

Journal of Intelligent Procedures in Electrical Technology/ Vol. 11/ No. 41/ Spring 2020 P-ISSN: 2322-3871, E-ISSN: 2345-5594, http://jipet.iaun.ac.ir/

## Electromagnetic Force Analysis of Transformer on the Ferroresonance due to Consecutive 3–Phase Short–Circuit Faults Using Finite Element Method (FEM)

# Ali Ahmadpour, *PhD Candidate*, SeyedJalal Seyed Shenava, *Associate Professor*, Abdolmajid Dejamkhooy, *Assistant Professor*, Elham Mokaramian, *PhD Candidate*

Department of Electrical Engineering, Faculty of Engineering, University of Mohaghegh Ardabili, Ardabil, Iran a.ahmadpour@uma.ac.ir

seyedshenava@uma.ac.ir majiddejam@uma.ac.ir e.mokaramian@uma.ac.ir

## Abstract:

In this paper, Finite Element Method (FEM) is used to study the ferroresonance phenomenon from the perspective of the electromagnetic forces introduced on the transformer windings. In order to simulate this phenomenon, a consecutive 3–phase short–circuit fault is considered to be on the primary side at a relatively distant from the transformer. Then, due to the capacitance of the line, between the error point and transformer, the single–phase short–circuit faults are generated, one–by–one. Because of the switching, for isolation feeder from the fault point, the ferroresonance appears in power system. Then, voltages and currents of the primary and secondary windings will be changed. The effect of current changes on the forces that transformer coils withstand, when the ferroresonance happens, is an interesting topic to this paper. With modeling of the transformer and feeder switching in the FLUX 12.2 software, the ferroresonance condition is simulated. Due to the dependence of the ferroresonance on the non-linearity of the magnetic characteristic of the transformer core, Jiles–Atherton vector hysteresis model is used to modeling the core hysteresis loops for enhancement the results accurate.

Keywords: Ferroresonance, transformer, electromagnetic force analysis, finite element method, shortcircuit

Received: 21 October 2019 Revised: 11 February 2020 Accepted: 5 April 2020

Corresponding Author: Ali Ahmadpour

Citation: A. Ahmadpour, S. Seyed-Shenava, A. Dejamkhooy, E. Mokaramian, "Electromagnetic force analysis of transformer on the ferroresonance due to consecutive 3–phase short–circuit faults using finite element method (FEM)", Journal of Intelligent Procedures in Electrical Technology, vol. 11, no. 41, pp. 47-60, Spring 2020 (in Persian).

# تحلیل نیروهای الکترومغناطیسی ترانسفورماتور تحت شرایط فرورزونانس در اثر اتصال کوتاه سه فاز متوالی با استفاده از روش اجزای محدود

علی احمدپور، دانشجوی دکتری، سیدجلال سیدشنوا، دانشیار، عبدالمجید دژمخوی، استادیار، الهام مکرمیان، دانشجوی دکتری

> گروه مهندسی برق قدرت، دانشکده فنی و مهندسی ،دانشگاه محقق اردبیلی، اردبیل، ایران a.ahmadpour@uma.ac.ir seyedshenava@uma.ac.ir majiddejam@uma.ac.ir e.mokaramian@uma.ac.ir

چکیده: در این مقاله، از روش تحلیلی اجزای محدود برای مطالعه پدیده فرورزونانس از دیدگاه نیروهای الکترومغناطیسی وارد بر سیمپیچیهای ترانسفورماتور استفاده شده است. به منظور مدل سازی این پدیده، یک خطای اتصال کوتاه سه فاز متوالی در سمت اولیه و در فاصله نسبتا دور از ترانسفورماتور درنظر گرفته شده است. سپس با توجه به ظرفیت خازنی معادل خط، بین محل خطا تا محل نصب ترانسفورماتور، خطاهای اتصال کوتاه تک فاز به صورت متوالی تولید می شوند. به علت کلیدزنی، برای قطع خط در محل خطا، پدیده فرورزونانس در سیستم قدرت به وجود می آید. در نتیجه، اندازه ولتاژ و جریانهای سمت اولیه و ثانویه ترانسفورماتورها به صورت محسوس تغییر پیدا می کنند. تأثیر تغییرات جریان بر اندازه نیروهایی که سیمپیچیهای توزیع در محیط اجزای محدود نرمافزار 12.2 FLUX او استفاده از کلیدزنی در شبکه، پدیده فرورزونانس مدل سازی می شود. با توزیع در محیط اجزای محدود نرمافزار 12.2 FLUX و استفاده از کلیدزنی در شبکه، پدیده فرورزونانس مدل سازی می شود. با توزیع در محیط اجزای محدود نرمافزار 12.2 FLUX و استفاده از کلیدزنی در شبکه، پدیده فرورزونانس مدل سازی می شود. با توزیع در محیط اجزای محدود نرمافزار 12.2 FLUX و استفاده از کلیدزنی در شبکه، پدیده فرورزونانس مدل سازی می شود. با توزیع در محیط اجزای محدود نرمافزار 12.2 FLUX و استفاده از کلیدزنی دا می تور موراتور، از مدل هیسترزیس برداری توجه به وابستگی فرورزونانس به غیرخطی بودن مشخصهٔ مغناطیسی هسته آهنی ترانسفورماتور، از مدل هیسترزیس برداری

**کلمات کلیدی:** اتصال کوتاه، ترانسفورماتور، روش اجزای محدود، سیستم قدرت، فرورزونانس، مدل هیسترزیس، نیروهای الکترومغناطیسی.

> تاریخ ارسال مقاله: ۱۳۹۸/۷/۲۹ تاریخ بازنگری مقاله: ۱۳۹۸/۱۱/۲۲ تاریخ پذیرش مقاله: ۱۳۹۹/۱/۱۷

**نام نویسندهی مسئول:** علی احمدپور **نشانی نویسندهی مسئول:** اردبیل- بلوار دانشگاه- دانشگاه محقق اردبیلی- دانشکده فنی و مهندسی- طبقه اول- گروه مهندسی برق

### ۱– مقدمه

کلیدزنی<sup>۱</sup> در مدار قدرت بهصورت مداوم انجام میشود. یکی از علتهای اصلی کلیدزنی، خطاه ای اتصال کوت ا<sup>۲</sup> است که در شبکه برق بهصورت معمول رخ می دهند. در اکثر موارد ثابت شده است که کلیدزنی می تواند منجر به تغییرات گذرا در دامنه و زاویه ولتاژ و جریانها در سیستم قدرت شوند [۱]. اگر خازن معادل مدار یا کلید قطع کننده مدار به اندازهای باشد که نتوان از آن صرفنظر کرد، تغییرات گذرای به وجود آمده در اثر کلیدزنی را می توان به صورت پدیده فرورزونانس<sup>۳</sup> تعریف کرد. در حالت کلی، فرورزونانس زمانی رخ می دهد که یک منبع ولتاژ متناوب سینوسی و یک خازن به همراه یک سلف با مشخصۀ مغناطیسی غیرخطی، یک مدار الکتریکی را شکل دهند. مدار ساده برای توضیح پدیده فرورزونانس در شکل (۱) رسم شده است. در حقیقت، فرورزونانس را می توان تبادل پیچیده انرژی بین خازنهای خطوط سیستم قدرت و هستههای آهنی ترانسفورماتور، با مشخصۀ غیرخطی، درنظر گرفت [۲]. فرورزونانس که یک پدیده غیرخطی و غیرقابل پیشبینی است، می تواند اثرات نامطلوبی بر روی انواع تجهیزات نصب شده داشته باشد [۳].



شکل (۱): مدار کلی برای توصیف پدیده فرورزونانس Fig. (1): The model for ferroresonance description

در تحقیقات پیشین، فرورزونانس از دیدگاههای مختلفی مورد بررسی قرار گرفته است. پژوهش های اولیه، بیشتر روی اصول مدل سازی ریاضی و مبانی مداری فرورزونانس تمرکز داشتند [۴–۹]. در مرحله بعدی، مدل سازی ریاضی با شبیه سازی های کامپیوتری همراه بود. مرجع [۱۰] پدیده فرورزونانس را از طریق معادلات ریاضی دینامیکی حل کرده است و نقش اصلی تلفات ترانسفورماتور در تعیین نوع فرورزونانس را اثبات کرده است. علاوه بر آن، شرایط اولیه و تغییـرات پارامترهـای سیسـتم نیـز در پاسخ سیستم به پدیده فرورزونانس بسیار موثر هستند [۱۱]. یکی از عوامل تولید اضافه ولتاژهای ناشی از فرورزونانس در سیستم های قدرت، واحدهای تولید پراکنده<sup>۴</sup> هستند، و افزایش ولتاژ به اندازه خازن وابسته است [۱۲]. به همین دلیل، بررسی پدیده فرورزونانس در این مورد می تواند به انتخاب کنترل کننده های مناسب کمک کند [۱۳]. بررسی پدیده فرورزونانس بهصورت الکتریکی برای بهدست آوردن جریانها و ولتاژهای سه فاز ترانسفورماتور در شرایط مختلف برقدار کردن و بیبرق کردن آن در [۱۴] انجام شده است. یک روش جدید برای حل مسأله فرورزونانس در [۱۵] ارائه شده که کلیدزنی در حالات مختلف را برای انواع هستههای آهنی بدون درنظر گرفتن حلقههای هیسترزیس<sup>۵</sup> حل شده است. درنظر گرفتن مشخصهٔ مغناطیسی واقعی هستههای آهنی، که شامل نمودارهایی با حلقههای هیسترزیس است، میتواند دقت نتایج را بهبود ببخشد. از طرف دیگر، انتخاب مدار معادل مناسب ترانسفورماتور برای بررسی پدیده فرورزونانس، نتایج بهدست آمده از شبیهسازی کامپیوتری را به نتایج عملی نزدیک میکند [۱۶]. یک روش جدید برای تحلیل فرورزونانس در [۱۷] بر مبنای اثرات مغناطیسی ستونهای هسته آهنی بر یکدیگر و مدلهای حلقههای هیسترزیس در هستههای فریت<sup>ع</sup> ارائه شده است، و درصـد بالای شباهت نتایج بهدست آمده از شبیهسازی به نتایج ثبت شده از مدل واقعی و آزمایشگاهی نشان داده شده است. یک روش دیگر برای مدلسازی سلف قابل اشباع با حلقه های هیسترزیس، بر اساس درنظر گرفتن جریان و ولتاژ سلف به ترتیب بهعنوان ورودی و خروجی یک تابع ریاضی، بهصورت یک منبع ولتاژ کنترل شده با جریان توصیف شده است [۱۸].

روشهای متعددی نیز برای کنترل و یا تضعیف پدیده فرورزونانس پیشنهاد شده است [۲۹-۲۲]. یکی از روشهای دقیق و بهروز در زمینه بررسی پدیده فرورزونانس، روش اجزای محدود<sup>۷</sup> است. از این روش در بررسی تغییرات الکتریکی (جریانها و ولتاژها) و مغناطیسی (چگالی شار مغناطیسی) برای هستههای فرومغناطیسی تحت شرایط فرورزونانسی استفاده شده است [۲۳]. تغییرات چگالی شار در نزدیکی محل اتصال یوغ^ و ستون های هسته ترانسفورماتور با استفاده از روش اجـزای محـدود و آزمایشات عملی تحت شرایط فرورزونانسی در مقاله [۲۴] بررسی شده است؛ نویسندگان با مقایسه نتایج، دقت قابل قبولی را برای روش خود محاسبه کردهاند. تغییرات چگالی شار الکترومغناطیسی برای یک اتوترانسفورماتور فوق توزیع در حضور پدیده فرورزونانس با استفاده از روش اجزای محدود در مقاله [۲۵] بررسی شده است؛ بعد از تحلیل، تلفات بهدست آمده در حالت خطای سیستم بیشتر از حالت عادی است که باعث افزایش دمای ترانسفورماتور خواهد شد. در مرجع [۲۶] یک روش جدید بـر اساس تحلیل لرزش برای شناسایی پدیده فرورزونانس انجام گرفته است. در این مقاله، فرورزونانس حالت ماندگار بهدست آمده از خطای اتصال کوتاه بررسی شده است. در مقاله [۲۷] یک تحلیل جامع برای کلاس بندی انواع مختلف فرورزونانس انجام شده است و در آن، مواردی که تأثیر عمدهای بر روی سیستم قدرت دارد را انتخاب و بررسی شدهاند. بهعلت خاصیت غیرخطی یدیده فرورزونانس، معادلات غیرخطی و حل این معادلات، به پاسخ دقیق آن کمک خواهد کرد. به همین منظور، در مقاله [۲۸]، با درنظر گرفتن ضریب جریان گردابی ترانسفورماتور، یک تحلیل مناسب برای پدیده فرورزونانس انجام شده است. در نتایج این مقاله مشاهده شده است که حلقههای هیسترزیس و پاسخ فرورزونانس در حالتی که ضریب جریان گردابی اعمال شده است، بسيار دقيـق است. در مقالـه [٢٩]، تـاثيرات جريـان هجـومي ايجـاد شـده توسـط پديـده فرورزونـانس بـر روي سیم پیچی های سه فاز ترانسفورماتور مطالعه شده است. در مقاله [۳۰]، مطالعهای بر روی یک سیستم واقعی کشور کانادا انجام شده است و در آن، تأثیر انواع مختلف اتصالات سیمپیچیهای سه فاز ترانسفورماتور بر روی شـدت فرورزونـانس بررسـی شـده است. برای جلوگیری از اثرات نامطلوب پدیده فرورزونانس بر روی تجهیزات سیستم قدرت، استفاده از مدارات بازدارنده الکترونیک قدرت بسیار مفید خواهد بود. در [۳۱]، استفاده از این مدارها توصیه شده است و مقاومتهای معادل مختلف ایـن مدارها بررسی شده است. همچنین، در [۳۱] نشان داده شده است که مقاومتهای خیلی بالا و خیلی کم نمی توانند مدارات بازدارنده مناسبی باشند. به این منظور، اندازه بهینه مقاومت در این مقاله تعیین و پیشنهاد شده است.

در این مقاله یک ترانسفورماتور سه فاز در محیط اجزای محدود نرمافزار FLUX 12.2 با استفاده از مدل هیسترزیس برای هسته آهنی مدلسازی می شود. با شبیه سازی مدل فرورزونانس در سیستم قدرت، تحلیل های الکتریکی، شامل جریان و ولتاژهای سه فاز، و تحلیل مغناطیسی، شامل توزیع چگالی شار، نمایش خطوط شار، نیروهای مکانیکی وارد بر سیم پیچی ها، نشان داده خواهد شد. ادامه مقاله به صورت زیر است؛ در بخش دوم مدل هیسترزیس شبیه سازی شده در نرم افزار FLUX 12.2 توضیح داده خواهد شد. در بخش سوم، مدل سازی فرورزونانسی انجام شده است. در بخش چهارم، نحوه تولید نیروه ای مکانیکی وارد بر سیم پیچی ها بررسی شده است. بخش پنجم و ششم به ترتیب نتایج شبیه سازی و نتیجه گیری هستند.

## ۲– مدلسازی هیسترزیس ترانسفورماتور

دو مدل مرسوم برای توصیف رفتار هیسترزیس ترانسفورماتور در مطالعات فرورزونانسی وجود دارد: مدل هیسترزیس Preisach (۱۸، ۳۲، ۳۳] و مدل برداری هیسترزیس Albe-Atherton (۲۹) (۳۲, ۳۴–۳۹]. در این مقاله از مدل A-L برای مـدلسازی مغناطیسی هسته ترانسفورماتور بهره گرفته شده است. علت گستردگی این روش نسبت به سایر روشها، استفاده از پارامترهای مغناطیسی هسته ترانسفورماتور بهره گرفته شده است. علت گستردگی این روش نسبت به سایر روشها، استفاده از پارامترهای محمور، انطباق راحت تر با نرمافزارهای اجزای محدود، و هزینه محاسباتی کمتر است (۳۹]. مـدل اجـزای محـدود ترانسفورماتور بهره گرفته شده است. علت گستردگی این روش نسبت به سایر روشها، استفاده از پارامترهای کمتر، انطباق راحت ر با نرمافزارهای اجزای محدود، و هزینه محاسباتی کمتر است (۳۹]. مـدل اجـزای محـدود ترانسفورماتور توزیع مورد بررسی در این مقاله در شکل (۲) رسم شده است. اطلاعات ترانسفورماتور و سیستم قدرت مورد بررسی در جـدول (۱) آورده شده است. هده است. اطلاعات ترانسفورماتور و سیستم قدرت مورد بررسی در محدول (۱) آورده شده است. همچنین نـوع فـولاد سـیلیکوندار<sup>۹</sup> مـورد استفاده برای هسته آهنی، 504–3000 است که پارامترهای مربوط به مدل برداری A-J و حلقه هیسـترزیس در فرکـانس Hz استفاده برای هسته آهنی، 504–3000 است که پارامترهای مربوط به مدل برداری A-J و حلقه هیسـترزیس در فرکـانس Hz استفاده برای هسته آهنی، ۵۰۹–500 است که پارامترهای مربوط به مدل برداری A-J و حلقه هیسـترزیس در فرکـانس Hz استفاده برای هسته آهنی، ۵۰۹–5000 است که پارامترهای مربوط به مدل برداری A-J و حلقه هیسـترزیس در فرکـانس Hz در [۳۹] مشخص شدهاند. با توجه به غیرخطی بودن مسأله، تخمین صحیح رفتار مغناطیسی هسته، به افزایش دقـت نتـایج نیز کمک خواهد کرد.



شکل (۲): مدل اجزای محدود دو بعدی ترانسفورماتور توزیع Fig. (2): The 2D finite element model of distribution transformer

اندازه	تعریف پارامتر (واحد اندازهگیری)
۶۳۰	ظرفیت نامی (kVA)
۲۰ / ۰/۴	ولتاژ اوليه / ثانويه (kV)
9+9/88 / 18/18	جريان اوليه / ثانويه (A)
مثلث / ستاره زمین شده	نوع آرايش.ندى: اوليه / ثانويه

Table (1): The characteristic of desired transformer جدول (۱): مشخصات کلی ترانسفور ماتور

# ۳- مدلسازی پدیده فرورزونانس

در سیستمهای قدرت اکثر تجهیزات با هستههای آهنی، دارای مشخصههای غیرخطی هستند. بیشترین سهم تجهیزات با مشخصهٔ غیرخطی به ترانسفورماتورهای قدرت مربوط می شوند [۲۱]. هستههای آهنی با جنس فولاد سیلیکوندار، که حلقههای هیسترزیس باریکی دارند، آشفتگی بیشتری در پدیده فرورزونانس تولید می کنند [۱۸]. اگر این هستههای آهنی، به عنوان سلفهای قابل اشباع، به همراه یک خازن در مدار قدرت قرار بگیرند، پدیده فرورزونانس به وجود می آید. زمانی که جریان از خازن و سلف عبور کند، در این حسلت می مند [۱۸]. اگر این هستههای آهنی، به عنوان سلفهای قابل اشباع، به همراه یک خازن در مدار قدرت قرار بگیرند، پدیده فرورزونانس به وجود می آید. زمانی که جریان از خازن و سلف معاور کند، در این حالت هارمونیکهای جریان تولید می شوند. هر اندازه مشخصهٔ سلف غیرخطی باشد، تعداد از خازن و سلف عبور کند، در این حالت هارمونیکهای جریان تولید می شوند. هر اندازه مشخصهٔ سلف غیرخطی باشد، تعداد مرامونیکها و تأثیر آنها نیز بیشتر خواهد شد. در حالت کلی، چهار نوع پدیده فرورزونانسی با توجه به اندازه پارامترهای مدار در پژوهش های قبلی به اثبات رسیده است: مد اساسی<sup>۱۰</sup>، مد زیرهارمونیک<sup>۱۱</sup>، مد نیمه متناوب<sup>۲</sup>، و مد آشفته<sup>۱۱</sup> [۱۱]. خاصیت خازنی در اکثر سیستمهای قدرت و جود دارد؛ ظرفیت خازنی معادل خطوط با طول متوسط و بیشتر، کلیدزنی بانکهای خازنی، خازنی در اکثر سیستمهای قدرت وجود دارد؛ ظرفیت خازنی معادل خطوط با طول متوسط و بیشتر، کلیدزنی بانکهای خازنی، و کابل های زیر زمینی، هرکدام یک ظرفیت خازنی به حساب می آیند. یک سیستم توزیع با خط متوسط را درنظر بگیرید. در این حالت، خط انتقال اتصالی از نقطه شروع تزریق جریان تا نقطه اتصال آن به ترانسفورماتور، خاصیت خازنی را می توان برای فیدر حالت، خط انتقال اتصالی از نقطه شروع ترزیق جریان تا نقطه اتصال آن به ترانسفورماتور، خاصیت خازنی را می ورد برای می نیز برای می در شرو برای برای فیدر این خار می می در شر برای آن در نظر اعمال کرد. در شکل (۳)، مدل خط اتصالی مورد بررسی سیستم توزیع رسم شده است که مدل  $\pi$  مدل  $\pi$  مردنظر اعمال کرد. در شکل (۳)، مدل خط اتصالی مورد بررسی سیستم توزیع رسم شده است که مدل  $\pi$  مدنظ را مرای می در خار می مورد بررسی سیستم توزیع رسم شده است کردن مر مردا رسی گرفته مدر است که مدل  $\pi$  مدان مدن مدن است که مدن م مرای مدن مدن م مدا ست مدل م مدا مست مدن



Fig. (3): The  $\pi$  model of medium voltage transmission network

مدار معادل خط و ترانسفورماتور برای مطالعات فرورزونانس در شکل (۴) رسم شده است. در این مدار، اتصال سیم پیچیهای اولیه و ثانویه بهترتیب بهصورت مثلث (D) و ستاره زمین شده (Yn) درنظر گرفته شده است. منبع ولتاژ سینوسی کامل مورد استفاده دارای فرکانس ۵۰ هرتز است. در ابتدا فرض می شود که ترانسفورماتور توزیع تحت بار کامل قرار دارد. سپس با خطای اتصال کوتاه در سمت اولیه و در کنار منبع، خطوط فازهای اول تا سوم بهترتیب و با فاصله زمانی ۰/۱ ثانیه توسط کلیدهای قدرت قطع می شوند. در این صورت، شبکه ای به خازن معادل طول خط و نیز یک سلف غیرخطی باعث تولید ولتاژها و جریان های نامتقارن خواهند شد.



شکل (۴): مدار معادل خط و ترانسفورماتور سهفاز برای بررسی پدیده فرورزونانس Fig. (4): The equivalent circuit model of 3-phase power system and transformer for ferroresonance study

## ۴- نیروهای الکترومغناطیسی

در اکثر پژوهشهایی که مطالعه شد، پدیده فرورزونانس، با حالتهای مختلف, تنها از دید مداری (یعنی اندازه ولتاژها و جریانها) تحلیل شده بود. بررسی اثرات این اضافه ولتاژ یا جریانهای تهاجمی حاصل از پدیدههای گذرا بر عملکرد مغناطیسی و مکانیکی تجهیزات، روش جدیدی است که در این مقاله به آنها پرداخته شده است. نیروهای مکانیکی وارد بر سیم پیچیها و مکانیکی تجهیزات، روش جدیدی است که در این مقاله به آنها پرداخته شده است. نیروهای مکانیکی وارد بر سیم پیچیها و مکانیکی از رفتارهای الکترومغناطیسی الکترومغناطیسی ترانسفورماتور در زمان وقوع پدیده فرورزونانس است. عامل به وجود آورنده نیروهای الکترومغناطیسی توان الکترومغناطیسی ترانسفورماتور در زمان وقوع پدیده فرورزونانس است. عامل به وجود آورنده نیروه ای الکترومغناطیسی، تقابل جریان الکتریکی عبوری از سیم پیچیها و میدان مغناطیسی اطراف سیم پیچیها است. این نیرو، به ایروی لورنتس<sup>۹۴</sup> معروف بوده و چگالی آن، به صورت زیر تعریف میشود. (۱)

$$\vec{F}$$
 که در آن،  $\vec{I}$  بردار چگالی جریان بر حسب آمپر بر مترمربع ( $A/m^2$ )،  $\vec{B}$  بردار چگالی شار مغناطیسی بر حسب تسلا ( $T$ )، و  $\vec{F}$  بردار چگالی نیروهای لورنتس کل در واحد نیوتن بر مترمکعب ( $N/m^3$ ) و شامل دو مولف برداری در جهت شعاعی ( $\vec{F}_x$ ) و محوری ( $\vec{F}_x$ ) است که بهترتیب توسط مولفهٔ برداری محوری چگالی شار ( $\vec{B}_y$ ) و مولفهٔ شعاعی چگالی شار ( $\vec{F}_x$ ) به وجود می می آیند. این دو مولفهٔ نیرو توسط معادلات زیر محاسبه می شوند.  
 $F = \iint (J \times B) \times h \cdot dx \cdot dy$ 

$$F_{y} = \iint (J \times B_{x}) \times h \cdot dx \cdot dy$$
(7)

که در این معادلات، h ارتفاع سیمپیچیهای ترانسفورماتور است، و F<sub>x</sub> و F<sub>y</sub> در واحد نیوتن (N) هستند. جهت نیروهای محوری به سمت مرکز سیمپیچی، و جهت نیروهای شعاعی به سمت خارج از مرکز آن است. اندازه نیروهای شعاعی را میتوان تقریباً با اندازه نیرو کل، F، برابر گرفت. نیروهای لورنتس به علت وابستگی به جریان، در شرایط فرورزونانس با توجه به افزایش جریان، مقدار بزرگی خواهند داشت. بنابراین، بررسی نیروهای لورنتس در حضور این پدیده ضروری است. در بخش بعدی، نتایج بدست آمده از تحلیل الکترومغناطیسی ترانسفورماتور ارائه می شود.

## ۵– نتایج شبیهسازی

با درنظر گرفتن مشخصات ترانسفورماتور تشریح شده در جدول (۱)، شبیهسازیهای فرورزونانسی برای سیستم قدرت با یک خطای اتصال کوتاه سه فاز، با استفاده از نرم افزار 12.2 FLUX صورت گرفته است. زمان قطع برای فاز اول در ۲۰۴۴ ثانیه، برای فاز دوم ۲/۱۴ ثانیه و برای فاز سوم برابر ۲۴/۲ ثانیه توسط مدارشکنهای سه فاز<sup>۱۵</sup> درنظر گرفته شده است. شکلموجهای ولتاژ اولیه و ثانویه برای یک شبیهسازی با زمان ۳ ثانیه در شکل (۵) رسم شدهاند. در این شکل، بعد از وقوع خطا و قطع مدار از نقطه خطادار، شکلموجهای ولتاژ در تمام فازها بهصورت هارمونیکدار ظاهر شدهاند. در شکل (۶)، شکلموجهای جریانهای یافته اولیه و ثانویه نشان داده شده است. مطابق این شکلها، جریانها در سیمپیچیهای اولیه بهصورت قابل توجهی افزایش یافته است، ولی در ثانویه اندازه جریانها کاهش یافته است. این کاهش جریان باعث کاهش توان نامی ترانسفورماتور به مورت تدریجی خواهد شد.





تاثیر جریانهای اضافی بر عملکرد الکترومغناطیسی سیمپیچیهای ترانسفورماتورها از چند روش قابل بررسی و مطالعه است. اولین تحلیل مربوط به تلفات اهمی سیمپیچیها است. در شکل (۷) اندازه تلفات اهمی برای سیمپیچیهای هر سه فاز سمت فشار قوی رسم شده است. همانطوری که مشاهده میشود، با توجه به رابطه مستقیم توان تلفاتی با توان دوم جریان عبوری از سیم رسانا، تلفات اهمی افزایش چشمگیری خواهد داشت.







Fig. (7): The copper loss of primary windings

دومین تحلیل به افزایش دمای سیمپیچیها و نیز دمای روغن ترانسفورماتور مربوط میشود. با توجه به گذرا بودن جریانهای اضافی، افزایش دمای سیمپیچیها، بهعلت زمان بالای مورد نیاز دما برای رسیدن به پایداری، محسوس نخواهد بود. همچنین، نیروهای لورنتس وارد بر سیمپیچیها میتواند باعث کاهش فاصله بین سیمپیچیهای اولیه با ثانویه، با توزیع جابجایی نامتقارن، شود. در این صورت، بازگشت سیمپیچیها به حالت اولیه غیرممکن خواهد بود که باعث مشکلات زیادی، از جمله افزایش میزان شار نشتی خواهد شد.

در شکلهای (۸)-الف تا (۸)-د، توزیع چگالی برداری نیروهای لورنتس در حالتهای عادی، بعد از قطع فاز اول، بعد از قطع فاز دوم و بعد از قطع فاز سوم نشان داده شده است. در شکل (۸)-الف، جریان در لحظه ۲۰/۳۴ ثانیه برای فاز دوم حداکثر شده است. بنابراین، حداکثر نیروی مکانیکی بر سیم پیچی های این فاز وارد خواهد شد که این نکته در شکل نیز مشهود است. نیروهای مکانیکی در هنگام قطع فاز اول برای لحظه ۲/۱۳ ثانیه، که حداکثر جریان در این لحظه برای فاز سوم اتفاق افتاده است، بیشترین اندازه خود بر فاز سوم وارد می کند (شکل (۸)-ب). در شکل (۸)-ج، حداکثر نیروهای مکانیکی در لحظه ۱۵/۱ ثانیه بر فاز سوم وارد می شود که در این لحظه فازهای اول و دوم از مدار خارج شدهاند. شکل (۸)-د توزیع چگالی نیروها را برای لحظه برای ثانیه نشان داده است که هر سه فاز از مدار خارج شدهاند. در این لحظه، بیشترین اندازه چگالی نیروهای برای لحظه ۲/۲۹ ثانیه نشان داده است که هر سه فاز از مدار خارج شدهاند. در این لحظه، بیشترین اندازه چگالی نیروهای

برای مطالعه دقیق تر، اندازه کل توان لحظه ای وارد بر سیم پیچی های اولیه به صورت سه فاز در شکل (۹) رسم شده است. بر اساس این شکل، نیروهای مکانیکی تقریباً در تمام لحظات برای فاز دوم بیشترین و برای فاز اول کمترین مقدار را دارد. با توجه به این که فاز دوم در بین دو فاز اول و سوم قرار دارد، جابجایی سیم پیچی های این فاز می تواند اثرات نامطلوبی بر هر کدام از فازهای دیگر بگذارد. این اثرات در صورت جابجایی هر کدام از فازهای اول یا سوم به همراه جابجایی فاز دوم تشدید می شود. برای مثال، فازهای دوم و سوم، در تمام شکل های (۸) الف تا (۸) د، در اثر نیروی مکانیکی به سمت همدیگر حرکت می کنند. این اتفاق در شکل ۸ الف، برای سیم پیچی های اولیه فازهای اول و دوم اتفاق افتاده است. در شکل (۸) -ج، سیم پیچی های اولیه و ثانویه فاز اول به سمت هم کشیده می شوند.

در شکل (۹)-ب، اندازهٔ مولفهٔ شعاعی نیروهای لورنتس رسم شده است. همانطوری که قبلاً گفته شد و در این شکل نیز مشخص است، اندازهٔ کل نیرو را میتوان برابر با اندازهٔ مولفهٔ شعاعی درنظر گرفت. در شکل (۹)-ج، اندازه مولفهٔ محوری رسم شده است که بسیار کمتر از اندازهٔ کل نیرو است. علت این مسأله این است که جهت بردارهای شارهای مغناطیسی در راستای محور عمودی (۷) است. برای اثبات این موضوع بهروش دیگر، در شکلهای (۸)-الف تا (۸)-د، جهت اکثر نیروهای مغناطیسی در راستای محور افقی (x) است. همچنین، زاویه بردارهای نیروها در شکل (۹)-د رسم شده است. مشخص است که اندازه زاویه نیروها در بیشتر موارد، برابر ۱۸۰ یا ۱۸۰۰ درجه قرار دارد. با توجه به نکته که جابجایی سیمپیچیها به صورت حرکت به سمت سیمپیچیهای فازهای دیگر است، این نیروها میتواند باعث اتصال کوتاه بین سیمپیچیها شوند. در ایست صورت، جداسازی سیمپیچیها از یکدیگر یک مشکل زمان گیر خواهد بود که مشکلات مالی دیگر را نیز برای شرکتهای توزیع به همراه خواهد داشت.

یکی از تحلیل اساسی در حوزهٔ الکترومغناطیس، بررسی وضعیت شار مغناطیسی و توزیع آن در هسته است. شکلهای (۱۰)-الف و (۱۰)-ب توزیع چگالی شار مغناطیسی را بهترتیب برای حالت قبل از وقوع خطا و بعد از وقوع پدیـده فرورزونـانس نشـان میدهد. در هر دو حالت، حداکثر جریان برای فاز دوم سیمپیچیهای اولیه درنظر گرفته شده است. همانطوری کـه از شکل (۱۰)-ب نیز مشخص است، اندازه چگالی شار هسته در حالت خطا افزایش یافته است. در این حالت، چگالی شار مغناطیسی نشتی وارد سیمپیچیهای فاز دوم شده است. علاوه بر آن، تلفات آهنی ستون دوم نیز بیشترین مقـدار را نسبت بـه دو سـتون کناری دارد.



(د)

شکل (۸): توزیع بردارهای چگالی نیروهای لورنتس در حالات زمانی مختلف: الف) قبل از خطا (t=0.034 s)، ب) بعد از قطع فاز اول ( t=0.13

s)، ج) بعد از قطع فاز دوم (t=0.15 s)، د) بعد از قطع فاز سوم (t=0.29 s)

Fig. (8): The distribution of the Lorentz forces density at the different states: a) Before fault, b) After first phase cutting off, c) After second phase cutting off, d) After third phase cutting off

تغییرات زمانی ۳ ثانیهای اندازهٔ میدان میغناطیسی (H) بر حسب چگالی شار (B) بهصورت حلقههای هیسترزیس برای نقطهٔ مشخص شده در شکل ۲ در شکل ۱۱ نشان داده شده است. بر اساس این شکل، حداکثر چگالی شار بزرگتر از ۴ تسلا (T) است که باعث افزایش تلفات مغناطیسی ترانسفورماتور خواهد شد. همچنین این حالت باعث عبور از نقطه اشباع هسته آهنی خواهد شد. با تکرار پدیدههای گذرایی که نقطه اشباع توسط هسته دیده می شود، خستگی آهن هسته را بهمراه خواهد داشت که در طولانی مدته را بهمراه خواهد داشت که مای می ترانسفورماتور خواهد شد. همچنین این حالت باعث عبور از نقطه اشباع هسته آهنی خواهد شد. با تکرار پدیدههای گذرایی که نقطه اشباع توسط هسته دیده می شود، خستگی آهن هسته را به همراه خواهد داشت که در طولانی مدت باید تعویض شده در طولانی مدت باید تعویض شود. مشخص شات که دارد.



شکل (۹): نیروهای لورنتس: الف) اندازه کل نیرو، ب) اندازه مولفهٔ شعاعی، ج) اندازه مولفهٔ محوری، د) زاویه نیرو Fig. (9): The Lorentz forces: a) Magnitude, b) X component, c) Y component, d) Direction





(ب)





Fig. 11. The hysteresis loops

## ۶- نتیجهگیری

در این مقاله یکی از حالات ممکن برای پدیده فرورزونانس، با درنظر گرفتن مدار معادل یک خط متوسط و خطای اتصال کوتاه سه فاز متوالی، بررسی و در محیط شبیهسازی اجزای محدود مورد بررسی قرار گرفت. در نتایج بهدست آمده، جریانهای غیرسینوسی هارمونیکدار توسط ترانسفورماتور توزیع، با توجه به غیرخطی بودن مشخصهٔ مغناطیسی آن، و خازن معادل طول خط تولید شدند. این جریانهای اضافی عبوری از سیمپیچیهای ترانسفورماتور باعث تولید نیروهای الکترومغناطیسی اضافی میشود که اثرات نامطلوبی در آن دارد. جابه جایی نامتقارن و حرکت جزئی سیمپیچیها به سمت هم، و تولید تلفات آهنی نمونهای از این اثرات هستند. علاوه بر این، گرمای اضافی تولید شده توسط تلفات اهمی سیمپیچیها به سمت هم، و تولید د روغن ترانسفورماتور خواهد شد که میتواند باعت کاهش مقاومت حرارتی آنها شود. به طور خلاصه، نتایج به دست آمده از شبیه سازیهای مقاله میتوانند به شرح زیر توضیح داد:

- پدیده فرورزونانس، به علت مشخصه غیر خطی مغناطیسی هسته آهنی ترانسفور ماتور، یک پدیده غیر خطی است و مدل سازی مشخصه هسته آهنی با دقت بالا منجر به بالا رفتن دقت نتایج به دست آمده خواهد شد.
- ولتاژها و جریانهای هر دو سمت ترانسفورماتور به صورت هارمونیک دار ظاهر شدند و جریان ترانسفورماتور افزایش
   یافت که باعث افزایش تولید گرما در سیم پیچی ها می شود.
- جریان های هجومی تولید شده باعث تولید نیروهای الکترومغناطیسی اضافی شدند که تقارن نصب را بهم زدند؛
   به طوری که سیم پیچی ها به سمت داخل یا بیرون هدایت می شدند.
- حداکثر چگالی شار مغناطیسی در حالتی که ترانسفورماتور تحت فرورزونانس بود، به میزان تقریبا دو برابر افزایش یافت که باعث افزایش تلفات آهنی در هسته ترانسفورماتور می شود.
- حلقه های هیسترزیس هسته ترانسفورماتور از هر دو طرف کشیده شدند و شدت شار مغناطیسی در این حالت افزایش قابل توجهی داشت.

بر اساس نتایج بهدست آمده از این مقاله، مطالعه پدیده فرورزونانس با حالات مختلف عملکردی آن یک موضوع مهم است که اثرات منفی این پدیده گذرا را میتواند بهتر نشان دهد. پیشنهاد مقاله برای بررسی ادامهٔ روند تحلیلهای این پدیده، مطالعه حرارتی (تغییرات دمایی سیمپیچیهای ترانسفورماتور) در حالتهای مختلف است.

### References

### مراجع

- R. D. Evans, A. C. Monteith, and R. L. Witzke, "Power-system transients caused by switching and faults", IEEE Electrical Engineering, vol. 58, no. 8, pp. 386–396, Aug. 1939 (doi: 10.1109/T-AIEE.1939.5057978).
- [2] A. Tokić, and J. Smajić, "Modeling and simulations of ferroresonance by using bdf/ndf numerical methods", IEEE Trans. on Power Delivery, vol. 30, no. 1, pp. 342–350, Sep. 2015 (doi: 10.1109/TPWRD. 2014.2346766).
- [3] W. Sima, M. Yang, Q. Yang, T. Yuan, and M. Zou, "Simulation and experiment on a flexible control method for ferroresonance", IET Generation, Transmission and Distribution, vol. 8, no. 10, pp. 1744–1753, May. 2014 (doi: 10.1049/iet-gtd.2014.0046).
- [4] P. H. Odessey, and E. Weber, "Critical conditions in ferroresonance", Electrical Engineering, vol. 57, no. 8, pp. 444–452, Aug. 1938 (doi: 10.1109/EE.1938.6430867).
- [5] J. T. Salihi, "Theory of ferroresonance", Trans. of the American Institute of Electrical Engineers, Part I: Communication and Electronics, vol. 78, no. 6, pp. 755–763, Jan. 1960 (doi: 10.1109/TCE.1960.6368465).
- [6] J. C. Davidson, "The phenomenon of ferroresonance", Students' Quarterly Journal, vol. 41, no. 161, pp. 172–175, Sep. 1970 (doi: 10.1049/sqj.1970.0067).
- [7] E. F. Kratz, L. W. Manning, and M. Maxwell, "Ferroresonance in series capacitor-distribution transrormer applications", IEEE Trans. of the American Institute of Electrical Engineers. Part III: Power Apparatus and Systems, vol. 78, no. 3, pp. 438–445, Apr. 1959 (doi: 10.1109/AIEEPAS.1959.4500349).
- [8] R. F. Karlicek, and E. R. Taylor, "Ferroresonance of grounded potential transformers on ungrounded power systems", IEEE Trans. of the American Institute of Electrical Engineers. Part III: Power Apparatus and Systems, vol. 78, no. 3, pp. 607–614, Apr. 1959 (doi: 10.1109/AIEEPAS.1959.4500391).

- [9] R. H. Hopkinson, "Ferroresonance during single-phase switching of 3-phase distribution transformer banks", IEEE Trans. on Power Apparatus and Systems, vol. 84, no. 4, pp. 289–293, Apr. 1965 (doi: 10.1109/TPAS.1965.4766193).
- [10] A. E. A. Araujo, A. C. Soudack, and J. R. Marti, "Ferroresonance in power systems: chaotic behavior", IEE Proceedings C–Generation, Transmission and Distribution, vol. 140, no. 3, pp. 237–240, May. 1993 (doi: 10.1049/ip-c.1993.0035).
- [11] H. Abdi, S. Abbasi, and M. Moradi, "Analyzing the stochastic behavior of ferroresonance initiation regarding initial conditions and system parameters", Electrical Power and Energy Systems, vol. 63, pp. 134– 139, Dec. 2016 (doi: 10.1016/j.ijepes.2016.04.016).
- [12] M. Esmaeili, M. Rostami, G. B. Gharehpetian, and C. P. McInnis, "Ferroresonance after islanding of synchronous machine-based distributed generation", Canadian Journal of Electrical and Computer Engineering, vol. 38, no. 2, pp. 154–161, May. 2015 (doi: 10.1109/CJECE.2015.2411713).
- [13] U. Karaagac, J. Mahseredjian, and L. Cai, "Ferroresonance conditions in wind parks", Electric Power Systems Research, vol. 138, pp. 41–49, Sep. 2016 (doi: 10.1016/j.epsr.2016.04.007).
- [14] R. P. Pineda, R. Rodrigues, and A. A. Telléz, "Analysis and simulation of ferroresonance in power transformers using simulink", IEEE Latin America Trans., vol. 16, no. 2, pp. 460–466, Mar. 2018 (doi: 10.1109/TLA.2018.8327400).
- [15]E. Cazacu, V. Ionita, and Lucian Petrescu, "An efficient method for investigating the ferroresonance of single-phase iron core devices", The 10<sup>th</sup> International Symposium on Advanced Topics in Electrical Engineering, Bucharest: Romania, pp. 363–368, 23-25 Mar. 2017 (doi: 10.1109/ATEE.2017.7905167).
- [16] J. A. Corea–Araujo, F. González–Molina, J. A. Martínez, F. Castro–Aranda, J. A. Barrado–Rodrigo, and L. Guasch–Pesquer, "Single-phase transformer model validation for ferroresonance analysis including hysteresis", IEEE Power & Energy Society General Meeting, Denver: CO: USA, 26-30 Jul. 2015 (doi: 10.1109/PESGM.2015.7285872).
- [17] P. S. Moses, M. A. S. Masoum, and H. A. Toliyat, "Impacts of hysteresis and magnetic couplings on the stability domain of ferroresonance in asymmetric three–phase three–leg transformers", IEEE Trans. on Energy Conversion, vol. 26, no. 2, pp. 581–592, Dec. 2011 (doi: 10.1109/TEC.2010.2088400).
- [18] A. Rezaei-Zare, M. Sanaye-Pasand, H. Mohseni, S. Farhangi, and R. Iravani, "Analysis of ferroresonance modes in power transformers using preisach-type hysteretic magnetizing inductance", IEEE Trans. on Power Delivery, vol. 26, no. 2, pp. 919–929, Apr. 2007 (doi: 10.1109/TPWRD.2006.877078).
- [19] M. Yang, W. Sima, L. Chen, P. Duan, P. Sun, and T. Yuan, "Suppressing ferroresonance in potential transformers using a model-free active-resistance controller", Electrical Power and Energy Systems, vol. 95, pp. 384–393, Feb. 2018 (doi: 10.1016/j.ijepes.2017.08.035).
- [20] T. C. Akinci, N. Ekren, S. Seker, and S. Yildirim, "Continuous wavelet transform for ferroresonance phenomena in electric power systems", Electrical Power and Energy Systems, vol. 44, pp. 403–409, Jan. 2013 (doi: 10.1016/j.ijepes.2012.07.001).
- [21] H. Radmanesh, and G. B. Gharehpetian, "Ferroresonance suppression in power transformers using chaos theory", Electrical Power and Energy Systems, vol. 45, pp. 1–9, Feb. 2013 (doi: 10.1016/j.ijepes.2012. 08.028).
- [22] M. Yang et al., "Electromagnetic transient study on flexible control processes of ferroresonance", Electrical Power and Energy Systems, vol. 93, pp. 194–203, Dec. 2017 (doi: 10.1016/j.ijepes.2017.05.026).
- [23] B. Rezaeealam, B. Norouzi, "Investigating ferroresonance phenomenon in a single-phase transformer with the effect of magnetic hysteresis", Indonesian Journal of Electrical Engineering and Computer Science, vol. 2, no. 2, pp. 248–258, May. 2016 (doi: 10.11591/ijeecs.v2.i2.pp248-258).
- [24] C. A. Charalambous, Z. Wang, P. Jarman, and J. P. Sturgess, "Time-domain finite-element technique for quantifying the effect of sustained ferroresonance on power transformer core bolts", IET Electric Power Applications, vol. 8, no. 6, pp. 221–231, Mar. 2014 (doi: 10.1049/iet-epa.2013.0330).
- [25] C. A. Charalambous, Z. D. Wang, P. Jarman, and M. Osborne, "2–D finite–element electromagnetic analysis of an autotransformer experiencing ferroresonance", IEEE Trans. on Power Delivery, vol. 24, no. 3, pp. 1275–1283, Apr. 2009 (doi: 10.1109/TPWRD.2009.2016629).
- [26] A. Arroyo, R. Martinez, M. Manana, A. Pigazo, R. Minguez, "Detection of ferroresonance occurrence in inductive voltage transformers through vibration analysis", Electrical Power and Energy Systems, vol. 106, pp. 294–300, Mar. 2019 (doi: 10.1016/j.ijepes.2018.10.011).
- [27] V. Valverde, G. Buigues, A. J. Mazón, I. Zamora, I. Albizu, "Ferroresonant configurations in power systems", International Conference on Renewable Energies and Power Quality (ICREPQ'12), Santiago de Compostela, Spain, 28–30 March, vol. 1, no. 10, pp. 474–479, Mar. 2012 (doi: 10.24084/repqj10.351).
- [28] A. Djebli, F. Aboura, L. Roubache, O. Touhami, "Impact of the eddy current in the lamination on ferroresonance stability at critical points", Electrical Power and Energy Systems, vol. 106, pp. 311–319, Mar. 2019 (doi: 10.1016/j.ijepes.2018.10.008).

- [29] M. M. Beyranvand, B. Rezaeealam, J. Faiz, A. R. Zare, "Impacts of ferroresonance and inrush current forces on transformer windings", IET Electric Power Applications, vol. 13, no. 7, pp. 914–921, Feb. 2019 (doi: 10.1049/iet-epa.2018.5193).
- [30] Alexandre B. Nassif, M. Dong, S. Kumar, G. Vanderstar, "Managing ferroresonance overvoltages in distribution systems", IEEE Canadian Conference of Electrical and Computer Engineering (CCECE), Edmonton, AB, Canada, 5–8 May 2019 (doi: 10.1109/CCECE.2019.8861797).
- [31] M. Navaei, A. A. Abdoos, M. Shahabi, "A new control unit for electronic ferroresonance suppression circuit in capacitor voltage transformers", Electrical Power and Energy Systems, vol. 99, pp. 281–289, Jul. 2018 (doi: 10.1016/j.ijepes.2018.01.021).
- [32] F. Delinc, A. Nicolet, W. Legros, and A. Genon, "Analysis of ferroresonance with a finite element method taking hysteresis into account", Journal of Magnetism and Magnetic Materials, vol. 133, pp. 557–560, May. 1994 (doi: 10.1016/0304-8853(94)90621-1).
- [33] A. G. MacPhee, S. McKee, and R. R. S. Simpson, "Ferroresonance in electrical systems", COMPEL–The International Journal for Computation and Mathematics in Electrical and Electronic Engineering, vol. 21, no. 2, pp. 265–273, Jun. 2002 (doi: 10.1108/03321640210416359).
- [34] W. Sima, M. Zou, M. Yang, D. Peng, and Y. Liu, "Saturable reactor hysteresis model based on Jiles– Atherton formulation for ferroresonance studies", Electrical Power and Energy Systems, vol. 101, pp. 482– 490, Oct. 2018 (doi: 10.1016/j.ijepes.2018.04.003).
- [35] M. M. Beyranvand, and B. Rezaeealam, "Finite element study of ferroresonance in single-phase transformers considering magnetic hysteresis", Journal of Magnetics, vol. 22, no. 2, pp. 196–202, Apr. 2017 (doi: 10.4283/JMAG.2017.22.2.196).
- [36] J. Gyselinck, P. Dular, N. Sadowski, J. Leite and J. P. A. Bastos, "Incorporation of a Jiles–Atherton vector hysteresis model in 2D FE magnetic field computations, application of the Newton-Raphson method", COMPEL–The International Journal for Computation and Mathematics in Electrical and Electronic Engineering, vol. 23, no. 3, pp. 685–693, Sep. 2004 (doi: 10.1108/03321640410540601).
- [37] J. Gyselinck, L. Vandevelde, J. Melkebeek, and P. Dular, "Complementary two-dimensional finite element formulations with inclusion of a vectorized Jiles–Atherton model", COMPEL–The International Journal for Computation and Mathematics in Electrical and Electronic Engineering, vol. 23, no. 4, pp. 959–967, Dec. 2004 (doi: 10.1108/03321640410553382).
- [38] C. Guérin, K. Jacques, R. V. Sabariego, P. Dular, C. Geuzaine, and J. Gyselinck, "Using a Jiles–Atherton vector hysteresis model for isotropic magnetic materials with the finite element method, Newton–Raphson method, and relaxation procedure", International Journal of Numerical Modelling: Electronic Networks, Devices and Fields, vol. 30, no. 5, pp. 1–12, Sep. 2017 (doi: 10.1002/jnm.2189).
- [39] K. Chwastek, "The applications of fixed-point theorem in optimisation problems", Archives of Electrical Engineering, vol. 61, no. 2, pp. 189–198, Jun. 2012 (doi: 10.2478/v10171-012-0016-0).

زيرنويسها:

- 1. Switching
- 2. Short–circuit
- 3. Ferroresonance
- 4. Distributed generation
- 5. Hysteresis loops
- 6. Ferrite
- 7. Finite element method
- 8. Yoke
- 9. Silicon-steel
- 10. Fundamental
- 11. Sub-harmonic
- 12. Quasi-periodic
- 13. Chaotic
- 14. Lorentz force
- 15. 3-Phase breakers