

توحید سمیع عادل\*

گروه عمران، واحد نجف آباد، دانشگاه آزاد اسلامی، نجف آباد، ایران

[Tohid.samiadel@sci.iaun.ac.ir](mailto:Tohid.samiadel@sci.iaun.ac.ir)

[Tohid.Samiadel@gmail.com](mailto:Tohid.Samiadel@gmail.com)

محمد کریم بیرامی

گروه عمران، دانشگاه صنعتی اصفهان، اصفهان، ایران

[Beirami@cc.iut.ac.ir](mailto:Beirami@cc.iut.ac.ir)



زود آیند ویرایش نشده

## تخمین دبی جریان آزاد از زیر دریچه کشویی با استفاده از روابط ساده شده بر مبنای معادلات

### انرژی، مومنتم و پیوستگی

#### چکیده

دریچه های کشویی سازه های هیدرولیکی با کاربرد فراوان هستند که در کانالهای آبیاری و آزمایشگاهی به منظور قطع و وصل جریان، اندازه گیری و تنظیم دبی و یا تنظیم سطح آب مورد استفاده قرار می گیرند. علی رغم کاربرد وسیع این دریچه ها و تحقیقات فراوان بر روی آنها هنوز روش کاملاً مناسب و دقیقی برای تخمین دبی جریان عبوری، که مورد اتفاق نظر همه محققین باشد، ارائه نشده است. در این مقاله، با توجه به داده های آزمایشگاهی دیگران و همچنین اطلاعات آزمایشگاهی بدست آمده در این تحقیق و با استفاده از معادلات انرژی، مومنتم و پیوستگی همراه با فرضیات ساده کننده، سه روش بی بعد مختلف مبتنی بر پارامترهایی که به سادگی قابل اندازه گیری هستند، برای تخمین دبی جریان از زیر دریچه کشویی ارائه شده است. روابط پیشنهادی با استفاده از داده های آزمایشگاهی سایر محققین صحت سنجی شده است و میزان خطای محاسباتی در محدوده قابل قبولی قرار دارد. در این بررسی استفاده از معادله انرژی با خطای متوسط مطلق ۲ درصد و حداکثر خطای مطلق ۷ درصد به عنوان روش برتر پیشنهاد شده است.

کلمات کلیدی: دریچه کشویی، معادله انرژی، معادله مومنتم، معادله پیوستگی، دبی جریان.

بالادست،  $V_0$  سرعت متوسط جریان در مقطع  $0$  و  $g$  شتاب ثقل است.

بسیاری از محققین ضریب فشردگی جریان ( $C_c$ ) را به صورت  $C_c = y_1/w$  تعریف کرده اند. در گذشته تحقیقات زیادی برای بدست آوردن این ضریب انجام شده است. هلمولتز (۱۸۶۱)، کیرشوف (۱۸۶۹) و رایلی (۱۸۶۷) از اولین دانشمندانی بودند که در خصوص ضریب فشردگی جریان و شکل جریان آزاد تشکیل شده در پایین دست دریچه کشویی مطالعاتی را انجام دادند. فاور (۱۹۳۷) و اسمتانا (۱۹۴۸) در طی تحقیقات خود توانستند با داشتن دبی جریان و عمق آب در بالادست دریچه ( $y_0$ ) مقادیری برای ضریب فشردگی پیدا کنند (مونتس، ۱۹۹۸). تجربیات و تحقیقات بنیامین (۱۹۵۶) نشان داد که با تغییر مقدار بازشدگی دریچه و برای نسبت های ثابت  $w/E_0$ ، که در آن  $E_0$  مقدار انرژی در مقطع  $0$  در شکل (۱) است، مقدار ضریب فشردگی دریچه تغییر می یابد.

همچنین راه حل های تحلیلی برای به دست آوردن ضریب فشردگی توسط ون میسس (۱۹۱۷) و بتز و پترسون (۱۹۳۱) با صرف نظر از تأثیر نیروی ثقل و فنگ

#### ۱. مقدمه

دریچه ها سازه های متحرکی هستند که، در سیستمهای انتقال آب به منظور قطع و وصل جریان، تنظیم دبی و یا تنظیم سطح آب مورد استفاده قرار می گیرند. این سازه ها بر مبنای محل قرارگیری به دو دسته سطحی و تحتانی تقسیم می شوند. از بین انواع دریچه های سطحی، دریچه های کشویی کاربرد وسیعی در کارهای آزمایشگاهی و سازه های هیدرولیکی کوچک دارند. از مزایای این دریچه ها می توان ساخت راحت تر و ارزان تر نسبت به دریچه هایی با عملکرد مشابه و کاربری ساده تر آنها در سازه های کوچک هیدرولیکی را نام برد (بیرامی، ۱۳۷۶). به طور کلی جریان در پایین دست دریچه کشویی در حالتی که جریان فوق بحرانی از زیر آن خارج می شود، می تولند آزاد یا مستغرق باشد. شکل (۱) جریان از زیر دریچه کشویی را در حالت آزاد نشان می دهد.

در این شکل،  $w$  ارتفاع بازشدگی دریچه،  $y_0$  عمق آب در بالادست دریچه،  $y_1$  عمق آب در محل فشردگی،  $y_2$  عمق آب در پایین دست دریچه،  $H_0$  هد سرعت در کانال

مایر و استرلکوف (۱۹۶۸) و لاروک (۱۹۶۹) با فرض تأثیر نیروی ثقل بر جریان عبوری از زیر دریاچه ارائه شده است. در شکل (۲) نتایج کار این محققین با یکدیگر مقایسه شده است (مونتنس، ۱۹۹۸). با توجه به این شکل و بررسی‌های محققین دیگر، کاملاً مشخص است که در بین محققین در مورد تغییرات ضریب فشردگی نسبت به  $w/y_0$  اتفاق نظر وجود ندارد.

راجاراتنام و سوبرامانیا (۱۹۶۷) رابطه عمومی زیر را بر اساس معادله انرژی برای محاسبه دبی عبوری از زیر دریاچه کشویی در حالت جریان آزاد ارائه نمودند:

$$Q = C_d w b \sqrt{2gy_0} \quad (1)$$

$$C_d = \frac{C_c}{\sqrt{1 + (w/y_0) C_c}} \quad (2)$$

در این رابطه  $Q$  دبی جریان،  $b$  عرض دریاچه که برابر عرض کانال است و  $C_d$  ضریب دبی جریان می باشد. راجاراتنام و همکاران به این نتیجه رسیدند که ضریب دبی جریان تابعی از نسبت  $w/y_0$  می باشد.

راجاراتنام (۱۹۷۷) به این نتیجه رسید که مقادیر ضریب فشردگی به دست آمده از روابط تئوریک، تقریباً ۱۰ درصد کمتر از مقادیر عملی است.

سوآمی (۱۹۹۲) با استفاده از تحلیل رگرسیونی بر اساس منحنی‌های ارائه شده توسط هنری (۱۹۵۰)، رابطه‌ای برای محاسبه ضریب دبی دریاچه‌های کشویی بدست آورد.

راث و هگر (۱۹۹۹) با بدست آوردن رابطه‌ای بی بعد جهت محاسبه ضریب دبی، اثر مقیاس را بر روی آن بررسی کردند. لین و همکاران (۲۰۰۲) رابطه‌ای برای تشخیص مرز بین جریان آزاد و مستغرق مبتنی بر ضریب فشردگی ارائه کردند و نتیجه گرفتند که این ضریب به نوع دریاچه نیز بستگی دارد.

بلاد و همکاران (۲۰۰۹) با استفاده از اصل مومنتم ضریب فشردگی را مورد بررسی قرار دادند و به این نتیجه رسیدند که این ضریب در مقادیر بزرگ بازشدگی دریاچه بین جریان آزاد و مستغرق متفاوت خواهد بود.

کاسان و بلاد (۲۰۱۲) با بررسی آزمایشگاهی و عددی خصوصیات جریان در بالادست و پایین دست دریاچه کشویی نتیجه گرفتند که در شرایط استغراق زیاد ضریب فشردگی با بازشدگی دریاچه افزایش می یابد.

بیزن خان و همکاران (۲۰۱۲) با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی محققین پیشین معادله جریان آزاد ارائه شده توسط فرو (۲۰۰۰) را مورد بررسی و تایید قرار دادند.

خلیلی شایان و فرهودی (۲۰۱۳) نشان دادند که در شرایط جریان مستغرق، ضریب فشردگی دریاچه بسته به میزان استغراق می تواند کمتر یا بیشتر از شرایط جریان آزاد باشد. سیلوا و ریجو (۲۰۱۷) روش‌های مختلف محاسبه دبی جریان آزاد و مستغرق عبوری از زیر دریاچه کشویی را مورد بررسی قرار داده و نتیجه گرفتند که استفاده از روش انرژی- مومنتم بهترین نتایج را بدست می دهد.

فرو (۲۰۱۸) با استفاده از معادله مومنتم رابطه‌ای برای محاسبه دبی جریان آزاد از زیر دریاچه کشویی بدست آورد و ضریب مومنتم را به صورت تجربی تخمین زد.

کوبراک و همکاران (۲۰۲۰) نمودار و روابطی برای محاسبه دقیق‌تر دبی عبوری از دریاچه کشویی در حالت جریان مستغرق و بررسی امکان کاربرد این دریاچه‌ها در سیستم‌های آبیاری ارائه نمودند.

ویریاننو (۲۰۲۰) با استفاده از یک مدل جریان پتانسیل و با صرف نظر از اثر نیروی جاذبه ضریب فشردگی دریاچه را محاسبه نمود.

خلیلی شایان و همکاران (۲۰۲۱) با استفاده از داده‌های آزمایشگاهی و بر مبنای اصول انرژی و اندازه حرکت روابطی برای محاسبه میزان بازشدگی دریاچه به با دبی و تراز سطح آب مشخص به دست آوردند.

در تحقیق حاضر رابطه‌هایی ساده و با دقت مناسب جهت تخمین دبی جریان آزاد از زیر دریاچه کشویی در کنال با عرض ثابت ارائه شده است که بر خلاف تحقیقات گذشته نیازی به اندازه‌گیری عمق مسطح فشردگی و محاسبه ضریب فشردگی ندارد. در ضمن، با توجه به اینکه در کارهای راجاراتنام و سوبرامانیا (۱۹۶۷) و راجاراتنام (۱۹۷۷) داده‌های آزمایشگاهی موجود است، این داده‌ها برای مقایسه تحقیق حاضر با کار دیگران مورد استفاده قرار گرفته است.

## ۲. مواد و روش‌ها

همان‌طور که قبلاً اشاره شد، بررسی‌های انجام شده بر روی تحقیقات پیشین نشان داد که در بین محققین در مورد مقادیر ضریب فشردگی اتفاق نظر وجود ندارد و در نتیجه وجود این ضریب در روابط سبب ایجاد خطا در تخمین دبی عبوری می شود. لازم به ذکر است که وجود

$$Q_E = \frac{\sqrt{2gy_0} bw}{\sqrt{1+m}} \quad (6)$$

در این رابطه ها،  $m=w/y_0$  و  $Q_E$  دبی تقریبی محاسبه شده از معادله انرژی با استفاده از فرضیات ساده کننده می باشد.

## ۲-۲. رابطه مومنتم

در اینجا نیز با در نظر گرفتن حجم کنترل بین مقاطع 0 و 1 در شکل (۱) و با توجه به اینکه توزیع فشار در مقاطع مورد نظر هیدرواستاتیکی فرض می شود و همچنین به ازاء  $C_C=1$  و با صرف نظر کردن از نیروی اصطکاک در فاصله کوتاه مقاطع 0 تا 1، معادله مومنتم به صورت زیر بیان می شود:

$$\frac{1}{2} \gamma y_0^2 b - \frac{1}{2} \gamma w^2 b - F_R = \frac{\gamma}{g} Q^2 \left( \frac{1}{bw} - \frac{1}{by_0} \right) \quad (7)$$

با فرض اینکه فشار در لبه پائینی دریچه برابر با  $\gamma(y_0-w)$  است، نیروی فشار وارد بر دریچه به صورت زیر می باشد:

$$F_R = \frac{1}{2} \gamma (y_0 - w)^2 b \quad (8)$$

در رابطه (۸) عنوان نیروی عکس العمل وارد معادله شده است.

$$\frac{1}{2} \gamma y_0^2 b - \frac{1}{2} \gamma w^2 b - \frac{1}{2} \gamma (y_0 - w)^2 b = \frac{\gamma}{g} Q^2 \left( \frac{1}{bw} - \frac{1}{by_0} \right) \quad (9)$$

$$y_0^2 - w^2 - (y_0 - w)^2 = \frac{2Q^2}{gb} \left( \frac{1}{bw} - \frac{1}{by_0} \right) \quad (10)$$

$$1 - m^2 - (1 - m)^2 = \frac{2Q^2}{gb^2 y_0^2} \left( \frac{y_0 - w}{wy_0} \right) \quad (11)$$

$$1 - m^2 - (1 - m)^2 = \frac{2Q^2}{gb^2 y_0^2} \left( \frac{1}{m^2} - 1 \right) = 1 - m \quad (12)$$

این ضریب برای استفاده در رابطه دبی جریان مستلزم اندازه گیری عمق آب در محل مقطع فشردگی است که به دلیل جریان فوق بحرانی و امواج خاص ایجاد شده در پایین دست دریچه، تعیین موقعیت و محل مقطع فشردگی با دشواری انجام می گیرد و دقت در اندازه گیری عمق آب را نیز کاهش می دهد.

در تحقیق حاضر با استفاده از رابطه های انرژی، مومنتم و پیوستگی سه روش متفاوت جهت تخمین دبی جریان آزاد در دریچه کشویی واقع در کانال با عرض ثابت ارائه شده است. این روش ها مبتنی بر پارامترهای  $b$ ،  $w$  و  $y_0$  می باشد که هنگامی به صادگی و با دقت بالا قابل اندازه گیری می باشند. جهت محاسبه ضریب تصحیح دبی از برآزش چند متغیره خطی ۱۹ داده آزمایشگاهی انجام شده در این تحقیق که در کانالی با عرض ۳۰ سانتیمتر در آزمایشگاه هیدرولیک دانشگاه صنعتی اصفهان مورد آزمایش قرار گرفته، استفاده شده است. اعتبار روش های ارائه شده با بررسی چند پارامتر آماری نظیر میانگین خطای مطلق و بیشینه خطای مطلق تأیید شده است. در اینجا از ۱۷ داده آزمایشگاهی راجاراتنام و سوبرامانیا (۱۹۶۷)، در کانالی با عرض ۴۵/۷۲ سانتیمتر و ۱۹ داده راجاراتنام (۱۹۶۷) در کانالی با عرض ۳۱/۱۲ برای تأیید نتایج و مقایسه استفاده شده است.

## ۲-۱. رابطه انرژی

بدون در نظر گرفتن افت انرژی بین مقاطع 0 و 1 در شکل (۱) و با توجه به ضریب فشردگی برابر واحد، معادله انرژی به صورت زیر نوشته می شود:

$$y_0 + \frac{Q^2}{2gb^2 y_0^2} = w + \frac{Q^2}{2gb^2 w^2} \quad (3)$$

برای بی بعد کردن معادله (۳)، طرفین رابطه بر  $y_0$  تقسیم می شود:

$$1 + \frac{Q^2}{2gb^2 y_0^3} = m + \frac{Q^2}{2gb^2 y_0^3 m^2} \quad (4)$$

$$\frac{Q^2}{2gb^2 y_0^3} \left( \frac{1}{m^2} - 1 \right) = 1 - m \quad (5)$$

$$1 - m^2 - (1 - m)^2 = \frac{2Q^2}{gy_0^2 mb^3 y_0^2} [(by_0)(1 - m)] \quad (13)$$

۲-۴. تصحیح رابطه های انرژی،

#### مومنتم و پیوستگی

با توجه به فرضیاتی که برای به دست آوردن رابطه های (۶) و (۱۳) و (۱۷) در نظر گرفته شده است، این رابطه ها نمی توانند دقت لازم را برای تخمین دبی جریان دارا باشند. بنابراین در اینجا به منظور تصحیح این رابطه ها از داده های آزمایشگاهی تحقیق حاضر استفاده شده است و ضریب تصحیح دبی جریان به صورت زیر ارائه می شود:

$$C_E = 0.66m^{0.026} n^{-0.029} \quad (18)$$

$$C_M = -0.56979m + 0.035385n + 0.935741 \quad (19)$$

$$C_{CON} = -0.24652m + 0.026776n + 0.661695 \quad (20)$$

در این رابطه ها،  $C_E$ ،  $C_M$  و  $C_{CON}$  به ترتیب ضرایب تصحیح در رابطه انرژی، مومنتم و پیوستگی،  $m = w/y_0$  و  $n = b/y_0$  می باشند. توجه به رابطه های بالا دبی های تصحیح شده جریان به صورت زیر می باشند:

$$Q_{E(EST)} = C_E \cdot Q_E \quad (21)$$

$$Q_{M(EST)} = C_M \cdot Q_M \quad (22)$$

$$Q_{C(EST)} = C_{CON} \cdot Q_C \quad (23)$$

#### ۳. جمع بندی

برای مقایسه و بررسی رابطه های ارائه شده بین رابطه خطای مطلق (ME) و میانگین خطای مطلق (AVE) تعیین گردید که این پارامترهای آماری به صورت زیر به دست می آیند:

$$ME = \max \left[ \frac{|M_i - S_i|}{M_i} \times 100 \right]_{i=1}^n \quad (24)$$

$$Q_M = \sqrt{gy_0} bw$$

در این رابطه ها،  $\gamma$  وزن واحد حجم آب و  $Q_M$  دبی تقریبی محاسبه شده از معادله مومنتم با استفاده از فرضیات ساده کننده است.

#### ۲-۳. رابطه پیوستگی

با توجه به شکل (۱)، اگر هر لایه جریان به ضخامت  $dh$  شبیه یک روزنه فرض شود، سرعت جریان در هر لایه بدون در نظر گرفتن تلفات انرژی برابر  $\sqrt{2gh}$  است و با فرض اینکه عمق آب در مقطع فشردگی (مقطع 1 در شکل (۱)) برابر  $w$  می باشد، رابطه پیوستگی جریان را می توان به شکل زیر نوشت:

$$Q_C = \int_{y_0 + H_0 - w}^{y_0 + H_0} b \sqrt{2gh} dh \quad (14)$$

پس از انتگرال گیری رابطه (۱۴) به صورت زیر در می آید:

$$Q_C = \frac{2}{3} b \sqrt{2g} \left[ (y_0 + H_0)^{1.5} - (y_0 + H_0 - w)^{1.5} \right] \quad (15)$$

برای ساده کردن مسأله، با صرف نظر کردن از نسبت بسیار کم  $H_0/y_0$  در رابطه بالا، دبی جریان را می توان به صورت زیر بدست آورد:

$$Q_C = \frac{2}{3} b \sqrt{2g} y_0^{1.5} \left[ 1 - \left( 1 - \frac{w}{y_0} \right)^{1.5} \right] \quad (16)$$

رابطه (۱۶) را می توان به صورت دیگر نیز نوشت:

$$Q_C = \frac{2}{3} \sqrt{2gy_0} by_0 \left[ 1 - (1 - m)^{1.5} \right] \quad (17)$$

در روش بالا، به دلیل اینکه  $C_C = 1$  در نظر گرفته شده، ضریب فشردگی وارد معادلات نشده است و  $Q_C$  دبی تقریبی محاسبه شده از معادله پیوستگی با استفاده از فرضیات ساده کننده می باشد.

محل آن در حالت جریان فوق بحرانی بسیار دشوار است. در تحقیق حاضر با تلفیق اصول تئوریک جریان و نتایج آزمایشگاهی و استفاده از فرضیات ساده کننده روابطی ارائه شده است که در عین سادگی در محاسبه از دقت مناسب برخوردار است و مبتنی بر پارامترهایی است که به راحتی و با دقت قابل اندازه گیری می باشند. همچنین روابط مذکور با استفاده از داده های آزمایشگاهی سایر محققین صحت سنجی شده اند که نتایج قابل قبولی بدست آمده است. با توجه به نتایج ارائه شده روش انرژی با میانگین خطای مطلق ۲/۰۱ درصد و بیشینه خطای مطلق ۷/۳۵ درصد به عنوان روش برتر محاسباتی پیشنهاد می شود. از لحاظ سادگی کاربرد در عین خطای قابل قبول نیز میتوان روش مومنتم را پیشنهاد نمود.

#### ۵. مراجع

- [۱] بیرامی، م، ک (۱۳۷۶)، "سازه های انتقال آب"، انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان، مرکز نشر، ۴۶۲ ص
- [2] Belaud G., Cassan L., Baume J.P. 2009. Calculation of contraction coefficient under sluice gates and application to discharge measurement. *Journal of Hydraulic Engineering, ASCE*. 135 (12): 1086–1091.
- [3] Benjamin T.B. 1956. On the flow in channels when rigid obstacles are placed in the stream. *Journal of Fluid Mechanics*. 1: 227-248.
- [4] Bijankhan M., Ferro V., Kouchakzadeh S. (2012). "New stage-discharge relationships for free and submerged sluice gates. *Flow Measurement and Instrumentation*. 28: 50–56.
- [5] Cassan L., Belaud G. 2012. Experimental and numerical investigation of flow under sluice gates. *Journal of Hydraulic Engineering*. 138 (4): 367–373.
- [6] Ferro V. 2000. Simultaneous flow over and under a gate. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*. 126 (3): 190–193.
- [7] Ferro V. 2018. Testing the stage-discharge relationship of a sharp crested sluice gate deduced by the momentum equation for a free-flow condition. *Flow Measurement and Instrumentation*. <https://doi.org/10.1016/j.flowmeasinst.2018.07.002>

$$AVE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{M_i - S_i}{M_i} \right| \times 100$$

در رابطه های (۲۴) و (۲۵)  $M_i$  و  $S_i$  به ترتیب مقادیر اندازه گیری شده و تخمین زده شده متغیر مورد نظر می باشند.

شکل های (۳)، (۴) و (۵) مقایسه مقادیر تخمینی دبی جریان با استفاده از رابطه های (۲۱)، (۲۲) و (۲۳) را با مقادیر دبی آزمایشگاهی حاصل از ۱۷ داده آزمایشگاهی راجاراتنام و سوبرامانیا (۱۹۶۷)، ۱۹ داده راجاراتنام (۱۹۷۷) و ۲۹ داده تحقیق حاضر نشان می دهند. در این شکل ها نقاط حاصل از مقایسه می تخمینی و دبی آزمایشگاهی در کنار خط  $y=x$  و خطوطی که نشان دهنده ۱۰ درصد خطا در محاسبه دبی می باشند، مشخص گردیده است. همان طور که ملاحظه می شود این نقاط در حدود قابل قبولی از خطای محاسباتی قرار دارند.

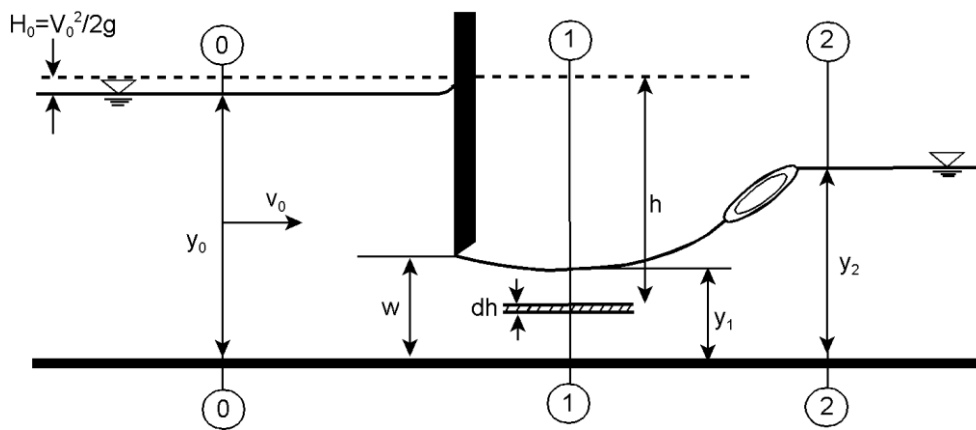
همچنین در جدول (۱) مقادیر میانگین خطای مطلق و بیشینه خطای مطلق رابطه های ارائه شده در تحقیق حاضر (رابطه های ۱۳، ۱۷) و رابطه پیشنهادی راجاراتنام و سوبرامانیا (۱۹۶۷) (رابطه (۱)) به عنوان معتبرترین رابطه محاسبه دبی دریچه های کشویی ارائه شده است.

مشاهده می شود که با وجود فرضیات ساده کننده ای که در محاسبه روابط (۲۱)، (۲۲) و (۲۳) به کار رفته است از جمله صرف نظر از افت انرژی، توزیع فشار هیدرواستاتیک، در نظر نگرفتن نیروهای وارد بر حجم کنترل و فرض  $C_c=1$  که منجر به روابطی ساده تر از گذشته شده که به سادگی در ذهن می ماند و مبتنی بر پارامترهایی می باشند که به راحتی و با وسایل ساده قابل اندازه گیری می باشند، دقت روابط کاهش پیدا نکرده و در مواردی نیز بهبود پیدا کرده است. همچنین سعی شده است به منظور راحتی استفاده، روابط به صورت بی بعد ارائه گردد.

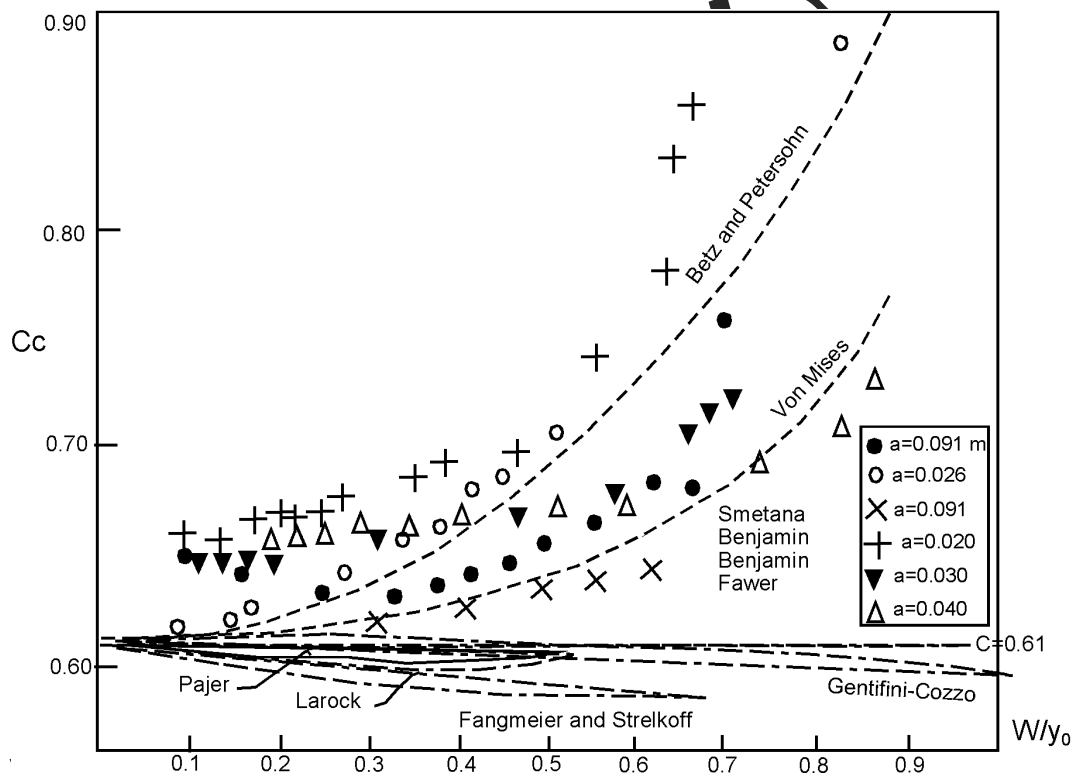
#### ۴. نتیجه گیری

در تحقیقات گذشته جهت تخمین دبی جریان از زیر دریچه کشویی در حالت جریان آزاد یکی از پارامترهای دخیل ضریب فشردگی می باشد که همان طور که قبلاً اشاره شد در بین محققین برسر مقادیر دقیق آن اتفاق نظر وجود ندارد، همچنین دقت اندازه گیری در مقطع فشردگی و تشخیص

- [8] Kubrak E., Kubrak J., Kiczko A., Kubrak M. 2020. Flow Measurements Using a Sluice Gate; Analysis of Applicability. *Water*. 12(3): 819.
- [9] Lin C.H., Yen J.F., Tsai C.T. 2002. Influence of sluice gate contraction coefficient on distinguishing condition. *Journal of Irrigation And Drainage Engineerin* 128 (4): 249-252.
- [10] Montes S., 1998. Hydraulics of open channel flow. Library of Congress Catalog Card. 98-20532
- [11] Rajaratnam N. 1977. Free flow immediately below sluice gates. *Journal of the Hydraulic Division ASCE*, April, HY4, pp. 345-351.
- [12] Rajaratnam N., Subramanya, K. 1967. Flow equation for the sluice gate. *Jornal of the Hydraulics Division , Am. Soc. Civ. Eng.* 93 (4) :57-77.
- [13] Roth A., Hager W.H. 1999. Underflow of standard sluice gates. *Journal of Experiments in Fluids*. 27: 339-350.
- [14] Shayan H.K., Farhoudi J. 2013. Effective parameters for calculating discharge coefficient of sluice gates. *Flow Measurement and Instrumentation* 33: 96 – 105.
- [15] Shayan H.K., Farhoudi J. Vatankeh A.R., 2021. Solutions for Estimating Opening of Sluice and Radial Gates for Flow Regulation. *J. Irrig. And Drain. Eng., ASCE*. 147(3): 06021001.
- [16] Silva C.O., Rijo M. 2017. Flow rate measurements under sluice gates. *Journal of Irrigation and Drainage Engineering*. 143 (6): 1-11.
- [17] Swamee P.K., 1992. Sluice-gate discharge equations. *J. Irrig. And Drain. Eng., ASCE*. 118 (1): 56-60.
- [18] Wiryanto L.H., 2020. Zero gravity of free-surface flow under a sluice gate. *J. Phys.: Conf. Ser.* 1503 (1): 012022.

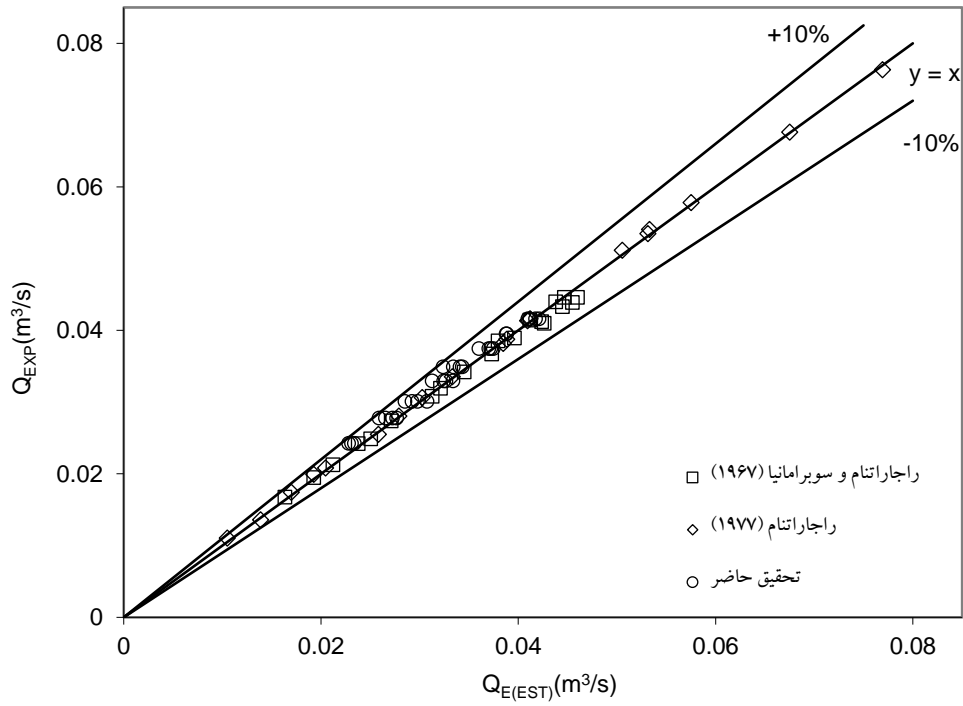


شکل ۱- جریان آزاد از زیر دریچه کشویی

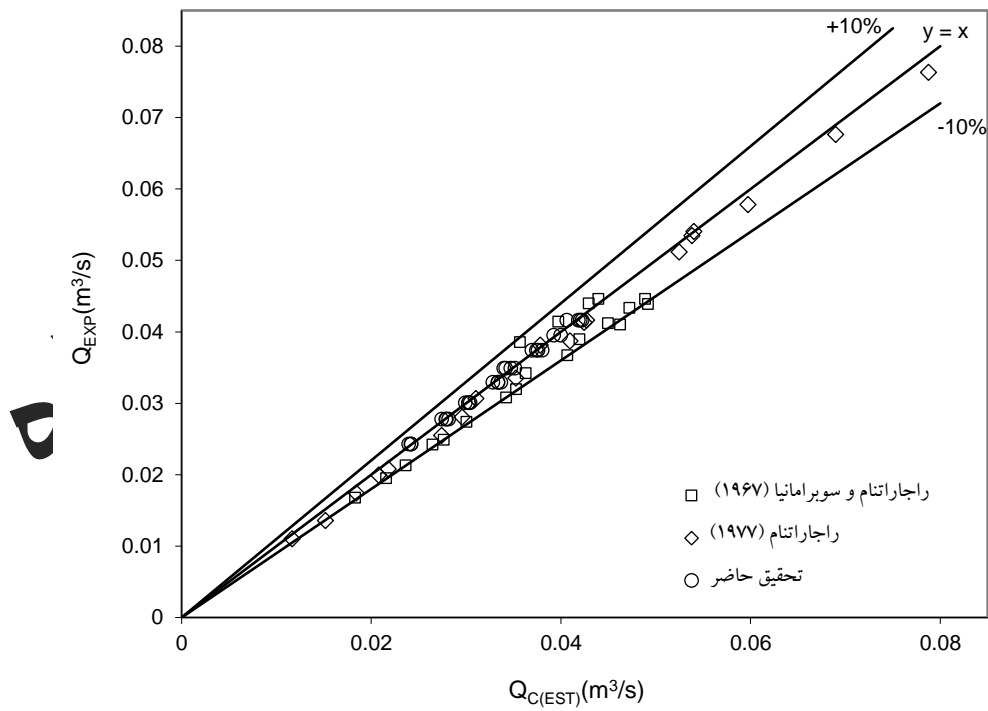


شکل ۲- مقایسه نتایج کار محققین گذشته در مورد ضریب فشردگی (مونتنس، ۱۹۹۸)

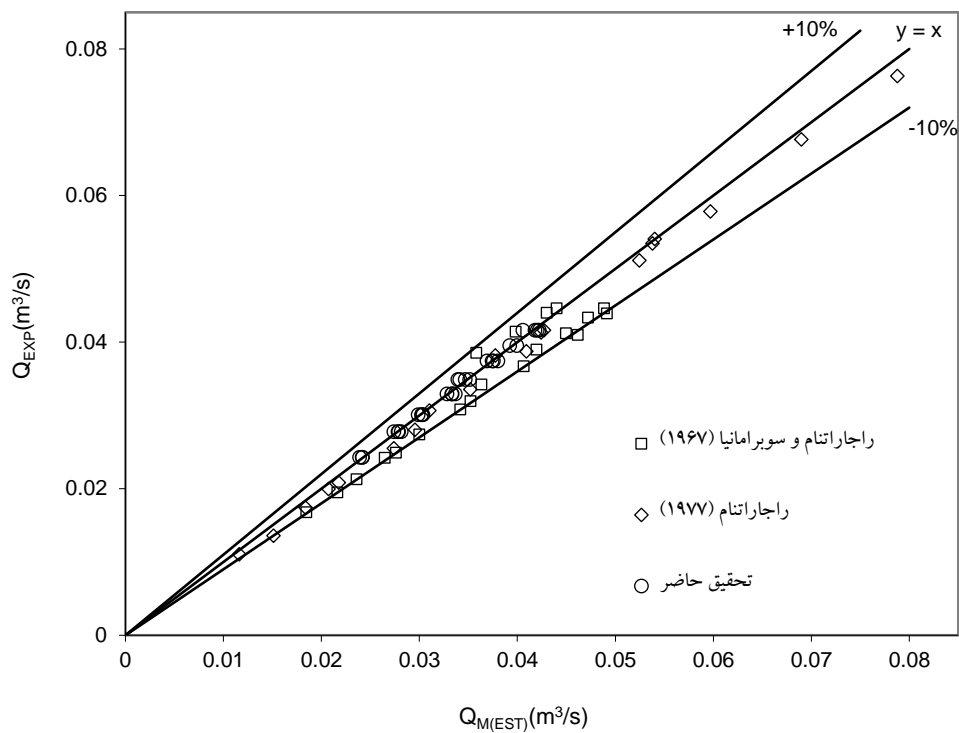




شکل ۳- مقایسه دبی تخمینی حاصل از رابطه (۲۱) با دبی آزمایشگاهی



شکل ۴- مقایسه دبی تخمینی حاصل از رابطه (۲۲) با دبی آزمایشگاهی



شکل ۵- مقایسه دبی تخمینی حاصل از رابطه (۲۳) با دبی آزمایشگاهی

جدول ۱- مقایسه تحقیق حاضر با تحقیقات گذشته

تحقیق حاضر			راجاراتنام و سویرامانیا (۱۹۶۷)	رابطه
پیوستگی	مومنتم	پارزی		
۳/۷۷	۳/۷۸	۲/۰۱	۲/۸۷	میانگین خطای مطلق (%)
۱۲/۸	۱۲/۷۳	۷/۳۵	۸/۷۶	بیشینه خطای مطلق (%)

## Estimation of free flow discharge under the sluice gate using simplified relations baed on energy, momentum and continuity equations

### Abstract

Sluice gates are useful hydraulic structures which are used in the irrigation and laboratory flumes to measure and control the discharge and regulate the water level. Despite the wide use of these gates and numerous studies on them, there is still no accurate method for estimating the discharge through the gate, which is unanimous between all of the researchers. In this paper, considering the experimental data of other investigators and also the data obtained in this study and using the energy, momentum and continuity equations with simplifying assumptions, three different Dimensionless methods Based on parameters which are easily measurable have been proposed to estimate the discharge under the sluice gate. The proposed relations have been confirmed using the experimental data from other researchers and the calculated errors are within the acceptable range. As a result, the energy equation with a mean error of 2% and maximum error of 7% is proposed.

**Keywords:** sluice gate, energy equation, momentum equation, continuity equation, discharge

دانشگاه  
ویرایش  
نشریه