# بررسی تاثیر چرخش مثلثاتی ستون بر ظرفیت برش منگنهای در دالهای مجوف دو طرفه با استفاده از روش المان محدود

هادی عزیزیان دانشجوی دکتری، گروه مهندسی عمران، واحد مهاباد، دانشگاه آزاد اسلامی، مهاباد، ایران. محمد علی لطف الهی یقین<sup>\*</sup> استاد، دانشکده مهندسی عمران، دانشگاه تبریز، تبریز، ایران علاء الدین بهروش استاد، گروه مهندسی عمران، واحد مهاباد، دانشگاه آزاد اسلامی، مهاباد، ایران. اotfollahi@tabrizu.ac.ir تاریخ دریافت: ۹۸/۰۶/۱۲ تاریخ پذیرش نهایی: ۹۸/۰۶/۱۱

### چکیدہ:

با توجه به اینکه اجرای ستون در دالهای مجوف دوطرفه با برخی محدودیتها بخصوص معماری مواجه است، بنابراین در بعضی از اجراها، ستون، باید چرخش داده شود که این چرخش باعث تغییر فاصله گویهای کروی از لبه ستون و تغییر ظرفیت برش منگنهای خواهد شد، که تاکنون در این زمینه تحقیقات آزمایشگاهی و آنالیز عددی انجام نشده است. در این تحقیق بعد از کالیبراسیون نرمافزار المان محدود ABAQUS با نتایج آزمایشگاهی، تاثیر چرخش ستون مربعی با فواصل مختلف گویهای کروی از لبه ستون بر ظرفیت برش منگنهای و مکانیسم شکست (ناحیه مستعد خرابی) در دال مجوف دو طرفه بررسی شده است. نتایج نشان می دهد با افزایش فاصله گویها از بر ستون تا (b ≤ S) با زاویههای مختلف، ظرفیت برش منگنهای افزایش پیدا کرده سپس ثابت می گردد. در شرایطی که فاصله گویها از لبه ستون، کمتر از (b) باشد با افزایش زاویه چرخش ستون، ظرفیت برش منگنهای کاسته می شود که علت این امر وجود ناحیه مستعد خرابی در فاصله کمتر از (b) میباشد.

كليد واژگان: دال مجوف دوطرفه، چرخش مثلثاتی ستون، ظرفیت برش منگنهای، تحليل اجزاء محدود

#### ۱ – مقدمه

دالهای سقفی یکی از مهمترین عناصر سازهای ساختمان هستند که سازه را به فضاهای جداگانه تقسیم می کنند، بارهای عمودی بوجود آمده را به ستونها یا دیوارها منتقل می کنند و نیروهای ایجاد شده در اثر بارهای افقی را در بین ستونها و دیوارهای محدودکننده توزیع می کنند. در این حالت، دالهای سقفی به عنوان یک صفحه جانبی مستحکم عمل می کنند. بنابراین دالها باید به گونهای طراحی شوند که بالاترین استحکام را داشته باشند. استحکام در دالهای سقفی اغلب با افزایش ارتفاع سطح مقطع به دست ميآيد كه البته اين به معناي بارهاي وزن خود بتن و ورودی بتن نیز میباشد. برای جلوگیری از افزایش وزن، می توان از دالهای مجوف استفاده کرد. چنین راه حل طراحی، باعث كاهش وزن دالها با كاهش استحكام آنها مى شود. تجزيه و تحليل پروژهها در ساختمانها نشان میدهد که برای دستیابی به یک چیدمان کارآمد، باید راه حلهای جدید ساختاری و تکنولوژیکی برای افزایش دهانهها و کاهش تعداد سازههای باربر و وزن مرده دال را پیدا کرد [۱]. به نظر میرسد استفاده از فیبرو بتن برای تقویت سازههای با طول بلند یکی از مفیدترین نمونهها برای دستیابی به پیچیدگی راه حل ساختاری و تکنولوژیکی است [۲ و۳] در حال حاضر، بیش از هر زمان دیگر، موضوع ساخت و ساز پایدار از اهمیت بالایی برخوردار بوده است [۴] و بر كاهش مصالح ساختماني، بازيافت و استفاده مجدد از مصالح ساختمانی و زبالههای پلاستیکی متمرکز شده است. برای سبکتر شدن دالهای سقفی، سیستم دالهای مجوف بتونی درجا در سراسر جهان معرفی شده است. داخل این حفرهها را میتوان با پسماندهای پلاستیکی شکل مانند کره [۶،۵]، بیضی [۸،۷]، استوانه مخروطی [۹] یا جعبه مستطیل شکل [۱۰–۱۲] پر نمود.

آرایش بندی پسماندهای پلاستیکی باعث تغییر رفتار دال در ظرفیت برش منگنهای میشود، در تحقیقی وقتی آرایش بندی گوی های کروی متفاوت بود ظرفیت برش منگنهای تغییر کرده بود. موثرترین روش، قرار دادن گویهای کروی پلاستیکی تا محل اتصال ستون به دال است. خطرناکترین مناطق دالهای توپر و مجوف دو طرفه محل اتصالات ستون به دال و مناطقی هستند که بارهای متمرکز به آن اعمال می شود [۱۳]. تنش های برشی زیاد در این ناحیه باعث برش منگنهای می شود [۱۴]. علاوه بر این، دالهای مجوف نسبت به دالهای توپر بیشتر مستعد خرابی هستند. تحقیقات نشان داده است که زاویه شکست سطح خرابی منگنهای مخروط، در هنگام منگنهای دال از ۲۲ تا ۴۵ درجه متغیر است. با تقویت ناحیه منگنه ایینگ با میلگرد برشی، ممکن است ظرفیت برش منگنهای افزایش یابد. دال تخت و اتصال ستون به دال توپر به طور گسترده مورد مطالعه قرار گرفتهاند [۱۵]. بر اساس این مطالعات، روشهای مختلفی برای محاسبه ظرفیت برشی منگنهای یک دال پیشنهاد شده است [۱۶]. اما این روشها بر اساس فرضيات مختلفى مبتنى است. براساس اين فرضيات، محيط بحرانى برش منگنهای در فاصله d تا 2d از بر ستون قرار دارد. محاسبه ظرفیت برش منگنهای با برآورد محیط برش منگنهای تحت تأثیر قرار می گیرد. این برای محاسبه ظرفیت برش منگنهای دالهای مجوف بسيار مهم است. مطابق روش محاسبه EC2 [١٧]، محيط بحراني

برش منگنهای در فاصله 2d از لبه ستون قرار دارد (جایی که d عمق مؤثر سطح مقطع دال است).

دوره ۱۶، شماره ۳، پاییز ۱۳۹۸

اساس شبیهسازی نرمافزار المان محدود با موضوع برش منگنهای که در آن جزءهای زیادی دخیل هستند، نیازمند تأیید دقیق تفسیر و مدلسازی اجزاء با استفاده از نتایج آزمون تجربی است. برخی از اهداف اصلی موثر مدل اجزاء مورد استفاده، نوع، شکل هندسی و اندازه اجزاء، نحوه تفکیک آرماتور و گسستهسازی منطقه باراعمالی میباشد. شبیهسازیها توسط انواع مختلف آزمایش تأیید و ارزیابی میشوند. مطالعات پارامتری محدودیتهای پارامترهای اجزاء و گسستهها را مشخص میکند. با توجه به این الزامات، مدل المان محدود نهایتا تکمیل نشده و به طور مداوم اصلاح و بهبود مییابد[۱۸].

در این تحقیق بعد از کالیبراسیون نرمافزار المان محدود ABAQUS 6.19، تاثیر چرخش ستون با مقطع مربعی با فواصل مختلف گوی های کروی از لبه ستون بر ظرفیت برش منگنه ای و مکانیسم شکست (ناحیه مستعد خرابی) در دال مجوف دو طرفه بررسی شد.

#### ۲-ضرورت و اهداف این تحقیق

بر اساس تحقیقات انجام گرفته، این کار تحقیقی برای اولین بار انجام شده است به این شیوه که تاثیر چرخش مثلثاتی ستون دال در خلاف عقربههای ساعت که با آرایش بندی گوی های پلاستیکی به صورت دو لایه مربعی در اطراف ستون می باشد، بر برش منگنه ای در دالهای مجوف مورد بررسی و آنالیز عددی با نرمافزار ABAQUS 6.19 قرار گرفت.

#### ۳- مدلسازی و مشخصات مدلها

آزمایشی که در این تحقیق برای انجام صحتسنجی مورد استفاده قرار گرفته، آزمایش انجام شده توسط والیوینیز و همکاران [۱۹] در آزمایشگاه دانشگاه فنی و مهندسی ویلیام گیدنیناس در لیتوانی در سال ۲۰۱۷ است. مدل اجزای محدود دقیقاً با مشخصات ذکر شده در آزمایش ساخته شده است. بنابراین سعی بر آن شد تا نرمافزار المان محدود با کار آزمایشگاهی قید شده، که یک دال بتنی مجوف می باشد، مقایسه و کالیبره گردید. مشخصات مصالح استفاده شده در ساخت دال بتنی در جدول (۱) و (۲) آورده شده است. نتایج آزمایش با پیش بینیهای حاصل از تحلیل مدلها مقایسه می شود و در صورت انطباق، می توان به نتایج حاصل از مدل سازی اجزای محدود اعتماد نمود.

جدول۱- مشخصات بتن استفاده شده در ساخت دال [۱۹] مقاله ۲۰۱۷

چگالی (kg/m3)	تنش نهایی فشاری	تنش نهایی کشش	ضريب 1	مدول الاستيسيته	
	(MPa)	(MPa)	پواسيون	(GPa)	
2400	26.51	3	0.15	27.17	

جدول۲– مشخصات میلگرد استفاده شده در ساخت دال [۱۹]

چگالی (kg/m3)	تنش نهایی فشاری (MPa)	تنش نهایی کشش (MPa)	ضريب پواسيون	مدول الاستيسيته (GPa)	قطر
7850	397.71	397.71	0.3	207.06	6
7850	519.50	519.50	0.3	203.06	8
7850	559.00	559.00	0.3	191.83	14





### ۱-۳- مدلسازی و مشخصات دال

# ۱-۱-۳- مدلسازی و مشخصات دال جهت کالیبراسیون نرم افزار المان محدود

نرم افزار 6.19 ABAQUS امکان معرفی رفتار بتن تحت مدلهای مختلف را داراست. در مدلسازی دالها از مدل پلاستیک آسیب دیده بتن استفاده شد. مدل پلاستیک آسیب دیده بتن مدل توانمندی است که برای بارگذاری مختلف کاربرد داشته و با بیان رفتار مجزای بتن در فشار و کشش، رفتار این ماده را بصورت واقعی تر بیان می کند. در این مدل با استفاده از مفاهیم الاستیک آسیب دیده ایزوتروپیک و پلاستیک کششی و فشاری، رفتار غیر خطی بتن بیان می شود. در این برنامه از المان سه بعدی ۴ گرهی از نوع مثلثی ( المان C3D4) برای مدلسازی بتن، تکیه گاه و از المان دو گرهای میله ای (T3D2) برای مدلسازی آرماتورها بهره برده شد. خواص فولادی و بتن نیز در برنامه اعمال گردید و تمامی قیدهای درگیر کننده این عناصر به نرمافزار معرفی شد.

## ۲-1-۲- توصيف هندسه دال جهت كاليبراسيون نرمافزار المان محدود

مدل هندسی نمونه آزمایشگاهی در نرمافزار ساخته شده است در شکل(۱) این مدل قابل مشاهده است. آزمایش روی دالهای مربعی با ابعاد ۲۹۰۹ در ۲۹۰۹ میلیمتر انجام شد. دالها روی چهار تکیهگاه ساده خطی به طول ۳۰۱۰ میلیمتر قرار داشتند. ضخامت کل دال ۲۷ سانتیمتر میباشد. بارگذاری با استفاده از جکی هیدرولیکی به صورت موضعی در اسطحی به ابعاد ۱۰ در ۱۰ سانتیمتر اعمال گردید. مقاومت نمونه منگنهای بتن مصرفی ۲۶٫۵۱ مگاپاسکال است و جهت ایجاد برش منگنهای در دالها، از نسبت فولاد به بتن بالایی استفاده شد. مشخصات آرماتور فولادی مورد استفاده مطابق جدول ۲ میباشد. میلگردهای واقع در سفره پایین با قطر ۱۴ میلیمتر، میلگردهای واقع در سفره بالا ۸ میلیمتر و سنجاقهای برشی با قطر ۶ میلیمتر میباشد.

مش بندی مدل در شکل (۲) قابل مشاهده است. تحلیل استاتیکی غیر خطی انجام با بارگذاری مشابه آزمایش انجام شده است. نمونه نتایج مدل در شکل (۳) و کنتور تنش محوری میلگردها فولادی در شکل (۴) نشان داده شده است.



شکل۲- مشبندی مدل اجزای محدود دال بتنی



شکل۳- کانتور خرابی کششی در مدل اجزای محدود دال بتنی



شکل۴- کنتور تنش محوری میلگردها فولادی

در شکل (۵) نمودار بار اعمالی در برابر تغییرمکان وسط دال، رسم شد نتایج حاصل از آزمایش با نمودار بار اعمالی در برابر تغییرمکان بدست آمده از روش اجزای محدود با هم مقایسه شده است. همانطور که ملاحظه می شود، دو نمودار در قسمت خطی اولیه انطباق کامل دارند. در بخش غیرخطی منحنی دو نمودار تا حدودی از هم فاصله می گیرند که بیشترین میزان این فاصله حدود ۵/۵ ٪ است. دلیل این تفاوت را می توان به ساده سازی های استفاده شده در مدل اجزای محدود مانند منحنی های رفتاری مواد، تکیه گاهها، اندرکنش ها و بارگذاری و نیز خطاهای دستگاهی و انسانی در آزمایشگاه مربوط دانست. در قسمت منحنی ها و تفاوت کمتر از ۵/۵ ٪ بین آنها مدلهای اجزای محدود دال منحنی ها و تفاوت کمتر از ۵/۵ ٪ بین آنها مدلهای اجزای محدود دال دارای دقت مناسبی در پیش بینی رفتار واقعی دال هستند و می توان به دارای دقت مناسبی در پیش بینی رفتار واقعی دال هستند و می توان به دارای دقت مناسبی در پیش بینی رفتار واقعی دال هستند و می توان به



شکل۵- مقایسه نمودار نیرو-جابجایی مربوط به آزمایش و مدلسازی عددی

## ۳-۱-۳- توصیف هندسه سایر دالها در نرمافزار المان محدود

مطابق شکل (۶) مدلهای هندسی روی دالهای مجوف با ابعاد ۱۳۰۰ در ۱۳۰۰ میلیمتر انجام شد. دالها روی شاسی صلب به

عنوان تکیهگاه قرار گرفتند. ضخامت کل دال ۱۲ سانتیمتر میباشد. بارگذاری روی سطحهای مربعی به ابعاد 7 × 7 سانتیمتر که با زوایای مختلف چرخش داده شدند، اعمال گردید. مقاومت نمونه استوانهای بتن مصرفی ۳۰ مگا پاسکال است که مشخصات آن در جدول (۳) آورده شده است و جهت ایجاد برش منگنهای در دالها، از نسبت فولاد به بتن

بالایی استفاده شد. مشخصات آرماتور فولادی مورد استفاده مطابق جدول (۴) میباشد. میلگردهای واقع در سفره پایین با قطر ۸ میلیمتر، میلگردهای واقع در سفره بالا ۶ میلیمتر میباشد. قطر گویها ۷ سانتیمتر است و فاصله مرکز به مرکز آنها ۸ سانتیمتر میباشد.



شکل۶- مشخصات هندسی و آرماتور گذاری دال مجوف دو طرفه با آرایش بندی مربع در المان محدود

	جدول۳– خواص بتن						
چگالی	تنش نهایی	تنش نهایی	ضريب	مدول			
فشاری (kg/m3)		کشش	پواسيون	الاستيسيته			
	(MPa)	(MPa)		(GPa)			
2400	30	3	0.15	25			

جدول۴– خواص میلگرد							
چگالی	تنش	تنش	ضريب	مدول	قطر		
(kg/m3)	نهایی	نهایی	پواسيون	الاستيسيته			
	فشارى	کشش		(GPa)			
	(MPa)	(MPa)					
7850	340	500	0.3	210	6		
7850	400	600	0.3	210	8		

## ۴- اثر زوایه چرخش ستون و فاصله گویهای کروی از لبه ستون بر ظرفیت برش منگنهای

مطابق جدول (۵) ۸۴ نمونه دال مجوف دو طرفه که ستون دال با زاویههای مختلف در جهت خلاف عقربههای ساعت چرخیده است و در این نمونهها گویهای کروی با آرایش بندی مربعی چیده شده و در فاصله های مختلف از بر ستون قرار گرفته اند مدلسازی شد و ظرفیت برش منگنه ای مورد بررسی قرار گرفت. شکل (۷) نمونه دالهای (۱، ۱۳ ، ۲۵، ۲۷، ۲۹،۶۱ (۷۳) را جهت درک بهتر مدلسازی نشان می دهد.

جدول ۵- تیپ بندی مدلهای دال بر اساس زاویه چرخش و فاصله گوی ها از لبه ستون جهت استفاده در مطالعات شبیه سازی عددی

-		, , , ,		, , , ,		• • • • •	
	<b> </b>	<b>Θ=5°</b>	<b>Θ=10°</b>	<b>Θ=15°</b>	<b>Θ=20°</b>	<b>⊖=25°</b>	<b>Θ=30°</b>
S=10 mm	Slab-1	Slab-13	Slab-25	Slab-37	Slab-49	Slab-61	Slab-73
S=20 mm	Slab-2	Slab-14	Slab-26	Slab-38	Slab-50	Slab-62	Slab-74
S=30 mm	Slab-3	Slab-15	Slab-27	Slab-39	Slab-51	Slab-63	Slab-75
S=40 mm	Slab-4	Slab-16	Slab-28	Slab-40	Slab-52	Slab-64	Slab-76
S=50 mm	Slab-5	Slab-17	Slab-29	Slab-41	Slab-53	Slab-65	Slab-77
S=60 mm	Slab-6	Slab-18	Slab-30	Slab-42	Slab-54	Slab-66	Slab-78
S=70 mm	Slab-7	Slab-19	Slab-31	Slab-43	Slab-55	Slab-67	Slab-79
S=80 mm	Slab-8	Slab-20	Slab-32	Slab-44	Slab-56	Slab-68	Slab-80
S=90 mm	Slab-9	Slab-21	Slab-33	Slab-45	Slab-57	Slab-69	Slab-81
S=100 mm	Slab-10	Slab-22	Slab-34	Slab-46	Slab-58	Slab-70	Slab-82
S=110 mm	Slab-11	Slab-23	Slab-35	Slab-47	Slab-59	Slab-71	Slab-83
S=120 mm	Slab-12	Slab-24	Slab-36	Slab-48	Slab-60	Slab-72	Slab-84



شکل ۲- چرخش ستون در نمونه دالهای (Slab-1, 13, 25, 37, 49, 61, 73) با زوایای مختلف در فاصله S=10 mm گویها از بر ستون

شکلهای (۸) تا (۱۴) نمودار بار – جابجایی دالهای مجوف دو طرفه با در نظر گرفتن اثر زاویه چرخش ستون و فاصله گویها از بر ستون را نشان میدهد. با افزایش فاصله گویها از بر ستون، همچنانکه ظرفیت برش منگنهای افزایش پیدا میکند اثر زاویه چرخش بر میزان ظرفیت برش منگنهای کاسته شده تا جایی که در فاصله  $(D \leq S)$  آهنگ تغییرات ظرفیت برش منگنهای ثابت گردیده و زاویه چرخش تاثیری بر آن نخواهد داشت. این پدیده را میتوان در اشکال (۸ تا ۱۴) مشاهده



شکل۸- نمودار بار- جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۰ درجه ستون، در فواصل مختلف گویها





40

## دوره ۱۶، شماره ۳، پاییز ۱۳۹۸



شکل۱۳– نمودار بار– جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۲۵ درجه ستون، در فواصل مختلف گوی ها



۳۰ شکل۱۴-نمودار بار- جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۳۰ درجه ستون، در فواصل مختلف گوی ها

شکل(۷)، جدول (۶) و نمودار شکل (۱۵) نشان میدهد که تأثیر منفی  $\Theta=15^{\circ}$ , او یه می منگنهای، با زاویههای ( $^{\circ}$ 15= $\Theta=15^{\circ}$ , او در فواصل ( $S \leq d/2$ ) گویهای کروی از لبه ستون می باشد. بعد از این فاصله ( $S \geq d/2$ ) ظرفیت برش منگنهای در تمامی زوایای چرخش ستون افزایش یافته و از فاصله ( $S \geq d$ ) گویها از لبه ستون مقدار آن ثابت گردیده است.

فصلنامه آناليز سازه- زلزله



شکل۱۰- نمودار بار- جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۱۰ درجه ستون، در فواصل مختلف گوی ها



شکل۱۱-نمودار بار– جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۱۵ درجه ستون، در فواصل مختلف گوی ها



شکل۱۲-نمودار بار- جابجایی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش ۲۰ درجه ستون، در فواصل مختلف گویها

جدول۶- نتایج ظرفیت برش منگنهای نهایی بدست آمده از شبیهسازی عددی تحت اثر زاویه چرخش و فاصله گوی از لبه ستون

S(mm)	<b>Θ=0°</b>	<b>Θ=5°</b>	<b>Θ=10°</b>	<b>Θ=15°</b>	<b>Θ=20°</b>	<b>Θ=25°</b>	<b>Θ=30°</b>
10	171.64	168.20	164.77	161.34	159.62	157.90	156.19
20	175.06	173.30	171.55	168.05	166.30	164.55	162.80
30	184.15	183.41	181.94	178.25	176.41	174.57	172.73
40	191.77	191.57	190.81	186.97	185.63	183.52	181.98
d/2=50	195.35	196.56	195.48	193.98	190.15	189.32	187.56
60	206.04	204.03	203.05	201.02	200.23	198.63	197.56
70	211.03	209.10	208.20	206.32	204.84	203.15	203.25
80	218.26	215.17	213.16	212.85	211.58	210.85	210.56
90	223.32	220.30	218.21	216.14	216.35	215.85	214.89
d=100	226.85	226.23	224.56	224.45	224.12	222.16	222.09
110	227.25	225.1	223.59	225.8	225.48	222.89	222.45
120	227.36	225.18	223.65	225.86	226.58	223.11	223.52



شکل۱۵- نمودار تغییرات ظرفیت برش منگنهای نهایی بدست آمده از شبیهسازی عددی تحت اثر زاویه چرخش و فاصله گوی از لبه ستون

## ۴-۱- بررسی مکانیزم خرابی در دالها

در این بخش به بررسی و مقایسه وضعیت خرابی مدلهای شبیهسازی شده در برنامه المان محدود آباکوس پرداخته شده است به منظور واضح نشان دادن اختلاف شکست و اختلاف برش منگنهای به علت زاویه چرخش ستون و فاصله گویها حالات مختلفی از اثر این دو متغیر در

این مطالعه انتخاب شده است. همچنانکه قبلا نیز اشاره گردید در شرایطی که فاصله گویها از لبه ستون کمتر از d باشد با افزایش زاویه چرخش ستون ظرفیت برش منگنهای کاسته می شود علت این امر وجود ناحیه مستعد خرابی در فاصله کمتر از (d) می باشد. این پدیده شکست را می توان در اشکال (۱۷) تا (۲۰) مشاهده نمود.



شکل۱۷- تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش <sup>0</sup>0 ستون و فاصله S=10mm از بر ستون



شکل۱۸– تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش <sup>3</sup>00 ستون و فاصله S=10mm از بر ستون



شکل۱۹- تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش  $0^{\circ}$  ستون و فاصله S=50mm از بر ستون



شکل۲۰- تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش <sup>3</sup>00 ستون و فاصله S=50mm از بر ستون

در ادامه همچنانکه در اشکال (۲۱) و (۲۲) مشاهده می گردد با افزایش فاصله گویها از لبه ستون  $S \ge d$  زاویه چرخش ستون تاثیری بر میزان برش منگنهای ندارد چرا که این فاصله  $\le S$ d مستعد خرابی نمی باشد. نتایج بررسی خرابی ها نشان می دهد

که ظرفیت برش منگنهای به S و زاویه چرخش O بستگی دارد ولی میزان و شکل خرابی مستقل از هر دو متغیر (فاصله و چرخش ) می باشد.



شکل۲۱- تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش  $^{00}$  ستون و فاصله S=120mm از بر ستون



شکل۲۲- تصویر دو بعدی دال مجوف دو طرفه با زاویه چرخش <sup>300</sup> ستون و فاصله S=120mm از بر ستون

[7] Pfeffer, K., Krecov, D., Miedzik, G., Stuecklin, M., Module for the production of concrete elements and displacement body for this, Int. Cl. E04C 5/00, E04C 5/07, United State patent US 2009/ 0165420 A1, Jul. 2, 2009.

[8] Miedzik, G., Stucklin, M., Half shell element for the production of a hollow body, Int. Cl. E04G 11/06, E04G 21/12, B23P 11/00, United State patent US 2012/0311959 A1, Dec. 13, 2012.

[9] Haussler, W., Honeycomb-structured hollowblock concrete floor, Int. Cl.7: E04B 1/18, United State patent US 2003/0110724 A1, Jun. 19, 2003.

[10] Febra, A.F., Lost mould element for manufacturing reinforced concrete flat slabs, Int., Cl.7: E04C 3/30, United State patent US 6,789,366 B1, Sep. 14, 2004.

[11] Grande Roberto, I., Embedment-type mould for manufacturing building slab structures, Int. Cl. E04B 5/32, Word Intellectual Property Organization, International patent WO 03/048471 A1, 12.06.2003.
[12] Rebelo, F., Eduarda Fanha, N., A better solution for the concrete boxes normally used in the fungiform pavements, Inc. Cl.7: E04B 5/21, European Patent Office, EP 0 884 427 B1, 03.04.2002.

[13] W.D.C. Farshad Habibi, Mitchell, D., Predicting post-punching shear response of slab-column connections., Struct. J. 111 (2014),

[14] Acciai, A., D'Ambrisi, A., De Stefano, M., Feo, L., Focacci, F., Nudo, R., Experimental response of FRP reinforced members without transverse reinforcement: failure modes and design issues, Compos. Part B Eng., Vol. 89, No. 2, 2016, pp 397– 407.

[15] Meisami, M.H., Mostofinejad, D., Nakamura, H., Strengthening of flat slabs with FRP fan for punching shear, Compos. Struct., Vol. 119, No. 2, 2015, pp 305–314.

[16] Serrano, R., Cobo, A., Prieto, M.I., de las, M., González, N., Analysis of fire resistance of concrete with polypropylene or steel fibers, Constr. Build. Mater., Vol. 122, No. 2, 2016, pp 302–309.

[17] Eurocode 2, Design of Concrete Structures - Part 1–1: General Rules and Rules for Buildings, EN 1992-1-1, 2004.

[18] Winkler, K., Stangenberg, F., Numerical Analysis of Punching Shear Failure of Reinforced Concrete Slabs., ABAQUS Users' Conference Ruhr-University Bochum, Germany., Institute for Reinforced and Prestressed Concrete Structures., 2007, pp. 1-15.

[19] Valivonis. J, Skuturna.T, Daugevicius. M, Sneideris. A, Punching shear strength of reinforced concrete slabs with plastic void formers, Construction and Building Materials., vol. 145, No.4, 2017, pp 518-527. ۵– نتیجه گیری

۱- با افزایش فاصله گویها از بر ستون به میزان ( $S \ge d$ ) منحنیهای بار- جابجایی با زاویههای مختلف روی همدیگر منطبق شدهاند.

۲- با افزایش فاصله گویها از بر ستون تا  $(S \ge d)$  با زاویههای مختلف، ظرفیت برش منگنهای افزایش پیدا کرده سپس ثابت گردیده است.

 $\Theta$ =15°, 20°, ) خرفیت برش منگنهای با زاویههای چرخش ( $O^{\circ}$ , 20°) و فواصل ( $S \leq d/2$ ) گویهای کروی از لبه ستون کاهش می یابد. بعد از این فاصله ( $S \geq d/2$ ) ظرفیت برش منگنهای در تمامی زوایای چرخش ستون افزایش یافته و از فاصله ( $S \geq d$ ) گویها از لبه ستون مقدار آن ثابت گردیده است.

۴-وقتیکه فاصله گویها از لبه ستون کمتر از d باشد با افزایش زاویه چرخش ستون ظرفیت برش منگنهای کاسته می شود علت این امر وجود ناحیه مستعد خرابی در فاصله کمتر از (d) می باشد.

۵- بررسی خرابی ها نشان میدهد که ظرفیت برش منگنه ای به S و زاویه چرخش θ بستگی دارد ولی میزان و شکل خرابی مستقل از هر دو متغیر (فاصله و چرخش) می باشد.

8- مراجع

[1] Cheng, M.Y., Chen, C. S., Preliminary planning efficiency evaluation for school buildings considering the tradeoffs of moop and planning preferences, Journal of Civil Engineering and Management., Vol.20, No. 2, 2014, pp 211–222.

[2] Marčiukaitis, G., Šalna, R., Jonaitis, B., J. Valivonis, Calculation model for steel fibre reinforced concrete punching zones of bridge superstructure and foundation slabs, The Baltic Journal of Road and Bridge Engineering., Vol. 6, No. 3, 2011, pp 193–200.

[3] Marčiukaitis, G., Šalna, R., Jonaitis, B., J. Valivonis, A model for strength and strain analysis of steel fiber reinforced concrete, Journal of Civil Engineering and Management., Vol. 17, No. 1, 2011, pp 137–145.

[4] Šiožinytė, E., Antuchevičienė, J., Kutut, V., Upgrading the old vernacular building to contemporary norms: multiple criteria approach, Journal of Civil Engineering and Management., Vol.20, No. 2, 2014, pp 291–298.

[5] Haag, V., Hauser, A., Pfeffer, Krecov, K. D., Method and auxiliary means for producing concrete elements, particularly semi-finished concrete products and/or concrete slabs, as well as auxiliary means for producing concrete slabs, Int. Cl. E04B 1/ 16, E04B 1/00, E04G 21/00, United State patent US 2007/0186506 A1, Aug. 16, 2007.

[6] Breuning, K., System and method of displacement volumes in composite members, Word Intellectual Property Organization, International patent WO 2010/076757 A9., 08.07.2010.

## Investigation of the Effect of Trigonometric Rotation of the Column on Punching Shear Capacity in Two-Way Hollow Slabs Using Finite Element Metho

Hadi Azizian

Ph.D. Candidate, Department of Civil Engineering, Mahabad branch, Islamic Azad University, Mahabad, Iran Lotfollahi Yaghin. A.<sup>\*</sup> M Civil Engineering Faculty, University of Tabriz, Tabriz, Iran. Alaeddin Behravesh Professor, Department of Civil Engineering, Mahabad branch, Islamic Azad University, Mahabad, Iran. lotfollahi@tabrizu.ac.ir

## Abstract:

Considering that the execution of column in two-way hollow slabs has some limitations especially in terms of architecture, so in some executions, the column has to be rotated, which will change the spherical balls spacing of the column edge and change the punching shear capacity. In this field of study, no laboratory research and numerical analysis have been performed so far. In the present research, after calibration of ABAQUS finite element software to experimental results, the effect of square column rotation with different spherical balls spacing from column edge, on punching shear capacity and failure mechanism (areas prone to damage) in two-way hollow slab is investigated. The results present that by increasing the spacing of spherical balls from column edge to (S  $\geq$ d) at different angles of rotation, the punching capacity increases and then stabilizes. Under conditions where the spherical balls' distance from the edge of the column is less than (d), the punching shear capacity is reduced by increasing the angle of rotation of the column. This is due to the presence of a damage-prone area at a distance less than (d).

**Keywords:** Two-way Hollow Slab, Trigonometric rotation of column, Punching Shear Capacity, Finite Element Analysis.