

## تعیین ضریب نفوذ نمک در بافت سیب زمینی

<sup>b</sup> بهروز مصیبی دهکردی<sup>\*a</sup>, فرزانه هاشمی

<sup>a</sup> استادیار گروه مهندسی شیمی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات تهران

<sup>b</sup> کارشناس ارشد مهندسی شیمی - صنایع غذایی، دانشگاه آزاد اسلامی، واحد علوم و تحقیقات تهران

تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۸۸/۱۲/۱۸

تاریخ دریافت مقاله: ۱۳۸۸/۶/۲۳

۵

### چکیده

**مقدمه:** محاسبه ضریب نفوذ تئوری در جامدات با محدودیتهای زیادی مواجه است. به همین دلیل در اغلب پژوهش‌های مرتبط با نفوذ مولکولی در جامدات و مواد غذایی، ضریب نفوذ مؤثر با روش‌های آزمایشگاهی اندازه‌گیری می‌شود. در این پژوهش ضریب نفوذ مؤثر نمک طعام در بافت سیب زمینی به روش آزمایشگاهی و با استفاده از حل تحلیلی معادلات فیک در انتقال جرم اندازه‌گیری شد.

**مواد و روش‌ها:** برش‌های استوانه‌ای شکل سیب زمینی به قطر ۳ سانتی متر و طول ۳/۵ سانتی متر در محلول‌های آب نمک غوطه‌ور شد. دیواره جانبی این برش‌ها توسط عایق مناسب پوشانده شد تا انتقال جرم فقط به صورت یک بعدی صورت گیرد. با اندازه‌گیری کاهش هدایت الکتریکی محلول آب نمک، تغییرات غلظت نمک در محلول و در نتیجه سرعت نفوذ نمک در سیب زمینی به دست آمد.

**یافته‌ها:** با افزایش غلظت محلول آب نمک، ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی افزایش می‌یابد. اما در غلظت‌های بالاتر، این تاثیر چندان مشهود نیست. بعد از زمان ۳۰۰ دقیقه غلظت نمک در سیب زمینی به تعادل می‌رسد و نفوذ بیشتری صورت نمی‌گیرد. با استفاده از نتایج آزمایشگاهی و حل تحلیلی معادلات فیک، ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی برای محلول نمک ۱ تا ۳ درصد (W/V) در دمای  $24^{\circ}\text{C}$  در محدوده  $10^{-7} \text{ m}^2/\text{s}$  ( $3/45-4/39$ ) به دست آمد.

**نتیجه‌گیری:** بر اساس نتایج این پژوهش، معادلات فیک در انتقال جرم و حل تحلیلی آن که توسط کرانک ارائه شده است با دقت بالایی مکانیسم انتقال جرم در جامدات را تشریح می‌نماید. به علاوه، بررسی‌ها نشان داد که ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی چندان تابع شرایط رشد آن نیست و به همین دلیل اکثر تحقیقات انجام شده در این زمینه به نتایج مشابهی رسیده است.

**واژه‌های کلیدی:** آب نمک، سیب زمینی، ضریب نفوذ، معادله کرانک

## مقدمه

نفوذ مولکولی یکی از مکانیسم‌های مهم انتقال جرم است که به دو شکل کلی لیچینگ<sup>۱</sup> و القاء<sup>۲</sup> در بسیاری از فرآیندهای صنایع غذایی به کار می‌رود. در لیچینگ جسم حل شونده از جامد به مایع انتقال می‌یابد و از آن بیشتر به منظور استخراج قند، روغن‌های گیاهی، قهوه، چای، ژلاتین، پکتین و سایر حل شونده‌ها استفاده می‌شود (Wang & Sastry, 1993). تحقیقات زیادی پیرامون بهبود فرآیند لیچینگ انجام شده است، نظری بررسی‌های به عمل آمده جهت بهبود استخراج شکر از چغندر قند یا فرآیند غوطه وری دو مرحله‌ای استخراج گلوکز از سیب زمینی در دماهای مختلف (Schwartzberg & Chao, 1982) در القاء، جسم حل شونده از مایع به جامد انتقال می‌یابد که برای انتقال طعم، رنگ و عوامل بهبود دهنده به داخل ماده غذایی به کار می‌رود. همانند لیچینگ، القاء نیز از اهمیت به سزاپی در فرآیندهای صنایع غذایی برخوردار است. ولی باید توجه داشت که در تعیین پارامترهای القاء در برخی مواد نظیر گوشت محدودیت‌هایی وجود دارد. دودی کردن، نمک زدن و افزودن افزودنی‌ها (مانند نیتریت سدیم) می‌تواند نقش مهمی در نفوذ و فرآیندهای مرتبط با گوشت داشته باشد (Wood, 1966).

بر خلاف تحقیقات گستردگی‌ای که بر روی گوشت صورت گرفته، در مورد سبزیجات بررسی‌های کمتری به عمل آمده است. مهم‌ترین مانع در مسیر هرگونه تحقیقات بر روی نفوذ در مواد غذایی تعیین ضریب انتقال جرم در سیستم مورد نظر است. تلاش‌هایی برای تعیین ضریب انتقال جرم در برخی سیستم‌های صورت گرفته است. Loncin و Stahl (۱۹۷۹) از سبزیجات به عنوان یک ماده غذایی در فرآیند القاء استفاده کردند. آن‌ها نمونه‌های سیب زمینی را در محلول‌های ۱/۵-۰ درصد سیکلوهگزانول تحت عمل جذب قرار دادند. ضرایب نفوذ و نمودار غلظت حل شونده در نمونه‌ها با اندازه‌گیری میزان جذب سیکلوهگزان در نمونه‌های سیب زمینی تعیین شد. اثر فشار نیز توسط برخی از محققین مورد بررسی قرار گرفته و نشان داده شده است که فشارهای بالا، منجر به ژلاتینه شدن

## تعیین ضریب نفوذ نمک در بافت سیب زمینی

نشاسته و به تأخیر افتادن پدیده نفوذ ساکاراز در سیب زمینی می‌شود (Rodriguez & Mauro, 2008). این موضوع تعیین ضریب انتقال جرم را با مشکلات بیشتری مواجه می‌سازد (Barnard *et al.*, 2003). برخی نیز تلاش کرده اند بدون تعیین ضریب نفوذ، غلظت برخی مواد نظیر ساکاراز را در میوه جات به دست آورند (Schwartzberg & Chao, 1982). در فرآیند خشک کردن اسمزی آناناس و نفوذ ساکاراز در آن مشاهده شد که بین غلظت ساکاراز و میزان آب موجود در نمونه یک رابطه خطی برقرار است. ولی همچنان تعیین ضریب نفوذ به عنوان اولین گام بررسی نفوذ در صنایع غذایی مورد علاقه محققین بوده است. نشان داده شده که ضریب نفوذ ساکاراز در سیب در محدوده  $10^{-11} \text{ m}^2/\text{s}$  -  $35/930$  (Conway *et al.*, 2005) قرار دارد (۳/۶۰-۷/۶۰). آنگیری از پیاز به روش غوطه وری در محلول اسمزی حاوی نمک نشان داد که تغییرات غلظت آب نمک نسبت به تغییرات دما تأثیر بیشتری بر ضریب نفوذ نمک در پیاز دارد (Baroni & Huming, 2003) Sarang و (۲۰۰۷) با قرار دادن غشایی از سبزی چینی بین آب مقطر و محیط حاوی غلظت‌های مختلفی از آب نمک تاثیر غلظت بر روی ضریب نفوذ را بررسی کردند. در این بررسی‌ها از محلول‌هایی با غلظت‌های بین ۱-۳ درصد (w/v) استفاده شد. بررسی‌های به عمل آمده بر روی نفوذ سدیم کلراید و قند در خیار نشان داد که معادلات فیک به خوبی این پدیده نفوذ را توجیه می‌نماید (Fsina *et al.*, 2002).

تعیین ضریب نفوذ نمک در گونه‌های سیب زمینی ایرانی می‌تواند زمینه ساز تحقیقات بعدی نظری تعیین عمق نفوذ نمک، مدل‌سازی نفوذ، تعیین ضرایب انتقال جرم بین دوفاز، تعیین نمودار تغییرات غلظت نمک در سیب زمینی و ... باشد. در این پژوهش، ضریب نفوذ نمک در یکی از گونه‌های سیب زمینی ایران (نوع دماوندی) به صورت آزمایشگاهی و با روش غوطه‌وری تعیین شد. اندازه‌گیری غلظت نمک در محلول از روش هدایت سنجی و محاسبه ضریب غلظت بر اساس معادلات کرانک صورت گرفت. بررسی‌ها نشان داد که در غلظت‌های بالاتر آب نمک، ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی عدد بزرگتری است.

## قوانين فیک

بر اساس قانون اول فیک در یک شرایط عملیاتی (دما و فشار) خاص و برای یک سیستم دو جزئی نسبت شار مولی جزء A به گرادیان غلظت جزء A در فاصله Z مقداری ثابت است:

$$\frac{J_{AZ}}{dC_A / dz} = cte = D_{AB} \quad (1)$$

در این رابطه:

$$J_{AZ} = A \left[ \frac{kmol}{m^2 s} \right]$$

$$\text{گرادیان غلظت جزء A} = \frac{dC_A}{dz}$$

قانون اول فیک به شکل زیر شناخته می‌شود :

$$J_{AZ} = -D_{AB} \frac{dC_A}{dz} \quad (2)$$

که در آن  $D_{AB}$  ضریب نفوذ جزء A در محیط B است و با واحد  $\frac{m^2}{s}$  بیان می‌شود. ضریب نفوذ در مایعات علاوه بر دما قویاً به غلظت بستگی دارد. نشان داده شده است که ضرایب نفوذ مؤثر حاصل از کار تجربی بر روی انتقال جرم در یک شکل هندسی خاص را می‌توان برای انتقال جرم همان سیال در اشکال هندسی دیگری از همان نوع جامد مورد استفاده قرار داد (بهمنیار، ۱۳۸۲). به عبارت دیگر، سیستم‌ها در برابر انتقال جرم به صورت آیزنتروپیک عمل می‌نمایند. به طور کلی پیش‌بینی ضریب نفوذ در جامدات نسبتاً مشکل بوده و به صورت تجربی قابل دستیابی است. با توجه به عدم توافق مقدار انتقال جرم به دست آمده از روابط تئوری و مقادیر تجربی و بدليل عدم شناخت کافی از ساختمان جامد و نحوه نفوذ، ضرایب نفوذ مؤثر تعریف می‌شود.

در آزمایش‌های انجام شده در خصوص نفوذ یون‌های مختلف نظری سدیم، پتاسیم و غیره در بافت

سبزی‌ها و میوه‌ها یکی از مهم‌ترین روابطی که اساس کار قرار می‌گیرد قانون دوم فیک است که شکل یک بعدی آن در معادله (۳) دیده می‌شود:

$$\frac{dC_A}{dt} = D_s \frac{\partial^2 C_A}{\partial x^2} \quad (3)$$

هرگاه در موضعی خاص درون سیستم تغییرات غلظت با زمان وجود داشته باشد انتقال جرم در حالت غیر یکنواخت مطرح خواهد شد. در بسیاری از فرآیندهای عملیاتی نظیر خشک کردن و استخراج مایع - مایع انتقال جرم غیر یکنواخت مطرح می‌شود. اغلب انتقال جرم غیر یکنواخت در اجسام استوانه‌ای در پدیده‌هایی نظیر خشک کردن دیده می‌شود (Bahadur et al., 2007).

## مواد و روش‌ها

نمک طعام با خلوص بالا از طریق سازمان پژوهش‌های علمی و صنعتی تهیه گردید. سیب زمینی گونه‌ی دماوندی به صورت تازه و یک شکل از بازار خریداری شد و در آزمایش‌ها به کار رفت. برای اندازه‌گیری میزان نمک با استفاده از روش Cryson هدایت سنجی از دستگاه هدایت سنج مدل استفاده شد. با استفاده از نمک طعام و آب مقطر، غلظت‌های مناسبی از آب نمک (غلظت‌های ۱، ۲ و ۳ درصد v/w) تهیه و پس از اندازه‌گیری هدایت الکتریکی هر محلول، در ظروف در بسته نگهداری شد.

هر عدد سیب زمینی پس از شستشوی اولیه و جدا کردن پوست آن، یک بار دیگر با آب معمولی و سپس با آب مقطر شستشوداده شد. با استفاده از قالب استوانه‌ای شکل فولادی که از قبل آماده شده بود، با دقیق و به گونه‌ای که بافت سیب زمینی آسیب نبیند برشی استوانه‌ای شکل به قطر ۳ سانتی متر و طول ۳/۵ سانتی متر از آن برداشته شد. دیواره

$C_A$ :	غلظت مولی جزء A	(mol/cm <sup>3</sup> )
$D_{AB}$ :	ضریب نفوذ جزء A در B	(m <sup>2</sup> /s)
$D_s$ :	ضریب نفوذ در جامد	(m <sup>2</sup> /s)
F :	حجم نمونه جامد	(cm <sup>3</sup> )
$J_{AZ}$ :	شار نفوذ جزء A در B	(kmol/m <sup>2</sup> .s)
L :	حجم نمونه محلول	(cm <sup>3</sup> )
m :	ضریب توزیع تعادلی	
$q_n$ :	Eigen Value	

X :	غلظت نمک در جامد	(mol/cm <sup>3</sup> )
$X_0$ :	غلظت اولیه نمک در جامد	(mol/cm <sup>3</sup> )
$X_\infty$ :	غلظت تعادلی نمک در جامد	(mol/cm <sup>3</sup> )
Y :	غلظت نمک در محلول	(mol/cm <sup>3</sup> )
$Y_0$ :	غلظت اولیه نمک در محلول	(mol/cm <sup>3</sup> )
$Y_\infty$ :	غلظت تعادلی نمک در محلول	(mol/cm <sup>3</sup> )
$\alpha$ :	نسبت حجمی مؤثر	

### تعیین ضریب نفوذ نمک در بافت سیب زمینی

است. همانگونه که مشاهده می‌شود برای کلیه محلول‌ها در ۳۰ دقیقه اول کاهش بسیار اندکی در غلظت محلول آب نمک صورت گرفته و سرعت انتقال جرم بسیار کوچک بوده است. همچنین دیده می‌شود که با افزایش غلظت آب نمک، سرعت کاهش غلظت آن و در نتیجه سرعت نفوذ نمک در سیب زمینی نیز بیشتر است. در کلیه آزمایش‌ها، بعد از زمان ۳۰۰ دقیقه تغییری در غلظت نمک محلول مشاهده نشد.

#### - محاسبه ضریب نفوذ موثر ( $D_s$ )

در جدول ۱ آخرین عدد هر ستون که حاکی از غلظت تعادلی است به عنوان  $Y_{\infty}$  در نظر گرفته می‌شود و در محاسبات تعیین ضریب نفوذ مورد استفاده قرار می‌گیرد. در کلیه محاسبات،  $Y$  نشان دهنده غلظت نمک در فاز مایع (محلول آب نمک) و  $X$  غلظت تعادلی نمک در فاز جامد (سیب زمینی) می‌باشد. غلظت تعادلی نمک در فاز جامد ( $X_{\infty}$ ، با استفاده از رابطه زیر محاسبه می‌شود:

$$X_{\infty} = \frac{(Y_0 - Y_{\infty})k}{F_p} \quad (4)$$

معادلات کرانک (Crank, 1975) برای اندازه‌گیری ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی به شکل زیر هستند:

$$\frac{Y - Y_{\infty}}{Y_0 - Y_{\infty}} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\frac{2\alpha(1+\alpha)}{1+\alpha+\alpha^2 q_n^2}}{\exp\left(\frac{-q_n^2 D_s}{kT}\right)} \exp\left(\frac{-q_n^2 D_s t}{kT}\right) \quad (5)$$

$$\frac{X - X_{\infty}}{X_0 - X_{\infty}} = \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\frac{-2(1+\alpha)}{1+\alpha+\alpha^2 q_n^2}}{\cos(q_n^2 \pi/2)} \frac{\cos(q_n^2 \pi/2)}{\cos(q_n^2 \pi)} \exp\left(\frac{-q_n^2 D_s t}{kT}\right) \quad (6)$$

پارامتر  $\alpha$  که تحت عنوان نسبت حجمی مؤثر شناخته می‌شود با استفاده از روابط زیر قابل محاسبه است:

جدول ۱- تغییرات غلظت هر یک از محلول‌های آب نمک طی فرآیند نفوذ در سیب زمینی

زمان (دقیقه)	غلظت نمک در محلول برای سه دسته آزمایش (gr/cm <sup>3</sup> )
۰/۰۱۰۰	۰/۰۲۰۰
۳۰	۰/۰۰۹۹
۶۰	۰/۰۰۹۷
۱۲۰	۰/۰۰۹۵
۱۸۰	۰/۰۰۹۲۵
۲۴۰	۰/۰۰۹۰۵
۳۰۰	۰/۰۰۹۰۵
	۰/۰۱۹۹
	۰/۰۱۹۷
	۰/۰۱۹۴
	۰/۰۱۹۰
	۰/۰۱۸۹
	۰/۰۱۸۸
	۰/۰۱۸۷
	۰/۰۱۸۶
	۰/۰۱۸۴
	۰/۰۱۸۲
	۰/۰۱۸۰
	۰/۰۱۷۸
	۰/۰۱۷۷
	۰/۰۱۷۶
	۰/۰۱۷۵
	۰/۰۱۷۴
	۰/۰۱۷۳
	۰/۰۱۷۲
	۰/۰۱۷۱
	۰/۰۱۷۰
	۰/۰۱۶۹
	۰/۰۱۶۸
	۰/۰۱۶۷
	۰/۰۱۶۶
	۰/۰۱۶۵
	۰/۰۱۶۴
	۰/۰۱۶۳
	۰/۰۱۶۲
	۰/۰۱۶۱
	۰/۰۱۶۰
	۰/۰۱۵۹
	۰/۰۱۵۸
	۰/۰۱۵۷
	۰/۰۱۵۶
	۰/۰۱۵۵
	۰/۰۱۵۴
	۰/۰۱۵۳
	۰/۰۱۵۲
	۰/۰۱۵۱
	۰/۰۱۵۰
	۰/۰۱۴۹
	۰/۰۱۴۸
	۰/۰۱۴۷
	۰/۰۱۴۶
	۰/۰۱۴۵
	۰/۰۱۴۴
	۰/۰۱۴۳
	۰/۰۱۴۲
	۰/۰۱۴۱
	۰/۰۱۴۰
	۰/۰۱۳۹
	۰/۰۱۳۸
	۰/۰۱۳۷
	۰/۰۱۳۶
	۰/۰۱۳۵
	۰/۰۱۳۴
	۰/۰۱۳۳
	۰/۰۱۳۲
	۰/۰۱۳۱
	۰/۰۱۳۰

جانبی این برش استوانه‌ای شکل، با دقت توسط یک عایق مناسب پوشانده شد تا انتقال جرم فقط به صورت یک بعدی در جهت Z صورت گیرد. برای هر آزمایش ۲۰۰ سی سی از محلول آب نمک درون بشر ریخته شد و پس از قرار دادن همنرن مغناطیسی در آن، دور همزن روی ۲۰۰ rpm تنظیم گردید تا غلظت محلول در کل بشر یکنواخت باقی بماند. برش استوانه‌ای شکل سیب زمینی که دیواره جانبی آن عایق شده بود به کمک سیم روکش دار، درون محلول به صورت معلق نگه داشته شد تا نفوذ نمک در بافت سیب زمینی انجام شود. هر نیم ساعت یکبار از محلول نمونه گیری شد و به کمک دستگاه هدایت سنج، هدایت الکتریکی آن تعیین گردید. همانگونه که انتظار می‌رفت با گذشت زمان، هدایت الکتریکی محلول کاهش یافت. این کار تا زمان ثابت ماندن عدد هدایت سنج (حدود ۵ ساعت) ادامه یافت. سپس سیب زمینی از داخل محلول خارج شد و هدایت الکتریکی نهایی محلول نیز اندازه‌گیری و ثبت شد. کلیه آزمایش‌ها در دمای ۲۴ °C انجام شد و برای جلوگیری از تاثیر نوسانات دمای محیط بر دمای محلول، همه آزمایش‌ها زیر یک پوشش مناسب انجام گرفت. هر آزمایش ۴ مرتبه تکرار و میانگین نتایج گزارش شد.

#### یافته‌ها

ارقام به دست آمده از اندازه‌گیری هدایت الکتریکی محلول‌های آب نمک در زمان‌های مختلف، با استفاده از محلول‌های استاندارد به غلظت تبدیل شدند. نتایج نهایی در جدول ۱ نشان داده شده

## بهروز مصیبی دهکردی و همکار

$$q_2 = 4.68453 + \left[ 0.9929 \exp\left(\frac{-t}{0.612}\right) \right] + \left[ 0.4868 \exp\left(\frac{-t}{0.7167}\right) \right] + \left[ 0.1197 \exp\left(\frac{-t}{0.862}\right) \right] \quad (10)$$

$$q_5 = 17.2858 + \left[ 1.087 \exp\left(\frac{-t}{0.5424}\right) \right] + \left[ 0.3806 \exp\left(\frac{-t}{0.6348}\right) \right] + \left[ 0.08049 \exp\left(\frac{-t}{0.746}\right) \right] \quad (11)$$

$$q_3 = 7.86682 + \left[ 0.9542 \exp\left(\frac{-t}{0.1014}\right) \right] + \left[ 0.4707 \exp\left(\frac{-t}{0.3848}\right) \right] + \left[ 0.1331 \exp\left(\frac{-t}{0.8023}\right) \right] \quad (12)$$

$$q_4 = 11.0035 + \left[ 1.094 \exp\left(\frac{-t}{0.0243}\right) \right] + \left[ 0.3908 \exp\left(\frac{-t}{0.3822}\right) \right] + \left[ 0.07801 \exp\left(\frac{-t}{0.746}\right) \right] \quad (13)$$

$$q_6 = 14.14386 + \left[ 1.137 \exp\left(\frac{-t}{0.06799}\right) \right] + \left[ 0.35791 \exp\left(\frac{-t}{0.3842}\right) \right] + \left[ 0.06891 \exp\left(\frac{-t}{0.2112}\right) \right] \quad (14)$$

جدول ۳ بیانگر مقادیر محاسبه شده  $q_n$  در غلظت‌های ۱ تا ۳ درصد آب نمک است.

به ازای هریک از مقادیر  $Y$  از ترسیم عبارت  $\log_{10} \frac{Y - Y_\infty}{Y_0 - Y_\infty}$  بر حسب زمان، خط راستی با شیب  $\frac{q_n^2 D_s}{2.303 l^2}$  حاصل می‌شود. عدد  $2^{303}/2^{303}$  در مخرج این کسر، ضریب تبدیل  $\ln$  به  $\log$  است. سپس با استفاده از مقادیر معلوم، مقدار  $D_s$  محاسبه می‌شود. به این ترتیب به ازای هریک از مقادیر  $q_n$  ناشی از معادلات ۹ تا ۱۴

$$\alpha = \frac{mL}{F} \quad (7)$$

$$m = \frac{Y_\infty}{X_\infty} \quad (8)$$

ضریب توزیع تعادلی نامیده می‌شود که بیانگر وضعیت غلظت‌های تعادلی نمک در دو فاز مایع و جامد می‌باشد. مقادیر حاصل از محاسبه  $X_\infty$  و  $m$  در جدول ۲ ارائه شده اند. همان‌گونه که در این جدول دیده می‌شود با افزایش غلظت نمک در فاز مایع، غلظت نمک تعادلی افزایش یافته ولی نسبت حجمی مؤثر و ضریب توزیع تعادلی تابعیت مستقیمی با غلظت نمک در فاز مایع ندارند.

پارامتر  $q_n$  در روابط (۵) و (۶) ریشه مثبت غیر صفر معادله  $\tan q_n = -\alpha q_n$  است که به کمک سری فوریه به دست می‌آید. شش جمله اول این سری به کمک نرم‌افزار C++ با روش تکرار به دست آمده و در روابط (۹) تا (۱۴) نشان داده شده است (Crank, 1975).

$$q_1 = 1.57141 + \left[ 0.8535 \exp\left(\frac{-t}{0.3112}\right) \right] + \left[ 0.5484 \exp\left(\frac{-t}{1.416}\right) \right] + \left[ 0.1656 \exp\left(\frac{-t}{9.726}\right) \right] \quad (9)$$

جدول ۲- مقادیر  $X_\infty$ ، ضریب توزیع تعادل ( $m$ ) و نسبت حجمی موثر ( $\alpha$ ) در غلظت‌های ۱ تا ۳ درصد آب نمک

$m$	$\alpha$	$X_\infty$	غلظت نمک در آب (%/w/v)
۱/۰۶	۴/۲۸	۰/۰۰۷۶	۱
۱/۹۳	۱۵/۶۰	۰/۰۰۹۷	۲
۱/۴۹	۱۲/۰۴	۰/۰۱۸۵	۳

جدول ۳- مقادیر  $q_n$  به ازای غلظت‌های ۱ تا ۳ درصد (w/v) آب نمک

$q_6$	$q_5$	$q_4$	$q_3$	$q_2$	$q_1$	غلظت (%/w/v)
۱۷/۲۹	۱۴/۱۵	۱۱/۰۱	۷/۹۲	۴/۷۶	۱/۷۰	۱
۱۷/۲۸	۱۴/۱۴	۱۱/۰۱	۷/۸۶	۴/۷۱	۱/۶۰	۲
۱۷/۲۸	۱۴/۱۴	۱۱/۰۰	۷/۸۶	۴/۷۲	۱/۶۱	۳

جدول ۴- مقادیر شیب خط حاصل از ترسیم  $\log_{10} \left( \frac{Y - Y_\infty}{Y_0 - Y_\infty} \right)$  بر حسب زمان و خراپی نفوذ محاسبه شده

$D_s (\text{m}^2/\text{s}) \times 10^{-9}$	$-\frac{q_n^2 D_s}{2.303 l^2}$	غلظت (درصد w/v)
۴/۴۵	$-7 \times 10^{-5}$	۱
۴/۳۹	$-8 \times 10^{-5}$	۲
۴/۳۳	$-8 \times 10^{-5}$	۳

## تعیین ضریب نفوذ نمک در بافت سیب زمینی

## جدول ۵- ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی (Loncin و Stahl)

$D_s \text{ (m}^2/\text{s}) \times 10^{-9}$	غلظت (درصد w/v)
۴/۶۰	۱
۴/۱۰	۲
۴/۴۰	۳

## نتیجه‌گیری

مقایسه نتایج این تحقیق با کارهای مشابه قبلی نشان می‌دهد که ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی چندان تابع شرایط رشد آن نیست. ضریب نفوذ نمک در بافت سیب زمینی در دمای  $24^\circ\text{C}$  در محدوده  $3/45 \times 10^{-9}$  تا  $4/39 \times 10^{-9}$  (m<sup>2</sup>/s) قرار دارد.

## منابع

- بهمنیار، ح. (۱۳۸۲). انتقال جرم، انتشارات جهاد دانشگاهی، دانشکده فنی تهران، فصل های ۲، ۳ و ۴.
- Rodriguez, A. E. & Mauro, M. A. (2008). Journal of Food Process Engineering. 31, 207-228.
- Baroni, A. F. & Huminge, M. D. (2003). Kinetic of dehydration of onion by Immersion. Brazilian Journal of Food Technology, 81-86.
- Bahadur, S., Parmjit, S. P. & Vikas, N. (2007). Osmotic Dehydration Kinetics of Carrot Cubes in Sodium Chloride Solution, Journal of Food Science and Technology, 18, 34-39.
- Barnard, J. & Quintero-Ramos, A. (2003). Estimation of Diffusivity using S-plus. New York State Agricultural Experiment Station Geneva, New York.
- Conway, J., Castaigne, F., Picard, G. & Vovan, X. (2005). Mass Transfer Considerations in the Osmotic Dehydration of Apple. Canadian Institute of Food Science Technology, 16 (1), 25-29.
- Crank, J. (1975). The Mathematics of Diffusion. Oxford University Press Inc., New York, Chap. 4.
- Sarang, S. & Sastry, S. K. (2007). Effect of Salt Concentration and Temperature. Journal of Food Engineering, 82, 377-382.
- Schwartzberg, H. G. & Chao, R. Y. (1982). Solute Diffusivities in Leaching Process. Food Technology, 336, 73-86.
- Stahl, R. & Loncin, M. (1979). Prediction of Diffusion in Solid Foodstuffs. Food Process Preservation, 3, 213-223.
- Wang, W. & Sastry, S. K. (1993), Salt

یک مقدار برای  $D_s$  به دست می‌آید که با متوسط گیری از آن‌ها مقدار ضریب نفوذ متوسط نهایی  $D_s$  تعیین می‌گردد (Bahadur et al., 2007).

$$D_s = \frac{\sum_{i=1}^N Ds_i}{N} \quad (15)$$

جدول ۴ مقدادیر  $\frac{q_n^2 D_s}{2.303 l^2}$  و  $D_s$  را نشان می‌دهد.

در جدول ۵ مقدادیر ضریب نفوذ به دست آمده توسط Loncin و Stahl (1979) ارائه شده است که با مقدادیر به دست آمده در پژوهش کنونی بسیار نزدیک است. این موضوع نشان می‌دهد تغییر شرایط رشد سیب زمینی تأثیر چندانی بر ضریب نفوذ نمک در آن ندارد.

## بحث

در ابتدای تماس محلول آب نمک و سیب زمینی، در حدود ۳۰ دقیقه زمان لازم است تا یون‌های نمک به سطح سیب زمینی مهاجرت نموده و پدیده نفوذ نمک در سیب زمینی آغاز شود به همین دلیل سرعت نفوذ مشاهده شده در ۳۰ دقیقه اول بسیار کوچک است.

بررسی تأثیر دما بر ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی به دلیل اثر دما در آسیب دیدن و نرم شدن بافت سیب زمینی به محدودیت‌های زیادی مواجه است. باقی ماندن بیش از حد سیب زمینی در آب نمک باعث نرم شدن بافت سلولی سیب زمینی می‌شود. این موضوع صرفنظر از غلظت محلولی که سیب زمینی در آن قرار دارد می‌تواند منجر به افزایش غیرقابل پیش‌بینی ضریب نفوذ نمک در سیب زمینی گردد.

Diffusion into Vegetable Tissue as a Pretreatment for Ohmic Heating: Determination of Parameters and Mathematical Model. Journal of Food Engineering, 20, 311-323.

Wood, F. W. (1966). The Diffusion of Salt in Pork Muscle and Fat Tissue. Journal of the Science of Food and Agriculture. 17, 138-140.

Fsina ,W., Eleming, H. & Thompson, R., (2002). Mass transfer and Solute Diffusion in Brined Cucumbers. Food engineering and physical properties, 67, 181-19.

## Determination of Salt Diffusivity into the Potato Tissues

B. Mosayebi Dehkordi <sup>a\*</sup>, F. Hashemi <sup>b</sup>

<sup>a</sup> Assistant Professor of the Department of Chemical Engineering, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

<sup>b</sup> M. Sc. of Food Engineering, Chemical Engineering Department, Science and Research Branch, Islamic Azad University, Tehran, Iran.

Received: 14 September 2009

Accepted: 9 March 2010

### Abstract

**Introduction:** Theoretical calculations of diffusivity into the solids are subjected to a lot of limitations. Consequently in most researches related to the molecular diffusion into the solids and foods, the effective diffusivities are measured by laboratory methods. In this research the effective diffusivity of salt into the potato tissues was measured experimentally applying analytical solution of Fick's equations in mass transfer.

**Materials and Methods:** The cylindrical samples of potato with 3 cm diameter and 3.5 cm height were immersed into the brine. The surrounding surfaces of the samples were covered by a suitable sealant in order to consider one dimensional mass transfer. Variations in brine concentration and consequently the rate of salt diffusion into the potatoes were calculated by measuring the electrical conductivity of brine.

**Results:** The diffusivity of salt into the potato tissues is increased by increase in brine concentrations, but it won't be remarkable increase at high brine concentrations. The salt concentration in potato tissues reaches to equilibrium in 300 min and then no more diffusion will be occurred. Using the results of experiments and analytical solution of Fick's law equations the diffusivity of salt into the potato tissues at 24 °C were measured to be (3.45-4.39)  $10^{-9} \times m^2/s$  for 1-3% (w/v) brine solutions.

**Conclusion:** According to the results of this research, Fick's law equations in mass transfer and their analytical solutions represented by Crank give a precise explanation of mass transfer in solids. Furthermore, the diffusivity of salt in the potato is independent of the variety of potato and consequently different researches have concluded similar results.

**Keywords:** Brine, Crank Equation, Diffusivity, Potato.

\*Corresponding Author: bmosayebi@gmail.com