است که بر اساس شیوه  $Levy\ flight$  (Wang et al., 2015) محاسبه می‌گردد:

$$dx = Levy(x_j^t) \quad (7)$$

- سپس اپراتورهای مهاجرت و تنظیم بر متغیرهای تصمیم و مقادیر رهاسازی آب مطابق الگوریتم پروانه پادشاه اعمال می‌گردد.

- شرط همگرایی برای الگوریتم کنترل گشته و در صورت رضایت الگوریتم پایان می‌یابد. در غیر اینصورت به گام دوم باز می‌گردد.

در تبیین جزئیات این الگوریتم لازم است به تشریح مواردی از جمله اپراتور مهاجرت، اپراتور تنظیم، معیارهای ارزشیابی سیستم بهره‌برداری و مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره پرداخت و همچنین اشاره‌ای نیز بر الگوریتم ازدحام ذرات و الگوریتم ژنتیک که در این تحقیق به‌عنوان الگوریتم‌های مورد مقایسه با الگوریتم پروانه پادشاه قرار گرفته‌اند نیز به‌طور اجمالی توجه شود.

#### اپراتور مهاجرت

پروانه‌های مهاجر در خلال ماه آوریل از سرزمین ۱ به ۲ و در خلال ماه سپتامبر از سرزمین ۲ به ۱ مهاجرت می‌کنند. طول مدت اقامت پروانه‌ها در سرزمین ۱ به مدت ۵ ماه و در سرزمین ۲ به مدت ۷ ماه می‌باشد. بنابراین تعداد کل پروانه‌ها در سرزمین ۱  $ceil(p * NP)$  می‌باشد که  $ceil$  مقدار داخل پرانتز را به نزدیک‌ترین عدد صحیح گرد می‌نماید و  $NP$  جمعیت کل پروانه‌ها می‌باشد.  $p$  نسبت پروانه‌های پادشاه در سرزمین ۱ است. همچنین تعداد پروانه‌های پادشاه در سرزمین ۲ به میزان  $NP - NP_1$  است. جمعیت پروانه‌ها در سرزمین ۱ به عنوان زیرمجموعه جمعیتی اول و جمعیت پروانه‌ها در سرزمین دوم به عنوان زیرمجموعه جمعیتی دوم شناخته می‌گردد. اپراتور مهاجرت مطابق رابطه ۱ بر روی جمعیت پروانه‌ها اعمال می‌گردد:

$$x_{i,k}^{t+1} = x_{r_1,k}^t \quad (1)$$

که  $x_{i,k}^{t+1}$  به عنوان المان  $k$ ام از  $X_i$  در نسل  $t+1$  می‌باشد که موقعیت پروانه پادشاه  $i$ ام را در جمعیت نشان می‌دهد و همچنین  $x_{r_1,k}^t$  المان  $k$ ام از  $X_r$  در نسل  $t$  می‌باشد که موقعیت جدید پروانه پادشاه  $r_1$  را نشان می‌دهد. پروانه پادشاه  $r_1$  به‌طور تصادفی از زیرمجموعه یک انتخاب می‌گردد. زمانی که مقدار  $r \leq p$  می‌باشد، المان  $k$ ام در نسل جدید با رابطه (۱) تولید می‌گردد و مقدار  $r$  از رابطه ۲ محاسبه می‌شود:

در معادله ۵،  $\alpha$  ضریب وزنی است که بر طبق معادله زیر (رابطه ۸) محاسبه می‌گردد:

$$\alpha = \frac{S_{\max}}{t^2} \quad (۸) \quad \text{رابطه}$$

$S_{\max}$  ماکزیمم گامی است که یک پروانه پادشاه در یک گام حرکت می‌نماید و  $t$  نسل فعلی می‌باشد. مقادیر بزرگ  $\alpha$  طول گام را افزایش می‌دهد و سبب افزایش قابلیت پویا می‌گردد. این در حالی است که مقادیر کوچک‌تر قابلیت ارتفاع را با کاهش طول گام جستجو افزایش می‌دهد.

نخست برای اعمال الگوریتم در یک مسئله بهینه‌سازی، پارامترهای تصادفی الگوریتم مطابق شکل ۳ اعمال می‌گردد. همچنین جمعیت اولیه الگوریتم که شامل موقعیت اولیه پروانه‌های حاضر می‌باشد، تعریف می‌گردد. در مرحله بعد موقعیت پروانه‌ها گام به گام به روزرسانی می‌گردد. به‌منظور تثبیت جمعیت و کاهش تعداد دفعات ارزیابی، جمعیت پروانه‌های پادشاه سرزمین ۱،  $NP_1$  و  $NP_2$  بر اساس اپراتورهای تنظیم و مهاجرت تولید خواهد شد. نحوه اجرای الگوریتم مطابق شکل ۳ می‌باشد.

---

**Algorithm 3** Monarch Butterfly Optimization algorithm

---

**Begin**

**Step 1: Initialization.** Set the generation counter  $t = 1$ ; initialize the population  $P$  of  $NP$  monarch butterfly individuals randomly; set the maximum generation  $MaxGen$ , monarch butterfly number  $NP_1$  in Land 1 and monarch butterfly number  $NP_2$  in Land 2, max step  $S_{\max}$ , butterfly adjusting rate  $BAR$ , migration period  $peri$ , and the migration ratio  $p$ .

**Step 2: Fitness evaluation.** Evaluate each monarch butterfly according to its position.

**Step 3: While** the best solution is not found **or**  $t < MaxGen$  **do**

Sort all the monarch butterfly individuals according to their fitness.

Divide monarch butterfly individuals into two subpopulations (Land 1 and Land 2);

**for**  $i = 1$  to  $NP_1$  (for all monarch butterflies in Subpopulation 1) **do**

Generate new Subpopulation 1 according to Algorithm 1.

**end for**  $i$

**for**  $j = 1$  to  $NP_2$  (for all monarch butterflies in Subpopulation 2) **do**

Generate new Subpopulation 2 according to Algorithm 2.

**end for**  $j$

Combine the two newly-generated subpopulations into one whole population;

Evaluate the population according to the newly updated positions;

$t = t + 1$ .

**Step 4: end while**

**Step 5: Output** the best solution.

---

**End.**

شکل ۳. نحوه اجرای الگوریتم Monarch butterfly algorithm

### الگوریتم ازدحام ذرات

چنانچه یک فضای جستجوی  $D$  بعدی را در نظر گیرید، جمعیت بر اساس یک بردار  $D$  بعدی در الگوریتم ازدحام ذرات بر اساس بردار  $X_i = (x_{i1}, x_{i2}, \dots, x_{iD})^T$  معرفی می‌گردد. سرعت ذرات بر اساس بردار  $D$  بعدی و با رابطه  $V_i = (v_{i1}, v_{i2}, \dots, v_{iD})^T$  نشان داده می‌شود. بهترین

موقعیت قبلی ذرات بر اساس رابطه  $P_i = (p_{i1}, p_{i2}, \dots, p_{iD})^T$  می‌باشد. همچنین شاخص  $g$  در رابطه‌های زیر به عنوان موقعیت بهترین ذره در بین تمامی تکرارها است. سرعت و موقعیت ذرات بر طبق دو رابطه ۹ و ۱۰ به روزرسانی می‌گردد:

$$v_{id}^{n+1} = \chi \left[ w v_{id}^n + c_1 r_1^n \frac{(p_{id}^n - x_{id}^n)}{\Delta t} + c_2 r_2^n \frac{(p_{gd}^n - x_{gd}^n)}{\Delta t} \right] \quad \text{رابطه (۹)}$$

$$X_{id}^{n+1} = x_{id}^n + \Delta t v_{id}^{n+1} \quad \text{رابطه (۱۰)}$$

اعداد تصادفی هستند. شبه کد مربوط به الگوریتم ازدحام ذرات در شکل (۴) دیده می‌شود. در ابتدا پارامترهای تصادفی جمعیت

جایی که  $N$  تعداد ذرات،  $\chi$  ضریب انقباض،  $w$  ضریب اینرسی و  $c_1$  و  $c_2$  ضرایب شتاب می‌باشند،  $r_1$  و  $r_2$  به عنوان

راهنمای محلی و سراسری انتخاب می‌شود. در مرحله بعد سرعت و مکان مطابق معادلات بالا به روزرسانی شده و شرط همگرایی کنترل می‌گردد.

تعریف می‌گردند، سپس جمعیت اولیه در قالب سرعت و مکان ذرات تعریف می‌شود. در مرحله بعد تابع هدف ذرات محاسبه می‌گردد و سپس  $P_{best}$  و  $G_{best}$  مطابق با شبه کد به‌عنوان

```

Begin (Initialization)
  Generate initial positions  $X(0)$ 
  Generate initial velocities  $V(0)$ 
End
Set  $n = 0$  ( $n$  is the generation number)
Repeat
  Begin
    Compute fitness value for each individual of swarm
  End
  Compute  $P_{Best}(n)$  and  $G_{Best}$ 
  Begin (Perform PSO operations)
    Compute  $V(n+1)$  from Equation (1)
    Compute  $X(n+1)$  from Equation (2)
  End
  Set  $n = n + 1$ 
Until termination criteria satisfied
    
```

شکل ۴. شبه کد مربوط به الگوریتم ازدحام ذرات Particle swarm optimization algorithm

۴. عملگرهای ژنتیک: این عملگرها برای تولید اعضای جدید و تکامل تدریجی به‌کار می‌روند. اولین مرحله، ایجاد جمعیت اولیه از کروموزوم‌ها به صورت تصادفی است، سپس میزان برازندگی هر یک از اعضا در جمعیت تعیین می‌گردد و مرحله انتخاب بر اساس میزان برازندگی اعضا انجام می‌پذیرد. یعنی تعدادی از بهترین کروموزوم‌ها برای تولید مجدد انتخاب می‌گردند. در انتها عملگرهای ژنتیک شامل آمیزش<sup>۱</sup> و جهش<sup>۲</sup> بر روی اعضای انتخاب شده عمل می‌کند و کدهای ژنتیک آنها را ترکیب و اصلاح می‌نمایند.

پژوهش حاضر به مطالعه سد رجایی در ایران می‌پردازد و هدف آن تامین نیازهای آبیاری پایین دست می‌باشد. شبکه تامین آب در پایین دست این سد تا مصب دریا در سال ۲۰۰۴ به بهره‌برداری کامل رسیده است، بنابراین یک دوره ۱۳ ساله از جریان ورودی از سال ۲۰۰۵ تا ۲۰۱۸ برای این مطالعه با تابع هدف زیر در نظر گرفته شده است:

### الگوریتم ژنتیک

روش الگوریتم ژنتیک که یکی از روش‌های برنامه‌ریزی است با بهره‌گیری از نظریه تکامل بقا در علم زیست‌شناسی و استفاده از علم ژنتیک به‌عنوان روشی موثر در بهینه‌سازی مهندسی شناخته می‌شود. این روش جستجوی موثر در فضای وسیع بر اساس ژن کروموزوم‌ها است که در نهایت منجر به جهت‌گیری به سمت یافتن پاسخ بهینه در میان سایر پاسخ‌های ممکن می‌شود. مدل‌های مبتنی بر الگوریتم ژنتیک نیازمند فرآیندهای زیر هستند:

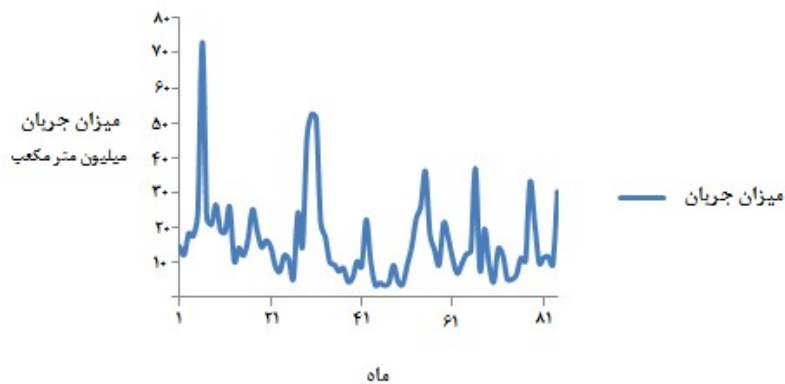
۱. جمعیت اولیه: یک مجموعه اولیه از اعضا که به صورت رشته‌هایی از ژن‌ها کد می‌گردند و جواب‌هایی از مسئله را ارائه می‌نمایند.
۲. تابع ارزیابی: روشی برای ارزیابی کیفیت پاسخ‌ها می‌باشد، بنابراین برای هر کروموزوم تابع هدف به شکل جداگانه محاسبه می‌گردد.
۳. انتخاب: فرآیندی برای گزینش اعضای مناسب برای تولید و ترکیب مجدد می‌باشد.

$$\text{Minimization (oF)} = \sum_{t=1}^T \left( \frac{D_t - R_t}{D_{\max}} \right)^2 \quad \text{رابطه (۱۱)}$$

<sup>۱</sup> Crossover  
<sup>۱</sup> Mutation

که OF تابع هدف،  $D_t$  مقدار نیاز ماهانه آبیاری،  $R_t$  مقدار رهاسازی ماهانه آبیاری و  $D_{max}$  ماکزیمم نیاز آبیاری در دوره

بهره‌برداری می‌باشد.



شکل ۵. روند جریان ورودی ماهانه به مخزن

$$P_{2,t} = \begin{cases} 0 \leftarrow \text{if } (S_{t+1}) < S_{max} \\ \frac{S_{t+1} - S_{max}}{S_{max}} \leftarrow \text{otherwise} \end{cases} \quad \text{رابطه (۱۸)}$$

$$P_{3,t} = \begin{cases} 0 \leftarrow \text{if } (P_t < PPC) \\ \frac{P_t - PPC}{PPC} \leftarrow \text{otherwise} \end{cases} \quad \text{رابطه (۱۹)}$$

### معیارهای ارزیابی سیستم بهره‌برداری مخزن

از آنجایی که مقایسه بین مقادیر رهاسازی شده از روش‌های مختلف برای انتخاب مدل مناسب بهره‌برداری حایز اهمیت است، در ادامه معیارهایی معرفی می‌گردد که این مقایسه را آسان و منطقی‌تر می‌کند. این معیارها توسط Hashimoto (۱۹۸۲) معرفی گردید. یکی از شاخص‌های مورد مطالعه، اعتمادپذیری حجمی می‌باشد. مقدار اعتمادپذیری حجمی عبارت است از مقدار حجم آب کل رها شده نسبت به مقدار کل نیاز مخازن که برای محاسبه آن از رابطه ۲۰ استفاده می‌گردد و برای سد شهید رجایی در فصل زراعی، ۴۵ درصد است:

$$\alpha_r = \frac{\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T R_t}{\sum_{i=1}^N \sum_{t=1}^T D_t} \times 100 \quad \text{رابطه (۲۰)}$$

که در آن  $\alpha_r$  اعتمادپذیری حجمی سیستم در طول دوره بهره‌برداری است. هرچه اعتمادپذیری حجمی سیستم بیشتر باشد، قابلیت اطمینان‌پذیری سیستم بیشتر می‌شود. در بهره‌برداری از سیستم‌های منابع آب، معمولاً شکست‌های رخ داده در یک سیستم اهمیت و مقدار یکسانی ندارند. به‌طور مثال

معادله پیوستگی مخزن (رابطه ۱۲) به شرح زیر است:

$$S_{t+1} = S_t + Q_t - Loss_t - R_t - Sp_t \quad \text{رابطه (۱۲)}$$

که  $S_{t+1}$  ذخیره مخزن در زمان  $t+1$ ،  $S_t$  ذخیره مخزن در زمان  $t$ ،  $Q_t$  ورودی جریان ماهانه (MCM)،  $Loss_t$  مقدار حجم افت در دوره بهره‌برداری،  $R_t$  مقدار رهاسازی آب بر حسب میلیون مترمکعب و  $Sp_t$  مقدار سرریز می‌باشد. مقدار افت از رابطه ۱۳ به‌دست می‌آید:

$$Loss_t = A_t \times Ev_t \quad \text{رابطه (۱۳)}$$

که  $A_t$  سطح دریاچه مخزن و  $Ev_t$  عمق تبخیر تعرق در دوره  $t$  می‌باشد. همچنین مقدار سرریز از رابطه ۱۴ به‌دست می‌آید:

$$Sp_t = \begin{cases} 0 \leftarrow \text{if } (S_t \leq S_{max}) \\ S_{max} - S_t \leftarrow \text{if } (S_t > S_{max}) \end{cases} \quad \text{رابطه (۱۴)}$$

که  $S_{max}$  ماکزیمم ذخیره مخزن می‌باشد. قیدهای مخزن مطابق با روابط ۱۵ و ۱۶ به‌دست می‌آیند:

$$0 \leq R_t \leq D_t \quad \text{رابطه (۱۵)}$$

$$S_{min} \leq S_t \leq S_{max} \quad \text{رابطه (۱۶)}$$

در صورت عدم رعایت قیود، توابع پناستی بر اساس رابطه

های ۱۷ الی ۱۹ تعریف می‌گردند:

$$P_{1,t} = \begin{cases} 0 \leftarrow \text{if } (S_{t+1}) > S_{min} \\ \frac{S_{min} - S_{t+1}}{S_{min}} \leftarrow \text{otherwise} \end{cases} \quad \text{رابطه (۱۷)}$$



شاخص و  $e$  بیان‌کننده یک روش باشد، در نتیجه روابط ۲۳ و ۲۴ ایجاد می‌شوند که  $x_{ef}$  بیان‌کننده عملکرد هر روش بر اساس هر شاخص است.

$$\bar{x}_{ef} = \frac{x_{ef}}{\text{Max}(x_{ef})} \leftarrow (\text{beneficial}) \text{ criteria} \quad (23)$$

$$\bar{x}_{ef} = \frac{\text{Min}(x_{ef})}{x_{ef}} \leftarrow (\text{nonbeneficial}) \text{ criteria} \quad (24)$$

مقادیر متغیرهای نرمال شده بر اساس روش مجموع باقی‌مانده وزنی و حاصلضرب وزنی بر اساس روابط ۲۵ و ۲۶ محاسبه می‌گردد:

$$\bar{x}_{ef} = \sum_{f=1}^{n_e} \bar{x}_{ef} W_f \quad (25)$$

$$\phi_e^2 = \prod_{f=1}^{nc} (\bar{x}_{ef}^{w_f}) \quad (26)$$

که  $n_e$  تعداد کل شاخص‌های ارزیابی و  $W_f$  نیز مربوط به هر شاخص است.

در مرحله‌ی بعد شاخص  $\phi$  کل بر اساس رابطه ۲۷ جهت محاسبه رتبه هر روش محاسبه می‌گردد که در آن  $\lambda$  ضریبی است که بین ۰ تا ۱ تغییر می‌کند.

$$\phi = \lambda(\phi_e^1) + (1 - \lambda)(\phi_e^2) \quad (27)$$

### نتایج

جدول (۱) تحلیل پارامترهای تصادفی الگوریتم پروانه پادشاه، ژنتیک و ازدحام ذرات را نشان می‌دهد. اندازه جمعیت برای الگوریتم پروانه معادل با ۳۰ پروانه می‌باشد که تابع هدف معادل آن کمترین مقدار را دارد. بهترین مقدار  $S_{max}$  ۰/۵ است که دارای بهترین تابع هدف معادل با ۰/۵ می‌باشد و پارامتر  $p$  دارای بهترین مقدار ۰/۴ می‌باشد که تابع هدف متناظر با آن ۰/۸۴۵ است. همچنین آنالیز حساسیت پارامترهای الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات مشاهده می‌شود.  $p_c$  به‌عنوان نرخ تزویج و  $p_m$  به‌عنوان نرخ جهش می‌باشند.

کمبود یک میلیون مترمکعب در یک سیستم با نیاز ۱۰ میلیون مترمکعب نسبت به کمبود ۵ میلیون مترمکعب، با همین مقدار نیاز اهمیت کمتری دارد. بنابراین معیاری به نام آسیب‌پذیری تعریف می‌شود که عبارت است از نسبت حداکثر شکست ایجاد شده در طول دوره بهره‌برداری در یک سیستم منابع آب و مقدار آن از رابطه ۲۱ محاسبه می‌شود:

$$\lambda = \text{Max}_{t=1}^T \left( \frac{D_t - R_t}{D_t} \right) \quad (21)$$

که در آن  $\lambda$  معیار آسیب‌پذیری است و هرچه این مقدار بیشتر باشد، آسیب‌پذیری سیستم بیشتر می‌شود. مدلی مناسب‌تر است که آسیب‌پذیری آن کمتر باشد.

یکی دیگر از شاخص‌های استفاده شده، شاخص انعطاف‌پذیری است. این شاخص نشان‌دهنده آن است که در صورت مواجه شدن با شکست، سیستم با چه سرعتی از آن خارج می‌گردد. مثلاً اگر در یک دوره بهره‌برداری ۱۲ ماهه در چهار دوره، سیستم با شکست روبه‌رو شود، توالی دوره‌های شکست بر عملکرد سیستم تأثیرگذار است. یعنی چهار دوره متوالی شکست، تأثیر متفاوتی نسبت به حالتی دارد که هر دوره شکست، با یک دوره عدم شکست همراه باشد. شاخص انعطاف‌پذیری از رابطه ۲۲ به‌دست می‌آید:

$$\gamma_i = \frac{f_{si}}{F_i} \quad (22)$$

که در آن  $\gamma_i$  شاخص انعطاف‌پذیری،  $f_{si}$  تعداد سری‌های شکست ایجاد شده در مخزن و  $F_i$  تعداد دوره‌های شکست ایجاد شده می‌باشد.

### مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره

برای انتخاب بهترین روش بین الگوریتم‌های پروانه پادشاه، ژنتیک و ازدحام ذرات با توجه به شاخص‌های معرفی شده در قسمت قبل از یک مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره استفاده می‌گردد. مدل مذکور بر اساس مدل حاصلضرب وزنی و مجموع باقیمانده وزنی عمل نموده و چنانچه  $f$  بیان‌کننده یک

جدول ۱. تحلیل پارامترهای تصادفی الگوریتم پروانه پادشاه (a)، ازدحام ذرات (b) و ژنتیک (c)

a					
تابع هدف	p	تابع هدف	S <sub>max</sub>	تابع هدف	اندازه جمعیت
۰/۸۹۹	۰/۲	۰/۹۱۱	۰/۳	۰/۹۱۴	۱۰
۰/۸۴۵	۰/۴	۰/۸۴۵	۰/۵	۰/۸۴۵	۳۰
۰/۸۱۱	۰/۶	۰/۸۲۳	۰/۷	۰/۸۵۹	۵۰
۰/۸۰۵	۰/۸	۰/۸۱۲	۰/۹	۰/۸۷۹	۷۰
b					
تابع هدف	p <sub>m</sub>	تابع هدف	p <sub>c</sub>	تابع هدف	اندازه جمعیت
۱/۱۹	۰/۰۰۸	۱/۱۴	۰/۵	۱/۲۴	۱۰
۱/۱	۰/۰۰۹	۰/۹۹۹	۰/۶	۰/۹۹۹	۳۰
۰/۹۹۹	۰/۱۱	۱/۱	۰/۷	۱/۱	۵۰
۱/۱۲	۰/۱۱۱	۱/۱۲	۰/۸	۱/۲۲	۷۰
c					
تابع هدف	c <sub>1</sub> =c <sub>2</sub>	تابع هدف	w	تابع هدف	اندازه جمعیت
۱/۰۳	۱/۶	۱/۰۱	۰/۵	۱/۰۴	۱۰
۱/۰۱	۱/۸	۰/۹۱	۰/۶	۰/۹۱	۳۰
۰/۹۱	۲	۱/۰۳	۰/۷	۱/۰۲	۵۰
۰/۹۱۴	۲/۱	۱/۱	۰/۸	۱/۱۱	۷۰

جدول ۲، نتایج ۱۰ اجرای تصادفی الگوریتم‌های مختلف را نشان می‌دهد که نتایج زیر از آنها قابل برداشت است:

۱. پاسخ بهینه مطلق مسئله بر اساس نرم‌افزار لینگو و روش غیرخطی به دست آمده است که ۰/۸۴۴ می‌باشد. متوسط پاسخ‌های الگوریتم پروانه پادشاه در ۱۰ اجرای مختلف ۰/۸۴۵ است که دارای نزدیکی قابل توجه با پاسخ بهینه مطلق مسئله است. اگرچه پاسخ بهینه مطلق مسئله بر اساس نرم‌افزار لینگو قابل محاسبه است، اما زمان اجرای برنامه ۵ ساعت می‌باشد و این در شرایطی است که الگوریتم پروانه پادشاه (Pc with i5) ۲۰ CPU 2.4GHz/4 GB ram/500GB HDD) با زمان

دقیقه پاسخ بهینه مطلق را پیدا می‌نماید. الگوریتم مذکور می‌تواند جواب دقیق را در زمان کمتر محاسبه نماید.

۲. مقایسه مقادیر ضریب تغییرات الگوریتم‌های مختلف نشان می‌دهد که مقادیر ضریب تغییرات الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به دو الگوریتم دیگر مقدار کوچکتری است. بنابراین حتی نتایج یکبار اجرای برنامه نیز قابل اعتماد است.

۳. متوسط پاسخ‌های به دست آمده بر اساس الگوریتم‌های مختلف نشان می‌دهد که متوسط پاسخ‌های به دست آمده بر اساس الگوریتم پروانه پادشاه کوچک‌تر می‌باشد که بیانگر آن است روش مذکور نسبت به سایر روش‌ها توانسته تابع هدف را به مقدار کوچک‌تری همگرا کند.

## بهره‌برداری بهینه از مخازن به منظور تامین نیازهای آبیاری بر پایه الگوریتم جدید پروانه پادشاه / ۸۳

جدول ۲. نتایج ۱۰ اجرای تصادفی الگوریتم‌های مختلف

Run	الگوریتم پروانه پادشاه	الگوریتم ازدحام ذرات	الگوریتم ژنتیک
۱	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۲	۰/۸۴۴	۰/۹۱۴	۱/۰۴
۳	۰/۸۴۴	۰/۹۱۴	۱/۰۴
۴	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۵	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۶	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۷	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۸	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۹	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
۱۰	۰/۸۴۴	۰/۹۱	۰/۹۹۹
میانگین	۰/۸۴۵	۰/۹۱	۰/۹۹۹
ضریب واریانس	۰/۰۰۰۵	۰/۰۰۱۷	۰/۰۱۸
راه حل جهانی	۰/۸۴۴		
زمان (دقیقه)	۲۰	۳۰	۳۴

عملکرد می‌باشد. علاوه بر آن الگوریتم پروانه پادشاه با شاخص آسیب‌پذیری ۱۴ درصد کمترین آسیب‌پذیری را در بین سایر روش‌ها دارا است. همچنین جدول ۳ مقادیر نرمال شده شاخص‌های مختلف را نشان می‌دهد.

جدول ۳ مقادیر مربوط به شاخص‌های مختلف را در ارتباط با روش‌های مختلف نشان می‌دهد. الگوریتم پروانه پادشاه با شاخص اطمینان‌پذیری ۹۲ درصد دارای بهترین عملکرد در بین سایر روش‌ها است. همچنین الگوریتم ازدحام ذرات در بین سایر روش‌ها با شاخص انعطاف‌پذیری ۸۹ درصد دارای بهترین

جدول ۳. مقادیر  $\phi^1$  و  $\phi^2$

روش	الگوریتم ژنتیک	الگوریتم ازدحام ذرات	الگوریتم پروانه پادشاه
$\phi^1$	۰/۸۳	۰/۹۱۵	۰/۹۸۷۵
$\phi^2$	۰/۸۴۳	۰/۹۱	۰/۹۸۷۲

می‌باشد. جدول ۶ مقایسه تعداد بردها و باخت‌های روش‌های مختلف را بر اساس رقابت<sup>۱</sup> جفتی<sup>۲</sup> نشان می‌دهد و نتایج بیانگر آن است در ۱۱ بازه  $\lambda$ ، الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به دو الگوریتم دیگر برتری داشته است. جدول ۷ نیز رتبه‌بندی نهایی روش‌های مختلف را نشان می‌دهد.

جدول ۴ مقادیر  $\phi^1$  و  $\phi^2$  را نشان می‌دهد. همچنین جدول ۵ مقادیر  $\phi$  را برای هر روش نشان می‌دهد. بر اساس مقادیر  $\phi$  به دست آمده مشخص می‌باشد که در تمامی بازه‌های  $\lambda$ ، الگوریتم پروانه پادشاه دارای مقدار بیشتری برای پارامتر  $\phi$

جدول ۴. ماتریس مقادیر مربوط به شاخص‌های مختلف در ارتباط با الگوریتم‌های مختلف

روش‌ها	میزان اعتبار (%)	برگشت پذیری (%)	آسیب پذیری (%)	تابع هدف
الگوریتم ژنتیک	۸۸	۸۲	۲۲	۰/۹۹۹
الگوریتم ازدحام ذرات	۹۰	۸۹	۱۸	۰/۹۱
الگوریتم پروانه پادشاه	۹۲	۸۵	۱۴	۰/۸۴۵
ماتریس تصمیم‌گیری نرمال شده				
الگوریتم ژنتیک	۰/۹۵	۰/۹۲	۰/۶۳	۰/۸۴۱
الگوریتم ازدحام ذرات	۰/۹۷	۱	۰/۷۷	۰/۹۲
الگوریتم پروانه پادشاه	۱	۰/۹۵	۱	۱

جدول ۵. مقادیر محاسبه الگوریتم‌ها به ازای مقادیر مختلف  $\lambda$

مقادیر $\lambda$	$\phi_{PSO}$ (رتبه ۱)	$\phi_{PSO}$ (رتبه ۲)	$\phi_{GA}$ (رتبه ۳)
۰	۰/۹۷	۰/۹۱	۰/۸۴۳
۰/۱	۰/۹۷۱	۰/۹۱۱	۰/۸۴۱
۰/۲	۰/۹۷۲	۰/۹۱۲	۰/۸۴
۰/۳	۰/۹۷۳	۰/۹۱۳	۰/۸۳۹
۰/۴	۰/۹۷۴	۰/۹۱۴	۰/۸۳۷
۰/۵	۰/۹۷۵	۰/۹۱۵	۰/۸۳۶
۰/۶	۰/۹۷۶	۰/۹۱۶	۰/۸۳۵
۰/۷	۰/۹۷۷	۰/۹۱۷	۰/۸۳۳
۰/۸	۰/۹۷۸	۰/۹۱۸	۰/۸۳۲
۰/۹	۰/۹۷۹	۰/۹۱۹	۰/۸۳۱
۱	۰/۹۸	۰/۹۲	۰/۸۳

جدول ۶. مقایسه زوجی نتایج بر پایه سرعت همگرایی الگوریتم

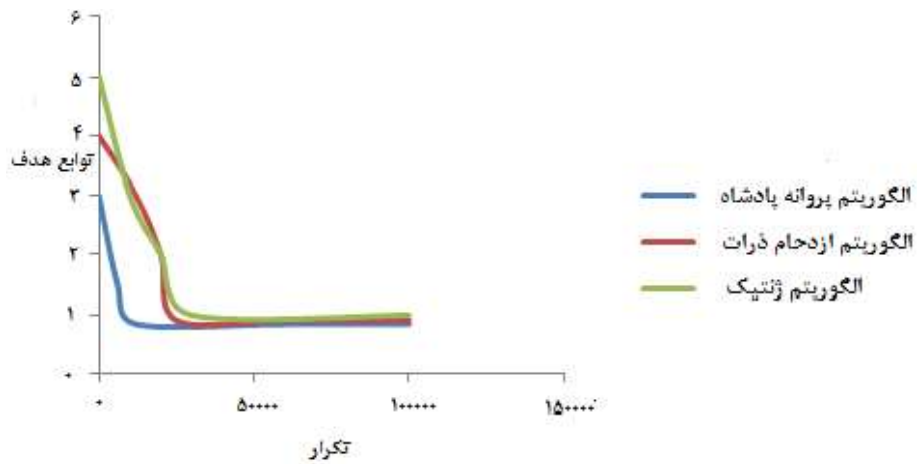
برنده	A	B	تعداد موفقیت A	تعداد موفقیت B
الگوریتم پروانه پادشاه	الگوریتم ازدحام ذرات	الگوریتم ژنتیک	۱۱	۰
الگوریتم پروانه پادشاه	الگوریتم ژنتیک	الگوریتم ازدحام ذرات	۱۱	۰
الگوریتم ژنتیک	الگوریتم ازدحام ذرات	الگوریتم پروانه پادشاه	۰	۱۱

جدول ۷. رتبه‌بندی کارکرد الگوریتم‌ها بر پایه سرعت همگرایی

رتبه	الگوریتم برآورد
۱	الگوریتم پروانه پادشاه
۲	الگوریتم ازدحام ذرات
۳	الگوریتم ژنتیک

همگرا گردیده است. همچنین پاسخ نهایی نیز برای الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به دو روش دیگر کوچک‌تر گردیده است

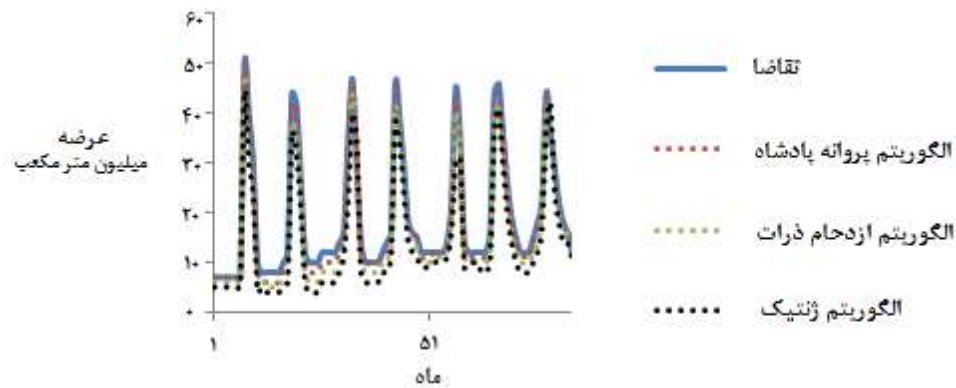
شکل ۶ بیانگر آن است که الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به دو الگوریتم ازدحام ذرات و الگوریتم ژنتیک دارای سرعت همگرایی بالایی‌تری می‌باشد و به ازای تعداد دفعات کمتری



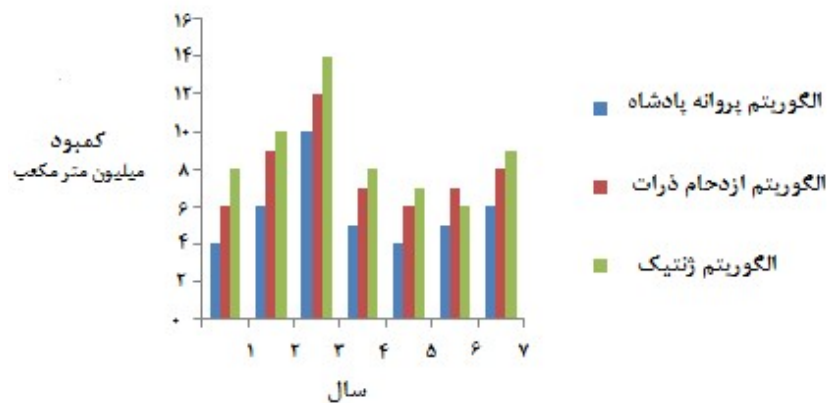
شکل ۶. تعداد دفعات همگرایی الگوریتم‌های مختلف

الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات نسبت به الگوریتم پروانه پادشاه بیشتر است. بنابراین الگوریتم پروانه پادشاه دارای عملکرد بهتری است.

شکل ۷ مقادیر رهاسازی آب و شکل ۸ بیانگر مقادیر کمبودهای آبیاری سالانه برای روش‌های مختلف است. بدین ترتیب مشخص می‌شود که در تمامی سال‌ها کمبود آبیاری برای دو



شکل ۷. مقادیر رهاسازی آب در الگوریتم‌های مختلف



شکل ۸. میزان کمبود آب آبیاری در الگوریتم‌های مختلف

### بحث و نتیجه گیری

میزان حجم آب انتقالی از مخزن سد به پایاب، همواره از مسایل مهم مدیریتی سیستم‌های انتقال آب بوده و راهکارهای متعددی نیز برای حل این موضوع وجود دارد. کاربرد روش‌های بهینه‌سازی خطی و غیرخطی از جمله الگوریتم‌های ژنتیک، پروانه پادشاه، جستجوی کلاغ، ازدحام ذرات، هارمونی، خفاش و سایر مدل‌های الگوریتمی در حل مسئله تخصیص بهینه منابع آب و مدل‌های بهینه‌سازی در مخازن سدها کاربرد فراوانی دارند. تابع هدف در این الگوریتم‌ها معمولاً عبارت است از تعیین حجم آب انتقالی از مخزن سدهای منطقه به شهرها و مناطق مجاور به نحوی که ضمن تامین نیازها، هزینه کل طرح انتقال نیز حداقل شود.

در مجموع، بهینه‌سازی یکی از روش‌های حل مسئله و تبدیل آن به یک فرآیند جستجو است، یعنی اینکه مسئله را به صورت مجموعه‌ای از حالات در نظر گرفت که در آن از یک حالت اولیه شروع کرده و به دنبال رسیدن به یک حالت خاص می‌باشد. به عنوان مثال در مسئله تخصیص آب، دنبال یافتن مسیری بین کل حالت‌های تخصیص می‌باشند که کمترین هدررفت آب را داشته باشد. حالتی که با شروع از یک کارکرد خاص و عبور از تمام مراکز دارای نیاز تخصیص آب، مصرف بهینه با کمترین هدررفت را داشته باشد.

الگوریتم‌های قطعی برای مسایلی با فضای حالت زیاد نمی‌توانند کارایی داشته باشند. در این حالت، الگوریتم‌های ابتکاری و فراابتکاری عملکرد بهتری دارند. در الگوریتم‌های ابتکاری سعی می‌شود ترفندی به کار رود که کل فضای حالت را جستجو کند. به عبارتی تلاش می‌شود که با استفاده از یک هیوریستیک خاص، دامنه جستجو را محدود کرده تا بتوان به جواب رسید. یک هیوریستیک، تخمینی از مسئله است که به می‌گوید هر حالت موجود چقدر می‌تواند به جواب نزدیک باشد و هر چه این تخمین دقیق‌تر باشد، عملکرد الگوریتم هم بهتر خواهد بود. اما اینکه این تخمین چقدر دقیق است معمولاً مشخص نیست. مهمترین مشکل این الگوریتم‌ها گرفتار شدن در بهینه محلی است. الگوریتم‌های فراابتکاری سعی می‌کنند که مشکل گرفتار شدن در بهینه محلی را رفع کنند. در این الگوریتم‌ها مشخص می‌شود که تخمین در نظر گرفته چقدر

درست است. این نوع الگوریتم‌ها وابسته به مسئله خاصی نیستند و یک راهبرد کلی را تعریف می‌کنند که برای حل هر مسئله‌ای ثابت است. با این تفاوت که مسئله مورد نظر باید بر اساس راهبرد موجود تعریف شود تا قابل حل باشد. الگوریتم ژنتیک، الگوریتم کلونی مورچه، الگوریتم زنبور عسل، جستجوی کلاغ، خفاش و پروانه پادشاه همگی از این نوع هستند.

در مقایسه پیشینه تحقیقاتی که از الگوریتم‌های مختلف برای بهینه‌سازی مدیریت منابع آب استفاده نموده‌اند باید اظهار داشت که در استفاده الگوریتم ژنتیک توسط Pianosi و همکاران (۲۰۱۱) مشخص شده که این الگوریتم قابلیت استفاده در شرایط بحرانی جدی مانند خشکسالی هیدرولوژیک و سیل-خیزی را دارد. اما مشکل بهینه‌سازی این مدل عبارت از فرموله کردن عمومی مدل و چالش‌های اصلی منطقه‌ای و همچنین توسعه شبیه‌سازی نتایج به دست آمده است. Ahmadi و همکاران (۲۰۱۴) در استفاده از الگوریتم ژنتیک نشان دادند که این الگوریتم با ضرایب اطمینان‌پذیری بالا و آسیب‌پذیری پایین می‌تواند انواع نیازهای آبی را تامین نماید. نتایج Bolouri- Yzadeli و همکاران (۲۰۱۴) در استفاده از این الگوریتم بیانگر آن بود که الگوریتم ژنتیک نسبت به روش سیاست بهره‌برداری استاندارد با رویکرد منحنی‌های غیرخطی دارای انطباق بیشتری با مقادیر نیاز بود. در عین حال Hadad و همکاران (۲۰۱۴) معتقد بودند که الگوریتم چرخه آب به منظور بهره‌برداری یک مخزن آب با رویکرد افزایش تولید انرژی در نیروگاه‌های پایین دست برخلاف الگوریتم‌هایی نظیر ژنتیک و ازدحام ذرات دارای زمان محاسباتی کمتر و همچنین تولید انرژی بیشتر در نیروگاه پایین دست می‌باشد. Bozorg- Hadaad و همکاران (۲۰۱۶) با استفاده از الگوریتم خفاش برای بهره‌برداری یک سیستم چندمخزنه با رویکرد افزایش تولید انرژی نشان دادند که الگوریتم مذکور نسبت به الگوریتم ازدحام ذرات و ژنتیک دارای سرعت همگرایی بیشتر و پاسخ بهینه نزدیک‌تری به پاسخ بهینه مطلق است و علاوه بر آن تولید انرژی بر اساس روش مذکور نسبت به روش‌های الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات همراه با مقدار بیشتری همراه است. نتایج تحقیق Bashiri-Atrabi و همکاران (۲۰۱۵) بیانگر آن بود که

عین حال باید توجه داشت که شرایط منطقه‌ای در انتخاب الگوریتم بهینه در مدیریت منابع آب بسیار تاثیرگذار است. بدین ترتیب پیشنهاد می‌شود حتما در انتخاب الگوریتم بهینه در مقایسه با عملکرد چند الگوریتم و مدل خطی و غیرخطی، به انتخاب بهترین روش اقدام نمود.

### منابع

- Aboutalebi, M., Bozorg Haddad, O. and Loáiciga, H.A. (2015) Optimal monthly reservoir operation rules for hydropower generation derived with SVR-NSGAI. *Journal of Water Resources Planning and Management*, 141(11): 04015029.
- Ahmadi, M., Haddad, O.B. and Mariño, M.A. (2014) Extraction of flexible multi-objective real-time reservoir operation rules. *Water Resources Management*, 28(1): 131-147.
- Ai, X., Dong, Z. and Mo, M. (2017) A method for optimizing multi-objective reservoir operation upon human and riverine ecosystem demands. In *EGU General Assembly Conference Abstracts*, (19): 4238-4238.
- Bashiri-Atrabi, H., Qaderi, K., Rheinheimer, D.E. and Sharifi, E. (2015) Application of harmony search algorithm to reservoir operation optimization. *Water Resources Management*, 29(15): 5729-5748.
- Bolouri-Yazdeldi, Y., Haddad, O.B., Fallah-Mehdipour, E. and Mariño, M.A. (2014) Evaluation of real-time operation rules in reservoir systems operation. *Water Resources Management*, 28(3): 715-729.
- Bozorg-Haddad, O., Azarnivand, A., Hosseini-Moghari, S.M. and Loáiciga, H.A. (2016) WASPAS Application and evolutionary algorithm benchmarking in optimal reservoir optimization problems. *Journal of Water Resources Planning and Management*, 143(1): 04016070.
- Brambilla, M., Fontes, A.S. and Medeiros, Y.D.P. (2017) Cost-benefit analysis of reservoir operation scenarios considering environmental flows for the lower stretch of the São Francisco River (Brazil).
- Choong, S.M., El-Shafie, A. and Mohtar, W.W. (2017) Optimization of multiple hydropower reservoir operation using artificial bee colony algorithm. *Water Resources Management*, 31(4): 1397-1411.
- Delice, Y., Aydoğan, E.K., Özcan, U. and İlkay, M.S. (2017) A modified particle swarm optimization algorithm to mixed-model two-sided assembly line balancing. *Journal of Intelligent Manufacturing*, 28(1): 23-36.
- Dong, L., Mingliang, L., Kexin, W., Qiang, F., Liangliang, Zh., Mo, L., Xuesong, L., Tianxiao, L. and Song, C. (2022) Evaluation and analysis of irrigation water use efficiency based on an

الگوریتم هارمونی نسبت به الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات می‌تواند مقادیر نیازهای آبی پایین دست را بهتر تامین نماید. همچنین سرعت همگرایی الگوریتم مذکور از الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات بیشتر بوده است. نتایج مطالعات Wang و همکاران (۲۰۱۵) بیانگر آن بود که الگوریتم پروانه پادشاه با زمان محاسباتی کمتر و سرعت همگرایی بیشتر به جواب‌های بهینه مطلق توابع ریاضی با هدف حداکثر یا حداقل نمودن این توابع دست پیدا می‌کند.

مطالعه حاضر به بررسی بهره‌برداری بهینه از مخزن سد شهید رجایی پرداخت. هدف از این مطالعه حداقل نمودن کمبودهای آبیاری بود، بنابراین الگوریتم پروانه پادشاه برای نخستین بار در زمینه مدیریت منابع آب استفاده شد. مقایسه نتایج با الگوریتم‌های ژنتیک و ازدحام ذرات بر پایه یک مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره انجام شد. همچنین از شاخص‌های انعطاف‌پذیری، اطمینان‌پذیری و آسیب‌پذیری استفاده شد. مدل تصمیم‌گیری چندمعیاره بر پایه مدل مجموع باقی‌مانده وزنی و حاصلضرب وزنی نشان داد الگوریتم پروانه پادشاه دارای رتبه یک در بین سایر روش‌ها می‌باشد. علاوه بر آن الگوریتم مذکور می‌تواند پاسخ بهینه مطلق مسئله را به شکل دقیق و در زمان کمتری نسبت به نرم‌افزار لینگو و روش غیرخطی محاسبه کند. همچنین مقادیر کمبودهای آبیاری بر اساس الگوریتم پروانه پادشاه نسبت به الگوریتم ژنتیک و ازدحام ذرات کمتر می‌باشد. در مطالعات آینده می‌توان برای ارتقای روش از سیستم‌های فازی و الگوریتم پروانه پادشاه استفاده نمود. همچنین روش مذکور را می‌توان بر روی سیستم‌های چندمخزنه استفاده نمود. در مجموع با وجود استفاده از الگوریتم‌های مختلفی از جمله الگوریتم‌های جستجوی کلاغ، خفاش، کوسه، کلنی مورچه، زنبور عسل و غیره، اغلب مطالعات الگوریتم ژنتیک و الگوریتم ازدحام ذرات را مدل‌های بهینه تشخیص داده‌اند. اما باید توجه داشت عموماً تا آنجایی که در این تحقیق بررسی شده است، در موارد محدودی بین کاربرد الگوریتم پروانه پادشاه و سایر الگوریتم‌ها مقایسه شده و از جمله در تحقیق حاضر که نشان دادند عملکرد این الگوریتم در منطقه مورد مطالعه بهتر از سایر الگوریتم‌ها بوده و در نتیجه کاربرد آن میزان کمبود آب آبیاری را به شکل محسوسی کمتر کرده است. در

- operation of China's South-to-North Water Diversion Project. *Science of The Total Environment*, 575(4): 970-981.
- Pianosi, F., Quach Thi, X. and Soncini-Sessa, R. (2011) artificial neural networks and multi objective genetic algorithms for water resources management: An application to the Hoabinh reservoir in Vietnam, *IFAC Proceedings Volumes January*, pp. 187-198.
- Raso, L., Malaterre, P.O. and Bader, J.C. (2017) Effective Streamflow process modeling for optimal reservoir operation using stochastic dual dynamic programming. *Journal of Water Resources Planning and Management*, 143(4): 04017003.
- Wang, G.G., Zhao, X. and Deb, S. (2015) A novel monarch butterfly optimization with greedy strategy and self-adaptive. *Soft Computing and Machine Intelligence (ISCM)*, 2015 Second International Conference, IEEE, pp. 45-50.
- Wu X.J., Li, Y.P., Liu, J., Huang, G.H., Ding, Y.K., Sun, J. and Zhang, H. (2021) Identifying optimal virtual water management strategy for Kazakhstan: A factorial ecologically-extended input-output model. *Journal of Environmental Management*, 297(3): 113303.
- extreme learning machine model optimized by the spider monkey optimization algorithm. *Journal of Cleaner Production*, 330(4): 129935
- Ehteram, M., Karami, H., Mousavi, S.F., El-Shafie, A. and Amini, Z. (2017a) Optimizing dam and reservoirs operation-based model utilizing shark algorithm approach. *Knowledge-Based Systems*, 122(2): 26-38.
- Ehteram, M., Mousavi, S.F., Karami, H., Farzin, S., Emami, M., Othman, F.B. and El-Shafie, A. (2017b) Fast convergence optimization model for single and multi-purposes reservoirs using hybrid algorithm. *Advanced Engineering Informatics*, 32(5): 287-298.
- Haddad, O.B., Moravej, M. and Loáiciga, H.A. (2014) Application of the water cycle algorithm to the optimal operation of reservoir systems. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*, 141(5): 04014064.
- Hashimoto, T., Stedinger, J.R. and Loucks, D.P. (1982) Reliability, resiliency, and vulnerability criteria for water resource system performance evaluation. *Water Resources Research*, 18(1): 14-20.
- Li, Y., Cui, Q., Li, C., Wang, X., Cai, Y., Cui, G. and Yang, Z. (2017) An improved multi-objective optimization model for supporting reservoir



## Optimizing reservoirs exploitation for irrigation system based on new King Butterfly algorithm

Miromid Hadiani <sup>\*1</sup> , Hamid Reza Vaziri <sup>2</sup>

- 1) Assistant Prof. Department of Environmental Engineering, Qaemshahr Branch, Islamic Azad University, Qaemshahr, Iran.  
\*Corresponding Author Email Address : m.omidhadiani@qaemiau.ac.ir
- 2) Graduated PhD in Civil Engineering, Faculty of Civil Engineering, Semnan University, Semnan, Iran.

Date of Submission: 2021/12/17

Date of Acceptance: 2022/03/12

### Abstract

In the present study, the exploitation of the dam reservoir to meet irrigation needs has been investigated based on the new evolutionary algorithm of the King Butterfly with the aim of minimizing irrigation deficiencies. Genetic and particle swarm algorithms were used as the most widely used and successful algorithms for comparison with the King Butterfly algorithm and a multi-criteria decision model to select the superior method. The results showed that the King Butterfly algorithm with the first rank based on the multi-criteria decision model and various indicators such as reliability, vulnerability, reversibility and objective function has a better performance than the particle swarm and genetic algorithm. In addition, the amount of irrigation water supply shortages based on the King Butterfly algorithm is lower than the other two algorithms during the seven years of study. Therefore, the study showed that the King Butterfly algorithm has a good performance for use in water resources management issues.

**Keywords:** Artificial intelligence, King Butterfly algorithm, Reservoir exploitation, Water resource management.