

## بکارگیری المانهای محدود در بررسی اثر بازشو روی دالهای بتن آرمه

محمدعلی لطف اللهی یقین، استادیار گروه عمران، دانشگاه ارومیه

پست الکترونیکی ma.lotfollahi@mail.urmia.ac.ir

حمید رضا گلگون، دانشجوی کارشناسی ارشد سازه، دانشگاه ارومیه

پست الکترونیکی hr.gol@yahoo.com

### چکیده

در طراحی و ساخت دالهای تخت و در نظر گرفتن بازشوها به دلایل عبور لوله‌های تأسیساتی، داکتهای تهیه و گرمايشهای هواساز و داکتهای الکتریکی اجتناب ناپذیر می‌باشد. در مورد اثر بازشوها در کاهش مقاومت و تأثیر آن در تغییر شکل دالهای و تحقیقات آزمایشگاهی صورت گرفته است که این آزمایشها به دلایل اقتصادی از محدودیت هائی برخوردار می‌باشد. در این تحقیق جهت تعیین دادن اثر بازشو (شکل و فاصله بازشو از ستون) سوراخهای با ابعاد مختلف که در فاصله‌های متفاوتی از برستون قرار داده شده و به کمک نرم افزار ANSYS مورد آنالیز قرار گرفته است. همچنین این آنالیزها با نتایج آزمایشگاهی که توسط برخی محققین کار شده و مورد مقایسه قرار گرفته است، تا با بررسی این نتایج و در صورت تطابق نتایج آزمایشگاهی با آنالیزهای انجام گرفته بتوان به یک سری نتایج کلی دست یافت.

**کلید واژه‌ها:** دال تخت، گسیختگی پانچینگ، المان محدود، بازشو، آرماتورگذاری، آنالیز غیرخطی

### ۱- مقدمه

اتصال دال به ستون است [1]. در کنار مسئله انتقال لنگر در محل اتصال ستون، مسئله برش دال نیز در اطراف ستونها مطرح می‌گردد. از آنجا که در دالهای تخت، بار کف مستقیماً از دال به ستون منتقل می‌شود تنشهای برشی قابل ملاحظه‌ای در دال بوجود می‌آید. به طوری که در بسیاری موارد ضخامت دال در محل ستونها جوابگوی این تنشها نخواهد بود. در محل اتصال ستون به دال تخت، تنشهای برشی قابل توجهی که ناشی از انتقال لنگر و انتقال بارهای کف از دال به ستون می‌باشند بوجود می‌آیند. لذا در مواردی که در اطراف ستون بازشوی وجود داشته باشد موضوع گسیختگی پانچینگ در حول ستون اهمیت پیدا می‌کند به عبارتی وجود بازشو در دال ایجاد نقطه ضعف می‌نماید.

متداول ترین نوع پوشش کف را در سازه‌های بتن آرمه، از دالهای تشکیل می‌دهند. در چنین مواردی معمولاً پوشش کف متشكل است از تیرهای اصلی یا مجموعه تیرهای اصلی و فرعی که دال‌ها در میان آنها قرار می‌گیرند و سطح مورد نظر را می‌پوشانند. از انواع دیگر دالهای بتن آرمه، دال‌های تخت می‌باشد که از محاسن و معایی برخوردارند. اجرای این دال‌ها به خاطر سادگی قالب‌بندی و سهولت آرماتورگذاری آسانتر از انواع دیگر دال‌های بتن آرمه بوده و نیز حداقل ضخامت مرده سقف را از نظر ارتفاع مفید ساختمان اشغال می‌کند. از معایب دال‌های تخت و انعطاف پذیری زیاد آنها و مشکل انتقال لنگر در محل

در صد آرماتورهای این المان، صفر در نظر گرفته می‌شوند و میلگردها با استفاده از المان دیگری بنام Link 8 مدل سازی می‌گرددند. در این تحقیق برای مدل سازی نمونه‌های فوق، از همین روش یعنی از المان 65 Solid و Link 8 استفاده شده است.

### ۳ - روش تحقیق

در تحقیق حاضر نمونه‌های دال بتنی به ابعاد  $15 \times 25$  (سانتی متر) بوده که از سه لبه روی تکیه گاه ساده قرار داشته و لبه چهارم آن به صورت آزاد بوده و صرفاً روی یک ستون به ابعاد  $15 \times 12$  (سانتی متر) که در وسط لبه آزاد قرار دارد مورد تحلیل قرار می‌گیرد. این دالها در مرحله اول دارای بازشوهای مربعی به ابعاد  $15 \times 15$  و  $25 \times 25$  (سانتی متر) می‌باشد که مشابه تحقیقات آزمایشگاهی مندرج در مرجع [4] است. بارگذاری نمونه‌ها در چهار مرحله شامل بارهای سروپس، بارهای ضربیدار، یک و نیم برابر بارهای ضربیدار و بارهای نهائی (گسیختگی) می‌باشد. لازم به توضیح است که آنالیز نمونه‌های فوق به صورت غیر خطی انجام گرفته و نحوه گسیختگی بتن با معرفی سطح شکست انجام شده است.

در مرحله دوم تحقیق به جهت اهمیت موضوع و تعمیم دادن نتایج آن، علاوه بر بازشوهای مربعی شکل، بازشوهای دایره‌ای شکل نیز مورد آنالیز و مقایسه قرار گرفته است. لازم به یادآوری است که اولاً فاصله مرکز سطح بازشوهای دایره‌ای و مربعی از ستون یکسان در نظر گرفته شده، ثانیاً مساحت‌های بازشوهای دایره‌ای و مربعی نیز یکسان بوده است. ویژگیهای نمونه‌های آنالیز شده را می‌توان به صورت جدول ۱ در نظر گرفت.

### ۴- بحث و بررسی

موارد مقایسه‌ای بین مدل‌های آنالیز شده را می‌توان به صورت زیر در نظر گرفت.

#### ۴-۱- مقایسه نتایج تحلیلی و آزمایشگاهی

ابتدا نمودار تغییر شکل‌های نمونه‌های آنالیز شده با نتایج آزمایشگاهی موجود برای حالات مختلف بارگذاری ارائه و نتایج مقایسه می‌شوند که در شکل ۱ آمده است.

به دلیل اهمیت موضوع، تحقیقات زیادی در بررسی تأثیر بازشوها صورت گرفته است [3,2]. از جمله در سال ۱۹۹۹ توسط سالاکوی و همکاران، تحقیقات آزمایشگاهی روی اثر بازشو در دالهای بتن آرمه صورت گرفت [4]. در این تحقیق، نمونه‌های دال بتن آرمه با بازشوهای مربعی شکل  $15 \times 15$  و  $25 \times 25$  (سانتیمتر) که در فواصل ۹ و ۲۷ سانتیمتری از بر ستون بوده و یا اینکه چسبیده به ستون قرار داشتند تحت بارگذاری تا مرحله گسیختگی قرار گرفت. در تحقیق حاضر، ابتدا بر روی نمونه‌های مشابه با تحقیق فوق، مطالعات تحلیلی به روش المانهای محدود انجام شده و با نتایج آزمایشگاهی مذکور مقایسه گردید. در ادامه با تغییر در هندسه و شرایط بازشوها سازه مجدد تحلیل شده و نتایج جدید ارائه گردیده است.

### ۲ - نحوه مدل سازی بتن آرمه در نرم افزار ANSYS

با توجه به توسعه وسیع کامپیوتر و روش‌های المان محدود استفاده از این ابزار برای آنالیز سیستم‌های مرکب، روش بسیار مناسبی است. مانع اصلی بکارگیری المانهای محدود در آنالیز سازه‌های بتن آرمه محدودیت در معرفی خصوصیات و مشخصات مصالح می‌باشد. تلاش‌های زیادی در جهت تطبیق مدل واقعی برای پیش‌بینی کردن رفتار سازه‌های بتن آرمه صورت گرفته است. به سبب ترکیب مصالح با همیگر، خصوصیت و ویژگی مدل اینگونه سازه‌ها کار مشکلی می‌باشد [5].

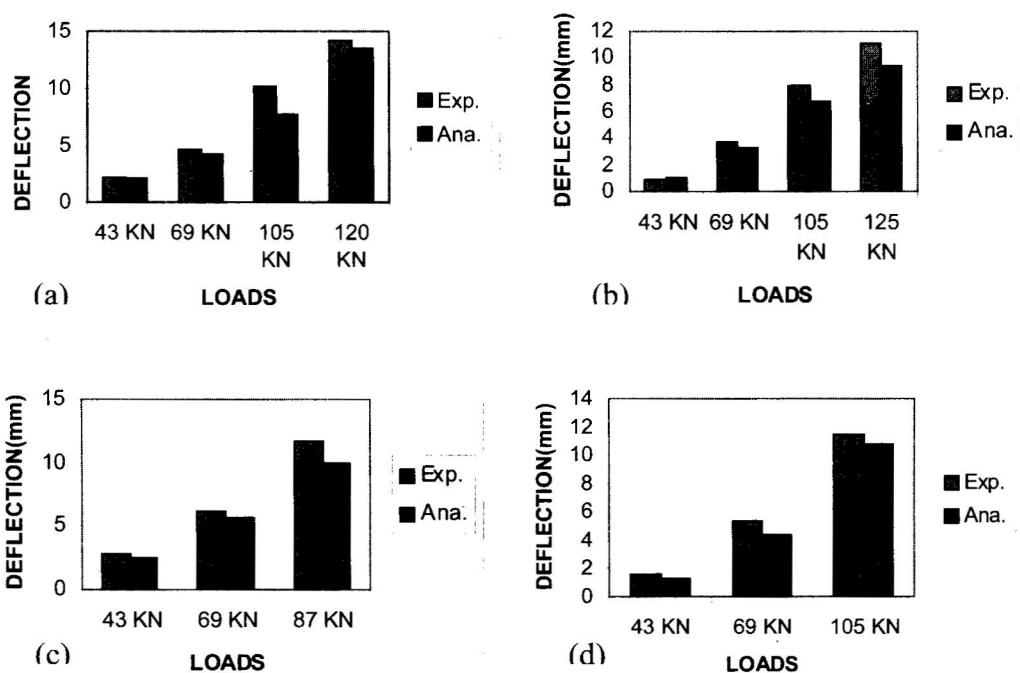
مدلی که در ANSYS برای بتن آرمه در نظر گرفته می‌شود بایستی شامل، مدل مصالح بتنی جهت پیش‌بینی شکست ترد باشد، همچنین این مدل بایستی خواص آرماتور را نیز شامل گردد. با بکارگیری المانهای سه بعدی Solid 65 این مدل سازی صورت می‌گیرد. این موضوع بطورکلی در المان‌های بتن آرمه در دو حالت زیر می‌تواند انجام شود [6,7]:

الف - حالتی که در آن از المان‌های مختص بتن آرمه استفاده می‌شود نام این المان‌های بتن آرمه Solid 65 می‌باشد. این المان‌ها به صورت هشت گرهی بوده و آرماتورها در داخل المان‌ها در جهت‌های مختلف می‌توانند در نظر گرفته شود. که از این روش بنام آرماتورگذاری مدفون (Smeared-Reinforcement) نام برده می‌شود.

ب - در حالت دوم، مدل‌سازی بتن با استفاده از المان‌های بتن آرمه 65 Solid انجام می‌گیرد ولی با این تفاوت که

جدول ۱: ویژگیهای نمونه های آنالیز شده

ردیف	نمونه ها	شکل بازشو	ابعاد (قطر) سانتیمتر	موقعیت	فاصله بازشو از ستون - سانتیمتر
۱	XXX	-	-	-	-
۲	SFO	مربع	۱۵ × ۱۵	مقابل ستون	۰
۳	SEO	مربع	۱۵ × ۱۵	کنار ستون	۰
۴	SF1	مربع	۱۵ × ۱۵	مقابل ستون	۹
۵	SF2	مربع	۱۵ × ۱۵	مقابل ستون	۱۸
۶	SF3	مربع	۱۵ × ۱۵	مقابل ستون	۲۷
۷	CFO	مربع	۲۵ × ۲۵	مقابل ستون	۰
۸	C-SFO	دایره ای	۸/۴۶	مقابل ستون	۰
۹	C-SFO.1	دایره ای	۸/۴۶	مقابل ستون	۹
۱۰	C-SFO.2	دایره ای	۸/۴۶	مقابل ستون	۱۸
۱۱	C-SEO	دایره ای	۸/۴۶	کنار ستون	۰
۱۲	C-SEO.1	دایره ای	۸/۴۶	کنار ستون	۹
۱۳	C-SEO.2	دایره ای	۸/۴۶	کنار ستون	۱۸
۱۴	C-CFO	دایره ای	۱۴/۱۰	مقابل ستون	۰

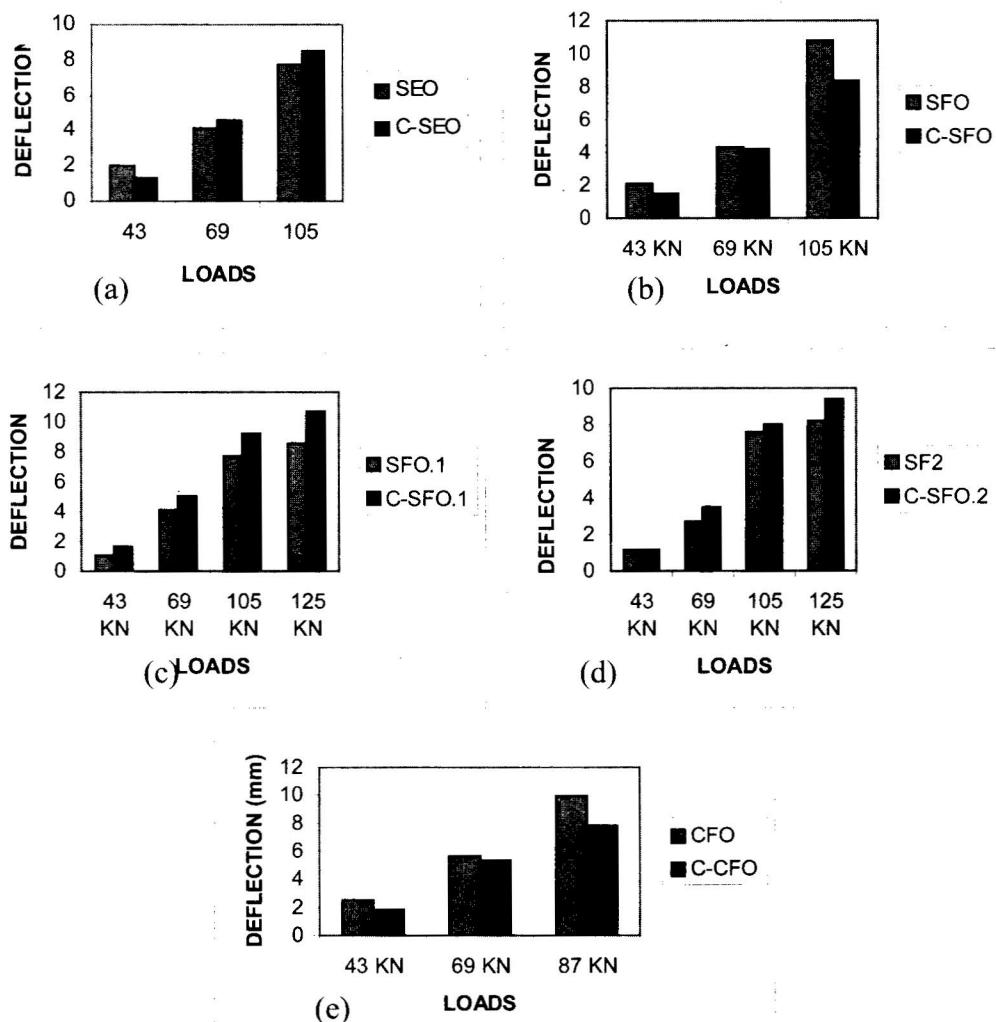


شکل ۱: مقایسه نتایج تحلیلی و آزمایشگاهی: SEO (d), CFO (c), XXX (b), SFO (a)

بارگذاری مورد مقایسه قرار گرفته است. برای این منظور تحلیل روی نمونه های مورد نظر انجام و نمودار بارگذاری - تغییر شکل روی این نمونه ها یعنی (C-SFO, SFO) و (C-SFO.1, SFO) در شکل ۲ آمده است. با بررسی این شکل ها معلوم می گردد که در نمونه های SFO و CFO بازشوی مربعی نسبت به بازشوی دایره ای تغییر شکل بیشتری داشته در حالی که در سایر نمونه ها بر عکس، بازشوهای دایره ای تغییر شکل بیشتری نسبت به بازشوهای مربعی داشته اند.

با مطالعه اشکال فوق میتوان به این نتیجه رسید که عموماً تغییر شکلهای نتایج تحلیلی کمتر از نتایج آزمایشگاهی میباشد. که علت آنرا میتوان غیرهمگن بودن بتن آزمایشگاهی و وجود نقاط ضعف اجرائی در بتن ساخته شده آزمایشگاهی و مواردی همچون افت و خرش بتن در این نمونه ها در نظر گرفت.

#### ۴-۲- مقایسه نتایج تحلیل بازشوهای مربعی یادايره ای در این بخش تغییر شکلهای نمونه های بازشوهای دایره ای با بازشوهای مربعی برای حالات مختلف



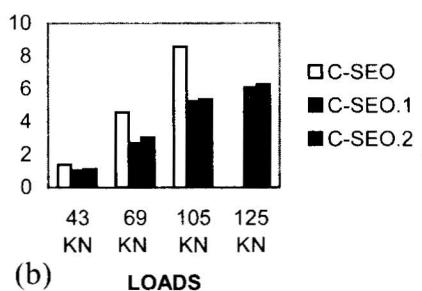
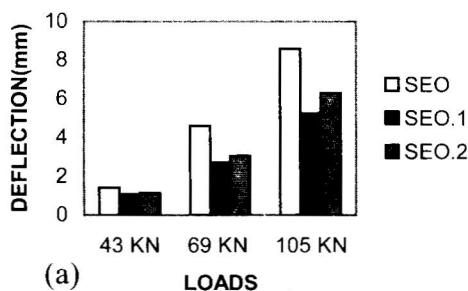
شکل ۲: مقایسه بازشوی مربعی با دایره ای: (a) SEO (b) SFO (c) SFO.1 (d) SF2 (e) CFO

می‌توان دریافت که با فاصله گرفتن از بر کناری ستون بتدربیج، تغییرشکل نمونه‌ها افزایش پیدا می‌کند.

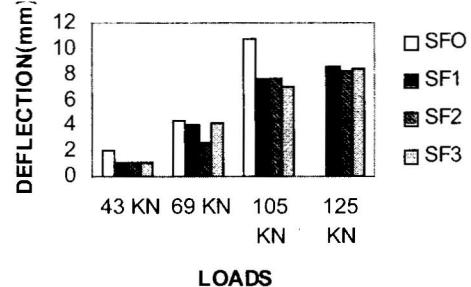
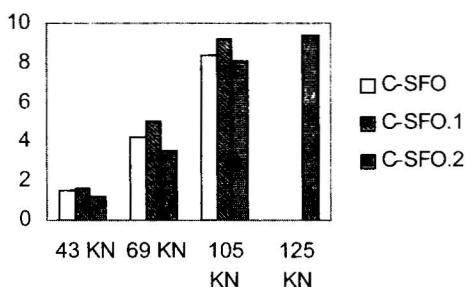
در اشکال ۴ و ۵ نیز تغییرشکل‌ها و تنشهای برشی مانگزیم در چهار نمونه از بازشوهای مربعی شکل که در فواصل صفر، ۱۸، ۹ و ۲۷ سانتیمتری از بر مقابل ستون قرار دارند مقایسه شده‌اند. با توجه به این اشکال مشخص می‌شود که بازشوهای مربعی چسبیده به ستون بیشترین تغییرشکل را نسبت به دیگر نمونه‌ها داشته در حالی که در نمونه‌های با بازشوی دایره‌ای بیشترین تغییرشکل مربوط به حالتی است که بازشو با ستون فاصله داشته باشد.

#### ۴-۳- مقایسه نتایج تحلیلی برای بازشوهای با فاصله‌های مختلف

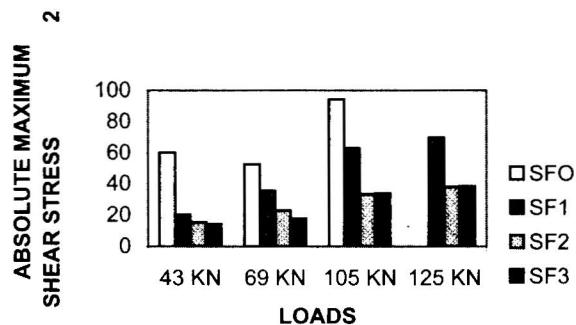
در شکل ۳ نمودار تغییرشکل نمونه‌های SEO و C-SEO در فواصل مختلف از بر ستون قرار گرفته‌اند مورد مقایسه قرار گرفته‌اند. با توجه به این نمودارها مشخص می‌گردد که بازشوی که درست در بر کناری ستون قرار گرفته است بیشترین تغییرشکل را نسبت به نمونه‌های دیگر دارا می‌باشد. به عبارتی، این حالت بحرانی‌ترین موقعیت بازشو می‌باشد. همچنین با توجه به این شکل



شکل ۳: مقایسه تغییر شکلهای بازشوهای:  
(a) مربعی، (b) دایره‌ای در فواصل صفر، ۹ و ۱۸ سانتیمتری



شکل ۴: مقایسه تغییر شکلهای بازشوهای مربعی و دایره‌ای در فواصل صفر، ۹ و ۱۸ سانتیمتری:  
(a) بازشو دایره‌ای، (b) بازشو مربعی



شکل ۵: مقایسه تنشهای برشی بازشوهای مربعی در فواصل صفر، ۹ و ۱۸ سانتیمتری

## مراجع

- [۱] کی نیا، امیر مسعود، "آنالیز و طراحی سازه های بتن آرمه،" انتشارات جهاد دانشگاهی دانشگاه صنعتی اصفهان، ۱۳۷۴.
- [۲] Elabry, A.A., Ghali, A.G., "Moment Transfer by Shear in Slab-Column Connections," ACI Structural Journal, V.93, NO. 2, March–April, 1996.
- [۳] Mortin, J.D., Ghali, A., "Connections of Flat Plates to Edge Column," ACI Structural Journal, V., 88, NO. 2, March–April, 1991.
- [۴] El-Salakawy, E.F., Polak, A.M., and Soliman, H.M., "Reinforced Concrete Slab-Column-Connections with Opening," ACI Structural Journal, V., 96, NO. 1, January–February, 1999.
- [۵] Barbosa, A.F., and Ribeiro, G.O., "Analysis of Reinforced Concrete Structure Using Ansys Nonlinear Concrete Model," 1998.
- [۶] Concrete, 4.7, Ansys Theory Reference.
- [۷] جاهد مطلق، حمید رضا، ANSYS، انتشارات دانشگاه علم و صنعت ایران، ۱۳۷۹

## ۵ - نتیجه گیری

- ۱- تغییر شکلهای حاصل از آنالیز توسط نرم افزار ANSYS نسبت به نتایج آزمایشگاهی، عموماً مقادیر کمتری بدست داد.
- ۲- در این تحقیق، با بررسی نتایج حاصل از تحلیل های انجام گرفته با نرم افزار ANSYS مشخص گردیده است که بحرانی ترین حالت از نظر تغییر شکل، حالتی است که بازشو دربر و مقابل ستون قرار داشته باشد. در این حالت نمونه مورد نظر قادر به تحمل بار نهائی نبوده و در باری کمتر از بار نهائی گسیخته می شود.
- ۳- با توجه به نمودارها معلوم میگردد که عموماً با فاصله گرفتن بازشو از ستون، مقدار تغییر شکلهای ماکریم در نمونه های با بازشوی مربعی و دایره ای افزایش پیدا میکند.
- ۴- با مقایسه تغییر شکلهای ماکریم نمونه های SEO (نمونه ای که بازشو در برکناری ستون قرار دارد) و SFO (نمونه ای که بازشو دربر مقابل ستون قرار داد)، معلوم می گردد نمونه ای که بازشوی آن در بر مقابل ستون قرار دارد بحرانی تر از نمونه ای است که بازشو در برکناری ستون قرار داشته است.
- ۵- با بررسی نمودارهای حاصل از آنالیز با نرم افزار ANSYS به این نکته میتوان دست یافت که در مورد نمونه ای که بازشو در بر مقابل ستون قرار داشته باشد و این بازشو مربعی شکل باشد تغییر شکل بیشتری نسبت به بازشوی دایره ای شکل خواهد داشت. بالعکس در نمونه ای که بازشو در برکناری ستون باشد تغییر شکل نمونه با بازشوی دایره ای بیشتر از تغییر شکل بازشوی مربعی خواهد بود.

## Using Finite Element Method in Investigation Influence of an Opening on Reinforced Concrete Slabs

Mohammad-Ali Lotfollahi-Yaghin  
Assistant Professor, Urmia University  
ma.lotfollahi@mail.urmia.ac.ir

Hamid-Reza Golgoun  
Postgraduate Student, Urmia University  
hr.gol@yahoo.com

In design and construction of reinforced concrete flat plate slabs, consideration of opening for passing and traversing of installation pipes, ventilation, heating, air condition and electrical ducts is often necessary and inevitable. It has been made much experimental researches regarding effects and influences of opening on strength reduction and its effect on slab deflection, but for economical reasons such experiments have been restricted.

In this research, in order to make prevalent the influence of openings (geometric figure and distance of opening from column) slabs having holes with various dimensions, which located in different distances from face of the column, have been analyzed by ANSYS software. Also, the results of these analyses have been compared with experimental results done by some other researchers, in order to review and deliberate these consequences and in case of conforming and adapting these results with fulfilled analyses, it can be achieved a set of considerable, general and comprehensive conclusions.

**Key Words:** Flat Plate Slab, Punching Failure, Finite element, Opening, Smeared Reinforcement, Non-Liner Analysis