



پیش‌بینی نرخ رشد قیمت سکه طلا در ایران با استفاده از الگوی رگرسیون داده‌ها با تواتر متفاوت (میداس)

عماد کاظم زاده^۱ – تقی ابراهیمی سالاری^۲ – مهدی بهنامه^۳

تاریخ دریافت: ۹۷/۸/۱۷ تاریخ پذیرش: ۹۸/۳/۹

چکیده

سرمایه‌گذاری در بازارهای طلا به دلایل مختلفی از جمله کسب سود، حفظ ارزش دارایی، جواهرات، پزشکی صورت می‌گیرد. به همین منظور پیش‌بینی قیمت طلا مورد توجه قرار گرفته است. در گذشته از روش‌های مختلفی برای پیش‌بینی قیمت طلا استفاده شده است. در این پژوهش ما برای این منظور از الگوی داده‌های ترکیبی با تواتر متفاوت که این امکان را فراهم می‌کند که متغیرهای سری زمانی بصورت سالانه، فصلی، ماهانه و حتی روزانه در کنار هم در یک رگرسیون قرار گیرند، استفاده شده است. برآورد الگوها با استفاده از نرم افزار R در محدوده فصل سوم ۱۳۷۶ تا فصل سوم ۱۳۹۶ استفاده شده است. در ابتدا از داده‌های فصل سوم ۱۳۹۶ استفاده نشده است تا بتوان قدرت پیش‌بینی مدل را خارج از محدوده برآورده بود. ارزیابی قرارداد نتایج نشان داد که پیش‌بینی اوایله برای فصل سوم ۱۳۹۶ بدون وارد کردن داده‌های ماهانه مربوط به این فصل رشد ۸,۹۲ را نسبت به فصل قبل نشان می‌دهد که با مقایسه آن با قیمت واقعی خواهیم دید که مدل از قدرت پیش‌بینی بالایی برخوردار است. پس از وارد کردن داده‌های ماهانه مهر، آبان و آذر به ترتیب دقت پیش‌بینی بالاتر رفته و به قیمت واقعی بسیار نزدیک‌تر شده است. در آخر به پیش‌بینی قیمت طلا برای فصل چهارم ۱۳۹۶ با استفاده از داده‌ها تا فصل پاییز می‌پردازیم که نتیجه پیش‌بینی نشان از رشد ۱۱,۷۲ برای این فصل نسبت به فصل پاییز نشان می‌دهد.

طبقه‌بندی JEL: G10, G17

کلیدواژه‌ها: پیش‌بینی قیمت طلا، الگوی داده‌های ترکیبی با تواتر متفاوت، میداس

^۱ دانشجوی دکتری اقتصاد دانشگاه فردوسی مشهد emad.kazemzadeh67@gmail.com

^۲ استادیار گروه اقتصاد دانشگاه فردوسی مشهد (نویسنده مسئول) ebrahim@um.ac.ir

^۳ استادیار گروه اقتصاد دانشگاه فردوسی مشهد m.behname@um.ac.ir

۱- مقدمه

GARCH هوش مصنوعی، روش‌های شبکه عصبی و منطق فازی استفاده شده است در مطالعات مرسوم برای پیش‌بینی طلا بیشتر از داده‌ها با تواتر یکسان و با متداول‌ترین های متفاوت استفاده شده است ولی گاهای داده‌ها با تواتر بیشتر (ماهانه) اثر بیشتری بر داده‌ها با تواتر کمتر (فصلی) داشته برای پیش‌بینی مناسب‌تر هستند از آنجایی که متغیرهای بازارهای مالی از نظر تغییرات سرعت بیشتری دارند لذا داده‌ها با تواتر کمتر تغییرات فصلی را بهتر پیش‌بینی می‌کنند. لذا در این زمینه یک شکاف علمی دیده می‌شود چرا که متداول‌ترین های مرسوم در اقتصادسنجی توانایی ترکیب داده‌ها با تواتر متفاوت را ندارند و از آنجا که روش جدید (میداس) این قابلیت را دارد برای پیش‌بینی دقیق‌تر و متفاوت‌تر از متداول‌ترین های مرسوم مناسب تر می‌باشد. در این تحقیق از الگوی روش رگرسیون با داده‌های متواتر استفاده می‌شود. مزایای استفاده از الگوهایی با داده‌ها متواتر میتوان به این موضوع اشاره کرد که برخی از متغیرها را بصورت سالانه و برخی دیگر بصورت فصلی یا ماهانه و حتی روزانه منتشر می‌شود، استفاده از این رگرسیون سبب می‌شود که بتوان داده‌ها با تواتر بالاتر زمانی که اطلاعاتی از داده‌ها با تواتر بیشتر انتشار می‌یابد می‌توان در پیش‌بینی متغیرها تجدیدنظر کرد.

۲- مبانی نظری**۲-۱- مبانی نظری عوامل موثر بر طلا**

طلا به عنوان یک فلز چندمنظوره در طول قرنها به عنوان ابزاری موثر برای حفاظت از ثروت بوده است. طلا جزو محصولات استراتژیک در بازارهای بین المللی به حساب می‌آید که با توجه به قدرت نقدشوندگی و هزینه نگهداری پایین از اهمیت بالایی برخوردار می‌باشد. این فلز گرانبهایی از اصلیترین پشتونهای همه ارزها می‌باشد. با افزایش نقش طلا، مدلسازی‌های آماری و پیش‌بینی نرخ نوسانات بازار طلا توجه زیادی را به خود جلب کرده است (بن و همکاران^۱، ۲۰۱۰؛ الدر و همکاران^۲، ۲۰۱۲؛ منسی و همکاران^۳؛ ۲۰۱۳). قیمت این فلز متأثر از عوامل گوناگونی از جمله عرضه و تقاضا و شرایط سیاسی می‌باشد. برخی از مهمترین دلایل تقاضای سرمایه‌ای طلا در زیر آورده شده است.

(۱) نااصمینانی اقتصادی، سرمایه‌گذاران و مردم در شرایط اقتصادی نامناسب برای حفظ ارزش دارایی خود اقدام به

فلزات گرانبهای مانند طلا، نقره، تیتانیوم به دلایل متعددی از جمله سرمایه‌گذاری، حفظ ارزش، هنر، پژوهشی وغیره مورد توجه قرار می‌گیرند. طلا شاید محبوب‌ترین فلز گرانبهای برای سرمایه‌گذاری باشد. این فلز عملکرد خوبی در زمان جنگ، تحریم، تورم بالا، کاهش ارزش سایر دارایی‌ها دارد. قیمت این فلز گرانبهای در طی سال‌های ۱۹۹۱ تا ۲۰۱۱ به علت تورم انتظاری و بحران اقتصادی افزایش چشمگیری داشته است. پس از بحران مالی که در سالهای ۲۰۰۷-۲۰۰۸ در جهان اتفاق افتاد سرمایه‌گذاران زیادی دنبال دارایی قابل اعتماد و امن برای سرمایه‌گذاری بودند (لی و لین، ۲۰۱۰). قیمت جهانی طلا از ابتدای سال ۲۰۱۶ بیش از ۳۰ درصد افزایش داشته است و آن را به عنوان یکی از بهترین و جذابترین دارایی‌ها برای سرمایه‌گذاری قرار داده است. با توجه به روند تاریخی، طلا و سطح عمومی قیمت‌ها با هم حرکت می‌کنند و طلا به عنوان یک محافظ در برابر دارایی‌های دیگر (مانند: سهام، اوراق قرضه، ارز خارجی) در زمان کاهش ارزش این دارایی‌ها می‌باشد. زمانی که این دارایی‌ها کاهش می‌یابد، قیمت طلا افزایش پیدا می‌کند. همین موضوع سبب شده است که این فلز گرانبهای در طول قرن‌ها به عنوان ذخیره‌ای مطمئن برای حفظ ارزش دارایی مورد توجه قرار گیرد (گانکوپادیا همکاران^۴؛ ۲۰۱۶؛ ژو و همکاران^۵؛ ۲۰۱۸). مردم در ایران عمدتاً دارایی‌های خود را بصورت طلا، ارز، سهام و مسکن نگه می‌دارند. در این بین طلا به دلیل ارزش ذاتی، قابلیت نقد شوندگی بالا جایگاه ویژه‌ای را دارا می‌باشد. با توجه به اینکه فعالان بازار طلا که مصرف‌کنندگانی می‌باشند در زمان‌هایی که بازار با تلاطم و نوسانات شدید مواجه می‌شود برای خرید و فروش خود نیاز به پیش‌بینی آینده دارند. گاهای موسسات مالی یا بانکها مانند صندوق سرمایه‌گذاری طلا در بورس، سرمایه‌قابل توجهی را در این بازار وارد کرده‌اند و تغییرات بسیار جزئی می‌تواند این موسسات را با سود بسیار و یا کاهش در قیمت طلا آنها را ورشکستگی مواجه کند، لذا جدای از اشخاص حقیقی این شرکت‌های عمدۀ شدیداً نیاز به ابزاری دارند که بتوانند قیمت طلا را برای چند روز یا چند هفته آینده پیش‌بینی کنند. به همین منظور نوسانات قیمت طلا در بازار داخلی از اهمیت ویژه‌ای برخوردار است. محققان، سرمایه‌گذاران و فعالان بازار سرمایه همواره به دنبال ابداع و استفاده از روش‌ها جدید برای پیش‌بینی می‌باشند. بدین منظور برای پیش‌بینی قیمت طلا روش‌های مختلفی از جمله خودرگرسیون و میانگین متحرک، مدل‌های خانواده

رگرسیون وجود ندارد مگر اینکه متغیرها را بصورت تواتر یکسان سالانه تبدیل کرده و ضرایب رگرسیون را محاسبه نمود.اما اخیرا تکنیکی ابداع شده است که می‌تواند متغیرها با تواتر مختلف را در یک رگرسیون قرار داد و ضرایب آنها را برآورد نمود.ساخت الگویی بر این اساس از دو مزیت عمدی برخوردار است.اول اینکه قرار گرفتن متغیرهای پرتواتر در کنار متغیرهای کم‌توازن سبب می‌شود که پیش‌بینی‌های دقیقتری برای متغیر وابسته در آینده نزدیکتر فراهم شود.دوم اینکه زمانی که اطلاعات جدیدی در مورد متغیرهای پرتواتر بدست می‌آید می‌توان در پیش‌بینی قبلی ارائه شده برای متغیر وابسته کم‌توازن تجدید نظر کرد.ساخت الگوهایی که بتوانند از ترکیبی از داده‌های با تواتر متفاوت در یک رگرسیون بهره جوید، توسط کلین و سوجو^۸ (۱۹۸۹) در تدوین الگوهای اقتصادسنجی کلان ساختاری پایه‌گذاری شد.اخیرا روشنی توسط کای سلز، سانتا کلارا و والکانو^۹ (۲۰۰۴) و کای سلز، سینکو و والکانو^{۱۰} (۲۰۰۶) به نام "الگوی داده‌های ترکیبی با تواتر متفاوت" می‌دانند.این ابداع شده است که توسط آن می‌توان متغیرهای سری زمانی دارای تواتر های متفاوت را در کنار هم در یک رگرسیون قرار داد و ضرایب آن را برآورد نمود.

قبل از توضیح روش رگرسیون با داده‌های متواتر، ابتدا به معرفی نحوه علامت‌گذاری متغیرها و مفهوم علائم می‌پردازیم.فرض می‌کنیم t , y و x_t دو سری زمانی پایا با تواترهای متفاوت باشند، بطوریکه y متغیر وابسته و x_t متغیر توضیح‌دهنده است. t واحد زمان برای متغیر با تواتر پایین می‌باشد.برای ایجاد ارتباط بین دو متغیر با تواترهای t و τ ^{۱۱}، ضریب s را در نظر می‌گیریم.این ضریب کسری از فاصله زمانی بین $t-1$ و t می‌باشد به گونه‌ای که $m=1/s$ مشخص می‌کند که متغیرهای سری زمانی پرتواتر x چند بار در این فاصله زمانی مورد مشاهده واقع شده است.بنابرین، $m=t$ بوده و در نتیجه x_t به اندازه m برابر بیشتر از تواتر t است.یعنی به تعداد m بار بیشتر از داده‌های سری زمانی y ظاهر می‌شوند.نماد $x_t^{(m)}$ به مفهوم $x_t^{(m)} = x_{t-m}$ است.به عنوان مثال برای داده‌های فصلی و ماهانه، $m=3$ است و به این معناست که در هر فصل، یک مشاهده از داده‌های فصلی و سه مشاهده از داده‌های ماهانه را خواهیم داشت.در این صورت متغیری که داده‌های فصلی دارد متغیر کم‌توازن و متغیری که داده‌های ماهانه دارد متغیر پرتواتر نامیده می‌شود.نمودار ۱ رابطه بین تواترهای متفاوت در متغیرها را مشاهده می‌کنید.

خرید طلا می‌کنند همین امر سبب افزایش تقاضای طلا به عنوان یک کالای جهانی امن می‌شود.

(۲) سقوط بانک‌ها مانند آنچه در رکود اقتصادی بزرگ در سال ۱۹۳۰ رخ داد.

(۳) بحران‌های سیاسی مانند جنگ و ...

(۴) کاهش ارزش بازار سهام

(۵) کاهش ارزش دلار در بازارهای جهانی، در صورتی که در حالتی از ثبات اقتصادی قرار داشته باشیم.میزان تاثیر متقابل ارزش دلار و طلا اهمیت ویژه‌ای پیدا می‌کند.

مهمترین عوامل موثر بر این فلز گرانبها و استراتژیک در داخل کشور علاوه بر قیمت جهانی طلا شامل ارزش دلار، شاخص قیمت سهام می‌باشد که در زیر توضیح داده شده است.

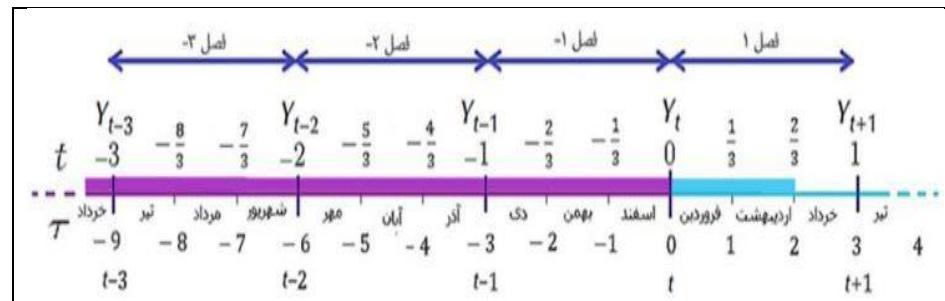
(۱) بازار سهام و طلا: در زمان بحران ، ریزش بازار سهام همیشه موجب افزایش قیمت طلا می‌شود.زمانی که بازار بورس و مسکن چار رکود می‌گردد، جریان نقدینگی به سمت بازار طلا سرازیر می‌شود و به نوعی عنوان جایگزینی برای این بازارها محسوب می‌شود.

(۲) رابطه نرخ ارز و طلا: در دنیا معاملات طلا بر حسب دلار یا پول ملی آن کشور می‌باشد، با توجه به نرخ برابری دلار و پول ملی کشور و نرخ برابری دلار و طلا خواهیم داشت که ارزش طلا تحت تاثیر قیمت دلار نیز می‌باشد(دهر و چوو^۷ ، ۲۰۰۱).هنگامی که نرخ ارز افزایش می‌یابد، واردات طلا گران‌تر می‌شود و منجر به افزایش قیمت داخلی طلا می‌گردد.با این حال اگر طلا قیمت مناسبی در برابر نرخ ارز داشته باشد، انتظار می‌رود که قیمت طلا با نرخ ارز رابطه منفی داشته باشد.این بدان معنی است که کاهش ارزش دلار باعث می‌شود که سرمایه‌گذاران به سوی طلا حرکت کنند و منجر به افزایش قیمت طلا شود.

(۳) اونس طلای جهانی: قیمت اونس طلای جهانی رابطه مستقیمی با قیمت طلای داخلی دارد، بطوری که افزایش در قیمت هر اونس طلای جهانی موجب بالا رفتن قیمت این فلز در داخل کشور خواهد شد.

۲-۲- مبانی نظری الگوی داده‌های ترکیبی با تواترهای متفاوت (MIDAS)

در روش‌های سنتی برای برآورد و پیش‌بینی سری زمانی متغیرهای اقتصادی می‌باشد از متغیرها با تواتر یکسان استفاده شود، برای مثال چنانچه متغیر وابسته سالانه باشد، متغیرهای توضیحی نیز باید سالانه باشند.حال اگر برخی از متغیرها ماهانه و فصلی باشند امکان محاسبه این



نمودار ۱: نمودار زمانی برای متغیرها با تواتر متفاوت فصلی و ماهانه

منبع: بیات و نوفرستی، ۱۳۹۴، ص ۳۳

می باشد، شکل می گیرد. توابع وزن دهی بصورت رابطه بالا، وزن های غیر منفی ایجاد می کنند و برای تعیین مقدار ضریب متغیر پرتوانر و وقفه هایش (یعنی β)، از فرض برابر واحد بودن مجموع وزن های ایجاد شده توسط اینتابع استفاده می نمایند.

$$\text{رابطه (۳)}$$

با توجه به اینکه در مقاله حاضر از تابع وزن دهی آلمون استفاده شده، بنابراین در این قسمت فقط به معرفی این تابع اکتفا شده است، در توابع وزن دهی آلمون ضریب β و وزن ها w به صورت یک پارامتر مشترک (θ, j) بروآورد می شود. با توجه به رابطه آلمون، تابع وزن دهی آلمون به صورت زیر است:

$$\beta w(j; \theta) = \sum_{i=0}^{j \max} \sum_{p=1}^p \theta_p \cdot j^p$$

این تابع وزن دهی براساس مقادیر متفاوت پارامترهای θ و p که مرتبه چندجمله‌ای آلمون است ضرایبی متفاوت ایجاد می‌کند. در نمودار (۲) وزن‌های ایجاد شده توسط تابع وزن دهی آلمون با مقادیر متفاوت پارامترهای θ نمایش داده شده است.

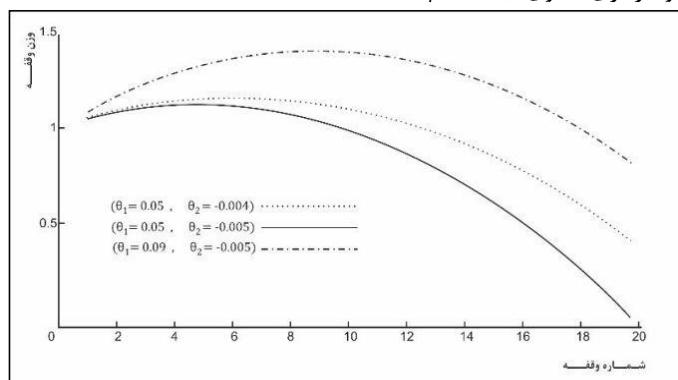
برای روش‌تر شدن چگونگی تصریح الگوی میداس، رگرسیون محوری میداس را برای متغیر وابسته y ، فصلی و متغیر توضیح دهنده x ماهانه و وقتهای آن بصورت زیر می‌باشد.

$$y_t = C_0 + \beta \sum_{j=0}^{j_{\max}} w(j; \theta) L^{j/m} x_t^{(m)} + u_t$$

تابع وزن دهی (θ_j ; j) که هسته مرکزی میداس است، مبین یک چند جمله‌ای برای اعمال وزن‌هایی خاص به وقفه‌های گسترده $L^{j/m}$ و x_t عملگر وقهه ($L^j x_t = x_{t - \frac{j}{m}}$) می‌باشد. کای سلز و همکاران (۲۰۱۴) تابع وزن دهی میداس را به ترتیب توابعی همچون تابع وزن دهی آلمون^{۱۲}، تابع وزن دهی آلمون نمایی^{۱۳} و تابع وزن دهی بتا معروفی کرده و فرم کلی توابع وزن دهی را بصورت زیر بیان نموده است:

$$w(j; \theta) = \frac{\phi(j; \theta)}{\sum_{i=1}^{j \max} \phi(i; \theta)}$$

بسته به نوع تابع $\varphi(j)$ مورد استفاده در رابطه (۲) و همچنین حداکثر تعداد وقفه‌ها $\max(j)$ تابع وزن‌دهی از تواتری به تواتر دیگر و از متغیری به متغیری دیگر، می‌تواند متفاوت باشد. این تابع براساس پارامترهای j , θ_j که به ترتیب شمارنده وقفه‌ها و برداری حاوی یک یا چند θ



نمودار ۱: شکل‌های تابع آلمون با پارامترهای مختلف

منبع: بیات و نوفرستی، ۱۳۹۴، ص ۴۵

۳-پیش‌بینی

مطالعات متعددی در زمینه پیش‌بینی قیمت طلا با روش‌های مختلف ARIMA، GARCH، شبکه عصبی، منطق فازی انجام شده است که بصورت اجمالی به معنی برخی از این مطالعات می‌پردازیم، تریپاسی^{۱۵} (۲۰۱۷) به پیش‌بینی قیمت طلا در هند با استفاده از مدل ARIMA در طول دوره ۱۹۹۰ تا ۲۰۱۵ به مدت ۲۵ سال بصورت ماهانه پرداخت. نتایج نشان داد که قیمت ماه گذشته اثر معنی‌داری در قیمت جاری طلا دارد. آیل و همکاران^{۱۶} (۲۰۱۷) به بررسی نوسانات قیمت طلا در آتیوپی با استفاده از مدل‌های GARCH و EWMA برای دوره ۱۹۹۸ تا ۲۰۱۴ پرداختند. نتایج نشان دادند که نرخ بهره، نرخ ارز و قیمت‌های نفت خام اثر معنی‌داری بر نوسانات قیمت طلا دارند. فانگ و همکاران^{۱۷} (۲۰۱۸) به بررسی نوسانات بازار طلا با استفاده از متغیرهای اقتصاد کلان در آمریکا پرداختند. در این پژوهش از روش GARCH-MIDAS استفاده شده است. نتایج نشان می‌دهد که اجزای اصلی مانند متغیرهای کلان دقت پیش‌بینی را بالا می‌برد. پاریسی و همکاران^{۱۸} (۲۰۰۸) با استفاده از مدل شبکه عصبی بازگشتی و رولینگ یک گام به جلو به تجزیه و تحلیل قیمت طلا بصورت هفتگی پرداختند. نتایج استفاده از شبکه‌های عصبی با چارچوب پویا را مورد حمایت قرار می‌دهد. آیه و همکاران^{۱۹} (۲۰۱۵) با استفاده از شش عامل جهانی (چرخه تجاری، نرخ بهره واقعی و اسمی، کالا، نرخ ارز، قیمت سهام) و دو عامل ناظمینانی (شاخص تنش مالی بانک فدرال کانزاس سیتی و شاخص عدم اطمینان سیاست اقتصادی ایالتات متحده) به پیش‌بینی قیمت طلا برای ۱۹۹۲ تا ۲۰۱۳ بصورت ماهانه پرداختند. نتایج نشان داد که عامل نرخ ارز و شاخص تنش مالی بانک فدرال کانزاس سیتی در تقریباً تمام افق‌ها و دوره‌های پایین، قوی هستند. بنتز^{۲۰} (۲۰۱۵) به پیش‌بینی نوسانات برگشت طلا با استفاده از FIGARCH، GARCH و IGARCH در طول دوره ۱۹۷۶ تا ۲۰۱۵ بصورت روزانه پرداختند. نتایج نشان دادند که FIGARCH بهترین مدل برای براساس معیار اطلاعات و همچنین بهترین مدل برای پیش‌بینی می‌باشد. کربستین پلار و همکاران^{۲۱} (۲۰۱۵) به بررسی نوسانات قیمت طلا با استفاده از شبکه عصبی مصنوعی و مدل گارچ برای دوره ۱۹۹۹ تا ۲۰۱۴ بصورت روزانه پرداختند. نتایج نشان داد که با استفاده از مدل شبکه عصبی مصنوعی و گارچ^{۲۲} (۲۰۱۵) میانگین خطای کاهش یافته است. پیردزیوچ و همکاران^{۲۳} (۲۰۱۵) به پیش‌بینی قیمت طلا با استفاده از رگرسیون کوانتلیل در دوره ۱۹۸۷ تا ۲۰۱۴ بصورت ماهانه

با اعمال وزن‌های مربوط به وقفه‌های گسترده و تحمیل یک تابع قید پارامتری به الگوی میداس آن را از حالت خطی به حالت غیر خطی تبدیل می‌کند. با توجه به مطالعه کای سلز و همکاران (۲۰۰۴) لازم است از روش‌های برآورده غیرخطی NLS برای برآورده ضرایب الگوی میداس استفاده نمود که بصورت رابطه زیر مجموع مریعات جمله اخلال را حداقل کند. (بیات و نوفrstی، ۱۳۹۴، صص ۴۸-۳۱)

رابطه (۵)

$$\hat{\theta} = \operatorname{argmin}_{\theta \in R} \sum_{j=0}^{j \max} (y_t - \beta w(j; \theta) \cdot L^{j/m} x_t)^2$$

۲-۲-پیش‌بینی به روش میداس

یکی از مزایای الگوسازی به روش میداس، استفاده از داده‌های زمان حال، یعنی داده‌های پرتواتری که زودتر در دسترس قرار می‌گیرند برای انجام یک پیش‌بینی می‌باشد. با در نظر گرفتن $\beta w(j; \theta)$ ، B_k از رابطه زیر برآورده می‌شود:

رابطه (۶)

$$y_t = C_0 + \sum_{i=1}^n \alpha_i y_{t-i} + \sum_{k=1}^{m-1} \sum_{j=0}^{m-1} B_k x_{t-k-j/m}^{(s)} + u_t$$

معرف تعداد دوره‌های t ای است که از وقفه‌های متغیر پرتواتر استفاده می‌شود و $m-1$ نیز تعداد وقفه‌های متغیر x در هر دوره T است، در مجموع برای هر متغیر پرتواتر از تعداد n^*m-1 وقفه استفاده می‌شود. پس از برآورده الگوی فوق از رابطه زیر جهت انجام پیش‌بینی‌ها مورد استفاده قرار می‌گیرد:

رابطه (۷)

$$y_{t+1} = C_0 + \sum_{i=1}^{p-1} \alpha_i y_{t-i} + \sum_{k=0}^{n-1} \sum_{j=0}^{m-1} B_k x_{t-k-j/m}^{(s)} + \sum_{s=m-d+1}^m \gamma_s \cdot x_{t+1-\frac{s-1}{m}} + u_{t+1} \quad s > 0$$

در رابطه بالا d نشان‌دهنده تعداد دوره‌های پرتواتری است که برایشان داده‌های جدید منتشر شده است. در رابطه بالا عبارت سوم مربوط به گذشته و عبارت چهارم ناظر به آینده می‌باشد (بیات و نوفrstی، ۱۳۹۴، صص: ۵۲-۵۳). پیش از هرگونه استفاده از برآوردهای اقتصاد سنجی باید از میزان اعتبار و درستی الگوی اطمینان حاصل شود که تا چه میزان قادر خواهد بود پیش‌بینی صحیحی از متغیر وابسته را ارائه کند. برای این منظور شاخص‌ها متعددی برای تشخیص ارزیابی مقدار پیش‌بینی و مقدار واقعی ارائه شده است که یکی از این شاخص‌ها، شاخص جذر میانگین مجذور خطای نسبی RMSPE^{۱۴} می‌باشد که در این مقاله مورد استفاده قرار گرفته است.

در رده بعد قرار دارد. خاشعی و بیجاری (۱۳۸۷) مدل‌های میانگین متحرک خودتوضیحی انباسته کلاسیک و حصول مدل دقیق‌تر در پیش‌بینی سری‌های زمانی، مدل به منظور پیش‌بینی قیمت طلا پیشنهاد شده است. نتایج حاصله بیانگر ترکیبی میانگین متحرک خودتوضیحی انباسته با منطق‌فازی کارآمدی روش پیشنهادی در پیش‌بینی فاریما بازه تغییرات قیمت طلا می‌باشد. دلاوری و روشنی بروجنی (۱۳۹۱) به بررسی عوامل موثر بر تغییرپذیری قیمت‌های آتی سکه طلا با استفاده از مدل‌های GARCH با داده‌های روزانه ۹۰/۳/۳۱ تا ۹۱/۴/۲۰ پرداختند. نتایج نشان داد که مدل EGARCH دارای عملکرد بهتری نسبت به سایر مدل‌ها بود و قیمت پیش‌بینی شده نرخ برابری دلار به ریال، بازده شاخص کل بورس و قیمت پیش‌بینی شده طلای جهانی به ترتیب دارای بیشترین تاثیر بر واریانس شرطی بوده است.

وجه تمایز مطالعه حاضر با مطالعات پیشین در این است که در این پژوهش با استفاده از الگوی داده‌ها با تواتر متفاوت یا میدانس به پیش‌بینی قیمت طلا در ایران پرداخته‌ایم. الگوی میدانس از داده‌ها با تواتر بالای ماهانه برای پیش‌بینی قیمت طلا بصورت فصلی استفاده شده است و همین این امر سبب می‌شود با انتشار ماهانه متغیرهای توضیحی به پیش‌بینی متغیر وابسته فصلی بپردازیم و پیش‌بینی را پس از انتشار داده‌های جدید ماهانه مورد بازنگری قرار داده و دقت پیش‌بینی را بالاتر ببریم.

۴-داده‌ها و تصویری مدل

داده‌های مورد استفاده در این پژوهش قیمت سکه تمام بهار آزادی طرح جدید بصورت فصلی از فصل پاییز سال ۱۳۷۶ تا فصل پاییز سال ۱۳۹۶، شاخص کل بورس اوراق بهادر بصورت ماهانه، نرخ ارز غیر رسمی ماهانه که این داده‌ها از پایگاه داده‌های وزارت امور اقتصاد و دارایی اخذ شده، قیمت نفت برنت ماهانه از پایگاه اطلاعاتی بانک جهانی از سایت، قیمت هر اونس طلای جهانی ماهانه از سایت (www.gold.org) و این داده‌ها از مهر ماه ۱۳۷۶ تا آذر ۱۳۹۶ می‌باشد. با توجه به اینکه برخی از متغیرها به ریال و برخی به دلار هست و در این پژوهش ما از نرخ رشد آنها استفاده کردیم که دیگر مشکلی در این مورد برای مدل ایجاد نمی‌شود، متغیر مجازی $d1$ که مربوط به اثر شرایط تحریم‌ها و عوامل سیاسی و اجتماعی داخلی می‌باشد که از تابستان ۱۳۸۸ تا زمستان ۱۳۹۱ و از تابستان ۱۳۹۴ تا پاییز ۱۳۹۶ بصورت عدد ۱ نشان داده شده است و برای مابقی فصل‌ها صفر می‌باشد. متغیر مجازی $d3$ متغیری فصلی است

پرداختند. لین^{۳۳} (۲۰۱۰) به پیش‌بینی قیمت طلا با استفاده از مدل‌های ARIMA و GARCH در طی دوره ۱۹۷۱ تا ۲۰۱۰ بصورت ماهانه پرداخت.

جعفرزاده نجار و صباحی (۱۳۹۴) به بررسی عوامل موثر بر قیمت طلا در بازه ۱۳۷۰ تا ۱۳۸۹ به روش ARDL پرداختند. نتایج نشان داد که در کوتاه مدت و بلندمدت متغیرهای قیمت نفت، نرخ سود بانکی و نرخ ارز همگی تاثیر منفی و متغیرهای تورم و قیمت جهانی طلا تاثیر مثبت دارد. احمدی و احمد لو (۱۳۹۰) به پیش‌بینی قیمت ARIMA پرداختند. نتایج نشان دادند که مدل ARIMA(2,2) توانایی پیش‌بینی قیمت قرارداد آتی سکه را دارد. سرافراز و افسر (۱۳۸۴) به بررسی عوامل موثر بر قیمت طلا و ارائه مدل پیش‌بینی بر مبنای شبکه‌های عصبی فازی پرداختند. مقایسه نتایج پیش‌بینی با روش رگرسیون حاکی از برتری شبکه‌های عصبی فازی در پیش‌بینی قیمت طلا می‌باشد. آرمن و رئوفی (۱۳۹۲) به پیش‌بینی قیمت طلا و مقایسه روش‌های پیش‌بینی پرداختند. نتایج نشان داد که ARMA بهتر از دو روش ANFIS و GARCH می‌باشد. امیر حسینی و داورپناه (۱۳۹۴) به پیش‌بینی قیمت طلا با استفاده از الگوریتم پرواز پرنده‌گان و الگوریتم ژنتیک و ارائه الگوریتم ترکیبی پرداختند. نتایج نشان داد که استفاده از الگوی ترکیبی پرواز پرنده‌گان با الگویی ژنتیک به علت پوشش نقاط ضعف هر یک از الگوها و استفاده از نقاط قوت آنها در مسیر پیش‌بینی، دقت پیش‌بینی بیشتری دارد. معمارنژاد و فرمان آرا (۱۳۹۰) به پیش‌بینی قیمت سکه طلا در بورس کالای ایران با استفاده از روبکرد شبکه عصبی GMDH، اثر متغیرهای کلان اقتصادی شامل (نرخ ارز دلار، قیمت سکه، قیمت طلا به دلار، قیمت نفت به دلار، شاخص قیمت کل سهام، تاریخ روز تحويل سکه) بر قیمت آتی سکه پرداختند. سمدی و نظیف نایینی (۱۳۹۲) به بررسی عوامل موثر بر نوسانات قیمت طلا با استفاده از مدل‌های رگرسیون سوئیچینگ مارکوف و شبکه عصبی برای دوره ۱۳۵۹-۱۳۹۰ پرداختند. نتایج نشان می‌دهد از میان عوامل موثر بر قیمت طلا در مدل شبکه عصبی متغیر نرخ ارز و قیمت جهانی طلا بیشترین تاثیر را دارد و در مدل چرخشی مارکوف متغیر قیمت نفت و پس از آن CPI دارای بالاترین اهمیت و درجه تاثیرگذاری آن می‌باشد. دلاوری و رحمتی (۱۳۸۹) به بررسی تغییرپذیری نوسان‌های قیمت سکه در ایران با استفاده از مدل‌های گارچ پرداختند. نتایج نشان دادند که نرخ برابری دلار به ریال دارای بیشترین تاثیر بر واریانس بوده و قیمت جهانی نفت

۵-نتایج برآورده مدل
 قبل از برآورده مدل لازم است که مانایی متغیرها مورد بررسی قرار گرفته شود، متغیرها مدل با استفاده از آزمون دیکی-فولر تعیین یافته مورد بررسی قرار گرفته شده‌اند و نشان می‌دهد که همه متغیرها در $I(0)$ مانا می‌باشند.

جدول (۱): بررسی مانایی متغیرها

درجه جمعی	p-value	ADF.test	نام متغیر
$I(0)$	< .01	-3,1943	نرخ رشد قیمت سکه طلا ایران
$I(0)$	< .01	-4,3392	نرخ رشد شاخص سهام
$I(0)$	< .01	-4,3092	نرخ رشد ارز
$I(0)$	< .01	-5,2566	نرخ رشد قیمت جهانی طلا

منبع: نتایج پژوهش

پس از بررسی پایایی الگوی با استفاده از بسته نرم افزاری midasr در محیط R تهیه شده توسط کیزلر و همکاران^{۲۴} (۲۰۱۴) به برآورده الگوی می‌پردازیم. داده‌های نرخ رشد فصلی در محدوده فصل چهارم ۱۳۷۶ تا فصل دوم ۱۳۹۶ مورد استفاده قرار گرفته‌اند. از داده‌های فصل سوم ۱۳۹۶ در برآورد اول استفاده نمی‌شود تا بتوانیم قدرت پیش‌بینی این مدل را خارج از محدوده مدل مورد سنجش قرار دهیم. پس از پیش‌بینی فصل سوم ۱۳۹۶، این بار از داده‌های فصل پاییز ۱۳۹۶ استفاده می‌کنیم تا بتوانیم فصل چهارم را پیش‌بینی کنیم. نتایج حاصل از برآورده ضرایب الگو بصورت بهینه‌یابی مقید پس از ۱۸۴ بار تکرار برای رسیدن به همگرایی با لحاظ کردن ده وقفه شاخص کل بورس، هفت وقفه نرخ ارز غیر رسمی، ده وقفه اونس طلا ایرانی در جدول ۲ آمده است.

جدول (۲): نتایج حاصل از برآورده ضرایب الگو با استفاده از بسته نرم افزاری midasr

	Estimate	Std.Error	t-value	Pr(> t)	Sig level
(Intercept)	.0007784	.0007007	1.111	.270886	
s1	.618942	.0225740	2.742	.0007974	**
s2	-.0528228	.0207135	-2.549	.0013286	*
s3	.0139767	.00052876	2.643	.0010384	*
s4	-.0010985	.0004007	-2.742	.0007977	**
e1	8.523397	1.993814	4.275	6.71e-5	***
e2	-9.878561	2.748159	-3.594	0.000646	***
e3	3.486808	1.0015546	2.433	0.001067	**
e4	-.0373882	.0109683	-3.409	0.001152	**
gf1	.464010	.0161231	2.878	0.0005485	**
gf2	-.0046662	.00061786	.0755	.452976	
gf3	-.0013508	.0006297	-2.145	.00035865	*
d1	.0022157	.0009287	2.386	.0020108	*
d3	-.0027945	.0010538	-2.652	.0010152	*

Signif.codes: *** p < 0.01 ** p < 0.05 * p < 0.1

R2 = .9523666 R2adj = .9435744

jarque.bera.normality.test = 3.578 (p = 0.1671)

که برای فصول تابستان ۱ و برای بقیه فصل‌ها با صفر نشان داده شده است. الگوی مورد استفاده در این مقاله بصورت زیر می‌باشد.

رابطه (۸)

$$yg_t = c_0 + \beta_1 \sum_{j=1}^{j \max} w(j:\theta) L^{j/m} s_t^{(m)} + \beta_2 \sum_{j=1}^{j \max} w(j:\theta) L^{j/m} e_t^{(m)}$$

$$+ \beta_3 \sum_{j=1}^{j \max} w(j:\theta) L^{j/m} gf_t^{(m)} + d1 + d3$$

متغیرهای موجود در این رابطه:

yg_t نرخ رشد قیمت فصلی سکه طلا در ایران

$s_t^{(m)}$ نرخ رشد ماهانه شاخص کل سهام بورس اوراق بهادر

$e_t^{(m)}$ نرخ رشد ماهانه نرخ ارز

$gf_t^{(m)}$ نرخ رشد قیمت اونس جهانی طلا

$d1$: متغیر مجازی از تابستان ۱۳۸۸ تا زمستان ۱۳۹۱ و از

تابستان ۱۳۹۴ تا پاییز ۱۳۹۶ بصورت عدد ۱ نشان

داده شده است و برای مابقی فصل‌ها صفر

$d3$: متغیر مجازی فصلی است که برای فصول

تابستان ۱ و برای بقیه فصل‌ها با صفر

در برآورده متغیرهای های ماهانه الگو علاوه بر برآورده

ضرایب β_i می‌باشند توابع وزن دهی $w(j:\theta)$ را مشخص

کرده و ضرایب آن را برآورده نمود. در این پژوهش با توجه به

عملکرد بهتر تابع وزن دهی آلمون نسبت به بقیه توابع از آن

استفاده شده است.

که با مقایسه آن با قیمت واقعی ۱۳۰۶۳۲۲۲،۳۳ حاکی از قدرت بسیار خوب الگو در پیش بینی می باشد. سپس بصورت گام به گام با وارد کردن هر کدام از ماه های فصل پاییز در الگو یک بار پیش بینی را انجام می دهیم و با قیمت واقعی سکه طلای داخلی مقایسه می کنیم. با وارد کردن داده های ماه مهر ۱۳۹۶ متغیرهای با تواتر بالا در الگو و پیش بینی مجدد خواهیم دید که در این گام رشد قیمت سکه طلا را ۹،۱۳ نسبت به فصل دوم برآورد شده است که معادل قیمت ۱۳۰۴۵۴۶۷،۶۲ است. با مقایسه با قیمت واقعی ۱۳۰۴۵۴۶۷،۶۲ مشاهده می کنیم که پیش بینی نسبت به قبل به مقدار واقعی نزدیکتر شده است.

در گام های بعد به ترتیب داده های ماه های آبان و آذر را وارد کرده و برای هر کدام بصورت جداگانه پیش بینی انجام می دهیم نتایج پیش بینی نشان می دهد که رشد قیمت فصل سوم با استفاده از داده ها آبان و آذر ۹،۲۳ و ۹،۳۰ می باشد که معادل قیمت های ۱۳۰۵۸۴۸۳،۹۷ و ۱۳۰۶۵۸۸۹،۸۳ است. پس از آن این بار برای پیش بینی فصل چهارم ۱۳۹۶ از داده های فصل چهارم ۱۳۷۶ تا پایان فصل سوم ۱۳۹۶ استفاده می کنیم و به پیش بینی فصل زمستان ۱۳۹۶ می پردازیم. نتایج نشان از رشد ۱۱،۷۲ نسبت به فصل پاییز دارد که قیمت سکه طلای در فصل زمستان را ۱۴۵۹۵۱۳۸،۴۹ پیش بینی می کند. در ادامه برای اندازه گیری کمیت شاخص جذر میانگین مجدول خطای RMSPE در این پیش بینی برای فصل پاییز با استفاده از این فصل و مقادیر ۴ پیش بینی انجام شده که بصورت گام به گام بدون داشتن داده های ماه های پاییز، با ماه مهر، آبان و آذر برای فصل پاییز بدست آمده است برابر ۰،۲۲۸۲۰ محسوسه شده و بیانگر توان پیش بینی بسیار مناسب الگو می باشد.

همانطور که مشاهده می شود ضرایب $a_1 = ۰،۹۵۲۳۶۶۶$ و $a_2 = ۸،۹۸۲۹۹۲$ مربوط به چهار وقفه متغیر شاخص کل بورس به لحاظ آماری کاملاً معنی دار می باشند. وقفه های موجود در این مدل براساس تعداد و میزان وزن های داده شده به هر متغیر بدست آمده است. تمام ضرایب نرخ ارز از e_1 تا e_4 معنی دار است در ضرایب قیمت اونس جهانی طلا فقط وقفه دوم (g_2) معنی دار نمی باشد.

متغیرهای d_1 و d_3 دو متغیر مجازی هستند که به ترتیب برای مقاطع زمانی که از فصل دوم ۱۳۸۸ تا فصل چهارم ۱۳۹۱ و از فصل دوم ۱۳۹۴ تا فصل سوم ۱۳۹۶ بصورت عدد ۱ نشان داده شده است و برای مابقی فصول ۰ می باشد. متغیر مجازی d_3 متغیری فصلی است که برای فضول تابستان ۱ و برای بقیه فصل ها با صفر نشان داده شده است.

ضریب تعیین $R^2 = ۰،۹۵۲۳۶۶۶$ حاکی از قدرت توضیح دهنده گی بسیار بالای الگو است و کمیت آماره hah.test برابر با $۰،۰۷۱$ بدست آمده که نشان می دهد قیدهای تحمیل به ضرایب الگوی میداس تصریح شده، به لحاظ آماری معنی دار و از کفایت لازم برخوردار نند. با توجه به آماره دوربین واتسون و آزمون نرمال بودن جارکو-برا جملات اخلال الگو دارای همبستگی پیاپی نبوده و از توزیع نرمال برخوردارند.

۶- پیش بینی

برای پیش بینی فصل سوم ۱۳۹۶ قیمت طلای داخلی ابتدا از داده های فصل چهارم ۱۳۷۶ تا پایان فصل دوم ۱۳۹۶ متغیرها استفاده کرده و یک بار به پیش بینی فصل پاییز ۱۳۹۶ بدون استفاده از داده های ماهانه متغیرها می پردازیم. نتایج نشان از رشد قیمت ۸،۹۸ نسبت به فصل دوم ۱۳۹۶ دارد که معادل قیمت ۱۳۰۲۷۸۲۶،۸۶ می باشد.

جدول (۳): نتایج پیش بینی قیمت سکه طلا گام به گام با استفاده از رگرسیون داده های متواتر

قیمت واقعی	قیمت پیش بینی درصد رشد نسبت شده	قیمت پیش بینی به فصل قبل	قیمت سکه طلای طرح قدیم
۱۳۰۶۳۲۲۲،۳۳	۱۳۰۲۷۸۲۶،۸۶	۸،۹۸۲۹۹۲	پیش بینی فصل پاییز
۱۳۰۶۳۲۲۲،۳۳	۱۳۰۴۵۴۶۷،۶۲	۹،۱۳۰۵۶۴	پیش بینی فصل پاییز با استفاده از داده ها تا ماه مهر
۱۳۰۶۳۲۲۲،۳۳	۱۳۰۵۸۴۸۳،۹۷	۹،۲۳۹۴۵۱	پیش بینی فصل پاییز با استفاده از داده ها تا ماه آبان
۱۳۰۶۳۲۲۲،۳۳	۱۳۰۶۵۸۸۹،۸۳	۹،۳۰۱۴۰۴	پیش بینی فصل پاییز با استفاده از داده ها تا ماه آذر
؟	۱۴۵۹۵۱۳۸،۴۹	۱۱،۷۲۵۹۹	پیش بینی بروز نمونه ای فصل زمستان

منبع: نتایج پژوهش

پیش‌بینی گام به گام با استفاده از داده‌های پرتواتر متغیرهای توضیحی دقت پیش‌بینی فصلی قیمت سکه طلا بالا می‌رود. در آخر هم به پیش‌بینی قیمت سکه طلا در فصل زمستان با استفاده از داده‌ها تا آخر فصل پاییز می‌پردازیم که نتیجه پیش‌بینی در این فصل حاکی از رشد ۱۱.۷۲ معادل قیمت ۱۴۵۹۵۱۳۸.۴۹ برای سکه طلا نسبت به فصل پاییز می‌باشد.

منابع

- احمدی، سعید علی؛ احمدلو، مجید (۱۳۹۰)، پیش‌بینی قیمت قراردادهای آتی سکه طلا با استفاده از مدل آریما در بورس کالای ایران، مجله دانش مالی تحلیل اوراق بهادر، شماره نهم، صص: ۷۴-۶۱.
- امیر حسینی، زهرا؛ داورینه، عاطفه (۱۳۹۴)، طراحی الگوی جهت پیش‌بینی قیمت طلا، با استفاده از الگوریتم پرواز پرندگان و الگوریتم ژنتیک و ارائه الگوریتم ترکیبی، مجله مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادر، شماره ۲۶، صص: ۸۳-۵۹.
- آرمن، سید عزیز؛ رئوفی، علی (۱۳۹۲)، ارزیابی پیش‌بینی‌پذیری قیمت طلا و مقایسه پیش‌بینی روش‌های خطی و غیر خطی، فصلنامه پژوهش‌های اقتصادی کاربردی، سال اول، شماره سوم، صص: ۱-۲۴.
- بیات، محبوبه و نوفrstی، محمد (۱۳۹۴)، اقتصاد سنجی کاربردی سری‌های زمانی: الگوهای ترکیبی با تواتر متفاوت، تهران، نشر نور علم، چاپ اول.
- بیجاری، مهدی؛ خاشعی، مهدی (۱۳۸۷)، بهبود عملکرد پیش‌بینی‌های مالی با ترکیب مدل‌های خطی و غیرخطی خودرگرسیون میانگین متحرک انباشته و شبکه‌های عصبی مصنوعی، پژوهش‌های اقتصادی (رشد و توسعه پایدار)، شماره ۲۷، صص: ۸۳-۱۰۰.
- جعفرزاده نجار، مرتضی؛ صباحی، احمد (۱۳۹۴)، عوامل موثر بر قیمت طلا در ایران، دو فصلنامه اقتصاد پولی و مالی، شماره ۱۱، بهار و تابستان ۱۳۹۵، صص: ۸۳-۹۹.
- دلاوری، مجید؛ رحمتی، زینب (۱۳۸۹)، بررسی عوامل موثر بر تغییرپذیری قیمت سکه در ایران با استفاده از مدل‌های آرج، مجله دانش و توسعه، سال هفدهم، شماره ۳۰، صص: ۵۱-۶۸.
- دلاوری، مجید؛ روشنی بروجنی، نفیسه (۱۳۹۱)، بررسی عوامل موثر بر تغییر پذیری قیمت‌های آتی سکه طلا، فصلنامه علوم اقتصادی، سال ششم، شماره نوزدهم، صص: ۵۸-۲۹.

قدرت پیش‌بینی الگو میداس از دو جنبه حائز اهمیت می‌باشد: یکی برآورد پیش‌بینی اولیه قیمت سکه طلا و دوم که به مراتب مهمتر می‌باشد قابلیت در بازنگری و تجدید نظر در پیش‌بینی با استفاده از انتشار داده‌های ماهانه متغیرهای پرتواتر است.

۷- نتیجه‌گیری

طلا به عنوان یک دارایی با ارزش ذاتی مورد توجه مردم و سرمایه‌گذاران در برابر نوسانات سیاسی، تورم و ... می‌باشد. مردم برای حفظ ارزش دارایی خود یا برای کسب به سود به خرید و فروش طلا می‌پردازند به همین منظور پیش‌بینی این فلز گرانبهای مورد توجه زیادی قرار گرفته است. با توجه به اینکه داده‌های با تواتر پایین متغیرهای (سالانه و فصلی) با وقفه نسبتاً طولانی نسبت به داده‌های با تواتر بالای ماهانه انتشار می‌یابد، جهت پیش‌بینی زودتر، دقیق‌تر و تجدید نظر در پیش‌بینی بر آن شدیم که در این پژوهش به پیش‌بینی قیمت سکه طلا (طرح قدیم) فصلی با استفاده از روش رگرسیون داده‌ها با تواتر مختلف بپردازیم. در این رگرسیون از داده‌های ماهانه نرخ ارز، شاخص کل بورس، قیمت اونس طلای جهانی و دو متغیر مجازی $d1$ مربوط به نوسانات سیاسی و هیجانات بازار و متغیر $d3$ فصلی مربوط به فصل تابستان به عنوان مهمترین متغیرهای تاثیرگذار بر سکه طلا استفاده کردیم. محدوده مورد مطالعه از فصل سوم ۱۳۷۶ تا فصل سوم ۱۳۹۶ می‌باشد که در ابتدا اطلاعات مربوط به فصل سوم ۱۳۹۶ در برآورد رابطه مورد استفاده قرار نگرفته است. تا قدرت پیش‌بینی مدل خارج از محدوده الگو مورد آزمایش قرار گیرد. نتایج برای این پیش‌بینی رشد ۸،۹۸ معادل قیمت ۱۳۰۲۷۸۲۶،۸۶ را برای فصل سوم ۱۳۹۶ نسبت به قبل پیش‌بینی کرده است که مقایسه قیمت واقعی سکه طلا ۱۳۰۶۳۳۲۲،۳۳ در این فصل حاکی دقت بالای پیش‌بینی دارد. وجه تمایز و مهمتر رگرسیون الگوی با انتشار اطلاعات ماهانه در این می‌باشد که در این الگو با انتشار اطلاعات ماهانه متغیرهای پرتواتر و اضافه کردن این داده‌ها به مدل و برآورد مدل مجدد به بازبینی و اطلاع پیش‌بینی خواهد شد. با وارد کردن اطلاعات برای گام اول تا ماه مهر و پیش‌بینی مجدد الگو رشد ۹،۱۳ را که معادل قیمت ۱۳۰۴۵۴۶۷،۶۲ را نشان می‌دهد، در گام دوم با وارد کردن داده‌های آیان رشد ۹،۲۳ که معادل قیمت ۱۳۰۵۸۴۸۳.۹۷ را بیان می‌کند در گام سوم با وارد کردن داده‌های آذر ماه رشد ۹،۳۰ که معادل قیمت ۱۳۰۶۵۸۸۹،۸۳ را نشان می‌دهد. می‌توان دید که با

- Ghysels, E., Santa-Clara, P., & Valkanov, R.(2004).The MIDAS touch: Mixed data sampling regression models.working Paper,UCLA and UNC.
- Ghysels, E., Santa-Clara, P., & Valkanov, R.(2006).Predicting volatility: getting the most out of return data sampled at different frequencies.Journal of Econometrics, 131(1-2), 59-95.
- Klein, L., & Sojo, E.(1989).Combinations of high and low frequency data in macroeconomic models.In Economics in theory and practice: An eclectic approach (pp.3-16): Springer.
- Kristjanpoller, W., & Minutolo, M.C.(2015).Gold price volatility: A forecasting approach using the Artificial Neural Network–GARCH model.Expert Systems with Applications, 42(20), 7245-7251.
- Lee, W.-C., & Lin, H.-N.(2010).The dynamic relationship between gold and silver futures markets based on copula-AR-GJR-GARCH model.Middle Eastern Finance Economics,(7),118-129.
- Lin, J.(۲۰۱۰).Empirical study of Gold price Based on ARIMA and GARCH Models.Stockholm's Universities.
- Mensi, W., Beljid, M., Boubaker, A., & Managi, S.(2013).Correlations and volatility spillovers across commodity and stock markets: Linking energies, food and gold.Economic Modelling, 32, 15-22.
- Parisi, A., Parisi, F., & Díaz, D.(2008).Forecasting gold price changes: Rolling and recursive neural network models.Journal of Multinational financial management, 18(5), 477-487.
- Pierdzioch, C., Risso, M & Rohloff, S.(2015).A real-time quantile-regression approach to forecasting gold returns under asymmetric loss.Resources Policy, 45, 299-306.
- Tripathy, N.(2017).Forecasting Gold Price with Auto Regressive Integrated Moving Average Model.International Journal of Economics Financial Issues, 7. (۴)
- Zhu, Y., Fan, J., & Tucker, J.(2018).The impact of monetary policy on gold price dynamics.Research in International Business Finance Research Letters, 44, 319-331.
- سرافراز، لیلا؛ افسر، امیر، امیر (۱۳۸۴)، بررسی عوامل موثر بر قیمت طلا و ارائه مدل پیش بینی بر مبنای شبکه های عصبی فازی، فصلنامه پژوهش های اقتصادی، شماره ۱۶، صص: ۱۴۹-۱۶۵.
- صدی، سعید؛ نظیفی، نایینی (۱۳۹۲)، تحلیل عوامل موثر بر نوسان های قیمت طلا با استفاده از مدل های رگرسیون سوئیچینگ مارکوف و شبکه عصبی، دوفصلنامه اقتصاد بولی و مالی، سال ۲۰، شماره ۶ صص: ۱۲۱-۱۴۶.
- معمار نژاد، عیاس؛ فرمان آراء، وحید (۱۳۹۰)، پیش بینی قیمت سکه طلا در بورس کالای ایران با رویکرد شبکه عصبی GMDH، فصلنامه اقتصاد کاربردی، سال دوم، شماره ششم، صص: ۴۸-۲۷.
- Alessi, L., Ghysels, E., Onorante, L., Peach, R., & Potter, S.(2014).Central bank macroeconomic forecasting during the global financial crisis: the european central bank and federal reserve bank of new york experiences.Journal of Business Economic Statistics, 32(4), 483-500.
- Aye, G., Gupta, R., Hammoudeh, S., & Kim, W.J.(2015).Forecasting the price of gold using dynamic model averaging.International Review of Financial Analysis, 41, 257-266.
- Ayele, A.W., Gabreyohannes, E., & Tesfay, Y.Y.(۲۰۱۷).Macroeconomic determinants of volatility for the gold price in Ethiopia: The Application of GARCH and EWMA Volatility models.Global Business Review, 18(2), 308-326.
- Batten, J.A., Ciner, C., & Lucey, B.M.(2010).The macroeconomic determinants of volatility in precious metals markets.Resources Policy, 35(2), 65-71.
- Bentes, S.R.(2015).Forecasting volatility in gold returns under the GARCH, IGARCH and FIGARCH frameworks: New evidence.Physica A: Statistical Mechanics its Applications, 438, 355-364.
- Dhar, V., & Chou, D.(2001).A comparison of nonlinear methods for predicting earnings surprises and returns.IEEE Transactions on Neural networks, 12(4), 907-921.
- Elder, J., Miao, H., & Ramchander, S.(2012).Impact of macroeconomic news on metal futures.Journal of banking finance Research Letters, 36(1), 51-65.
- Fang, L., Yu, H., & Xiao, W.(2018).Forecasting gold futures market volatility using macroeconomic variables in the United States.Economic Modelling, 72, 249-259.
- Gangopadhyay, K., Jangir, A., & Sensarma, R.(2016).Forecasting the price of gold: An error correction approach.IIMB management review, 28(1), 6-12.

یادداشت‌ها

¹ Lee & Lin

² Gangopadhyay et al

³ .zhu et al

⁴ Batten et al

⁵ Elder et al

^۶ Mensi *et al*

^۷ Dhar, V. & chou, D

^۸ Klein & Sojo

^۹ Ghysels, E., Santa-clara, P., and Valkanov, R.

^{۱۰} Ghysels, E., Sinko, A., and Valkanov, R.

^{۱۱} Tau

^{۱۲} Almon lag polynomial specification

^{۱۳} normalized exponential Almon lag polynomial

^{۱۴} Root Mean Square Predict Error

^{۱۵} Tripathy

^{۱۶} Ayele

^{۱۷} Fang *et al*

^{۱۹} Aye *et al*

^{۲۰} Bentes

^{۲۱} Kristjanpoller *et al*

^{۲۲} Pierdzioch *et al*

^{۲۳} Lin

^{۲۴} Ghysels, E., VKvedaras and VZemlys