

**قیمت گذاری کالا مکمل و جایگزین به صورت همزمان در حالت فروش بسته ای و
فروش جداگانه با در نظر گرفتن ریسک انقطاع
اشکان محسن زاده لداری^۱**

چکیده

قیمت گذاری یکی از موضوعات بسیار مهم در میزان سودآوری زنجیره تامین می باشد. در کنار قیمت کالا، نحوه فروش نیز در میزان فروش بسیار تاثیر دارد و می تواند باعث افزایش میزان سودآوری زنجیره تامین شود. در این مقاله به ارائه مدلی برای قیمت گذاری کالا جایگزین و مکمل (چهار کالا) به صورت همزمان پرداختیم که فروشنده کالاها را به دو صورت جداگانه و به صورت بسته ای به مشتری نهایی عرضه می کند و به مقایسه سود حاصل از فروش هر یک از سناریوها پرداخته و با یکدیگر مقایسه انجام داده ایم. در فروش بسته ای دو کالا مکمل با هم در یک بسته عرضه می گردند که هر کدام از این بسته ها جایگزین یکدیگر می باشند ولی در فروش جداگانه هر کالا به صورت جداگانه به فروش می رسد. تابع تقاضا برای هر یک از کالاها تابعی خطی از قیمت خود کالا و کالاهای دیگر می باشد. برای تقاضا امکان بروز ریسک انقطاع نیز وجود دارد به این صورت که در صورت بروز ریسک انقطاع تنها درصدی از میزان سفارش قابل برآورده سازی می باشد. برای نشان دادن اعتبار مدل از مثال عددی استفاده شده و تحلیل حساسیت روی پارامترهای مهم مساله انجام شده است. بعد از حل مدل این نتیجه حاصل شده است که در فروش بسته ای به دلیل کاهش قیمت و افزایش میزان تقاضا میزان سود زنجیره تامین افزایش پیدا می کند.

واژگان کلیدی: زنجیره تامین، قیمت گذاری، کالا مکمل، کالا جایگزین، فروش بسته ای، فروش جداگانه، ریسک انقطاع.

۱- استادیار گروه مهندسی صنایع، دانشگاه علم و فناوری مازندران

مقدمه

تنوع کالا و خدمات و همچنین عدم قطعیت موجود در تقاضای مشتریان برای کالا، شرکت‌ها را بر آن داشته است که در قالب یک زنجیره‌تامین جهت برآورده نمودن رضایت مشتری با یکدیگر همکاری نمایند. روش‌های قیمت‌گذاری کالا و خدمات همیشه یکی از مهمترین مباحث در دنیای فروش و بازاریابی بوده و هست زیرا هر بنگاه اقتصادی به دنبال افزایش میزان سود خود می‌باشد و در ضمن سناریوهای فروش برای هر بنگاه اقتصادی در بازار رقابتی بسیار حائز اهمیت است. نحوه یا روش قیمت‌گذاری کالا و خدمت، از عواملی است که حتی می‌تواند میزان موفقیت یک کسب و کار را تحت تاثیر قراردهد. یکی از پارامترهای اساسی در تعیین میزان تقاضای هر شرکت از کالا و میزان سودآوری آن قیمت کالای(خدمت) است که توسط وی ارائه می‌شود زیرا رقاباتی که کالا مشابه ارائه می‌دهند از سناریوهای مختلف برای جذب مشتری استفاده می‌کنند و از آنجایی که قیمت هر کالا در جذب مشتری بسیار حائز اهمیت می‌باشد موضوع قیمت‌گذاری بسیار مهم می‌باشد. از همین روی، یکی از مسائل مهم هر شرکت تعیین قیمت کالا به منظور بیشینه کردن سود وی می‌باشد با توجه به محدود بودن جامعه مشتریان و همچنین تاثیر قیمت در جابه‌جایی تقاضا بین شرکت‌ها اهمیت ویژه‌ای دارد. کالاها معمولاً جایگزین یا مکمل یکدیگر می‌باشند که کالا مکمل معمولاً با یکدیگر استفاده می‌شوند و قیمت هر یک از آنها بر تقاضا دیگر کالا اثر مستقیم دارد و کالاها جایگزین معمولاً به جای یکدیگر مورد استفاده قرار می‌گیرند و قیمت هر کالا بر تقاضا آنها بر اثر منفی دارند.

هر کسب‌وکاری ممکن است بنا بر دلایل مختلفی در هر زمان از استراتژی خاص یا ترکیبی از استراتژی‌های بازاریابی و فروش استفاده کند. استراتژی فروش بسته‌ای در فروش می‌تواند به طور قابل توجهی ارزش میانگین سبد خرید مشتریان را افزایش دهد و به سودآوری بیشتر بنگاه‌های اقتصادی کمک زیادی کند. این روش ارائه چند کالا به صورت یک بسته با قیمت تخفیف‌دار است. این استراتژی می‌تواند به فروش کالا

کم فروش، افزایش نرخ تبدیل و جلب رضایت مشتریان کمک کند. در زنجیره تامین ممکن است عوامل مختلفی رخ دهد که باعث برهم زدن میزان سود زنجیره تامین شود به این صورت که سوراوری زنجیره تامین را دچار اختلال کنند. مانند خرابی ماشین آلات، اعتصاب کارگران، تحریم ها و ... در صورت بروز ریسک انقطاع تنها درصدی از میزان سفارش قابل برآورده سازی است که این امر باعث می شود سودآوری در زنجیره تامین دچار اختلال شود بنابراین ریسک انقطاع در میزان سودآوری زنجیره تامین و حتی قیمت گذاری کالا تاثیر مهمی دارد. بنابراین موضوع مهم در این پژوهش سناریوهای فروش، قیمت کالای فروخته شده و میزان تقاضا کالاها پرداخته می شود. ترتیب سایر بخش های مقاله به این ترتیب می باشد که: بخش دوم به مرور مقالات مرتبط با موضوع تحقیق پرداخته شد، بخش سوم به روش تحقیق، به تعریف نمادهای مدل و مدل فروش جداگانه، فروش بسته ای و تعیین قیمت ها می پردازد. مثال عددی در بخش چهارم آورده شده، در بخش پنجم نتایج حاصل و در بخش ششم پیشنهادات آتی ارائه می شود.

مبانی نظری و پیشینه پژوهش

در دنیای رقابتی در زمینه فعالیتهای اقتصادی یکی از مهمترین عوامل تاثیر گذار در آینده هر یک از بنگاههای اقتصادی تعیین قیمت کالایی می باشد که توسط آنها ارائه می گردد. هر یک از بنگاههای اقتصادی به دنبال سهم بیشتری از بازار می باشند که قیمت کالایی که ارائه می دهند در تعیین این سهم اهمیت زیادی دارد. در سالهای اخیر تحقیقات زیادی در مورد قیمت گذاری انجام شده است که در این قسمت به بررسی برخی از آنها می پردازیم:

قیمت گذاری یکی از موضوعاتی است که در سالهای اخیر مورد توجه محققان قرار گرفته و مطالعات زیاد و گسترده ای در زمینه قیمت گذاری انجام داده اند.

[\(Kuo and Huang \(2012\), Cao et al \(2012\), Choi \(2007\), Seyed Esfahani et al \(2011\), Tang and Yin \(2007\), Wu and et al \(2012\).](#)

از آنجایی که قیمت‌گذاری در تعیین میزان سود هر بنگاه تاثیر بسزایی دارد و همچنین برای تنظیم میزان تقاضا، تولید و توزیع کالا مورد استفاده قرار می‌گیرد از اهمیت بالایی برخوردار است ([Soon \(2011\)](#)). اکثر تحقیقاتی که در زمینه قیمت‌گذاری انجام شده‌اند مربوط به کالای تک‌پایه و جایگزین می‌باشند کالای تک‌پایه هستند که با هم مورد استفاده قرار می‌گیرند و تقاضای آنها بر یکدیگر تاثیر مثبت دارند. کالای جایگزین کالای هستند که به جای یکدیگر مورد استفاده قرار می‌گیرند و تقاضای آنها بر یکدیگر تاثیر منفی دارد. مطالعات گسترده‌ای برای کالای جایگزین انجام شده‌است که عبارتند از: ([Karakul and Chan \(2008\)](#)) مساله توام تصمیمات قیمت‌گذاری و خرید را در یک زنجیره تک‌پایه و با دو کالای جایگزین مطالعه نموده‌اند. ([Karakul and Chan \(2010\)](#)) مساله توام قیمت‌گذاری و خرید را برای زنجیره تک‌پایه و با دو کالای جایگزین با تعریف تقاضای احتمالی و وابسته به قیمت بررسی نموده‌اند. ([Zhao and Wei\(2012\)](#)) بازی قیمت‌گذاری را در بازاری شامل دو زنجیره در رقابت و با دو کالای جایگزین در فضای فازی مطالعه نموده‌است. ([Chen and et al \(2013\)](#)) سیاست‌های قیمت‌گذاری را برای زنجیره‌ی کالاهای جایگزین شامل یک تولیدکننده و یک خرده‌فروش است بررسی می‌نماید که در این زنجیره تولیدکننده دو کانال برای ارائه کالا خود دارد و خرده‌فروش علاوه بر کالای تولید شده توسط این تولیدکننده کالایی جایگزین از یک تولیدکننده دیگر ارائه می‌کند. بر خلاف مطالعات گسترده در مورد کالاهای جایگزین تحقیقات کمی در مورد کالاهای تک‌پایه انجام شده‌اند که عبارت است از: ([Yue et al \(2006\)](#)) به بررسی استراتژی‌های بهینه برای دو بنگاه که دو کالای تک‌پایه را در یک بسته واحد به فروش پرداخته‌اند. ([Mukhopadhyay \(2011\)](#)) بازاری انحصاری را که شامل دو بنگاه مجزا است در نظر گرفته‌اند که این دو بنگاه دو کالای تک‌پایه را تولید می‌کنند و در این زنجیره مساله قیمت‌گذاری با تعریف ساختار رهبر پیرو بررسی می‌شود و هر بنگاه اطلاعات اختصاصی از پیش‌بینی تقاضای بازار دارد و درباره چگونگی آن با عضو دیگر تصمیم‌گیری می‌کند. ([Wei and et al \(2013\)](#)) مساله قیمت‌گذاری را برای دو کالای تک‌پایه در زنجیره‌ای شامل دو تولیدکننده و یک خرده‌فروش با تعریف ساختارهای مختلف قدرت و با

استفاده از نظریه بازی ها مطالعه می نمایند. براساس مطالعات صورت گرفته تعداد کمی از مقالات به بررسی ریسک انقطاع پرداختند که در ادامه بررسی تعدادی از این مقالات می پردازیم: [Mohsenzadeh Ledari and Arshadi Khamseh \(۲۰۲۴\)](#) به بررسی قیمت گذاری کالا جایگزین و مکمل به صورت همزمان با در نظر گرفتن ریسک انقطاع و سبز بودن کالا پرداختند. [Mohsenzadeh Ledari and et al \(2019\)](#) به بررسی قیمت گذاری کالا جایگزین و مکمل به صورت همزمان و با در نظر گرفتن فروش بسته ای و فروش تکی پرداختند. [Zhou and et al \(2023\)](#) آنها یک زنجیره تامین را در نظر گرفتند که در آن یک تولیدکننده معمولی که در معرض ریسک انقطاع قرار دارد، کالای را به یک خرده فروش ارائه می دهد. خرده فروش همچنین می تواند انتخاب کند که کالا را از یک تولید کننده معتبر خارجی با قیمت عمده فروشی بالاتر خریداری کند.

[Jafari- Nodoushan and et al \(2023\)](#) آنها یک مدل سه هدفه را برای طراحی یک شبکه زنجیره تامین پیشرو با در نظر گرفتن ریسک های عملیاتی و مخرب مرتبط ارائه می کند. چندین استراتژی تاب آوری کاهش دهنده و پیشگیرانه برای مقابله با ریسک های ذکر شده اجرا می شود. همچنین، قیمت های بهینه برای کالا و قطعات از طریق یک استراتژی قیمت گذاری مشترک برای افزایش سودآوری زنجیره تامین در بروز ریسک انقطاع تعیین می شود. در بررسی کار این پژوهشگران شکاف های علمی، عدم بررسی قیمت گذاری کالا جایگزین و مکمل با در نظر گرفتن ریسک انقطاع با سناریو فروش بسته ای و جداگانه دیده می شود. با توجه به مطالب گفته شده این پژوهش قصد دارد به ارائه سناریوهای فروش در زنجیره تامین پردازد بدین صورت که فروش به دو صورت فروش بصورت بسته ای و فروش به صورت جداگانه امکان پذیر باشد. امکان بروز ریسک انقطاع به صورت احتمالی بوده که در صورت بروز ریسک انقطاع تنها درصدی از میزان سفارش قابل برآورده سازی خواهد. تابع تقاضا در این مدل به صورت خطی می باشد که علاوه بر قیمت خود کالا قیمت کالا جایگزین و یا مکمل در میزان تقاضا تاثیر دارد. در فروش بسته ای میزان تقاضا بسته ای که کالا در آن فروخته می شود نیز به همین صورت است.

هدف و نوآوری پژوهش

براساس مطالعاتی انجام شده مشخص می‌شود در این مقاله به بررسی قیمت‌گذاری کالاهای جایگزین و مکمل به صورت همزمان به صورت فروش بسته‌ای و جداگانه با در نظر گرفتن ریسک انقطاع می‌پردازیم. لذا مدل ریاضی ارائه شده در این مقاله به بررسی کالاهای مکمل و جایگزین به صورت همزمان می‌پردازد به این ترتیب که فروشنده چهار کالا به صورت همزمان به مشتری عرضه می‌کند که این کالاها با یکدیگر جایگزین و مکمل می‌باشند. فروشنده کالاها را به دو صورت فروش جداگانه و فروش به صورت بسته‌ای می‌پردازد و امکان بروز ریسک انقطاع بین سطوح زنجیره تامین وجود دارد به این صورت که در صورت بروز ریسک انقطاع تنها درصدی از میزان سفارش قابل برآورده‌سازی است. در انتها به مقایسه میزان سودآوری هر دو سناریو فروش پرداخته شده و تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای مهم مدل انجام شده تا به بررسی اثر هر یک از پارامترها پرداخته شود.

روش تحقیق

در این مقاله مدل فروش کالا مکمل و جایگزین به صورت همزمان و توسط یک فروشنده در حالت‌های مختلف ارائه شده است به این ترتیب که فروشنده چهار کالا به مشتری نهایی می‌فروشد که دو به دو این کالاها مکمل و جایگزین یکدیگر می‌باشند (به طور مثال چای، قهوه، قند و شکر که چای و قهوه جایگزین و قند و شکر هم جایگزین و از طرفی چای مکمل قند و شکر می‌باشد و برعکس و همچنین قهوه با قند و شکر مکمل یکدیگر می‌باشند و برعکس). فروشنده این کالا را تحت سناریوهای مختلف به فروش می‌رساند که این سناریوها عبارتند از فروش جداگانه هر کالا یا فروش به صورت بسته‌ای. در مدل ارائه شده امکان بروز ریسک انقطاع وجود دارد که حالتی احتمالی می‌باشد و در صورت بروز ریسک انقطاع تنها درصدی از میزان سفارش قابل برآورده سازی می‌باشد. در نتیجه میزان سفارش برآورده‌سازی شده امید ریاضی میزان سفارش در دو حالت بروز ریسک انقطاع و عدم بروز ریسک انقطاع می‌باشد.

پارامترها

پارامتر	توضیحات	پارامتر	توضیحات
d_i	تقاضا کالا i ام	β_{ij}	با α ضریب حساسیت قیمت کالا مکمل i ام نسبت به تقاضا بسته کالا j جایگزین دیگر
c_i	هزینه خرید کالا i ام	y_i	درصد برآورده سازی سفارش در صورت بروز ریسک انقطاع در حالت فروش تکی
a_i	تقاضا پایه برای کالا i ام در قیمت صفر	q_i	احتمال بروز ریسک انقطاع در حالت فروش تکی
α_i	ضریب حساسیت قیمت کالا i ام نسبت به تقاضا خود کالا	y_{ij}	درصد برآورده سازی سفارش در صورت بروز ریسک انقطاع در حالت فروش بسته ای
β_i	ضریب حساسیت قیمت کالا i ام نسبت به تقاضا کالا دیگر	q_{ij}	احتمال بروز ریسک انقطاع در حالت فروش بسته ای
α_{ij}	ضریب حساسیت قیمت کالا مکمل i با جایگزین j ام نسبت به تقاضا آن بسته		

متغیر تصمیم

متغیر تصمیم	توضیحات	متغیر تصمیم	توضیحات
p_i	قیمت فروش کالا i ام	π_T	میزان کل سود
p_{ij}	قیمت فروش کالا j ام		

میزان تقاضا برای هر یک از کالا در حالت فروش جداگانه:

$$d_1 = a_1 - p_3 \cdot \beta_3 - p_4 \cdot \beta_4 - p_1 \cdot \alpha_1 + p_2 \cdot \beta_2 \quad (1)$$

$$d_2 = a_2 - p_2 \cdot \alpha_2 - p_3 \cdot \beta_3 - p_4 \cdot \beta_4 + p_1 \cdot \beta_1 \quad (2)$$

$$d_3 = a_3 - p_3 \cdot \alpha_3 - p_2 \cdot \beta_2 - p_1 \cdot \beta_1 + p_4 \cdot \beta_4 \quad (3)$$

$$d_4 = a_4 - p_4 \cdot \alpha_4 - p_2 \cdot \beta_2 - p_1 \cdot \beta_1 + p_3 \cdot \beta_3 \quad (4)$$

همانطور که از توابع تقاضا مشخص است تابع تقاضا نسبت به قیمت خود کالا و کالا جایگزین و مکمل حساس می‌باشد به این ترتیب که با افزایش قیمت خود کالا و کالا مکمل تقاضا کاهش و با افزایش قیمت کالا مکمل تقاضا افزایش می‌یابد.

تابع سود کل:

$$\pi_T = (q_1 y_1 + (1 - q_1))(p_1 - c_1)d_1 + (q_2 y_2 + (1 - q_2))(p_2 - c_2)d_2 + (q_3 y_3 + (1 - q_3))(p_3 - c_3)d_3 + (q_4 y_4 + (1 - q_4))(p_4 - c_4)d_4 \quad (5)$$

برای اثبات مقعر بودن تابع هدف از ماتریس هشین استفاده می‌کنیم:

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_1^2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_1 \partial p_2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_1 \partial p_3} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_1 \partial p_4} \\ \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_2 \partial p_1} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_2^2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_2 \partial p_3} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_2 \partial p_4} \\ \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_3 \partial p_1} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_3 \partial p_2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_3^2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_3 \partial p_4} \\ \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_4 \partial p_1} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_4 \partial p_2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_4 \partial p_3} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_4^2} \end{bmatrix} \quad (6)$$

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} -2(q_1 y_1 + 1 - q_1)\alpha_1 & (q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_2 & -(q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_3 & -(q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_4 \\ (q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_2 & +(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_1 & -(q_3 y_3 + 1 - q_3)\beta_1 & -(q_4 y_4 + 1 - q_4)\beta_1 \\ +(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_1 & -2(q_2 y_2 + 1 - q_2)\alpha_2 & -(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_3 & -(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_4 \\ -(q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_3 & -(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_3 & -(q_3 y_3 + 1 - q_3)2\alpha_3 & (q_3 y_3 + 1 - q_3)\beta_4 \\ -(q_3 y_3 + 1 - q_3)\beta_1 & -(q_3 y_3 + 1 - q_3)\beta_2 & & +(q_4 y_4 + 1 - q_4)\beta_3 \\ -(q_1 y_1 + 1 - q_1)\beta_4 & -(q_2 y_2 + 1 - q_2)\beta_4 & (q_3 y_3 + 1 - q_3)\beta_4 & \\ -(q_4 y_4 + 1 - q_4)\beta_1 & -(q_4 y_4 + 1 - q_4)\beta_2 & +(q_4 y_4 + 1 - q_4)\beta_3 & -2(q_4 y_4 + 1 - q_4)\alpha_4 \end{bmatrix} \quad (7)$$

دترمینان مینور اول برابر است با: $-2(q_1y_1 + 1 - q_1)\alpha_1$

از آنجایی که مقدار α_1 مثبت می‌باشد پس مقدار دترمینان مینور اول منفی می‌باشد.
دترمینان مینور دوم است با:

$$4(q_1y_1 + 1 - q_1)\alpha_1 \cdot (q_2y_2 + 1 - q_2)\alpha_2 - ((q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1) \cdot ((q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1) \quad (8)$$

که بعد از ساده کردن داریم

$$4\alpha_1\alpha_2(q_1y_1 + 1 - q_1)(q_2y_2 + 1 - q_2) - (q_1y_1 + 1 - q_1)^2\beta_2^2 - 2(q_1y_1 + 1 - q_1)(q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_2\beta_1 - (q_2y_2 + 1 - q_2)^2\beta_1^2 \quad (9)$$

که باید مقداری مثبت داشته باشد پس داریم:

$$4\alpha_1\alpha_2(q_1y_1 + 1 - q_1)(q_2y_2 + 1 - q_2) - ((q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1)^2 \quad (10)$$

$$\alpha_1 \cdot \alpha_2 \geq \frac{((q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1)^2}{4(q_1y_1 + 1 - q_1)(q_2y_2 + 1 - q_2)}$$

که این عبارت باید برقرار

باشد.

دترمینان مینور سوم برابر است با دترمینان ماتریس زیر:

$$H_{\pi_r} = \begin{bmatrix} -2(q_1y_1 + 1 - q_1)\alpha_1 & (q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 & -(q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_3 \\ (q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 & + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1 & -(q_3y_3 + 1 - q_3)\beta_1 \\ (q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_2 & -2(q_2y_2 + 1 - q_2)\alpha_2 & -(q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_3 \\ + (q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_1 & & -(q_3y_3 + 1 - q_3)\beta_2 \\ -(q_1y_1 + 1 - q_1)\beta_3 & -(q_2y_2 + 1 - q_2)\beta_3 & \\ -(q_3y_3 + 1 - q_3)\beta_1 & -(q_3y_3 + 1 - q_3)\beta_2 & -(q_3y_3 + 1 - q_3)2\alpha_3 \end{bmatrix} \quad (11)$$

که بعد از ساده کردن و محاسبه دترمینان مشخص می‌شود که مقداری منفی دارد.
دترمینان مینور چهارم برابر است با دترمینان ماتریس زیر:

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} -2(q_1y_1+1-q_1)\alpha_1 & (q_1y_1+1-q_1)\beta_2 & -(q_1y_1+1-q_1)\beta_3 & -(q_1y_1+1-q_1)\beta_4 \\ + (q_2y_2+1-q_2)\beta_1 & & -(q_3y_3+1-q_3)\beta_1 & -(q_4y_4+1-q_4)\beta_1 \\ (q_1y_1+1-q_1)\beta_2 & -2(q_2y_2+1-q_2)\alpha_2 & -(q_2y_2+1-q_2)\beta_3 & -(q_2y_2+1-q_2)\beta_4 \\ + (q_2y_2+1-q_2)\beta_1 & & -(q_3y_3+1-q_3)\beta_2 & -(q_4y_4+1-q_4)\beta_2 \\ -(q_1y_1+1-q_1)\beta_3 & -(q_2y_2+1-q_2)\beta_3 & -(q_3y_3+1-q_3)2\alpha_3 & (q_3y_3+1-q_3)\beta_4 \\ -(q_3y_3+1-q_3)\beta_1 & -(q_3y_3+1-q_3)\beta_2 & & + (q_4y_4+1-q_4)\beta_3 \\ -(q_1y_1+1-q_1)\beta_4 & -(q_2y_2+1-q_2)\beta_4 & (q_3y_3+1-q_3)\beta_4 & -2(q_4y_4+1-q_4)\alpha_4 \\ -(q_4y_4+1-q_4)\beta_1 & -(q_4y_4+1-q_4)\beta_2 & + (q_4y_4+1-q_4)\beta_3 & \end{bmatrix} \quad (12)$$

که بعد از ساده کردن و محاسبه دترمینان مشخص می شود که مقداری مثبت دارد. در نتیجه ماتریس هشین تابع هدف با شرطی که در دترمینان مینور دوم برقرار است مقعر خواهد بود. برای بدست آوردن مقادیر بهینه هر یک از متغیرهای تصمیم از تابع هدف نسبت متغیرهای تصمیم مشتق گرفته و برابر صفر قرار می‌دهیم و با حل معادله و ۴ مجهول زیر مقدار متغیر تصمیم را بدست می‌آوریم.

$$(q_1y_1+1-q_1).(a_1-p_3\beta_3-p_4\beta_4-p_1\alpha_1+p_2\beta_2)-(q_1y_1+1-q_1).(p_1-c_1).\alpha_1+ \\ (q_2y_2+1-q_2).(p_2-c_2).\beta_1-(q_3y_3+1-q_3).(p_3-c_3).\beta_1-(q_4y_4+1-q_4).(p_4-c_4).\beta_1 = 0 \quad (13)$$

$$(q_1y_1+1-q_1).(p_1-c_1).\beta_2+(q_2y_2+1-q_2).(a_2-p_2\alpha_2-p_3\beta_3-p_4\beta_4+p_1\beta_1)- \\ (q_2y_2+1-q_2).(p_2-c_2).\alpha_2-(q_3y_3+1-q_3).(p_3-c_3).\beta_2-(q_4y_4+1-q_4).(p_4-c_4).\beta_2 = 0 \quad (14)$$

$$-(q_1y_1+1-q_1).(p_1-c_1).\beta_3-(q_2y_2+1-q_2).(p_2-c_2).\beta_3+(q_3y_3+1-q_3).(a_3-p_3\alpha_3-p_2\beta_2-p_1\beta_1+p_4\beta_4) \\ -(q_3y_3+1-q_3).(p_3-c_3).\alpha_3+(q_4y_4+1-q_4).(p_4-c_4).\beta_3 = 0 \quad (15)$$

$$-(q_1y_1+1-q_1).(p_1-c_1).\beta_4-(q_2y_2+1-q_2).(p_2-c_2).\beta_4+(q_3y_3+1-q_3).(p_3-c_3).\beta_4 \\ +(q_4y_4+1-q_4).(a_4-p_4\alpha_4-p_2\beta_2-p_1\beta_1+p_3\beta_3)-(q_4y_4+1-q_4).(p_4-c_4).\alpha_4 = 0 \quad (16)$$

فروش به صورت بسته‌ای:

تقاضا کالا در حالت فروش بسته ای (کالا او ۳ در یک بسته و کالا ۲و ۴ در یک بسته)

$$d_{13} = a_{13} - p_{13} \cdot \alpha_{13} + p_{24} \cdot \beta_{24} \quad (17)$$

$$d_{24} = a_{24} - p_{24} \cdot \alpha_{24} + p_{13} \cdot \beta_{13} \quad (18)$$

$$\pi_T = (q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13})(p_{13} - c_1 - c_3)d_{13} + (q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24})(p_{24} - c_2 - c_4)d_{24} \quad (19)$$

برای اثبات مقعر بودن تابع هدف از ماتریس هشین استفاده می‌کنیم:

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{13}^2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{13} \partial p_{24}} \\ \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{24} \partial p_{13}} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{24}^2} \end{bmatrix} \quad (20)$$

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} -2\alpha_{13}(q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13}) & ((q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13})\beta_{24}) + (q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24})\beta_{13} \\ ((q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13})\beta_{24}) + ((q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24})\beta_{13}) & -2((q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24})\alpha_{24}) \end{bmatrix} \quad (21)$$

دترمینان مینور اول برابر است با: $-2\alpha_{13}(q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13})$ از آنجایی که مقدار α_{13} مثبت می‌باشد در نتیجه مقدار دترمینان مینور اول منفی می‌باشد. دترمینان مینور دوم برابر است با:

$$\begin{aligned} & (4\alpha_{13}(q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot ((q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \alpha_{24})) - \\ & (((q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot \beta_{24}) + (q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \beta_{13}) \cdot ((q_{13} \cdot y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot \beta_{24}) \\ & + ((q_{24} \cdot y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \beta_{13}) \end{aligned} \quad (22)$$

که پس از ساده کردن داریم:

$$\begin{aligned}
& (4\alpha_{13}(q_{13}y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot ((q_{24}y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \alpha_{24})) - \\
& (q_{13}y_{13} + 1 - q_{13})^2 \cdot \beta_{24}^2 + 2(q_{24}y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \beta_{13} \cdot ((q_{13}y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot \beta_{24}) \\
& + ((q_{24}y_{24} + 1 - q_{24})^2 \cdot \beta_{13}^2) \quad (23)
\end{aligned}$$

و برای اینکه این عبارت مثبت باشد باید شرط زیر برقرار باشد:

$$4\alpha_{13} \cdot \alpha_{24} \geq \frac{((q_{13}y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot \beta_{24} + ((q_{24}y_{24} + 1 - q_{24}) \cdot \beta_{13}))^2}{(q_{13}y_{13} + 1 - q_{13}) \cdot ((q_{24}y_{24} + 1 - q_{24}))} \quad (24)$$

همانطور که از دترمینان مینورهای ماتریس هشین تابع هدف مشخص است تابع هدف با برقراری شرط فوق مقعر می‌باشد. برای بدست آوردن مقادیر بهینه هر یک از متغیرهای تصمیم از تابع هدف نسبت به هر یک از متغیرهای تصمیم مشتق گرفته و با حل دو معادله دو مجهول مقدار هر یک از متغیرهای تصمیم بدست می‌آید که برابر است با:

$$\begin{aligned}
& (q_{13}y_{13} + 1 - q_{13})(a_{13} - p_{13}\alpha_{13} + p_{24}\beta_{24}) - (q_{13}y_{13} + 1 - q_{13})(p_{13} - c_1 - c_3)\alpha_{13} \\
& + (q_{24}y_{24} + 1 - q_{24})(p_{24} - c_2 - c_4)\beta_{13} = 0 \quad (25)
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& ((q_{13}y_{13} + 1 - q_{13})(p_{13} - c_1 - c_3) \cdot \beta_{24}) - (q_{24}y_{24} + 1 - q_{24})(\alpha_{24} - p_{24}\alpha_{24} + p_{13}\beta_{13}) \\
& - (q_{24}y_{24} + 1 - q_{24})(p_{24} - c_2 - c_4)\alpha_{24} = 0 \quad (26)
\end{aligned}$$

تقاضا کالا در حالت فروش بسته‌ای (کالا ۲ و ۳ در یک بسته و کالا ۱ و ۴ در یک بسته)

$$d_{14} = a_{14} - p_{14} \cdot \alpha_{14} + p_{23} \cdot \beta_{23} \quad (27)$$

$$d_{23} = a_{23} - p_{23} \cdot \alpha_{23} + p_{14} \cdot \beta_{14} \quad (28)$$

$$\pi_T = (q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})(p_{14} - c_1 - c_4)d_{14} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})(p_{23} - c_2 - c_3)d_{23} \quad (29)$$

برای اثبات مقعر بودن تابع هدف از ماتریس هشین استفاده می‌کنیم:

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{14}^2} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{14} \partial p_{23}} \\ \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{14} \partial p_{23}} & \frac{\partial^2 \pi_T}{\partial p_{23}^2} \end{bmatrix} \quad (30)$$

$$H_{\pi_T} = \begin{bmatrix} -2(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\alpha_{14} & (q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\beta_{23} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\beta_{14} \\ (q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\beta_{23} & -2(q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\alpha_{23} \\ +(q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\beta_{14} & \end{bmatrix} \quad (31)$$

دترمینان مینور اول برابر است با: $-2(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\alpha_{14}$ از آنجایی که مقدار α_{14} مثبت می باشد پس دترمینان مینور اول منفی می باشد. دترمینان مینور دوم برابر است با:

$$4\alpha_{14}\alpha_{23}(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})^2 - ((q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\beta_{23} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\beta_{14})((q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\beta_{23} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\beta_{14}) \quad (32)$$

که پس از ساده کردن داریم: $4\alpha_{14}\alpha_{23} - (\beta_{23} + \beta_{14})^2$ و برای اینکه این عبارت مثبت باشد باید شرط زیر برقرار باشد:

$$4\alpha_{14}\alpha_{23} \geq \frac{((q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})\beta_{23} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})\beta_{14})^2}{(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})(q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})} \quad (33)$$

همانطور که از دترمینان مینورهای ماتریس هشین تابع هدف مشخص است تابع هدف با برقراری شرط فوق مقعر می باشد. برای بدست آوردن مقادیر بهینه هر یک از متغیرهای تصمیم از تابع هدف نسبت به هر یک از متغیرهای تصمیم مشتق گرفته و با حل دو معادله دو مجهول مقدار هر یک از متغیرهای تصمیم بدست می آید که برابر است با:

$$(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})(a_{14} - p_{14}\alpha_{14} + p_{23}\beta_{23}) - (q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})(p_{14} - c_1 - c_4)\alpha_{14} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})(p_{23} - c_2 - c_3)\beta_{14} = 0 \quad (34)$$

$$(q_{14}y_{14} + 1 - q_{14})(p_{14} - c_1 - c_4)\beta_{23} + (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})(a_{23} - p_{23}\alpha_{23} + p_{14}\beta_{14}) - (q_{23}y_{23} + 1 - q_{23})(p_{23} - c_2 - c_3)\alpha_{23} = 0 \quad (35)$$

مثال عددی

فرض کنید فروشنده چهار کالا به مشتری نهایی می فروشد که این کالا هم جایگزین و هم مکمل یکدیگر می باشند. بین ضرایب حساسیت تقاضا به قیمت باید شرایطی که گفته شده در نظر گرفته شود تا جواب بدست آمده جواب بهینه کلی باشد.

جدول ۱. داده برای حل مساله در حالت فروش جداگانه

پارامتر	حد پایین	حد وسط	حد بالا
a_1	-	1000	-
a_2	-	1000	-
a_3	-	1000	-
a_4	-	1000	-
α_1	4	4.5	5
α_2	3.8	4.3	4.8
α_3	3.6	4.1	4.6
α_4	3.3	3.8	4.3
β_1	1.6	1.9	2.2
β_2	1.5	1.8	2.1
β_3	1.4	1.7	2
β_4	1.3	1.6	1.9
c_1	-	35	-
c_2	-	37	-
c_3	-	39	-
c_4	-	41	-
q_1	-	0.2	-

q_2	-	0.3	-
q_3	-	0.25	-
q_4	-	0.35	-
y_1	-	0.8	-
y_2	-	0.7	-
y_3	-	0.75	-
y_4	-	0.85	-

$$d_1 = 1000 - 1.7p_3 - 1.6p_4 - 4.5p_1 + 1.8p_2$$

$$d_2 = 1000 - 4.3p_2 - 1.7p_3 - 1.6p_4 + 1.9p_1$$

$$d_3 = 1000 - 4.1p_3 - 1.8p_2 - 1.9p_1 + 1.6p_4$$

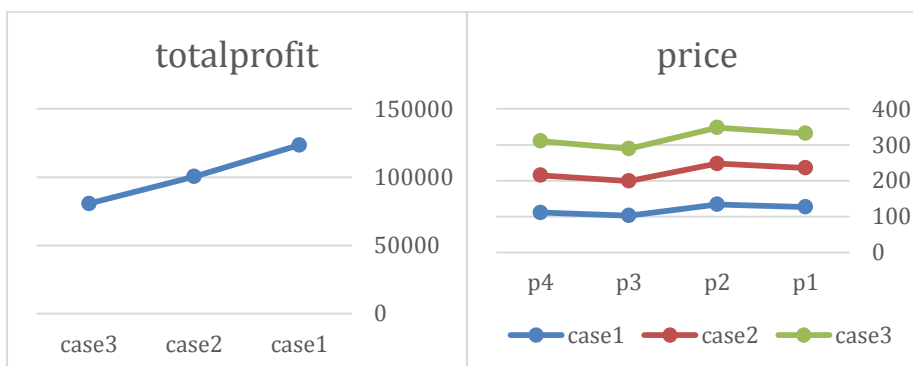
$$d_4 = 1000 - 3.8p_4 - 1.8p_2 - 1.9p_1 + 1.7p_3$$

مقدار هر یک از متغیرهای تصمیم و مقدار تابع هدف عبارت است از:

$$p_1 = 108.651, p_2 = 113.852, p_3 = 96.684, p_4 = 103.578,$$

$$d_1 = 410.54, d_2 = 420.456, d_3 = 392.648, d_4 = 393.758$$

$$Totalprofit = 100400$$



شکل ۱. اثر تغییر ضرایب حساسیت بر روی سود و قیمت فروش

همانطور که از فوق مشخص است با افزایش ضرایب حساسیت تقاضا بر اساس قیمت میزان قیمت فروش هر یک از کالاها افزایش ولی سود کل کاهش می‌یابد.

جدول ۲. داده برای حل مساله در حالت فروش بسته ای

پارامتر	حد پایین	حد متوسط	حد بالا
a_{13}	-	1000	-
a_{24}	-	1000	-
a_{23}	-	1000	-
a_{14}	-	1000	-
α_{13}	4	4.5	5
α_{24}	3.8	4.3	4.8
α_{23}	3.6	4.1	4.6
α_{14}	3.3	3.8	4.3
β_{13}	1.6	1.9	2.2
β_{24}	1.5	1.8	2.1
β_{23}	1.4	1.7	2
β_{14}	1.3	1.6	1.9
c_1	-	35	-
c_2	-	37	-
c_3	-	39	-
c_4	-	41	-
q_{13}	-	0.2	-
q_{24}	-	0.25	-
y_{13}	-	0.8	-
y_{24}	-	0.85	-
q_{14}		0.3	
q_{23}		0.35	
y_{14}		0.7	
y_{23}		0.75	

$$d_{13} = 100 - 4.5p_{13} + 1.8p_{24}$$

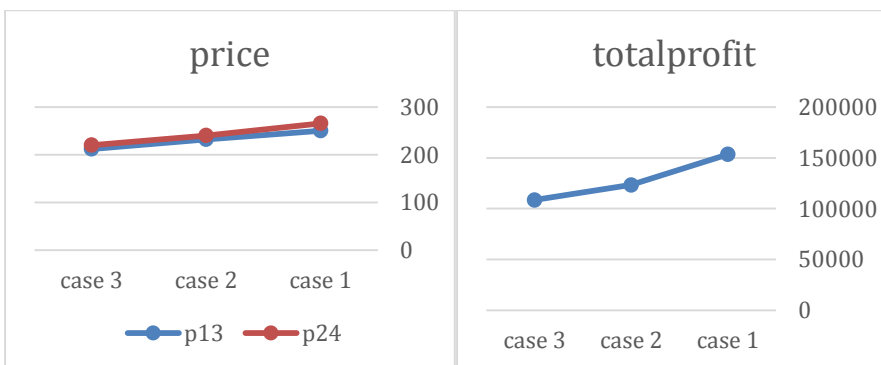
$$d_{24} = 100 - 4.3p_{24} + 1.9p_{13}$$

$$d_{14} = 100 - 3.8p_{14} + 1.7p_{23}$$

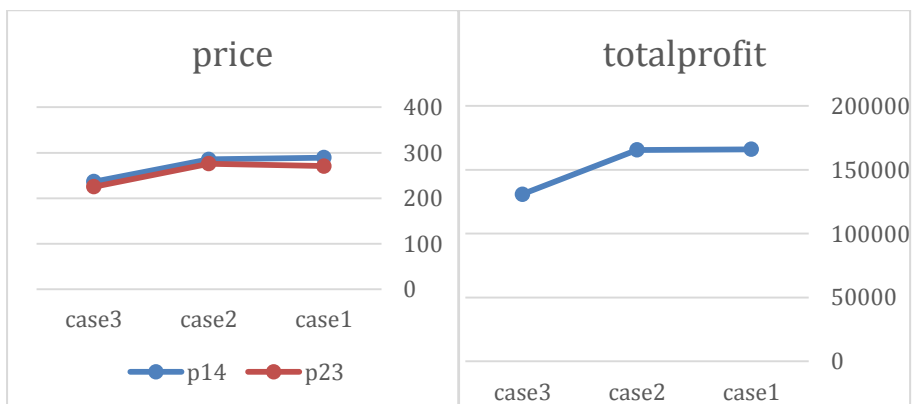
$$d_{23} = 100 - 4.1p_{23} + 1.6p_{14}$$

$$p_{13} = 232.85, p_{24} = 240.74, d_{13} = 398.765, d_{24} = 415.35786, totalprofit = 123440$$

$$p_{14} = 285.3345, p_{23} = 274.765, d_{14} = 419.7765, d_{23} = 431.985, totalprofit = 165560$$



شکل ۲. اثر تغییر ضرایب حساسیت بر روی سود و قیمت فروش



شکل ۳. اثر تغییر ضرایب حساسیت بر روی سود و قیمت فروش

همانطور که از دو شکل فوق مشخص است با افزایش ضرایب حساسیت تقاضا بر اساس قیمت میزان قیمت فروش هر یک از کالاها افزایش ولی سود کل کاهش می‌یابد زیرا ریسک انقطاع سود آوری زنجیره تامین را دچار اختلال می‌کند که حتی با افزایش میزان قیمت‌ها سود کل کاهش می‌یابد.

نتیجه‌گیری

قیمت‌گذاری یکی از مهمترین عوامل در میزان سودآوری هر یک از بنگاههای اقتصادی می‌باشد به این صورت که تعیین قیمت هر یک از کالا در تعیین میزان سهم از بازار بسیار حائز اهمیت می‌باشد و علاوه بر آن سناریوهایی که برای فروش کالا در نظر گرفته می‌شود نیز بسیار مهم است. در این مقاله فروش کالاها مکمل و جایگزین به صورت همزمان توسط فروشنده بررسی شده است به این ترتیب که تقاضا برای هر یک از کالاها به قیمت خود کالا و قیمت کالا دیگر بستگی دارد. هر کسب‌وکاری ممکن است بنا بر دلایل مختلفی در هر زمان از استراتژی خاص یا ترکیبی از استراتژی‌های بازاریابی و فروش استفاده کند. فروشنده می‌تواند کالاها را به صورت جداگانه و به صورت بسته‌ای به فروش برساند که در فروش بسته‌ای دو کالا مکمل در یک بسته به مشتری عرضه می‌شوند. در این مقاله بررسی احتمال بروز ریسک انقطاع بررسی شده است به این صورت که با بروز ریسک انقطاع درصدی از میزان سفارش برآورده می‌شود و سودآوری زنجیره‌تأمین دچار اختلال می‌شود. در انتها برای نشان دادن اعتبار مدل و مقایسه حالت‌های مختلف مثال عددی ارائه شده و تحلیل حساسیت بر روی پارامترهای مهم مدل انجام شده است. با حل مدل به این نتیجه رسیدیم که با فروش بسته‌ای به علت کاهش قیمت و افزایش تقاضا میزان سود فروشنده نسبت به حالت فروش جداگانه افزایش چشم‌گیری خواهد داشت و ترجیح فروشنده به فروش بسته‌ای می‌باشد. در نتیجه در عمل به اینصورت است که فروشنده به جای اینکه هر یک از کالاها را به صورت جداگانه به فروش برساند بهتر است به صورت فروش بسته‌ای این کار را انجام دهد که باعث افزایش سودآوری خواهد شد حتی اگر ریسک انقطاع رخ دهد میزان سودآوری افزایش می‌یابد زیرا خریدار کالا مورد نیاز خود را با تخفیف‌های بیشتری خریداری

می کند و باعث جذابیت برای مشتری خواهد شد. در عمل این روش می توان برای حالتی که دچار ریسک انقطاع می شویم و میزان فروش کاهش پیدا می کند از این روش برای افزایش میزان فروش و افزایش جلب مشتری استفاده کرد.

پیشنهادات آتی

در مدل ارائه شده میزان تقاضا خطی می باشد، برای پژوهش های آتی پیشنهاد می گردد پژوهشگران میزان تقاضا را براساس روش هایی مانند وفاداری به برند، تولید کالای سبز، فروش از طریق کانال مستقیم و سنتی و... در نظر بگیرند. همچنین امکان بروز ریسک انقطاع به صورت احتمالی می باشد که پژوهشگران می توانند آن را به صورت فازی در نظر بگیرند.

منابع

- Cao, P., Li, J. & H. Yan. (2012). Optimal dynamic pricing of inventories with stochastic demand and discounted criterion. *European Journal of Operational Research*, 217 (3). 580-588. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2011.09.048>
- Choi, T. (2007). Pre-season stocking and pricing decisions for fashion retailers with multiple information updating. *International Journal of Production Economics*, 106 (1). 146-170. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2006.05.009>.
- Kuo, C., & Huang, K. (2012). Dynamic pricing of limited inventories for multi-generation products. *European Journal of Operational Research*, 217(2).394-403. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2011.09.020>
- Seyed Esfahani, M.M., Biazaran, M., & Gharakhani, M. (2011). A game theoretic approach to coordinate pricing and vertical co-op advertising in manufacturer-retailer supply chains. *European Journal of Operational Research*, 211 (2).263-273. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2010.11.014>.
- Tang, C., & Yin, R. (2007). Joint ordering and pricing strategies for managing substitutable products. *Production and Operations Management*. 16 (1). 138-153. <https://doi.org/10.1111/j.1937-5956.2007.tb00171.x>.
- Wu, C.H., Chen, C.W., & Hsieh C.C. (2012). Competitive pricing

decisions in a two-echelon supply chain with horizontal and vertical competition. *International Journal of Production Economics*, 135 (1). 265-274. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2011.07.020>.

Soon, W. (2011). A review of multi-product pricing models. *Applied Mathematics and Computation*, 217 (21). 8149-8165. <https://doi.org/10.1016/j.amc.2011.03.042>.

Karakul. M.,& Chan. L.M.A. (2008). Analytical and managerial implications of integrating product substitutability in the joint pricing and procurement problem, *European Journal of Operational Research*, 190(1). 179-204. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2007.06.026>.

Karakul. M., & Chan. L.M.A. (2010). Joint pricing and procurement of substitutable products with random demands – A technical note. *European Journal of Operational Research*, 201(1), 324-328. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2009.03.030>.

Zhao. J.,& Wei. J. (2012). Pricing game of two substitutable products supply chains under centralized and decentralized decisions. *Journal of the Chinese Institute of Industrial Engineers*. 29(7). 435-443. <https://doi.org/10.1080/10170669.2012.721096>.

Chen, Y., Fang, Sh.,& Wen, Ch. (2013). Pricing policies for substitutable products in a supply chain with Internet and traditional channels. *European Journal of Operational Research*. 224 (3), 542-551. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2012.09.003>.

Yue, X., Mukhopadhyay, S.,& Zhu, X.(2006). A Bertrand model of pricing of complementary goods under information asymmetry, *Journal of Business Research*,59(10–11),1182–1192. <https://doi.org/10.1016/j.jbusres.2005.06.005>.

Mukhopadhyay, S., Yue, X.,& Zhu, X.(2011). A Stackelberg model of pricing of complementary goods under information asymmetry. *International Journal of Production Economics*. 134 (2).424–433. <https://doi.org/10.1016/j.ijpe.2009.11.015>.

Wei, J., Zhao, J., &Li, Y.(2013). Pricing decisions for complementary products with firms' different market powers. *European Journal of Operational Research*224(3). 507–519. <https://doi.org/10.1016/j.ejor.2012.09.011>.

Mohsenzadeh Ledari. A.,& Arshadi Khamseh. A. (2024).Optimal pricing decisions in a two echelon green/non-green resilient supply chain for substitute and complementary products considering disruption risk. *International Journal of Industrial and Systems Engineering*. 46(3). 355-389. <https://doi.org/10.1504/IJISE.2024.137959>.

Mohsenzadeh Ledari. A., Arshadi Khamseh. A,& Naderi, B. (2019). Pricing for Complementary and Substitute Products Simultaneously in the Package-Sale and Separate-Sale. *International Journal of Business Analytics*. 6(1).77-93. [DOI: 10.4018/IJBAN.2019010105](https://doi.org/10.4018/IJBAN.2019010105).

Zhou,W., Yang,H., Dang,Y. & Niu, B.(2023). A novel mechanism in a dual-sourcing supply chain with supply disruption risk: The fraction-committed procurement contract. *Computers & Industrial Engineering*.186. <https://doi.org/10.1016/j.cie.2023.109712>.

Jafari-Nodoushan,A., Dehghani Sadrabadi, M.H., Nili,M., Ahmad Makui ,A. & Ghousi,R.(2024). Designing a sustainable disruption-oriented supply chain under joint pricing and resiliency considerations: A case study. *Computers & Chemical Engineering*.180(5). <https://doi.org/10.1016/j.compchemeng.2023.108481>

COPYRIGHTS

© 2023 by the authors. Licensee Advances in Finance and Investment Journal. This article is an open access article distributed under the terms and conditions of the Creative Commons Attribution 4.0 International (CC BY 4.0) (<http://creativecommons.org/licenses/by/4.0/>).

