



## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با استفاده از معیارهای ریسک WCVar و $\beta$ مقایسه

### آن با روش مونت کارلو

محمدرضا حدادی<sup>۱</sup>

سید پرویز جلیلی کامجو<sup>۲</sup>

سارا گودرزی دهریزی<sup>۳</sup>

#### چکیده

انتخاب سبد بهینه سهام از اهداف اصلی مدیریت سرمایه است. معیارهای متعددی برای اندازه‌گیری ریسک سبد سرمایه‌گذاری و انتخاب سبد بهینه ارائه شده است. در این پژوهش مدل کاربردی WCVar با روش مونت کارلو برای اندازه‌گیری ریسک سبد سهام و انتخاب یک سبد بهینه وزنی متنوع استفاده شد. WCVar یکی از جدیدترین سنج‌های ریسک است و نواقص مدل VaR و CVAR را پوشش می‌دهد. این پژوهش از اطلاعات روزانه ده شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در دوره ۱۳۸۷-۱۳۹۷ استفاده نمود. این پژوهش در حالت حداقل ریسک WCVar به مقایسه میانگین بازده سرمایه‌گذاری و میانگین ارزش سرمایه‌گذاری در سبدهای منتخب با دو روش برنامه‌ریزی خطی و مونت کارلو می‌پردازد. نتایج حاصل از برآورد مدل با استفاده روش برنامه‌ریزی خطی، نشان داد که تغییر معیار بهینه‌سازی منجر به تغییر وزن سهام سبد و تغییر استراتژی تنوع سازی در سبد سهام بهینه خواهد شد. به طوری که از بین ۴۴ سبد با وزن‌های مختلف بهینه‌ترین سبد وزنی متنوع بر اساس ارزش سبد و بازده تحت معیار WCVar سبد شماره ۱۶ و ۲۵ است. همچنین نتایج نشان داد که در سبد بهینه مقدار ریسک و بازدهی بیشتری با شبیه‌سازی مونت کارلو نسبت به برنامه‌ریزی خطی برآورد شده است. در نهایت نیز با مقایسه ریسک WCVar و  $\beta$  با روش شبیه‌سازی مونت کارلو نتایج نشان داد که بازدهی بیشتری در سبد بهینه با ریسک  $\beta$  نسبت به WCVar برآورد شده است.

#### کلمات کلیدی

بهینه‌سازی سبد، روش مونت کارلو، برنامه‌ریزی خطی، ارزش در معرض خطر شرطی، WCVar،

آزمون کوپیک، آزمون کریستوفرسن.

۱- گروه ریاضی، دانشکده علوم پایه، دانشگاه آیت‌الله بروجردی، بروجرد، ایران. (نویسنده مسئول) haddadi@abru.ac.ir

۲- گروه اقتصاد، دانشکده علوم انسانی، دانشگاه آیت‌الله بروجردی، بروجرد، ایران. parviz.jalili@abru.ac.ir

۳- گروه ریاضی، دانشکده علوم پایه، دانشگاه آیت‌الله بروجردی، بروجرد، ایران. S.goodarzi1995@gmail.com

## مقدمه

انتخاب سبد بهینه سهام از اهداف اصلی مدیریت پرتفوی است لذا گسترش و پیچیدگی روزافزون بازارهای مالی، تصمیم‌گیری در خصوص انتخاب سبد بهینه را برای سرمایه‌گذاران دشوار نموده است. از سویی بر اساس نظریه مدرن پرتفوی، متنوع‌سازی سرمایه‌گذاری‌ها می‌تواند منجر به کاهش نوسان‌ها در عین حفظ متوسط بازده گردد [۳]. در سال‌های گذشته تمایل اشخاص حقیقی و حقوقی به سرمایه‌گذاری در بازارهای مالی و به‌طور ویژه بورس اوراق بهادار رشد بسیاری داشته است [۷]. با پیشرفت دانش مالی انتخاب‌های سرمایه‌گذاران روشن‌تر شد و آن‌ها با کاربرد مدل‌های مختلف و تلفیق نتایج حاصل از آن با تجربیات خود قادر شدند تا انتخاب بهینه را محقق نمایند [۱۰]. تنوع روش‌های سرمایه‌گذاری و پیچیدگی تصمیم‌گیری در دهه‌های اخیر به‌شدت گسترش یافته و این رشد گسترده نیاز به مدل‌های فراگیر و یکپارچه را ایجاد نموده است. برای پاسخ به این نیاز، مدل‌های مالی از پیوند رویکرد مالی و برنامه‌ریزی ریاضی به وجود آمد، برنامه‌ریزی ریاضی یکی از مهم‌ترین ابزارهای پژوهش به شمار می‌آید و به‌طور وسیعی در تجزیه و تحلیل منابع مورد استفاده قرار می‌گیرد. فن برنامه‌ریزی خطی یکی از ابزارهایی است که به‌وسیله آن می‌توان از بین گزینه‌های مختلف، گزینه‌ای که حداکثر کارایی را دارد، یعنی به بهترین نحو هدف را تأمین کند، انتخاب کرد [۱۴].

تاکنون مدل‌های متنوعی در زمینه انتخاب بهینه سبد سرمایه‌گذاری ارائه گردید و افزون بر این به دلیل پویایی بازار سرمایه همواره فرآیندها و نیازهای جدیدی در رابطه با مدل‌های بهینه انتخاب سبد مورد شناسایی قرار می‌گیرد. اوایل سال ۱۹۵۲ نظریه نوین سبد برای بهینه‌سازی سبد سهام توسط مارکوویتز<sup>۱</sup> مطرح شد [۲۳]. مارکوویتز مدل سازمان‌یافته‌ای به‌سوی تشکیل سبدهایی با حداکثر نرخ بازده در سطح معین از ریسک ایجاد نمود. دو عامل ریسک و بازده از عوامل مهم در انتخاب سهام برای سرمایه‌گذاری هستند. هدف سرمایه‌گذاران حداکثر کردن بازده مورد انتظار است. اگرچه علاوه بر حداکثر کردن بازده آن‌ها همواره قصد دارند ریسک را نیز کاهش دهند با توجه به اینکه بازده سهام در دوره‌های متفاوت ثابت نیست و روند متغیری را داراست این تغییر و نوسان بازده عدم اطمینان نسبت به بازده‌های آتی سهام سرمایه‌گذاری را ایجاد می‌کند و سرمایه‌گذاری را با ریسک همراه می‌نماید. مدیریت ریسک به فرآیندی اطلاق می‌شود که در شرایط عدم اطمینان برای مقابله با ریسک نخست انواع آن را شناسایی کرد و در مرحله بعد با روشی بهینه به کنترل ریسک می‌پردازد [۷]؛ اما در مطالعاتی که در این زمینه انجام شده به حالت بهینه‌ایی که به‌صورت هم‌زمان برای هر دو عامل (بازدهی، ریسک) که همواره مسئله‌ای مهم برای بسیاری از سرمایه‌گذاران بوده منجر نشده و به بهینه‌ترین حالت سبد

## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

سرمایه‌گذاری بر مبنای هر دو عامل ذکر شده دست نیافته‌اند. ارزش در معرض ریسک (VaR) به‌عنوان پرکاربردترین معیار ریسک نامطلوب در حوزه مالی مطرح است پس برای سرمایه‌گذاری که ریسک خود را بر اساس ارزش در معرض ریسک اندازه (VaR) گیری می‌کند بسیار ضروری است که مدل انتخاب سبد سرمایه‌گذاری خود را نیز بر اساس آن تنظیم کند اما ابزار VaR و CVaR در مورد وزن سهام موجود در سبد سهام، پیشنهادی به سرمایه‌گذار ارائه نمی‌دهند. جلیلی و کلیز<sup>۲</sup> (۲۰۰۱) ضمن اشاره به عدم وجود راه‌حل بهینه برای بهینه‌سازی پرتفوی در چارچوب Mean - VaR، سعی شده است با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری Threshold Accepting این مسئله حل گردد که به‌جای واریانس از دو معیار VaR و CVaR استفاده شده است و دو مدل برنامه‌ریزی ریاضی برای هر کدام از این معیارها طراحی گشته است. به این دو مدل محدودیت‌های دیگری همانند تعداد دارایی‌های مجاز پرتفوی و همچنین حداکثر و حداقل هر دارایی در پرتفوی هم اضافه شده است [۱]. در این پژوهش این محدودیت‌ها با استفاده از مدل WCVaR برطرف خواهد شد. بازده پرتفوی در مدل WCVaR تفاوت معناداری با بازده پرتفوی در مدل CVaR و ریسک پرتفوی مدل WCVaR تفاوت معناداری با ریسک پرتفوی CVaR دارد [۳].

به این ترتیب سؤال‌های اصلی این پژوهش به این ترتیب است:

- تحت معیارهای ارزش سبد و بازدهی مورد انتظار چه سبدي بهینه است؟
- تنوع‌سازی سهام (وزن سهام در سبد بهینه) با استفاده از بهینه‌سازی تحت معیارهای مختلف ریسک به چه شکلی تغییر خواهد نمود؟
- بر اساس وزنی که مبتنی بر سنجه ریسک WCVaR و  $\beta$  است، بازدهی سبد بهینه در کدام روش بیشتر است؟
- مقدار ریسک و بازدهی در سبد بهینه مبتنی بر سنجه ریسک WCVaR در روش برنامه‌ریزی خطی و مونت کارلو چه تغییری می‌کند؟

به این منظور با استفاده از اطلاعات ۱۰ شرکت مختلف پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در دوره ۱۳۹۷-۱۳۸۷ و کاربرد روش برنامه‌ریزی خطی و مدل ارزش در معرض خطی شرطی وزنی (WCVaR) تحت معیارهای مجزای ارزش سبد-ریسک و بازدهی مورد انتظار-ریسک و به‌طور هم‌زمان، سبدهای بهینه از بین ۴۴ سبد شبیه‌سازی شده، انتخاب خواهند شد تا فرض تنوع سازی مورد آزمون قرار گیرد. همچنین نتایج پژوهش با روش مونت کارلو مقایسه خواهد شد. برای اطمینان از صحت نتایج، پس‌آزمایی نتایج برآورد شده با استفاده از آزمون کوپیک و کریستوفرسن مورد بازبینی قرار خواهد گرفت. با توجه به سؤال‌ها و اهداف پژوهش، فرضیه‌های پژوهش به این صورت خواهند بود.

- در سبد بهینه مقدار ریسک (WCVaR) و بازدهی بیشتری با شبیه‌سازی مونت کارلو نسبت به برنامه‌ریزی خطی با داده‌های تاریخی برآورد می‌شود.

- بازدهی سبد بهینه با ریسک  $\beta$  نسبت به WCVaR بیشتر خواهد بود.

ساختار این پژوهش به این شکل است که در بخش دوم پیشینه پژوهش داخلی و خارجی ارائه می‌گردد. بخش سوم به مدل پژوهش شامل روش برنامه‌ریزی خطی تحت مدل VaR، CVaR و WCVaR تخصیص داده خواهد شد. در بخش چهارم مدل WCVaR با استفاده از روش برنامه‌ریزی خطی در نرم‌افزار matlab تحت سه معیار مختلف برآورد خواهد شد و سبدهای بهینه مختلف تحت استراتژی تنوع‌سازی انتخاب خواهد شد. در نهایت در بخش آخر نتیجه‌گیری و ارائه پیشنهادها ارائه خواهد شد.

### مبانی نظری و پیشینه پژوهش

سرمایه‌گذاران به هنگام سرمایه‌گذاری در پروژه‌های مختلف به‌طور هم‌زمان ریسک و بازده آن پروژه‌ها را به‌عنوان یکی از عمده‌ترین عوامل در تصمیمات سرمایه‌گذاری مدنظر قرار می‌دهند. باید اذعان نمود که ریسک جز لاینفک بازده است و هنگام تصمیم‌گیری در مورد بازده پروژه‌های مختلف سرمایه‌گذاری می‌بایست به میزان ریسک آن‌ها توجه نمود؛ بنابراین می‌توان نتیجه گرفت که مدیریت ریسک فرآیندی است که در آن مدیران به شناسایی، اندازه‌گیری و تصمیم‌گیری در مورد ریسک و نظارت بر انواع ریسک‌های مطرح برای بنگاه‌های اقتصادی می‌پردازند [۷]. در ادامه به ترتیب برخی از مهم‌ترین معیارهای اندازه‌گیری ریسک بیان می‌شوند. انحراف معیار نشان‌دهنده پراکندگی بازده دارایی یا پرتفولیو است. انحراف معیار مربوط به بازده‌های گذشته را می‌توان از طریق بازده کل برای دوره‌های خاصی محاسبه کرد. مقدار به‌دست‌آمده را می‌توان در ارزیابی ریسک کلی برای دوره خاصی مربوط به گذشته و برآورد ریسک کلی مورد استفاده قرار داد [۲۵].

انتخاب سبد سهام با کمک نیم‌واریانس سعی در حداقل کردن عملکرد بازه‌های پایینی (منفی) سبد دارد و کاری به عملکرد بازه‌های بالای ندارد. البته در انتخاب سبد سهام به کمک نیم‌واریانس نیازی به ماتریس واریانس کواریانس نیست اما باید توزیع بازده سهام را مشخص نمود. در واقع این سنجه ریسک سعی می‌کند مقدار پراکندگی بازده سبد از بازده مورد انتظار را نشان دهد. بنابر نتایج بدست آمده، مارکویتز در مبحث بررسی معیارهای مختلف اندازه‌گیری ریسک، نیم‌واریانس را به‌عنوان اندازه ریسک جدید مطرح نمود. نیم‌واریانس که از مجذورات انحرافات نامطلوب حول میانگین نرخ بازده بدست می‌آید را به‌عنوان سنجه ریسک در نظر گرفته و در مدل بهینه‌سازی قرار داده می‌شود [۲۶].

## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

معیار شارپ، معیاری ترکیبی از عملکرد پرتفولیو ارائه کرده که نسبت پاداش به تغییرپذیری (RVaR) نام دارد و بر مبنای تئوری بازار سرمایه استوار است [۲۵]. ارزش در معرض خطر (VaR)، بیانگر حداکثر زیان مورد انتظار روی سبد دارایی‌ها یا مجموعه سرمایه‌گذاری در طول افق زمانی معین مثل یک روز یا یک ماه و یا یک هفته در شرایط عادی بازار و در سطح اطمینان معین می‌باشد [۴]. به سبب از معیارهای مهم اندازه‌گیری ریسک، ارزش در معرض خطر شرطی (CVaR) است که نشان‌دهنده بدترین زیان ممکن در سطح اطمینان مشخص، برای مقابله با تغییرات پیش روی بازار در طی دوره‌های زمانی بعدی، مشروط بر تغییرپذیری مربوط به پورتفوی موجود و اطلاعات بازار است [۲]. مدل‌های بهینه‌سازی سبد سهام به دنبال انتخاب سبد سهامی هستند که بیش‌ترین بازده و کمترین ریسک را دارد. در ادامه برخی از این مدل‌ها بیان می‌شوند. مدل میانگین-ارزش در معرض خطر بهینه‌سازی، حداکثر کاهش ارزش دارایی در یک افق زمانی معین و با یک احتمال مشخص که ممکن است اتفاق بیفتد و حداکثر بازده انتظاری را ارائه می‌کند [۴].

مدل میانگین-ارزش در معرض خطر شرطی، مدل بهینه‌سازی است که پرتفولیوهایی با حداقل ارزش در معرض خطر شرطی و حداکثر بازدهی انتظاری را ارائه می‌کند [۵]. مدل میانگین نیمه انحراف، مدل برنامه‌ریزی خطی است که با بیشینه‌کردن نیمه انحراف اندازه ریسک به تشکیل سبد سهام می‌پردازد [۱۲]. مدل میانگین-واریانس، الگوی میانگین-واریانس طراحی شده توسط مارکوویتز، میانگین بازده مورد انتظار را نشان می‌دهد و واریانس بیانگر خطرپذیری پرتفوی هست [۱۵].

در زمینه بهینه‌سازی سبد سهام پژوهش‌های گسترده‌ای صورت گرفته است و روش‌های بسیاری برای بهینه‌سازی آن پیشنهاد شده است. در مدل مارکوویتز، ریسک به وسیله واریانس بازده تاریخی اندازه‌گیری می‌شود [۲۳]. مارکوویتز در سال‌های بعد (۱۹۹۱-۱۹۵۹) نیم واریانس را جایگزین واریانس نمود. واریانس هر انحرافی را از بازده مورد انتظار نشان می‌دهد در حالی که نیم واریانس تنها انحراف منفی و پایین را از بارده مورد انتظار نشان می‌دهد از این رو سرمایه‌گذاران نیم واریانس را نسبت به واریانس ترجیح می‌دهند [۲۴]. مفهوم ارزش در معرض خطر (VaR) به عنوان یک الگوی جدید سنجش ریسک، نخستین بار توسط بامول<sup>۳</sup> پیشنهاد شد و از اوایل دهه ۱۹۹۰ به عنوان ابزاری برای اندازه‌گیری ریسک، کاربرد وسیعی یافت. دلیل محبوبیت و نیز عمومیت این روش، سادگی آن در ایجاد شکل آماری خلاصه از زیان‌های بالقوه، طی یک افق زمانی معین بود [۱۶]. کونو و یامازاکی<sup>۴</sup> (۱۹۹۱) از انحراف مطلق به عنوان مقیاس اندازه‌گیری ریسک استفاده و راه‌حلی برای مسئله انتخاب سبد با کمک مدل برنامه‌ریزی

خطی پیشنهاد کردند [۲۱]. راکفلر و یوریاسیو<sup>۵</sup> (۲۰۰۰) سنجه ریسک جدیدتری با نام ارزش در معرض خطر مشروط (CVAR) معرفی کردند [۲۸].

گوه جی و ژانگ<sup>۶</sup> مبتنی بر مفهوم ارزش در معرض خطر (VaR) یک مدل برنامه ریاضی ارائه دادند که با حداقل کردن ارزش در معرض ریسک یک سبد، میزان هر سهم در سبد را مشخص می‌کند [۱۹]. ژو و فوکوشیما<sup>۷</sup> مفهوم بدترین حالت WCVaR را پیشنهاد کردند که با حداقل سازی WCVaR مسائل را به صورت برنامه ریزی خطی و برنامه ریزی مخروطی درجه دو فرمول سازی کردند و با استفاده از اعمال مدل به مسئله مدیریت سبد از طریق آزمایش عددی و با استفاده از داده‌های بازار واقعی نشان دادند که مدل به صورت عملی کارا است [۲۹]. کائورا و فوکوشیما<sup>۸</sup> ارزش در معرض خطر مشروط در بدترین حالت را در مسئله انتخاب سبد بهینه پایدار با ترکیب مدل چند عاملی مورد بررسی قراردادند [۲۰]. لی و خو<sup>۹</sup> پژوهشی در رابطه با بهینه‌سازی پویا در چارچوب مدل میانگین ارزش در معرض خطر شرطی و ارزش در معرض خطر انجام داده‌اند. آن‌ها در این پژوهش مدل‌های مختلف را با یک و دو محدودیت آزمون کردند و با اضافه کردن محدودیت بر بازده مورد انتظار با دیدگاه ارزش در معرض خطر شرطی، به انتخاب سبد سهام بهینه در مجموعه پویا پرداختند [۲۲]. یو و همکاران به مقایسه روش امگا بدترین و روش ارزش در معرض خطر به منظور انتخاب سبد بهینه پرداختند. نتایج نشان داد که روش ارزش معرض خطر سبد بهینه با ریسک کمتر را انتخاب می‌کند [۳۱]. لینگ و همکاران ۱۵ با استفاده از روش برنامه‌ریزی خطی مبنی بر سنجه ریسک WCVaR و یک مجموعه نااطمینانی متقارن با ریسک نزولی، اقدام به انتخاب یک سبد بهینه چند دوره‌ای قوی ۱۶ نمودند [۳۰].

راعی و بیگی بهینه‌سازی سبد سهام را با استفاده از روش حرکت تجمعی ذرات و استفاده از اطلاعات قیمت ۲۰ سهم پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در فاصله زمانی مهر ۱۳۸۵ تا شهریور ۱۳۸۷ پرداختند. ایشان در پژوهش خود نشان داده‌اند که روش حرکت تجمعی ذرات در بهینه‌سازی سبد سهام با وجود محدودیت بازار، موفق عمل می‌کند [۶]. رهنمای رود پستی و همکاران ایشان در پژوهش خود بهینه‌سازی سبد با استفاده از بهینه‌سازی پایدار و تخمین ریسک و بازده سبد و مقایسه ریسک و بازدهی پیش‌بینی شده این مدل با ریسک و بازده پیش‌بینی شده در مدل کلاسیک را مورد مطالعه قراردادند. در پژوهش مذکور، مشخص شد بازده پیش‌بینی شده سبد در مدل پایدار تفاوت معناداری با بازده پیش‌بینی شده در مدل کلاسیک و ریسک پیش‌بینی شده در مدل پایدار با ریسک پیش‌بینی شده در مدل کلاسیک تفاوت معناداری ندارد؛ اما با بررسی بازدهی و ریسک سبدهای تشکیل شده بر اساس وزن ارائه شده توسط هر یک از مدل‌ها، مشخص گردید در بازار ایران بازده واقعی از هر دو روش تفاوت

## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

معناداری با یکدیگر ندارند. این در حالی است که ریسک واقعی سبدهای بهینه شده با روش پایدار کمتر از ریسک سبدهای بهینه شده با روش کلاسیک است [۸]. غلامرضا اسلامی بیدگلی و احسان طیبی نیا در پژوهش خود با عنوان بهینه سازی سبد سرمایه گذاری بر اساس ارزش در معرض ریسک با استفاده از الگوریتم کلونی مورچه ها نشان دادند که الگوریتم ترکیبی مورچگان و ژنتیک در این پژوهش نتایج بهتر از نتایج به دست آمده توسط الگوریتم ژنتیک به تنهایی دارد [۱]. مرضیه بیات، مهدی معدنچی و حسین موسی زاده در پژوهش خود تلاشی برای بررسی مدل انتخاب سبد بهینه با ترکیب بدترین حالت ارزش در معرض خطر مشروط WCVaR و مدل چندعاملی و تخمین ریسک و بازدهی سبد و مقایسه ریسک و بازدهی این مدل با ریسک و بازدهی در مدل CVaR است که با توجه به داده های بازار بورس اوراق بهادار تهران به بررسی ۶۶ سبد در طول ۱۱ سال پرداختند که در بهینه سازی پایدار با ترکیب WCVaR و مدل چند عاملی نسبت به بهینه سازی CVaR عملکرد بهتری را برای سرمایه گذار محقق می سازد [۳]. مجید غیاث (۱۳۹۳) در پژوهش خود مونت- کارلو، مزیت ها و پرسش هایی از قبیل این و چگونگی استفاده از مونت کارلو را برای شبیه سازی فرایندها که سؤال بسیاری از پژوهشگران و دانشجویان است را پاسخ داده اند [۱۳].

### مدل پژوهش

در شروع یک دوره، سرمایه گذار سرمایه خود را به چندین سهم مختلف با وزن غیر منفی یعنی برای هر سهم قسمتی از سرمایه خود را اختصاص می دهد. فرض کنید  $j = 1, 2, \dots, n$  مجموعه هایی از  $n$  سهم برای سرمایه گذار مشخص می کند. نرخ بازده هر سهم  $j \in J$  را با متغیر تصادفی  $R_j$  و میانگین بازدهی را با  $\mu_j = \mathbb{E}\{R_j\}$  نمایش داده می شود. علاوه بر این برای  $j = 1, 2, \dots, n$  بردار متغیرهای تصمیم را یا همان سهم های سبد در نظر گرفته می شود. مجموعه امکان پذیر مجموعه ای است که مجموع وزن های آن یک و امکان فروش استقراضی موجود نباشد [۲۷]. هدف از حل مسائل انتخاب سبد سرمایه گذاری (سبد) آن است که از بین یک مجموعه دارایی های در دسترس، سبد انتخاب شود که علاوه بر کمینه سازی ریسک سبد، یک سطح حداقلی از بازدهی سبد را نیز برای سرمایه گذار برآورده کند. رویکرد حل این گونه مسائل آن است که بیشینه سازی بازده را تنها پارامتر در نظر نگرفته، بلکه تنوع بخشی یک سبد را نیز مدل پایه ای مسئله به منزله ی معیار دیگر سرمایه گذاری مطرح می کند. هدف اصلی این مدل، بیشینه کردن بازده برای سطح مشخصی از ریسک و یا کمینه کردن ریسک به ازای سطح مشخصی از بازده است به طور کلی در بهینه سازی سبد باید این موارد مشخص باشد:

۱- سهامی که باید در سبد نگهداری شود.

۲- وزن سهم‌های داخل سبد (نسبت بودجه‌ی تخصیصی بین سهام تعیین شده).

۳- بازدهی و ریسک حاصل از سرمایه‌گذاری چگونه است.

سبد بهینه به انتخاب بهترین ترکیب دارایی‌ها که متضمن کسب بیشترین بازدهی در یک سطح مشخص ریسک یا تحمل کمترین ریسک در یک سطح مشخص از بازدهی باشد گویند [۲۳].

یکی از مسائل اصلی سرمایه‌گذاران در بورس اوراق بهادار، تخصیص سرمایه به سهام شرکت‌ها است و انتخاب سبدهای از سهام است که از لحاظ دو هدف متضاد سودآوری و مخاطره بهینه باشد. به منظور ایجاد چنین سبدهای سهامی، روش‌های متنوعی ارائه شده است اما مارکویتز اولین کسی بود که مفهوم سبد و کاربرد آن در مدیریت ریسک را به طور رسمی بیان کرد و پدیده تنوع‌بخشی را توضیح داد. او در یک غالب علمی نشان داد که چگونه می‌توان ریسک کاهش ارزش یک دارایی را با نگهداری دارایی‌های دیگر کاهش داد و بدین ترتیب با سرمایه‌گذاری در چند دارایی مختلف و تشکیل سبد دارایی، اقدام به مدیریت ریسک سرمایه‌گذاری‌ها نمود. این مسئله منطق اصلی تلاش‌هایی است که برای یافتن سبدهای بهینه صورت می‌گیرد راه عمده‌ی کنترل و مدیریت ریسک این است که سبدهای از دارایی‌ها را تشکیل شود اما با تعداد مشخصی از دارایی‌ها می‌توان بی‌نهایت سبد تشکیل داد.

### روش مونت-کارلو

روش مونت-کارلو یک الگوریتم محاسباتی است که از نمونه‌گیری تصادفی برای محاسبه نتایج استفاده می‌کند. روش مونت کارلو معمولاً برای شبیه‌سازی دستگاه‌های فیزیکی، ریاضیاتی و اقتصادی استفاده می‌شوند. در این روش فرض نرمال بودن بازده دارایی‌ها الزامی نیست. همچنین تغییرات آتی به وسیله‌ی فرآیندهای تصادفی شبیه‌سازی شده توسط کامپیوتر انجام می‌شود.

ویژگی اصلی این روش در این است که زمان نقش تعیین‌کننده‌ای در آن ندارد و از اعداد تصادفی برای حل مسائل پیچیده استفاده می‌شود. از این روش می‌توان برای بهینه‌سازی سبد نیز بهره گرفت. اساس بهینه‌سازی سبد به روش مونت کارلو بر روی معیار آلفا استوار است. مزیت این معیار در این است که به صورت هم‌زمان بتای سبد را که معیار اندازه‌گیری ریسک سیستماتیک است، برآورد می‌کند. آلفا یک معیار بازدهی است و هدف روش مونت کارلو به حداکثر رساندن آن است. این معیار به صورت زیر تعریف می‌شود [۱۸].

$$\alpha = rp - (rf + \beta p(rm - rf)) \quad (1)$$

که در آن  $rp$  بازدهی مورد انتظار سبد،  $rf$  ریسک خنثی،  $rm$  ریسک بازار،  $\beta p$  بتای سبد است



## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

### ارزش در معرض خطر<sup>۱۰</sup>

فرض کنید  $\alpha$  اسکالری از بازه  $(0,1)$  باشد برای متغیر تصادفی  $X$  ارزش در معرض خطر  $\text{VaR}_{1-\alpha}(X)$  از  $X$  به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\text{VaR}_{1-\alpha}(X) = -\inf\{x \in \mathbb{R}; \mathbb{P}(X \leq x) > \alpha\} \quad (2)$$

$\text{VaR}$  بیانگر حداکثر زیان مورد انتظار سبد دارایی‌ها در طول افق زمانی معین و در سطح اطمینان معین است [۲۷].

### ارزش در معرض خطر شرطی<sup>۱۱</sup>

فرض کنید  $Y$  یک متغیر تصادفی باشد و  $\alpha \in (0,1)$  آنگاه ارزش در معرض خطر شرطی که به صورت  $\text{CVaR}_{1-\alpha}(Y)$  نمایش داده می‌شود به صورت زیر تعریف می‌شود [۲۷].

$$\text{CVaR}_{1-\alpha}(Y) = \frac{1}{\alpha} \int_0^\alpha \text{VaR}_{1-\alpha}(Y(t)) dt. \quad (3)$$

درعین حال که مزیت‌های  $\text{VaR}$  را دارد از معایب آن بر حذر است و روش جدیدی برای اندازه‌گیری و احتمالی موجود در بازار سرمایه است. بیشترین زیان مورد انتظار را در افق زمانی مشخص در سطح اطمینان معین اندازه‌گیری می‌نماید و زیان مورد انتظاری برابر و یا بالاتر از  $\text{VaR}$  در سطح اطمینان مشخص برآورد می‌کند [۱۱].

### مدل ارزش در معرض خطر شرطی وزنی<sup>۱۲</sup>

به پیروی مدل مسئله بهینه‌سازی سبد مارکوویتز به‌عنوان یک مدل بهینه‌سازی دوتایی میانگین ریسک که در آن میانگین  $\mu(x)$  حداکثر و اندازه‌گیری ریسک  $q_x$  حداقل است. در مدل اصلی مارکوویتز از انحراف استاندارد  $\sigma(x) = \left[ E \left\{ (R_x - \mu(x))^2 \right\} \right]^{\frac{1}{2}}$  برای اندازه‌گیری ریسک استفاده می‌شود بعدها چندین معیار برای اندازه‌گیری ریسک در خانواده مدل میانگین-ریسک مشاهده شده است. این مقدار برای سبدهای ریسکی مثبت و برای سبدهای ریسک خنثی مقدارش صفر می‌شود. هر اندازه ریسک  $q(x)$  را متناظر با اندازه اطمینان  $\mu_\rho(x) = \mu(x) - q(x)$  و بلعکس می‌توان تعریف کرد اندازه ریسک ایمن  $q(x)$  تابعی محدب از  $x$  و متناظر با اندازه اطمینان مقعر  $\mu_\rho(x)$  است اندازه اطمینان رابطه‌ای ریسکی است که اگر میزان بازده مورد انتظار دو سبد برابر باشد در این صورت سبد ریسکی ارزشی کمتر از سبد ریسک خنثی دارد [۲۷].

$$\max\{\mu(x), \mu_\rho(x) : x \in \rho\} \quad (4)$$

بنابراین برای بهینه‌سازی (۴) و مدل دوتایی میانگین - ریسک ایمن ترجیحاً بر مدل کلاسیک میانگین ریسک متمرکز می‌شویم روش معمول پذیرفته شده برای پیاده‌سازی مدل مارکویتز میانگین-ریسکی بر استفاده از یک محدودیت پایین مشخص  $\mu_0$  در بازده مورد انتظار درحالی که حداقل معیار ریسک را در برمی‌گیرد از رویکرد محدود برای حداکثر سازی اندازه اطمینان استفاده می‌شود [۲۷].

$$\max\{\mu_\rho(x) : x \in \rho, \mu(x) \geq \mu_0\} \quad (۵)$$

CVaR اندازه ریسک را در بازه  $0 < \beta < 1$  محاسبه می‌کند و مفهوم ریسک را در بخش‌های انتهایی و در نقاط بحرانی نمایش می‌دهد. اندازه CVaR چندگانه را می‌توان به‌عنوان معیار ریسک ایمن در نظر گرفت و در چندین محدوده، به‌ویژه در  $m$  سطح،  $0 < \beta_1 < \beta_2 < \beta_3 < \dots < \beta_m \leq 1$  در نظر می‌گیریم و با استفاده از اندازه CVaR مشابه،  $M_{\beta_k}(x)$  یک سبد چند معیار درست می‌شود [۲۷].

$$\max\{[M_{\beta_1}(x), M_{\beta_2}(x), \dots, M_{\beta_m}(x)] : x \in \rho\} \quad (۶)$$

در  $\beta$  سطح اطمینان  $0 < \beta_1 < \beta_2 < \beta_3 < \dots < \beta_m \leq 1$  در نظر گرفته می‌شود که  $M_{\beta_k}(X)$  مشخصه CVaR نسبت به  $\beta_k$  است. وزن‌دهی ساده‌ترین فن در بهینه‌سازی معیارهای چندگانه است. اندازه CVaR چندگانه وزنی با  $\beta_0 = 0$  و  $\beta_{m+1} = 1$  که با ترکیب  $\mu(X)$  و  $M_{\beta_k}(X)$  با وزن‌های مثبت به‌صورت زیر معرفی می‌شود [۲۷].

$$M_w^{(m)}(X) = w_0 \mu(X) + \sum_{k=1}^m w_k M_{\beta_k}(X),$$

$$\sum_{k=1}^m w_k = 1, w_0 \geq 0, w_k > 0 \quad k = 1, \quad (۷)$$

اندازه WCVaR اندازه‌ای ایمن و مشابه اندازه ریسک تولیدشده با مجموع وزنی که به‌وسیله اندازه  $\Delta_{\beta_k}(x)$  تولید می‌شود نمایش داده می‌شود.

$$\Delta_\beta(x) = \mu(x) - M_\beta(x) \quad (۸)$$

$$\Delta_w^{(m)}(X) = \mu(X) - M_w^{(m)}(X) = \sum_{k=1}^m w_k \Delta_{\beta_k}(X)$$

$$\sum_{k=1}^m w_k \leq 1, w_0 \geq 0, w_k > 0 \quad k = 1, \dots, m \quad (۹)$$

مشابه فرمول میانگین-ایمن در رابطه (۴)، برای ارزش در معرض خطر شرطی وزن‌دار به‌صورت زیر نمایش داده می‌شود [۲۷].

$$\max\{[\mu(X), M_w^{(m)}(X), ] : X \in \rho\} = \max\{[\mu(X), \mu(X) - \Delta_w^{(m)}(X) : X \in \rho]\}$$

### استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

این مدل حاوی یک سری محدودیت‌ها درون سبد و برای تعریف سبدهای شدنی، تعمیم و بازدهی مورد انتظار سبد از رابطه زیر پیروی می‌کند.

$$X \in \rho, \quad Z \geq \mu_0, \quad \sum_{j=1}^n \mu_j x_j = Z, \quad \sum_{j=1}^n r_{jt} x_j = y_t, \quad t = 1, \dots, T \quad (10)$$

$Z$  متغیری بیکران است که برای نمایش بازدهی سبد  $X$  مورد استفاده قرار می‌گیرد؛  $y_t$  متغیری که بازدهی سبد  $X$  را تحت سناریو  $t$  ارائه می‌دهد [۲۷]. با استفاده از استانداردسازی مدل و شرایط (۷) به مسئله LP بهینه‌سازی زیر تبدیل می‌شود [۱۷].

$$\begin{aligned} \max \quad & w_0 Z + \sum_{k=1}^m w_k q_k - \sum_{k=1}^m \frac{w_k}{\beta_k} \sum_{t=1}^T P_t d_{tk} \\ \text{s.t.} \quad & d_{tk} - q_k + y_t \geq 0, \quad d_{tk} \geq 0, \quad t = 1, \dots, T; \quad (11) \end{aligned}$$

#### پس آزمایی مدل

بعد از ایجاد مدل و قبل از اینکه در عمل مورد استفاده قرار گیرد، اعتبار آن باید به دقت بررسی شود. پیش آزمایی فرآیندی است که عملکرد روش محاسبه ریسک را مورد ارزیابی قرار می‌دهد. در این پژوهش، برای سنجش اعتبار VaR، از آزمون‌های کوپیک<sup>۱۳</sup> و کریستوفرسن<sup>۱۴</sup> استفاده می‌شود که در ذیل به توضیح آن‌ها می‌پردازیم.

#### آزمون کوپیک

پیش از محاسبه ارزش در معرض ریسک ضروری است تا آزمون راست آزمایی و اطمینان برای این که آیا مدل VaR به کار گرفته شده به میزان کافی ریسک واقعی حدی را نشان می‌دهد یا خیر، انجام می‌شود. برای این منظور، معمولاً آزمون اطمینان که توسط کوپیک (۱۹۹۵) معرفی شده، به کار گرفته می‌شود. برای انجام آزمون کوپیک از آماره نسبت راست‌نمایی  $LR_{POF}$  استفاده می‌شود که دارای توزیع کای دو است. فرمول این آزمون به صورت رابطه زیر است.

$$LR_{POF} = 2 \ln \left( \frac{V^f (1-V)^{T-f}}{\alpha^f (1-\alpha)^{T-f}} \right) \quad (12)$$

در رابطه فوق،  $f$  بیانگر تعداد شکست‌ها یا تعداد دفعاتی است که زیان واقعی از زیان برآورد شده توسط VaR بزرگ‌تر است.  $T$  نیز بیان‌گر پیش‌بینی‌های انجام شده توسط مدل VaR،  $V$  نسبت شکست و  $\alpha$  سطح خطا یا معنی‌داری است. پس از محاسبه مقدار آماره نسبت راست‌نمایی، مقدار آماره آزمون با مقدار بحرانی مقایسه شده و در صورتی که مقدار آماره LR بزرگ‌تر از مقدار بحرانی باشد، فرضیه صفر

مبنی بر مناسب بودن مدل VaR در سطح معناداری موردنظر تأیید شده و در نتیجه نتایج مدل قابل استناد و مناسب است [۹].

### آزمون کریستوفرسن

این آزمون شناخته شده ترین آزمون پوشش شرطی است که توسط کریستوفرسن ارائه شده است. آزمون کریستوفرسن علاوه بر نرخ صحیح پوشش، احتمال وابستگی یک استثنا در یک روز بر بازده روز گذشته را نیز مورد بررسی قرار می دهد. آزمون کریستوفرسن استقلال شکست ها و پیروزی ها را از یکدیگر نشان می دهد، به عبارتی نشان می دهد که شکست ها و پیروزی ها ارتباطی با یکدیگر دارند و یا ندارند. آماره مربوطه این آزمون برای استقلال استثنائات نسبت درست نمایی است که به صورت رابطه زیر محاسبه می شود [۹].

$$LR_{ind} = 2 \ln \left[ \frac{(1-\hat{\pi}_{01})^{T_{00}} \hat{\pi}_{01}^{T_{01}} (1-\hat{\pi}_{11})^{T_{01}} \hat{\pi}_{11}^{T_{11}}}{\hat{\alpha}^{T_1} (1-\alpha)^{T_0}} \right] \sim \chi^2 \quad (13)$$

$\hat{\pi}_{ij}$  احتمال رخداد حالت  $j$  مشروط بر رخداد حالت  $i$  و  $T_{ij}$  تعداد مشاهداتی است که در آن حالت  $j$  بعد از حالت  $i$  رخ می دهد.

اگر آماره محاسبه شده توسط این آزمون از آماره مقدار بحرانی کای دو در سطح اطمینان مورد نظر کمتر باشد، نشان دهنده این موضوع است که شکست ها و پیروزی ها از یکدیگر مستقل می باشند. حالت ترکیب این آماره استقلال با آزمون کوپیک  $LR_{POF}$  می توان آزمون توامی را به دست آورد که هر دو ویژگی یک مدل ارزش در معرض ریسک خوب - رخ شکست صحیح و استقلال استثنائات یا پوشش شرطی را مورد بررسی قرار می دهد. این آزمون توأم را می توان به صورت رابطه زیر بیان نمود.

$$LR_{CC} = LR_{ind} + LR_{POF} \quad (14)$$

### یافته های پژوهش

در این پژوهش جهت گزینش بهترین سبد یا بهینه سازی سبد، بر اساس اطلاعات واقعی بازار سهام و از ۱۰ شرکت پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران در صنایع مختلف (سبد متنوع) در دوره ۱۳۸۷ تا ۱۳۹۷ انجام می گیرد. با استفاده از فرض های موجود در معادله (۱۱) و با استفاده از قیود موجود در رابطه (۱۰) و اینکه  $m$  سطح خطای نوع اول  $1 \geq \beta_m > \beta_3 > \beta_2 > \beta_1 > 0$  در نظر گرفته شده است و  $M_{\beta_k}(X)$  مشخصه CVaR نسبت به  $\beta_k$  است، مدل WCVar در سطح خطای نوع اول  $(\alpha = 0.1)$  و روش برنامه ریزی خطی با استفاده از نرم افزار matlab با استفاده از قیمت بسته شدن سهم در لحظه  $t$ ، در جدول ۴ برآورد شد. میانگین قیمت بسته شدن، بازده مورد انتظار و واریانس در جدول ۱

### استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

محاسبه شده است. همچنین ماتریس همبستگی میان سهام شرکتها در جدول ۲ ارائه شده است.

جدول ۱: قیمت در لحظه  $t$ ، واریانس  $\sigma_i^2$  و بازده مورد انتظار

سهام (i)	قیمت $P_{it}$	بازده مورد انتظار $r_i$	واریانس $\sigma_i^2$
سدرو ۱	۱۶۶۸	۰,۱۵۰	۱۸,۸۰۷
پسهند ۱	۳۴۱۸	۰,۲۱۵	۱۲,۰۹۰
شبهرن ۱	۱۷۷۰۷	۰,۲۴۷	۵,۴۴۷
فخاس ۱	۹۰۴۶	۰,۱۸۱	۴,۵۳۲
لیوتان ۱	۸۵۵۸	۰,۲۶۹	۱۵,۱۴۱
فملی ۱	۴۴۱۹	۰,۱۶۹	۴,۰۰۷
ومعادن ۱	۳۷۹۵	۰,۱۸۶	۴,۸۵۷
دلر ۱	۶۸۵۹	۰,۱۶۳	۶,۱۴۳
دعبید ۱	۳۴۲۹۷	۰,۳۰۴	۶,۳۸۵
خسپا ۱	۱۳۶۷	۰,۱۵۰	۱۲,۴۲۵

منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹

جدول ۲: ماتریس همبستگی بین سهام شرکتها

R	۱	۲	۳	۴	۵	۶	۷	۸	۹	۱۰
۱	۱									
۲	-۰,۰۰۵	۱								
۳	۰,۰۱۸	۰,۰۵۵	۱							
۴	۰,۰۱۹	-۰,۰۰۸	۰,۰۷۴	۱						
۵	۰,۰۱۴	-۰,۰۴۱	-۰,۰۱۳	-۰,۰۳۰	۱					
۶	۰,۰۱۶	۰,۰۰۳	۰,۰۰۸	۰,۰۰	-۰,۰۲۲	۱				
۷	۰,۰۰۹	۰,۰۱۲	-۰,۰۱۶	-۰,۰۰۷	-۰,۰۰۲	-۰,۰۱۵	۱			
۸	-۰,۰۲۸	۰,۰۳۶	-۰,۰۲۳	-۰,۰۲۹	۰,۰۰۱	۰,۰۱۹	۰,۰۲۲	۱		
۹	۰,۰۱۴	۰,۰۵۱	۰,۰۱۴	۰,۰۳۷	-۰,۰۲۳	-۰,۰۱۹	-۰,۰۲۲	۰,۰۰۶	۱	
۱۰	۰,۰۴۱	-۰,۰۱۵	۰,۰۵۰	۰,۰۲۷	-۰,۰۲۹	۰,۰۳۶	۰,۰۰۲	۰,۰۳۱	-۰,۰۳۷	۱

منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹

نتایج جدول ۲ نشان می‌دهد که سبد انتخاب شده از تنوع مناسبی برخوردار است به طوری که در

## فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و پنجم / زمستان ۱۳۹۹

همبستگی‌های دوبه‌دو ۳۷ درصد سهام سبد با یکدیگر همبستگی منفی و ۶۳ درصد همبستگی مثبت دارند.

### مانایی متغیرها

به منظور اطمینان از عدم رگرسیون کاذب که منجر به عدم تورش و سازگاری ضرایب برآورد شده می‌گردد، نیاز به آزمون عدم ریشه واحد و مانایی متغیرها است. البته به این دلیل که در این پژوهش از داده‌های روزانه استفاده می‌گردد و همچنین بازده قیمت‌های روزانه در مدل وارد شده است، به طوری که بازدهی به لحاظ ریاضی رشد قیمت پایانی محسوب می‌گردد، متغیرها حتماً پایا (مانا یا ایستا) خواهند بود. اما به منظور در نظر گرفتن شکست ساختاری در دوره ۱۳۸۷-۱۳۹۷ از آزمون فلیپس- پرون استفاده شد. زیرا در این دوره ۱۱ ساله اتفاقات مختلفی مانند حجم مینا، بازار پایه و تغییر گسترده قوانین مختلف وجود داشته است که ممکن است منجر به شکست ساختاری گردد. آزمون مانایی فلیپس- پرون در ارزیابی مانایی متغیرها فرض شکست ساختاری را نیز در نظر می‌گردد.

### جدول ۳- آزمون مانایی ان جی- پرون

مانایی	احتمال آزمون	آماره در سطح ۰/۱۰	آماره در سطح ۰/۰۵	آماره در سطح ۰/۰۱	آماره فلیپس- پرون	متغیر
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۳۸/۱۲۲	سدرو ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۳۸/۰۰۶	پسهند ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۳/۱۲۸	-۳/۴۱۲	-۳/۹۶۳	-۱۷/۱۷۹	شبه‌رن ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۴۰/۶۷۰	فخاس ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۳	-۳/۴۳۴	-۳۴/۴۹۲	لبوتان ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۳۷/۵۹۱	فملی ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۳۴/۷۰۱	ومعادن ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۳	-۳/۴۳۴	-۳۲/۵۸۳	دلر ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۳/۱۲۸	-۳/۴۱۲	-۳/۹۶۳	-۳۴/۷۲۰	دعبید ۱
$I(0)$	۰/۰۰۰	-۲/۵۶۷	-۲/۸۶۲	-۳/۴۳۳	-۲۹/۰۹۱	خساپا ۱

منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹

نتایج آزمون مانایی فلیپس- پرون در جدول ۳ نشان می‌دهد که متغیرهای مورد استفاده در پژوهش در سطح مانا هستند و نیاز به آزمون هم‌انباشتگی وجود ندارد. به این ترتیب در ادامه با برآورد مدل WCVaR با روش برنامه‌ریزی خطی، استراتژی تنوع سازی تحت معیارهای مختلف ارزش سبد- ریسک و بازدهی مورد انتظار- ریسک با شبیه‌سازی ۴۴ سبد وزنی مختلف مورد آزمون قرار خواهد گرفت.



فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و پنجم / زمستان ۱۳۹۹

۱۴	]۰۰ . . . . .,۱ . . .,۴ .,۵[	۳۱۰۵۸	۰,۱۷۹	۴۷۶۲	
۱۵	]۰ . . . .,۳ . . . . .,۵ .,۲[	۳۱۸۱۱	۰,۱۹۴	۴۲۸۰	
۱۶	]۰,۵ . . . .,۴ . . .,۱ . . . .[	۳۳۵۵۷	۰,۱۶۰	۲۴۴۸	***
۱۷	]۰ . . .,۱ . . . . .,۱ . . .,۴ .,۴[	۳۶۲۴۹	۰,۱۸۱	۴۳۷۱	
۱۸	]۰,۱ . . . . .,۱ .,۴ .,۴[	۳۹۴۱۸	۰,۱۸۶	۵۰۹۷	
۱۹	]۰ . . . . .,۱ .,۵ .,۴[	۴۱۴۶۹	۰,۱۹۲	۵۶۱۶	
۲۰	]۰,۱ . . . .,۱ . . . . .,۱ .,۶ .,۱[	۴۵۰۴۵	۰,۲۰۳	۵۹۹۶	
۲۱	]۰ . . . . .,۱ .,۱ .,۳ .,۵[	۴۵۳۴۷	۰,۱۸۳	۴۸۶۰	
۲۲	]۰,۱ . . .,۱ . . . . .,۱ .,۵ .,۲[	۴۶۳۵۹	۰,۱۹۴	۴۸۱۲	
۲۳	]۰,۱ . . .,۱ . . .,۱ .,۱ .,۱ .,۲ .,۳[	۵۲۳۱۳	۰,۱۹۲	۴۵۴۰	
۲۴	]۰ . . . .,۱ . . .,۱ .,۱ .,۱ .,۳ .,۳[	۵۴۳۶۴	۰,۱۹۸	۴۷۷۰	
۲۵	]۰ . . .,۱ .,۶ .,۱ . . .,۱ .,۱ .[	۵۵۱۷۳	۰,۱۹۱	۳۴۹۸	***
۲۶	]۰ . . . .,۲ . . .,۲ .,۱ .,۱ .,۱ .,۴[	۵۸۱۳۱	۰,۱۹۴	۶۲۵۱	
۲۷	]۰ . . . .,۱ . . . . .,۲ .,۵ .,۲[	۵۹۶۳۵	۰,۲۰۶	۶۰۱۷	
۲۸	]۰,۱ . . . . .,۴ .,۴ .,۱ . . . .[	۶۲۳۲۱	۰,۲۰۸	۱۰۷۷۰	
۲۹	]۰,۲ .,۱ .,۱ . . . . .,۵ .,۱[	۶۲۶۴۸	۰,۱۹۹	۶۴۴۲	
۳۰	]۰ . . . . .,۱ .,۲ .,۵ .,۲[	۶۴۸۸۶	۰,۲۰۵	۶۴۶۰	
۳۱	]۰,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ . . . . .,۵ .,۱[	۶۵۰۷۶	۰,۲۰۳	۶۳۳۷	
۳۲	]۰,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ . . . . .,۵ .,۱[	۶۷۸۲۷	۰,۲۰۵	۶۱۵۹	
۳۳	]۰ . . . . .,۳ .,۳ .,۴[	۷۰۰۴۷	۰,۱۹۹	۶۷۶۰	
۳۴	]۰ . . .,۴ . . .,۴ . . .,۱ . . . .,۱[	۷۱۸۶۵	۰,۱۷۵	۴۵۵۱	*
۳۵	]۰,۱ . . . .,۴ . . .,۱ .,۱ .,۲ .,۱ .,۱ .[	۷۲۹۸۳	۰,۲۰۶	۵۴۲۵	**
۳۶	]۰,۱ .,۱ .,۱ . . . . .,۱ .,۵ .,۱[	۷۸۹۸۸	۰,۲۰۹	۶۹۸۶	
۳۷	]۰,۱ .,۱ .,۲ .,۴ . . .,۱ .,۱ . . . .[	۸۲۱۶۶	۰,۱۹۸	۵۹۷۳	
۳۸	]۰,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۲ .,۱ . . .,۱ .,۱ .,۱ .[	۸۶۵۰۷	۰,۲۰۲	۵۵۷۱	
۳۹	]۰,۲ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .[	۸۸۰۸۲	۰,۲۰۲	۵۸۵۶	
۴۰	]۰ .,۱ .,۱ .,۱ . . .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۱ .,۳[	۸۸۶۸۴	۰,۲۰۲	۶۱۶۰	



استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

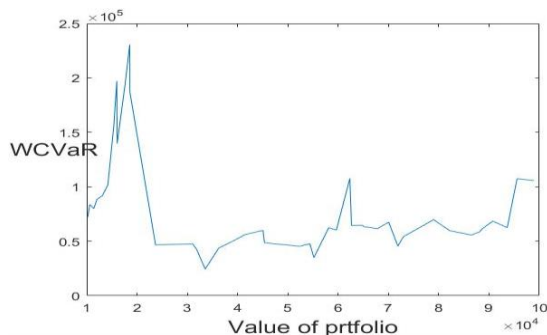
۴۱	[۰,۰۰,۱۰۰,۳۰,۲۰,۲۰,۲۰۰]	۹۰۷۳۸	۰,۲۰۶	۶۸۴۹	
۴۲	[۰,۰,۱۰۰,۱۰,۱۰,۱۰,۲۰,۱۰,۱۰,۲]	۹۳۶۲۲	۰,۲۰۵	۵۱۶۲	
۴۳	[۰,۱۰,۲۰,۱۰۰۰۰۰۰,۵۰,۱]	۹۵۵۷۸	۰,۲۱۵	۱۰۷۴۳	
۴۴	[۰,۰۰,۱۰۰,۳۰,۳۰,۳۰۰]	۹۸۹۱۱	۰,۲۲۲	۱۰۵۸۲	

منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹

سبد بهینه بر اساس معیار ارزش سبد\*، بازدهی\*\* و هر دو معیار\*\*\* مشخص شده است. سبد شماره ۱۶ با تنوع سازی [۰,۰۰,۱۰۰,۴۰۰,۰۰,۵] و سبد شماره ۲۵ با تنوع سازی [۰,۰,۱۰۰,۱۰,۱۰,۱۰,۲۰,۱۰,۱۰,۲] بر اساس هر دو معیار ارزش سبد و بازده مورد انتظار با استفاده از روش برنامه‌ریزی خطی با معیار ریسک WCVaR به‌عنوان سبد بهینه برآورد شدند. یعنی بهینه‌ترین سبد وزنی با توجه به معیار ارزش سبد نسبت به کمترین ریسک و به‌طور هم‌زمان بهینه‌ترین سبد با توجه به معیار بازدهی مورد انتظار نسبت به کمترین ریسک یا به‌بیان‌دیگر بهینه‌سازی سبد بر اساس دو عامل هم‌زمان بازدهی-ریسک و ارزش سبد-ریسک توسط وزن‌های شماره ۱۶ و ۲۵ تأمین خواهند نمود.

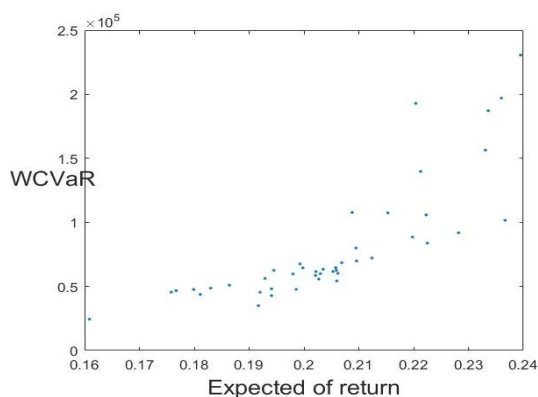
بهینه‌سازی سبد بر اساس ارزش سبد-ریسک سبدهای متفاوت از بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از بازدهی-ریسک است. نتایج برآورد مدل با استفاده از روش برنامه‌ریزی خطی و مدل WCVaR مبتنی بر معیار بازدهی-ریسک نشان می‌دهد که سبد وزنی شماره ۶ با تنوع سازی [۰,۱۰,۱۰,۱۰,۱۰,۲۰,۰,۲۰,۱۰,۱۰,۴۰,۱] و سبد وزنی شماره ۳۵ با وزن [۰,۰۰,۴۰,۱] سبدهای بهینه در بین ۴۴ سبد وزنی مختلف مشتمل بر ۱۰ سهام متفاوت هستند.

بهینه‌سازی بر اساس معیار بازدهی مورد انتظار-ریسک نیز از دو روش قبلی بسیار متفاوت بود. به‌طوری‌که نتایج برآورد مدل با استفاده از روش برنامه‌ریزی خطی و مدل WCVaR مبتنی بر معیار ارزش-ریسک نشان می‌دهد که سبد وزنی شماره ۳۴ با تنوع سازی [۰,۰۰,۱۰,۱۰,۰,۴۰,۰,۴۰,۰,۰] به‌عنوان سبد بهینه انتخاب می‌گردد.



شکل ۱: ارزش سبد سرمایه‌گذاری نسبت به ریسک (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

نتایج نشان می‌دهد که تغییر معیار بهینه‌سازی منجر به تغییر وزن سهام سبد و تغییر استراتژی تنوع سازی در سبد سهام خواهد شد. در بهینه‌سازی تحت معیار ارزش سبد-ریسک، روش برنامه‌ریزی خطی سبد وزنی شماره ۳۴، سبد بهینه وزنی تحت معیار WCVaR انتخاب می‌شود. در بهینه‌سازی تحت معیار بازدهی مورد انتظار-ریسک، روش برنامه‌ریزی خطی سبد وزنی شماره ۶ و شماره ۳۵ را با تنوع سازی ۶۰ درصدی تحت WCVaR انتخاب می‌نماید. در نهایت در بهینه‌سازی تحت معیارهای ارزش سبد-ریسک و بازدهی مورد انتظار-ریسک، روش برنامه‌ریزی خطی سبد وزنی شماره ۱۶ با تنوع سازی ۴۰ درصدی و سبد وزنی شماره ۲۵ را با تنوع سازی ۵۰ درصدی تحت WCVaR انتخاب می‌نماید. به این ترتیب استفاده از معیارهای مختلف به منظور بهینه‌سازی سبد بهینه سهام منجر به تغییر وزن سهام سبد خواهد شد. به این ترتیب بهینه‌ترین سبد سهام الزاماً متنوع‌ترین سبد سهام نیست و فرض تنوع سازی به منظور انتخاب سبد بهینه پذیرفته نمی‌شود.



شکل ۲: بازده نسبت به ریسک (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

### استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

با استفاده از اطلاعات سهام شرکت‌ها، نمودارهای شکل ۱ و ۲ به ترتیب بر اساس ارزش سبد نسبت به ریسک WCVaR و بازده مورد انتظار نسبت به ریسک رسم شده‌اند که شکل ۱ نشان‌دهنده بهترین ارزش سبد با کمترین میزان ریسک است. ارزش سبد در ابتدای دوره میزان ریسک بالایی و در طول دوره با نوساناتی همراه بوده اما با افزایش تدریجی ارزش سبد ریسک سبد با شیب تقریباً تندی کاهش یافته و در بالاترین مقادیر از ارزش سبد، ریسک به ثبات رسیده است. شکل ۲ میزان بازدهی مورد انتظار را با کمترین ریسک نشان می‌دهد. بازدهی بین بازه ۰/۱۹ تا ۰/۲۱، بازه‌هایی که بیشترین میزان تمرکز را دارد که بازدهی بالایی با کمترین میزان ریسک WCVaR مقدار ۰/۵ است. برای بهینه‌سازی به روش مونت-کارلو از مقدار شاخص سهام از سال ۱۳۸۷-۱۳۹۷ استفاده شده است. سپس مقدار بتای هر سهم از رابطه زیر به دست آمده است:

$$\beta_i = \text{COV}_{i,M} / \text{VAR}(\text{RM}) \quad (15)$$

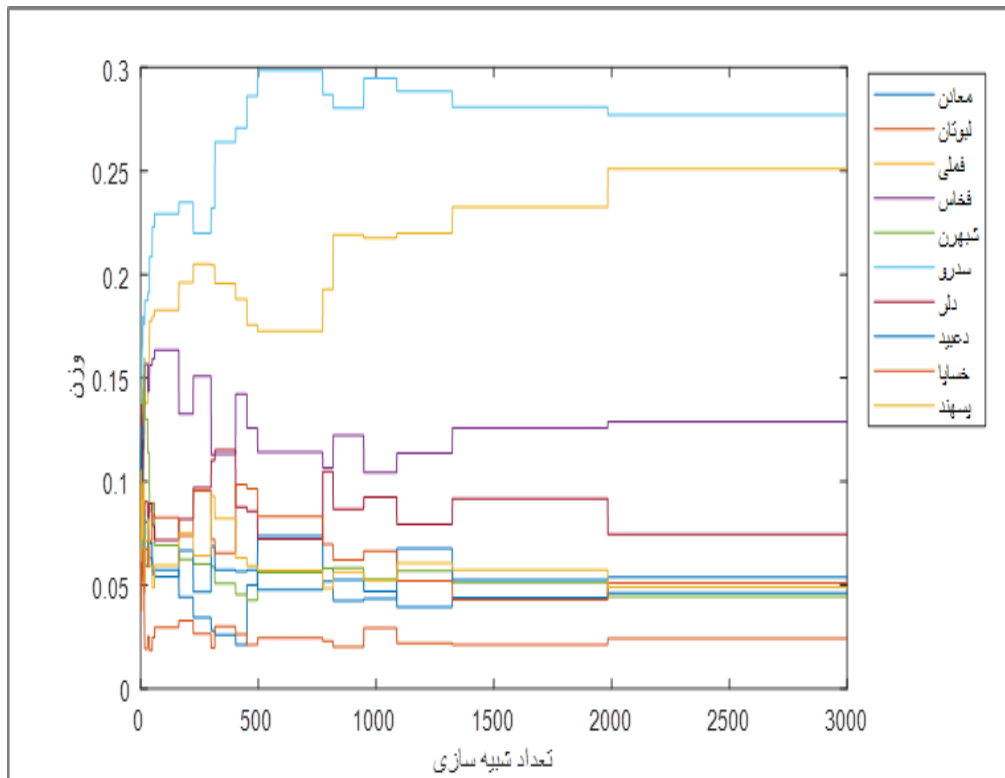
با استفاده از مقدار قیمت و شاخص سهم با ۳۰۰۰ بار تکرار، WCVaR و وزن هر سهم را با استفاده از ۳۰۰۰ شبیه‌سازی مونت کارلو محاسبه و نتایج آن در جدول ۵ آورده شده است. با استفاده از مقدار قیمت و شاخص سهم با ۳۰۰۰ بار تکرار، بتا و وزن هر سهم را با استفاده از ۳۰۰۰ شبیه‌سازی مونت کارلو محاسبه و نتایج آن در جدول ۴ آورده شده است.

جدول ۵: بازده-ریسک WCVaR و  $\beta$  با ۳۰۰۰ شبیه‌سازی مونت کارلو (منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹)

مقدار ریسک $\beta$	وزن بر اساس $\beta$	مقدار ریسک WCVaR	وزن بر اساس WCVaR	بازده مورد انتظار	
۸۸۱,۶۸۶	۰,۲۷۶	۵۶۶۵	۰,۱۹۵	۰,۳۵۶	سدرو ۱
۲۰۵,۴۰۰	۰,۰۴۸	۰	۰	۰,۱۱۲	پسهند ۱
۲۷۳,۷۲۴	۰,۰۴۴	۰	۰	۰,۱۹۵	شبه‌رن ۱
۴۹۴,۹۹۷	۰,۱۲۸	۲۹۶۰	۰,۱۲۱	۰,۲۲۶	فخاس ۱
۹۸,۸۹۹	۰,۰۲۴	۰	۰	۰,۱۰۹	لبوتان ۱
۷۹۴,۶۴۱	۰,۲۵۰	۵۴۱۵	۰,۱۶۰	۰,۳۵۲	فملی ۱
۲۶۳,۷۸۱	۰,۰۴۶	۰	۰	۰,۱۶۸	و معادن ۱
۳۸۶,۳۳۶	۰,۰۷۴	۲۴۲۹	۰,۲۰۲	۰,۲۱۹	دلر ۱
۲۵۶,۲۰۴	۰,۰۵۳	۲۸۸۷	۰,۳۱۹	۰,۲۳۳	دعبید ۱
۲۳۵,۵۹۱	۰,۰۵۰	۰	۰	۰,۱۳۵	خساپا ۱
-	-	۳۷۴۰	-	۰,۲۷۰	سبد بر اساس وزن WCVaR
۵۹۵,۷۲۳	-	-	-	۰,۲۷۴	سبد بر اساس وزن $\beta$

## فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و پنجم / زمستان ۱۳۹۹

بازدهی سبد در روش مونت کارلو با معیار ریسک بتا بهتر از بازدهی سبد نسبت به معیار ریسک WCVar است. در شکل ۳ نمودار وزن سهام شرکت‌ها با ۳۰۰۰ شبیه‌سازی روش مونت کارلو نمایان است و بالاترین نمودار مربوط به شرکت ومعدان و پایین‌ترین مربوط به خساپا است.



شکل ۳: وزن هر سهم با شبیه‌سازی مونت کارلو سهام با ۳۰۰۰ تکرار

منبع: یافته‌های پژوهش، ۱۳۹۹

پس آزمایی کوپیک- کریستوفرسن

پس آزمایی کوپیک- کریستوفرسن برای ارزیابی صحت نتایج مدل مورد برآورد شده در جدول ۴ نشان می‌دهد که نتایج مدل برآورد شده با استفاده از ۱۹۸۶ مشاهده با آماره احتمال ۰/۴۹۷ با احتمال ۰/۹۹ درصد رد نمی‌شود.

## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

جدول ۶: پس آزمایی کوپیک- کریستوفرسن در مدل مورد برآورد شده در جدول ۳

PortfolioID	WCVaRID	WCVaRLevel	POF	LRatioPOF	PValuePOF	Observations	Failures	TestLevel
"Portfolio"	" WCVaR "	۰/۹۵	پذیرش	۰/۳۹۶	۰/۴۹۷	۱۹۸۶	۵۷	۰/۹۹

منبع: یافته‌های پژوهش

### نتیجه‌گیری

تاکنون معیارهای متعددی برای اندازه‌گیری ریسک سبد سرمایه‌گذاری و انتخاب سبد بهینه ارائه شده است. در این پژوهش مسئله انتخاب سبد بهینه سهام تحت سنجه ریسک WCVaR و  $\beta$  مورد بررسی قرار گرفت. در این پژوهش از اطلاعات دوره ۱۱ ساله (۱۳۹۷-۱۳۸۷) از داده‌های واقعی سهام ده شرکت مختلف پذیرفته شده در بورس اوراق بهادار تهران استفاده شد. نتایج حاصل از برآورد مدل با استفاده روش برنامه‌ریزی خطی، نشان داد که تغییر معیار بهینه‌سازی منجر به تغییر وزن سهام سبد و تغییر استراتژی تنوع سازی در سبد سهام بهینه خواهد شد. به طوری که از بین ۴۴ سبد با وزن‌های مختلف بهینه‌ترین سبد وزنی متنوع بر اساس ارزش سبد و بازده تحت معیار WCVaR سبد شماره ۱۶ و ۲۵ است. سبد ۱۶ تشکیل شده از سه سهم و سبد ۲۵ تشکیل شده از پنج سهم است و به این ترتیب بهینه‌ترین سبد سهام الزاماً متنوع‌ترین سبد سهام نیست و فرض تنوع سازی به منظور انتخاب سبد بهینه پذیرفته نمی‌شود. هوشمندی مدل به سبب بهینه‌سازی هم‌زمان بر اساس بازدهی و ارزش سبد است. این مهم توانایی این را دارد که توجه بسیاری از سرمایه‌گذاران را در بازارهای مالی به خود جلب کند.

در مقایسه داده‌های تاریخی از طریق بهینه‌سازی خطی با شبیه‌سازی مونت کارلو نتایج نشان داد که بازدهی سبد در روش مونت کارلو بسیار بالاتر برآورد شده است (یعنی ۱۶ درصد و ۱۹ درصد بازده در مقایسه با ۲۷ درصد بازده). همچنین در مقایسه داده‌های تاریخی از طریق بهینه‌سازی خطی با شبیه‌سازی مونت کارلو دیده می‌شود که مقدار ریسک WCVaR سبد در روش مونت کارلو بسیار بالاتر برآورد شده است (یعنی مقدار ۲۴۴۸ و WCVaR ۳۴۹۸ در مقایسه با ۳۷۴۰) که نتیجه می‌دهد روش شبیه‌سازی مونت کارلو در نهایت مقدار ریسک و بازدهی بیشتری نسبت به برنامه‌ریزی خطی با داده‌های تاریخی نشان می‌دهد. در نهایت نیز با مقایسه ریسک WCVaR و  $\beta$  با روش شبیه‌سازی مونت کارلو دیده می‌شود که بازدهی بیشتری در سبد بهینه با ریسک  $\beta$  برآورد شده است.

### پیشنهادها

معیار VaR و CVaR و WCVaR در حوزه مالی کاربردهای متعددی دارند و ارزیابی عملکرد شرکت‌های موجود در گروه بورس اوراق بهادار با روش مونت‌کارلو و پیش‌بینی سبد بهینه با استفاده از سهم‌های عرضه‌شده در فرابرس از مهم‌ترین فرصت‌های موجود است. این مدل را می‌توان در تمام زمینه‌های بورسی برای محاسبه ریسک سهام و سرمایه‌گذاری شرکت‌های مختلف به کاربرد. به سرمایه‌گذاران پیشنهاد می‌شود سهم‌های شرکت‌های خودروسازی و پتروشیمی با توجه به سبد ۱۶ و سبد ۲۵. (با توجه به شرایط فعلی بازار سهام شرکت‌های پتروشیمی و به‌ویژه خودرو نوسانات بسیار اما پرسود هستند) را به سبد اضافه و به‌جای آن سهام شرکت‌های سیمان را از سبد خارج کنند. البته نتایج این پژوهش باید به صورت داینامیک و با برآوردهای مکرر در میان مدت مورد استفاده قرار گیرد. استفاده از رویکرد تحقیق حاضر در راستای محاسبه ریسک متغیرهای اقتصادی از جمله نرخ ارز - قیمت نفت بسیار ارزشمند می‌گردد.

درنهایت به سرمایه‌گذاران توصیه می‌شود برای تصمیم‌گیری در حوزه ریسک و بازدهی و پیش‌بینی روند قیمت‌ها در کنار تحلیل تکنیکال و معیار تسلطی از معیار WCVaR نیز بهره ببرند.

## استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

### منابع

- ۱) اسلامی بیدگلی، غلامرضا. طبیعی نیا، احسان. بهینه‌سازی سبد سرمایه‌گذاری بر اساس ارزش در معرض ریسک با استفاده از الگوریتم کلونی مورچه‌ها، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، ۱۳۹۳، شماره ۱۸، ص ۱۶۳-۱۸۴.
- ۲) ایزدی‌گنابادی، مینا. محاسبه فاصله‌ی اطمینان روش درست‌نمایی تجربی برای CVaR با استفاده از مدل‌های ARCH\GARCH، پایان‌نامه کارشناسی ارشد رشته مهندسی مالی، دانشگاه علم و فرهنگ، ۱۳۹۱.
- ۳) بیات، مرضیه. معدنچی‌زاچ، مهدی. موسی زاده، حسین. بررسی بهینه‌سازی سبد بر اساس مدل ارزش در معرض خطر مشروط در بدترین حالت (WCVaR) با ترکیب مدل چندعاملی با مدل ارزش در معرض خطر شرطی (CVaR)، چهارمین کنفرانس بین‌المللی پژوهش‌های کاربردی در مدیریت و حسابداری، ۱۳۹۵.
- ۴) پرتویی، هاشم. انتخاب سبد میانگین-ارزش در معرض خطر شرطی در چهارچوب برآوردی ناپارامتریک، پایان‌نامه کارشناسی ارشد رشته ریاضی مالی، دانشکده علوم ریاضی، دانشگاه علامه طباطبایی، ۱۳۹۳.
- ۵) داراب ملک آبادی، سعید. تلفیق مدل میانگین-واریانس-ارزش در معرض خطر شرطی و متدهای خلق سناریو جهت تشکیل پرتفولیوی بهینه در بورس اوراق بهادار تهران، پایان‌نامه کارشناسی ارشد، دانشکده اقتصاد، دانشگاه علامه طباطبایی، ۱۳۹۰.
- ۶) راعی، رضا. علی‌بیگی، هدایت. بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از روش حرکت تجمعی ذرات. نشریه علمی پژوهشی پژوهش‌های مالی، ۱۳۸۹، دوره ۱۲، شماره ۲۹، ص ۴۰ - ۲۱.
- ۷) راعی، رضا. تلنگی، احمد. مدیریت سرمایه‌گذاری پیشرفته، چاپ اول. تهران: سازمان سمت. ۱۳۸۳.
- ۸) رهنمای رودپشتی، فریدون و همکاران. بررسی کارایی بهینه‌سازی سبد بر اساس مدل پایدار با بهینه‌سازی کلاسیک در پیش‌بینی ریسک و بازده سبد، مجله‌ی مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، ۱۳۹۴، شماره ۲۲، ص ۵۹-۲۹.
- ۹) زمردیان، غلامرضا و کاتبی، حمیدرضا. بررسی قدرت تبیین سنج‌های ریسک طیفی، منسجم، انحراف و شبکه‌های عصبی مصنوعی و کاربرد آن‌ها در انتخاب سبد بهینه سرمایه‌گذاری در بورس اوراق بهادار تهران، فصلنامه علمی پژوهشی دانش سرمایه‌گذاری، ۱۳۹۶، سال ۸ شماره ۳۰، ص ۲۸۷-۳۱۲.

## فصلنامه مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار / شماره چهل و پنجم / زمستان ۱۳۹۹

۱۰) شهرآبادی، ابوالفضل. بشیری، ندا. مدیریت سرمایه‌گذاری و بورس اوراق بهادار، ناشر سازمان بورس و اوراق بهادار. چاپ اول، ۱۳۸۹.

۱۱) شمس، مرضیه. صادقی، حجت‌ا. محاسبه ارزش در معرض ریسک بر اساس تقریب کورنیش-فیشر از توزیع نرمال (مطالعه‌ای در نهادهای مالی بازار بورس اوراق بهادار تهران)، فصلنامه علمی پژوهشی مدیریت دارایی و تأمین مالی، ۱۳۹۳، سال دوم، شماره ۱، ص ۲۰-۱.

۱۲) علی‌پور جورشری ارمغان، یاکیده کیخسرو، محفوظی غلامرضا. بهینه‌سازی سبد سهام با حداقل میانگین انحرافات مطلق کارایی‌های متقاطع، فصلنامه مدیریت صنعتی، ۱۳۹۶، دوره ۹، شماره ۳، ص ۴۷۵-۴۹۶.

۱۳) غیاث مجید. مقدمه‌ای بر روش مونت‌کارلو، فصلنامه علمی-پژوهشی بسپارش، ۱۳۹۳، سال چهارم، شماره اول، صفحه ۶۷-۷۷.

۱۴) قاسم‌پور، صابر. پژوهش در عملیات، ج ۱، چ دوم، انتشارات دانشگاه پیام نور، ص ۲۹، ۱۳۸۹.

۱۵) ولی‌زاده مصطفی، بحری‌ثالث جمال، پاک‌مرام عسگر. انتخاب و بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از الگوریتم ژنتیک با بهره‌گیری از مدل میانگین-نیم‌واریانس مارکویتز، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، ۱۳۹۵، شماره ۳۱، ص ۱۹-۴۲.

16) Baumol, W. (1963). An expected gain confidence limit criterion for portfolio selection, *Journal of Management Science*, No10, pp: 174-182.

17) Bjork, T. (2009). *Arbitrage Theory in Continues Time*, Third Edition, Oxford.

18) Chlokhlov, A. Uryasev, S. Zabarankin, M. (2000), *Portfolio optimization with drawdown constraints*, Department of Industrial & Systems Engineering., University of Florida

19) Goh, J., Zhang, W. and Lim K. (2012). portfolio value- at- risk optimization for symmetrically distributed asset returns. *European Journal of operational Research*, vol 221, pp: 397-41

20) K. Ruan and M. Fukushima. (2012). Robust portfolio selection with a combined WCVaR and factor model. *Journal of Hndus trial and Management optimization*, 8, pp: 343-362.

21) Konno, H. Yamazaki, H. (1991). Mean-absolute deviation portfolio optimization model and its applications to Tokyo stock market. *Management Science*, vol 37, No5, pp: 519-531.

22) Li, J. and Xu, M. (2013). Optimal dynamic portfolio with Mean- CVaR criterion. *Risk1* (3), pp: 119-147.



استراتژی تنوع سازی سبد سهام بهینه با .../حدادی، جلیلی کامجو و گودرزی دهریزی

- 23) Markowitz, H.M. (1952). Portfolio Selection. Journal of Finance, No.7, pp. 77-91.
- 24) Markowitz, H. (1991). Foundations of portfolio theory, Journal of finance, vol46, No2, pp: 469-477, 1991.
- 25) Markowitz, Harry, et al. (1993) Computation of mean-semivariance efficient sets by the critical line algorithm. Annals of Operations Research, 45.1:307.
- 26) Moon, Y., Yao, T., (2011). A robust mean-absolute deviation model for portfolio optimization, Computers and Operation Research, 38(9), pp 1251-1258.
- 27) Renata, M. Wlodzimierz, O. (2007). Conditional value at risk and related linear programming models for portfolio optimizing, No152, pp: 227-256.
- 28) Rockafellar, R.T. and S. Uryasev. (2000). Optimization of conditional-value-at-risk. The Journal of Risk, No 2, pp: 21 -42.
- 29) S.S. Zhu and M. Fukushima. (2009). worst – case conditional Value-at-risk with application to robust portfolio managment, operations Research 57, pp: 1155-1168.
- 30) Ling, A., Sun, J., & Wang, M. (2020). Robust multi-period portfolio selection based on downside risk with asymmetrically distributed uncertainty set. European Journal of Operational Research.
- 31) Yu, J. R., Chiou, W. J. P., Lee, W. Y., & Chuang, T. Y. (2019). Realized performance of robust portfolios: Worst-case Omega vs. CVaR-related models. Computers & Operations Research, 104, 239-255.

- ۱ Markowitz
- ۲ Gilli & Kellezi
- ۳ Baumol
- ۴ Konno, Yamazaki
- ۵ Rockafellar, Uryasev
- ۶ Goh, J, Zhang
- ۷ Zhu and Fukushima
- ۸ K. Ruan and Fukushima
- ۹ Li -Xu
- ۱۰ value at risk (VaR)
- ۱۱ Conditional value at risk (CVaR)
- ۱۲ Wighted CVaR (WCVaR)
- ۱۳ Kupiec
- ۱۴ Christoffersen
- ۱۵ Ling, A., Sun, J., & Wang, M.
- ۱۶ Robust multi-period portfolio selection
- 17 Yu, J. R., Chiou, W. J. P., Lee, W. Y., & Chuang, T. Y.