



فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار
دوره چهارده، شماره پنجاه و پنج، تابستان ۱۴۰۲
نوع مقاله : علمی پژوهشی
صفحات : ۱۶۴-۱۴۷

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه

برای سرمایه‌گذاری در سبدسهم تحت یک سنجه ریسک ترکیبی

احمد داداش‌پور عمرانی^۱

علی نبوی‌چاشمی^۲

عرفان معمریان^۳

تاریخ دریافت مقاله : ۱۴۰۰/۰۹/۲۹ تاریخ پذیرش مقاله : ۱۴۰۰/۱۲/۱۵

چکیده

آنچه تا به امروز در محاسبات مالی و در زمینه انتخاب سبدسهم عنوان شده به گونه‌ای است که سرمایه‌گذاری‌های موجود را از لحاظ درجه ریسک و بازده، به ترتیب اولویت‌بندی می‌نماید، تا سرمایه‌گذاران بتوانند با در نظر گرفتن امکانات مالی و میزان ریسک‌پذیریشان سبدسهم مطلوب خویش را تشکیل دهند. لذا، در این تحقیق، به ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه بصورت چندزمانه برای اندازه‌گیری ریسک سبدسهم با ترکیب سنجه بازده با دو سنجه ریسک یعنی نیم‌واریانس و ارزش‌درمعرض ریسک شرطی به‌مراه محدودیت هزینه معاملاتی برای پانزده سهم از پنجاه سهم برتر دوره دوازده ماه منتهی به سال ۱۳۹۸ در بستر بازارسرمایه ایران پرداخته شده است. با توجه به جداول و نمودارهای بدست آمده از حل این نوع مدل به کمک برنامه‌ریزی دینامیک در زمان‌های مختلف سرمایه‌گذاری، شاهد نتایج بهتر در کارایی تصمیمات سرمایه‌گذاران با صرف هزینه و زمان کمتر و به تبع آن سودآوری بیشتر سبدسهم، خواهیم بود.

کلمات کلیدی

برنامه‌ریزی چندهدفه، چندزمانه، هزینه معاملاتی، نیم‌واریانس، ارزش‌درمعرض ریسک شرطی

۱- گروه اقتصاد، واحد بابل، دانشگاه آزاد اسلامی، بابل، ایران. dadashpoor.ie@gmail.com

۲- گروه حسابداری و مدیریت، واحد بابل، دانشگاه آزاد اسلامی، بابل، ایران. (نویسنده مسئول) anabavichashmi2003@gmail.com

۳- گروه اقتصاد، واحد بابل، دانشگاه آزاد اسلامی، بابل، ایران. er.memarian@yahoo.com

مقدمه

انتخاب سبدسهم یکی از اصول مهم در سرمایه‌گذاری می‌باشد و مقدار ریسک این انتخاب از اهمیت بسزایی برخوردار است. سرمایه‌گذاران علاقمندند که با پذیرش سطح مشخصی از ریسک به بازده مورد انتظار خود دست یابند. از اینرو، مقدار ریسک به نیاز سرمایه‌گذار بستگی دارد و سنجه‌های ریسک برای سرمایه‌گذاران مختلف متفاوت است. در این شرایط، نیاز به ابزار و مدل‌های کارآمد جهت تحلیل داده‌های بورس به منظور کاهش ریسک ناشی از تشکیل سبدسهم برای سرمایه‌گذاران و تصمیم‌گیری مطمئن‌تر احساس می‌شود. از اینرو پژوهشگران تکنیک‌ها و سنجه‌های مختلف را برای محاسبه میزان ریسک برای انتخاب سبدسهم مطلوب‌تر ابداع نمودند. از طرفی، استفاده از یک سنجه ریسک برای اندازه‌گیری میزان ریسک سبدسهم بهترین راه برای حل مسئله نیست. تصمیم گرفتن در مورد بهترین سنجه برای همه مسئله‌ها نشدنی است [۱۱]. دلیل مهم این امر آن است که هر سنجه ریسک عملکرد و کاربردهای مخصوص به خود را دارد و دلیل خاص خود را می‌طلبد. بنابراین، نتایج متفاوتی را منجر خواهد شد. همچنین، در دنیای واقعی تصمیم‌گیرنده باید چندهدف معارض را بهینه نماید. برنامه‌ریزی ریاضی، برای بهینه‌سازی چندهدف، بهینه‌سازی چندهدفه نامیده می‌شود. برنامه‌ریزی خطی و برنامه‌ریزی غیرخطی دو جریان اصلی برنامه‌ریزی چندهدفه هستند که خود دارای انشعابات متعددی می‌باشند. از طرف دیگر، سرمایه‌گذارانی از مدل انتخاب سبدسهم تک‌زمانه، برای خرید سهام استفاده می‌کنند که قصد نگهداری آنها را برای زمان مشخص و ثابت و فروش آنها را داشته باشند. اما برخی از سرمایه‌گذاران ممکن است تصمیمات سرمایه‌گذاری چندگانه در این مدت زمانی معین برای بدست آوردن سود بیشتر در نظر داشته باشند. لذا، در این مقاله تلاش می‌شود، ضمن بررسی سنجه ریسک نیم‌واریانس که ارزش مورد انتظار مجذور انحراف منفی از بازده مورد انتظار را نشان می‌دهد و سنجه ریسک ارزش در معرض ریسک شرطی که بیانگر متوسط ضرر بیش از ارزش در معرض ریسک می‌باشد، بصورت منفرد با سنجه بازده یعنی میانگین، با ترکیب سنجه‌های منفرد نیم‌واریانس و ارزش در معرض ریسک شرطی یک مدل ریاضی چندهدفه بصورت چندزمانه برای اندازه‌گیری ریسک و انتخاب مطلوب سبدسهم با در نظر گرفتن سهام شرکت‌های پربازده بازار سرمایه ایران ارائه شود تا زمینه بهتری برای انتخاب سبدسهم مطلوب فراهم شود. اهمیت این تحقیق در بیان راه نو در اندازه‌گیری ریسک برای انتخاب سبدسهم است. در روش‌های ارائه شده، علاوه بر بررسی سنجه‌های منفرد ریسک به همراه نمونه‌ای در بستر بازار سرمایه ایران، به ارائه مدلی برای ترکیب این نوع سنجه‌های ریسک بصورت چندزمانه پرداخته شده است که این امکان را فراهم می‌آورد تا افراد بتوانند دو سنجه ریسک را بطور همزمان برای رسیدن به راه حل بهتر امتحان کنند. استفاده از دو سنجه

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

ریسک بطور همزمان، دقت حل را بالا برده و با روش‌های ریاضی خاص و ساده، پیچیدگی ناشی از این نوع ترکیب را حل می‌کند. نتایج این تحقیق می‌تواند برای شرکت‌های سرمایه‌گذاری، مدیران ارشد، تحلیل‌گران مالی، صندوق‌های سرمایه‌گذاری و پژوهشگران در حوزه مالی و به طور کلی سرمایه‌گذاران کاربرد موثری داشته باشد. آنها می‌توانند از مدل پیشنهادی در جهت انتخاب سبد سرمایه‌گذاری مطلوب و اندازه‌گیری ریسک آن، در کارایی هر چه بهتر تصمیمات سرمایه‌گذاری و به تبع آن توسعه بازار سرمایه ایران نقش مهمی ایفا نمایند.

پیشینه تحقیق

رویکرد انتخاب سبدهای سهام و اندازه‌گیری ریسک آن در پرتو اندیشه‌های مارکویتز، روند تکاملی پیمود و کاربرد ریاضی دقت سرمایه‌گذاران را در انتخاب سبدهای افزایش داد. مدل‌های مختلفی برای هدایت سرمایه‌گذاران با کمک برنامه‌ریزی ریاضی ارائه گردیده‌اند. مارکویتز (۱۹۵۹-۱۹۵۲) با پیشنهاد مدل که حداقل کردن واریانس به همراه حداکثر شدن بازده است، آغازگر این راه بود و با پیشنهاد مرزکارا برای سرمایه‌گذاران با توجه به پذیرش ریسک مختلف را یاری کرد. مدل مارکویتز از دو معیار بازده و ریسک به همراه محدودیت بودجه سرمایه‌گذاری، در قالب برنامه‌ریزی درجه‌دو استفاده کرده‌است [۱۶]. بعدها (۱۹۹۱-۱۹۵۹) وی نیم‌واریانس را جایگزین واریانس نمود. نیم‌واریانس در واقع ارزش مورد انتظار مجذور انحراف منفی نتایج ممکن از بازده مورد انتظار را نشان می‌دهد که نشانگر انحراف پایین نرخ بازده مورد انتظار می‌باشد [۱۷]. همچنین، کومار و نجومودوجا (۲۰۱۸) در مقاله خود با عنوان انتخاب سبدهای سهام با کمک مجموعه‌فازی، برای انتخاب سبدهای سهام از روش مدل پایه میانگین-واریانس و در ادامه مقاله از ارزش در معرض ریسک شرطی بعنوان یکی از معیارهای اندازه‌گیری ریسک وارد مدل پایه نموده و سبدهای سهام بهینه را به کمک مدل مذکور تشکیل داده‌است و نشان داد که استفاده از سنجه ارزش در معرض ریسک شرطی نتایج بهتری را ارائه می‌دهد [۱۴]. ونیز، رستریو و همکاران (۲۰۲۰) در مقاله خود با عنوان سبد سرمایه‌گذاری ترکیبی با کمک مدل میانگین و ارزش در معرض ریسک شرطی، با روش حل مدل میانگین - ارزش در معرض ریسک شرطی و مقایسه آن با سایر سنجه‌های متداول نشان داد و به این نتیجه رسیدند که، این سنجه بهترین محاسبه‌گر ریسک در بازده‌های غیرنرمال می‌باشد [۱۹]. استانیو و روسو (۲۰۲۰) در مقاله خود با عنوان ارزش در معرض ریسک شرطی در سبد سرمایه‌گذاری، با روش حل مدل ارزش در معرض ریسک شرطی به بهینه‌سازی سبدهای سهام با در نظر گرفتن شاخص بازار و وابستگی زمانی ناشی از شاخص بازار پرداختند و نتایج استفاده از سنجه مذکور را نشان دادند [۲۱]. همچنین، آدرین و برانر میر (۲۰۱۶) در تحقیقی با عنوان تفاضل سنجه ارزش در معرض ریسک شرطی،

برای اولین بار تفاضل سنجه ارزش در معرض ریسک شرطی را به منزله سنجه‌ای از ریسک سیستماتیک استفاده و مدل مذکور را در دو شرایط عادی و بحرانی در موسسات مالی بررسی نمودند و نتایج سنجه ارزش در معرض ریسک شرطی را در دو شرایط اقتصادی ارائه دادند [۱۷]. عیوضلو و رامش (۲۰۲۰) در تحقیقی با عنوان محاسبه ریسک سیدسهام با روش کسری نهایی بازده مورد انتظار و ارزش در معرض خطر شرطی در بانک‌های تجاری به محاسبه ریسک سیدسهام با دو روش مجزا و مستقل کسری نهایی بازده مورد انتظار و ارزش در معرض ریسک شرطی در بانک‌های تجاری پرداختند و در پژوهش خود نشان دادند نتایج حاصل از این دو رویکرد نتایج مشابه‌ای را نشان می‌دهد [۹].

همچنین، نجفی و موشاخیان (۲۰۱۵) در مقاله‌ای با عنوان مدل چندمرحله‌ای احتمالی میانگین- نیم‌واریانس- ارزش در معرض ریسک شرطی، مدل بهینه‌سازی سید سرمایه‌گذاری چند دوره‌ای میانگین- نیم‌واریانس- ارزش در معرض ریسک شرطی را با کمک بهینه‌سازی ازدحام ذرات چندهدفه انجام دادند و به این نتیجه رسیدند که، سیدسهام چند دوره‌ای جواب بهتری را نسبت به سید سهام تک دوره‌ای ارائه می‌دهد [۱۸] و سان و وانگ (۲۰۱۶) در تحقیقی با عنوان بهینه‌سازی سید چندزمانه تحت ریسک احتمالی به حل مدل چندزمانه به کمک روش شبیه‌سازی و سنجه ریسک مینماکس پرداختند و به این نتیجه رسیدند که، چندزمانه بودن مدل جواب بهینه موثری را برای سرمایه‌گذاران ارائه می‌دهد [۲۲] و نیز، کانگ و استرله (۲۰۱۶) در تحقیقی با عنوان بهینه‌سازی سیدسهام با کمک مدل میانگین- واریانس چندزمانه براساس شبیه‌سازی مونت کارلو به ارائه یک مدل بهینه برای انتخاب سیدسهام چند دوره‌ای میانگین- واریانس اقدام کردند، آنها به این نتیجه رسیدند که، روش چند دوره‌ای نتایج بهتری برای انتخاب سیدسهام می‌باشد [۸] و ساغلام و بنسو (۲۰۱۸) در مقاله خود با عنوان مدل چند دوره‌ای میانگین- واریانس با در نظر گرفتن محدودیت‌هایی در مورد هزینه معاملاتی به بررسی یک مدل چند دوره‌ای میانگین- واریانس با در نظر گرفتن محدودیت‌هایی در مورد هزینه معاملاتی، ارزش در معرض ریسک شرطی و متنوع‌سازی پرداختند. آنها برای سناریوسازی از روش درخت دودویی استفاده کردند و به این نتیجه رسیدند که، چندزمانه بودن در تصمیم‌سازی سرمایه‌گذاران در جهت تشکیل سیدسهام مطلوب کارا تر می‌باشد [۲۰]. همچنین، کمالی و جان‌دیده (۲۰۱۹) در مقاله خود با عنوان بهینه‌سازی مدل چندزمانه بودن پرتفو، مدل بهینه‌سازی پرتفو چند دوره‌ای پس از توزیع مناسب را ارائه نمودند. آنها در تحقیق خود از توزیع t برای بهینه‌سازی به جهت جابه‌جایی بهتر داده‌های تجربی استفاده نمودند که منجر به ارائه نتایج بهتر در سیدسهام گردید [۱۲] و نیز در ایران، محبی و نجفی (۱۳۹۷) در تحقیقی با عنوان بهینه‌سازی سید سرمایه‌گذاری چند دوره‌ای با رویکرد برنامه‌ریزی پویا به بهینه‌سازی، به موضوع

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

سبد سرمایه‌گذاری چنددوره‌ای با رویکرد برنامه‌ریزی پویا پرداختند و در مقاله خود، انحراف معیار را بعنوان سنجه ریسک در نظر گرفتند و نتایج حاصل از حل آن را نشان دادند [۵].

همچنین، فرخی و فلاح (۱۳۹۸) در مقاله خود با عنوان توسعه یک مدل برنامه‌ریزی امکان چندهدفه برای انتخاب سبدهای سهام، یک مدل برنامه‌ریزی چندهدفه برای انتخاب سبدهای سهام بر اساس حداقل سازی ریسک نامطلوب و حداکثر سازی ممکن‌ترین بازده و حداکثر سازی ریسک مطلوب به کمک تئوری امکان ارائه داده‌اند و نتایج حاصل را بصورت جداول بهینه نشان دادند [۳] و مشرفی و بهنامیان (۱۳۹۸) در پژوهش خود با عنوان بهینه‌سازی چندهدفه با استفاده از تحلیل سلسله مراتبی و الگوریتم ژنتیک، جهت ارزیابی ریسک و بازده با توجه به محدودیت‌هایی از قبیل دارایی فرد خریدار برای خرید هر سهم، تجزیه و تحلیل مدل بر مبنای بهینه‌سازی سبدهای سهام پرداخته‌است [۶] و در ادامه، جلالیان (۱۳۹۹) در مقاله خود با عنوان بررسی اثرات نویز بر مسئله بهینه‌سازی سبدهای سهام، از روش مدل میانگین-واریانس برای بررسی اثرات نویز (نااطمینانی) بر سود حاصله از سبدهای سهام بهینه بصورت چندهدفه پرداخته‌است و نتایج حاصل از حل مدل خود را بصورت چندهدفه نشان داد [۲]. پیکانی و همکاران (۱۳۹۹) در تحقیقی با عنوان مدل دوهدفه سرمایه‌گذاری بازده و ارزش در معرض ریسک شرطی به همراه محدودیت معاملاتی، به ارائه مدل دوهدفه سرمایه‌گذاری با اهداف و نتیجه ریسک کارا تر بازده و ارزش در معرض خطر شرطی به همراه محدودیت معاملاتی پرداخته‌است و به این نتیجه رسیدند که مدل‌های چندهدفه سنجش ریسک کارا تر خواهند داشت [۱].

در این تحقیق یک مدل چندهدفه - چندزمانه بصورت میانگین - نیم واریانس - ارزش در معرض ریسک شرطی ارائه می‌شود که با در نظر گرفتن هزینه‌های معاملاتی و چندزمانه بودن مورد پیاده‌سازی برای سنجش و اندازه‌گیری ریسک جهت سرمایه‌گذاری مطلوب قرار می‌گیرد.

روش تحقیق

این تحقیق از لحاظ هدف کاربردی می‌باشد و برای گردآوری اطلاعات در زمینه‌ی مبانی نظری و ادبیات موضوع، از منابع کتابخانه‌ای، مقالات، کتاب‌ها و اینترنت استفاده شده‌است. و به منظور جمع‌آوری اطلاعات و داده‌ها برای تجزیه و تحلیل در مورد مدل و پیاده‌سازی آن‌ها از سایت بورس اوراق بهادار تهران و نرم‌افزارهای مخصوص محاسبات بازده و اطلاعات سهام استفاده شده‌است. در این تحقیق که در بستر بازار سرمایه ایران انجام شده تلاش می‌شود ضمن بررسی سنجه‌های ریسک نیم واریانس و ارزش در معرض ریسک شرطی بصورت منفرد با سنجه بازده یعنی میانگین، یک مدل چندهدفه بصورت میانگین - نیم واریانس - ارزش در معرض ریسک شرطی) ارائه می‌شود که با در نظر گرفتن هزینه‌های معاملاتی و فرض چندزمانه بودن مورد پیاده‌سازی برای جهت انتخاب و سرمایه‌گذاری در سبدهای سهام قرار می‌گیرد. این تحقیق برای دوازده

ماه سال ۱۳۹۸ در بستر بازار سرمایه ایران برای پانزده سهم مورد بررسی قرار گرفته است.

انتخاب سیدسهم با استفاده از برنامه ریزی چندهدفه

استفاده از یک سنجه ریسک برای اندازه گیری میزان ریسک سیدسهم بهترین راه برای حل مسئله نیست. تصمیم گرفتن در مورد بهترین سنجه برای همه مسئله ها نشدنی است [۱۱]. دلیل مهم این امر آن است که هر سنجه ریسک عملکرد و کاربردهای مخصوص به خود را دارد و دلیل خاص خود را می طلبد. بنابراین، نتایج متفاوتی را منجر خواهد شد. بسیاری از نویسندگان نشان داده اند که استفاده از بیش از یک سنجه ریسک بطور همزمان به سرمایه گذاران در جهت بدست آوردن نتیجه بهتر کمک خواهد کرد. به عنوان نمونه، یک مدل انتخاب سیدسهم با استفاده از میانگین، واریانس و چولگی توسط کونو و همکاران (۱۹۹۳) نشان داده شد و در آن واریانس و چولگی هر دو معیار اندازه گیری ریسک به شمار می آمدند [۱۳]. در مدل دیگر، واریانس و ارزش در معرض ریسک شرطی را بطور همزمان برای اندازه گیری ریسک بکار بردند و این دو معیار ریسک را مینیمم نمودند [۱۴]. لذا توجه به مدل های برنامه ریزی ریاضی چندهدفه ریسک مورد توجه قرار گرفت. بطور کلی برنامه ریزی چندهدفه شامل توابع هدف چندگانه ای است که بطور همزمان نیاز به بهینه کردن آنها می باشد.

شکل کلی برنامه ریزی چند هدفه بصورت زیر تعریف می شود:

$$\text{Maximize } \{f_1(x); f_2(x); \dots; f_T(x)\}$$

subject to $x \in A$

باید توجه داشت که، راه حل بهینه مسئله چندهدفه توسط رابطه اولویت پارتو مشخص می شود. در نتیجه، جواب x_1 نسبت به جواب x_2 برتری دارد اگر رابطه $f(x_1) \geq f(x_2)$ برای همه مقادیر i و $f(x_1) > f(x_2)$ برای حداقل یک مقدار از i برقرار باشد [۱۱].

مدل میانگین - نیم واریانس

مارکوویتز (۱۹۵۹) سنجه ریسک نامطلوبی بنام نیم واریانس را پیشنهاد داد [۱۶]. نیم واریانس ارزش مورد انتظار مجذور انحراف منفی از بازده مورد انتظار را نشان می دهد. انتخاب سیدسهم با کمک نیم واریانس، سعی در حداقل کردن عملکرد بازده های پایینی (منفی) سبب دارد و کاری به عملکرد بازده های بالایی (سود بیش از انتظار) ندارد. این سنجه ریسک سعی می کند که مقدار پراکندگی بازده سبب از بازده مورد انتظار را نشان دهد، اما فقط زمانی که بازده سیدسهم پایین تر از بازده مورد انتظار قرار گیرد. با بدست آوردن ماتریس بازده (R) برای رفتارهای آینده سهام، مسئله بیان شده را می تواند بصورت زیر مدل کرد:

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

$$\begin{aligned} & \text{Minimize} && \frac{1}{s} \sum_{i=1}^s y_i^2 \\ & \text{Subject to} && y_i \geq \sum_{j=1}^n [E_{\min} - (r_{ij} X_j)]: i = 1, 2, \dots, s \\ & && y_i \geq 0: i = 1, 2, \dots, s \\ & && X' \mu = E_{\min} \\ & && \sum_{j=1}^n X_j = 1 \\ & && X \geq 0 \end{aligned}$$

اگر یک بازده مشاهده شده پایین تر از بازده مورد انتظار باشد، آنگاه متغیر y متناظر با آن موقعیت را بیان می‌کند. برای مدل نیم‌واریانس فوق، نرخ بازده مورد انتظار سبدسهم بین مقادیر حداکثر و حداقل مقدار قرار دارد. E_{\min} بیانگر حداقل مقدار ممکن برای بازده سبدسهم و E_{\max} نیز نشانگر بیشترین مقدار ممکن برای بازده سبدسهم است و مقدار آن برابر با حداکثر مقدار میانگین‌های بازده سهام مورد بررسی می‌باشد. نکته مهم برای حل مدل سنجه نیم‌واریانس، مشخص شدن مقادیر مختلف نرخ بازده مورد انتظار در بازه حداکثر و حداقل مقدار بازده می‌باشد. برای هر بازده خاص نیم‌واریانس سبدسهم مشخص می‌گردد. سرمایه‌گذار با مشخص شدن درصد سرمایه‌گذاری در هر سهم از سبدسهم می‌تواند راه حل‌ها را جستجو کرده و سبد مورد رضایت خود را جهت سرمایه‌گذاری تشکیل دهد.

مدل میانگین - ارزش در معرض ریسک شرطی

رواکافلر و یورسیو یک سنجه ریسک جدید را معرفی کردند و نام آن را ارزش در معرض ریسک شرطی (Conditional value at risk) نامیدند [۱۱]. ارزش در معرض ریسک حداقل مقدار زیان متناظر با بدترین حالت را مشخص می‌کند، اما میزان زیان ناشی از این بدترین حالت را تعیین نمی‌کند. یک سرمایه‌گذار نیاز دارد بداند که مقدار ضرر چقدر است تا بتواند تشخیص دهد آیا میزان زیان بیشتر از مجموع پول‌هایش است یا خیر [۱۱]. اگر بازده‌های آینده در دسترس باشد انتخاب پرتفوی به روش میانگین - ارزش در معرض ریسک شرطی می‌تواند بصورت برنامه‌ریزی خطی فرموله شود. از آنجا که Γ ماتریس بازده و ΓX بازده‌های سبدسهم می‌باشد. بنابراین، زیان‌ها را می‌توان با $\Gamma X - \Gamma$ نشان داد. این مدل سعی می‌کند ارزش موردانتظار همه بدترین زیان‌ها را در سطح $(1 - \alpha)$ درصد بیان می‌شود. مدل زیر مسئله انتخاب سبد سهام را با توجه به مفاهیم سنجه ارزش در معرض ریسک شرطی به تصویر می‌کشد:

$$\text{Minimize} \quad \eta + \frac{1}{(1-\alpha)^s} \sum_{i=1}^s y_i$$

$$\text{Subject to} \quad y_i \geq \sum_{j=1}^n [(-r_{ij}) - \eta]$$

$$y_i \geq 0$$

$$X' \mu = E_{\min}$$

$$\sum_{i=1}^n X_i = 1$$

$$X \geq 0$$

اگر تعداد سناریوهای زیان بیشتر از مقدار ارزش در معرض ریسک باشد آنگاه متغیر y مقادیر مختلف اما دقیقی بین میزان زیان و ارزش در معرض ریسک می‌پذیرد. اگر سناریوهای زیان کمتر از ارزش در معرض ریسک باشد آنگاه متغیر y مقدار صفر را می‌گیرد. از اینرو، توزیع y بیانگر دنباله توزیع زیان‌های بیشتر از ارزش در معرض ریسک است و میانگین می‌تواند با تقسیم مجموع وزن‌ها بر $(1-\alpha)$ درصد بدست‌آید.

مدل پیشنهادی تحت سنجه ریسک ترکیبی بصورت چندزمانه

در مدل میانگین-نیم‌واریانس-ارزش در معرض ریسک شرطی، از دو معیار ریسک و یک معیار برای اندازه‌گیری بازده بطور همزمان استفاده می‌شود. ما یکی از سنجه‌های اصلی ریسک را نیم‌واریانس به همراه سنجه ریسک یعنی ارزش در معرض ریسک شرطی به طور همزمان برای اندازه‌گیری ریسک و انتخاب سبد سهام مطلوب در نظر می‌گیریم. چرا که نیم‌واریانس به عنوان سنجه ریسک نامطلوب بسیاری از سرمایه‌گذاران علاقمند به استفاده از نیم‌واریانس به عنوان تحلیل‌گر ریسک نامطلوب هستند. از طرفی، برخی از سرمایه‌گذاران ممکن است تصمیمات سرمایه‌گذاری چندگانه در مدت زمانی معین برای بدست آوردن سود بیشتر در نظر داشته باشند. اگر اطلاعات جزئی در مورد سهام نگهداری شده در مدت نگهداری موجود باشد، این مورد می‌تواند به اصلاح ترکیب سهام در سبد کمک کند و موجب زیاد شدن بازده سبد سهام و نیز کاهش زیان ناشی از تشکیل سبد شود. همچنین، سرمایه‌گذاری مایل به تصمیم‌گیری چندگانه در طول مدت زمان نگهداری می‌باشد که در مورد مسئله انتخاب سبد سهام چندزمانه آگاهی داشته باشد. بنابراین، ما زمانی با مدت زمان سرمایه‌گذاری چندگانه مواجه هستیم که نتیجه بهینه‌تری را نسبت به سرمایه‌گذاری تک‌زمانه شاهد باشیم. اما باید به این نکته توجه داشت که اصلاح پرتفوی موجب اضافه شدن هزینه معاملاتی می‌شود. هزینه‌های معاملاتی معمولاً مزیت سرمایه‌ای است زمانی که سرمایه‌گذاری شده نسبتاً زیاد باشد. ما فرض می‌کنیم که سرمایه‌گذار می‌خواهد پول نسبتاً زیادی

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

را برای سرمایه‌گذاری هزینه کند بنابراین، هزینه‌های معاملاتی نقش موثری در مسئله انتخاب سیدسهام بصورت چندزمانه ایفا نمی‌کنند. از طرف دیگر، ما محدودیت‌های ناشی از این دست هزینه‌ها را وارد مدل می‌نماییم تا جواب بهتری دریافت نماییم. مدل مد نظر ما برای مسئله انتخاب سیدسهام چندزمانه، براساس سه پارامتر اصلی بنا نهاده شده‌است: ارزش مورد انتظار، نیم‌واریانس، سنجه دیگر ریسک (ارزش در معرض ریسک شرطی). این پارامترها در شرایطی مسئله ما را حل خواهند کرد که ارزش مورد انتظار به حداکثر مقدار خود، نیم‌واریانس و ارزش در معرض ریسک شرطی به حداقل مقدار ممکن با توجه به ثروت نهایی برسند. در انتخاب سیدسهام بصورت چندزمانه ما از واژه ارزش مورد انتظار بجای بازده مورد انتظار استفاده می‌نماییم، چراکه، ما به ثروت پایانی در پایان آخرین زمان توجه می‌کنیم. از طرفی، برنامه‌ریزی دینامیک، که هدفش بهینه‌سازی مسئله چندمرحله‌ای با توجه به مرحله نهایی است، می‌تواند ما را در حل مسئله انتخاب سیدسهام چندزمانه یاری نماید. مسئله برنامه‌ریزی دینامیک، بطور متوالی با توجه به مراحل و همچنین قابلیت تفکیک نمودن تابع هدف حل می‌شود. مراحل در مدل ما همان مدت زمان سرمایه‌گذاری مختلف است. در نظر بگیریم مسئله برنامه‌ریزی دینامیک با N مرحله از تابع هدف زیر پیروی می‌کند:

$$g[r_N(X_N, D_N), r_{N-1}(X_{N-1}, D_{N-1}), \dots, r_1(X_1, D_1)]$$

در تابع فوق $r_i(X_i, D_i)$ بیانگر ویژگی‌های i امین مرحله است. تابع فوق قابل تفکیک شدن است و بصورت زیر نمایش داده می‌شود:

$$g[r_N(X_N, D_N), r_{N-1}(X_{N-1}, D_{N-1}), \dots, r_1(X_1, D_1)] = \\ g_1[r_N(X_N, D_N), g_2(r_{N-1}(X_{N-1}, D_{N-1}), r_{N-2}(X_{N-2}, D_{N-2}), \dots, r_1(X_1, D_1))]$$

در تابع فوق، g_1 و g_2 توابع ارزش واقعی می‌باشند. در مسئله بهینه‌سازی ما، نیم‌واریانس به عنوان تابع هدف می‌باشد. این تابع تفکیک پذیر نمی‌باشد از اینرو، از برنامه‌ریزی دینامیک نمی‌توان برای حل آن استفاده نمود. ما مسئله چندزمانه را بصورت یک مسئله بهینه‌سازی واحد در نظر می‌گیریم و تخمین تغییرات بین زمان‌ها را برای حل مدل، در محدودیت‌ها قرار می‌دهیم. حال فرض کنیم T مدت تصمیم‌گیری وجود دارد که ما باید در ابتدای هر زمان تصمیمات خود را اتخاذ نماییم. تعداد تصمیمات سرمایه‌گذاری از صفر تا T بیانگر ابتدای تصمیمات سرمایه‌گذاری است و همچنین، $T-1$ برای پایان مدت زمان‌ها می‌باشد. تعداد سهام موجود قابل سرمایه‌گذاری n مقدار است و نیز e_0, e_1, \dots, e_{T-1} و X_0, X_1, \dots, X_{T-1} به ترتیب بیانگر بردار میانگین بازده‌ها و بردار درصد سرمایه‌گذاری در سهام مختلف برای مدت زمان‌های $0, 1, \dots, T-1$ است. همچنین، u_0, u_1, \dots, u_{T-1} دارایی موجود برای سرمایه‌گذاری در مدت

زمان‌های $1, 2, \dots, T$ را نشان می‌دهد و u_T ارزش سبدسهم در پایان آخرین مدت زمان است. ما فرض می‌کنیم یک واحد سرمایه موجود برای سرمایه‌گذاری در آغاز زمان وجود دارد، یعنی $u_0=1$. در حل مدل سه شاخص مهم وجود دارد، $i=0, 1, \dots, T-1$ و $j=1, 2, \dots, n$ و $k=1, 2, \dots, s$ که به ترتیب نشان‌دهنده مدت زمان‌های سرمایه‌گذاری، تعداد سهام و تعداد سناریوهای بازده‌ها برای آخرین مدت زمانی می‌باشند. فرمول‌بندی اصلی مدل بصورت زیر است:

$$\text{Minimize } [\text{semi variance}(u_T), RM(u_T), -E(u_T)]$$

$$A = 0$$

$$X_i^j \geq 0: j = 1, 2, \dots, n, i = 0, 1, \dots, T-1$$

$$A = u_i - \sum_{j=1}^n X_i^j: i = 0, 1, \dots, T-1$$

$$u_{i+1} - (u_i + \sum_{j=1}^n X_i^j e_i^j): i = 0, 1, \dots, T-1$$

تساوی A به ما این اطمینان را می‌دهد که سرمایه‌گذاری در هر زمان برابر با ثروت موجود در آغاز آن مدت زمان است و مجموعه دوم تساوی باعث اطمینان از ثروت وجود سرمایه‌گذاری در هر زمان، برابر با ثروت موجود در آغاز مدت زمان قبلی بعلاوه میزان سود(زیان) بدست آمده در مدت زمان قبلی است. میانگین بازده‌های سهام برای آغاز $T-1$ مدت زمان و سناریوهای بازده سهام برای پایان مدت زمان T فرض می‌کنیم که شناخته شده‌است و مقدار آن مشخص می‌باشد. نیم‌واریانس و سنجه دیگر ریسک، با محاسبه آنها بر اساس این سناریوها و استفاده از کسر سرمایه‌گذاری و بازده مورد انتظار در آخرین مدت زمانی، به حداقل مقدار خود می‌رسند. ارزش مورد انتظار، بیانگر حداکثر مقدار ثروت‌نهایی با توجه به کل مدت زمانی است. ما نیم‌واریانس را به عنوان ریسک مرجع در نظر می‌گیریم و آن را در تابع هدف مدل قرار می‌دهیم و در محدودیت‌های مدل، ارزش مورد انتظار و سنجه دیگر ریسک قرار می‌گیرند و سپس به کمک روش محدودیت C مسئله را حل می‌نماییم. با توجه به آنچه بیان شد مدل پیشنهادی چندهدفه-چندزمانه (میانگین-نیم‌واریانس- ارزش در معرض ریسک شرطی) با محدودیت هزینه معاملاتی بصورت زیر فرموله می‌شود:

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معاریان

$$\begin{aligned} \text{Minimize } SV(X) &= \frac{1}{S} \sum_{k=1}^s y_k^2 \\ \text{Subject to } y_k &\geq \sum_{j=1}^n [e_{T-1}^j - r_{kj}] X_{T-1}^j : k = 1, 2, \dots, s \\ y_k &\geq 0 : k = 1, 2, \dots, s \\ \eta + \frac{1}{(1-\alpha)^s} \sum_{k=1}^s (a_k) &\leq z \\ a_k &\geq \sum_{j=1}^n (-r_{ij} X_j) - \eta : i = 1, 2, \dots, s \\ a_k &\geq 0 : k = 1, 2, \dots, s \\ \sum_{j=1}^n (1 + b_j) m c_j X_i^j + \sum_{j=1}^n f_i^j Z_j' &\leq C : i = 0, 1, \dots, T-1 \\ L_i^j Z_j' &\leq X_i^j \leq U_i^j Z_j' \\ \sum_{j=1}^n Z_j' &\leq N : i = 0, 1, \dots, T-1 \\ u_T &\geq d \\ A &= 0 \\ \sum_{j=1}^n X_i^j &= 1 : i = 0, 1, \dots, T-1 \\ X_i^j &\geq 0 : j = 1, 2, \dots, n : i = 0, 1, \dots, T-1 \\ Z_j' &\in \{0, 1\} \end{aligned}$$

در مدل ارائه شده، C معرف هزینه خرید سهم Z ام می‌باشد و برای حل مدل آن را قیمت سهم Z ام در نظر می‌گیریم. مقدار قیمت هر سهم از سایت رسمی بورس اوراق بهادار تهران استخراج شد، که جزئیات آن در جدول ۱ نشان داده شده است. b هزینه تناسبی معاملاتی سهم Z ام می‌باشد و در مدل ۵٪ در نظر گرفته شده است. هزینه تناسبی نسبتی از هزینه خرید سهام است که علاوه بر هزینه خرید سهم توسط خریدار پرداخت می‌شود مانند هزینه کارگزاری. از آنجا که ما برای بدست آوردن هزینه متغیر معاملاتی به تعداد سهم خریداری شده نیاز داریم متغیر m که بیانگر حجم سبدسهم می‌باشد، تعریف می‌شود. برای حل مسئله، فرض براین است که $m=100$ می‌باشد. Z_j' متغیری از نوع صفر و یک است که برای هر سهم تعریف می‌شود. اگر $Z_j'=1$ باشد نشان می‌دهد سهم Z در سبدسهم سرمایه‌گذاری قرار دارد و تحت بررسی قرار می‌گیرد و اگر $Z_j'=0$ باشد قرار نگرفتن سهم Z را در سبد نشان می‌دهد. پارامتر C حداکثر مقدار پولی است که سرمایه‌گذار می‌تواند در سبدسهم سرمایه‌گذاری کند. ما این متغیر را برای حل مدل، ده میلیون ریال در نظر گرفتیم. از دیگر متغیرهایی که در محدودیت مدل تعریف شده است، دو متغیر L و U است که به ترتیب بیانگر حدپایین و بالای میزان سرمایه‌گذاری در هر سهم هستند. فرض شده است که سرمایه‌گذار در هر سهم نمی‌تواند بیشتر از ۵۰ درصد کل سبدسهم، سرمایه‌گذاری نماید، به لحاظ اینکه در تحقیق، یکی از اهداف کاهش ریسک سیستماتیک با استفاده از متنوع نمودن

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار/ دوره ۱۴/ شماره ۵۵/ تابستان ۱۴۰۲

سرمایه‌گذاری است، تمرکز سرمایه‌گذاری بر روی یک سهم خاص (بیش از پنجاه درصد) با این هدف در تناقض می‌باشد. همچنین، متغیر N میزان سهامی که سرمایه‌گذار علاقمند است از تعداد سهام موجود، در سبد خود نگهداری نماید را نشان می‌دهد. فرض می‌کنیم $N=9$ باشد. باید توجه داشت که، اضافه شدن چنین قیودی به مدل موجب ایجاد یک فیلتر برای انتخاب سهم‌های برتر از بین سهام در دسترس می‌شود. در واقع با وجود برنامه‌ریزی صفر و یک، دو مرحله از گزینش سهام صورت می‌گیرد. در مرحله نخست، به جدا کردن سهام برتر می‌پردازد و در مرحله دوم میزان ریسک سبد سهام را با توجه به ترکیبات مختلف سهام و بازده موردانتظار اندازه می‌گیرد.

پیاده‌سازی مدل‌ها در بازار سرمایه ایران

در این قسمت به پیاده‌سازی مدل‌های ارائه شده در بازار سرمایه ایران پرداخته می‌شود. جدول ۱ نام سهام شرکت‌های مورد بررسی به همراه سناریوهای بازده را نشان می‌دهد. ورودی بازده سهام این پانزده سهم بصورت دوره‌های ماهانه برای دوازده ماه منتهی به ۱۳۹۸/۱۲/۲۹ می‌باشد. در واقع ورودی اصلی ما برای حل مدل‌ها بازده سهام این پانزده سهم می‌باشد. مدل‌های ارائه شده به کمک نرم‌افزار lingo حل شده‌است. لازم به ذکر است که کلیه نمودارها در قالب نرم افزار matlab کدنویسی شده‌است.

جدول ۱. سهام و سناریو بازده سهام شرکت‌های مورد بررسی در بازار سرمایه ایران (۲-۱۰×)

نام سهام	سایپا	غدير	بوعلی	ملت	کارآفرین	ترانسفو	مپنا	صنایع بهشهر	سینا	سایپاآذین	صنعت ومعدن	توکافولاد	اراک	پتروشیمی	چادرملو
تاریخ	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄	X ₅	X ₆	X ₇	X ₈	X ₉	X ₁₀	X ₁₁	X ₁₂	X ₁₃	X ₁₄	X ₁₅
زمان اولین	۰/۵	۳۰	۲۷	۷	۷	-۲	۱۹	۱۴	۲۰	۲	۱۲	۲۱	۱۶	۱۴	۱
زمان دومین	۰/۰۶	۹	-۱	-۲	-۱	-۱۴	۴	۳	-۲	۴	-۳	-۱	۱۹	۵۱	-۰/۴
زمانی سومین	۰/۵	۳۰	۲۷	۷	۷	-۲	۱۹	۱۴	۲۰	۲	۱۲	۲۱	۱۶	۱۴	۱
	۷	-۹	-۲	۴	۲	۲۱	۱۳	-۶	-۴	۲	-۶	۸	۱۶	-۲۶	۴
	-۵	۱۹	۲۹	۱	۰/۷	-۵	۳۲	۱	۰/۳	۳	۰/۷	۱۵	۴۷	-۱۴	۰/۹
	-۶	۶	۸	۰	-۳	۵	۲	۱	۹	-۲	۷	-۰/۸	۱۹	-۰/۵	۱۰
	۲۶	۳۴	۰	۱۳	۲۹	۳۹	۱۶	۹	۲۱	۲۰	۴۵	۳	-۸	۴۷	۸
	۱۵	-۱	۱۰	۱۲	-۱	-۶	-۶	۱۵	۱۰	۱	۲۳	۵	-۲۱	-۱۱	-۳
	-۱۷	-۱۲	-۱۹	-۵	-۳	-۶	-۱۳	-۳	-۳	-۱۱	-۴	۱	-۹	-۱۷	-۳
	-۰/۶	۱۵	-۳	-۴	۱	۵	۱۲	۹	۹	۸	۲۶	۷	-۹	-۶	۰/۱
	۷	۳	۲۵	۴	-۱	۱	۱	۲۹	۸	۵	۱۷	۴	۳	۱۱	۲
	۸	۸	۱۴	۷	۷	۷	۸	۸	۷	۱	-۱	۱۶	-۷	۱۱	۴

ابتدا مدل میانگین- نیم‌واریانس برای پانزده سهم مورد بررسی در بازار سرمایه پیاده‌سازی می‌شود.

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

حداقل بازده و حداکثر بازده مورد انتظار به ترتیب ۰,۰۳۶۹ و ۰,۱۳۹۴ بدست می‌آید. جدول ۲ بازده مورد انتظار و نیم‌واریانس به همراه درصد سرمایه‌گذاری در هر سهم را نشان می‌دهد.

جدول ۲. بازده مورد انتظار و نیم‌واریانس به همراه درصد سرمایه‌گذاری در هر سهم^(۱۰^{-۲})

بازده مورد انتظار	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄	X ₅	X ₆	X ₇	X ₈	X ₉	X ₁₀	X ₁₁	X ₁₂	X ₁₃	X ₁₄	X ₁₅	sv
۳/۶	۰	۰	۰	۲	۰	۰	۰	۱۵	۰	۰	۰	۱۳	۰	۰	۷۰	۰/۰۵
۴/۸	۰	۰	۰	۰	۱	۰	۰	۱۱	۰	۰	۰	۳۷	۰	۲	۴۷	۰/۰۶
۵/۹	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۲	۰	۰	۰	۵۶	۲	۳	۲۷	۰/۰۷
۷/۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۰	۶۶	۵	۴	۱۵	۰/۱
۸/۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۵	۶۸	۱۱	۲	۴	۰/۱۴
۹/۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۲۴	۵۶	۲۰	۰	۰	۰/۱۹
۱۰/۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۳۷	۳۲	۳۱	۰	۰	۰/۳۲
۱۱/۶	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۵۰	۷	۴۳	۰	۰	۰/۵۵
۱۲/۸	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۳۲	۰	۶۸	۰	۰	۱
۱۳/۹	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۰۰	۰	۰	۲/۷

سپس مدل میانگین- ارزش در معرض ریسک شرطی برای پانزده سهم مورد بررسی در بازار سرمایه پیاده‌سازی می‌شود و با سطح اطمینان ۹۵ درصد حداقل بازده و حداکثر بازده مورد انتظار به ترتیب ۰,۰۶۸۷ و ۰,۱۳۹۴ بدست آمده است.

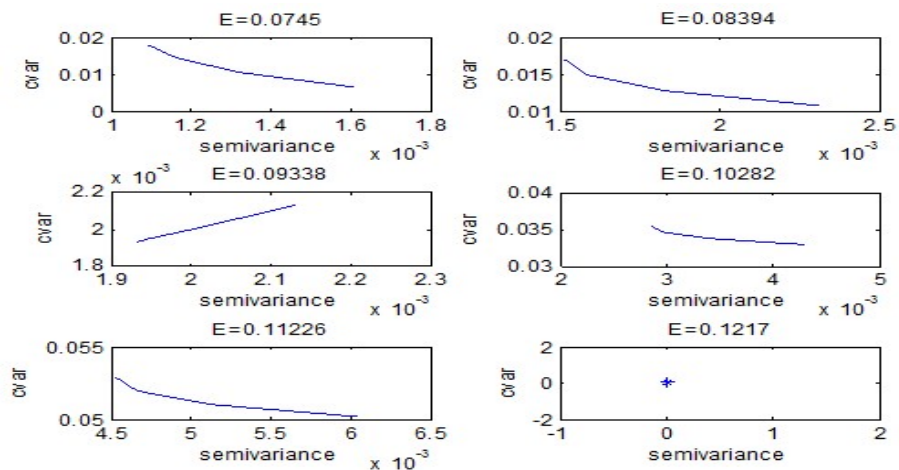
جدول ۳. بازده مورد انتظار و ارزش در معرض ریسک شرطی به همراه درصد سرمایه‌گذاری در هر سهم^(۱۰^{-۲})

بازده مورد انتظار	X ₁	X ₂	X ₃	X ₄	X ₅	X ₆	X ₇	X ₈	X ₉	X ₁₀	X ₁₁	X ₁₂	X ₁₃	X ₁₄	X ₁₅	cvar
۶/۸	۰	۵	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۶	۰	۸۴	۰	۰	۵	۰
۷/۲	۰	۹	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۳	۰	۸۷	۰	۰	۱	۰
۸/۱	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۹	۷۶	۳	۲	۰	۰
۸/۹	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱	۷۵	۲۴	۰	۰	۰/۱۸
۹/۷	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۷	۵۹	۳۴	۰	۰	۲/۳
۱۰/۶	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۳	۴۴	۴۳	۰	۰	۳/۸
۱۱/۴	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۹	۲۸	۵۳	۰	۰	۵/۳
۱۲/۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۲۵	۱۲	۶۳	۰	۰	۶/۸
۱۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۲۴	۰	۷۶	۰	۰	۱
۱۳/۹	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۰۰	۰	۰	۲/۱

جدول ۴ یکی از نتایج حل مدل پیشنهادی (میانگین - نیم‌واریانس - ارزش در معرض ریسک شرطی) بصورت چندزمانه و با محدودیت هزینه‌های معاملاتی را به همراه درصد سرمایه‌گذاری در هر سهم با استفاده از بازده‌های پانزده سهم در بازار سرمایه ایران را به تصویر می‌کشد. نمودار ۱ نیز با کمک جدول ۴ نمودار مرز کارا را برای این مدل نشان می‌دهد.

جدول ۴. یکی از نتایج حل مدل پیشنهادی

sv	cvar	بازده	x1	x2	x3	x4	x5	x6	x7	x8	x9	x10	x11	x12	x13	x14	x15
۰/۱۶	۱/۲	۱۰۸	۳۷	۰	۰	۰	۰	۲۳	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۴۰	۱۲	۰	۰	۰	۸	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۱۳	۴۰	۰	۴	۰	۰	۴۰	۰
۰/۱۸	۱/۴	۱۰۹	۱۷	۰	۰	۰	۰	۴۰	۰	۰	۳	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۳۶	۰	۰	۰	۲۴	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۳۸	۰	۲۲	۴۰	۰	۰	۰
۰/۲۳	۲/۴	۱۰۹	۳۸	۰	۰	۰	۰	۲۲	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۴۰	۱۲	۰	۰	۰	۸	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۰	۴۰	۰	۰	۰	۰	۱۶	۰	۰	۴	۴۰	۰	۰	۰
۰/۴۱	۹/۲	۱۱۰	۱۷	۰	۰	۰	۰	۴۰	۰	۰	۳	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۳۶	۰	۰	۰	۲۴	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰
			۰	۰	۴۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۴۰	۲۰	۰	۰	۰



نمودار ۱. مرز کارای مدل (میانگین - نیم‌واریانس - ارزش در معرض ریسک شرطی چندزمانه)

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

بحث و نتیجه‌گیری

با مشاهده نتایج مدل‌های انتخاب سبدسهم با سنج‌های منفرد و ترکیبی در می‌یابیم که سهام شماره‌های یازده، دوازده، سیزده از اهمیت زیادی برخوردار هستند و در هر سه مدل با افزایش بازده، مقدار ریسک نیز افزایش می‌یابد. که این نشان می‌دهد سرمایه‌گذاران برای کسب بازده بیشتر، ناگزیر به پذیرش ریسک بالاتری هستند. همانطور که پیشتر اشاره شد، استفاده از یک سنج ریسک برای اندازه‌گیری میزان ریسک سبدسهم بهترین راه برای حل مسئله نیست. تصمیم گرفتن در مورد بهترین سنج برای همه مسئله‌ها نشدنی است. دلیل مهم این امر آن است که هر سنج ریسک عملکرد و کاربردهای مخصوص به خود را دارد و دلیل خاص خود را می‌طلبد. بنابراین، نتایج متفاوتی را منجر خواهد شد. همچنین، از نظر سرمایه‌گذار مدل چندهدفه ارائه شده بر مدل‌های موجود و متداول برتری دارد، چرا که جواب بهتر و چندبعدی نسبت به سایر روش‌ها بدست آمده است. در ادامه، با بررسی جداول بدست آمده از حل مدل چندهدفه، مشاهده می‌شود که تمرکز بر روی یک یا چندسهم خاص برداشته شده و در کل سبد پخش می‌شود که این امر خود به کاهش ریسک کمک می‌کند. همچنین، با مقایسه نمودارهای حاصل از حل این نوع مدل چندهدفه با مدل‌های ساده می‌توان نتیجه گرفت، شیب بین دو سنج ریسک در مدل‌های چندهدفه با هزینه معاملاتی کمتر است، یعنی با تغییر مقدار یک سنج ریسک، سنج دیگر تغییر کمتری خواهد کرد، بنابراین، نوسان ریسک سبدسهم برای سرمایه‌گذار کمتر از گذشته می‌شود. همچنین، ما فرض مهم چندزمانه بودن، را بیان کردیم. چندزمانه بودن در واقع به سرمایه‌گذار این امکان را می‌دهد تا در طول مدت نگهداری بتواند در چندزمانه به اصلاح و تغییر ترکیب سبدسهم برای دستیابی به سود بیشتر بپردازد. در انتخاب سبدسهم بصورت چندزمانه ما از واژه ارزش موردانتظار بجای بازده موردانتظار استفاده می‌نماییم، چراکه، ما به ثروت پایانی در پایان آخرین زمان توجه می‌کنیم. با توجه به جداول چندبعدی بدست آمده از حل این نوع مدل چندزمانه، شاهد آن هستیم که برای یک ارزش موردانتظار و سنج ریسک خاص سه سبد در سه زمان مختلف نشان داده خواهد شد. جداول بدست آمده تنوع زیاد ترکیب سبدسهم را بازگو می‌کند. با زیاد شدن ارزش موردانتظار سرمایه‌گذار، می‌توان گفت، تنوع سهام نسبتاً بیشتر و جالب‌تر می‌شود. لذا، انتخاب سبدسهم مطلوب با استفاده از این مدل‌ها به سرمایه‌گذار یک دید کلی در مورد ترکیب سبدسهم می‌دهد و او را در تحلیل سهام قبل از تصمیم‌گیری یاری می‌دهد. از طرفی، سرعت بیشتر در مدل‌های ارائه شده نسبت به سایر مدل‌ها با توجه به حجم محاسبات و تعداد سنج‌های محاسباتی به دلیل استفاده از برنامه‌ریزی خطی و کاهش مسئله‌های قابل حل، از ویژگی مدل‌های ارائه شده است که خود می‌تواند موجب کاهش زمان و هزینه، برای تصمیم‌گیری

سرمایه‌گذار شود. در ایران علاوه بر اینکه، برخی از سنجه‌های منفرد ریسک استفاده نشده یا کمتر مورد توجه قرار گرفته است، کاربرد مدل‌های چندهدفه-چندزمانه انتخاب سبد سهام مطلوب با محوریت سنجه نیم‌واریانس در بستر بازار سرمایه بررسی نشده است. از اینرو، ارائه مدل‌های یکپارچه چندهدفه در بازار بورس ایران بصورت چندزمانه از نوآوری‌های این تحقیق می‌باشد و بالاخره می‌توان گفت، این مدل‌ها تعریف عناصر ریسک را ارتقاء داده و دید مختلفی نسبت به مدل‌های موجود برای سرمایه‌گذاران فراهم می‌کنند.

در پایان، با توجه به تجزیه و تحلیل مدل‌ها و فرآیند حل آنها، پیشنهاد می‌گردد برای کارهای آتی، به موضوع انتخاب سبد سهام چندهدفه-چندزمانه تحت محدودیت‌های احتمالی توجه شود تا منجر به حصول نتایج مفیدتری در مسئله انتخاب سبد سرمایه‌گذاری گردد.

ارائه یک مدل ریاضی چندهدفه - چندزمانه.../داداش پورعمرانی، نبوی چاشمی و معماریان

منابع

- [۱] پیکانی، پژمان، محمدی، عمران، برزین پور، فرناز، جندقیان، علیرضا، (۱۳۹۹)، نشریه علمی و پژوهشی مدیریت فردا، سال ۱۹، شماره ۶۲، ص ۱۹۵-۲۰۶.
- [۲] جلالیان، حمیدرضا، (۱۳۹۹)، بررسی اثرات نوبز بر مسئله بهینه‌سازی سبدهام، مجله مهندسی سیستم و بهره‌وری، سال اول، شماره ۳، ص ۷۳-۸۴.
- [۳] فرخی، مجتبی، فلاح، محمد مهدی، (۱۳۹۸)، توسعه یک مدل برنامه‌ریزی امکان چندهدفه برای انتخاب سبدهام، تحقیق در عملیات، ۱۶(۳)، ۲۱-۳۶.
- [۴] عمرانی، هاشم، مشایخی، زهرا، (۱۳۹۶)، انتخاب سبدهام چندهدفه با ترکیب مدل مارکویتز و تحلیل پوششی داده‌ها، مجله مهندسی صنایع و مدیریت شریف، شماره ۱/۱، ص ۸۷-۹۴.
- [۵] محبی، نگین، نجفی، امیرعباس، (۱۳۹۷)، بهینه‌سازی سبده سرمایه‌گذاری چنددوره‌ای با رویکرد برنامه‌ریزی پویا، مطالعات مدیریت صنعتی، ۱۶(۵۰)، ص ۱-۲۶.
- [۶] مشرفی، محمد، بهنامیان، جواد، (۱۳۹۸)، بهینه‌سازی چندهدفه با استفاده از تحلیل سلسله مراتبی و الگوریتم ژنتیک، دوفصلنامه مدیریت مهندسی و رایانش نرم، شماره ۵(۱)، ص ۷۳-۱۰۱.
- [۷] ادریان، تی، برونمیر، ام، کا، (۲۰۱۶)، تفاضل ارزش در معرض ریسک شرطی، مجله اقتصاد آمریکا، ۱۰۶(۷)، ۱۷۰۵-۱۷۴۱، سریال: ۳۳۸۶، ۱۰/۱۷۴۵۴/w.
- [۸] کونگ، اف، اوسفرل، سی، دابلویو، (۲۰۱۶)، بهینه‌سازی پرتفوی میانگین واریانس چنددوره‌ای بر اساس شبیه‌سازی مونت کارلو، مجله اقتصاد مقیاس و کنترل، ۱-۲۳.
- [۹] عیوضلو، ر، رامش، م، (۲۰۲۰)، اندازه‌گیری ریسک سیستمی از طریق کسری موردانتظار نهایی و مشروط دلتا در معرض ریسک و رتبه‌بندی بانک‌ها، مدیریت دارایی و تامین مالی، ۲۷(۴)، ۱-۱۶.
- [۱۰] هوانگ، ایکس، کیائو، (۲۰۱۲)، مدل شاخص آریسک برای انتخاب پرتفوی نامشخص چنددوره‌ای، علوم اطلاعات، ۱۰۸، ۲۱۷-۱۱۶.
- [۱۱] کانداسمی، هری، (۲۰۰۸)، انتخاب پورتفولیو تحت ریسک نزولی با اولویت نابرابر، مشاور: کوستروا، دکترای فلسفه، علوم ریاضی، گروه علوم ریاضی، دانشگاه کلمسون.
- [۱۲] کمالی، ر، جهان‌دیده، م، (۲۰۱۹)، بهینه‌سازی مدل پرتفوی چنددوره‌ای پس از برازش بهترین توزیع، نامه‌های پژوهشی مالی، ۳۰(۳)، ۴۴-۵۰.

فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار/ دوره ۱۴/ شماره ۵۵/ تابستان ۱۴۰۲

- [۱۳] کونو، اچ، یامازاکی، اچ، (۱۹۹۱)، مدل بهینه‌سازی پرتفوی انحراف میانگین مطلق و کاربردهای آن در بازار سهام توکیو، علم مدیریت، ۳۷(۵):۵۱۹-۵۳۱.
- [۱۴] کومار، سی، نجمودوجا، ام، (۲۰۱۸)، چارچوب جدیدی برای مدل انتخاب پورتفولیو با استفاده از ANFIS اصلاح شده و مجموعه‌های فازی، مجله کامپیوتر، ۱۸۳(۳): ۴۵۳-۴۸۵.
- [۱۵] لینسمیر، تی، جی، پرسون، ان، دی، (۲۰۰۰)، ارزش در معرض خطر، مجله تحلیلگران مالی، ۵۶(۲): ۴۷-۶۷.
- [۱۶] مارکوویتز، اچ، (۱۹۵۲)، انتخاب پرتفو، مجله مالی، ۷(۱): ۷۷-۹۱.
- [۱۷] مارکوویتز، اچ، (۱۹۵۹)، تخصیص پورتفولیو: بحث‌های درخصوص سرمایه‌گذاری، شرکت جان ویل و سونس، نیویورک، مونوگراف بنیاد کاولز.
- [۱۸] نجفی، ا.ا، مشاخیان، س، (۲۰۱۵)، بهینه‌سازی نمونه کارها با میانگین تصادفی چندمرحله‌ای- نیم‌وارینانس-ارزش در معرض خطر تحت هزینه‌های تراکنش، ریاضیات کاربردی و محاسبات، ۲۵۶، ۴۴۵-۴۵۸.
- [۱۹] رستروپو، اچ، زنگ، دابلیو، میی، بی، (۲۰۲۰)، نقش متغیر زمانی پرتفوی دارایی‌های ترکیبی بلندمدت کاشت چوب تحت چارچوب میانگین-ارزش در معرض خطر شرطی، مجله سیاست و اقتصاد جنگل، ۱۱۳: A۱۱۳، ۱۰۲۱۳۶.
- [۲۰] ساگلام، یو، بنسو، اچ، (۲۰۱۸)، بهینه‌سازی سید چنددوره‌ای با محدودیت‌ها و تصمیمات گسسته، موجود در سایت <https://ssrn.com/abstract=2932567>.
- [۲۱] استانیو، ای، روسو، ای، (۲۰۲۰)، ارزش شرطی تودرتو در انتخاب پرتفوی ریسک، مجله اروپایی تحقیقات عملیاتی، ۲۸۰(۲)، ۷۴۱-۷۵۳.
- [۲۲] سان، وای، وانگ، ایکس، (۲۰۱۶)، بهینه‌سازی پرتفوی چنددوره‌ای تحت اندازه‌گیری ریسک احتمالی، نامه تحقیقات مالی، ۱۸، ۶۰-۶۶.