بررسی تاثیر پارامتر طول بر نرخ انتقال حرارت در پرههای متخلخل در جابجایی طبیعی

محمد جعفریان'، نادر رهبر^{۲*}

۱- گروه مهندسی مکانیک، واحد سمنان، دانشگاه آزاد اسلامی، سمنان، ایران ۲- استادیار، مرکز تحقیقات انرژی و تولید پایدار ، واحد سمنان، دانشگاه آزاد اسلامی، سمنان، ایران * سمنان، rahbar@semnaniau.ac.ir ،۳۵۱۹۶۹۷۹۵۱

چکیدہ

همواره توجه جوامع علمی همچنین صنایع مختلف از جمله صنایع الکترونیک در جهت یافتن تکنیک های جدیدی در زمینه افزایش نرخ انتقال حرارت بوده است. بکار گیری محیط های متخلخل با توجه به افزایش سطح موثر دریچه جدیدی را در این زمینه ایجاد می نماید. بدین منظور در این تحقیق بدنبال بهینه سازی و یافتن طول بهینه برای پره متخلخل هستیم. در این مطالعه اثر انتقال حرارت جابجایی بر روی یک پره مستطیل شکل در نظر گرفته شده است. پره متخلخل اجازه می دهد تا سیال بداخل آن نفوذ نماید و تعامل میان جامد وسیال از طریق جابجایی طبیعی صورت می پذیرد. برای فرموله کردن معادلات انتقال حرارت از مدل دارسی استفاده شده است. در نهایت به عکم معادله درجه دو تعامل میان جامد وسیال از طریق جابجایی طبیعی صورت می پذیرد. برای فرموله کردن معادلات انتقال حرارت از مدل دارسی استفاده شده است. در نهایت به کم معادله درجه دو غیر خطی رسیده ایم. اثرات نیروی شناوری و نفوذپذیری سیال همچنین پارامتر های هندسی و تخلخل در یک پارامتر بیعد دسته بندی شده است. برای برای برای عملکرد حرارتی پره چهار حالت پره با طول بلند، پره با طول محدود و لبه ی عایق، پره با طول محدود با دمای نوک میام و پره با طول محدود با فرض انتقال حرارت با نوک پره در نظر گرفته شده است. در صدی آن خانقال حرارت جابجایی از نوک پره با طول محدود با دمای نوک معلوم و پره با طول محدود با فرض انتقال حرارت جابجایی از نوک پره در نظر گرفته شده است. در صدی کاهش دما در طول پره و نرخ انتقال حرارت این است.

كليدواژگان

پره متخلخل، انتقال حرارت ، جابجایی طبیعی، ، مدل دارسی

Investigate the Effect of length parameter on heat transfer rate in porous fin in natural convection

Mohammad Jafarian¹, Nader Rahbar^{2*}

1- Department of Mechanical Engineering, Semnan Branch, **Islamic Azad University**, Semnan, Iran 2- Assistant Professor, Strategic Center for Energy and Sustainable Development, Semnan Branch, **Islamic Azad University**, Semnan, Iran * P.O.B. 3519697951 Semnan, Iran, rahbar@semnaniau.ac.ir

Abstract

Always considering the scientific community as well as various industries including electronics industries to find new techniques to increase the heat transfer rate. The use of a porous media due to increase the effective surface provides a new window in this context. Therefore, in this study we are trying to find the optimal length for porous fin. In this study the effect of heat convection considered on a rectangular fin. Porous fin allows fluid to flow through and cause a better Natural Convection and Heat Transfer between them. Darcy Models have been applied to formulate Heat Transfer which is presented as a second order nonlinear equation. Geometry and porosity are classified with a Dimensionless Parameter. Thermal behaviors of Fins on Temperature Reduction including: long fin, finite-length fin with insulated tip, finite-length fin with known Convective Coefficient at the tip and finite-length fin with known temperature at the tip are found. Amount of Temperature Reduction and heat transfer are calculated. **Keywords**

Porous fin, Heat transfer, Natural convection, Darcy equation

افزایش انتقال حرارت هدایت جابجایی بین سطح و سیال اطراف

۱ مقدمه

میزان انرژی حرارتی که در یک انتقال حرارت جابجایی از یک سطح به سیال منتقل میشود به پارامترهای مختلفی از جمله سطح تماس آنها بستگی دارد. برای ازدیاد انتقال حرارت میتوان سطح تماس جسم با سیال را گسترش داد. این امر با افزودن پره روی سطح امکان پذیر است.

همواره صنعت پره به دنبال کاهش ابعاد وزن و قیمت تمام شده پره بودهاست این نیاز اغلب با هزینه بالای تولید فلزات با هدایت حرارتی بالا حاصل میشود. بهبود انتقال حرارت از پره پارامتر مهمی است که توجه بسیاری از محققان را جلب کردهاست. که این امر توسط روشهای زیر محقق خواهد شد:

مروری بر شکل بهینه پره توسط سیندر وکراس ارائه گردیده است [۱]. دافین^۱ [۲] با استفاده از محاسبات متغییر شکل بهینه پره را مورد بررسی قرار داده است. بیژن^۲ و پولیکاکوس^۲ [۳] نشان دادند که شکل بهینه پرهها و ابعاد آنها فقط بر پایه زمینههای ترمودینامیکی محاسبه می شود. شکل بهینه پرهها با هدایت وابسته به دما توسط بیژن [۴]بررسی شدهاست.

۱- افزایش نسبت سطح به حجم

۲- افزایش نسبت حرارتی پره

تحقیقات بسیاری جهت پیدا کردن شکل بهینه پرهها با توجه به روش اول بوده است. این رویکرد بر پایه جدا کردن یک اندازه دقیق از پره به صورت بهینه به شرطی که حجم مواد استفاده شده ثابت بماند انجام می گیرد.

¹ Duffin

² Bejan

³ Poulikakos

از روشهای مختلفی جهت بهینهسازی و افزایش بازدهی پرهها استفاده می شود. از جمله بهینه سازی هندسی، شکل، تغییر فاصله پرهها، بکارگیری مواد مختلف در ساخت پرهها و ...

در بررسی مقالات مشخص شده زمینههای متخلخل با هدایت حرارتی بالا جهت بهبود مشخصه حرارتی سیستمهای مختلف استفاده شدهاند. می توان از جمله صفحات جذب حرارت (کولکتورهای خورشیدی) بدون تيوب رآكتورهای بستر بستهشده و كاتاليزوری، بالا بردن راندمان خشککنها، فیلترکردن، عایقکردن و روغنکاری و مبدل های حرارتی را نام

فلسفه و اساس استفاده از پرههای متخلخل افزایش سطح موثر است. یکی از اولین مزیتهای استفاده از پرههای متخلخل صرفهجویی در مواد اولیه بکار رفته می باشد. به همین دلیل پرههای متخلخل داری مشخصه حرارتی بهتری نسبت به پرههای قدیمی هم وزن خود هستند.

هوانگ و وفایی الما برای کنترل جریان و افزایش نرخ انتقال حرارت از بلوكهاى متخلخل استفاده كردند. الكم و النمير [8] با هدف بهبود عملكرد حرارتی سیستم های مختلف از لایههای متخلخل با هدایت حرارتی بالا استفاده نمودند. کیم⁶ و همکاران [۲] به طور تجربی تاثیر استفاده از پردههای متخلخل را بروی انتقال حرارت و ویژگی های جریان در مبدل های حرارتی مطالعه کردند. کارهای تجربی در این زمینه محدود است و کار آنها تحت شرایط انتقال حرارت اجباری صورت گرفته است.

مفهوم استفاده از پره های متخلخل اولین بار توسط کیوان و النمیر مطرح شد [۸]. کیوان [۹] یک مدل ساده شده برای تحلیل حرارتی پرههای متخلخل مستطيل شكل تحت شرايط جابجايى طبيعى ارائه نمود. ابوهجله ً [۱۰] اثر استفاده از پرههای متخلخل بر انتقال حرارت جابهجایی اجباری از یک استوانه افقی را بررسی عددی کرده است او به این نتیجه رسید که استفاده از پره های متخلخل به جای پرههای ساده نرخ انتقال حرارت را افزایش میدهد.

نتایج شبیهسازی کیوان و النمیر نشان میدهد که با به کارگیری پره متخلخل ممكن است عملكرد مشابه پرههاى معمولى اما با صرفه جويى مواد مصرفي بدست آيد [١١].

موضوع استفاده از پرههای ساخته شده از مواد متخلخل با معرفی مدل دارسی اولین بار توسط کیوان و همکارانش انجام شد [۱۲] به دنبال آن مطالعات بعدی در رابطه با تحلیل سطوح اضافه شده (پره های متخلخل) ارائه گردید.

سعدالدین و صادقی [۱۳] انتقال حرارت پرههای استوانهای را از طریق معادله رانج کوتای درجه ^۷۴ مطالعه نمودند و به این نتیجه رسیدند میزان انتقال حرارت از پره متخلخل می تواند پیش از یک پره جامد باشد.

ترکیلمازگا [۱۴] ^ راهحلی دقیق برای نفوذ حرارتی در یک پره مستقیم با سطح مقطعهای متغیر به دست آورد. او مشخص نمود که کارایی و میزان انتقال حرارت پره با سطح مقطع نمایی بیش از پرههای مستطیل شکل است عزیز و بیرگیرین (۱۵] مشخصه و طرح بهینه ی پره ی مستطیل شکل طولی را متصل به یک دیوار ه ی گرم شده با جابه جایی با قطر

ضخامت معين توسط روش عددي بدست آمده با برنامه ميپل را مطالعه كرده و نتایج خود را با نتایج بدست آمده توسط روش چهار بعدی دیفرانسیل ترکیبی مقایسه کرده است. همچنین عزیز و و خانی^{۱۱}روش تحلیل هموتوپی'` را برای تخمین مشخصه حرارتی یک پره مستقیم از شکل زین اسبی زمانی که ضرایب انتقال حرارت و جابه جایی تابع دما هستند را به کار برده است [۱۶]. روش اختلاف محدود^{۳۲} بر روی یک پره سوزنی با شرایط مرزی مختلف توسط ملک زاده و رهیده بکار رفته است [۱۷].

حاتمی و همکارانش [۱۸] اثر دارسی و عدد رایلی روی پره متخلخل مستطیل شکل توسط روش آنالیز ضرایب بررسی کردند و همچنین نشان دادند روش حداقل مربعات نتایج دقیقتری نسبت به روشهای دیگر دارد. کارایی پره برای چهار پرهی جامد طولی با سطح مقطعهای مستطیلی، نمایی، مثلثی و… توسط ترابی و ژانگ^{۱۱} از طریق روش تحلیل دیفرانسیل با در نظر گرفتن تمام شرایط غیرخطی مطالعه شده است [۱۹]. کندو^{۱۵} کاری تحلیلی بر روى طراحى بهينه پره متخلخل ارائه نمود. او اشكال مختلف پره را تحت شرايط جابجايى آزاد بررسى و متوجه افزايش قابل ملاحظهى انتقال حرارت از طریق پرههای متخلخل برای هر شکل هندسی پره در مقایسه با پرههای جامد (در شرایط تخلخل کم و ضرایب بالای جریان) شد [۲۰].

کیوان تحلیل حرارتی پرههای متخلخل در شرایط جابهجایی طبیعی را بررسی نمود. او یک روش بر پایه تعادل انرژی و مدل دارسی جهت فرموله كردن معادلات انتقال حرارت و مشخصه حرارتی پرههای متخلخل ارائه نمود و برای سه نوع مختلف پره مورد استفاده قرار داد. مشخص شد که انتقال حرارت پرههای متخلخل میتواند از پره جامد بیشتر باشد [۲۱].

بیکر^۱ و گرلا^{۱۷} مطالعهای جهت جابجایی طبیعی تشعشعی در پره مستطيل شكل را مطالعه نمودهاند. نتايج آنها نشان داد كه تشعشع حرارت بیشتری را نسبت به مدل مشابه بدون تشعشع جابجا میکند [۲۲].

دومیری و فاضلی معادله دیفرانسیل پره مستقیم غیرخطی را جهت بررسی توزیع حرارت و کارایی پره حل نمودهاند [۲۳]. همچنین توزیع حرارتی برای پره های با هدایت حرارت وابسته به دما توسط گنجی و همکارانش مطالعه شد. [۲۴]

جونیدی و همکارانش از روش انتقال دیفرانسیلی برای حل تحلیل پرههای مستقیم با انتقال حرارت جابهجایی وابسته به دما استفاده کردند و نتايج را با نمونه عددى و دقيق مقايسه نمودهاند. نتايج آنها مؤثر بودن و دقت بالای این روش را نشان داد [۲۵].

حاتمی و گنجی مشخصه دمایی پرههای متخلخل را در حالت جابجای همراه با تشعشع با اشکال حلقوی استوانهای در سطح مقطعهای مختلف موردبررسی قرار دادند و به این نتیجه رسیدند که پرههایی با برش نمایی بیشترین مقدار انتقال حرارت را در بین بقیه پرهها $Si_{\pi}N_{\pi}$ از جنس $Si_{\pi}N_{\pi}$ دارند [۲۶].

کیم [۲۷] به طور تجربی تاثیر استفاده از پره های متخلخل بر انتقال حرارت و مشخصات جریان در صفحات مبدل حرارتی پره را بررسی کرده اند

Kundu

¹ Hung

Vafai Alkam

Al-Nimr

⁵ Kim ⁶ Abu-Hijleh ⁷ Runge-Kutta 4th grade

⁸ Turkyilmazoglu

⁹ Aziz

Beers-Green 11 Khani

 ¹² Homotopy
 ¹³ Finite difference method

¹⁴ Zhang

Bakier ¹⁷ Gorla

مجله مهندسی مکانیک و ارتعاشات، دوره ۷، شماره ۳، پاییز ۱۳۹۵

آنها فهمیدند که تحت شرایط خاصی انتقال جرارت بهتری را نسبت به پرده های معمولی دارند.

على و همكارانش انتقال حرارت تشعشعي جابهجايي از يك صفحه افقي نامحدود را مطالعه کردند [۲۸].

حسین و تخار^۲ اثر تشعشع بر جریان جابهجایی ویسکوز ضخیم و سیال تراکم ناپذیر را بر روی یک صفحه عمودی ایزوترمال^۳ موردمطالعه قرار دارند. آنها تقريب نفوذپذيري روزلند را بكار بردند [۲۹].

حسين و اليم¹ رفتار متقابل جابهجايي همراه با تشعشع را در جريان سیال در طول یک سیلندر عمودی را تحلیل کردند آنها در محاسبات خود روش های نامتشابه و رفتار اختلاف محدود به کاربردند [۳۰].

بدرالدین⁶و همکارانش اثر تشعشع بر روی انتقال حرارت جابجایی طبیعی از طریق رینگهای به کاررفته در یک محیط متخلخل را مطالعه کردند. آنها اثر ضریب تشعشع را بر روی عدد ناسلت⁶ ارائه کردند و متوجه شدند که عدد متوسط ناسلت بهطور فراوانی با افزایش ضریب تشعشع افزوده می شود [۳۱]. حسین و پاپ^۷ اثر تشعشع بروی جابه جایی آزاد در صفحه ی عمودی داخل یک محیط متخلخل با تخلخل بالا را مطالعه کردند. آنها چندین ضریب برای ترکهای پوستی و ضرایبی برای انتقال حرارت محلی ارائه نمودند [۳۲].

درمقاله حاضر به دنبال توسعه یک روش ساده جهت بررسی پره های متخلخل همانند روش بكار رفتهشده در تحليل پرههای ساده میباشیم. هدف مطالعه اثرضرایب عملیاتی و طراحی از جمله طول بر روی مشخصه پره مىباشد.

۲- روابط حاکم

پره نشان دادهشده در شکل ۱ که سادهترین هندسه پره را ارائه می کند را در نظر بگیرید. سطح مقطع برش خورده ثابت است. در حالت متخلخل پره اجازه عبور سیال را از طریق خود را میدهد.



شکل ۱ انتقال حرارت جابجایی طبیعی در پره متخلخل مستطیلی

۲-۱-فرضيات

¹ Ali ² Takhar Isothermal Alim Badruddin Nusselt

Pop

جهت ساده کردن راهحل فرضیات زیر در نظر گرفته شده است:

(۱) سیال و قسمت جامد دارای مشخصه فیزیکی ثابت هستند. (۲) محیط متخلخل، همگن، ایزنتروپیک و اشباعشده با سیال تک فاز است. (۳) از انتقال حرارت تشعشعی سطح چشم پوشی شده است. (۴) ماتریس جامد و سیال در حالت تعادل حرارتی با یکدیگر فرض می شوند. (۵) دما داخل پره فقط تابع x است. (۶) از تغییرات دما در جهت ضخامت پره صرفنظر می گردد. (۷) تعامل میان محیط متخلخل و سیال را میتوان توسط فرمول دارسی مدلسازی کرد.

۲-۲-فرمولهای ریاضی

می توان معادله انرژی برای یک برش از پره با ضخامت Δx که در شکل (۱) نشان داده شده است را به شکل زیر نوشت:

$$q(x) + q(x + \Delta x) = \dot{m}c_P(T(x) - T_\infty) \tag{1}$$

قسمت آخر معادله بالا میزان انتقال حرارتی را که به سیال عبوری از محيط متخلخل منتقل می شود را نشان می دهد. حرکت سيال به وسيله نيروى شناورى توليد شده توسط اختلاف دماى ميان پره ومحيط ايجاد مى گردد. در معادله (۱) فرض می کنیم سیال با دمای T_∞ وارد محیط متخلخل شده وبا دمای (T(x از آن خارج می گردد.

ضریب دبی جریان سیال عبوری از محیط متخلخل را می توان به شکل زير بيان نمود:

$$\dot{m} = \rho v_w \Delta \mathbf{x} \mathbf{W} \tag{(Y)}$$

با توجه به تعریف مدل دارسی برای سرعت جریان عبوری از داخل محيط متخلخل :

$$v_w(x) = \frac{gK\beta}{\nu}(T(x) - T_{\infty}) \tag{(7)}$$

$$\frac{q(x) - q(x + \Delta x)}{\Delta x} = \frac{\rho c_p g \kappa \beta W}{\nu} (T(x) - T_{\infty})$$

$$(f)$$

$$\downarrow b c \phi, 0 \Rightarrow \Delta x \to 0$$

$$\frac{dq}{dx} = \frac{\rho c_p g K \beta W}{\nu} (T(x) - T_{\infty})^2 \tag{(\Delta)}$$

با توجه به قانون هدایت فوریه داریم:
$${
m q}=-k_{eff}Arac{{
m d}T}{{
m d}r}$$

با توجه به تعريف پارامتر بىبعد نسبت ضريب انتقال حرارت هدايت داريم:

$$K_r = \frac{K_{eff}}{K_f} \tag{V}$$

با توجه به این که سطح مقطع پره (
$$A = W.T$$
) با توجه به این که سطح مقطع پره ($A = W.T$) بوثر پره متخلخل از معادله زیر بدست می آید:
 $k_{eff} = \varphi k_f + (1 - \varphi)k_s$ (۸)

$$\frac{d^2T}{dx^2} - \frac{\rho c_p g K \beta}{t \nu k_{eff}} (T(x) - T_{\infty})^2 = 0$$
⁽⁹⁾

مجله مهندسی مکانیک و ارتعاشات، دوره ۲، شماره ۳، پاییز ۱۳۹۵

برای سهولت در محاسبات تمامی ضرایب جریان وهندسی را در یک پارامتر به صورت به صورت زیر دسته بندی شده است:

$$S_H = \frac{RaDa(\frac{L}{t})^2}{K_r} \tag{(1.)}$$

با قرار دادن معادله (۱۰) در معادله (۹) داریم:

$$\frac{d^2T}{dx^2} - \frac{S_H}{(T_b - T_{\infty})} (T(x) - T_{\infty})^2 = 0$$
⁽¹¹⁾

با در نظر گرفتن تابع حرارت بی بعد،
$$m{\sigma}$$
.:
 $T(x) - T_{\infty}$

$$T_{b} - T_{\infty}$$
(۱۲)

با جاگذاری معادله (۱۲) ، معادله (۱۱) را می توان به شکل بی بعد زیر نىز نوشت:

T(x)

 $\theta = -$

$$\frac{d^2\theta}{dx^2} - S_H \theta^2 = 0 \tag{17}$$

معادله (۱۱) و (۱۳) یک معادله دیفرانسیل درجه دو غیر خطی معمولی می باشد. برای حل آن به دو شرایط مرزی نیاز می باشد. اولین شرایط معمول برای تمام موارد این است که دمای پایه T_b می باشد، بنانرین: $\stackrel{\mathrm{x=0}}{\longrightarrow} \begin{cases} T = T_b \\ \theta = 1 \end{cases}$ (14)

شرایط مرزی دوم به شرایط پره در انتهای آن بستگی دارد. برای تحلیل پره ها موارد زیر را می توان در نظر گرفت:

(۱) پره طول بلند (۲) پره طول محدود با لبه ی عایق شده (۳) پره با طول محدود با دمای نوک معلوم (۴) پره با طول محدود با فرض انتقال حرارت جابجایی از نوک پره (ضریب انتقال حرارت جابجایی مشخص).

يره با طول بلند

در این حالت پره آنقدر بلند در نظر گرفته می شود که دمای نوک پره به دمای محیط میرسد. بنابراین شرایط مرزی دوم به شکل زیر نوشته می شود: $\xrightarrow{x=\infty} \begin{cases} T = T_{\infty} \\ \theta = 0 \end{cases}$ (10)

پره طول محدود با لبهی عایق

مورد دوم بدین صورت است که پره دارای طول محدود باشد اما لبهی آن عایق شود. در این حالت شرایط مرزی دوم به شکل زیر است: $\stackrel{x=L}{\longrightarrow} \frac{d\theta}{dx} = 0$ (18)

اگر محور مختصات بیبعد
$$X = X_L$$
 را در معادله (۱۳) قرار دهیم داریم:
 $\frac{d^2\theta}{dX^2} - \frac{S_H}{I^2} \theta^2 = 0$
(۱۷)

9

$$\frac{d^2T}{dx^2} - \frac{S_H}{(T_b - T_\infty)L^2} (T(x) - T_\infty)^2 = 0$$
(1A)

و شرایط مرزی به شکل زیر است:
$$\frac{d heta}{dX} = 0$$
 (۱۹)

در این حالت دمای نوک پره معلوم و مقدار ثابتی فرض می گردد. در این صورت شرایط مرزی دوم بهصورت زیر میباشد:

$$\xrightarrow{x=L} \theta_L = 0 \tag{(7.)}$$

پره با طول محدود با فرض انتقال حرارت جابجایی از نوک پره در این مورد فرض حالت (۲) استفاده شده و با شرایط زیر جایگزین

$$-k_f A \frac{dT}{dx} = hA(T(L) - T_{\infty})$$
⁽¹¹⁾

$$\frac{dT}{dx} - N_u(T(L) - T_\infty) = 0 \tag{(YY)}$$

اگر برای شرایط پارامترهای بیبعد نوشته شود:
$$rac{d heta}{dX}-N_u heta(1)=0$$
 (۲۳)

معادله (۱۷) یا (۱۸) به همراه شرایط مرزی (۱۴) و (۲۲) و (۲۳) برای حل این مورد به کار میرود.

۳- نتايج

۳-۱- اعتبار سنجی

جهت اعتبار سنجی نتایج به دست آمده با داده های پژوهش کیوان مقایسه شده است.

برای اعتبار سنجی نتایج حالت بی بعد معادله (۱۳)را در نظر گرفته و با دادههای کیوان مقایسه شده. نتایج بدست آمده برای حالت طول بلند در مقادیر $S_H = 1 \cdot \cdot \cdot$ به صورت زیر میباشد:



شکل۲ اعتبار سنجی توزیع دمای بیبعد در حالت پره با طول بلند

پره طول محدود با دمای نوک معلوم



نتایج بدست آمده برای حالت طول محدود در مقادیر $S_H = 1 \cdots 1$ به

صورت زیر میباشد:





شکل ۴ اعتبار سنجی توزیع دمای بی بعد در حالت پره با طول محدود

با توجه به نمودارهای بالادرصد خطا زیر ۵٪ میباشد و نتایج خروجی از نرم افزار با دقت قابل قبولی معتبر است.

۳-۲-تغییرات دما

با حل معادله (۱۱) در شرایط مرزی (۱۴) و (۱۵) برای مقادیر مختلف *S_H* در این حالت با در نظر گرفتن ۳۰۰ = T_b درجه ی سانتیگراد تغیرات دما در طول پره به شکل زیر می باشد:



شکل Λ میزان تغییرات دما در حالت پره با طول بلند در مقادیر مختلف S_H شکل Λ میزان تغییرات دما در حالت پره با طول بلند در مقادیر مختلف S_H را نشان می دهد. از شکل بالا مشخص می شود که با افزایش مقدار S_H دمای نوک پره سریع تر به دمای محیط می رسد. با توجه به نمودار بالا در مقادیر S_H بالای ۵۰ دمای پره در نیمه ابتدایی آن به دمای محیط می رسد این در حالی می باشد که در $I = S_H$ دمای انتهای پره اختلاف محصوصی با دمای محیط دارد.

با حل معادله (۱۸) در شرایط مرزی (۱۴) و (۱۶) برای مقادیر مختلف T_b =۳۰۰ طول محدود با لبهی عایق و با در نظر گرفتن ۲۰۰ = -درجهی سانتیگراد تغییرات دما در طول پره به شکل زیر می باشد:



 S_H شکل ۶ میزان تغییرات دما در حالت پره با طول محدود در مقادیر مختلف

شکل ۶ میزان تغییرات دما در حالت پره با طول محدود در مقادیر مختلف _HR را نشان می دهد از این شکل مشخص است که با افزایش مقدار _KR شیب نمودارها افزایش می یابد و دمای پرهها سریع تر به دمای محیط خواهد رسید. در مقادیر _KR بالای ۱۰۰، شیب نمودارها به یکدیگر نزدیک شده و کم کم تاثیر افزایش _KR بر کاهش دما کمتر می شود.

با حل معادله (۱۸) در شرایط مرزی (۱۴) و (۱۹) برای مقادیر مختلف *S*_H در حالت طول محدود با انتقال حرارت جابجایی از نوک پره، با در نظر

گرفتن-۳۰ = T_b درجهی سانتیگراد تغییر دما در طول پره به صورت شکل زیر می اشد.



شکل ۷ تغییرات دما در طول پره در حالت طول محدود با دمای نوک معلوم در مقادیر مختلف *S*_H

شکل ۷ تغییرات دما در طول پره در حالت طول محدود با دمای نوک معلوم در مقادیر مختلف *S_H* را نشان میدهد. دمای انتهای پره ها در تمام مقادیر S_H ثابت و برابر با دمای محیط فرض شده در نتیجه نقطه انتهایی تمامی نمودارها یکسان میباشد.

با حل معادله (۱۷) یا (۱۸) به همراه شرایط مرزی (۱۴) و (۲۲) و (۲۳) تغییر دما در طول پره در حالت طول محدود با انتقال حرارت جابجایی از نوک پره بدست می اید . در حل معادله (۲۲) فرض ۱ = N در نظر گرفته شده است.



شکل ۸ تغییرات دما در طول پره در حالت طول محدود با انتقال حرارت جابجایی از نوک پره در مقادیر مختلف *S*_H

شکل ۸ تغییرات دما در طول پره در حالت طول محدود با انتقال حرارت جابجایی از نوک پره در مقادیر مختلف _۶۲ را نشان میدهد. با توجه به نمودار بالا و نتایج حاصل از شکل در حالت طول محدود با انتقال حرارت جابجایی، نوک پره ها کاهش دمای بیشتری را نشان میدهد.

۳-۳- درصد کاهش دما در طول پره

درصد کاهش نقطهای دما در طول هر پره در مقادیر مختلف S_H به شکل زیر میباشد:



 S_H شکل ۹ درصد کاهش دما در طول پره در حالت طول بلند در مقادیر مختلف



شکل ۱۰ درصد کاهش دما در طول پره در حالت طول محدود در مقادیر مختلف *S_H*

شکل ۹ درصد کاهش دما در طول پره در حالت و در هر نقطه نسبت به نقطه قبلی، در مقادیر مختلف S_H بررسی شده است. نتایج نشان میدهد که با افزایش مقدار S_H ، درصد کاهش دما در ابتدای پرهها رو به افزایش میباشد.

در شکل ۱۰ درصد کاهش دما در طول هر پره در حالت طول محدود در مقادیر مختلف *S_H ب*ررسی شده است. در مقادیر کم *S_H ک*اهش دما روند ثابتی را طی میکند اما با افزایش مقدار S_H ، درصد کاهش دما در ابتدای پرهها رو به افزایش میباشد.



شکل ۱۱ درصد کاهش دما در طول پره در حالت طول محدود با دمای نوک معلوم در مقادیر مختلف *S_H*

شکل ۱۱ درصد کاهش دما در طول پره در حالت طول محدود با دمای نوک معلوم در مقادیر مختلف _۲*K* را نشان میدهد. در مقادیر بالای *S*_H درصد کاهش دما در ابتدای پرهها رو به افزایش میباشد ولی با نزدیک شدن دمای انتهای پره ها به دمای محیط، این مقدار به صفر میرسد.

۳-۴- نرخ انتقال حرارت از پرهها

شکل نمودار تغییرات گرادیان دمای بدون بعد در پایهی پره با تغییرات ضریب _S_H را نشان میدهد.



شکل ۱۲ تغییرات گرادیان دمای بیبعد در پایهی پرهها در حالت طول بلند

شکل ۱۲ تغییرات گرادیان دمای بیبعد در پایهی پرمها در حالت طول بلند رانشان میدهد. این شکل نشان میدهد که افزایش مقدار *S*_H ، نرخ انتقال حرارت از پره را بالا میبرد.



شکل ۱۳ تغییرات گرادیان دمای بیبعد در پایهی پرهها در حالت طول محدود

شکل ۱۳ تغییرات گرادیان دمای بیبعد در پایهی پره در حالت طول محدود را نشان میدهد. با افزایش مقدار _H نرخ انتقال حرارت از پره نیز افزایش می یابد. نرخ انتقال حرارت از پره در حالت طول محدود کمتر از حالت طول بلند میباشد.

۴- فهرست علائم

مشخصه واحد نماد ظرفیت گرمای ویژه در فشار ثابت (<u>J</u> (<u>kg. K</u>) معد دارسی عدد بی بعد دارسی

g	$(\frac{m}{s^2})$	ثابت گرانش
Gr	3	عدد بی بعد گراشف
k	$\left(\frac{W}{W}\right)$	هدایت حرارتی
k _{eff}	$(\frac{W}{m.K})$	ضریب هدایت حرارتی مؤثر پره متخلخان
K _r		نسبت ضريب انتقال حرارت هدايت
K	m^2	نفوذپذیری پره متخلخل
L	m	طول پرہ
N _u		عدد بیبعد ناسلت
'n	$(\frac{m^3}{s})$	دبى
Pr		عدد بىبعد پرانتل
q	$(\frac{W}{m^2})$	نرخ انتقال حرارت
Ra		عدد بیبعد رایلی
T(x)	K	دما در هر نقطه
T _b	K	دما در پایه پره
$v_w(x)$	$(\frac{m}{s})$	سرعت سیال عبوری از پره در هر نقطه
W	m	عرض پرہ
x	m	راستای افقی
X		راستای افقی بیبعد
		نمادها يونانى:
α	$(\frac{m^2}{s})$	ضريب نفوذ حرارتي
β	(<mark>1</mark>)	ضريب انبساط حرارتي حجمي
Δ		اختلاف درجه حرارت
3		نسبت تخلخل
θ		درجه حرارت بیبعد
θ_b		اختلاف درجه حرارت در پایه پره
μ	$(\frac{kg}{m.s})$	ويسكوزيته ديناميكى
ν	$(\frac{m^2}{s})$	ويسكوزيته سينماتيكي
ρ	$(\frac{kg}{m^3})$	چگالی

[19] Torabi M, Zhang QB. Analytical solution for evaluating the thermal performance and efficiency of convective–radiative straight fins with various profiles and considering all non-linearities. Energy Convers Manage 2013;66:199–210.

[20] Kundu B, Bhanja D, Lee KS. A model on the basis of analytics for computing maximum heat transfer in porous fins. Int J Heat Mass Transfer 2012;55(25–26):7611–22.

[21] Kiwan S. Thermal analysis of natural convection porous fins. Trans Porous Media 2007;67:17–29.

[22] Reddy Gorla RS, Bakier AY. Thermal analysis of natural convection and radiation in porous fins. IntCommun Heat Mass Transfer 2011;38:638–45.
[23] Domairry G, Fazeli M. Homotopy analysis method to determine the fin efficiency of convective straight fins with temperature-dependent thermal conductivity. Commun Nonlinear SciNumerSimulat 2009;14:489–99.
[24] Ganji DD, Ganji ZZ, Ganji HD. Determination of temperature distribution for annual fins with temperature-dependent thermal conductivity by HPM. Therm Sci 2011;15:111–5.

[25] Joneidi AA, Ganji DD, Babaelahi M. Differential transformation method to determine fin efficiency of convective straight fins with temperature dependent thermal conductivity. IntCommun Heat Mass Transfer 2009;36:757–62.

[26]. Hatami.M,Ganji. D.D, Thermal performance of circular convectiveradiative porous fins with different section shapes and materials, Energy Conversion and Management 76 (2013) 185–193

[27]S.Y. Kim, J.W. Paek, B.H. Kang, Flow and heat transfer correlations for porous fin in a plate-fin heat exchanger, ASME J. Heat Transfer 122 (2000),572–578.

[28]M.M. Ali, T.S. Chen, B.F. Armaly, Natural convection–radiation interaction in boundary layer flow over horizontal surface, AIAA J. 22 (1984),1797–1803. [29] M.A. Hossain, H.S. Takhar, Radiation effect on mixed convection along a vertical plate with uniform surface temperature, Heat Mass Transfer 31(1996) 243–248.

[30] M.A. Hossain, M.A. Alim, Natural convection-radiation interaction on boundary layer flow along a thin vertical cylinder, Heat Mass Transfer 32 (1997) 515–520.

[31]I. Badruddin, Z. Zainal, P. Narayana, K. Seetharamu, Heat transfer by radiation and natural convection through a vertical annulus embedded in porous medium, Int. Commun. Heat Mass Transfer 33 (4) (2006) 500–507.



۵- نتیجه گیری

پارامتر طول در دو حالت طول بلند و طول محدود با لبهی عایق موردبررسی S_H قرار گرفته است. نتایج نشان میدهد در حالت طول بلند در مقادیر بالای S_H دمای پرمها در نیمهی ابتدایی، به دمای محیط می سد و افزایش طول بیشتر تأثیری بر انتقال حرارت ندارد. بهعنوان مثال در فاصله ۱/۵ متری دمای پره با دمای محیط برابر می شود. افزایش پارامتر S_H موجب افزایش نرخ انتقال درمای محیط برابر می شود. افزایش پارامتر S_H موجب افزایش نرخ انتقال حرارت از پره ها می درمان ی مود. افزایش پارامتر S_H موجب افزایش نرخ انتقال حرارت از پره می محیط رابر می شود. افزایش موله S_H موجب افزایش نرخ انتقال حرارت از پره می گردد. بلوری که با افزایش مقادیر S_H و همچنین ضریب مرارت از پره چهار برابر می گردد. افزایش مقادیر S_H متری انتقال حرارت از پره می گردد. و موجه موزیش مقادیر مان می محیط مرارت از پره می گردد. و افزایش مقادیر اعمان مراز می مرارت از پره می گردد. و افزایش متوادی می محیط می می محیط می مرارت از پره می مرابر می گردد. افزایش مقادیر محمان می محیط می مرارت از پره می مرابر می گردد. و افزایش مقادیر محمان می محیط مرارت از پره می مرابر می گرد. و افزایش مقادیر محمان می محیط می مرابر از پره ها می گردد. و افزایش می مرابر می گرد. و افزایش مقادیر محمان می مرابر می مرابر می مرابر می گرده. و می محیط می مرابر می گرد. و افزایش مولی مرابر می گرد. و افزایش می محیط می محیط می مرابر می گرده.

۶- مراجع

[1] Snider, A. and A. Kraus, The quest for the optimum longitudinal fin profile. Heat Transfer Engineering, 1987. 8(2): p. 19-25.

[2] Duffin, R., "A Variational Problem Relating to Cooling Fins," J. Math. Mech., 1959, 8, pp. 47–56.

[3] Poulikakos, D., and Bejan, A., "Fin Geometry for Minimum Entropy Generation in Forced Convection," ASME J. Heat Transfer, 1982, **104**, pp. 616–623.

[4] Bejan, A., Convection Heat Transfer, John Wiley and Sons, 1984, New York. [5] Huang, P.C., and Vafai, K. Passive alteration and control of convective heat transfer utilizing alternate porous cavity-block wafers. I. J. Heat Fluid Flow, 1994, 15, 48–61

[6] Alkam, M. and Al-Nimr, M.A, Improving the performance of double-pipe heat exchangers by using porous substrates, etc. I. J. Heat Mass Transfer, 1999.42. 3609–3618

[7] Kim, S. Y., Paek, J. W. and Kang, B. H., Flow and heat transfer correlations for porous fin in a plate-fin heat exchanger. *ASME J. Heat Transfer*, 2000,**122**, 572–578

[8] Kiwan, S. and Al-Nimr, M.A., Using porous fins for heat transfer enhancement, ASME J. Heat Transfer, 2001, **123**, 790–795

[9]Kiwan S. Effect of radiative losses on the heat transfer from porous fins. Int J ThermSci 2007;46:1046–55.

[10]Abu-Hijleh, B. A. K., Enhanced forced convection heat transfer from a cylinder using

permeable fins. ASME J. Heat Transfer:2003,125, 804-811

[11] Kiwan S, Zeitoun O. Natural convection in a horizontal cylindrical annulus using porous fins. Int J Numer Heat Fluid Flow 2008;18(5):618–34.
[12] Kiwan S, Al-Nimr M. Using porous fins for heat transfer enhancement. ASME J Heat Transfer 2001;123.

[13] Saedodin S, Sadeghi S. Temperature distribution in long porous fins in natural convection condition. Middle-East J Sci Res 2013;13(6):812-7.
[14] Turkyilmazoglu M. Exact solutions to heat transfer in straight fins of varying exponential shape having temperature dependent properties. Int J ThermSci 2012;55:69–75.

[15] Aziz A, Beers-Green AB. Performance and optimum design of convective-radiative rectangular fin with convective base heating, wall conduction resistance, and contact resistance between the wall and the fin base. Energy Convers Manage 2009;50:2622–31.

[16] Khani F, Aziz Abdul. Thermal analysis of a longitudinal trapezoidal fin with temperature-dependent thermal conductivity and heat transfer coefficient. Commun Nonlinear SciNumerSimulat 2010;15:590–601.

[17] Malekzadeh P, Rahideh H. Two-dimensional nonlinear transient heat transfer analysis of variable section pin fins. Energy Convers Manage 2009;50:916–22.

[18] Hatami M, Hasanpour A, Ganji DD. Heat transfer study through porous fins (Si3N4 and AL) with temperature-dependent heat generation. Energy Convers Manage 2013;74:9–16.