



تعیین محدوده‌ی فرکانس تشدید ساختمان‌ها

در زلزله‌های گلباf و سیرچ

محمد رضا فسروی مشیزی

دانشگاه آزاد اسلامی واحد بردسیر - mrkh56@yahoo.com

پکیج

نظر به اهمیت پدیده‌ی تشدید در ساختمان و با توجه به مشاهده‌ی مواردی چند از این پدیده در سراسر ایران و جهان و با توجه به عدم بررسی این پدیده‌ی مخرب در استان کرمان، در این مقاله با استفاده از ۲۳ رکورد زلزله‌ی رخداده ما بين سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۰ میلادی در مناطق گلباf و سیرچ، محدوده‌ی فرکانس تشدید تعیین و با توجه به یکسان بودن خصوصیات لایه‌های زمین در کل پهنه‌ی استان کرمان نتایج آن به کل استان تعیین داده شد.

پس از تهیه‌ی شتاب‌نگاشته‌های مناطق مذکور برنامه‌ای برای محاسبه‌ی چگالی طیفی توان و معادل آن براساس مدل کانابی-تاجیمی به زبان فرترن نوشته و صحت عملکرد آن از طریق مقایسه با منحنی‌های چگالی طیفی توان موجود در سایر تحقیقات کنترل گردید. برنامه، رکوردها را به ترتیب خوانده و با فرض خطی بودن شتاب بین دو نقطه‌ی مجاور شتاب‌نگاشت و حل مستقیم معادلات حرکت، ابتدا انرژی و توان کل زلزله در پایان مدت تداوم حرکت در هر فرکانس ما بین صفر تا ۲۵ هرتز و در نهایت مدل صاف شده‌ی چگالی طیفی توان را محاسبه و ارائه کرد. از بین کل شتاب‌نگاشته‌ها ۱۸ رکورد مربوط به گلباf و پنج رکورد مربوط به سیرچ و همگی دارای شتاب حداقلی بیش از ۵٪ بودند. با به دست آوردن پارامترهای فرکانس مرکزی و ضربیب شکل، محدوده‌ی فرکانس تشدید در همه‌ی زلزله‌ها مشخص شد. پس از میانگین‌گیری این محدوده بین ۳/۴۳ و ۸/۷۶ هرتز به دست آمد. با تعیین نتیجه‌ی حاصل از زلزله‌های گلباf و سیرچ به کل استان می‌توان اظهار نمود، ساختمان‌هایی که فرکانس اصلی آن‌ها در بازه‌ی ۳/۴۳ و ۸/۷۶ هرتز قرار می‌گیرند با خطر ایجاد تشدید زلزله مواجه هستند. بنابراین باید حین طراحی سازه با تغییردادن جرم یا سختی ساختمان فرکانس اصلی ساختمان را از محدوده‌ی مذکور خارج کرد.

واژه‌های کلیدی: چگالی طیفی توان، ضربیب شکل، فرکانس مرکزی، فرکانس تشدید، کانابی-تاجیمی

Determination of the resonance frequency range of buildings in Golbaf and Sirch earthquakes

M. R. Khosravi Mashizi

Department of Geology, Islamic Azad University, Bardsir Branch, Bardsir, I. R. Iran

Abstract

Considering the importance of the resonance phenomenon in buildings and the numbers in the world of this phenomenon and the fact that this phenomenon isn't considered yet in Kerman province, in this paper the earthquake resonance frequency range is calculated for the regions of Golbaf and Sirch, located in Kerman province, using 23 records of earthquakes that happened between 1981 and 2000. The results have been generalized for the whole province.

After providing above accelerograms, a program has been written for the calculating power spectra and its smoothed curve, based on Kanai-Tajimi model and its correctness checked by comparing available power spectra. The program read records respectively, and at first it calculated and exhibited total energy and power of earthquake at the end of ground motion in any frequency between zero and 25 hertz, and finally exhibited smoothed power spectra model assuming linear relationship with two neighbor points of accelerograms and direct solving of movement equations. Through all accelerograms 18 records were related to Golbaf and 5 records were related to Sirch and all of them had maximum acceleration of more than 0.05g. Resonance frequency range has been specified by earning the amount of central frequency and shape factor parameters for all the records. This range was calculated between 3.43 and 8.76 hertz. By generalization of the calculated result, to the whole province, one can say that the structures which have a main frequency range of 3.43 to 8.76 hertz increase the damage of the earthquakes. Therefore, in structural designing, the main frequency of that range should be avoided by changing the structural mass or rigidity.

Key words: central frequency, Kanai-Tajimi, Power spectral density, resonance frequency, shape factor

محدوده‌ی فرکانس تشدید در یک منطقه معلوم نباشد و در طراحی

سازه‌ها لحاظ نشود، ممکن است ساختمان‌های زیادی با فرکانسی نزدیک به فرکانس تشدید زلزله‌های این منطقه، طراحی و ساخته شوند. در زلزله‌های بزرگ این پدیده باعث ورود انرژی بسیار زیادی به سازه‌ها و حتی ساختمان‌های با طراحی مناسب شده، تخریب شدید و صدمات جانی و مالی جبران ناپذیر را ایجاد می‌کند (محرز ۱۳۷۹)، برای پیشگیری از وقوع این پدیده در سازه‌ها باید فهرست کل رکوردهای زلزله‌ی رخ داده در گلبا و سیرچ، که از لرزه خیزترین نقاط استان کرمان به شمار می‌روند، از مرجع داده‌های پایه شتاب نگاشته‌های شبکه شتاب نگاری کشور (رمضی ۱۳۷۶) استخراج شوند. سپس فایل‌های شتاب نگاشت زلزله‌های این دو منطقه تهیه و برنامه‌ی محاسبه چگالی طیفی توان و مدل کاتابی-تاجیمی نوشته، اجرا و مقادیر پارامترهای به دست آمده از روش گشتاورهای طیفی و نیز پارامترهای فرکانس مرکزی و ضربی شکل محاسبه شوند. با یک تحلیل آماری براساس این دو پارامتر محدوده‌ی فرکانس تشدید به دست می‌آید (محرز ۱۳۷۹). تا به حال مقدار پریود غالب حرکت برای چندین زلزله‌ی بزرگ ایران مثل طبس، ناغان و منجیل محاسبه شده است (برگی ۱۳۷۷). این پارامترها صرفاً با تحلیل یک رکورد زلزله حاصل شده و زیاد قابل اطمینان نیستند. اگر نتیجه‌ی

۱- مقدمه

یکی از پدیده‌های مهم رفتار دینامیکی سیستم، پدیده‌ی رزنанс یا تشدید می‌باشد. حالت رزنанс زمانی ایجاد می‌گردد که پریود طبیعی سیستم با پریود بار دینامیکی وارد بسیار نزدیک باشد. در این حالت اثر بارهای وارد تشدید شده و تأثیرات شدیدی در سیستم بر جای می‌گذارد (محرز ۱۳۷۹). تا به حال موارد بسیاری از وقوع پدیده‌ی تشدید در سازه‌ها در ایران گزارش شده است که می‌توان به مورد خاص زیر اشاره کرد. در روز اوّل فروردین سال ۱۳۵۶ زلزله‌ای با بزرگی تقریباً هفت ریشتر در ۴۰ کیلومتری شمال بندرعباس رخ داد که در آن ۱۵۲ نفر کشته شدند. در بندرعباس، هتل گامرون که یک ساختمان بتی است تغییر شکل زیادی در محل اتصالات و عناصر سازه‌ای داد. این هتل از دو قسمت قدیمی (چهار طبقه) و جدید (شش طبقه) تشکیل شده است که عمدۀ خسارت در ساختمان شش طبقه، به دلیل نزدیکی پریود اصلی این ساختمان با پریود غالب زلزله، رخ داد. به ساختمان مجاور خسارت چندانی وارد نگردید (عادلی ۱۳۷۵). بنابراین تعیین محدوده‌ی فرکانس یا پریود تشدید زلزله در مناطق گلبا و سیرچ و تعمیم نتایج آن به کل استان کرمان، اوّلین اقدامی است که می‌توان در جهت پیشگیری از وقوع پدیده‌ی تشدید در سازه‌های جدید احداث این استان انجام داد. در صورتی که

$$I(\omega) = m \int_0^T \ddot{X}(t) dt = \frac{1}{2} m [X(T)]^2 \quad -2$$

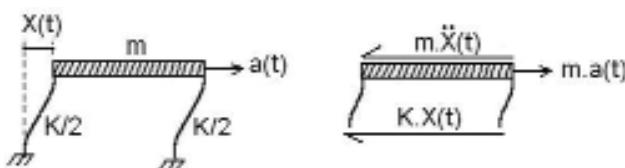
$$V(\omega) = \frac{1}{2} k [X(T)]^2 \quad -3$$

که در آن m جرم، k سختی، $X(t)$ شتاب مطلق سیستم تک درجه‌ی آزادی در لحظه‌ی t و $X(T)$ به ترتیب تغییر مکان و سرعت نسبی سیستم در پایان مدت تداوم زلزله می‌باشند. با جایگزینی دو رابطه‌ی ۲ و ۳ در رابطه‌ی ۱ به ازای جرم واحد خواهیم داشت:

$$E(\omega) = \frac{1}{2} ([\ddot{X}(T)]^2 + \omega^2 [X(T)]^2) \quad -4$$

مطابق تصویر ۱ سازه‌ی تک درجه‌ی آزادی بدون میرایی تحت اثر

شتاب زمین $a(t)$ در نظر گرفته می‌شود:



تصویر ۱- حرکت سیستم تک درجه‌ی آزادی بدون میرایی تحت اثر شتاب پایه (Chopra 1995)

حل معادله‌ی حرکت سیستم با استفاده از انتگرال دوهامل و به دست آوردن معادله‌ی سرعت و تغییر مکان نسبی سیستم و جایگزینی در رابطه‌ی ۴، ارتباط بین انرژی کل و توان کل سیستم تک درجه‌ی آزادی را مشخص می‌کند (برگی ۱۳۷۶):

$$G(\omega) = \frac{2}{\pi T} \cdot E(\omega) \quad -5$$

برای محاسبه‌ی چگالی طیفی توان، از روش حل مستقیم معادلات حرکت استفاده می‌گردد. تنها فرض موجود در این روش خطی بودن شتاب بین دو نقطه‌ی متواالی در شتاب نگاشت بوده و بقیه‌ی محاسبات کاملاً دقیق می‌باشند. تصویر ۲ ارتباط خطی بین دو نقطه‌ی مجاور شتاب نگاشت را نشان می‌دهد.

برای محاسبه‌ی چگالی طیفی توان، بایستی در گام‌های متواالی به ازای هر فرکانس مقادیر زیر را در تمام مدت تداوم زلزله حساب نموده و براساس آن‌ها سرعت و تغییر مکان را محاسبه نمود (برگی ۱۳۷۶).

$$a(t) = b + c \cdot t \quad -6$$

$$b = a(t_0) \quad , \quad C = \frac{a(t_1) - a(t_0)}{t_1 - t_0} \quad -7$$

مذکور قابل اعتماد باشد، مختص آن منطقه‌ی خاص بوده و قابل تعمیم به کل ایران نیست، زیرا پنهانی بندی لرزه‌های ایران در همه‌ی نقاط یکسان نیست و محتوای فرکانسی حرکت در هر پنهان منحصر به فرد می‌باشد. بنابراین این مسئله مناطقی مثل استان کرمان را شامل نمی‌شود (بربریان ۱۳۵۶ و مهندسین مشاور تهران پادیر ۱۳۷۶). تا به حال در زمینه‌ی تعیین فرکانس تشدید زلزله در استان کرمان بررسی انجام نشده است. در این تحقیق با استفاده از ۲۳ رکورد ثبت شده‌ی بین سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۰ میلادی و چگالی طیفی توان و مدل کانالی- تاجیمی، پریود غالب حرکت و فرکانس تشدید در مراکز گلبا و سیرچ تعیین گردید.

۱۲- موارد و روشهای

ابتدا کلیه‌ی شتاب نگاشتهای ثبت شده در مناطق گلبا و سیرچ تهیه و از میان آنها شتاب نگاشتهایی که شتاب حدکثر آنها کمتر از $0.05g$ بود حذف گردید. ۲۳ رکورد زلزله باقی ماند که از این میان ۱۸ رکورد مربوط به گلبا و پنج رکورد مربوط به سیرچ بود. در جدول ۱ مشخصات این رکوردها ارائه شد.

برای به دست آوردن فرکانس تشدید، از چگالی طیفی توان و مدل کانالی- تاجیمی استفاده شد. توان در واقع مقدار انرژی بر واحد زمان می‌باشد. در مهندسی زلزله، طیف توان مقدار انرژی ورودی زلزله بر واحد زمان به سیستم را نشان می‌دهد. پدیده‌های طبیعی اکثراً تصادفی بوده و از نظم خاصی پیروی نمی‌کنند. در مهندسی سازه و مهندسی زلزله نیز باد، موج، انفجار، زلزله و ضربه، پدیده‌های تصادفی هستند.

از مهم‌ترین راه‌هایی که می‌توان رفتار تصادفی پدیده‌ای را به رفتار قابل پیش‌بینی تبدیل نمود، استفاده از چگالی طیفی توان می‌باشد که در واقع نشانگر بسیاری از خصوصیات و مشخصات آماری فرآیند می‌باشد. کل انرژی جذب شده توسط یک سیستم تحت اثر زلزله‌ی $E(\omega)$ برابر مجموع انرژی‌های پتانسیل $(V(\omega))$ و جنبشی $(I(\omega))$ سیستم در پایان مدت تداوم زلزله می‌باشد (Elghadamsi et al. 1988، ۱۳۷۶) (برگی ۱۳۷۶، ۱۳۷۶):

$$E(\omega) = I(\omega) + V(\omega) \quad -1$$

انرژی پتانسیل و جنبشی سیستم تک درجه‌ی آزادی با فرکانس طبیعی ω در پایان مدت تداوم زلزله (T) به صورت زیر محاسبه

جدول ۱- اطلاعات مربوط به شتاب نگاشت‌های ثبت شده‌ی گلبا و سیرج، سال‌های ۱۹۸۱ تا ۲۰۰۰ میلادی با حدآکثر شتاب بیش از $0.05g$

ردیف	نام استگاه	شماره‌ی	تاریخ وقوع	زمان وقوع	مرکز مهلزه	بزرگی	منبع	زمان	جنس
			E	N	h:m:s	d-m-y	MB	MS	MN
۱	گلبا	۱۱۷۲-۶	۱۹۸۱/۰۶/۲۱	۱۳:۰۸:۴۸	۵۷/۸۵	۲۹/۸۶	۴/۹	۴/۳	گزارش
۲	گلبا	۱۱۷۶-۵	۱۹۸۱/۰۷/۲۸	۱۷:۲۲:۲۳	۵۷/۷۷	۲۹/۹۹	۵/۹	۷/۰	ISC
۳	گلبا	۱۱۷۶-۱۷	۱۹۸۱/۰۷/۲۸	۱۹:۲۰:۱۰					
۴	گلبا	۱۱۷۶-۲۱	۱۹۸۱/۰۸/۳۰	۰۵:۲۰:۱۹	۵۷/۶۰	۳۰/۱۰	۳/۹		۱۳۷۴
۵	گلبا	۱۱۷۶-۲۳	۱۹۸۱/۱۰/۳۱	۰۰:۳۷:۴۹	۵۷/۵۵	۳۰/۱۰	۴/۵		III-A
۶	گلبا	۱۱۷۶-۲۹	۱۹۸۱/۱۰/۰۳	۰۲:۵۵:۴۴	۵۷/۸۸	۲۹/۹۶	۴/۶	۳/۹	ISC
۷	گلبا	۱۱۸۳-۱	۱۹۸۱/۱۰/۰۸	۰۴:۱۷:۴۷	۵۷/۷۱	۳۰/۰۳	۴/۸	۴/۰	III-A
۸	گلبا	۱۱۸۳-۸	۱۹۸۱/۰۹/۲۶	۰۷:۳۳:۳۰	۵۷/۶۸	۳۰/۰۲	۴/۶		III-A
۹	گلبا	۱۱۸۳-۱۰	۱۹۸۱/۱۰/۱۴	۰۹:۱۲:۴۰	۵۷/۷۸	۲۹/۹۰	۵/۲	۴/۶	ISC
۱۰	گلبا	۱۱۹۱-۳	۱۹۸۲/۰۲/۲۵	۲۲:۳۰:۲۴	۵۷/۷۸	۲۹/۸۳	۴/۷		III-A
۱۱	گلبا	۱۱۲۰	۱۹۸۳/۰۲/۲۸	۰۱:۳۷:۳۵	۵۷/۸۱	۲۹/۹۹	۴/۵		ISC
۱۲	سیرج	۱۲۶۸	۱۹۸۵/۰۶/۲۸	۱۳:۲۵:۳۱	۵۷/۵۱	۳۰/۶۳	۴/۷		III-B
۱۳	سیرج	۱۳۰۷-۱	۱۹۸۷/۰۸/۰۱	۰۷:۴۳:۲۳	۵۷/۶۷	۲۹/۹۹	۴/۶		III-B
۱۴	گلبا	۱۳۳۶	۱۹۸۸/۱۲/۰۳	۰۱:۲۳:۳۳	۵۷/۵۴	۳۰/۲۷	۴/۹		III-A
۱۵	گلبا	۱۳۴۶-۱	۱۹۸۹/۱۱/۲۰	۰۴:۱۹:۰۵	۵۷/۷۲	۲۹/۸۸	۵/۵	۵/۷	ISC
۱۶	سیرج	۱۳۴۷-۴	۱۹۸۹/۱۱/۲۰	۰۴:۱۹:۰۵	۵۷/۷۲	۲۹/۸۸	۵/۵	۵/۷	ISC
۱۷	سیرج	۱۴۲۵	۱۹۹۲/۰۷/۱۰	۱۶:۳۸:۳۸	۵۷/۴۸	۳۰/۱۹	۴/۶		NEIC
۱۸	گلبا	۱۸۷۲-۸	۱۹۹۸/۰۳/۱۴	۲۲:۱۴:۲۵					III-A
۱۹	گلبا	۱۸۷۴-۷	۱۹۹۸/۰۳/۲۸	۰۷:۵۸:۴۸	۵۷/۵۳	۲۹/۷۸	۴/۴		NEIC
۲۰	گلبا	۱۸۷۴-۹	۱۹۹۸/۰۴/۰۳	۰۵:۱۴:۴۲					III-A
۲۱	گلبا	۲۱۵۶-۱	۱۹۹۸/۰۵/۲۸	۱۸:۰۵:۴۷					III-A
۲۲	گلبا	۲۱۵۶-۲	۱۹۹۸/۰۵/۳۱	۱۱:۵۸:۱۹					III-A
۲۳	گلبا	۲۵۰۳-۲	۲۰۰۰/۱۱/۰۲	۱۵:۲۶:۲۶					III-A

$$A_1 = \frac{c}{\omega^2} \quad A_0 = \frac{b}{\omega^2} \quad -9$$

$A_3 = \frac{1}{\omega} [a(t_0) - A_1]$ و $A_2 = x(t_0) - A_0$ -۱۰ سرعت نسبی سیستم در هر

لحظه عبارت است از:

$$a(t) = A_1 + A_3 \cdot \omega \cos \omega t - A_2 \cdot \omega \sin \omega t \quad -11$$

با محاسبات متوالی سرعت و تغییر مکان سیستم در پایان مدت

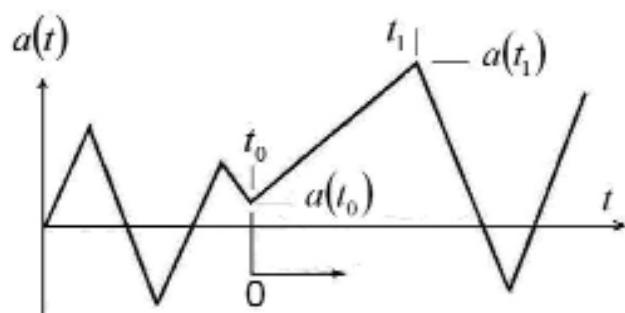
تدابع زلزله تعیین می‌شود. رابطه‌ی A_1 از A_2 و A_3 می‌توان کل

سیستم تک درجه‌ی آزادی بدون میرایی را محاسبه می‌کند. در

تصویر ۳، شتاب نگاشت مربوط به زلزله‌ی سال ۱۳۶۰ گلبا و در

تصویر ۴ چگالی طیفی توان این زلزله، نشان داده شده‌اند.

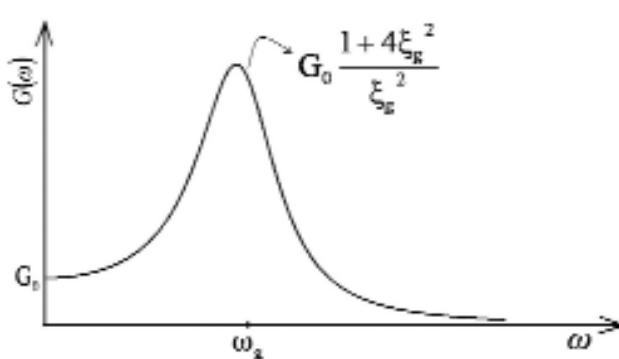
چگالی‌های طیفی توان حتی در محدوده‌های فرکانسی کوچک



تصویر ۲- شتاب نگاشت زلزله با تغییرات خطی شتاب بین نقاط متوالی (برگی ۱۳۷۶)

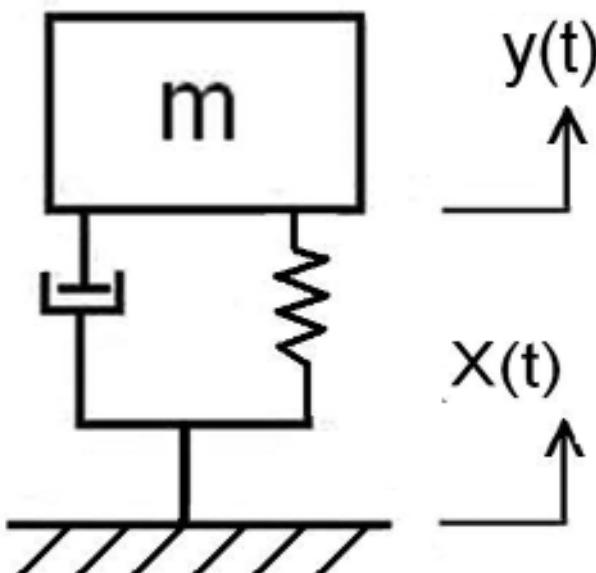
تغییر مکان نسبی سیستم عبارت خواهد بود از:

$$x(t) = A_0 + A_1 \cdot t + A_2 \cdot \cos \omega t + A_3 \cdot \sin \omega t \quad -8$$



تصویر ۵- تصویر کلی مدل کانابی- تاجیمی (برگی ۱۳۷۷)

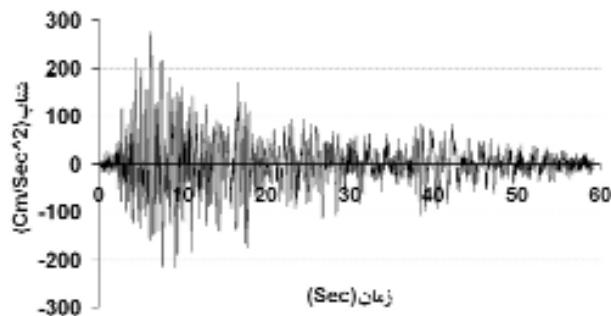
خاک در سطح زمین عبور می‌کند و به این لایه که همانند یک سیستم تک درجه‌ی آزادی در نظر گرفته می‌شود تغییر مکان تکیه گاهی وارد می‌کند. در تصویر ۶ لایه‌ی سطحی خاک مدل سازی شده است: در صورتی که لایه‌ی خاک مطابق تصویر ۶ به صورت یک سیستم تک درجه‌ی آزادی در نظر گرفته شود، پاسخ آن را با استفاده از ضربه به دست آورده و رابطه‌ی این مدل از تئوری ارتعاشات تصادفی به صورت زیر به دست می‌آید (برگی ۱۳۷۷ و محرز ۱۳۷۹):



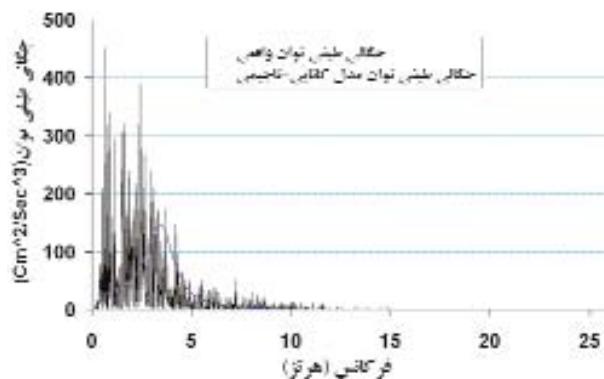
تصویر ۶- سیستم تک درجه‌ی آزادی، لایه سطحی خاک (برگی ۱۳۷۷)

$$G(\omega) = \frac{1 + 4\xi_g^2 (\omega/\omega_g)^2}{[-(\omega/\omega_g)^2] + 4\xi_g^2 (\omega/\omega_g)^2} G_0 \quad -12$$

رابطه‌ی فوق تابع چگالی طیفی توان کانابی- تاجیمی می‌باشد. در این مدل اگر خاکی که موج زلزله از آن عبور می‌کند تنها یک لایه فرض شود که روی بستر سنگی قرار دارد، ω_g بیانگر فرکانس

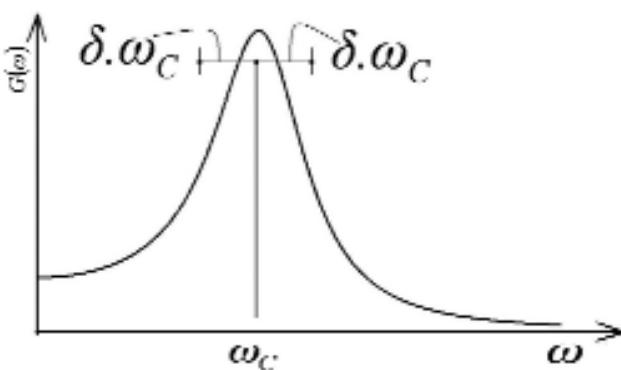


تصویر ۳- شتاب نگاشت ردیف ۲ از جدول ۱ با بیشینه شتاب 2748 cm/s^2



تصویر ۴- چگالی طیفی توان مربوط به شتاب نگاشت ردیف ۲ از جدول ۱

دارای نوسانات زیادی هستند و مقدار دقیقی نشان نمی‌دهند. بنابراین با استفاده از مدل‌های مختلف از چگالی طیفی توان میانگین گیری کرده و چگالی طیفی توان صاف شده حاصل می‌شود. برای صاف کردن چگالی طیفی توان از یک تابع ریاضی هماهنگ با اصول ارتعاشات تصادفی استفاده می‌شود. پژوهشگران مدل‌های مختلف ریاضی را برای به دست آوردن چگالی طیفی توان صاف شده ارائه نموده‌اند. بولتین (Bolotin 1960)، بارشین (Barstein 1960) و اینگار و اینگار (Iyengar 1969) دو مدل مختلف برای چگالی طیفی توان ارائه نمودند. مدل نویز سفید و کانابی- تاجیمی نیز دو مدل دیگر هستند (Tajimi 1960). به دلیل قابلیت بالای مدل کانابی- تاجیمی در آنالیز احتمالاتی سازه‌ها، تولید شتاب نگاشت‌های مصنوعی و وجود سه پارامتری که از آنالیز رکوردهای زلزله به دست می‌آیند، این مدل مهم‌ترین و پرکاربردترین مدل تابع چگالی طیفی توان به شمار می‌رود. در این تحقیق از این مدل برای تعیین پارامترهای لرزه‌ای خاک‌های مناطق سیرچ و گلباور استفاده شد (برگی ۱۳۷۷). شکل کلی این مدل در تصویر ۵ نشان داده شده است: در این مدل فرض بر این است که موج زلزله از بالاترین لایه‌ی



تصویر ۷- فرکانس مرکزی و ضریب شکل در مدل کانایی-تاجیمی (خسروی ۱۳۸۳)

$$\lambda_0 = \frac{\pi G_0 \omega_g}{4\xi_g} J_0(\Omega^*) \left(+ 4\xi_g^2 \right) = \frac{\pi G_0}{4\xi_g} \omega_g A \quad -19$$

$$\lambda_1 = \frac{\pi G_0}{4\xi_g} \omega_g^2 B \quad -20$$

$$\lambda_2 = \frac{\pi G_0 \omega_g^3}{4\xi_g} C \quad -21$$

که در آن:

$$A = \left(+ 4\xi_g^2 \right)^2 \quad -22$$

$$B = \left[\frac{J_1(\Omega^*) + 4\xi_g^2 J_3(\Omega^*) -}{\pi \left(-\xi_g^2 \right)^2} \tan^{-1} \left(\frac{2\xi_g \left(-\xi_g^2 \right)^2}{1 - 2\xi_g^2} \right) \right] \quad -23$$

$$C = J_2(\Omega^*) + 4\xi_g^2 J_4(\Omega^*) \quad -24$$

$$J_i(\Omega^*) = \frac{4\xi_g}{\pi} \int_0^{\Omega^*} \frac{\Omega^i d\Omega}{(-\Omega^2)^i + 4\xi_g^2 \Omega^2} \quad -25$$

$$\Omega^* = \frac{\omega^*}{\omega_g} = \frac{25\pi}{\omega_g} \quad -26$$

برای محاسبه‌ی پارامترهای مدل کانایی-تاجیمی و طیف توان صاف شده، پارامترهای روش گشتاورهای طیفی ($\lambda_1, \lambda_2, \lambda_3$) با استفاده از فرمول‌های ۱۳، ۱۵، ۱۷ و همچنین ۱۹، ۲۰ و ۲۱ جداگانه محاسبه و مساوی قرار داده می‌شوند. پنهانی معرفی شده توسط پارامتر ضریب شکل در منحنی چگالی طیفی توان به عنوان پنهانی باند فرکانسی تشدید منظور می‌شود. حاصل ضرب پارامتر ضریب شکل در پارامتر فرکانس مرکزی بازه‌ی فرکانسی را در قبیل و بعد از فرکانس مرکزی مشخص می‌کند. این بازه‌ی فرکانسی با حاشیه‌ی اطمینان مناسبی محدوده‌ی فرکانس تشدید در سازه را نشان می‌دهد. بنابراین دامنه‌ی

طیعی لایه‌ی خاک، پارامتر δ نشانگر نسبت میرایی و بیانگر پنهانی محتوای فرکانسی حرکت خاک و پارامتر G نشانگر شدت القاء در بستر سنگی می‌باشد. روش مناسب برای به دست آوردن پارامترهای واریانس القاء، فرکانس مرکزی و ضریب شکل، روش گشتاورهای طیفی است که بر اساس چگالی طیفی توان واقعی و روابط ارائه شده توسط پولگرانو (Pulgrano 1969) و آبلوتیز (Aboltiz 1969) (محاسبه و مساوی قرارداده می‌شوند. از تساوی آن‌ها پارامترهای مدل کانایی تاجیمی به دست خواهند آمد. واریانس القاء حرکت براساس چگالی طیفی توان به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\sigma^2 = \lambda_0 = \int_0^\infty G(\omega) d\omega \quad -13$$

با توجه به رابطه‌ی فوق واریانس القاء برای مدل کانایی تاجیمی

عبارت است از:

$$\sigma^2 = \int_0^\infty G(\omega) d\omega = \frac{\pi G_0 \omega_g}{4\xi_g} \left(+ 4\xi_g^2 \right)^{1/2} \quad -14$$

دوین گشتاور طیفی به صورت زیر تعریف می‌شود:

$$\lambda_2 = \int_0^\infty \omega^2 G(\omega) d\omega \quad -15$$

براین اساس فرکانس مرکزی به صورت زیر به دست می‌آید:

$$\omega_c = [\lambda_2 / \lambda_0]^{1/2} \quad -16$$

این پارامتر بیانگر محل تمرکز جرم طیفی در طول محور فرکانس می‌باشد. اوین گشتاور طیفی نیز از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید:

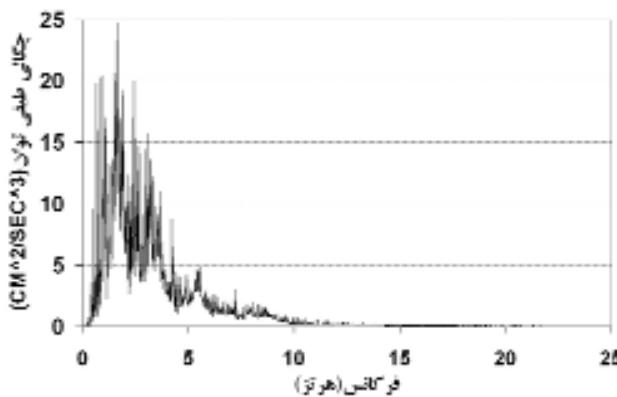
$$\lambda_1 = \int_0^\infty \omega G(\omega) d\omega \quad -17$$

چنین ضریب شکل (δ) از رابطه‌ی زیر محاسبه می‌شود:

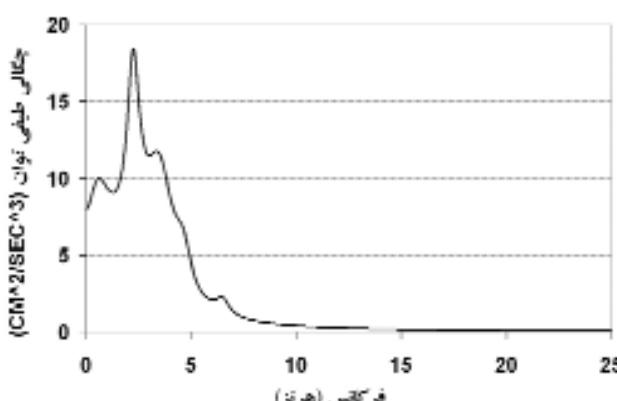
$$\delta = \left[1 - \frac{\lambda_1^2}{\lambda_0 \lambda_2} \right]^{1/2} \quad -18$$

مطابق تصویر ۷ پارامتر (δ) پنهانی تابع چگالی طیفی توان حول فرکانس مرکزی و نوع محتوای فرکانسی حرکت و ساختار زمین را نشان می‌دهد.

روابط زیر را برای محاسبه‌ی گشتاورهای طیفی توان کانایی-تاجیمی توسط پولگرانو (Pulgrano 1969) و آبلوتیز (Aboltiz 1969) برگرفته از لای (Lai 1982) ارائه گردید:



تصویر ۸- میانگین چگالی‌های طیفی توان ۲۳ رکورد ثبت شده در گلبا و سیرچ



تصویر ۹- میانگین چگالی‌های طیفی توان صاف شده ۲۳ رکورد ثبت شده در گلبا و سیرچ با استفاده از مدل کانابی- تاجیمی

در جدول ۲ مقادیر محاسبه شده توسط برنامه‌ای شامل مقادیر پارامترهای مدل کانابی- تاجیمی یعنی شدت حرکت زمین (G_0)، فرکانس غالب زمین (ω_c)، میرایی غالب زمین (ψ_c) و نیز مقادیر پارامترهای روش گشتاورهای طیفی یعنی فرکانس مرکزی، (ω_c) ضریب شکل (δ) و واریانس القا σ^2 برای کلیه رکوردهای ثبت شده‌ی گلبا و سیرچ ارائه شده است. چنانچه در جدول ۲ مشاهده می‌شود برای شش رکورد از رکوردهای مورد بررسی، انطباق بین چگالی طیفی توان و مدل کانابی- تاجیمی صورت نگرفته است، اماً پارامترهای مورد نیاز برای محاسبه دامنه‌ی فرکانس تشدید یعنی فرکانس مرکزی و ضریب شکل برای کلیه رکوردها به دست آمده‌اند. همان‌طور که در فرمول‌های ۳۲ و ۳۳ نشان داده شد، بازه‌ی فرکانس تشدید را می‌توان بازه‌ی $[F_1, F_2]$ در نظر گرفت، بنابراین به منظور محاسبه‌ی این بازه در جدول ۳، بازه‌ی فرکانسی $[\omega_c(1-\delta), \omega_c(1+\delta)]$ برای تک رکوردها محاسبه شده و در نهایت از حد پایین و بالای این محدوده میانگین گیری شده است.

پائین و بالای این محدوده به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\omega_c - \delta \cdot \omega_c = \omega_c (1 - \delta) \quad -27$$

$$\omega_c + \delta \cdot \omega_c = \omega_c (1 + \delta) \quad -28$$

براساس تحقیقات لای (Lai 1982)، ارتباط بین فرکانس مرکزی (ω_c) با پریود غالب حرکت (T_p) به صورت ذیل ارائه شده است (خسروی ۱۳۸۳):

$$T_p = \frac{2\pi}{\omega_c} \quad -29$$

حرکت $[T_{p1}, T_{p2}]$ و همچنین دامنه‌ی بالا و پائین فرکانس تشدید سازه $[F_1, F_2]$ را به صورت ذیل محاسبه نمود:

$$T_{p1} = \frac{2\pi}{\omega_c (1 + \delta)} \quad -30$$

$$T_{p2} = \frac{2\pi}{\omega_c (1 - \delta)} \quad -31$$

$$f_1 = \frac{1}{T_{p1}} \quad -32$$

$$f_2 = \frac{1}{T_{p2}} \quad -33$$

۱۳- یافته‌ها

به منظور محاسبه‌ی چگالی طیفی توان هر شتاب نگاشت و صاف شده‌ی آن برنامه‌ای توسط مؤلف به زبان فرترن نوشته شد. این برنامه شتاب نگاشت مورد نظر و مدت تداوم آن را از فایل معرفی شده می‌خواند. سپس برنامه با تغییر دادن فرکانس سازه در یک حلقه، از تمام مدت شتاب نگاشت با استفاده از معادلات ۸ و ۱۱ سرعت و تغییر مکان سازه‌ی تک درجه‌ی آزادی را محاسبه می‌کند و انرژی و توان ورودی به این سازه را در پایان مدت شتاب نگاشت از معادله ۴ و ۵ محاسبه می‌نماید. پس از پایان این حلقه به ازای هر فرکانس در بازه‌ی فرکانسی صفر تا ۲۵ هرتز که محدوده فرکانس طبیعی سازه‌ها نیز هست، مقادیر توان ورودی به سازه به دست می‌آید که با ترسیم این دو مقدار نسبت به هم، چگالی طیفی توان شتاب نگاشت مزبور حاصل می‌شود. برنامه برای صاف کردن چگالی طیفی توان براساس مدل کانابی- تاجیمی از روش گشتاورهای طیفی استفاده می‌کند و در هر فرکانس مقادیر چگالی طیفی توان صاف شده را محاسبه و ارائه می‌کند. با توجه به اینکه ارائه کلیه اشکال چگالی طیفی توان در این مقاله مقدور نمی‌باشد، میانگین طیف‌های مذکور در تصاویر ۸ و ۹ نشان داده شده است.

جدول-۲- مقادیر پارامترهای روش گشتاورهای طیفی و مدل کانایی- تاجیمی برای ۲۳ رکورد زلزله‌ی گلبا و سیرج

G0(cm ² /sec ⁴)	ω_g Red/Sec	ξ_g	$\sigma^2(cm^2/sec^4)$	δ	ω_g Red/Sec	محل وقوع زلزله	شماره‌ی رکورد	ردیف
۷/۸	۸/۶۶	۰/۹۶	۳۳/۴۰	۰/۵	۳۳/۶۴	گلبا	۱۱۷۶-۶	۱
۲۶/۴۶	۲۲/۵۶	۰/۲۴	۲۱۶۶/۶	۰/۶۳	۲۴/۳۵	گلبا	۱۱۷۶-۵	۲
۳/۲۱	۶/۱۴	۰/۹۷	۳۴/۸۵	۰/۵۳	۲۹/۵۶	گلبا	۱۱۷۶-۱۷	۳
۰/۹۹	۲۴/۸۲	۰/۹۰	۴۴/۲۳	۰/۵۴	۴۴/۳۵	گلبا	۱۱۷۶-۲۱	۴
-	-	-	۹۱/۶۳	۰/۴۷	۵۱/۶۸	گلبا	۱۱۷۶-۲۳	۵
۳/۷۳	۱۸/۰۸	۰/۸۹	۱۲۷/۴۷	۰/۴۰	۴۰/۸۷	گلبا	۱۱۷۶-۲۹	۶
۶/۴	۸/۰۸	۰/۹۲	۹۲/۵۲	۰/۴۵	۳۱/۵۵	گلبا	۱۱۸۳-۱	۷
۵/۲	۱۷/۹۲	۰/۸۷	۱۶۸/۸۵	۰/۳۱	۴۰/۲	گلبا	۱۱۸۳-۸	۸
۷۳/۱۲	۴/۷۸	۰/۹۳	۶۲۲/۳۱	۰/۵۳	۲۵/۴۹	گلبا	۱۱۸۳-۱۰	۹
۱/۴۷	۲۸/۸۸	۰/۱۰	۳۳۹/۸	۰/۴۴	۲۸/۵۵	گلبا	۱۱۹۱-۳	۱۰
۱/۰۱	۱۶/۷۶	۰/۱۲	۱۱۴/۲۲	۰/۴۹	۱۷	گلبا	۱۱۲۰۰	۱۱
۰/۵۸	۳۲/۹۴	۰/۹۹	۳۳/۶۵	۰/۵۰	۴۷/۹	سیرج	۱۲۶۸	۱۲
-	-	-	۵۴/۳۵	۰/۴۸	۶۴/۰۱	سیرج	۱۳۰۷-۱	۱۳
۰/۲۷	۳۰/۲	۰/۰۸	۸۲/۱۹	۰/۳۹	۲۹/۸	گلبا	۱۳۳۶	۱۴
۱۶/۵۶	۱۴/۳۶	۰/۱۵	۱۲۹۹/۶	۰/۵۴	۱۴/۹۷	گلبا	۱۳۴۶-۱	۱۵
۱/۲۷	۲۳/۳	۰/۱۷	۱۴۴/۳۹	۰/۵۵	۲۳/۸۲	سیرج	۱۳۴۷-۴	۱۶
۰/۲۶	۴۰/۹۶	۰/۰۶	۱۳۹/۸۳	۰/۳۵	۴۰/۱۱	سیرج	۱۴۲۵	۱۷
-	-	-	۴/۵۷	۰/۴۰	۵۱/۵۵	گلبا	۱۸۷۲-۸	۱۸
۰/۰۶	-	-	۴۲/۶۳	۰/۴۳	۵۰/۷۲	گلبا	۱۸۷۴-۷	۱۹
۰/۰۳	۲۹/۹۸	۰/۰۷	۱۹/۹۲	۰/۳۹	۲۹/۶	گلبا	۱۸۷۴-۹	۲۰
-	۳۶/۷۲	۰/۱۰	۹/۴۷	۰/۴۳	۳۵/۸۹	گلبا	۲۱۵۶-۱	۲۱
-	-	-	۲۲/۴۶	۰/۲۸	۶۰/۴۹	گلبا	۲۱۵۶-۲	۲۲
	-	-	۳/۶۷	۰/۳۷	۶۴/۹۱	گلبا	۲۵۰۳-۲	۲۳

عرضه ترین باند فرکانسی را رکورد گلبا (۱۱۷۶-۵) و باریکترين باند

۱۴- بحث

فرکانسی را رکورد گلبا (۲۱۵۶-۲) دارا می‌باشند. این بدین معنی است که در زلزله با شماره‌ی رکورد (۱۱۷۶-۵)، طیف وسیع تری از انواع سازه‌ها با تعداد طبقات و سختی‌های مختلف، به دلیل جذب انرژی زیاد، زودتر از سایر سازه‌ها آسیب دیده‌اند، ولی در مورد زلزله با شماره‌ی رکورد (۲۱۵۶-۲) به دلیل باند فرکانسی باریک دامنه‌ی محدودتری از سازه‌ها دچار آسیب شده‌اند. مطابق فرمول ۱۳ پارامتر 2 برابر با سطح زیرمنحنی چگالی طیفی توان و در واقع برابر با توان 5 برآمد. بیشترین توان کل را زلزله‌ی گلبا با شماره‌ی رکورد (۱۱۷۶-۵) دارد و به این معنی است که این زلزله بیشترین میزان انرژی آزاد شده در واحد زمان را داشته و به همین دلیل سرعت فرکانسی مدل کانایی- تاجیمی را نشان می‌دهد دیده می‌شود که از مطالعه‌ی مقادیر پارامتر ۸ در جدول ۲ که پهنه‌ی باند فرکانسی مدل کانایی- تاجیمی را نشان می‌دهد دیده می‌شود که

القادمی و همکاران (Elghadamsi et al., 1988) پس از مطالعات زیاد بر روی فرکانس مرکزی زمین، مقدار این پارامتر را برای خاک‌های آبرفتی ۲۵/۷۶ رادیان بر ثانیه به دست آوردند. با سخت تر شدن خاک مقدار این پارامتر افزایش می‌یابد، به طوری که میانگین آن برای لایه‌ی سنگی حدود ۳۴ رادیان بر ثانیه به دست آمد. جنس لایه‌ی سطحی خاک در مناطق گلبا و سیرج از لایه‌های سنگی تشکیل شده است، چرا که میانگین مقادیر این پارامتر ۳۸/۳ رادیان بر ثانیه می‌باشد (جدول ۲).

از مطالعه‌ی مقادیر پارامتر ۸ در جدول ۲ که پهنه‌ی باند فرکانسی مدل کانایی- تاجیمی را نشان می‌دهد دیده می‌شود که

جدول ۳- محاسبه بازه‌ی فرکانسی تشدید برای سازه‌های واقع در گلباf و سیرچ

سازه‌های واقع در گلباf و سیرچ را به صورت زیر محاسبه نمود:

$$T_{p1} = \frac{2\pi}{21.55} = 0.29 \text{ Sec}$$

حد بالای پریود غالب حرکت

$$T_{p2} = \frac{2\pi}{55.06} = 0.11 \text{ Sec}$$

حد پائین پریود غالب حرکت

$$f_1 = \frac{1}{T_{p1}} = 3.43 \text{ Hz}$$

حد پائین فرکانس تشدید

$$f_2 = \frac{1}{T_{p2}} = 8.76 \text{ Hz}$$

حد بالای فرکانس تشدید

مطابق محاسبات فوق با در نظر گرفتن حاشیه‌ی اطمینان مناسبی، شاید بتوان گفت ساختمان‌های ساخته شده در گلباf یا سیرچ که دارای فرکانس اصلی در محدوده‌ی ۳/۳۴ الی ۸/۷۶ هرتز یا پریود اصلی در محدوده‌ی ۰/۱۱ الی ۰/۲۹ ثانیه باشند، در معرض خطر ایجاد پدیده‌ی تشدید هستند. شدیدترین خطر برای ساختمان‌هایی با پریود اصلی ۰/۱۶ ثانیه یا فرکانس اصلی ۶/۱ هرتز که مرکز بازه‌های مذکور هستند وجود دارد. در مورد ساختمان‌هایی با ارتفاع یک تا ده طبقه پریود اصلی ساختمان تقریباً برابر ۰/۰ تعداد طبقات است و با توجه به محدوده‌ی پریود به دست آمده برای تشدید شاید بتوان گفت خطر تشدید برای ساختمان‌های یک تا سه طبقه زیاد و برای ساختمان‌های دو طبقه حدآکثر است.

با توجه به پنهانه‌بندی لرزه‌ای ایران، استان کرمان واقع در ناحیه‌ی ایران مرکزی، از نظر محتوای فرکانسی حرکت و شباهت لایه‌های زمین در تمامی نقاط دارای شرایط تقریباً یکسان می‌باشد و نتایج به دست آمده برای مناطق گلباf و سیرچ را می‌توان حدآقل به کل استان کرمان تعمیم داد (بربریان ۱۳۵۶ و مهندسین مشاور تهران پادیر ۱۳۷۶). نظر به اینکه فرکانس ارتعاش هر ساختمان ارتباط مستقیم با جرم و سختی سازه دارد به عنوان یک نتیجه‌ی عملی از این مقاله شاید بتوان چنین توصیه کرد که در صورتی که در این استان سازه‌ای در حال طراحی باشد باید دقیق کرد که فرکانس یا پریود اصلی سازه در محدوده‌ی خطر ایجاد پدیده‌ی تشدید (۰/۱۱ الی ۰/۲۹ ثانیه یا ۳/۴۳) الی ۸/۷۶ هرتز) قرار نگیرد و چنانچه به اقتضای وضعیت سازه چنین اتفاقی افتاد باید با تغییر دادن جرم یا سختی سازه فرکانس اصلی سازه را تغییر داد.

ردیف	شماره‌ی رکورد	محل وقوع زلزله	ω_g	ω_g	δ	$1-\delta$	$1+\delta$	ω_g
۱	۱۱۷۲-۶	گلباf	۳۳/۶۴	۰/۵۰	۰/۵	۱/۵	۸/۶۶	۲/۱۸
۲	۱۱۷۶-۵	گلباf	۳۵/۲۴	۰/۵۳	۰/۴۷	۶۳/۱	۲۲/۵۶	۲۶/۴۶
۳	۱۱۷۶-۱۷	گلباf	۲۹/۵۶	۰/۵۳	۰/۴۷	۱/۵۳	۶/۱۴	۳/۲۱
۴	۱۱۷۶-۲۱	گلباf	۳۵/۴۴	۰/۵۴	۰/۴۷	۵۴/۱	۲۴/۸۲	۰/۹۹
۵	۱۱۷۶-۲۳	گلباf	۵۱/۶۸	۰/۴۷	۰/۵۳	۱/۴۷	-	-
۶	۱۱۷۶-۲۹	گلباf	۸۷/۴۰	۰/۴۰	۰/۴۷	۶	۴/۱	۳/۷۳
۷	۱۱۸۳-۱	گلباf	۳۱/۵۵	۰/۴۵	۰/۵۵	۱/۴۵	۸/۰۸	۶/۴
۸	۱۱۸۳-۸	گلباf	۲۴/۰	۰/۴۰	۰/۴۷	۳/۱	۱۷/۹۲	۵/۲
۹	۱۱۸۳-۱۰	گلباf	۲۵/۴۹	۰/۵۳	۰/۴۷	۱/۵۳	۴/۷۸	۷۳/۱۲
۱۰	۱۱۹۱-۳	گلباf	۲۸/۵۵	۰/۴۴	۰/۵۶	۱/۴۴	۲۸/۸۸	۱/۴۷
۱۱	۱۱۲۰	گلباf	۱۷	۰/۴۹	۰/۵۱	۱/۴۹	۱۶/۷۶	۱/۰۱
۱۲	۱۲۶۸	سیرچ	۴۷/۹	۰/۵۰	۰/۵	۱/۵	۳۲/۹۴	۰/۵۸
۱۳	۱۳۰۷-۱	سیرچ	۶۴/۰۱	۰/۴۸	۰/۵۲	۱/۴۸	-	-
۱۴	۱۳۳۶	گلباf	۲۹/۸	۰/۳۹	۰/۶۱	۱/۳۹	۳۰/۲	۰/۲۷
۱۵	۱۳۴۶-۱	گلباf	۱۴/۹۷	۰/۴۶	۰/۵۴	۱/۵۴	۱۴/۳۶	۱۶/۵۶
۱۶	۱۳۴۷-۴	سیرچ	۲۳/۸۲	۰/۵۵	۰/۴۵	۱/۵۵	۲۳/۳	۱/۲۷
۱۷	۱۴۲۵	سیرچ	۴۰/۱۱	۰/۴۵	۰/۶۵	۱/۳۵	۴۰/۹۶	۰/۲۶
۱۸	۱۸۷۲-۸	گلباf	۵۱/۵۵	۰/۴۰	۰/۶	۱/۴	-	-
۱۹	۱۸۷۴-۷	گلباf	۵۰/۷۲	۰/۴۳	۰/۵۷	۱/۴۳	-	۰/۰۶
۲۰	۱۸۷۴-۹	گلباf	۲۹/۶	۰/۳۹	۰/۶۱	۱/۳۹	۲۹/۹۸	۰/۰۳
۲۱	۲۱۵۶-۱	گلباf	۳۵/۸۹	۰/۴۳	۰/۵۷	۱/۴۳	۴۶/۷۲	-
۲۲	۲۱۵۶-۲	گلباf	۶۰/۴۹	۰/۷۸	۰/۷۲	۱/۷۲	-	-
۲۳	۲۵۰۳-۲	گلباf	۶۴/۹۱	۰/۳۷	۰/۶۳	۱/۳۷	-	-

آسیب‌دیدگی سازه‌ها در این منطقه به دلیل جذب انرژی بیشتر توسعه سازه‌ها در واحد زمان، نسبت به سایر زلزله‌های مورد بررسی بیشتر بوده است.

پارامترهای میرایی و فرکانس غالب زمین (ζ , ω) و نیز پارامتر (G_0) پارامترهای مدل کانایی-تاجیمی هستند، که بررسی و مقایسه‌ی مقادیر هر یک از آن‌ها با هم نتایجی را در برخواهد داشت که کاربرد خاص خود را داشته و نیاز به تئوری، بحث و بررسی بیشتر دارد.

۴- تشكیل و قدردانی

این مقاله طرح تحقیقاتی انجام شده توسعه مولف با عنوان تعیین فرکانس ساختمان‌های در معرض خطر ایجاد پدیده‌ی تشدید یا

۵- نتیجه‌گیری

براساس نتایج ارائه شده در جدول ۳ و با استفاده از فرمول‌های

maximum response of a building structure during an earthquake", *Proc. World Conf. Earthquake Eng., Japan*: 781-797.

جذب حدّاًکثر میزان انرژی در زلزله‌های گلبا و سیرچ با استفاده از طیف توان و مدل کاتانی-تاجیمی "دانشگاه آزاد اسلامی واحد بردیسر بوده و با حمایت مالی این واحد دانشگاهی انجام شده است. بنابراین لازم می‌دانم از همکاری و مساعدت کلیه‌ی افرادی که بندۀ را در تهیه و تدوین این طرح تحقیقاتی یاری کرده‌اند، تشکر و قدردانی نمایم.

مراجع

بربریان، م، ۱۳۵۶، پژوهش و بررسی لرزه‌زمین ساخت (سایزموتکنونیک) ایران، وزارت صنایع و معادن، سازمان تحقیقات زمین‌شناسی و اکتشافات معدنی کشور، گزارش شماره‌ی ۲۱۰: ۴۰-۴۳.

برگی، خ، ۱۳۷۶، بررسی طیف توان در مهندسی زلزله و تهیه‌ی طیف توان زلزله‌های ایران، فصلنامه‌ی انجمن مهندسین ایران (اساس)، تک شماره: ۳۲-۴۳، برگی، خ، ۱۳۷۷، توابع چگالی طیفی توان، طرح و کاربرد آن‌ها در مهندسی زلزله، فصلنامه‌ی انجمن مهندسی ایران (اساس)، ۱۰-۲۰.

خسروی، م. ر، ۱۳۸۳، بررسی روش‌های ایجاد شتاب نگاشت‌های مصنوعی جهت تحلیل تاریخچه‌ی زمانی و ارائه‌ی شتاب نگاشت مصنوعی برای ناحیه‌ی ایران مرکزی، پایان نامه‌ی کارشناسی ارشد، دانشگاه بین‌المللی امام خمینی، دانشکده‌ی فنی، گروه مهندسی عمران، ۲۱۶ ص.

رمضی، ح. ر، ۱۳۷۶، داده‌های پایه‌ی شتاب نگاشت‌های شبکه‌ی شتاب نگاری کشور، انتشارات مرکز تحقیقات ساختمان و مسکن، ۱۱۸ ص.

عادلی، ح، ۱۳۷۵، مهندسی زلزله، انتشارات کتابفروشی دهخدا، چاپ ششم: ۴۵-۳۶

محرز، ب، القادمی، ف، ۱۳۷۹، زلزله و طیف‌های پاسخ: فصل دوم، هندبوک طراحی لرزه‌ای، مترجم: اوشک سرابی، انتشارات مرکز نشر دانشگاهی: ۷۰-۱۷۰. مهندسین مشاور تهران پادیر، ۱۳۷۶، تقسیم‌بندی پهنه‌های لرزه‌ی زمین‌ساختی و برآورد پارامترهای خطر زمین‌لرزه، گزارش پهنه‌بندی خطر لرزه‌ای ایران برای کاربرد در آینین نامه‌ی زلزله (۲۸۰-۱۲۶).

Barstein, M. F., 1960, "Application of probability methods for designing the effects of seismic forces on engineering structures", *Proc. Second World Conf. Earthquake Eng., Japan*: 1467-1482.

Bolotin, V. V., 1960, "Statistical theory of a seismic design of structures", *Proc. Second World Conf. Earthquake Eng., Japan*: 1365-1374.

Chopra, A. K., 1995, "Dynamics of structures, theory and applications to earthquake engineering", *Prentice-Hall International*, 729p.

Elghadamsi, F. E., Mohraz, B., Lee, C. T. & Moayyad, P., 1988, "Time-dependent power spectral density of earthquake ground motion", *Int. J. Soil Dynamics and Earthquake Eng., Vol. 7(1)*: 15-21.

Iyengar, R. N. & Iyengar, K. T. S., 1969, "A nonstationary random process model for earthquake accelerograms", *Bull. Seism. Soc. Am., Vol. 59*: 1163-1188.

Pulgrano & Ablowitz 1969, In: Lai, S. P., 1982, "Statistical characterization of strong motion using power spectral density function", *Bull. Seism. Soc. Am., Vol. 72*: 259-274.

Tajimi, H., 1960, "A statistical method of determining the