

## پیش‌بینی تراز سطح ایستابی با استفاده از سامانه‌های هوشمند

### (مطالعه‌ی موردی: دشت شبستر)

علی اصغر میرزا بی<sup>\*</sup><sup>۱</sup> و امیرحسین ناظمی<sup>۲</sup>

تاریخ دریافت: ۸۹/۱۰/۲۷ تاریخ پذیرش: ۹۰/۱/۱۸

### چکیده

تخمین تراز سطح ایستابی از مسایل مهم و اساسی است که در برنامه‌ریزی کشاورزی، مدیریت منابع آب و تعیین نیاز آبی گیاهان بویژه در مواردی که از راهکارهای کم آبیاری بهره برده شود، دارای اهمیت فراوانی است. آگاهی از تراز سطح ایستابی می‌تواند در شوری و ماندابی شدن زمین و حتی زهکشی اراضی مفید باشد. در تحقیق حاضر از سامانه های هوشمند استنتاج عصبی - فازی تطبیقی، شبکه های عصبی مصنوعی و برنامه ریزی ژنتیک برای تخمین تراز سطح ایستابی دشت شبستر در استان آذربایجان شرقی، واقع در شمال غرب ایران بهره وری گردیده است. در این تحقیق از اطلاعات ۲۰ پیزومتر که دارای آمار بالای ۱۷ سال بودند، استفاده شده است. نتایج حاصل حاکی از توانایی مطلوب برنامه ریزی ژنتیک در تحلیل پدیده‌ی غیر خطی تغییرات تراز سطح ایستابی است. با توجه به شاخص های آماری به کار گرفته شده در تحقیق حاضر، شبکه‌ی عصبی مصنوعی و نیز سامانه‌ی عصبی - فازی تطبیقی و برنامه ریزی ژنتیک قادر به تخمین دقیق تراز سطح ایستابی بوده و با وجود برخی تفاوت های جزئی در دقت حاصل از به کار گیری این سه روش، که روش برنامه ریزی ژنتیک را به عنوان بهترین روش پیشنهاد می نماید، هر سه روش از دقت قابل قبولی برخوردارند. نتایج نشان دادند که شبکه عصبی - فازی به عنوان بهترین شبیه در تخمین های مبتنی بر داده های ۳ ماه قبل بوده و شبکه ژنتیک و عصبی مصنوعی به ترتیب در مراتب بعدی قرار دارند. همچنین راه حل های صریحی که نشانگر ارتباط بین متغیر های ورودی و خروجی می باشند، بر مبنای برنامه ریزی ژنتیک ارائه گردیده‌اند که این امر بر ارجحیت شبکه های ژنتیک بر دو شبکه دیگر می افزاید.

**واژه های کلیدی:** برنامه ریزی ژنتیک، تخمین، تراز سطح ایستابی، سامانه‌ی عصبی - فازی تطبیقی، شبکه های عصبی.

۱ و ۲- به ترتیب دانشجوی کارشناسی ارشد و استاد گروه مهندسی آب دانشگاه تبریز.

\*نویسنده‌ی مسؤول مقاله: a\_mirzaie62@yahoo.com

## مقدمه

وسيعی در تمامی زمينه‌های علوم و مهندسی، بويژه در مورد مسائل کشاورزی-آشناسی به کار گرفته می‌شوند (فرانسل و پنی گراهی، ۱۹۹۷ و البیروندو و همکاران، ۱۹۹۴). کاربرد سامانه‌های هوشمند برای پیش‌بینی تراز آبهای زیرزمینی به سرعت رو به افزایش است که دلیل این امر به سهولت کاربرد و دقت بالای این شبیه‌ها در تقریب معادلات غیر خطی و پیچیده ریاضی بر می‌گردد (پارولو و توپاسل، ۱۹۹۷). در کاربرد های مهندسی، از برنامه ریزی ژنتیک نیز در شبیه سازی مسائل مربوط به تعیین ساختار پدیده ها استفاده گردد. این روش جزء روشاهای الگوریتم فرا کاوشی محسوب می‌شود که مبنای تمامی آنها بر اساس نظریه تکامل داروین استوار است. الگوریتمهای یاد شده اقدام به تعریف یکتابع هدف در قالب معیار های کیفی نموده، و سپس تابع یاد شده را برای اندازه گیری و مقایسه روشاهای مختلف حل، در یک فرآیند گام به گام تصحیح ساختار داده ها به کار گرفته و در نهایت، روش حل مناسب را ارائه می‌نمایند. برنامه ریزی ژنتیک جدیدترین شیوه الگوریتمهای فراکاوشی است، که به دلیل دارا بودن دقت کافی، از کاربرد بیشتری برخوردار است. خو و همکاران (۲۰۰۱) در یک تحقیق در مورد حوضه آبخیز اورگوال در فرانسه، از برنامه ریزی ژنتیک برای پیش‌بینی رواناب بهره برده و نتایج حاصل را با مقادیر مشاهداتی، و نیز مقادیر محاسبه شده با کاربرد روشاهای کهن مورد مقایسه قرار دادند. حاصل تحقیق بیانگر دقت قابل قبول برنامه ریزی ژنتیک بود. لیونگ و همکاران (۲۰۰۲) با مطالعه رابطه بارش- رواناب بدین نتیجه دست یافتند که استفاده از برنامه ریزی ژنتیک در پیش‌بینی رفتار بارش - رواناب در حوضه های آبخیز سبب بروز خطای کمتری خواهد گردید آیتک و کیشی (۲۰۰۸) با مطالعه در مورد پدیده حمل رسوب در آبراهه ها روش برنامه ریزی ژنتیک را به عنوان یک رهیافت مناسب جهت شبیه سازی بار معلق معرفی نمودند. همچنین درکورت (۱۹۹۹)، بابویک و کیزر (۲۰۰۲) و ماتیل و لیونگ (۲۰۰۱) از برنامه ریزی ژنتیک برای شبیه سازی بارش- رواناب بهره برdenد. سامانه استنتاج عصبی-فازی تطبیقی، از جمله روشاهایی است که در تحلیل پدیده های غیر خطی و بررسی رابطه بین

آبهای زیرزمینی به عنوان تنها منبع مورد اعتماد مصرف آب در زمین، در زمينه های شب، کشاورزی و صنعت در بیشتر مناطق خشک و نیمه خشک محسوب می‌شوند. با توجه به این که ریزشهای جوی در این مناطق بیشتر به گونه ای است که در زمانهای محدود اتفاق می‌افتد، لذا جریانهای سطحی عموماً به صورت سیلابی و پس از هر بارش مشاهده و قطع می‌گردد. بنابراین، در این مناطق مهارکردن و بهره وری از آبهای سطحی فقط به صورت طرحهای آبخیزداری و در جهت تغذیه ای آبهای زیرزمینی انجام می‌گیرد، لذا کلیه برنامه ریزی های کوتاه مدت و دراز مدت تأمین آب در این مناطق بر مبنای حجم آب زیرزمینی در دسترس می‌باشد. تاکنون از شبیه های زیادی برای پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی بهره برده شده است از جمله ای اینها می‌توان به شبیه های سری زمانی تجربی و شبیه های فیزیکی اشاره کرد (ایزدی و همکاران، ۱۳۸۶). از شبیه های سری زمانی تجربی، به طور گسترده ای برای شبیه سازی سطح آب زیرزمینی استفاده شده است، ولی هنگامی که رفتار پویایی یک سامانه ای آشناسی با گذشت زمان تغییر می‌کند، به دلیل تأثیر فراسچهای مختلف، تعیین معادلات حاکم بر آن نیز مشکل بوده و در صورت تعیین شبیه ریاضی نیز دسترسی به اطلاعات پیچیده زمین شناسی، مشخصات لایه های آبخوان و غیره در اکثر موارد به آسانی میسر نمی‌باشد. ارزیابی تغییرات تراز آب زیرزمینی و پیش‌بینی آن با توجه به وجود فراسچهای متنوع مرتبط با موضوع، نظیر متغیرهای آشناسی، زمین شناسی، خاکشناسی و غیره مسئله ای غیرخطی و پیچیده است (دارلیاکوپولوس و همکاران، ۲۰۰۵). با توجه به اهمیت پیش‌بینی تراز آب زیرزمینی از نقطه نظرهای مختلف، یافتن روش مناسب برای انجام آن حائز اهمیت است. شبکه های عصبی مصنوعی می‌توانند در پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی موثر واقع شوند. ایزدی (۱۳۸۶) نشان داد که شبکه عصبی در پیش‌بینی سطح آب زیرزمینی طی ۶ ماه آینده نتایج نسبتاً خوبی را ارائه می‌نماید. درسالهای اخیر روشاهای جدید رایانه ای از نوع الگوریتم های گردشی و شبکه های عصبی مصنوعی بطور

تطبیفی و تخمین دقت آنها ونتخاب بهترین روش برای پیش بینی تراز سطح ایستابی است.

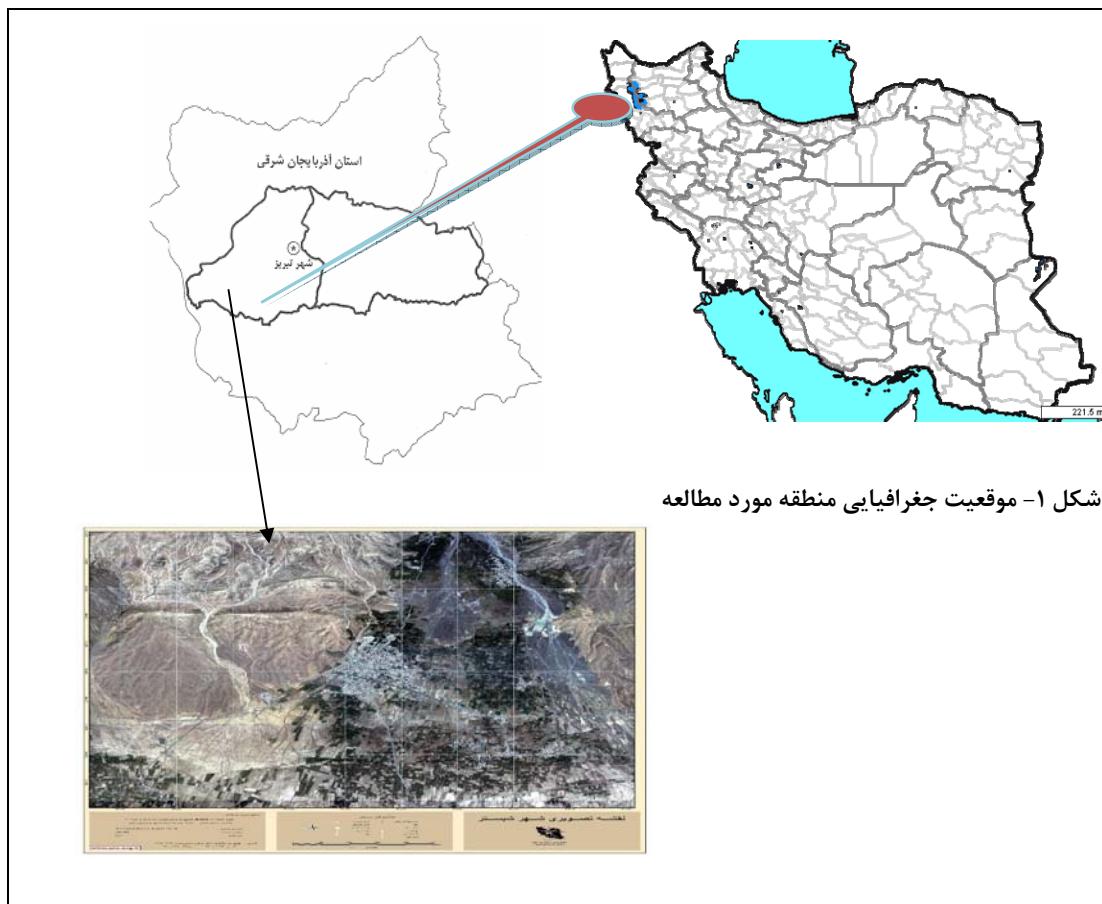
## مواد و روشها

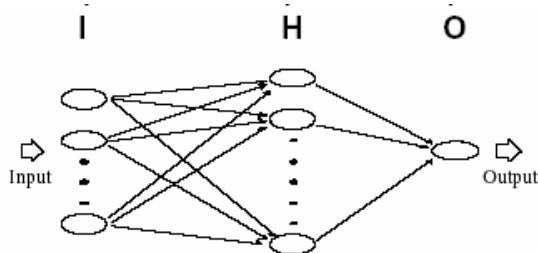
### مشخصات منطقه مورد مطالعه

دشت شبسیر واقع در شمال شرقی استان آذربایجان شرقی وشهرتبریز در موقعیت "۴۸°۰'۴۱" شمالي و "۳۱°۱۷'۰۴" شرقی در ارتفاع ۱۴۰۰ متری از سطح دریا واقع شده است. شکل ۱ موقعیت جغرافیایی منطقه مورد مطالعه را نشان می دهد. در این تحقیق از اطلاعات ۲۰ چاه مشاهده ای که دارای بیش از ۱۷ سال آمار بودند استفاده شده است.

وروودی - خروجی در سامانه های متشكل از فراسنجهای مختلف، به کار بسته می شود. تاکنون برخی مطالعات در زمینه های کشاورزی - آبشناسی با استفاده از سامانه یاد شده به انجام رسیده اند. مقدم نیا و همکاران (۲۰۰۹) از سامانه استنتاج عصبی - فازی تطبیقی برای تخمین اندازه تبخیر روزانه در سیستان برهه بردنده. کیشی و اوپرگ (۲۰۰۷) با استفاده از این سامانه به پیش بینی اندازه نیاز آبی گیاه مرجع پرداختند. کسکین و همکاران (۲۰۰۴) رهیافت منطق فازی را برای تخمین اندازه تبخیر روزانه در مناطق غربی ترکیه به کار بستند.

هدف از انجام این تحقیق پیش بینی تراز سطح ایستابی تا ۲۴ ماه آینده با استفاده از سامانه های هوشمند برنامه ریزی زنتیک، شبکه عصبی و سامانه عصبی - فازی





شکل ۲- ساختار یک شبکه عصبی مصنوعی

WHO و WIH نشانگر وزن های مربوط به اتصالات بین لایه ها است. تخمین اولیه وزنهای یاد شده با پیشرفت شبیه تصحیح می گردد، که این امر در مرحله آموزش (و مقایسه مقادیر خروجی مشاهداتی و شبیه سازی شده برای تعیین مقادیر تصحیح لازم برای به حداقل رساندن خطای است.

### برنامه ریزی ژنتیک

زمینه اصلی برنامه ریزی ژنتیک روش الگوریتم ژنتیک است (گلدبرگ، ۱۹۸۹). برنامه ریزی ژنتیک می تواند بطور موفقیت آمیزی در شرایط زیر به کار بسته شود (بنزهف و همکاران، ۱۹۹۸): ۱. رابطه موجود بین متغیر های مسأله به خوبی شناخته نشده باشد (یا صحت و سقم شناخت فعلی از رابطه مذکور با تردید همراه باشد)، ۲. پیدا کردن اندازه و شکل روش حل نهایی بسیار سخت بوده و بخش عمده مسأله را تشکیل دهد، ۳. روش های معمول تحلیل ریاضی قادر به ارائه روش های حل تحلیل نباشند، ۴. راه حل تقریبی قابل قبول باشد، ۵. هر گونه بهبود جزئی در عملکرد به صورت منظم اندازه گیری شده و این بهبود از ارزش زیادی برخوردار باشد، ۶. تعداد داده هایی که باقیستی به وسیله رایانه مورد آزمون، دسته بندی و جمع بندی قرار گیرند زیاد باشد (نظیر داده های مربوط به ستاره شناسی، داده های مشاهداتی ماهواره ها، داده های مالی و یا هرگونه داده دیگر). در تحقیق حاضر از برنامه GeneXproTools (فریرا، ۲۰۰۱) برای توسعه و اجرای شبیه های مبتنی بر برنامه ریزی ژنتیک استفاده به عمل آمده است. برنامه یاد شده بر اساس برنامه ریزی

### سامانه استنتاج عصبی- فازی تطبیقی

سامانه استنتاج فازی- عصبی تطبیقی<sup>۱</sup> (ANFIS) شامل شبکه های چند لایه ای می باشند و از الگوریتم های یادگیری شبکه عصبی و منطق فازی به منظور طراحی و نگاشت غیرخطی بین فضای ورودی و خروجی استفاده می کنند. این سامانه با توجه به توانایی در ترکیب قدرت زبانی یک سامانه فازی با قدرت عددی یک شبکه عصبی، موقفيت های بسیاری را در شبیه سازی و اداره سامانه های پیچیده داشته است. سامانه ANFIS در ابتدا به وسیله جانگ (۱۹۹۳) معرفی گردید، و از آن پس به عنوان یکی از ابزارهای تقریب ساز توابع حقیقی پیوسته (و با هر مقدار دلخواه درجه دقت) در سطح جهانی مورد استفاده قرار گرفت این سامانه از نظر عملکرد مشابه سامانه های استنتاج فازی است سامانه استنتاج عصبی- فازی تطبیقی به کار گرفته شده در تحقیق حاضر، معادل شبیه فازی از مرتبه سوگنو است (جانگ و همکاران، ۱۹۹۷). در تحقیق حاضر از توابع عضویت گوسی استفاده به عمل آمد و در هر مرحله، پس از آزمون توابع عضویت متعدد، بهترین تابع با توجه به مقدار حداقل مربع خطاهای انتخاب گردید. بر مبنای مراحل سعی و خطای انجام یافته در این تحقیق، تعداد توابع عضویت در هر مورد و برای هر یک از متغیر های ورودی برابر با ۴ عدد در نظر گرفته شده است.

### شبکه های عصبی مصنوعی

شبکه های عصبی مصنوعی بر اساس استنباط از سامانه عصبی زیستی استوار است. در میان نمونه های متعدد شبکه های عصبی، شبکه انتشار به عقب دارای کاربرد بیشتری است (لیپمن، ۱۹۸۷). شبکه یاد شده متشکل از لایه هایی است که دارای عناصری با عملکرد موازی هستند که به آنها نرون (عصب) گفته می شود. هر لایه با لایه قبل و بعد از خود در ارتباط است. شکل ۲ نمای کلی یک شبکه عصبی را نشان می دهد که از سه لایه تشکیل گردیده است.

<sup>۱</sup>- Adaptive Neural Network Fuzzy Inference System

$$\text{RMSE} = \sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (y_i - \hat{y}_i)^2}{N}} \quad [1]$$

$$R^2 = 1 - \frac{\sum (y - \hat{y})^2}{\sum y_i^2 - \frac{\sum \hat{y}_i^2}{N}} \quad [2]$$

در روابط اخیر،  $\hat{y}_i$  و  $y_i$  به ترتیب مقادیر تراز مشاهداتی و تخمینی در گام زمانی  $i$  می‌باشد.  $N$  نیز نشانگر تعداد داده‌هاست. داده‌های مورد استفاده در تحقیق حاضر شامل مقادیر تراز سطح ایستابی دشت شبستانند که طی یک دوره آماری ۱۷ ساله، و با اختصاص حدود ۱۰ سال برای دوره آموزش و حدود ۷ سال برای دوره آزمون، در ترکیب‌های مختلف ورودی شبیه‌ها وارد گردیدند. به منظور بررسی دقت هریک از روش‌های باد شده، ترکیب‌های مختلفی از مقادیر تراز سطح ایستابی تشکیل گردیده و به عنوان ورودی‌های این شبیه‌ها مورد استفاده قرار گرفتند. در هر مورد، ابتدا مقادیر تراز سطح ایستابی با استفاده از تراز یک ماه قبل تعیین گردید و شبیه‌هایی با عنوان NN<sup>2</sup> (شبیه شیکه عصبی)، NF1<sup>3</sup> (شبیه عصبی - فازی تطبیقی) و GP1<sup>4</sup> (شبیه برنامه ریزی ژنتیک) معرفی گردیدند. به همین ترتیب در مورد دو شبیه بعدی نیز مقادیر تراز سطح ایستابی در گامهای زمانی دو ماه و سه ماه قبل به عنوان ورودی‌های گرفته شده کار گرفته شده و شبیه‌های حاصل، به ترتیب با پسوند‌های ۲ و ۳ مشخص گردید. شبیه‌های به کار گرفته شده بر اساس مقادیر تراز سطح ایستابی در ماههای قبل تشکیل یافته و لذا در هر مورد، سه شبیه بر مبنای مقادیر تراز سطح در یک، دو و سه ماه قبل توسعه یافتند.

صریح ژنتیک<sup>۱</sup> (GEP) استوار است. GEP ویرایش جدیدی از برنامه ریزی ژنتیک است که به استنتاج برنامه‌های رایانه‌ای با اندازه‌ها و شکل‌های مختلف می‌پردازد (فریرا، ۲۰۰۱).

## استخراج شبیه‌های تراز سطح ایستابی بر اساس برنامه ریزی ژنتیک

گام اول، شامل انتخاب تابع برآش مناسب است. در مطالعه حاضر، تابع RMSE (جذر میانگین مربع خطاهای) به عنوان تابع برآش انتخاب گردید. گام دوم، انتخاب مجموعه متغیرهای ورودی و مجموعه توابع به منظور تولید کروموزومها است. در مسأله حاضر ورودی‌ها متشکل از مقادیر تراز سطح ایستابی در چاههای مشاهده ای است. مرحله سوم شامل انتخاب ساختار و معماری کروموزومها است. اندازه طول هر رأس برابر با ۸ و تعداد زینها نیز برابر با ۳ در نظر گرفته شدند. مرحله چهارم انتخاب تابع پیوندی است که در این مطالعه تابع جمع کننده (مجموع) برای ایجاد پیوند بین زیرشاخه‌ها مورد استفاده قرار گرفت. در نهایت، در مرحله پنجم عملگرهای ژنتیک و نرخ هر یک از آنها انتخاب می‌گردد. در مورد شبیه‌سازی تراز سطح ایستابی، ترکیبی از کلیه عملگرهای نظری جهش، برگشت، سه نوع مختلف ترانهش و سه نوع عملگر ترکیب مجدد مورد استفاده قرار گرفت. مقادیر عددی این فراسنجها به صورت خلاصه به شرح زیر است: تعداد کروموزوم = ۳۰، تعداد زن = ۳، نرخ جهش = ۰/۰۴۴، نرخ برگشت = ۰/۱، نرخ ترکیب مجدد زنی = ۰/۳، نرخ ترکیب مجدد تک نقطه ای = ۰/۳، نرخ ترکیب مجدد دو نقطه ای = ۰/۳ و نرخ ترانهش = ۰/۱.

## شاخصهای تعیین دقت شبیه

شاخصهای آماری ضریب رگرسیون (وایازی)، جذر میانگین مربع خطاهای به منظور بررسی و ارزیابی دقت شبیه‌ها مورد استفاده واقع شدند. شاخصهای یاد شده به ترتیب با استفاده از روابط زیر قابل محاسبه می‌باشند:

<sup>2</sup>-Neural Network

<sup>3</sup>-Neural Fuzzy

<sup>4</sup>-Genetic Programming

<sup>1</sup>-Genetic Expression Programming

## نتایج و بحث دوره آموزش

ملاحظه می‌شود که شبیه‌های مبتنی بر شبکه عصبی حساسیت کمتری در برابر افزوده شدن مؤلفه‌های ورودی نشان می‌دهند.

جدول ۱ مقادیر مربوط به هر یک از شاخص‌ها در دوره آموزش نشان می‌دهد. با توجه به این جدول

جدول ۱- مؤلفه‌های آماری مربوط به شبیه‌های مختلف تخمین تراز سطح ایستابی در دوره آموزش

	نوع شبیه	R <sup>2</sup>	RMSE
GP	1	۰/۹۵۶	۱/۹۳۴
	2	۰/۹۵۲	۱/۸۲
	3	۰/۹۶۹	۱/۹۸
ANN	1	۰/۹۵۶	۱/۹۳۷
	2	۰/۹۵۷	۱/۹۳۳
	3	۰/۹۵۷	۱/۹۱۶
ANFIS	1	۰/۹۵۷	۲/۰۰۹
	2	۰/۹۵۷	۱/۹۱۷
	3	۰/۹۶۹	۱/۸۷۲

است) مقدار شاخص RMSE نیز به مراتب بیشتر از مقدار این شاخص در شبیه شبکه عصبی است. این امر ارجحیت مطلق شبیه‌های مبتنی بر برنامه ریزی ژنتیک را در تخمین میزان تراز سطح ایستابی با تردید مواجه می‌سازد، لذا در این حالت می‌توان اظهار داشت که شبیه عصبی – فازی به عنوان بهترین شبیه در تخمینهای مبتنی بر داده‌های ۳ ماه قبل بوده و شبیه ژنتیک و عصبی مصنوعی به ترتیب در مراتب بعدی قرار دارند. در مورد شبیه‌های مبتنی بر تراز سطح ایستابی یک ماه و دو ماه قبل، شبیه‌های ژنتیک در مرتبه اول قرار داشته و شبیه‌های عصبی – فازی و عصبی مصنوعی (با دقت تقریبی یکسان) در مرتبه بعدی واقع می‌شوند.

از سوی دیگر، شبیه‌های برنامه ریزی ژنتیک و سامانه عصبی – فازی دارای چنین رفتاری نبوده و افزوده شدن مقادیر تراز سطح ایستابی مربوط به گامهای زمانی مختلف به عنوان فراسنجهای ورودی، سبب تغییر و بهبود نسبی آنها می‌شود. همچنین، دقت شبیه‌های شبکه عصبی در هر سه مورد تقریباً یکسان است. با توجه به جدول ۱ ملاحظه می‌شود که در این حالت مقادیر ضریب تبیین مربوط به برنامه ریزی ژنتیک، بیشتر از مقادیر مشابه مربوط به دو شبیه عصبی – فازی و شبیه‌های شبکه عصبی است و از این منظر می‌توان برنامه ریزی ژنتیک را به عنوان بهترین شبیه در این بخش معرفی نمود؛ لکن بررسی مقادیر شاخص آماری دیگر، حاکی از آن است که به رغم بیشتر بودن مقدار ضریب تبیین در شبیه‌های مبتنی بر برنامه ریزی ژنتیک، مقادیر خطای نیز در این شبیه‌ها بیشتر از مقادیر خطای مربوط به شبیه‌های شبکه عصبی در شرایط مشابه است، به نحوی که در شبیه GP3 که دارای ضریب تبیین برابر با ۰/۹۶۹ است (در مقایسه با شبیه NN3 که ضریب تبیین آن برابر با ۰/۹۵۷

## دوره آزمون

جدول ۲ مقادیر مربوط به هر یک از شاخصها را در دوره آزمون نشان می‌دهد.

## جدول ۲- مؤلفه‌های آماری مربوط به شبیه‌های مختلف تخمین تراز سطح ایستابی در دوره آزمون

	نوع شبیه	ورودی‌های شبیه	شاخصه‌های آماری	
			$R^2$	RMSE
برنامه ریزی ژنتیک	GP1	$H_{i-1}$	۰/۹۵۶	۱/۹۳۴
	GP2	$H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۵۷	۱/۹۴
	GP3	$H_{i-3}, H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۶۹	۲/۰۴۵
شبکه عصبی مصنوعی	NN1	$H_{i-1}$	۰/۹۵۵	۱/۹۳۷
	NN2	$H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۵۷	۱/۹۳۳
	NN3	$H_{i-3}, H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۵۷	۱/۹۱۷
عصبی - فازی	NF1	$H_{i-1}$	۰/۹۵۳	۲/۰۰۹
	NF2	$H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۵۷	۱/۹۱۷
	NF3	$H_{i-3}, H_{i-2}, H_{i-1}$	۰/۹۶۹	۱/۸۷۲

عصبی - فازی دارای بیشترین مقدار ضریب تبیین ( $R^2 = ۰/۹۶۹$ ) و کمترین مقادیر جذر میانگین مربع خطاهای (RMSE = ۱/۸۷۲) بوده، لذا به عنوان بهترین روش بر اساس داده‌های آماری سه ماه قبل است. معادله ارائه شده توسط برنامه ریزی ژنتیک برای تخمین میزان تراز سطح ایستابی در ماه  $i$  نیز بر بنای داده‌های تراز سطح ایستابی در طی سه ماه قبل به شکل زیر خواهد بود. که  $H_i$  تراز سطح ایستابی در ماه  $i$  است.

$$H_i = d(0) + \exp(G2C1) - d(1) + (d(1)/\exp((\exp((\sqrt{G3C0}) * G3C1))^{1/2}))$$

مقادیر ثابت موجود در این معادله عبارتند از:  $G3C0=4.18$ ,  $G2C1=-1.45$

جا گذاری مقادیر یاد شده در معادله اخیر، رابطه زیر حاصل می‌شود:

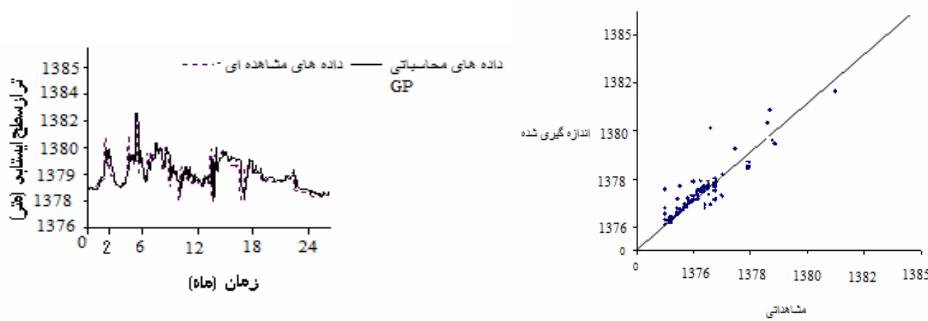
$$H_i = H_{i-1} + (0.083 - H_{i-2}) + H_{i-2}/(1.01)$$

شكلهای ۳ تا ۵ تراز سطح ایستابی مشاهده ای و

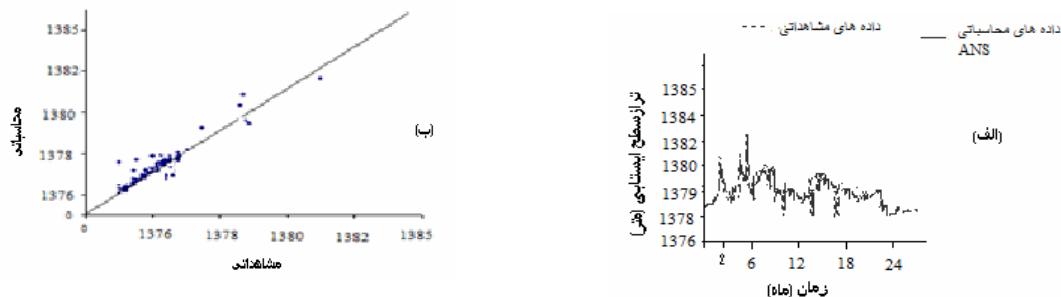
محاسباتی برای هر سه شبیه ژنتیک، عصبی و

عصبی - فازی را در ۲۴ ماه آینده نشان می‌دهد.

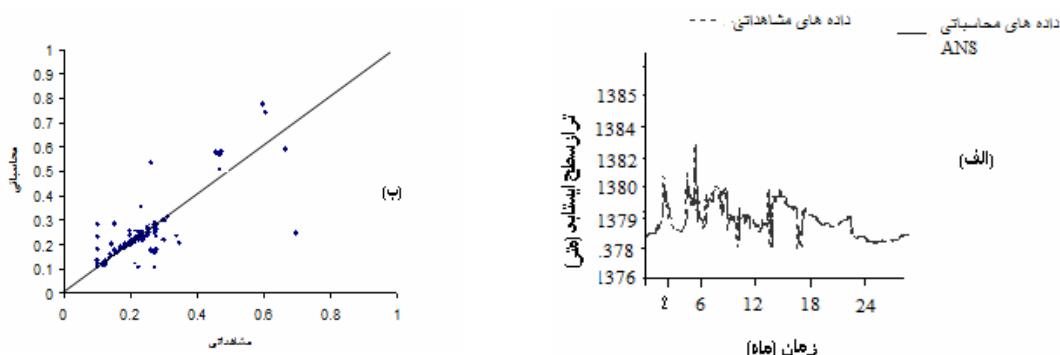
همان‌طور که از جدول معلوم است شبیه‌های GP1 و NN1 دارای مقادیر ضریب تبیین تقریباً یکسانی است، لذا دقت هر دو شبیه از نظر درجه همبستگی بین داده‌های مشاهداتی و مقادیر تخمینی در حد یکسانی قرار دارد ( $R^2 = ۰/۹۵۶$ ). از سوی دیگر، مقایسه مقادیر RMSE حاکی از دقت بیشتر شبیه‌های ژنتیک است که البته این اختلاف در حد کمی بوده و لذا می‌توان دقت هر دو شبیه را در حد یکسانی ارزیابی کرد. در مورد تخمینهای مبتنی بر داده‌های دو ماه قبل، شبیه‌های NN2 و NF2 دارای درجه همبستگی بیشتری ( $R^2 = ۰/۹۵۷$ ) نسبت به شبیه GP2 با درجه همبستگی ( $R^2 = ۰/۹۵۲$ ) می‌باشند، لیکن مقدار شاخص RMSE مربوط به شبیه ژنتیک بطور قابل ملاحظه‌ای کمتر از مقادیر مربوط به شبیه‌های عصبی و عصبی - فازی است لذا در این حالت، شبیه ژنتیک به عنوان بهترین و شبیه‌های عصبی - فازی و شبکه‌های عصبی به ترتیب در اولویت‌های بعدی قرار می‌گیرند. در مورد حالت سوم که شبیه‌های مذکور بر اساس داده‌های آماری سه ماه قبل تشکیل شده‌اند، شبیه



شکل ۳ - الف - نمودار مقادیر مشاهداتی - محاسباتی تراز سطح ایستابی نسبت به زمان در بهینه ترین حالت شبیه برنامه ریزی ژنتیک ب- پراکندگی داده های مشاهداتی و محاسباتی حول نیمساز در بهینه ترین حالت شبیه برنامه ریزی ژنتیک



شکل ۴ - الف - نمودار مقادیر مشاهداتی - محاسباتی تراز سطح ایستابی نسبت به زمان در بهینه ترین حالت شبیه شبکه های عصبی مصنوعی و ب- پراکندگی داده های مشاهداتی و محاسباتی حول نیمساز در بهینه ترین حالت شبیه شبکه های عصبی مصنوعی



شکل ۵ - الف - نمودار مقادیر مشاهداتی - محاسباتی تراز سطح ایستابی نسبت به زمان در بهینه ترین حالت شبیه شبکه های عصبی فازی تطبیقی و ب- پراکندگی داده های مشاهداتی و محاسباتی حول نیمساز در بهینه ترین حالت شبیه شبکه های عصبی- فازی تطبیقی

وجود اختلاف جزئی، به ترتیب در اولویتهای بعدی قرار می گیرند.

همان طور که ملاحظه می شود شبیه برنامه ریزی ژنتیک تخمین بهتری از تراز سطح ایستابی در ۲۴ ماه را نشان داده، شبیه های شبکه عصبی و عصبی- فازی تطبیقی، با

- runoff modeling. D2K Technical Rep. 0699-1-1. Danish Hydraulic Institute, Denmark.
- 7- Elizondo, D.A., R. W. McClendon, and G. Hoogenboom. 1994. Neural network models for predicting flowering and physiological maturity of soybean. *Trans. ASAE.* 37(3): 981-988.
- 8- Ferreira, C. 2001. Gene expression programming: a new adaptive algorithm for solving problems. *Complex Syst.* 13(2): 87-129.
- 9- Franci, L. J., and S. Panigrahi. 1997. Artificial neural network models of wheat leaf wetness. *Agric. Forest. Meteorol.* 88: 57-65.
- 10- Goldberg, D. E. 1989. Genetic algorithms in search, optimization, and machine learning. Addison –Wesley, Reading, Mass.
- 11- Jang, J. S. R. 1993. ANFIS: adaptive-network-based fuzzy inference system. *IEEE Trans. Syst. Manage. Cyber.* 23(3): 665-685.
- 12- Jang, J. S. R., C. T. Sun, and E. Mizutani. 1997. Neurofuzzy and soft computing: a computational approach to learning and machine intelligence. Prentice-Hall, New Jersey.
- 13- Keskin, M. E., O. Terzi, and D. Taylan. 2004. Fuzzy logic model approaches to daily pan evaporation estimation in Western Turkey. *Hydrol. Sci. J.* 49(6): 1001-1010.
- 14- Khu, S. T., S. Y. Lioung, V. Babovic, H. Madsen, and N. Muttill. 2001. Genetic programming and its application in real- time runoff forming. *J. Am. Water Resour. Assoc.* 37(2): 439-451.
- 15- Kisi, O., and O. Ozturk. 2007. Adaptive neurofuzzy computing technique for evapotranspiration estimation. *J. Irrig. Drain. Engin.* 133(4): 368-379.
- 16- Lioung, S. Y., T. R. Gautam, S. T. Khu, V. Babovic, M. Keijzer, and N. Muttill, 2002. Genetic programming: A new paradigm in rainfall runoff modeling. . *J. Am. Water Resour. Assoc.* 38(3): 705-718.
- 17- Lippman, R. 1987. An introduction to computing with neural nets. *IEEE ASSP Mag.* 4: 4-22.
- 18- Moghaddamnia, A., M. Ghafari Gousheh, J. Piri, S. Amin, and D. Han. 2009. Evaporation estimation using artificial neural networks and adaptive neurofuzzy inference system techniques. *Advanc. water Resour.* 32: 88-97.
- 19- Muttill, N., and S. Y. Lioung. 2001. Improving runoff forecasting by input variable

### نتیجه گیری

شبیه سازی و تخمین تراز سطح ایستابی یکی از مؤلفه های مهم و قابل توجه در زمینه برنامه ریزی کشاورزی و نیز ، طراحی و مدیریت منابع آب است. در تحقیق حاضر از روش شبکه های عصبی مصنوعی، سامانه استنتاج عصبی - فازی تطبیقی و برنامه ریزی ژنتیک به منظور تخمین تراز سطح ایستابی متوسط بهره بده شد. بر پایه محاسبات انجام یافته، هر سه روش داری توانایی قابل توجهی در تخمین میزان تراز سطح ایستابی بوده، لذا با اطمینان کافی می توان از آنها در تراز سطح ایستابی بهره برد. شایان ذکر است که دقت برنامه ریزی ژنتیک در برخی موارد به طور جزئی بیشتر از دو روش دیگر است ولی این تفاوت چندان قابل ملاحظه نبوده و در حالت کلی می توان هر سه شبیه را به عنوان شبکه های قابل قبول تخمین تراز سطح ایستابی معرفی نمود. شبکه های مبتنی بر برنامه ریزی ژنتیک راه حلهای صریحی ارائه می نمایند که بر مبنای آنها می توان رابطه بین متغیر های ورودی و خروجی را مشخص نمود. در این تحقیق رابطه ای صریح برای تخمین تراز سطح ایستابی ارائه گردید که بر مبنای آنها می توان شبکه های تجربی تخمین تراز سطح ایستابی را صحت سنجی نمود.

### منابع

- ۱- ایزدی، ع.، ک. داوری، ا. علیزاده، ب. قهرمان و س. ا. حقایقی مقدم. ۱۳۸۶. پیش بینی سطح ایستابی با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی (مطالعه موردی: دشت نیشابور). *محله آبیاری و زهکشی ایران.* ۱(۲): ۵۹-۷۱.
- 2- Aytek, A., and O. Kisi. 2008. A genetic programming approach to suspended sediment modeling. *J. Hydrol.* 351: 288-298.
- 3- Babovic, V., and M. Keijzer. 2002. Rainfall runoff modeling based on genetic programming . *Nordic Hydrol.* 33: 331-343.
- 4- Banzhaf, W., P. Nordin, R. E. Keller, and F. D. Francone. 1998. Genetic Programming. Morgan Kaufmann, San Francisco, CA.
- 5- Daliakopoulos, N. I., P. Coulibaly, and I. K. Tsanis. 2005. Ground water level forecasting using artificial neural networks. *J. Hydrol.* 309: 229-240.
- 6- Drecourt, J. P. 1999. Application of neural networks and genetic programming to rainfall

selection in GP. In: Proceedings of world water congres, ASCE.

20- Paruelo, J. M., and F. Tomasel. 1997. Prediction of functional characteristics of ecosystems: a comparison of artificial neural networks and regression models. *Ecolog. Model.* 98: 173-18.