



Development of a Force-Based Pushover Analysis Method

Milad Farajnia

Department of Civil Engineering, Ta.C., Islamic Azad University, Tabriz, Iran
seyyed Arash Mousavi Ghasemi *

Department of Civil Engineering, Ta.C., Islamic Azad University, Tabriz, Iran
Reza Goli Ejlali

Department of Civil Engineering, Ta.C., Islamic Azad University, Tabriz, Iran
Adel Ferdousi

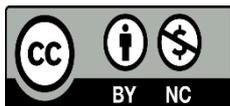
Department of Civil Engineering, Ta.C., Islamic Azad University, Tabriz, Iran
Amousavi2000@iau.ac.ir

Keywords:

Pushover analysis,
steel structure,
non-adaptive,
time-history analysis

Abstract

Nonlinear static pushover analysis is regarded as one of the effective tools for evaluating the seismic performance of structures. However, with increasing structural height, the accuracy of this method decreases considerably due to its inability to account for the influence of higher vibration modes and inelastic phenomena such as amplified lateral displacements. The primary objective of this study is to enhance the force-based pushover method in a way that provides dynamically accurate responses while retaining the simplicity of static computational procedures. Accordingly, the performance of the proposed force-based method is quantitatively evaluated and compared with common adaptive and non-adaptive pushover approaches. The estimated seismic demands are validated against the results of rigorous nonlinear time-history analyses (NLTHA) under a set of selected earthquake records. For the three-story frame, the non-adaptive methods with an inverted triangular load pattern demonstrated fully satisfactory performance, with an average error of less than 10% in predicting the maximum inter-story drift ratio compared to NLTHA. In contrast, for the 9- and 20-story frames, neglecting the contribution of higher modes in traditional methods led to a significant reduction in accuracy, resulting in errors of approximately 35–50% in estimating the upper-story bending moments and shear forces. The proposed force-based method was able to substantially reduce these inaccuracies in high-rise structures, lowering the average error to less than 15% relative to the NLTHA results.



This work is licensed under a [Creative Commons Attribution-NonCommercial 4.0 International License](https://creativecommons.org/licenses/by-nc/4.0/)

این نشریه تحت قانون بین‌المللی کپی‌رایت Creative Commons: BY-NC است.

* Corresponding Author

توسعه روش تحلیل پوش‌آور مبتنی بر نیرو

میلاذ فرج‌نیا

گروه عمران، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران

سید آرش موسوی*

گروه عمران، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران

رضا قلی اجلالی

گروه عمران، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران

عادل فردوسی

گروه عمران، واحد تبریز، دانشگاه آزاد اسلامی، تبریز، ایران

Amousavi2000@iau.ac.ir

تاریخ پذیرش: ۰۲ اسفند ۱۴۰۴

تاریخ دریافت: ۲۲ آذر ۱۴۰۴

چکیده

تحلیل پوش‌آور استاتیکی غیرخطی (Pushover Analysis) یکی از ابزارهای مؤثر در ارزیابی عملکرد لرزه‌ای سازه‌ها محسوب می‌شود. با این حال، با افزایش ارتفاع سازه، دقت این روش به دلیل ناتوانی در لحاظ نمودن اثر مودهای بالاتر ارتعاشی و پدیده‌های غیرارتجاعی نظیر تغییر مکان‌های جانبی افزایشی، به طور قابل ملاحظه‌ای کاهش می‌یابد. هدف اصلی این پژوهش، بهبود روش پوش‌آور لرزه‌ای مبتنی بر رویکرد نیرویی است، به گونه‌ای که بتواند پاسخی بادقت دینامیکی بالا و درعین حال با سادگی محاسبات استاتیکی ارائه دهد. در این راستا، عملکرد روش نیرویی توسعه‌یافته به صورت کمی و مقایسه‌ای با روش‌های تطبیقی و غیرتطبیقی متداول ارزیابی گردید. نتایج حاصل از تخمین تقاضای لرزه‌ای، با نتایج تحلیل تاریخچه زمانی غیرخطی دقیق (NLTHA) تحت مجموعه‌ای از رکوردهای انتخابی زلزله، اعتبارسنجی شدند. برای قاب سه‌طبقه، روش‌های غیرتطبیقی با الگوی بار مثلثی وارونه عملکردی کاملاً رضایت‌بخش از خود نشان دادند؛ به گونه‌ای که خطای متوسط در برآورد حداکثر دررفت نسبی طبقات در مقایسه با NLTHA کمتر از ۱۰٪ بود. در مقابل، در قاب‌های ۹ و ۲۰ طبقه، عدم لحاظ سهم مودهای بالاتر در روش‌های سنتی منجر به کاهش چشمگیر دقت نتایج شد؛ به طوری که خطای برآورد لنگرهای خمشی در طبقات فوقانی و نیروهای برشی بین ۳۵ تا ۵۰ درصد مشاهده گردید. روش نیرویی پیشنهادی توانست میزان این خطا را در سازه‌های بلندمرتبه به طور قابل توجهی کاهش داده و میانگین خطا را به کمتر از ۱۵٪ نسبت به نتایج NLTHA برساند.

کلیدواژگان: تحلیل پوش‌آور، سازه فولادی، غیرتطبیقی، تحلیل تاریخچه زمانی

۱- مقدمه

تخمین پاسخ‌های جابجایی (Displacement Response) افزایش دادند. با این وجود، تمرکز عمده این روش‌های تطبیقی پیشرفته بر روی پاسخ‌های جابجایی بوده است و تخمین دقیق پاسخ‌های نیرویی (Force Response) مانند لنگرهای خمشی و برش‌های ایجاد شده در اعضای سازه، که مستقیماً برای طراحی و ارزیابی مقاطع بحرانی حیاتی هستند، همچنان نیازمند بهبود است. بنابراین، شکاف پژوهشی در زمینه توسعه یک روش کارآمد وجود دارد که بتواند دقت بالای روش‌های دینامیکی تاریخچه زمانی غیرخطی را با سادگی محاسباتی روش‌های استاتیکی غیرخطی ترکیب کند، درحالی‌که تمرکز خود را بر تخمین دقیق پاسخ‌های نیرویی اعضای سازه قرار دهد. به طور خاص، یک الگوی بارگذاری که بتواند اثرات هم‌زمان مودهای بالاتر و پدیده‌هایی همچون پیچش (Torsion) ناشی از رفتار غیرخطی را در ساختمان‌های بلند و نامنظم لحاظ کند، می‌تواند ابزار بسیار ارزشمندی برای مهندسان سازه باشد.

در پاسخ به این چالش‌ها، پژوهش حاضر باهدف بهبود تحلیل پوش‌آور لرزه‌ای، یک چارچوب تحلیلی پیشرفته را بر اساس رویکرد نیرویی (Force-Based Pushover) توسعه داده و اعتبارسنجی می‌کند. نوآوری اصلی این تحقیق در ارائه یک الگوی بارگذاری چند مودی مبتنی بر نیرو است که با ترکیب ضرایب مشارکت مودی و روش‌های تحلیل پوش‌آور گوناگون، دقت تخمین پاسخ‌های نیرویی را به طور چشمگیری به نتایج تحلیل دینامیکی نزدیک می‌سازد.

هدف کلی این مقاله، ارائه و اعتبارسنجی الگوی بارگذاری و روش تحلیلی ارتقایافته است تا بتواند پاسخ‌های لرزه‌ای سازه را با کمترین زمان و پیچیدگی، نسبت به تحلیل‌های پیچیده، تخمین بزند. در بخش‌هایی بعدی مقاله، ابتدا مبانی نظری روش‌های پوش‌آور و رویکرد نیرویی معرفی شده تشریح می‌شود. سپس، جزئیات الگوریتم روش پیشنهادی و الگوی بارگذاری توسعه‌یافته ارائه می‌گردد. در ادامه، نتایج حاصل از اعمال این روش بر روی سازه‌های نمونه مورد بررسی و تحلیل قرار می‌گیرد و در نهایت، نتایج با تحلیل دینامیکی غیرخطی تاریخچه زمانی مقایسه می‌شوند تا کارایی و دقت روش بهبودیافته اثبات گردد.

۲- مشخصات ساختمان‌های نمونه مورد تحقیق

سه قاب خمشی فولادی با تعداد طبقات ۳، ۹ و ۲۰ طبقه که از پروژه SAC [۱۰] اقتباس شده‌اند، بعنوان مدل‌های مرجع در این تحقیق انتخاب گردیده‌اند. این قاب‌ها نمایانگر انواع متداول سازه‌های کوتاه، متوسط و بلند مرتبه فولادی در نواحی با خطر لرزه‌ای بالا هستند. موقعیت مکانی انتخاب شده در طراحی این ساختمان شهر لس آنجلس ایالت کالیفرنیا بوده است که از نظر لرزه خیزی در رده مناطق با شدت خیلی زیاد می‌باشد. ساختمان سه طبقه دارای ابعاد ۳۶/۵۸ در ۵۴/۸۷ متر در پلان و ۱۱/۸۹

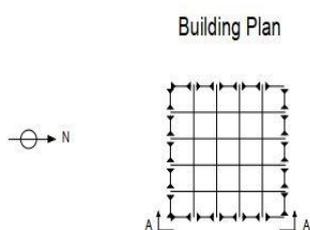
ایمینی و کارایی سازه‌ها در برابر پدیده‌های طبیعی مخرب، به ویژه زلزله‌های شدید، همواره یکی از اساسی‌ترین دغدغه‌های مهندسی سازه بوده است. ارزیابی عملکرد لرزه‌ای (Seismic Performance Assessment) برای پیشگیری از آسیب‌های گسترده و فروپاشی‌های احتمالی امری حیاتی است. در این میان، تحلیل پوش‌آور (Pushover Analysis) به عنوان یک ابزار قدرتمند، ساده و پرکاربرد در مهندسی لرزه‌ای، به منظور ارزیابی ظرفیت سازه تحت بارگذاری‌های استاتیکی افزایشی شناخته می‌شود. این روش، مبنای اصلی آیین‌نامه‌های ارزیابی لرزه‌ای مانند ASCE/SEI 41-17 [۱] بوده و به مهندسان کمک می‌کند تا نقاط ضعف و مراحل آسیب‌پذیری سازه را پیش‌بینی کنند. روش‌های اولیه و متداول تحلیل پوش‌آور از یک توزیع بار جانبی ثابت استفاده می‌کنند که معمولاً بر اساس فرض حاکمیت مود اول ارتعاش سازه بنا شده‌اند. در حالی‌که، تحقیقات صورت گرفته توسط محققانی همچون Chopra، نشان داد که این رویکرد در ساختمان‌های بلند، نامنظم یا دارای توزیع غیریکنواخت سختی، که اثر مودهای بالاتر ارتعاش در پاسخ دینامیکی سازه قابل توجه است، دچار خطای چشمگیری می‌شود [۲]. در مطالعات انجام شده هدف، پیشنهاد و ارائه روش پوش‌آوری بوده است که بتواند شبیه سازی دقیق تری از رفتار سازه داشته باشد. بدین منظور روش‌های گوناگونی معرفی شده اند که از اولین روش‌ها می‌توان به روش N2 [۳] اشاره نمود. در مطالعه ای که بر روی عملکرد لرزه‌ای ساختمان‌ها انجام شد نشان داده شد که در تحلیل‌های پوش‌آور نیاز به در نظر گرفتن اثر مودهای بالاتر وجود دارد [۴]. در ادامه بمنظور بهبود بخشیدن به عملکرد تحلیل پوش‌آور، روشی برای تحلیل پوش‌آور مبتنی بر نیرو پیشنهاد شد که بتواند اثرات مودهای بالاتر را در سازه‌ها در نظر بگیرد. در این روش با استفاده از شبیه سازی‌های عددی نشان داده شد که در ساختمان‌های بلند، پیچش طبقات نقش حیاتی در پیش‌بینی دقیق پاسخ‌های لرزه‌ای دارد و مدل‌های معمول قادر به لحاظ کردن این اثرات نیستند [۵]. در سال‌های بعد با استفاده از روش‌های بهینه سازی اقدام به توسعه و بهبود بخشیدن به تحلیل پوش‌آور شد [۶]. تحقیقات بیشتر نشان دادند که روش‌های اولیه پوش‌آور قابلیت استفاده در ساختمان‌های میان مرتبه و بلند مرتبه را ندارند، بنابراین، در پاسخ به این نارسایی، تحقیقات گسترده‌ای بر روی روش‌های پوش‌آور تطبیقی و غیر تطبیقی متمرکز شدند. این روش‌ها، الگوی بار جانبی را بر اساس خواص مدل و سختی‌های لحظه‌ای سازه در طول فرآیند بارگذاری غیرخطی به‌روزرسانی می‌کنند. به عنوان مثال، روش‌هایی توسط محققان توسعه یافت که بار جانبی را متناسب با پاسخ مودال سازه به‌نگام می‌سازند [۷]، [۸] و [۹]. این روش‌های تطبیقی به طور قابل توجهی دقت ارزیابی را به ویژه در

۱-۲- مصالح

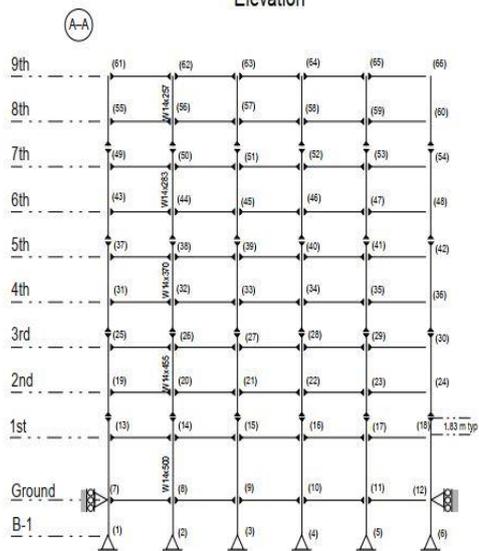
تنش تسلیم مصالح فولاد در ستون‌ها برابر با $F_y = 345 \text{ MPa}$ و برای تیرها برابر با $F_y = 248 \text{ MPa}$ در نظر گرفته شده است. مدول الاستیسیته فولاد برابر با $E_s = 200 \text{ GPa}$ است.

نسبت پواسون: $\nu = 0.3$

کرنش نهایی فولاد: $\epsilon = 0.15$



Elevation

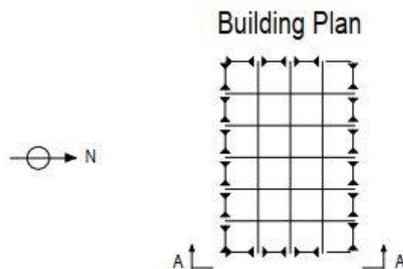


شکل ۲- پلان و مقطع سازه ۹ طبقه [۱۰]

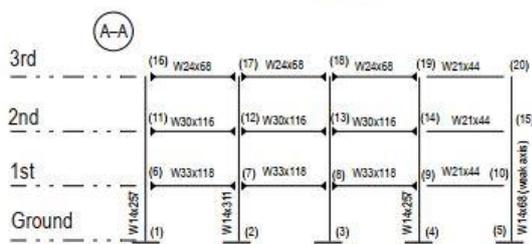
۲-۲- مدلسازی و رفتار غیر خطی

مدلسازی از مهم‌ترین مراحل انجام یک تحقیق است. بدین منظور باتوجه به ابعاد و اندازه سازه‌های نمونه و همچنین نوع تحلیل‌های انجام شده از نرم‌افزار اوپنسیس به منظور مدلسازی استفاده شده است. با علم به اینکه سازه‌های نمونه فولادی هستند، برای فولاد سازه‌ای از مدل رفتاری غیرخطی دوخطی با سخت‌شوندگی کرنشی استفاده شده است. بدین منظور در نرم‌افزار اوپنسیس از مصالح فولاد Steel 02 بهره گرفته شده است. در مدلسازی مفاصل پلاستیک از روش مفصل متمرکز که با رفتار دوخطی مبتنی بر مدل زوال اصلاح شده ایبارا-کراوینکلر مدلسازی شده‌اند.

ارتفاع با سیستم قاب خمشی محیطی و قاب‌های داخلی از نوع ثقلی می‌باشد. فاصله مرکز به مرکز ستون‌ها برابر با $9/15$ متر در هر دو جهت اصلی که در جهت شمال- جنوب دارای چهار دهنه و در جهت شرق- غرب شامل شش دهنه با ابعاد دهنه‌های ذکر شده است، شکل (۱).



Elevation



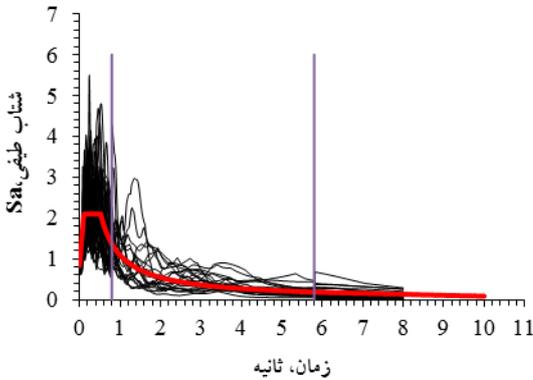
شکل ۱- پلان و مقطع سازه ۳ طبقه [۱۰]

ساختمان نه طبقه دارای ابعاد $45/73$ در $45/73$ متر در پلان و $37/19$ متر ارتفاع می‌باشد. فاصله محور به محور ستون‌ها برابر با $9/15$ متر در هر دو جهت اصلی شمال- جنوب و شرق- غرب که در هر دو دارای پنج دهنه است. مقاومت در برابر بارهای جانبی توسط سیستم قاب‌های خمشی فولادی که در هر دو جهت در محیط سازه قرار گرفته‌اند تامین شده و قاب‌های داخلی تنها نقش باربری ثقلی را دارند که از قاب‌های فولادی با اتصالات مفصلی تشکیل شده‌اند، شکل (۲).

ساختمان ۲۰ طبقه دارای ابعاد $30/48$ در $36/58$ متر در پلان و $80/77$ متر ارتفاع می‌باشد. فاصله محور به محور ستون‌ها برابر با $6/10$ متر در هر دو جهت اصلی شمال- جنوب و شرق- غرب که در جهت شمال- جنوب دارای پنج دهنه و در جهت شرق- غرب دارای ۶ دهنه است. مقاومت در برابر بارهای جانبی توسط سیستم قاب‌های خمشی فولادی که در هر دو جهت در محیط سازه قرار گرفته‌اند تامین شده و قاب‌های داخلی تنها نقش باربری ثقلی را دارند که از قاب‌های فولادی با اتصالات مفصلی تشکیل شده‌اند، شکل (۳).

۳- رکوردهای مورد استفاده

در این مقاله از مجموعه رکوردهای حوزه دور ارائه شده در FEMA P695 [۱۱] استفاده گردیده است. مجموعه رکوردهای حوزه دور شامل ۲۲ جفت مؤلفه افقی جنبش های زمین است که در ساختمان با فاصله ای بزرگتر یا معادل با ۱۰ کیلومتر از گسل قرار گرفته اند. بمنظور انجام تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی رکوردهای زلزله باید مقیاس سازی شوند. روش های گوناگونی برای مقیاس سازی رکوردها وجود دارند که در این تحقیق از روش مقیاس دامنه استاندارد ASCE 41-17 [۱] برای مقیاس کردن رکوردهای زلزله استفاده شده است. در شکل (۴)، ۴۴ مؤلفه مجموعه رکوردها و همچنین طیف پاسخ حداکثر زلزله محتمل (MCE) برای سازه ۲۰ طبقه نشان داده شده است. در این شکل خطوط قائم نمایانگر محدوده 0.2T تا 1.50T می باشد.



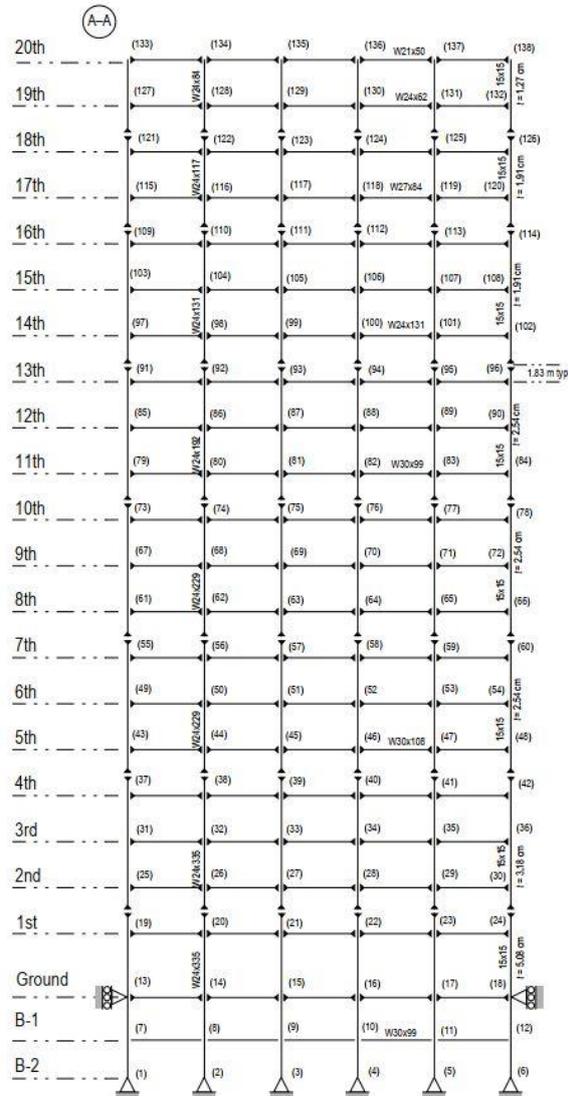
شکل ۴- طیف پاسخ مجموعه رکوردهای مقیاس شده

۴- روش انجام تحلیل

در مقاله حاضر تلاش شده است تا با تکامل روش های استاتیکی غیرخطی یا به اختصار تحلیل پوش آور معایب این روش در برآورد عملکرد سازه های مختلف مرتفع گردد؛ بنابراین، برای نیل به این هدف نتایج روش پیشنهادی با نتایج تحلیل دینامیکی غیرخطی مقایسه و نتایج ارائه شده اند. یکی از مهم ترین پارامترها در تحلیل پوش آور تعیین تغییر مکان هدف است. تعیین دقیق تغییر مکان هدف حیاتی است، چرا که مبنای اصلی قضاوت مهندسی در مورد کفایت مقاومت و شکل پذیری سازه در برابر زلزله های آتی است. اگر تغییر مکان هدف به درستی محاسبه نشود، ممکن است ارزیابی عملکرد سازه به خطا رفته و تصمیمات نادرستی در خصوص نیاز به بهسازی یا میزان آن اتخاذ گردد. تغییر مکان هدف با استفاده از روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] محاسبه و بدست آمده اند.

۴-۱- تحلیل پوش آور

برای در نظر گرفتن اثر موده های بالا در تحلیل های پوش آور در برخی روش های ارتقایافته مانند تحلیل پوش آور مودی (MPA) و مودی اصلاح شده (MMPA) اثر موده های مختلف به صورت مستقل فرض شده است و نتایج به صورت ترکیبی از نتایج این مودها حاصل شده اند. در این تحقیق نیز از تحلیل پوش آور چند مودی منها با رویکردی جدید استفاده خواهد شد. در تحلیل پوش آور تطبیقی مودی، در هر مرحله از تحلیل بارگذاری جانبی وارد بر سازه با توجه به سختی و شکل مود سازه بهنگام شده و این بهنگام سازی بارگذاری تا رسیدن به تغییر مکان هدف ادامه خواهد داشت؛ بنابراین، این روش یک راه غلبه بر محدودیت های تحلیل پوش آور متداول که بر اساس مود غالب اول بوده اند است. با این وجود این روش با توجه به هزینه محاسباتی بالا و زمان بالای تحلیل و همچنین امکان واگرایی در حین تحلیل کاربرد آن را



شکل ۳- مقطع ارتفاعی سازه ۲۰ طبقه [۱۰]

$$F_3 = f_1 + f_2 = \alpha_1 m \phi_1 S_{a1}(T_1, \zeta_1) + \alpha_2 m \phi_2 S_{a2}(T_2, \zeta_2) + \alpha_3 m \phi_3 S_{a3}(T_3, \zeta_3) \quad (5)$$

در این روش اثر موده‌های بالا و نیز اثر محتوای فرکانس طیف پاسخ زلزله در الگوی بار جانبی در نظر گرفته خواهد شد. روند تعیین الگوی ارتجاعی در تحلیل پوش‌آور، ارائه روش تحلیل پوش‌آور چند مودی است؛ بنابراین، ابتدا می‌بایست یک تحلیل مقدار ویژه برای تعیین شکل مودی ارتعاشی سازه انجام شود سپس نیروی مودی طبقات با استفاده از الگوی بارگذاری بالا برای انجام تحلیل پوش‌آور به دست بیایند.

۴-۲- تحلیل تاریخیچه زمانی غیر خطی

در این مقاله از نتایج تحلیل تاریخیچه زمانی غیرخطی به‌عنوان مرجع مقایسه نتایج بهره گرفته شده است؛ بنابراین، پس از مقیاس‌سازی مجموعه ۴۴ مولفه افقی رکوردها، تحلیل تاریخیچه زمانی بر روی سازه‌های نمونه انجام و میانگین نتایج بدست آمده برای هر طبقه به‌عنوان نتیجه نهایی ارائه شده است.

۵- نتایج

در این بخش نتایج مربوط به روش پوش‌آور پیشنهادی و سایر روش‌های پوش‌آور ارائه و با نتایج تحلیل تاریخیچه زمانی به‌عنوان مرجع، مقایسه و مورد بحث قرار گرفته‌اند. سازه‌های نمونه شامل سه سازه ۳، ۹ و ۲۰ طبقه هستند که بترتیب نمایانگر سازه‌های کوتاه، میان و بلند مرتبه می‌باشند. نتایج بترتیب برای هر یک از سازه‌ها که شامل تغییر مکان هدف، دریافت نسبی طبقات و لنگر خمشی ایجاد شده در تیرها و ستون‌ها است ارائه شده‌اند.

در جدول (۱) نتایج مربوط به محاسبه تغییر مکان هدف برای سازه‌های نمونه با استفاده از روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] نشان داده شده است که تغییر مکان‌های هدف محاسبه شده مبنای استخراج دریافت‌ها و لنگرهای خمشی در تحلیل‌های پوش‌آور بوده‌اند.

برای سازه‌های با پیچیدگی و طبقات زیاد با مشکل مواجه می‌کند. از آنجایی‌که بارگذاری خارجی در معادله دینامیکی حرکت می‌تواند به‌صورت تابعی از زمان و تابعی از توزیع مکان نیروهای مؤثر زلزله در ارتفاع ساختمان باشد که این نیز می‌تواند به‌صورت توزیع نیروهای اینرسی مودی توسعه داده شود، و همچنین مناسب‌ترین روش اعمال بارگذاری زلزله در یک تحلیل استاتیکی لرزه‌ای به‌کارگیری طیف پاسخ زلزله است، بنابراین توزیع نیروی جانبی مودی در یک تحلیل پوش‌آور می‌تواند به‌صورت رابطه (۱) در نظر گرفته شود:

$$f_n = \Gamma_n m \phi_n S_a(T_n, \zeta_n) \quad (1)$$

طبق تحقیقات گذشته ضریب وزنی S_a (شبه شتابی است که تابعی از زمان تناوب ارتعاش T_n و نسبت میرایی ζ_n مود n است بیان می‌شود) برای در نظر گرفتن اثر محتوای فرکانس زلزله در پاسخ سازه در رابطه فوق وارد شده است که با در نظر گرفتن این پارامتر در محاسبه نیروهای جانبی می‌توان اثر مودها را لحاظ نموده و در نتیجه امید داشت نتایج تحلیل پوش‌آور را بهبود بخشد. در تحقیق حاضر از یک توزیع نیروی جانبی مودی نوین به‌منظور توزیع نیروی جانبی مود n ام بهره برده شده است که بر اساس آن توزیع نیرو به ضریبی از نسبت مشارکت جرم مؤثر مودی که توسعه داده شده روابط پیشین است و جایگزین ضریب مشارکت مودی در رابطه (۱) شده است، استفاده شده است. در نتیجه توزیع نیروی جانبی برای مود n ام از رابطه (۲) حاصل می‌شود

$$F_n = \alpha_n m \phi_n S_a(T_n, \zeta_n) \quad (2)$$

از آنجاکه ضریب نسبت مشارکت جرم مودی برای همه مودها برابر واحد است، انتظار می‌رود این نسبت بهتر بتواند مشارکت هر مود در توزیع نیروی جانبی را نشان بدهد. در تحقیقات گذشته برای ترکیب نیروهای مودی و محاسبه یک الگوی بارگذاری ثابت از قواعد ترکیب مودی مربعی مانند قاعده (SRSS) استفاده شده است. محدودیت اصلی استفاده از این قواعد آن است که اثر تغییر علامت نیرو در موده‌های بالا در الگوی بار اعمالی منعکس نمی‌شود. در پژوهش حاضر قاعده جمع جبری برای ترکیب نیروهای مودی مورد استفاده قرار گرفته است که جمع جبری برای ترکیب نیروهای مودی و ایجاد یک الگوی بارگذاری برای انجام تحلیل پوش‌آور بکار گرفته شده است، بنابراین برای محاسبه نیروهای جانبی طبقات از رابطه‌های پیشنهادی (۳) تا (۵) استفاده نموده‌ایم:

$$F_k = \sum_{i=1}^N f_i = \sum_{i=1}^N \alpha_i m \phi_i S_{ai}(T_i, \zeta_i) \quad (3)$$

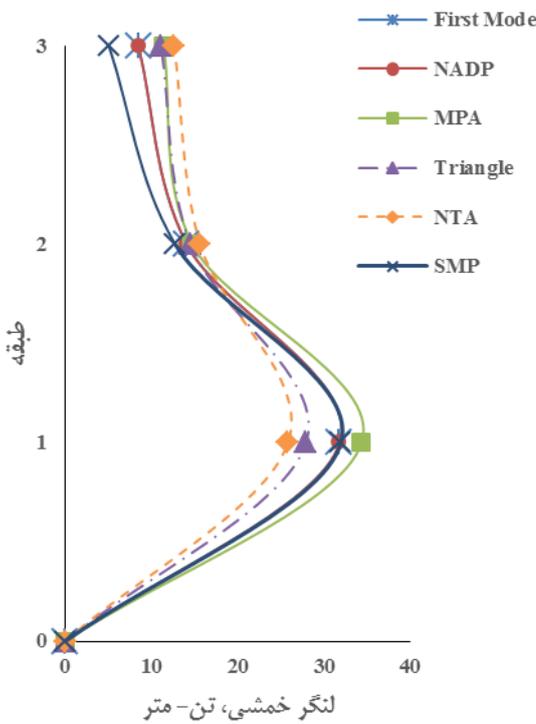
$$(4)$$

$$F_2 = f_1 + f_2 = \alpha_1 m \phi_1 S_{a1}(T_1, \zeta_1) + \alpha_2 m \phi_2 S_{a2}(T_2, \zeta_2)$$

جدول ۱- نتایج تغییر مکان هدف سازه های نمونه

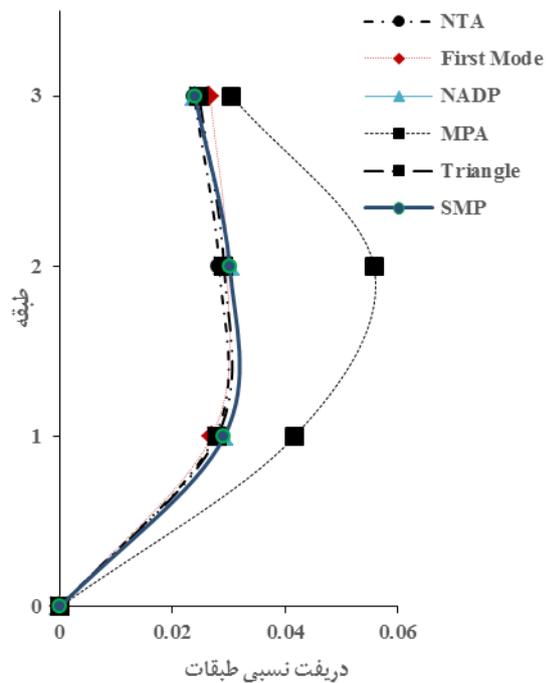
سازه	T_e (sec)	C_0	C_1	C_2	S_a	δ_t (cm)
۳	T_1	۱/۰۱	۱/۲	۱	۱/۰۸۴	۳۲/۹۷
۹	T_1	۲/۲۵۷	۱/۲۸	۱	۰/۴۸۵	۷۸/۵۶
	T_2	۰/۸۸۲	۱/۴۸	۱/۱	۱/۱۹۱	۳۷/۴۷
	T_3	۰/۵۳	۱/۴۸	۱/۵	۲/۰۷	۳۳/۳۵
۲۰	T_1	۳/۸۳۱	۱/۳	۱	۰/۲۸۶	۱۳۵/۵۶
	T_2	۱/۳۵۶	۱/۵	۱	۰/۸۰۸	۵۵/۳۶
	T_3	۰/۷۹۸	۱/۵	۱/۱۳	۱/۳۷۲	۳۶/۷۹

بادقت در نتایج ارائه شده در شکل (۵) مشاهده می شود زمانی که محاسبات براساس تغییر مکان هدف بدست آمده از روش ASCE 41-17 [۷] انجام شود، نتایج بدست آمده برای دررفت نسبی طبقات با نتایج حاصل از تحلیل تاریخیچه زمانی غیر خطی در مطابقت خوبی خواهند بود. بنابراین، باتوجه به اینکه یکی از اهداف تحقیق معرفی روش پوش اوری ساده و سریع بوده است، روش پوش اور براساس الگوی بارگذاری مثلث وارونه پیشنهاد می شود. در نتیجه، باتوجه به حجم محاسباتی کمتر روش الگوی مثلث وارونه نسبت به سایر روش ها که خود این روش یکی از روش های پیشنهادی برای استفاده در سازه های کوتاه مرتبه نیز بود، استفاده از این روش باتوجه به نتایج ارائه شده در شکل (۵) پیشنهاد می شود. در ادامه نتایج مربوط به لنگر خمشی بوجود آمده در یک ستون و تیر متصل به آن ارائه شده است.



شکل ۶- توزیع ارتفاعی لنگر خمشی در ستون گوشه سازه سه طبقه

در ادامه نتایج سازه نمونه سه طبقه در شکل های (۵) تا (۷) نشان داده شده اند. در شکل (۵) نتایج مربوط به دررفت نسبی طبقات سازه سه طبقه و در شکل (۶) لنگر خمشی بوجود آمده در ستون گوشه و در شکل (۷) نیز لنگر خمشی بوجود آمده در تیر متصل به این ستون نشان داده شده است.

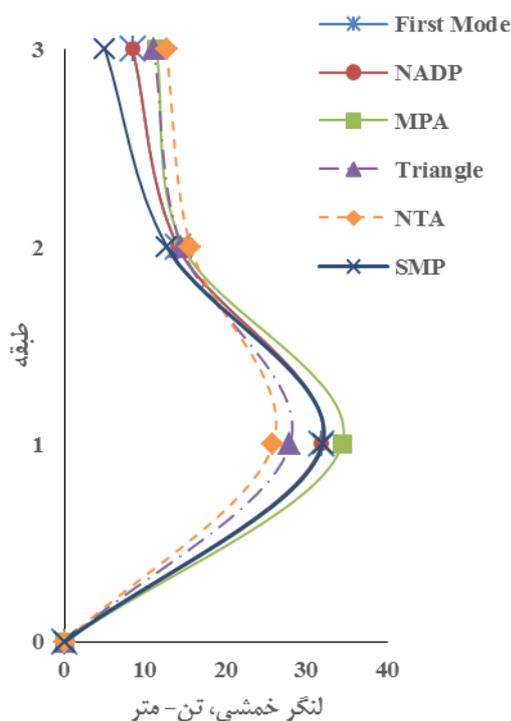


شکل ۵- نمودار دررفت نسبی طبقات سازه سه طبقه

همچنین، یک تحلیل پوش اور براساس الگوی بارگذاری مثلثی وارونه نیز انجام شده است. در نهایت از ترکیب نتایج هر دو تحلیل، روش تحلیل پوش اور پیشنهادی برای سازه های میان و بلند مرتبه معرفی شده است.

به منظور محاسبه دررفت های به وجود آمده در سازه نمونه نتایج دو تحلیل فوق الذکر با هم ترکیب شده اند. در ترکیب نتایج از روش SRSS استفاده شده است. همانند سازه ۳ طبقه نتایج دررفت ها با استفاده از تغییر مکان هدفی که براساس استاندارد ASCE 41-17 [۱] و میانگین تغییر مکان بام تحلیل تاریخچه زمانی حاصل شده است، محاسبه گردیده است. با توجه به نتایج ارائه شده در شکل (۸) مشاهده می گردد زمانی که در تحلیل پوش اور پیشنهادی (Proposed- Method- NTA) دررفت ها در تغییر مکان هدف متناظر با میانگین تغییر مکان بام حاصل از تحلیل های تاریخچه زمانی غیر خطی قرائت شوند، مقادیر این دررفت ها در مطابقت بسیار نزدیکی به دررفت های حاصل از تحلیل تاریخچه زمانی خواهند بود. ذکر این نکته ضروری است که اگر تغییر مکان هدف محاسبه شده براساس استاندارد ASCE 41-17 [۱] در عدد 0.25 ضرب گردد با تقریب بسیار خوبی نتایج به نتایج تحلیل تاریخچه زمانی نزدیک خواهد شد. همچنین در این شکل مشاهده می شود که سایر روش های پوش اور پیشنهاد شده پیشین نتوانسته اند دررفت های ایجاد شده در طبقات را به درستی محاسبه کنند و مقادیر آنها در طبقات پایین بسیار بیشتر از دررفت های ایجاد شده در نتیجه تحلیل تاریخچه زمانی بوده است.

بنابراین، به عنوان یک نتیجه می توان بیان نمود که روش پوش اور پیشنهادی زمانی که تغییر مکان هدف برابر 25% درصد تغییر مکان هدف محاسبه شده براساس روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] در نظر گرفته شود، دررفت های بوجود آمده در طبقات مختلف سازه به نتایج تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی مطابقت عالی خواهد داشت.



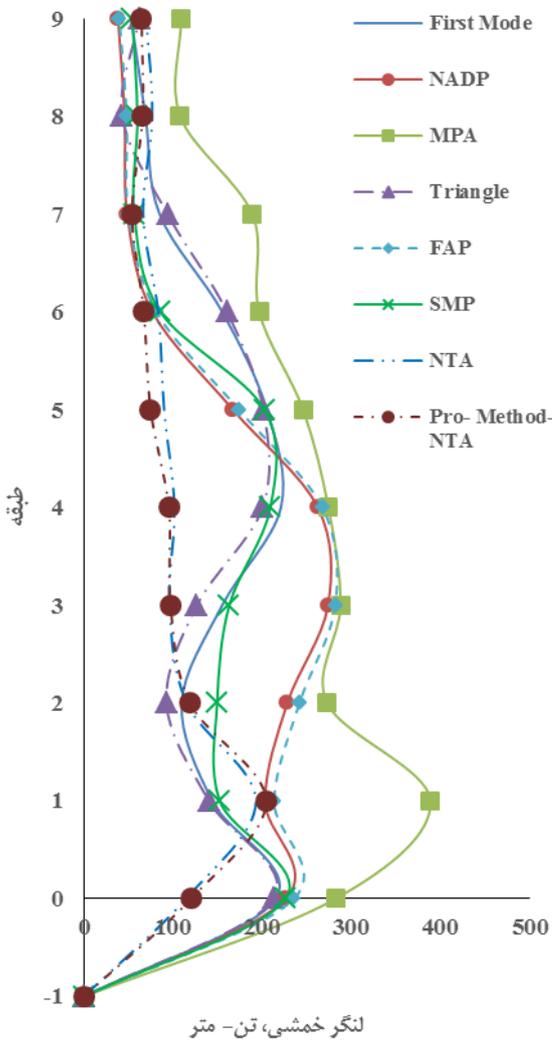
شکل ۷- نمودار توزیع ارتفاعی لنگر خمشی در تیر کناری سازه سه طبقه

با دقت در نتایج نشان داده شده در شکل های (۶) و (۷) مشاهده می گردد که نتایج تحلیل پوش اور با الگوی بارگذاری مثلثی وارونه بیشترین نزدیکی را به نتایج تحلیل دینامیکی غیر خطی دارد و توانسته است نسبت به سایر روش های تحلیل پوش اور با دقت بهتری لنگر خمشی بوجود آمده در تیرها و ستون ها را محاسبه کند. بنابراین، بعنوان نتیجه کلی می توان اینگونه بیان نمود که برای سازه های کوتاه مرتبه می توان از الگوی بارگذاری مثلث وارونه یا الگوی بارگذاری براساس مود اول سازه در تحلیل های پوش اور استفاده نمود.

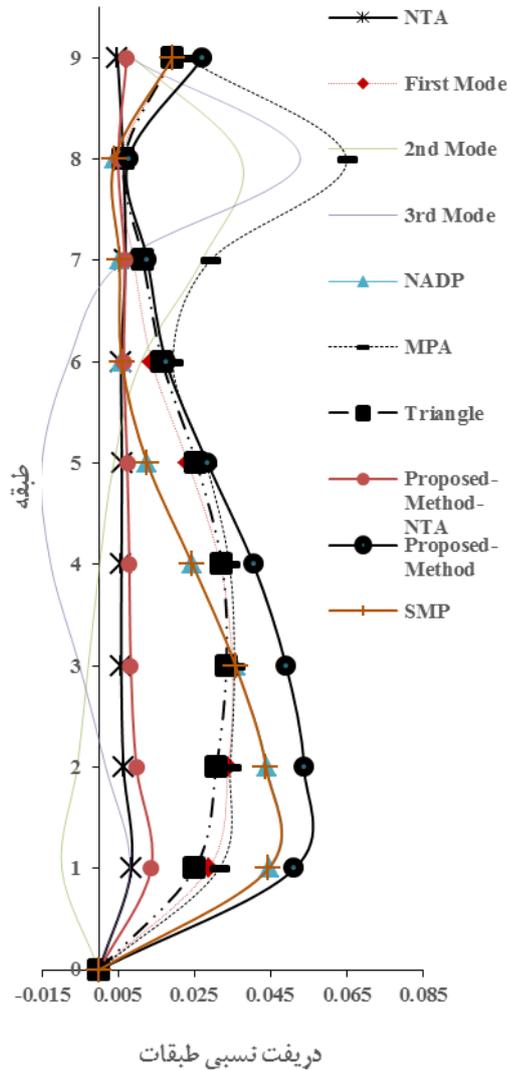
در ادامه نتایج مربوط به سازه ۹ طبقه ارائه و مورد بحث قرار گرفته است. نتایج ارائه شده برای سازه ۹ طبقه بترتیب نتایج نشان داده شده برای سازه سه طبقه آورده شده اند. در شکل (۸) نتایج مربوط به دررفت نسبی طبقات ارائه شده است. در این شکل نیز بمنظور مقایسه هر چه بیشتر نتایج، نتایج هر سه مود اول سازه و سایر روش های تحلیل پوش اور و ترکیب آنها و تحلیل پوش اور پیشنهادی و نتایج تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی نیز قابل مشاهده است. براساس روش پوش اور پیشنهاد شده در بخش پیشین برای سازه های میان و بلند مرتبه، ابتدا شکل تغییر شکل یافته سه مود اول سازه محاسبه، سپس مقادیر هر سه مود برای هر طبقه جمع جبری شده تا یک عدد برای هر طبقه حاصل شود. در ادامه اعداد بدست آمده برای هر طبقه بصورت یک الگوی بارگذاری با توجه به روابط ارائه شده به سازه اعمال شده است.

مکان هدف براساس روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] استخراج شوند و با استفاده از قاعده SRSS جمع شوند به نتایج تحلیل تاریخیچه زمانی غیر خطی نزدیک بوده و در تطابق خوبی با آن خواهند بود.

به عنوان نتیجه این بخش می توان این گونه بیان نمود در حالی که لنگرهای ایجاد شده در المان های سازه ای در هر دو روش پوش آور استفاده شده در روش پوش آور پیشنهادی، در تغییر مکانی برابر با ۲۵ درصد تغییر مکان هدف محاسبه شده با استفاده از روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] قرائت شوند مقادیر آنها با استفاده از قاعده SRSS جمع گردند، این لنگرها با مقادیر لنگرهای ایجاد شده تحت تحلیل های تاریخیچه زمانی در مطابقت خواهند بود.



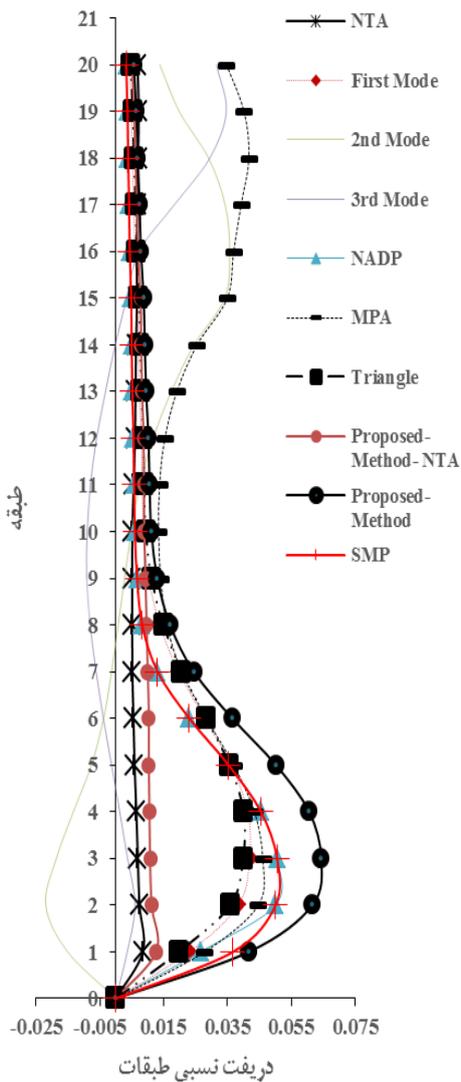
شکل ۹- نمودار توزیع ارتفاعی لنگر خمشی در ستون گوشه سازه ۹ طبقه



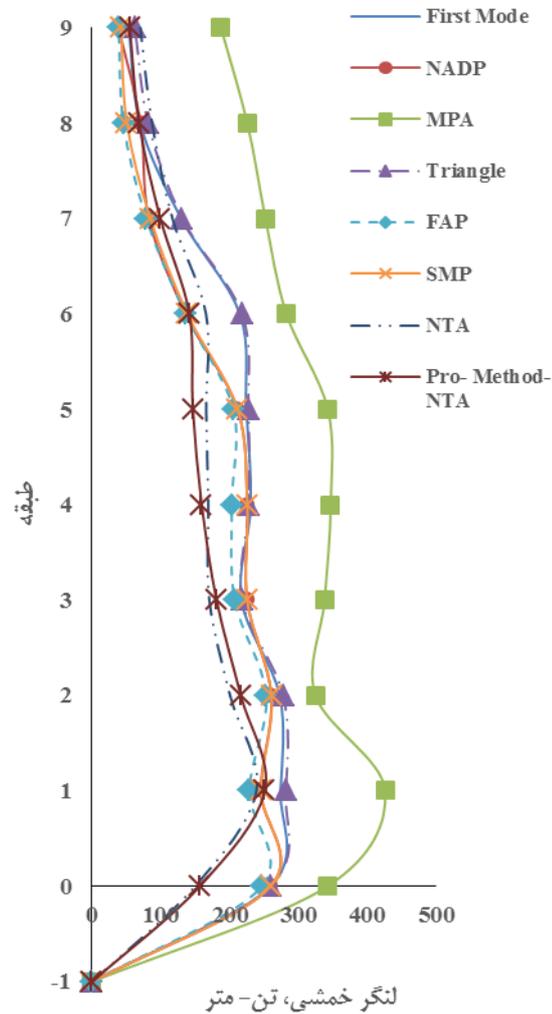
شکل ۸- نمودار دریفت نسبی طبقات سازه ۹ طبقه

در ادامه به منظور ارزیابی بیشتر در خصوص کارایی روش پوش آور پیشنهادی لنگر خمشی ایجاد شده در ستون گوشه و تیر متصل به این ستون در طبقات مختلف سازه ۹ طبقه مورد بررسی قرار گرفته است. نتایج این بررسی بترتیب در شکل های (۹) و (۱۰) برای ستون و تیر نشان داده شده است. همانند نتایج ارائه شده در بخش های قبل نتایج روش های متفاوت پوش آور و تحلیل تاریخیچه زمانی غیر خطی بمنظور مقایسه نتایج ارائه شده است. در شکل های (۹) و (۱۰) روش پوش آور پیشنهادی با علامت (Pro-Method-NTA) نشان داده شده است. روش پوش آور پیشنهادی در بخش مربوط به نتایج دریفت سازه ۹ طبقه معرفی شده است و در این بخش بمنظور جلوگیری از تکرار از توضیح آن صرف نظر شده است. نتایج نشان دادند زمانی که لنگرهای بوجود آمده در ستون ها و تیرها در تغییر مکان هدف متناظر با ۲۵ درصد تغییر

همچنین باتوجه به نتایج تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی تغییر مکان بام حاصل از این نوع تحلیل نیز در حدود ۲۵ درصد تغییر مکان محاسبه شده براساس روش ضرایب استاندارد ASCE 41-17 [۱] بدست آمد. بنابراین، در روش پوش اور پیشنهاد شده فرض در نظر گرفتن تغییر مکان هدف متناظر با تغییر مکان محاسبه شده براساس استاندارد ASCE 41-17 [۱] فرضی درست و قابل قبول بوده است.

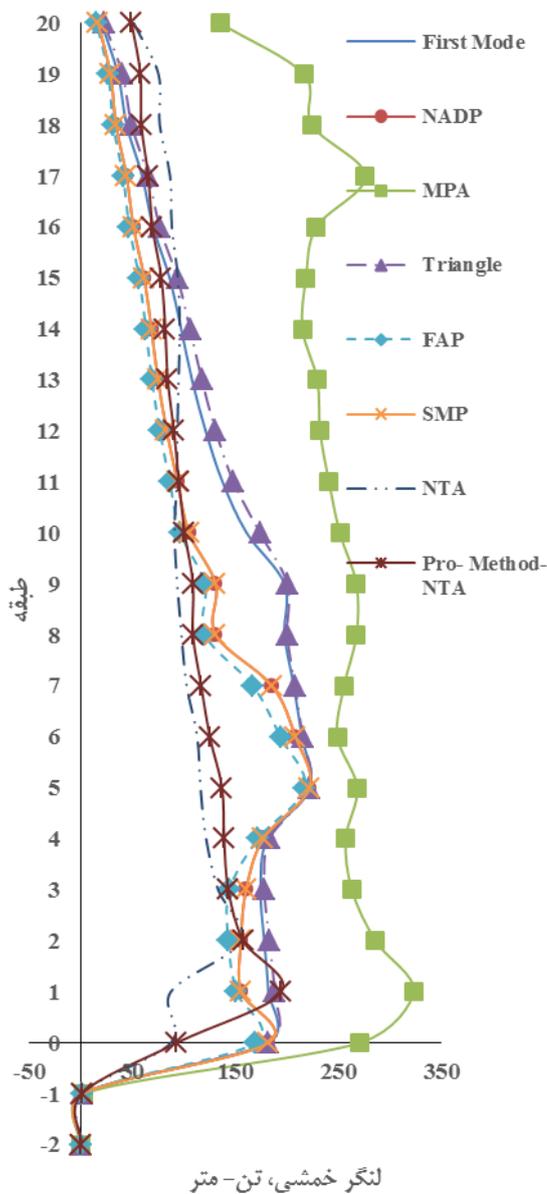


شکل ۱۱- نمودار دریفت نسبی طبقات سازه ۲۰ طبقه

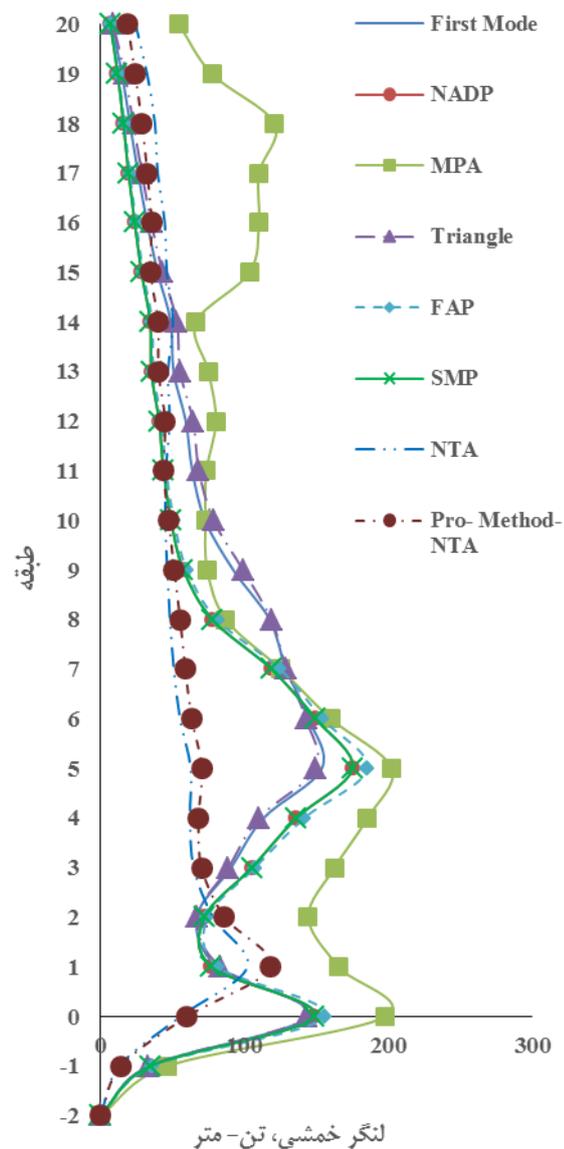


شکل ۱۰- نمودار توزیع ارتفاعی لنگر خمشی تیر کناری در سازه ۹ طبقه

نتایج مربوط به سازه ۲۰ طبقه در ادامه نتایج ارائه شده است. دریافت نسبی طبقات در شکل (۱۱) و لنگر خمشی ایجاد شده در طبقات ستون گوشه و تیر متصل به آن بترتیب در شکل های (۱۲) و (۱۳) نشان داده شده است. نتایج نشان دادند، اگر از الگوی بارگذاری و روش جمع نتایج مشابه سازه ۹ طبقه برای سازه ۲۰ طبقه نیز استفاده شود نتایج روش پوش اور پیشنهادی در تطابق خوبی با نتایج تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی خواهد بود. بنابراین، می توان اینگونه بیان نمود که روش پوش اور پیشنهادی برای سازه های بلند مرتبه در حدود سازه های مورد تحقیق در این مقاله کاربردی و نتایج قابل قبولی را ارائه خواهد داد. همچنین بعنوان یک نتیجه می توان بیان نمود که: با توجه به نتایج تغییر مکان هدف نشان داده شده در جدول (۱)، مشاهده می گردد که در مودهای بالا تغییر مکان هدف بصورت تقریبی در حدود ۲۵ درصد تغییر مکان هدف محاسبه شده براساس مود اول خواهد بود و



شکل ۱۳- نمودار توزیع ارتفاعی لنگر خمشی تیر کناری در سازه ۲۰ طبقه



شکل ۱۲- نمودار توزیع ارتفاعی لنگر خمشی ستون گوشه در سازه ۲۰ طبقه

۶- نتیجه گیری

۱- دریافت های بوجود آمده ناشی از تحلیل های پوش اور متفاوت و مقایسه آنها با دریافت های بوجود آمده ناشی از تحلیل تاریخیچه زمانی غیر خطی نشان دادند که برای سازه های کوتاه مرتبه در حدود سازه نمونه مورد بررسی در این رساله روش تحلیل پوش اور با الگوی بارگذاری مثلث وارونه به دلیل سادگی و سرعت در اجرا مناسب و کاربردی بوده و نتایج آن به نتایج تحلیل تاریخیچه زمانی نزدیک می باشد، به طوری که خطای متوسط در برآورد حداکثر

performance evaluation. *Engineering Structures* 1998. 20(4):452-464.

[https://doi.org/10.1016/S0141-0296\(97\)00092-8](https://doi.org/10.1016/S0141-0296(97)00092-8)

[5] Fajfar P. A Nonlinear Analysis Method for Performance Based Seismic Design. *Earthquake Spectra* 2000; 16: 573-592.

<https://doi.org/10.1193/1.1586128>

[6] Ramos D, Perez M. Application of Reliability-Based Structural Optimization: A Case Study in Structural Engineering. *Structural Safety* 2016; 58: 35-45.

<https://doi.org/10.1016/j.strusafe.2015.10.004>

[7] Daei A, Poursha M. A multi-mode displacement-based pushover (MDP) procedure to account for higher-mode effects in tall buildings. *Engineering Structures* 2021

<https://doi.org/10.1016/j.engstruct.2021.112345>

[8] Amini M A, Poursha M. Adaptive force-based multimode pushover analysis for seismic evaluation of mid-rise buildings. *ASCE Journal of Structural Engineering* 2018

[https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)ST.1943-541X.0002070](https://doi.org/10.1061/(ASCE)ST.1943-541X.0002070)

[9] Birzhandi M S. Modified modal pushover design for asymmetric-plan RC structures considering higher-mode effects. *Mathematical Problems in Engineering* 2023

<https://doi.org/10.1155/2023/5627191>

[10] Ohtori Y, Christenson R E, Spencer B F, Dyke S J. Benchmark control problems for seismically excited nonlinear buildings. *Journal of Engineering Mechanics* 2004; 130(4):366-385.

[https://doi.org/10.1061/\(ASCE\)07339399\(2004\)130:4\(366\)](https://doi.org/10.1061/(ASCE)07339399(2004)130:4(366))

[11] FEMA (2009). Quantification of building seismic performance factors. FEMA P695, Washington, DC.

دریافت نسبی طبقات در مقایسه با NLTHA، کمتر از ۱۰٪ اندازه‌گیری شد.

۲- لنگرهای خمشی تیرها و ستون‌ها در طبقات مختلف سازه ۳ طبقه نمونه تحت روش‌های تحلیل پوش‌اور متفاوت و مقایسه نتایج آنها با روش تحلیل تاریخچه زمانی غیر خطی، مشاهده گردید روش پوش‌اور پیشنهاد شده عملکرد قابل قبول تری را نسبت به سایر روش‌ها دارد. بنابراین، روش تحلیل پوش‌اور براساس الگوی بارگذاری مثلث وارونه براساس سازه‌های کوتاه مرتبه در حدود مورد تحقیق در این رساله بعنوان روش پوش‌اور پیشنهادی معرفی و ارائه گردید.

۳- نتایج نشان دادند برای سازه‌های میان و بلند مرتبه ترکیب دو روش تحلیل پوش‌اور می‌تواند عملکرد خوبی را در پیش‌بینی و گزارش دریافت‌ها، لنگرهای خمشی ایجاد شده در المان‌های سازه‌ای از خود نشان دهد. بنابراین، برای این گونه سازه‌ها از دو روش تحلیل پوش‌اور با الگوی بارگذاری مثلثی وارونه و الگوی بارگذاری حاصل جمع جبری مقادیر شکل تغییر شکل یافته سه‌مود اول سازه (mode shape) معرفی شده است. ترکیب نتایج دو روش پوش‌اور اشاره شده برای دریافت‌ها و لنگرهای خمشی حاصل ترکیب نتایج این دو روش براساس قاعده SRSS مقادیر بدست آمده از هر تحلیل بوده است.

۴- برای سازه‌های میان و بلند مرتبه مشاهده گردید اگر تغییر مکان هدف برابر ۲۵ درصد تغییر مکان هدف محاسبه شده براساس استاندارد ASCE 41-17 [۱] در نظر گرفته شود، نتایج تحلیل پوش‌اور پیشنهادی در تطابق بسیار خوبی با نتایج تحلیل تاریخچه زمانی خواهد بود. بنابراین، برای تعیین مقادیر دریافت‌ها، لنگرهای خمشی در این سازه‌ها روش پوش‌اور پیشنهادی براساس قاعده فوق پیشنهاد می‌شود.

۸- منابع

[1] American Society of Civil Engineers. ASCE/SEI 41-17: Seismic Evaluation and Retrofit of Existing Buildings, Reston, VA: ASCE, 2017.

[2] Chopra A K, Goel R K. A modal pushover analysis procedure for estimating seismic demands for buildings. *Earthquake Engineering & Structural Dynamics* 2002; 31(3): 561-582.

<https://doi.org/10.1002/eqe.144>

[3] Fajfar P, Gaspersic P. The N2 method for seismic damage analysis of buildings. *Earthquake Engineering & Structural Dynamics* 1996; 25(1): 31-46.

[https://doi.org/10.1002/\(SICI\)1096-9845\(199601\)25:1<31::AID-EQE534>3.0.CO;2-V](https://doi.org/10.1002/(SICI)1096-9845(199601)25:1<31::AID-EQE534>3.0.CO;2-V)

[4] Krawinkler H, Seneviratna G D. Pros and cons of a pushover analysis of seismic