

تحلیل حالت ماندگار مبدل رزونانسی مرتبه چهار با فیلتر خروجی خازنی

نوید شفیعی^(۱) - حسین فرزانه فرد^(۲) - مهرداد جعفر بلند^(۳)

(۱) کارشناس ارشد - دانشکده برق، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد نجف آباد

(۲) دانشیار - دانشکده برق و کامپیوتر، دانشگاه صنعتی اصفهان

(۳) دانشیار - گروه برق، دانشگاه صنعتی مالک اشتر اصفهان

تاریخ پذیرش: بهار ۱۳۸۹

تاریخ دریافت: پاییز ۱۳۸۸

خلاصه: در این مقاله یک مدل ریاضی برای مبدل رزونانسی مرتبه چهار LCLC با فیلتر خازنی در حالت ماندگار ارائه می‌شود. به دلیل غیرخطی بودن فیلتر خروجی این مبدل، روش‌های معمول مدل‌سازی مبدل‌های رزونانسی نمی‌توانند رفتار این مبدل را مدل‌سازی کنند. در این مقاله یک مدل ریاضی ارائه می‌شود که می‌تواند عدم وجود سلف در فیلتر خروجی را اصلاح کند و عملکرد مبدل را برای یک گستره وسیع از تغییرات پیش‌بینی نماید. یک مبدل نمونه با توان 2.25kW 2جهت ارزیابی دقت مدل پیشنهادی فراهم شده است. نتایج عملی نشان می‌دهد که مدل پیشنهادی می‌تواند رفتار مبدل ذکر شده را برای گستره وسیع بار پیش‌بینی نماید.

کلمات کلیدی: مبدل رزونانسی مرتبه چهار LCLC، تحلیل حالت ماندگار، فیلتر خروجی خازنی.

اینورترهای رزونانسی، منابع تغذیه مولد یون، لامپ‌های بالاست و

تبديل انرژی‌های نو اشاره نمود [۱۶-۱۲]. در [۱۴] و [۱۶]

اینورتر رزونانس LCLC با استفاده از تکنیک تقریب هارمونیک اول^۱ مدل‌سازی شده است. در مبدل‌های رزونانس سری - موازی با فیلتر

خروجی سلفی - خازنی، قسمت خروجی مبدل (بار، فیلتر سلفی - خازنی و یکسوکننده خروجی) به همراه ترانسفورمر به دلیل همفار

بودن جریان و ولتاژ ورودی ترانسفورمر با یک مقاومت معادل مدل می‌شود [۱۷]. اگر چه در مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی ولتاژ

و جریان ترانسفورمر همفاز نیستند، امكان مدل‌سازی با مقاومت معادل وجود ندارد. در شکل (۱) مدار مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی

نشان داده شده است. عدم وجود سلف در فیلتر خروجی باعث می‌شود که در زمان روشن بودن دیودهای یکسوکننده خروجی و انتقال توان از

ورودی ترانسفورمر به خروجی آن، ولتاژ ورودی ترانسفورمر در سطح انتقال یافته ولتاژ خروجی ثابت شود [۴، ۸، ۱۰]. زمانی که جریان

دیودهای یکسوکننده خروجی صفر می‌شود، دیودهای یکسوکننده خاموش شده و دیگر توانی به خروجی منتقل نمی‌شود و انرژی به مدار

رزونانس برمی‌گردد، در نتیجه مقاومت معادل نمی‌تواند رفتار خروجی مبدل را توصیف کند.

- مقدمه

امروزه استفاده از مبدل‌های رزونانسی به دلیل مزایای آنها از جمله راندمان زیاد، فرکانس کلیدزنی زیاد، چگالی توان زیاد و نویز

الکترومغناطیسی کم بسیار متداول شده است [۸-۱]. توبولوژی رزونانسی زیادی از مرتبه ۳ و ۴ وجود دارد که در [۱۱] به آنها اشاره شده

است. مبدل‌های رزونانسی با سه یا تعداد المان رزونانس بیشتر دارای عملکرد و پاسخ دینامیکی بهتری هستند به علاوه در مدار رزونانس با

مرتبه بیشتر امکان جذب پارازیت بیشتری خصوصاً در فرکانس‌های بیشتر وجود دارد [۱۹]. مبدل‌های رزونانسی سری - موازی از نوع

LCC و LLC از معروف‌ترین مبدل‌های رزونانسی هستند که از سه المان رزونانس استفاده می‌کنند و کاربرد گسترده‌ای در صنعت دارند. از

Mبدل LCC به دلیل جذب کامل المانهای پارازیت ترانسفورمر در کاربردهای ولتاژ بالا و از مبدل LLC به دلیل راندمان بالا در بارهای

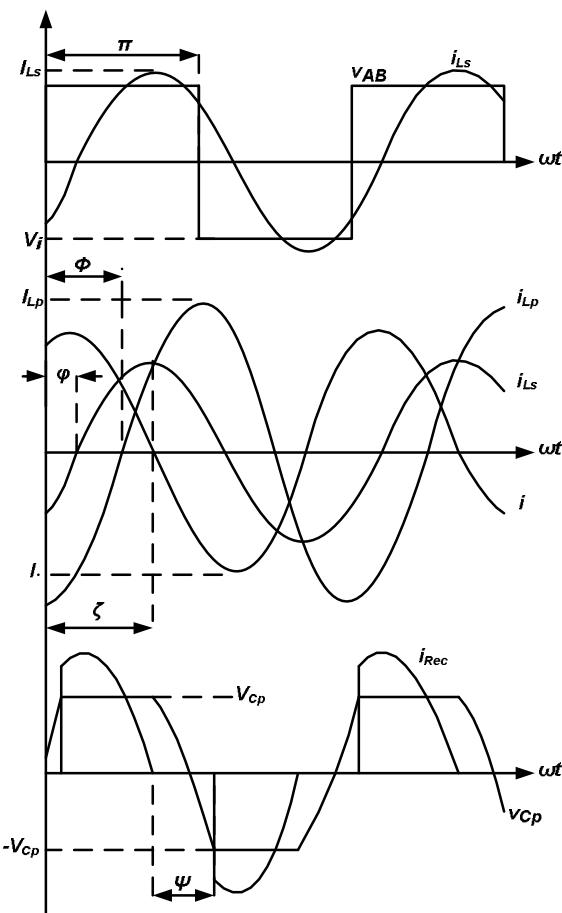
سبک و تغییرات کم فرکانس سوئیچینگ در کاربردهای ولتاژ پائین استفاده می‌شود [۱۰، ۱۱].

در بین مبدل‌های رزونانسی با چهار المان رزونانس، مبدل رزونانسی سری - موازی LCLC دارای بیشترین کاربرد است. از آن

جمله می‌توان به سیستم‌های توزیع توان AC فرکانس بالا،

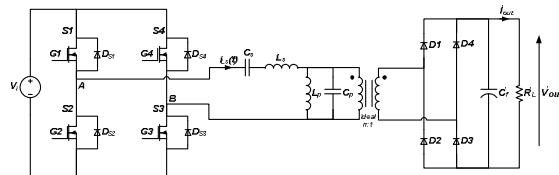
زاویه‌ای است که در آن دامنه جریان سلف سری و سلف موازی برابر می‌شود. با توجه به شکل (۲)، در برخی از بازه‌های زمانی دیودهای یکسوکننده خروجی خاموش و مدار رزونانس از خروجی مبدل قطع است. این بازه‌های زمانی، حالت عدم هدایت و $\pi/2$ زاویه عدم هدایت با دیودهای یکسوکننده خروجی نامیده می‌شود. زاویه عدم هدایت با استفاده از رابطه (۳) محاسبه می‌شود. مطابق شکل (۲)، در $\omega t = \pi$ جریان یکسوکننده خروجی به صفر می‌رسد و دیگر جریانی از مدار رزونانس به یکسوکننده خروجی منتقل نمی‌شود و ولتاژ خازن موازی از V_{Cp} به V_{Cp} تغییر وضعیت می‌دهد. در حالت عدم هدایت، معادله ولتاژ ولتاژ خازن موازی، (۰) به صورت زیر است:

$$v_{Cp}(0\theta) = v_{Cp}(\pi) + \frac{1}{C_p \omega_s} \int_0^\pi I_s \sin(\theta + \delta) d\theta \quad (6)$$



شکل (۲): شکل موج‌های اصلی در مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی
Fig. (2): The fundamental waveforms in a LCLC resonant converter with capacitive filter

زمانی که ولتاژ خازن موازی به مقدار V_{Cp} می‌رسد، دیودهای خروجی در بایاس مستقیم قرار گرفته و شروع به هدایت می‌کنند. این نقطه



شکل (۱): شماتیک مبدل رزونانسی مرتبه چهار

Fig. (1): The schematic of a resonant converter of fourth order

در [۴] مبدل رزونانسی مرتبه سه LCC با فیلتر خازنی تحلیل شده است. در این مرجع از روش تقریب هارمونیک اول به همراه جبران سازی اثر یکسوکننده خروجی^۱ استفاده شده است. در این روش به جای استفاده از مقاومت معادل، از یک مقاومت سری با خازن به منظور مدل‌سازی قسمت خروجی مبدل استفاده شده است. یک مدل ریاضی برای مبدل رزونانسی مرتبه چهار LCLC با فیلتر خازنی در [۱۸] ارائه شده است، ولی در مدل ارائه شده تابع انتقال ولتاژ خروجی به ورودی فقط برای مقادیر بزرگ سلف رزونانس موازی صحیح است، زیرا ولتاژ خروجی مبدل با صرفنظر از جریان این سلف محاسبه شده است. در این مقاله یک مدل صحیح برای مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی در حالت ماندگار ارائه می‌گردد.

در قسمت ۲، آنالیز حالت ماندگار مبدل ارائه می‌شود. در قسمت ۳ براساس روابط نرمالیزه به دست آمده در قسمت ۲، مبدل رزونانسی DC به DC مورد بحث توسط نرم افزار Matlab تحلیل می‌شود. در قسمت ۴، یک مبدل بر اساس مقادیر نرمالیزه قسمت ۳ و با مشخصات ۵.۰۲kW، ۵۰V طراحی و توسط نرم افزار Orcad شبیه سازی می‌شود. نتایج حاصل از ساخت یک نمونه عملی به منظور نشان دادن صحت و دقت مدل ریاضی در قسمت ۵ ارائه شده است.

۲- آنالیز حالت ماندگار

در این مقاله تحلیل مبدل با استفاده از روش RCFHA انجام می‌شود. شکل موج‌های اصلی و کلیدی مبدل در شکل (۲) نشان داده شده‌اند. تقریب هارمونیک اول جریان سلف سری، $i_{Ls}(t)$ ، جریان سلف موازی، $i_{Lp}(t)$ و تفاضل جریان سلف سری و موازی، $i(t)$ در روابط (۱) الی (۳) آورده شده است (در تمامی معادلات، کلیه متغیرها به سمت اولیه ترانسفورمر منتقل شده است).

$$i_{Ls}(t) = I_{Ls} \sin(\omega_s t - \phi) \quad (1)$$

$$i_{Lp}(t) = I_{Lp} \sin(\omega_s t - \phi) \quad (2)$$

$$i(t) = i_{Ls} - i_{Lp} = I_s \sin(\omega_s t + \delta) \quad (3)$$

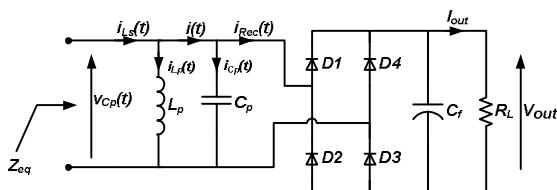
مقدار زاویه δ به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$\delta = \pi - \zeta \quad (4)$$

$$\zeta = \varphi - \tan^{-1} \left(\frac{I_{Ls} \cdot \sin(\phi - \varphi)}{I_{Ls} \cdot \cos(\phi - \varphi) - I_{Lp}} \right) \quad (5)$$

$$V_{C_{pB}} = L_p \omega_s I_{L_{pA}} ; \quad I_{L_{pA}} = I_{L_{sA}} - I_A \quad (19)$$

به منظور به دست آوردن امپدانس معادل شکل (۳)، ضرایب سری فوریه $i_{Ls}(t)$ باید به صورت تابعی از I_A و I_B محاسبه شوند، بنابراین ضرایب سری فوریه سلف رزونانس سری از جایگذاری روابط (۱۸) و (۱۹) در روابط (۱۵) و (۱۶) به دست می‌آید.



شکل (۳): المانهای رزونانس موازی و قسمت خروجی مبدل
Fig. (3): The parallel resonance elements and the output parts of the converter

$$I_{L_{sA}} = I_A + \frac{1}{\pi C_p L_p \omega_s^2} (I_B \sin^2 \psi + I_A (\sin \psi \sin \psi - \psi)) \quad (20)$$

$$I_{L_{sB}} = I_B - \frac{1}{\pi C_p L_p \omega_s^2} (I_A \sin^2 \psi - I_B (\sin \psi \sin \psi - \psi)) \quad (21)$$

اکنون امپدانس معادل با استفاده از روابط (۱۵)، (۱۶)، (۲۰) و (۲۱) به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$Z_{eq} = \frac{V_{C_{pA}} + jV}{I_{L_{sA}} + jI_{L_{sB}}} = R_{eq} + jX_{eq} \quad (22)$$

$$Z_{eq} = \left[\begin{array}{c} \pi C_p L_p \omega_s^2 \sin^2 \psi + \\ j(L_p \omega_s \left(-2\psi \sin \psi \cos \psi + \right. \\ \left. \pi C_p L_p \omega_s^2 \sin \psi \cos \psi \right. \\ \left. - \pi L_p C_p \psi \omega_s^2 \right. \\ \left. + \psi^2 - \cos^2 \psi + 1 \right) \end{array} \right] \quad (23)$$

مدار معادل مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی در شکل (۴) نشان داده شده است. در این مدار مولفه اول ولتاژ ورودی به صورت زیر است:

$$v_{AB1}(t) = \frac{4V_i}{\pi} \sin(\omega_s t) \quad (24)$$

تحلیل حالت ماندگار مبدل می‌تواند با استفاده از مدار معادل شکل (۴) انجام شود. در رابطه (۲۶) امپدانس نرمالیزه شده مبدل با استفاده از پارامترهای نرمالیزه شده زیر محاسبه شده است.

$$L_n = \frac{L_s}{L_p}, C_n = \frac{C_p}{C_s}, Z_0 = \sqrt{\frac{L_s}{C_s}}, \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{L_s C_s}}, \omega_n = \frac{\omega_s}{\omega_0} \quad (25)$$

هدایت در $\psi = \zeta + \omega t$ رخ می‌دهد و زاویه ψ به صورت زیر محاسبه می‌شود [۸، ۴]:

$$\cos \psi = 1 - \frac{2V_{C_p} C_p \omega_s}{I} \quad (7)$$

جريان خروجی مبدل متوسط جريان يکسوکننده خروجی است، لذا ولتاژ و جريان خروجی عبارتند از [۸]:

$$I_{out} = \frac{I}{\pi} (1 + \cos \psi) \quad (8)$$

$$V_{out} = R_L \cdot I_{out} = \frac{R_L \cdot I}{\pi} (1 + \cos \psi) \quad (9)$$

مطابق شکل (۲)، جريان ورودی ترانسفورمر سینوسی نیست و همچنین ولتاژ و جريان ترانسفورمر هم فاز نیستند. به منظور مدل سازی اثر خروجی مبدل برروی المانهای موازی تانک رزونانس (L_p و C_p)، قسمت‌های مذکور با یک امپدانس معادل سازی می‌شود. در شکل (۳) قسمت خروجی مبدل (انتقال یافته به اولیه ترانسفورمر) به همراه المانهای موازی تانک رزونانس نشان داده است. به منظور تعیین امپدانس معادل شکل (۳)، Z_{eq} ، مولفه اول سری فوریه

$v_{Cp}(t)$ به صورت زیر نوشته می‌شود.

$$i_{L_s}(t) = I_{L_{sA}} \sin(\omega_s t) + I_{L_{sB}} \cos(\omega_s t) \quad (10)$$

$$i_{L_p}(t) = I_{L_{pA}} \sin(\omega_s t) + I_{L_{pB}} \cos(\omega_s t) \quad (11)$$

$$i(t) = i_{L_s}(t) - i_{L_p}(t) = I_A \sin(\omega_s t) + I_B \cos(\omega_s t) \quad (12)$$

$$v_{Cp}(t) = V_{C_{pA}} \sin(\omega_s t) + V_{C_{pB}} \cos(\omega_s t) \quad (13)$$

با توجه به شکل (۲)، معادله ولتاژ خازن موازی، $v_{Cp}(t)$ در یک دوره تناوب به صورت زیر است:

$$v_{Cp}(t) = \begin{cases} V_{C_p} - \frac{I}{C_p \omega_s} (1 + \cos(\omega_s t + \delta)), & \frac{\zeta}{\omega_s} < t < \frac{\zeta + \psi}{\omega_s} \\ -V_{C_p}, & \frac{\zeta + \psi}{\omega_s} < t < \frac{\pi + \zeta}{\omega_s} \\ -V_{C_p} + \frac{I}{C_p \omega_s} (1 - \cos(\omega_s t + \delta)), & \frac{\pi + \zeta}{\omega_s} < t < \frac{\pi + \zeta + \psi}{\omega_s} \\ V_{C_p}, & \frac{\pi + \zeta + \psi}{\omega_s} < t < \frac{2\pi + \zeta}{\omega_s} \end{cases} \quad (14)$$

با استفاده از تحلیل فوریه، مولفه اول سری فوریه $V_{Cp}(t)$ به صورت زیر محاسبه می‌شود:

$$V_{C_{pA}} = \frac{1}{\pi C_p \omega_s} (I_A \sin^2 \psi - I_B (\sin \psi \sin \psi - \psi)) \quad (15)$$

$$V_{C_{pB}} = \frac{1}{\pi C_p \omega_s} (I_B \sin^2 \psi + I_A (\sin \psi \sin \psi - \psi)) \quad (16)$$

از طرف دیگر به دلیل موازی بودن خازن و سلف، معادله ولتاژ بکسان دارند و معادله ولتاژ سلف موازی به صورت زیر است:

$$v_{Cp}(t) = L_p \frac{di_{L_p}}{dt} \quad (17)$$

مطلوب روابط (۱۰) الی (۱۳) و (۱۷) روابط زیر به دست می‌آیند:

$$V_{C_{pA}} = -L_p \omega_s I_{L_{pB}} ; \quad I_{L_{pB}} = I_{L_{sB}} - I_B \quad (18)$$

$$I_A = \frac{\pi C_n \omega_n^2 \left[-I_{L_{SB}} \sin^2 \psi + \frac{\pi C_n I_{L_{SA}} \omega_n^2}{L_n} + \right]}{L_n \left[\sin^4 \psi + \frac{\pi^2 C_n^2 \omega_n^4}{L_n^2} + \sin^2 \psi \cos^2 \psi + \right.} \quad (31)$$

$$I_B = \frac{\pi C_n \omega_n^2 \left[\frac{\pi C_n I_{L_{SB}} \omega_n^2}{L_n} + I_{L_{SB}} \sin \psi \sin \psi c - \right]}{L_n \left[\sin^4 \psi + \frac{\pi^2 C_n^2 \omega_n^4}{L_n^2} + \sin^2 \psi \cos^2 \psi + \right.} \quad (32)$$

به منظور بررسی تفاوت مدل ریاضی به دست آمده نسبت به مدل ارائه شده در [۸]، روابط به دست آمده در این قسمت به ازای مقادیر نرمالیزه $C_n=0.5$ و $L_n=0.1$ تحلیل می‌شوند. در شکل (۵) نتایج حاصل از تحلیل مدل ریاضی این قسمت و مرجع [۸] به ازای مقادیر مختلف بار رسم شده است. همانگونه که ملاحظه می‌شود با وجود کوچک بودن مقدار L_n بین منحنی‌های تابع انتقال اختلاف وجود دارد که دلیل آن در نظر نگرفتن جریان سلف رزونانس موادی در [۸] می‌باشد. لازم به ذکر است که با بزرگتر شدن L_n اختلاف بین منحنی‌ها بیشتر خواهد شد.

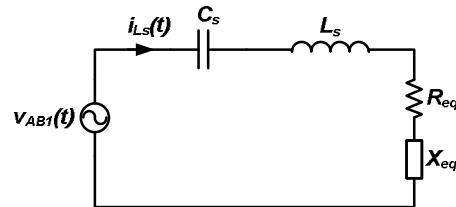
-آنالیز مبدل رزونانسی LCLC با Matlab

در این قسمت، معادلات نرمالیزه شده مبدل رزونانسی با نرم افزار Matlab شبیه سازی می‌شود. شکل‌های مختلف مربوط به مبدل رزونانسی در شکل (۶) نشان داده شده است. دامنه تابع انتقال ولتاژ خروجی به ورودی، دامنه جریان سلف رزونانس سری (جریان عبوری از سوئیچ‌های اینورتر) و فاز امپدانس ورودی برای مقادیر نرمالیزه $1=L_n=1$ و $C_n=0.25$ به ترتیب در شکل‌های (الف)-۶، (ب)-۶ و (ج)-۶ نشان داده شده است. مقادیر نرمالیزه اشاره شده براساس فاکتورهای مختلفی همچون گین ولتاژ، دامنه جریان سلف رزونانس سری و مقدار فاز امپدانس ورودی انتخاب شده‌اند. نتایج حاصل از شبیه‌سازی با Matlab در جدول (۱) آورده شده است. بر اساس مقادیر به دست آمده برای فاز امپدانس ورودی مشاهده می‌شود که φ به ازای هر باری مثبت است (حالات پس‌فازی جریان) و سوئیچ‌های اینورتر همواره در حالت ZVS کار می‌کنند [۱۷].

$$Z_{in}(j\omega_n) = jZ_0 \left(\omega_n - \frac{1}{\omega_n} \right) + \frac{\pi C_n \omega_n^3 \sin^2 \psi}{L_n} + \left[\begin{array}{l} \left(-2\psi \sin \psi \cos \psi + \right. \\ \left. \frac{\pi C_n \omega_n^2 \sin \psi \sin \psi c}{L_n} - \right. \\ \left. j \omega_n \left(\frac{\pi C_n \psi \omega_n^2}{L_n} + \psi^2 - \right. \right. \\ \left. \left. \cos^2 \psi + 1 \right) \end{array} \right] \quad (25)$$

$$Z_0 = \frac{\left[\frac{2\pi n \omega_n^2 \sin \psi \sin \psi c}{L_n} - 2\psi \sin \psi \cos \psi - \right]}{\left[\frac{2\pi n \omega_n^2}{L_n} + \psi^2 + \frac{\pi^2 C_n^2 \omega_n^4}{L_n^2} - \cos^2 \psi + 1 \right]} \quad (26)$$

زاویه عدم هدایت، ψ براساس مقادیر نرمالیزه رابطه (۲۵) به صورت زیر به دست می‌آید [۸].



شکل (۴): مدار معادل شکل (۱) در حالت ماندگار

Fig. (4): The equivalent circuit of Fig. (1) in steady state

$$\cos \psi = \frac{\pi - 2C_n Q_L \omega_n}{\pi + 2C_n Q_L \omega_n} \quad (27)$$

$$Q_L = \frac{R_L}{Z_0} \quad (28)$$

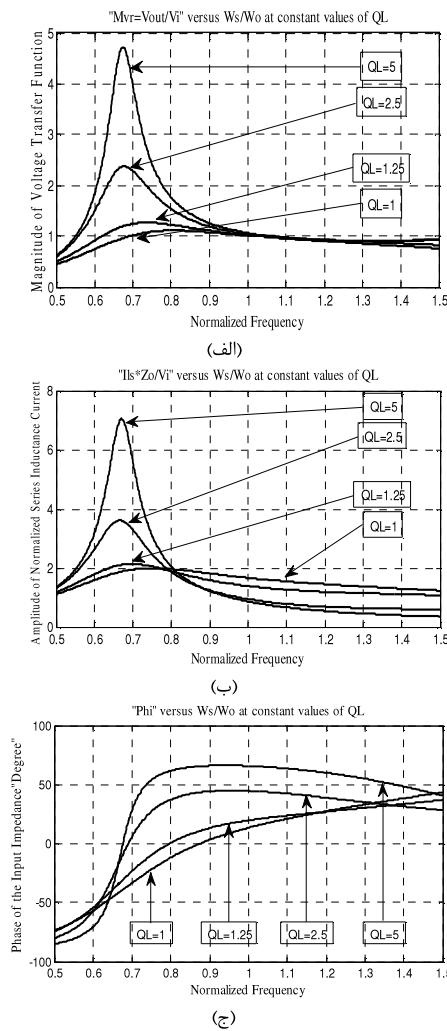
مطلوب شکل (۴) و روابط (۲۴) و (۲۶)، دامنه جریان ورودی مدار رزونانس (سلف رزونانس سری) برابر است با:

$$|I_{L_s}| = \frac{4V_i}{\pi |Z_{in}|} \quad (29)$$

مطلوب رابطه (۹)، به منظور محاسبه مقدار ولتاژ خروجی پارامترهای I و ψ مورد نیاز است. زاویه ψ از رابطه (۲۷) محاسبه می‌شود و مقدار I از روابط (۲۰) و (۲۱) به دست می‌آید. دامنه جریان I_A و I_B به صورت زیر می‌باشد:

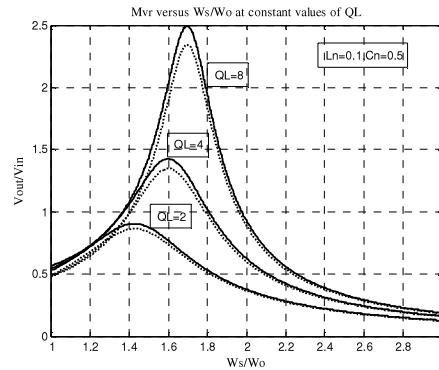
$$I = \sqrt{(I_A^2 + I_B^2)} \quad (30)$$

که در این رابطه I_A و I_B در روابط (۳۱) و (۳۲) آورده شده است. با استفاده از شکل (۴) و روابط (۲۴) و (۲۶) می‌توان رفتار مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی را توصیف نمود.



شکل (۵) : آنالیز مدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی با نرم افزار Matlab برای $L_n=1$ و $C_n=0.25$ و مقادیر ثابت مقاومت بار نرمالیزه شده Q_L (الف). دامنه تابع انتقال ولتاژ، M_{vr} بر حسب فرکانس نرمالیزه شده. (ب). دامنه جریان سلف رزونانس سری، $I_{ls}^*Z_0/V_i$ بر حسب فرکانس نرمالیزه شده. (ج). فاز امپدانس ورودی، φ بر حسب فرکانس نرمالیزه شده

Fig. (6): The analysis of LCLC resonant converter with capacitor filter with Matlab for $L_n=1$ and $C_n=0.25$ and normalized load resistance Q_L (a) The amplitude of voltage transferred in terms of normalized frequency (b) The amplitude of series self resonance $I_{ls}^*Z_0/V_i$ in terms of normalized frequency (c) The phase of input impedance φ in terms of normalized frequency



شکل (۵): مقایسه نتایج مدل ریاضی ارائه شده با مدل مرجع [۸] به ازای $C_n=0.5$ و $L_n=0.1$ منحنی های مدل ریاضی ارائه شده: خط ممتد و منحنی های مدل ریاضی مرجع [۸]: خط چین

Fig. (5): The comparison of mathematical model proposed with model in Ref [8] for $L_n=0.1$, $C_n=0.5$. The proposed model curves are shown by continuous lines and the curves related to Ref [8] are shown by dashed lines

Table (1): The results of analyzing the equations with Matlab
جدول (۱) : نتایج تحلیل معادلات با

Q_L	M_{vr}	$I_{ls}^*Z_0/V_i$	$\varphi^{deg.}$	ω_n
1	1	1.6	16	1.027
1.25	1	1.3	21	1.029
2.5	1	0.9	44	1.04
5	1	0.7	65	1.061

۴- روند طراحی و شبیه سازی

به منظور بررسی صحت مدل ریاضی ارائه شده ابتدا بر اساس مقادیر نرمالیزه جدول (۱) یک مدل با مشخصات $V_o = 50V$ و $P_o = 2.25kW$ طراحی و سپس توسط نرم افزار Orcad شبیه سازی می شود. در این مدل ولتاژ ورودی، V_o برابر 300VDC است و از طریق یکسوسازی ولتاژ خط و استفاده از یک فرکانس خازنی به دست آمده است. به منظور محاسبه مقادیر المانهای رزونانس، ابتدا $\omega_0 = 400\pi^2 = 400\pi^2$ انتخاب می شود. لازم به ذکر است که فرکانس در نظر گرفته شده حدود فرکانس سوئیچینگ مدل را تعیین می کند. با توجه به روابط (۲۵) و (۲۸) و همچنین مقادیر جدول (۱) می توان مقادیر سلف و خازن رزونانس سری را به دست آورد.

$$R_L = \frac{V_{out}^2}{P_o} \rightarrow R_L = 40 \quad (33)$$

$$Q_L = 1 \Rightarrow Z_0 = \frac{R_L}{Q_L} = 40 \quad (34)$$

$$C_s = \frac{1}{Z_0 \omega_0} \Rightarrow C_s = 20^{nF} \quad (35)$$

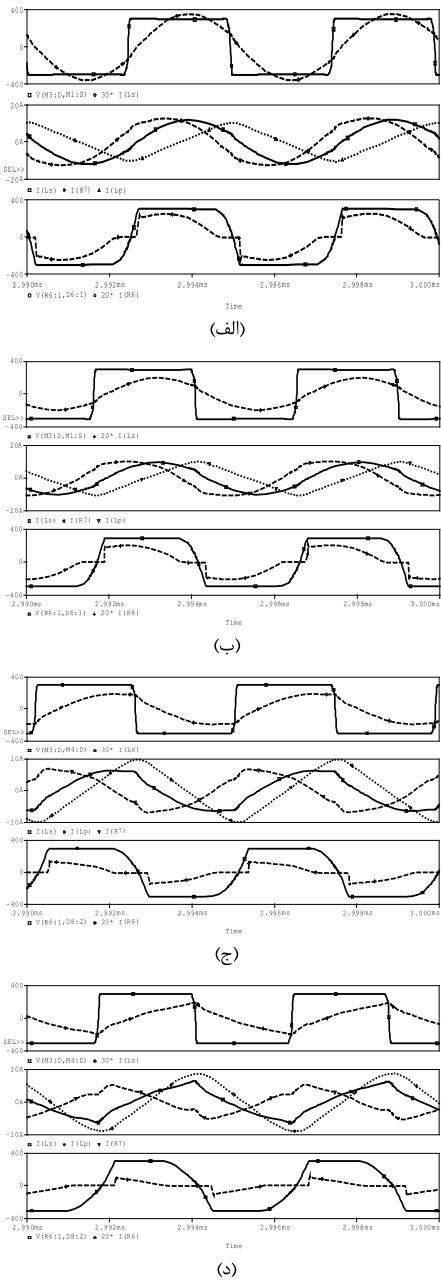
$$L_s = \frac{Z_0}{\omega_0} \Rightarrow L_s = 32^{\mu H} \quad (36)$$

با توجه به مشخص بودن نسبت سلف و خازن های رزونانس، مقدار سلف و خازن رزونانس موازی به دست می آید. پارامترهای مدل در جدول (۲) آورده شده است.

Table (2): The converter parameters

جدول (۲): پارامترهای مبدل

پارامترها	مقدار
توان خروجی	2.25kW
ولتاژ ورودی	220V, 50Hz
ولتاژ خروجی	50V
هزازن سری, C_s	20nF
سلف سری, L_s	32uH
هزازن موازی, C_p	5nF
سلف موازی, L_p	32uH
نسبت دور ترانسفورمر	6:1
هزازن فیلتر, C_f	100uF



شکل (۷): نتایج شبیه سازی با Orcad برای: (الف). بار کامل، (ب). ۷۵٪ بار کامل، (ج). ۵۰٪ بار کامل و (د). ۲۰٪ بار کامل. در هر کدام، شکل بالا: ولتاژ خروجی انورتر (ممتد) و جریان ورودی مدار رزونانس (خط چین)، شکل وسط: جریان ورودی مدار رزونانس (ممتد) و جریان سلف رزونانس موازی (نقطه چین) و تفاضل جریان سلف سری و موازی (خط چین) و شکل پائین: ولتاژ هزارن رزونانس موازی (ممتد) و جریان ورودی یکسو کننده خروجی (خط چین)

Fig. (7): The simulation results obtained by Orcad: (a) Full load, (b) %75 full load, (c) %50 full load, (d) %20 full load. In each of the above figures the output voltage is shown by continuous line, The input current in the resonant circuit is shown by dashed line and the self inductance of the parallel resonance by dotted line

Table (3): The results obtained by Orcad

جدول (۳): نتایج شبیه سازی با Orcad

P_o kW, ($Q_L=$)	V_{out} V, ($M_v=$)	I_{LS} A, (A)	ϕ Deg.	f_{sw} kHz, ($\omega_0=$)
2.25 (1)	50, (1)	11.9, (1.6)	15	202, (1.01)
1.8, (1.25)	50, (1)	9.8, (1.3)	20	204, (1.02)
0.9, (2.5)	50, (1)	6, (0.8)	41	206, (1.03)
0.45, (5)	50, (1)	5.5, (0.7)	62	214, (1.07)

$Z_o = 40\Omega$, $f_o = 200\text{KHz}$, $V_i = 300\text{V}$

با دقت خوبی رفتار مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی را برای مقادیر مختلف بار پیش‌بینی کند.

Table (4): The experimental results
جدول (۴): نتایج عملی

P_o^{kW} , ($Q_L=$)	V_{out}^V , ($M_L=$)	I_{LS}^A , (A)	$\phi^{Deg.}$	f_{sw}^{kHz} , ($\omega_h=$)
2.25, (1)	50, (1)	11.5, (1.5)	16	202, (1.01)
1.8, (1.25)	50, (1)	9.5, (1.3)	22	204, (1.02)
0.9, (2.5)	50, (1)	6.5, (0.9)	42	210, (1.05)
0.45, (5)	50, (1)	5, (0.7)	61	217, (1.09)

$$Z_o = 40\Omega, f_o = 200\text{kHz}, V_i = 300V$$

۶- نتیجه گیری

در این مقاله یک مدل ریاضی پیشنهاد شد که قادر است رفتار مبدل رزونانسی LCLC با فیلتر خازنی را برای یک گستره وسیع از تغییرات بار پیش‌بینی کند. صحت مدل پیشنهادی از طریق نتایج شبیه سازی و نمونه عملی مورد بررسی قرار گرفت. نتایج نشان می‌دهد که مدل ریاضی پیشنهادی دارای دقت خوبی برای گستره وسیعی از تغییرات بار می‌باشد.

پی‌نوشت:

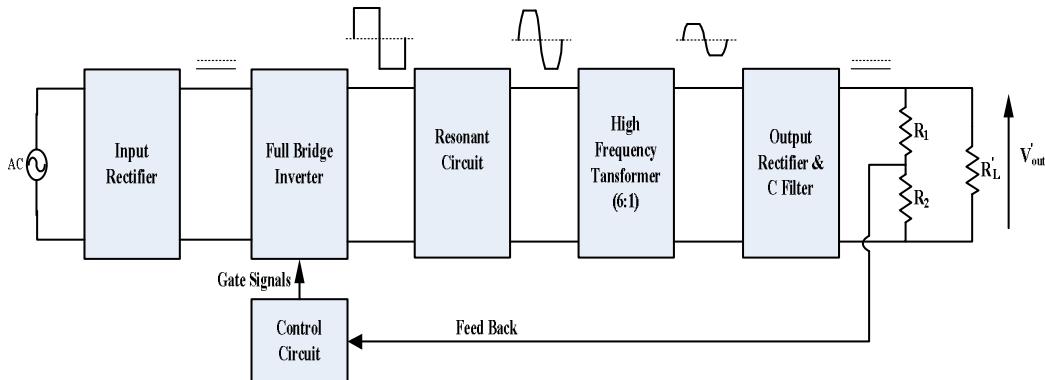
- 1- First Harmonic Approximation
- 2- Rectifier Compensated First Harmonic Approximation-RCFHA

۵- نتایج عملی

یک نمونه با مشخصات اشاره شده در جدول (۲) فراهم شده است تا از طریق نتایج عملی صحت مدل ریاضی و شبیه سازی مبدل ارائه شده بررسی شود. در شکل (۸) بلوک دیاگرام مبدل نمونه ترسیم شده است.

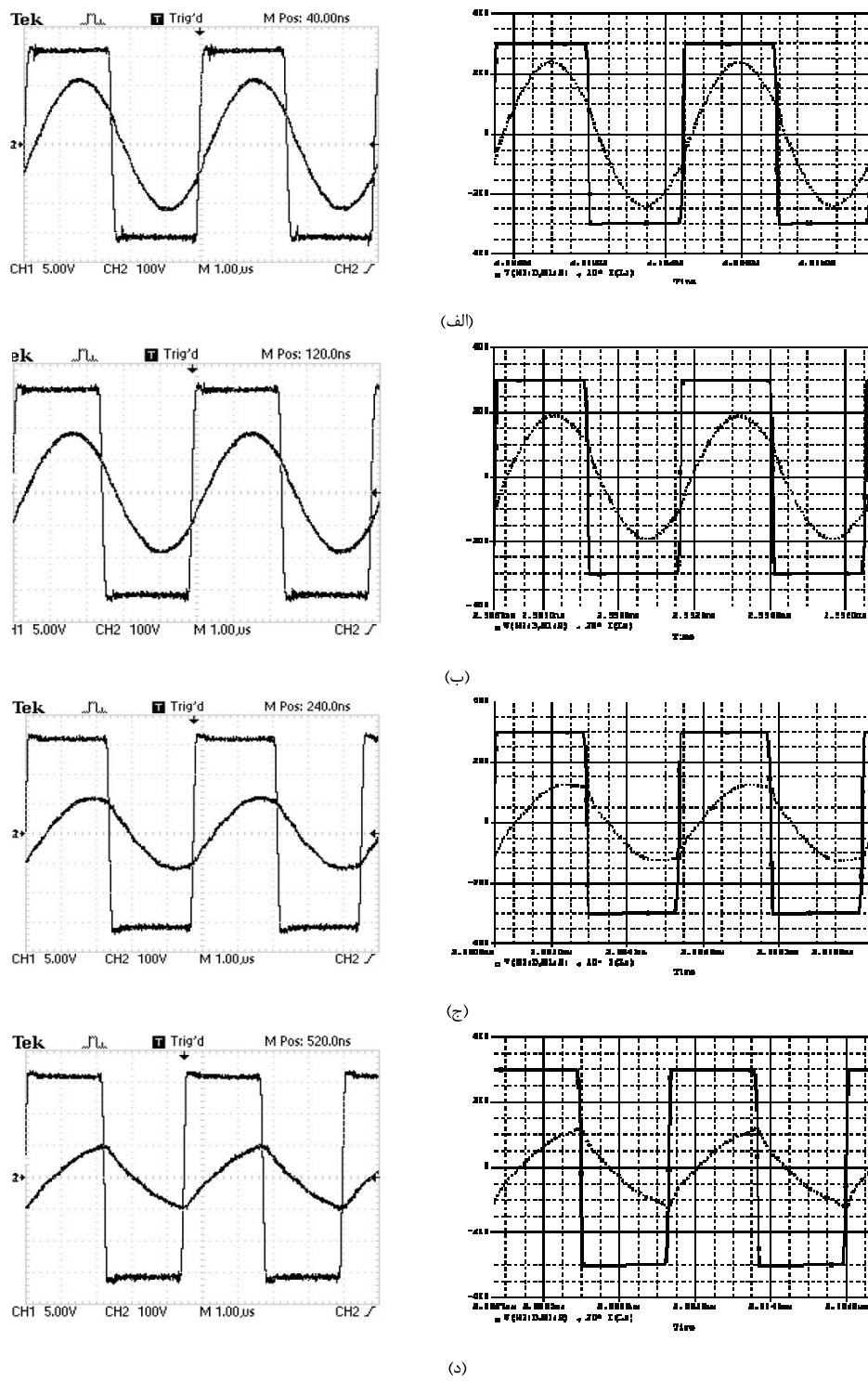
در این مبدل از یک اینورتر تمام پل به منظور تولید پالس ولتاژ مربعی فرکانس زیاد استفاده شده است و سویچ‌های انتخاب شده برای اینورتر C_p از نوع IRFP460A و درایور آن IR2113 است. در مدار رزونانس S_p مجموع خازن سیم پیچی ترانس و خازن اضافه شده در ثانویه ترانسفورمر مر است. در این حالت امکان استفاده از سلف نشستی ترانسفورمر در مدار رزونانس وجود دارد [۲]. از طرف دیگر اگر ترانسفورمر مبدل پیشنهادی با هسته دارای فاصله هوایی ساخته شود، آنگاه اندوکتانس مغناطیسی کنندگی ترانسفورمر کاهش می‌یابد و امکان استفاده از آن به عنوان سلف رزونانس موازی وجود دارد. بنابراین C_s و بخشی از L_p تنها المان‌هایی هستند که باید جهت مدار رزونانس استفاده کرد و سایر المان‌هایی مدار رزونانس در ترانسفورمر مبدل قرار می‌گیرد. در شکل (۹) نتایج عملی حاصل از مبدل نمونه به همراه شکل موجهای حاصل از شبیه‌سازی آورده شده است. در این شکل ولتاژ خروجی اینورتر تمام پل و جریان سلف رزونانس سری برای مقادیر مختلف بار نشان داده شده است.

مطلوب این شکل‌ها، سویچ‌های مبدل به ازای بارهای مختلف در حالت ZVS روشن می‌شوند. نتایج حاصل از مبدل نمونه در جدول (۴) آورده شده است. مقایسه جدول (۱)، (۳) و (۴) نشان می‌دهد که مقادیر به دست آمده از تحلیل مدل ریاضی با Matlab و مقادیر حاصل از شبیه سازی و نمونه عملی بسیار نزدیکند و مدل ریاضی ارائه شده می‌تواند



شکل (۸): بلوک دیاگرام مبدل رزونانسی مرتبه چهار LCLC با فیلتر خازنی

Fig. (8): The block diagram of fourth order LCLC resonant converter with capacitive filter



شکل (۹): نتایج نمونه عملی مدل به همراه نتایج شبیه‌سازی برای (الف). بار کامل، (ب). ۷۵٪ بار کامل، (ج). ۵۰٪ بار کامل و (د). ۲۰٪ بار کامل. در هر شکل، سمت راست: شکلهای حاصل از شبیه سازی و سمت چپ: نتایج عملی (ولتاژ خروجی اینورتر تمام پل (موخ مربعی، ۱۰۰V/Div) و جریان سلف سری (۵A/Div)، موج سینوسی،

Fig. (9): The experimental results of the designed converter with simulation results for (a) full load, (b) %75 full load, (c) %50 full load, (d) %20 full load. In each figure the right side shows the simulation result and the left side shows the experimental one
(voltage scale (square wave) 100V/Div and current scale (sine) 5A/Div)

مراجع

- [1] I. Batarseh, "Resonant converter topologies with three and four energy storage elements", IEEE Trans. Pow. Elec., Vol.9, No.1, pp.64–73, Jau. 1994.
- [2] A.K.S. Bhat, "Fixed-frequency PWM series-parallel resonant converter", IEEE Trans. Ind. Appl., Vol.28, No.5, pp.1002–1009, Sep/Oct. 1992.
- [3] M.K. Kazimierczuk, N. Thirunarayanan, S. Wang, "Analysis of series-parallel resonant converter", IEEE Trans. Aer. and Elec. Sys., Vol.29, No.1, pp.88–99, Jaun. 1993.
- [4] J.A. Martin-Ramos, J. Diaz, A.M. Pernia, J.M. Lopera, F. Nuno, "Dynamic and steady-state models for the PRC-LCC resonant topology with a capacitor as output filter", IEEE Trans. Ind. Appl., Vol.54, No.4, pp.2262–2275, Aug. 2007.
- [5] J.L. Sosa, M. Castilla, J. Miret, L.G. Vicuna, J. Matas, "Modeling and performance analysis of the DC/DC series-parallel resonant converter operating with discrete self-sustained phase-shift modulation technique", IEEE Trans. Ind. Elec., Vol.56, No.3, pp.697–705, Mar. 2009.
- [6] M. Borage, K.V. Nagesh, M.S. Bhatia, S. Tiwari, "Design of LCL-T resonant converter including the effect of transformer winding capacitance", IEEE Trans. Ind. Elec., Vol.56, No.5, pp.1420–1427, May 2009.
- [7] E.H. Kim, B.H. Kwon, "Zero-voltage- and zero-current-switching full-bridge converter with secondary resonance", IEEE Trans. Ind. Elec., Vol.57, No.3, pp.1017–1025, Mar. 2010.
- [8] Y.A. Ang, C.M. Bingham, M.P. Foster, D.A. Stone, D. Howe, "Design oriented analysis of fourth-order LCLC converters with capacitive output filter", IEE Proc.-Elec. Pow. Appl., Vol.152, No.2, pp.310–322, Mar. 2005.
- [9] J.H. Cheng, A.F. Witulski, "Analytic solutions for LLCC parallel resonant converter simplify use of two-and three-element converters", IEEE Trans. Pow. Elec., Vol.13, No.2, pp.235–243, Mar. 1998.
- [10] J.A. Martin-Ramos, A.M. Pernia, J. Diaz, F. Nuno, J.A. Martinez, "Power supply for a high-voltage application", IEEE Trans. Pow. Elec., Vol.23, No.4, pp.1608–1619, July 2008.
- [11] H.S. Choi, FPS Application Group, "Half-bridge LLC resonant converter degien using FSFR-series Fairchild Power Switch", Fairchild Semiconductor Corporation, Rev.1.0.0, 10/09/07, 2007.
- [12] P.K. Jain, M.C. Tanju, "A unity power factor resonant AC/DC converter for high-frequency space power distribution system", IEEE Trans. Pow. Elec., Vol.12, No.2, pp.325–331, Mar. 1997.
- [13] Z. Ye, P.K. Jain, P.C. Sen, "A two-stage resonant inverter with control of the phase angle and magnitude of the output voltage", IEEE Trans. Ind. Elec., Vol.54, No.5, pp.2797–2812, Oct. 2007.
- [14] W.G. Chen, Y.H. Rao, C.H. Shan, G. Fujita, T. Yasutoshi, "The design and experiment of Ion Generator power supply for Vacuum Sputtering", IEEE/PCC, pp.931–935, 2007.
- [15] C. Liu, F. Teng, C. Hu, Z. Zhang, "LCLC resonant converter for multiple lamp operation ballast", In Proc. IEEE/APEC, pp.1209–1213, 2003.
- [16] A. Conesa, G. Velasco, H. Martinez, M. Roman, "LCLC resonant converter as maximum power point tracker in PV systems", IEEE/EPE, pp.1–9, 2009.
- [17] M.K. Kazimierczuk, D. Czarkowski, "Resonant power converters", John Wiley and Sons Inc., 1995.