

## کنترل فازی پیل سوختی پلیمری به منظور جذب ماکزیمم توان

زهرا نجاتی<sup>(۱)</sup> - فرید شیخ‌الاسلام<sup>(۲)</sup> - حمید محمودیان<sup>(۳)</sup>

(۱) کارشناس ارشد - دانشکده برق، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد نجف‌آباد

(۲) استاد - دانشکده مهندسی برق، دانشگاه صنعتی اصفهان

(۳) استادیار - دانشکده برق، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد نجف‌آباد

تاریخ دریافت: بهار ۱۳۹۲ تاریخ پذیرش: پاییز ۱۳۹۲

خلاصه: پیل سوختی پلیمری از نقطه نظر طراحی و کارکرد یکی از جذابترین انواع پیل سوختی است. این نوع از پیل‌های سوختی در مقایسه با انواع دیگر پیل سوختی، برای یک حجم و وزن معلوم، توان بیشتری تولید می‌کند. با این حال یکی از موانع گسترش استفاده از این سیستم‌ها راندمان پایین آن‌ها می‌باشد. در این مقاله سعی بر آن است که برای غلبه بر راندمان پایین پیل سوختی پلیمری از تعقیب نقطه ماکزیمم توان استفاده گردد. با توجه به مشخصه جریان-توان پیل سوختی، که یک منحنی غیر خطی و دارای یک نقطه ماکزیمم می‌باشد و با استفاده از کنترل‌فازی و انتخاب مناسب توابع عضویت ورودی و خروجی سعی بر آن است که سیستم همواره در نقطه ماکزیمم توان کار کند. برای این منظور از یک چاپر بین پیل سوختی و بار استفاده می‌شود و برای تنظیم سیکل کاری موج اعمالی به آن یک کنترل‌کننده فازی نوع<sup>۱</sup> TSK به کار برده می‌شود که ورودی‌های آن شبیه منحنی جریان-توان و تغییرات شبیه می‌باشد. نتایج نشان می‌دهد این کنترل کننده عملکرد مناسبی دارد و در مقایسه با روش کنترلی اغتشاش و مشاهده سریع‌تر می‌باشد.

کلمات کلیدی: پیل سوختی پلیمری، ماکزیمم توان، کنترل فازی، TSK.

## Fuzzy Control of Polymer Fuel Cell for Attraction Maximum Power

Zahra Nejati<sup>(۱)</sup> - Farid Sheikholeslam<sup>(۲)</sup> – Seyyed Hamid Mahmoodian<sup>(۳)</sup>

(1) MSc - Department of Electrical Engineering, Islamic Azad University Najafabad Branch  
Nejati.zahra@yahoo.com

(2) Professor - Department of Electrical and Computer Engineering, Isfahan University of Technology  
sheikh@cc.iut.ac.ir

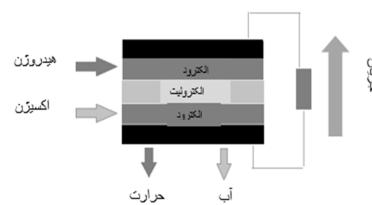
(3) Assistant Professor - Department of Electrical Engineering, Islamic Azad University Najafabad Branch  
Mahmoodian\_hamid@yahoo.com

Polymer fuel cell is one of the most attractive fuel cells from point of the design and operation and also in comparison with other types of fuel cell, for a weight and size, polymer fuel cell produces more power. But, one of the problems to use this system is its low efficiency. To overcome the low efficiency of the fuel cell polymer in this paper is tried to used from maximum power point tracking. According to the characteristic of the flow –power the fuel cell, which is a non-linear curve and has a maximum point and use of the fuzzy controller and the proper selection of input and output membership functions it was tried to the system always works at maximum power. For this purpose, a chopper is used between the fuel cell and the load and to adjust the duty cycle of the applied signal to it is applied the fuzzy-TSK type controller that its inputs are stream slope and slope changes. The results show that this controller has a good performance and that is faster compared with the perturbation and observation method.

**Index Terms:** Polymer fuel cell, maximum power, fuzzy control, TSK.

## ۱- مقدمه

پیلهای سوختی از فن آوری‌های تبدیل انرژی هستند که مستقیماً انرژی شیمیایی را به انرژی الکتریکی تبدیل می‌کنند. شکل (۱) شماتیک پیلهای سوختی را نشان می‌دهد.



شکل (۱): شماتیک یک پیلهای سوختی ساده [۱]  
Fig. (1): Shape of simple Fuel Cell

پیلهای سوختی به دلیل راندمان بالا، حداقل نشر آلایینده‌های زیست محیطی، استفاده از سوختهای فسیلی و پاک، مدولار بودن، قابلیت تولید همزمان حرارت و الکتریسیته، استفاده در کاربردهای تولید غیرتمترک انرژی و همچنین آرام و بی سرو صدا بودن در موارد مختلفی مانند حمل و نقل و نیروگاهها به کار می‌روند [۱]. با توجه به نوع الکترولیت به کار رفته در آنها، دمای فعالیت پیلهای، اکسید کننده، مبدل سوخت و... به انواع مختلفی مانند پلیمری، قلیاکی، اسید فسفریکی و... تقسیم‌بندی می‌شوند. از میان انواع پیلهای سوختی، پیلهای سوختی پلیمری (PEMFC)، به دلیل دمای عملکرد پایین (زیر ۱۰۰ درجه سانتیگراد) و پاسخ دینامیکی خوب بیشتر مورد توجه است. اما همواره یکی از موانع گسترش استفاده از پیلهای سوختی پلیمری، راندمان پایین آن‌ها می‌باشد. برای داشتن راندمان بالاتر از روش‌های تعییب نقطه‌ای ماکریزم توان استفاده می‌شود.

روش‌های زیادی برای تعییب نقطه‌ای ماکریزم توان (MPPT<sup>۳</sup>) وجود دارد، مانند روش اغتشاش و مشاهده (P&O<sup>۴</sup>). هدایت افزایشی<sup>۵</sup>، ولتاژ مدار باز کوچک<sup>۶</sup>، جریان اتصال کوتاه کوچک<sup>۷</sup>، کنترل فازی<sup>۸</sup>، شبکه‌های عصبی<sup>۹</sup>، کنترل وابستگی ریپل<sup>۱۰</sup>، جاروب جریان<sup>۱۱</sup>، کنترل کاهش خازن DC<sup>۱۲</sup>، ماکریزم کردن ولتاژ و جریان بار<sup>۱۳</sup> و کنترل لغزشی<sup>۱۴</sup> و ... [۲]. این روش‌ها در سیستمهای فتوولتائیک و پیلهای سوختی مشترک هستند.

از میان روش‌های متعددی که برای تعییب نقطه‌ای ماکریزم توان ارائه گردیده، روش P&O به دلیل برخورداری از الگوریتمی ساده و امکان تحقق آسان، با اقبال خوبی از سوی محققان رو به رو شده است [۳-۵]. روش P&O می‌تواند با اعمال یک اغتشاش در پیلهای سوختی اجرا شود. در مورد پیلهای سوختی این اغتشاش می‌تواند تغییر کوچکی در مقدار جریان یا ولتاژ خروجی باشد. بر اثر ایجاد اغتشاش تغییرات توان می‌تواند مثبت یا منفی باشد. اگر تغییرات توان مثبت بود بدان معناست که سیستم به نقطه‌ای ماکریزم توان نزدیک شده و تغییرات باید در امتداد مرحله قبل اعمال شود و اگر تغییرات توان منفی بود

بدان معناست که سیستم از نقطه‌ی بهینه دور شده است و تغییرات اعمالی باید بر خلاف امتداد مرحله‌ی قبیل باشد. مثلاً اگر کاهش جریان موجب افزایش توان گردد باید کاهش بیشتری در جریان بدھیم در غیر این صورت جریان را افزایش می‌دهیم. عملکرد P&O در صورتی مناسب و مطمئن خواهد بود که از رویارویی این الگوریتم با تغییرات سریع و ناگهانی سیستم جلوگیری گردد و همچنین مقدار اغتشاش اعمالی تأثیر زیادی در عملکرد آن دارد.

[۶] و [۷] کنترل مد لغزشی را برای برآوردن هدف پروژه مد نظر قرار داده‌اند. کنترل مد لغزشی یک روش کنترل غیر خطی مقاوم است که بر پایه‌ی معرفی معادله‌ی سطح لغزش و سپس تولید سیگنال کنترل استوار است. در واقع برای قرار گرفتن سیستم در مد لغزشی باید قانون کنترل به گونه‌ای انتخاب گردد که شرط لغزش را برآورده کند. این روش کنترل، برای ریدیابی توان ماکریزم نسبت به روش P&O از لحاظ پاسخ حالت گذرا، خطای ریدیابی کم و واکنش سریع به تعییر نقطه کار موفق‌تر عمل کرده است. همچنین این روش پایداری سیستم را تضمین می‌کند، اما پاسخ سیستم حلقه بسته دارای نوسانات تند<sup>۱۵</sup> می‌باشد. برای حل این مشکل نوسان، می‌توان از ترکیب کنترل کننده لغزشی با کنترلهای دیگر مانند فازی استفاده کرد.

در [۸] و [۹] از روش شبکه‌های عصبی استفاده شده است. این روش نیاز به حجم حافظه‌ی زیادی دارد. در [۱۰] یک الگوریتم بهینه سازی PSO<sup>۱۶</sup> بر پایه‌ی الگوریتم MPPT برای ریدیابی توان ماکریزم ارائه شده است. در [۱۰] یک مبدل بسته استفاده شده است و کنترل ارائه شده سیکل کاری مبدل را برای ریدیابی ماکریزم توان تعیین می‌کند.

الگوریتم ارائه شده دارای دقت بالایی می‌باشد. در این مقاله سعی بر آن است که برای غلبه بر راندمان پایین در این روش از تعییب نقطه‌ای ماکریزم توان استفاده گردد. با توجه به مشخصه جریان- توان پیلهای سوختی که یک منحنی غیر خطی است و دارای یک نقطه ماکریزم می‌باشد، در این مقاله با استفاده از کنترل کننده فازی و انتخاب مناسب توابع عضویت ترودی و خروجی، سعی بر آن است که سیستم همواره در نقطه‌ای ماکریزم توان کار کند. برای این منظور از یک چاپر بین پیلهای سوختی و بار استفاده می‌شود و برای تنظیم سیکل کاری موج اعمالی به آن یک کنترل کننده فازی به کار برده می‌شود، که ورودی‌های آن شبیه منحنی جریان- توان و تغییرات شبیه می‌باشد. کنترل کننده فازی به کار رفته در این مقاله کنترل کننده فازی نوع TSK می‌باشد. این کنترل کننده دارای طراحی ساده می‌باشد، به اطلاعات دقیق از سیستم نیاز ندارد و هزینه پیاده سازی آن نسبت به کنترلهای کلاسیک کمتر است و همچنین این کنترل کننده در برابر اغتشاشات مقاوم است. کنترل کننده نوع TSK نسبت به نوع ممدادی دقیق‌تر بوده و می‌تواند یک سیستم بسیار غیر خطی را با تعداد کمی از قواعد توصیف کند. به علاوه برای تعیین ضرایب مجهول در قواعد فازی، از یک الگوریتم بهینه سازی به نام الگوریتم کلی استفاده می‌گردد. در این مقاله کنترل کننده فازی نوع TSK با

$T$  به ترتیب فشار جزئی هیدروژن، فشار جزئی اکسیژن و دمای عملکرد پیل سوختی می‌باشند.

$$V_{Eernst} = 1.229 - 8.5 * 10^{-4} (T - 298.15) + 4.308 * 10^{-5} T (\ln(P_{H_2}) + .5 \ln(P_{O_2})) \quad (2)$$

تلفات فعالسازی و اهمی با استفاده از معادلات (۳) و (۴) به دست می‌آید.

$$V_{act} = \varepsilon_1 + \varepsilon_2 T + \varepsilon_3 T \ln(C_{O_2}) + \varepsilon_4 T \ln(I_{FC}) \quad (3)$$

$$V_{ohm} = I_{FC} R_M \quad (4)$$

که در آن  $\varepsilon_1 - \varepsilon_4$  ضرایب پارامتری برای هر مدل پیل سوختی می‌باشد.  $R_M$  و  $C_{O_2}$  به ترتیب غلظت اکسیژن در سطح مشترک کاتالیست و کاتند و مقاومت کاتالیست است که از روابط زیر به دست می‌آیند:

$$C_{O_2} = \frac{P_{O_2}}{(5.08 * 10^6) * \exp\left(\frac{-498}{T}\right)} \quad (5)$$

$$R_M = \frac{r_m t_m}{A} \quad (6)$$

$r_m$  مقاومت ویژه توده بوده و از رابطه زیر به دست می‌آید.  $t_m$  و  $A$  به ترتیب ضخامت پوسته و مساحت سطح مقطع می‌باشند.

$$r_m = \frac{1.181[1+0.03\left(\frac{I_{FC}}{A}\right)+0.0062\left(\frac{T}{303}\right)^2\left(\frac{I_{FC}}{A}\right)^{2.5}]}{\left[\lambda_m - 634 - 3\left(\frac{I_{FC}}{A}\right)\right]\exp(4.18\left(\frac{T}{303}\right))} \quad (7)$$

$\lambda_m$  پارامتر قابل تنظیمی است که به رطوبت نسبی بستگی دارد و حداقل میزان آن ۲۳ است. تلفات انتقال جرم نیز از رابطه (۸) به دست می‌آید.

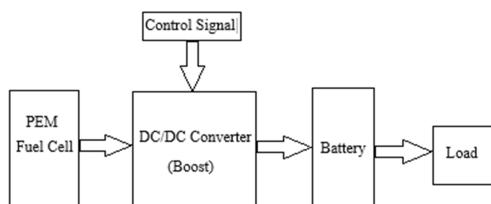
$$V_{conc} = -\frac{RT}{nF} \ln\left(1 - \frac{I_{FC}}{i_0 A}\right) \quad (8)$$

سپس ولتاژ سلول از رابطه (۱) به دست آمده و چون سلول‌ها با هم سری شده‌اند تا یک تودهی پیل سوختی را تشکیل دهند ولتاژ کل توده از رابطه (۹) به دست می‌آید که در آن  $N_{FC}$  نشان دهنده تعداد پیل‌های سوختی سری شده است.

$$V_{FC} = N_{FC} V_{cell} \quad (9)$$

### ۲- طراحی کنترل کننده

بلوک دیاگرام کلی مورد مطالعه در این پژوهه در شکل (۳) نشان داده شده است. این فرایند شامل پیل سوختی، چاپ DC، بار و باتری می‌باشد.



شکل (۳): بلوک دیاگرام سیستم و کنترلر استفاده شده

Fig. (3): Diagram of system and used controller

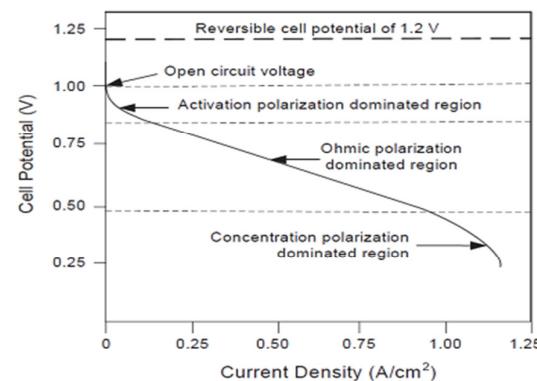
(۶۵)

کنترل کننده P&O مقایسه شده است نتایج نشان می‌دهد کنترل کننده نوع TSK قادر است توان مراکزیم را با نوسان کمتر و سرعت بیشتری نسبت به نوع P&O رديابی کند. این مقاله به صورت زیر مرتب شده است:

در بخش (۲) مدل PEMFC آورده شده است. در بخش (۳) کنترل طراحی می‌گردد و عملکرد آن با الگوریتم‌های مشابه مقایسه می‌شود. در نهایت نتایج در بخش (۴) بیان می‌گردد.

### ۲- مدل پیل سوختی پلیمری (PEMFC)

در پیل سوختی، سلول‌ها دارای بالاترین ولتاژ خود، فقط در شرایط مدار باز می‌باشند و با افزایش جریان کشیده شده در پیل ولتاژ افت پیدا می‌کند. در واقع پیل سوختی شبیه یک منبع ولتاژ با مقاومت داخلی عمل می‌کند. منحنی قطبی<sup>۱۷</sup> پیل سوختی، در شکل زیر نشان داده شده است. این منحنی که ولتاژ را بر حسب جریان نشان می‌دهد شامل سه ناحیه است. اولین ناحیه افت ولتاژ ناشی از واکنش شیمیایی اتفاق افتد در هر دو الکترود (کاتد و آند) را بیان می‌کند و ناحیه ای استفاده شده این ناحیه دارای گستردگی بیشتر یا کمتر می‌باشد. دومین ناحیه تلفات مقاومتی، ناشی از مقاومت داخلی توده پیل سوختی، که شامل مقاومت پوسته مقاومت الکترودها است را بیان می‌کند و ناحیه مقاومتی<sup>۱۹</sup> نام دارد. سومین ناحیه تلفات ناشی از غلظت واکنش دهنده را بیان می‌کند و ناحیه ای انتقال جرم<sup>۲۰</sup> نام دارد [۱۱].



شکل (۲): منحنی قطبی پیل سوختی [۱۱]

Fig. (2): Polarazation curve of Fuel Cell [11]

بر اساس منحنی قطبی پیل سوختی، معادلات ریاضی آن به صورت زیر می‌باشد. در واقع با کشیدن جریان از پیل سوختی ولتاژ مدار باز به دلیل وجود تلفات به صورت زیر افت پیدا می‌کند [۱۲-۱۴].

$$V_{cell} = V_{Eernst} - V_{act} - V_{ohm} - V_{conc} \quad (1)$$

در معادله (۲)،  $V_{Eernst}$  ولتاژ مدار باز می‌باشد که در شرایط ایده آل و در مدل ساده به صورت زیر به دست می‌آید. در این رابطه،  $P_{H_2}$  و  $P_{O_2}$

با توجه به معادله (۱۰) سیگنال خطای واقع شیب منحنی می‌باشد. مثبت یا منفی بودن بودن سیگنال خطای محل لحظه‌ای نقطه کار پیل سوختی را به دو بخش تقسیم می‌کند. طبق شکل (۳) در صورتی که سیگنال خطای مثبت باشد می‌توان نتیجه گرفته نقطه کار در سمت چپ نقطه ماکریم می‌توان قرار دارد و در صورتی که منفی باشد، سیگنال خطای در سمت راست نقطه ماکریم می‌توان قرار خواهد داشت. در سیکل‌های کاری کوچک، شیب منحنی مثبت و خیلی زیاد است و در سیکل‌های کاری بزرگ، شیب‌های منحنی به سمت منفی شدن می‌روند. سیگنال تغییرات خطای با توجه به معادله (۱۱) به دست می‌آید و در واقع جهت حرکت نقطه کار را تعیین می‌کند. برای مثال اگر سیگنال خطای مثبت و سیگنال تغییرات خطای منفی باشد، آنگاه نتیجه می‌گیریم اولاً نقطه کار در سمت چپ نقطه ماکریم می‌توان قرار دارد و ثانیاً نقطه کار در حال نزدیک شدن به نقطه ماکریم می‌باشد.

در منحنی توان-جربیان، با افزایش دما، توان افزایش می‌یابد. علت آن هم این است که افزایش دما سبب بهبود عملیات انتقال جرم شده و مقاومت کلی پیل کاهش می‌یابد (با افزایش دما هدایت الکترونی در فلز کاهش و هدایت یونی در الکتروولیت افزایش می‌یابد). به طور معمول دمای کارکرد پیلهای سوختی پلیمری بین  $70^{\circ}\text{C}$  درجه سانتیگراد می‌باشد.

حال با توجه به منحنی مورد بررسی، کنترل کننده فازی نوع TSK برای ردیابی توان ماکریم در بخش بعد طراحی می‌گردد.

### ۲-۲- کنترل کننده فازی نوع TSK

ویژگی بسیار مهم مدل TSK قدرت نمایشگری<sup>۲۱</sup> آن است. این مدل قادر است یک سیستم بسیار غیر خطی را با تعداد کمی از قواعد توصیف کند. در این روش فضای ورودی به نواحی فازی مختلف تجزیه شده و سیستم در هر ناحیه با یک مدل ساده تقریب زده می‌شود. مدل فازی کلی ترکیب زیر سیستم‌هایی با مدل‌های ساده‌تر است. تعداد قواعد فازی با تعداد پارامترین بندی ورودی برابر است. اساساً مدل شامل قواعد IF-Part TSK به شکل زیر است.

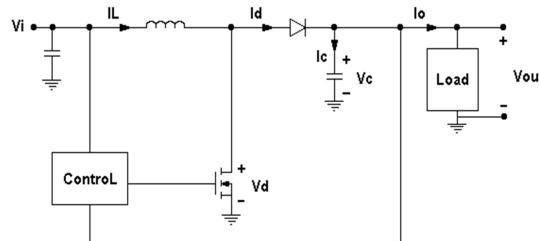
$$\text{If } x_1 \text{ is } A_{i1} \text{ and } x_2 \text{ is } A_{i2} \text{ and } \dots \text{, } x_r \text{ is } A_{ir} \text{ Then } y_i = b_{i0} + b_{i1}x_1 + \dots + b_{ir}x_r$$

که در آن  $i=1, \dots, I$  تعداد قواعد است.  $x_i$  ها متغیرهای ورودی و  $y_i$  ها متغیرهای خروجی هستند و  $A_{ij}$  ها مجموعه‌های فازی هستند که به وسیله‌ی توابع عضویت مشخص می‌شوند.  $b_{ij}$  ها پارامترهایی با مقادیر حقیقی می‌باشند. خروجی مدل TSK از رابطه‌ی زیر به دست می‌آید.

$$y = \frac{\sum_{i=1}^L \tau_i y_i}{\sum_{i=1}^L \tau_i} = \frac{\sum_{i=1}^L \tau_i (b_{i0} + b_{i1}x_1 + \dots + b_{ir}x_r)}{\sum_{i=1}^L \tau_i} = \frac{\sum_{i=1}^L w_i (b_{i0} + b_{i1}x_1 + \dots + b_{ir}x_r)}{\sum_{i=1}^L \tau_i} \quad (12)$$

(۶۶)

چاپر می‌تواند جهت افزایش یا کاهش پلهای ولتاژ منبع DC به کار گرفته شود. از این رو می‌توان چاپرها را به دو دسته سوییچر کاهنده و سوییچر افزاینده تقسیم کرد [۱۵]. در سوییچر افزاینده یا رگولاتور بوسټ ولتاژ خروجی می‌تواند بیشتر از ولتاژ ورودی باشد که به همین علت چنین نامگذاری شده است. یک رگولاتور بوسټ که از یک MOSFET قدرت استفاده می‌کند در شکل (۴) نشان داده شده است.



شکل (۴): رگولاتور بوسټ [۱۵]

Fig. (4): Boost regulator [15]

برای طراحی کنترل کننده در این قسمت ابتدا به بررسی منحنی توان-جربیان پیل سوختی پلیمری پرداخته و بر اساس آن کنترل کننده فازی نوع TSK برای جذب توان بیشینه از پیل سوختی پلیمری طراحی می‌گردد.

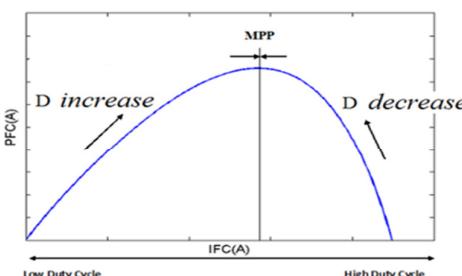
منحنی ولتاژ-جربیان و توان-جربیان پیل سوختی رفتاری کاملاً غیر خطی دارد. همان‌طور که در شکل (۵) دیده می‌شود، منحنی توان-جربیان پیل سوختی، فقط دارای یک نقطه‌ی ماکریم می‌باشد. برای جذب توان بیشینه از سلول، باید شرایطی فراهم شود که همواره در این نقطه ماکریم تون کار کنیم.

ورودی‌های مورد نظر برای طراحی کنترل کننده شیب منحنی و تغییرات شیب می‌باشند که با توجه به معادلات (۱۰) و (۱۱) محاسبه می‌شوند.

$$E(n) = \frac{P(n) - P(n-1)}{I(n) - I(n-1)} \quad (10)$$

$$\Delta E(n) = E(n) - E(n-1) \quad (11)$$

که، شیب منحنی یا خطای  $\Delta E$  تغییرات شیب یا تغییرات خطای است.  $n$  زمان نمونه برداری،  $P(n)$  توان الکتریکی لحظه‌ای آرایه پیل سوختی و  $I(n)$  جریان لحظه‌ای معادل می‌باشد.



شکل (۵): منحنی توان-جربیان پیل سوختی پلیمری [۶]

Fig. (5): Power-current curve of polymer fuel cell [6]

این الگوریتم پارامترهای  $b$  را از طریق مینیمم کردنتابع هدف (۱۵) به دست می‌آورد. می‌توان (۱۵) را به فرم ساده‌تر زیرنوشت:

$$J_G = (d - Xb)^T(d - Xb), d = [d(1) \dots d(N)]^T \in R^N \quad (۱۷)$$

برای استفاده از این روش  $N$  داده آموزشی داریم و خروجی را در هر داده می‌دانیم. برای به دست آوردن خروجی در این داده‌ها از سعی و خطای استفاده می‌کنیم. مثلاً اگر ورودی خطای  $(w/A)$   $24$  و تغییرات خطای  $(w/A)$   $4$ - باشد با سیکل کاری  $4$ . نقطه کار به سمت نقطه بهینه یعنی ماکزیمم توان می‌رسد. این خروجی‌ها  $d$  نام دارند. حال ماتریس زیر را تشکیل می‌دهیم:

$$X = \begin{bmatrix} w_1(1) & w_1(1)x_1(1) & \dots & w_1(1)x_r(1) & \dots & w_L(1) & \dots & w_L(1)x_r(1) \\ w_1(2) & w_1(2)x_1(2) & \dots & w_1(2)x_r(2) & \dots & w_L(2) & \dots & w_L(2)x_r(2) \\ \vdots & \vdots & & \vdots & & \vdots & & \vdots \\ w_1(N) & w_1(N)x_1(N) & \dots & w_1(N)x_r(N) & \dots & w_L(N) & \dots & w_L(N)x_r(N) \end{bmatrix} \in R^{N \times [(r+1)*L]} \quad (۱۸)$$

ماتریس  $X$  را به مقادیر تکین تجزیه می‌کنیم برای این کار در Matlab از SVD<sup>۲۷</sup> (تجزیه مقادیر تکین) استفاده می‌کنیم. با اعمال SVD به ماتریس بالا داریم:

$$X = U \sum V^T \quad (۱۹)$$

که در آن:

$$U = [u_1, u_2, \dots, u_n] \in R^{N \times N} \text{ و } V = [v_1, v_2, \dots, v_{(r+1)*L}] \in R^{[(r+1)*L] \times [(r+1)*L]}$$

ماتریس‌های مربعی و یکانی<sup>۲۸</sup> هستند و

$$\Sigma = diag(\delta_1, \delta_2, \dots, \delta_{(r+1)*L}) \in R^{N \times [(r+1)*L]}$$

یک ماتریس قطری<sup>۲۹</sup> با  $0 \geq \delta_{(r+1)*L} \geq \dots \geq \delta_2 \geq \delta_1$  می‌باشد. با جایگذاری (۱۹) در (۱۷) و دستکاری جبری ساده و کوچکترین حل نرم اقلیدسی ضرایب  $b$  به صورت زیر به دست می‌آید:

$$b = \sum_{i=1}^s \frac{u_i^T d}{\delta_i} \quad (۲۰)$$

که  $s$  تعداد مقادیر استثنایی غیر صفر در  $\Sigma$  است.

### ۳-۲- شبیه سازی کنترل کننده فازی نوع TSK

فرآیند مورد مطالعه در محیط سیمولینک Matlab در شکل (۶) نشان داده شده است. برای شبیه سازی از پیل سوختی پلیمری با توان  $1.2$  کیلووات در متلب استفاده شده است. مشخصات پیل سوختی پلیمری استفاده شده در جدول (۱) داده شده است. باطری مورد استفاده از جنس نیکل کادمیوم با ولتاژ  $55$  ولت و شارژ اولیه  $50\%$  می‌باشد

$t_i$  قدرت آتش کردن <sup>۲۲</sup> قاعده‌ی  $R_i$  است که به صورت ضرب یا مینیمم تعریف می‌گردد و  $w_i$  قدرت آتش نرمالیزه شده است. مثلاً:

$$\tau_i = A_{i1}(x_1) * A_{i2}(x_2) * \dots * A_{ir}(x_r) \quad (۱۳)$$

$$w_i = \frac{\tau_i}{\sum_{i=1}^r \tau_i} \quad (۱۴)$$

با توجه به خروجی مدل می‌توان الگوریتم‌های شناسایی مختلف برای شناسایی پارامترهای مجهول در آن استفاده کرد.

در مرجع [۱۶] سه الگوریتم یادگیری برای به دست آوردن پارامترهای مجهول در مدل TSK بیان شده است. وظیفه الگوریتم‌های یادگیری تخمین پارامترهای سیستم است به گونه‌ای که به عملکرد مناسب سیستم دست یابیم. الگوریتم‌های یادگیری مطرح شده در این مقاله یادگیری کلی<sup>۳۰</sup>، یادگیری محلی<sup>۳۱</sup> و ترکیب شده<sup>۳۲</sup> نام دارند. در هر کدام از این الگوریتم‌ها دارای تابع هدف خاصی می‌باشند. با توجه به نتایج عملکرد این الگوریتم‌ها در [۱۶] اگر ضرایب مجهول در TSK با الگوریتم کلی به دست آیند سیستم دارای عملکرد ریدیابی کلی خوبی می‌باشد اما ممکن است در نقاط آموزشی خاص و مراکز توابع عضویت دارای خطای باشد. تابع هدف مینیمم شده در این الگوریتم به صورت معادله (۱۵) می‌باشد.

$$j_G = \sum_{k=1}^N [d(k) - y(k)]^2 \quad (۱۵)$$

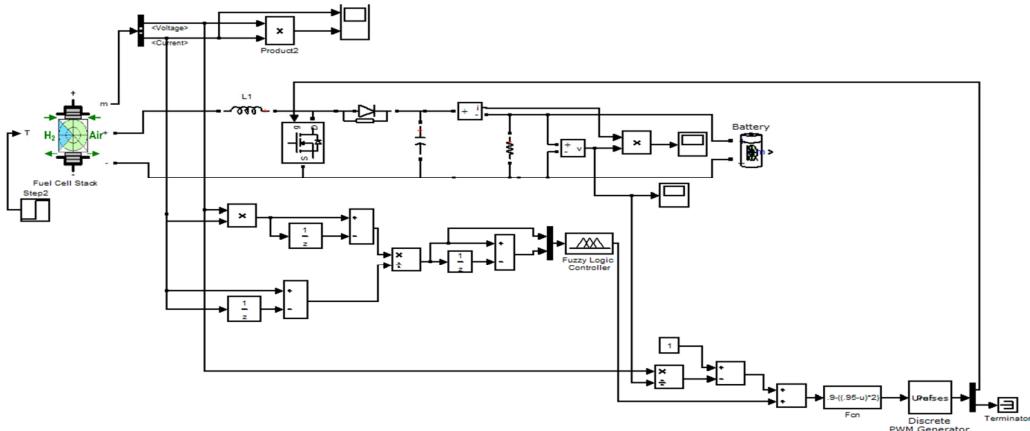
در تابع بالا  $d(k)$  خروجی سیستم واقعی و  $y(k)$  خروجی سیستم شناسایی شده است.  $N$  تعداد داده‌های آموزشی است. اگر قواعد کافی و داده‌های آموزشی کافی استفاده گردد همگرایی سیستم تضمین می‌گردد.

ضرایب الگوریتم ثابت و ثابت هستند و توسط استفاده کننده و بر حسب اینکه استفاده کننده عملکرد کلی یا عملکرد محلی بهتری را می‌خواهد انتخاب می‌گردد. از آن جا که هدف ریدیابی کلی نقطه‌ی مانکزیمم توان است، در این مقاله از الگوریتم کلی برای محاسبه ضرایب  $b$  استفاده شده است. از الگوریتم محلی و ترکیب شده در مواردی که نیاز به دقت بیشتر است استفاده می‌گردد.

### ۳-۱-۲- الگوریتم کلی

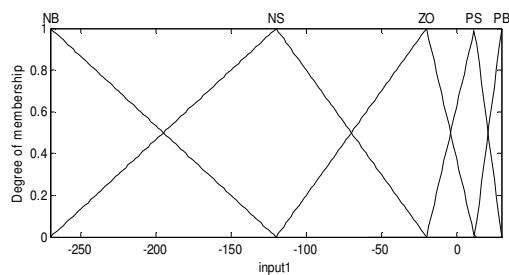
روش بسیار رایج برای به دست آوردن پارامترهای  $b$  الگوریتم<sup>۲۶</sup> یا حداقل مربعات بازگشتی است. مزیت این روش توانایی یادگیری آنلاین آن می‌باشد اما این الگوریتم به تعداد زیادی تکرار نیاز دارد. در اینجا یک روش محاسباتی کارآمد و غیر تکراری برای محاسبه ضرایب  $b$  ارائه می‌گردد. این ضرایب را به صورت رابطه (۱۶) تعریف می‌کنیم.

$$b = [b_{10} \ b_{11} \ \dots \ b_{1r} \ \dots \ b_{L0} \ b_{L1} \ \dots \ b_{Lr}]^T \in R^{(r+1)*L} \quad (۱۶)$$



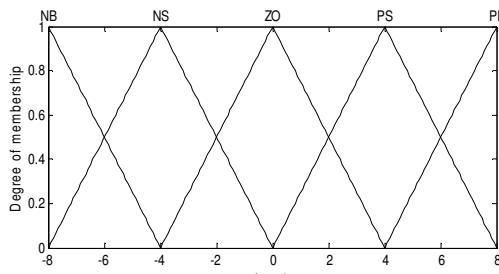
شکل (۶): شکل کلی سیستم مورد مطالعه در سیمولینک متلب

Fig. (6): General shape of studid system in MATLAB simulink



شکل (۷): توابع عضویت ورودی خطا

Fig. (7): Membership function of error input



شکل (۸): توابع عضویت تغییرات خطا

Fig. (8): Membership function of error changes

Table(1): characteristic of used fuel cell

جدول (۱): مشخصات پیل سوختی مورد استفاده

مشخصه	واحد	مقدار
توان نامی خروجی	W	1259.96
توان ماکریم خروجی	W	2000
مقومت پیل سوختی	$\Omega$	.061871
ولتاژرس	V	1.115
درصد اکسیژن مصرفی	%	99.92
درصد هیدروژن مصرفی	%	1.813
F	As/mol	96485
R	J/(mol K)	8.3145
نسبت جریان سوخت	Lpm	12.2
ماکریم	Lpm	23.46
نامی	Lpm	2400
ماکریم	هوا	4615
دما	K	328
فشار سوخت	Bar	1.5
فشار هوا	Bar	1

همچنین در این مقاله یک مبدل بوست با مشخصات زیر طراحی شده است:

$$V_i = 24v, V_o = 60v, \Delta V_o = 1\%, f_{sw} = 20KHz, \Delta I_L = 2A \quad (21)$$

شرایط اعمالی به سیستم جهت شبیه سازی در جدول (۲) آمده است. ریدیابی ماکریم توان در شکل (۹) نشان داده شده است. در این شکل I(PEMFC) جریان خروجی پیل سوختی پلیمری، P(PEMFC) توان خروجی پیل سوختی پلیمری و, V(Load) دما می دهد. این نتایج عملکرد مناسب سیستم را برای تعقیب افزایش دما نشان می دهد. همان طور که مشاهده می شود با تغییر مقاومت همچنان توان ماکریم ریدیابی می شود و با افزایش دما در زمان ۱s. توان افزایش یافته است. همچنین شکل (۱۰) و (۱۱) مقایسه عملکرد کنترل کننده فازی و P&O را نشان می دهد. مقایسه عملکرد این دو کنترل کننده نشان می دهد، کنترل فازی نوع TSK دارای سرعت بالاتر و نوسان کمتر و دقت بیشتری نسبت به نوع P&O می باشد.

بار داری توان 1.2KW است در نتیجه:

$$I_o = \frac{1200}{60} = 20A \quad (22)$$

با توجه به روابط چاپ در [۱۵] :

$$L \geq \frac{24*4}{20000} = .1mH \quad (23)$$

$$C \geq \frac{.4*20}{20000*.55} = 7.2 * 10^{-4}F \quad (24)$$

برای شبیه سازی کنترل کننده TSK قواعد فازی به صورت زیر هستند که در قسمت If-Part توابع عضویت به صورت شکل (۷) و (۸) تعریف می گردد. خروجی یکتابع خطی است که ضرایب آن با استفاده از الگوریتم آموزشی معرفی شده در بخش (۱-۲-۳) به دست می آید.  
If E is  $A_{i1}$  and CE is  $A_{i2}$  Then  $y_i = b_{i0} + b_{i1}E + b_{i2}CE$

Table (2): System condition for analysis in different times

جدول (۲): شرایط سیستم جهت تحلیل در زمان‌های مختلف

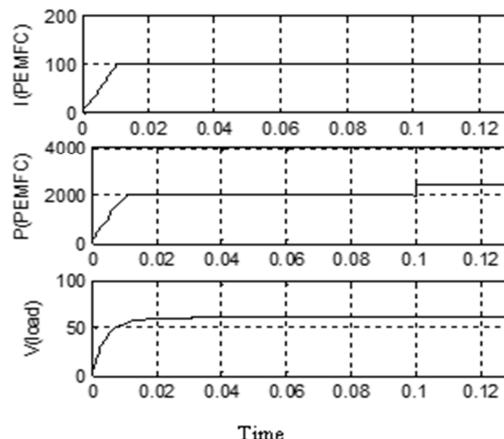
بازه زمانی(ثانیه)	دما (کلوین)	مقاومت(اهم)
0-0.03	328	5
0.03-0.06	328	20
0.06-0.1	328	15
0.1-0.13	350	1

## ۴- نتیجه گیری

در این مقاله هدف ریدیابی توان ماکریم پیل سوختی  $1/2$  کیلووات درآمد. برای این منظور از یک چاپر بین پیل سوختی و بار استفاده گردید، که با تنظیم سیکل کاری موج اعمالی به چاپر می‌توان مشخصه پیل سوختی را در نقطه کار بهینه قرار داد. برای تولید سیگنال مدولاسیون پهنه‌ای پالس از کنترل فازی نوع TSK استفاده گردید. نتایج شبیه سازی عملکرد مناسب این کنترل کننده را در تعقیب نقطه ماکریم توان نشان می‌دهد. همچنین روش P&O نیز بررسی شد. همان طور که مشاهده می‌گردد هر دو الگوریتم شبیه سازی شده در تعقیب نقطه ماکریم توان موفق عمل کرده‌اند. اما الگوریتم فازی دارای زمان نشست کمتری و در نتیجه سرعت بیشتری بوده و نوسانات خروجی کمتری دارد.

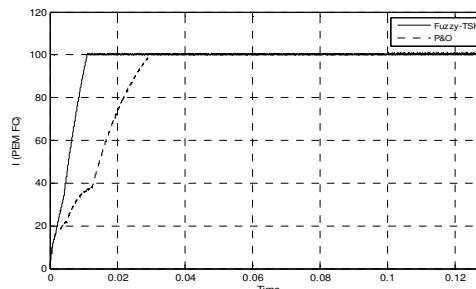
## پی‌نوشت:

- 1- Takagi Sugeno Kang
- 2- Polymer Fuel Cell
- 3- Maximum power point tracking
- 4- Perturbation and observation
- 5- Incremental conductance
- 6- Fractional open circuit voltage
- 7- Fractional short circuit current
- 8- Fuzzy logic controller
- 9- Neural network
- 10- Ripple correlation control
- 11- Current sweep
- 12- DC-link capacitor droop control
- 13- Load current and load voltage maximization
- 14- Sliding mode control
- 15- Chattering
- 16- Particle Swarm Optimization
- 17- Polarization
- 18- Activation Region
- 19- Ohmic Region
- 20- Mass Transport Region
- 21- Representation Power
- 22- Firing Strength
- 23- Global Learning
- 24- Local Learning
- 25- Combined Learning
- 26- Recursive Least-Squares
- 27- Singular Value Decomposition
- 28- Unitary:(A is a unitary matrix  $\leftrightarrow A^H = A^T$  that H is Hermision symbol and T is transpose)
- 29- Diagonal Matrix



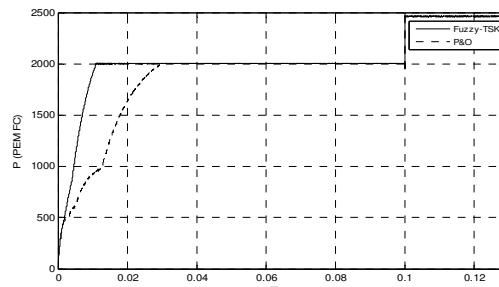
شکل (۹): پاسخ سیستم کنترل فازی نوع TSK با ۲۵ قاعده

Fig. (9): System response of Tsk fuzzy control with 25 rules



شکل (۱۰): مقایسه ریدیابی جریان ماکریم در کنترل کننده فازی و

Fig. (10): Comparison of maximum current tracking in fuzzy control and P&amp;O



شکل (۱۱): مقایسه ریدیابی توان ماکریم در کنترل کننده فازی و

Fig. (11): Comparison of maximum power tracking in fuzzy control and P&amp;O

### References

- [1] A.H. Fathi, S. Hoseinnia, R. Roshandel, "A novel isolated DC/DC converter for fuel cell powered load , IEEE/EPEC, pp. 1-6, Montreal, QC, 22-23 Oct. 2009.
- [2] T. Esram, P.L. Chapman,"Comrarision of photovoltaic array maximum power point tracking techniques", IEEE Trans. on Energy Conversion, Vol. 22, Issue 2, pp. 439-449, 2007.
- [3] A. Al Nabulsi, R. Dhaouadi,"Fuzzy logic controller based perturb and observe maximum power point tracking", ICREPQ, Santiago de Compostela (Spain), 28th to 30th March, 2012.
- [4] A. Giustiniani, "Enhancing polymeric electrolytemembrane fuel cell control by means of the perturb andobserve technique", Fuel Cell Sci Technol, Journal of Fuel Cell Science and Technology , American Society of Mechanical Engineers,pp. 11021-11031, 2010.
- [5] C.A. Ramos-Paja, G. Spagnuolo, G. Petrone, R. Giral, A. Romero, "Fuel cell MPPT for fuel consumption optimization", IEEE/ ISCAS,pp.2199 – 2202, Paris, 2010.
- [6] Sh. Abdi, K. Afshar, N. Bigdeli, S. Ahmadi, "A novel approach for robust maximum power point tracking of PEM fuel cell generator using sliding mode control approach", Int. Jou. Elec. Sci., pp. 4192 – 4209, Imam Khomeini International University,Qazvin, Iran, 2012.
- [7] F.A. Inthamoussou, R.J. Mantz, Hernán De Battista, "Flexible power control of fuel cells using sliding mode techniques", Jou. of Power Sources, Elsevier,Vol. 205, pp. 281-289, 1 May 2012.
- [8] Y.H Liu, Chun-Liang Liu, Jia-Wei Huang, Jing-Hsiao Chen, "Neural-network-based maximum power point tracking methods for photovoltaic systems operating under fast changing environments", Solar Energy, Sciedencedirect,Vol. 89, pp. 42–53, National Taiwan University of Science and Technology, March 2013.
- [9] S. Rahman, "Two-loop controller for maximizing performance of a grid-connected photovoltaic-fuel cell hybrid power plant", IEEE Trans. on Energy Conversion, Vol. 13, Issue3, pp. 276-281, Sep. 1998.
- [10] I. Soltani, M. Sarvi, H. Marefatjou,"An intelligent, fast and robust maximum power point tracking for proton exchange membrane fuel cell", World Applied Programming, Vol. 3, Issue 7, pp. 264-281, July 2013.
- [11] C. Spiegel, "PEM fuel cell modeling and simulation using MATLAB", Elsevier, chapter 7, pp. 197-241, 2008.
- [12] Liping Fan, Jun Zhang, Yi Liu, Xiaolin Shi, "Improved model predictive control for a proton exchange membrane fuel cell", Int. Jou. Electrochem. Sci., pp. 8734 – 8744, 2012.
- [13] A. Rezazadeh, M. Sedighizadeh, M. Karimi, "Proton exchange membrane fuel cell control using a predictive control based on neural network", Int. Jou. of Com. and Elect. Eng., Vol.2, No.1,pp. 81-85, Singapore, 2010.
- [14] P.C. Chen, "Robust voltage tracking control for proton exchange membrane fuel cells", Energy Conversion and Managemnt, Vol. 65, pp. 408-419, Jan. 2013.
- [15] M.H. Rashid, "Power electronics handbook", Second ed, Elsevier, chapter 13, pp. 245-259, 2011.
- [16] J. Yen, L. Wang, Ch. Wayne Gillespie, "Improving the Interpretability of TSK Fuzzy Models by Combining Global Learning and Local Learning", IEEE Trans. on Fuzzy Sys., Vol. 6, Issue 4,pp.530-537, Texas A&M University, College Station, 1998.