



A Comparative Study of Dynamic Portfolio Optimization Using Grey Relational Analysis Methods and Basic Methods (Average, Moving Average and Moving Average) in Tehran Stock Exchange

Reza Adak

Department of financial engineering, Rasht Branch, Islamic Azad University, Rasht, Iran.

Mehdi Meshki Miavaghi (Corresponding Author)

Department of accounting & Finance, Payame Noor University, Tehran, Iran.

m_meshki@pnu.ac.ir

Mohammad Hassan Qolizadeh

Department of Business Management, Faculty of Literature and Human Sciences, Gilan University, Gilan, Iran.

Article Info

Abstract

Article type:

Research Article

Article history:

Received: 19 Jan 2024

Accepted: 18 March 2024

Keywords:

Basic methods, data envelopment analysis, Dynamic Portfolio Optimization, the strategies of grey relational algorithm

The Ranking of Financial Assets for Investment Decision Making Is One of the Most Important Stages for Portfolio Formation. Different and Different Methods Are Used to Perform Ranking. In This Research, A New Integrated Method Is Used for Ranking Which Investors Using It Can Determine Their Specific Goals by Considering the Return, Risk and Profit. This Research Is Based On Two Main Goals: First, Ranking Portfolios Based On the Grey Relational Analysis and The Second Method Is Compared to Classic Methods, Which Are Named Fundamental Methods in This Research. To Implement The Research Topic, 11 Weight And Investment Strategies Were Defined For The Method Of Grey Relational Analysis And 3 Strategies For Basic Methods. The Study Population Includes Companies Listed In Tehran Stock Exchange And The Sample Consisted Of Five Top Industries At The Beginning Of The Study Including Investment, Chemical, Iron And Steel Industries, Banks And Oil Products And Products. In These Five Industries With The Conditions That Were Considered In The Study, 160 Companies Were Selected As The Sample And To Examine The Hypotheses, Mann - Whitney U Test Was Used To Compare The Results Of Grey Analysis Method With The Basic Method Of Data Envelopment Analysis. In General, The Results Of The Study Show That The Grey Relational Algorithm Is A More Efficient Method Than The Baseline Method When The Goal Of Investing In The Best Part Is The Grey Relational Algorithm (2020), As Well As Hamza cebiza Abi And Pekkaya (2011).





بررسی مقایسه‌ای بهینه‌سازی پویای سبد سهام با استفاده از روش‌های تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های پایه‌ای (میانگین ساده، میانگین متحرک و معکوس میانگین متحرک) در بازار

اوراق بهادار تهران

رضا آداک

گروه مهندسی مالی، واحد رشت، دانشگاه آزاد اسلامی، رشت، ایران.

مهدی مشکی میاوقی (نویسنده مسئول)

گروه حسابداری و مالی، دانشگاه پیام نور، تهران، ایران.

m_meshki@pnu.ac.ir

محمد حسن قلیزاده

گروه مدیریت بازرگانی، دانشکده ادبیات و علوم انسانی، دانشگاه گیلان، گیلان، ایران.

چکیده

اطلاعات مقاله

رتبه‌بندی دارایی‌های مالی جهت تصمیم‌گیری برای سرمایه‌گذاری یکی از مهم‌ترین مراحل جهت تشکیل پرتفوی بهینه است. برای انجام رتبه‌بندی از روش‌های مختلف و متفاوتی استفاده می‌شود. این پژوهش از روش تلفیقی نوین برای رتبه‌بندی استفاده می‌کند که سرمایه‌گذاران با استفاده از آن می‌توانند اهداف خاص خود را با در نظر گرفتن بازده، ریسک و سود اوراق بهادار تعیین نمایند. این پژوهش دو هدف عمده را دنبال می‌کند اول رتبه‌بندی سبدها بر اساس تحلیل رابطه خاکستری و دوم مقایسه این شیوه با روش‌های کلاسیک که در این پژوهش با عنوان روش‌های پایه‌ای نام‌گذاری شده‌است. برای اجرای موضوع پژوهش ۱۱ استراتژی وزنی و سرمایه‌گذاری برای روش تحلیل رابطه خاکستری و ۳ استراتژی برای روش‌های پایه‌ای تعریف شده است. جامعه پژوهش شامل شرکت‌های بورس اوراق بهادار می‌باشد و نمونه پژوهش شامل پنج صنعت برتر در ابتدای دوره مطالعه که شامل صنایع سرمایه‌گذاری، شیمیایی، آهن و فولاد، بانک‌ها و مؤسسات اعتباری و فرآورده‌های نفتی هستند. در این پنج صنعت با شرایطی که در پژوهش در نظر گرفته شد، در نهایت ۱۶۰ شرکت به‌عنوان نمونه، انتخاب شده و به‌منظور بررسی فرضیه‌ها از آزمون یو من ویتنی و برای مقایسه نتایج روش تحلیل خاکستری با روش پایه‌ای، از تحلیل پوششی داده‌ها استفاده شده است. به‌طورکلی نتایج حاصل از پژوهش نشان می‌دهد زمانی که هدف، سرمایه‌گذاری در بهترین بخش است، الگوریتم رابطه خاکستری روشی کارآمدتر از روش‌های پایه‌ای است و این نتیجه مشابه کار انجام‌شده توسط تی هانا اسکرین جاریج (۲۰۲۰) و همچنین حمزه ابی و پکایا (۲۰۱۱) است.

نوع مقاله:

پژوهشی

تاریخچه مقاله:

تاریخ دریافت: ۲۹ دی ماه ۱۴۰۲

تاریخ پذیرش: ۲۸ اسفند ماه ۱۴۰۲

واژگان کلیدی:

استراتژی‌های الگوریتم رابطه خاکستری، بهینه‌سازی پویای سبد سهام، تحلیل پوششی داده‌ها، روش‌های پایه‌ای

ناشر: دانشگاه آزاد اسلامی واحد علی‌آبادکتول. © نویسندگان.



۱. مقدمه:

یکی از بخش‌های مهم فرایند مدیریت پرتفوی، مقایسه و رتبه‌بندی دارایی‌های مالی در هنگام تصمیم‌گیری درباره ساختار پرتفوی است. روش‌ها و تکنیک‌های کمی یک ابزار مفید در این بخش از مدیریت پرتفوی محسوب می‌شوند (فابوزی، فوکاردی و کولام، ۲۰۰۶).^۱ تأمین مالی کمی را به‌عنوان مجموعه‌ای از روش‌ها و مدل‌های ریاضی، اقتصادسنجی و آماری تعریف کرده‌اند که به‌عنوان ابزاری مفید در سه حوزه عمل می‌کند: تحلیل سرمایه‌گذاری، ساخت پرتفوی و ارزیابی مشتق‌ها. به دلیل توسعه بیشتر بازارهای مالی و همچنین امکانات محاسباتی کامپیوترها، علوم مالی کمی، به‌سرعت در حال پیشرفت است (فابوزی، فوکاردی و جوناس، ۲۰۰۷).^۲ اغلب تصمیمات در سرمایه‌گذاری بر اساس بیش از یک معیار اتخاذ شده و گاهاً متناقض هستند. این امر ناشی از داده‌های متفاوت و متناقض بسیاری است که از بازارهای سهام به‌دست آمده و در اصل نشان‌دهنده وجود یک سیستم پیچیده است. (لانسی و جونز، ۲۰۱۹).^۳

رویکرد تحلیل رابطه‌ای خاکستری^۴ (GRA) یکی از خاص‌ترین روش‌های مورد استفاده کمی در انتخاب پرتفوی است. تحلیل رابطه خاکستری بخشی از نظریه سیستم‌های خاکستری^۵ (GST) است که برای رتبه‌بندی آلترناتیوها بر اساس ویژگی‌های آن‌ها توسعه یافته‌اند. این روش غیر پارامتریک بوده و در مقایسه با دیگر روش‌های پیچیده مدل‌سازی و رتبه‌بندی آلترناتیوها نسبتاً ساده‌تر می‌باشد و از ذهنیت کمتری در مقایسه با برخی تکنیک‌های بهینه‌سازی برخوردار است. ایده اصلی تحلیل رابطه خاکستری به‌عنوان یک روش آنالیز کمی، بر این نکته بنا شده است که مقدار نزدیکی و همبستگی رابطه بین دو عامل مختلف در یک فرایند پویای در حال رشد، باید بر اساس میزان شباهت منحنی‌های آنان سنجیده شود. هرچقدر میزان این شباهت بیشتر باشد؛ یعنی درجه بالاتری از رابطه

1 Fabozzi, Focardi & Kolm, 2006

2 Fabozzi, Focardi & Jonas, 2007

3 Lincy&Jones, 2019

4 Grey Relational Analysis

5 Grey System theory

بین سری‌ها وجود دارد و برعکس. (کایوا، یانگ و هانگ).^۶ مقایسه روش‌های کمی و یافتن بهترین روش جهت انتخاب پرتفوی بهینه و همچنین استفاده از روش‌های نوین فرا مدرن در موضوعات مالی و مقایسه آن‌ها با روش‌های کلاسیک، با در نظر گرفتن افزایش دقت و کاهش زمان جهت بهینه‌سازی سبد سهام از جمله مواردی است که در بیان ضرورت و اهمیت پژوهش بر روی آن باید تأکید داشت. در این پژوهش سرمایه‌گذاران می‌توانند اهداف خاص خود را با در نظر گرفتن بازده، ریسک و سود اوراق بهادار و با استفاده از رویکرد تحلیل رابطه خاکستری تعیین نمایند. به لحاظ نظری، این پژوهش رویکرد GRA را با تابع مطلوبیت که شامل گشتاورهای زوج (انحراف معیار و کشیدگی)، گشتاورهای فرد (بازده متوسط و چولگی) و همچنین اولویت‌های سرمایه‌گذار است، مرتبط می‌سازد. هدف اصلی پژوهش مقایسه عملکرد پرتفوی بر اساس الگوریتم رابطه خاکستری مبتنی بر استراتژی‌های ۱۱ گانه با روش‌های پایه شامل میانگین ساده، میانگین متحرک و میانگین متحرک معکوس است. با توجه به هدف مذکور فرضیه پژوهش به شرح زیر قابل ارائه است:

در صنایع مورد بررسی (سرمایه‌گذاری‌ها، مواد شیمیایی، بانک‌ها و مؤسسات اعتباری، فرآورده‌های نفتی و آهن و فولاد) بین سبد سهام ایجادشده با استفاده از استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری و سبد سهام ایجادشده توسط روش‌های پایه‌ای، تفاوت معنی‌داری وجود دارد.

۲. پیشینه پژوهش

۲-۱. پیشینه نظری پژوهش

۲.۱.۱. بهینه‌سازی^۷

اصلی‌ترین ابزارهای تصمیم‌گیری در مالی شامل تکنیک‌های پیش‌بینی و بهینه‌سازی هستند. کرونجلس و توتون چو بهینه‌سازی را فرآیند یافتن بهترین راه انجام تصمیم‌گیری که یک مجموعه از محدودیت‌ها را ارضا می‌کند تعریف می‌کنند. (راعی، نمکی و احمدی، ۱۴۰۱). بهینه‌سازی سبد سهام،

6 Kuo, Yang & Hung

7 Optimization

به مفهوم انتخاب ترکیبی بهینه از دارایی‌هاست که می‌تواند در کنار بیشینه‌سازی نرخ بازده مورد انتظار، ریسک نرخ بازده را به‌طور هم‌زمان کمینه کند. (قدسی، تهرانی و بشیری، ۱۳۹۴). بهینه‌سازی سبد سهام از مهم‌ترین مسائل حوزه سرمایه‌گذاری به حساب می‌آید. مارکوئیتز به کمک مدل اولیه میانگین-واریانس توانست مفهوم سبد سهام کارا را ارائه کند (الهی، یوسفی و زارع مهرجردی، ۱۳۹۳) مطابق نظریه مارکوئیتز، سرمایه‌گذاری که در پی حداکثر کردن بازده مورد انتظار و حداقل کردن ریسک است، دو هدف متضاد دارد که باید آن‌ها را با تنوع و تشکیل سبد سهام در برابر یکدیگر موازنه کند. از دیدگاه مارکوئیتز، تنوع‌بخشی شامل ترکیب اوراق با حداقل همبستگی مثبت، به‌منظور کاهش ریسک در سبد سهام بدون از دست دادن بازده سبد سهام است (تقی زاده و همکاران، ۱۴۰۲).

۲-۱-۲. تئوری سیستم خاکستری (GST)

در دنیای واقعی سیستم‌های گوناگون و فراوانی وجود دارد که هر یک از آن‌ها، اجزا و زیرسیستم‌های خاص خود را دارند و برای شناخت آن‌ها باید علاوه بر شناخت این اجزا، روابط بین آن‌ها و همچنین ساختار سیستم نیز مشخص شود. اگر اطلاعات واضح و شفاف یک سیستم را با رنگ سفید و اطلاعات کاملاً ناشناخته یک سیستم با رنگ سیاه تجسم شود، در این صورت اطلاعات مربوط به بیشتر سیستم‌های موجود در طبیعت، اطلاعات سفید (کاملاً شناخته‌شده) و یا سیاه (کاملاً ناشناخته) نیستند، بلکه مخلوطی از آن دو یعنی به‌رنگ خاکستری می‌باشند. این‌گونه سیستم‌ها را سیستم‌های خاکستری می‌نامند که اصلی‌ترین مشخصه آن‌ها، کامل نبودن اطلاعات مربوط به آن سیستم است (دی وی، ۱۹۹۴)؛

۲-۱-۳. تحلیل رابطه خاکستری (GRA)

تحلیل رابطه خاکستری بخشی از نظریه سیستم‌های خاکستری (GST) است که برای رتبه‌بندی آلترناتیوها بر اساس ویژگی‌های آن توسعه‌یافته است. این روش غیر پارامتریک بوده و در مقایسه با دیگر روش‌های پیچیده مدل‌سازی و رتبه‌بندی آلترناتیوها نسبتاً ساده‌تر بوده و از ذهنیت کمتری نیز در مقایسه با برخی تکنیک‌های بهینه‌سازی برخوردار است. تجزیه و تحلیل GRA برای مقایسه

شبهات‌های بین مجموعه مرجع با راه‌حل‌های (آلترناتیوها) مختلف استفاده می‌شود که در میان آن‌ها یک یا چند راه‌حل باید انتخاب شود. (راه‌حل‌هایی که بیشترین تشابه را با سری مرجع دارند).
 مراحل به‌کارگیری روش تحلیل خاکستری به شرح زیر است: گام ۱. مشخص نمودن وزن معیارها. با فرض اینکه تعداد تصمیم‌گیرندگان K نفر است، وزن معیارها (W) را می‌توان استفاده از رابطه زیر برآورد کرد:

$$w_i = \frac{1}{k} [w_i^1 + w_i^2 + \dots + w_i^k] \quad (1)$$

گام ۲. استفاده از متغیرهای زبانی برای مشخص کردن وضعیت هر یک از تأمین‌کنندگان در هر کدام از معیارها. پس از ارزیابی می‌توان ارزش هر کدام از تأمین‌کنندگان را در هر یک از معیارها با توجه به معادله زیر برآورد نمود.

$$G_{ij} = \frac{1}{k} [G_{ij}^1 + G_{ij}^2 + \dots + G_{ij}^k] \quad (2)$$

که

$$G_{ij}^k = (i = 1, 2, \dots, m; j = 1, 2, \dots, n) \quad (3)$$

عبارت است از ارزش معیار j برای تأمین‌کننده i که توسط تصمیم‌گیرنده K ام مشخص شده است که می‌تواند به وسیله اعداد خاکستری به صورت زیر تعریف شود.

$$G_{ij}^k = [G_{ij}^k, \overline{G_{ij}^k}] \quad (4)$$

گام ۳. ساخت ماتریس تصمیم خاکستری D به صورت زیر:

$$D = \begin{bmatrix} G_{11} & G_{12} & G_{1n} \\ G_{21} & G_{22} & G_{2n} \\ G_{m1} & G_{m2} & G_{mn} \end{bmatrix} \quad (5)$$

گام ۴. نرمال کردن ماتریس تصمیم خاکستری به صورت زیر به منظور تغییر معیارهای گوناگون مسئله به واحدهای قابل اندازه‌گیری مشترک جهت مقایسه معیارها.

$$D = \begin{bmatrix} G_{11}^* & G_{12}^* & G_{1n}^* \\ G_{21}^* & G_{22}^* & G_{2n}^* \\ G_{m1}^* & G_{m2}^* & G_{mn}^* \end{bmatrix} \quad (6)$$

گام ۵. تشکیل ماتریس تصمیم خاکستری نرمال شده موزون. در این گام باید ماتریس نرمال شده مرحله قبل را به شکل زیر به ماتریس نرمال شده موزون تبدیل نمود.

$$D = \begin{bmatrix} V_{11} & V_{12} & V_{1n} \\ V_{21} & V_{22} & V_{2n} \\ V_{m1} & V_{m2} & V_{mn} \end{bmatrix} \text{ Where } \boxed{V_{ij} = G_{ij}^* \times W_j} \quad (7)$$

گام ۶. تعیین پاسخ ایدئال به عنوان گزینه مرجع. برای m گزینه مورد بررسی، جواب ایدئال می تواند به صورت زیر محاسبه شود:

$$S^{\max} = \left\{ \begin{bmatrix} \max_{1 \leq i \leq m} v_{i1} \cdot \max_{1 \leq i \leq m} \bar{v}_{i1} \\ \max_{1 \leq i \leq m} v_{in} \cdot \max_{1 \leq i \leq m} \bar{v}_{in} \end{bmatrix} \right\} \quad (8)$$

گام ۷. محاسبه ماتریس تفاضل. در این مرحله باید فاصله هر گزینه را از پاسخ ایدئال به دست آورد. برای به دست آوردن ماتریس تفاضل می توان از رابطه زیر استفاده نمود.

$$\Delta_{ij} = \left\{ \left[\max_{1 \leq i \leq m} v_{ij} - v_{ji} \right] + \left[\max_{1 \leq i \leq m} \bar{v}_{ij} - \bar{v}_{ji} \right] \right\} \quad (9)$$

گام ۸. محاسبه ضریب رابطه خاکستری. برای محاسبه ضریب رابطه خاکستری می توان از رابطه زیر استفاده نمود.

$$\gamma_{ij} = \gamma(x_0, x_i) = \frac{\min_i \min_j \Delta_{ij} + (\epsilon \times \max_i \max_j \Delta_{ij})}{\Delta_{ij} + (\epsilon \times \max_i \max_j \Delta_{ij})} \quad (10)$$

گام ۹. محاسبه درجه رابطه خاکستری. در این مرحله با استفاده از معادله زیر، درجه رابطه خاکستری هر کدام از گزینه ها را به دست می آوریم.

$$\gamma_{ij} = \gamma(x_0, x_i) = \frac{1}{n} \sum_i^n \gamma_{ij} \quad i=1, 2, \dots, m \quad (11)$$

۴-۱-۲. تحلیل پوششی داده‌ها (DEA)

تکنیک تحلیل پوششی داده‌ها، روشی ناپارامتریک است که کارایی نسبی یک مجموعه واحدهای تصمیم‌گیرنده (DMU) را با استفاده از ورودی‌ها و خروجی‌های مربوط به آن‌ها محاسبه نموده و واحدهای مورد بررسی را در گروه‌های کارا و ناکارا طبقه‌بندی می‌کند (ادرسینگ و ژانگ، ۲۰۰۸)^۹؛ به روش ریاضی، تحلیل پوششی داده با استفاده از فرمول زیر قابل بیان می‌باشد:

$$RE_{DMU_o} = \frac{\sum_{r=1}^s u_r y_{ro}}{\sum_{i=1}^m v_i x_{io}} \quad (12)$$

در رابطه فوق، حرف U نشان‌دهنده خروجی‌ها، V نشان‌دهنده ورودی‌ها، r زیرند، خروجی‌ها، i زیر وند ورودی‌ها، o واحد تحت بررسی، s تعداد خروجی‌ها و m تعداد ورودی‌هاست. (محمدی و همکاران، ۱۳۹۷). بزرگ‌ترین مزیت تحلیل پوششی داده‌ها، توان مقایسه چندین واحد تصمیم‌گیرنده از لحاظ چندین معیار است. از مزایای دیگر این تکنیک ناپارامتریک نسبت به الگوهای پارامتریک می‌توان به عدم نیاز به تخمین شکل تابع در تجزیه و تحلیل اطلاعات مالی و عدم نیاز به تخمین توزیع آماری آن‌ها اشاره کرد. سودمندی دیگر این روش، در تجزیه و تحلیل اطلاعات مالی در ترجمه همه اعداد به عدد واحدی به نام "معیار کارایی" است و این امر باعث افزایش سهولت در مقایسه خواهد شد (هالکوس و سلاموریس، ۲۰۰۴)^{۱۲}.

۲-۲. پیشینه تجربی

در این بخش به چند نمونه از پژوهش‌های انجام‌شده در این زمینه اشاره می‌شود:

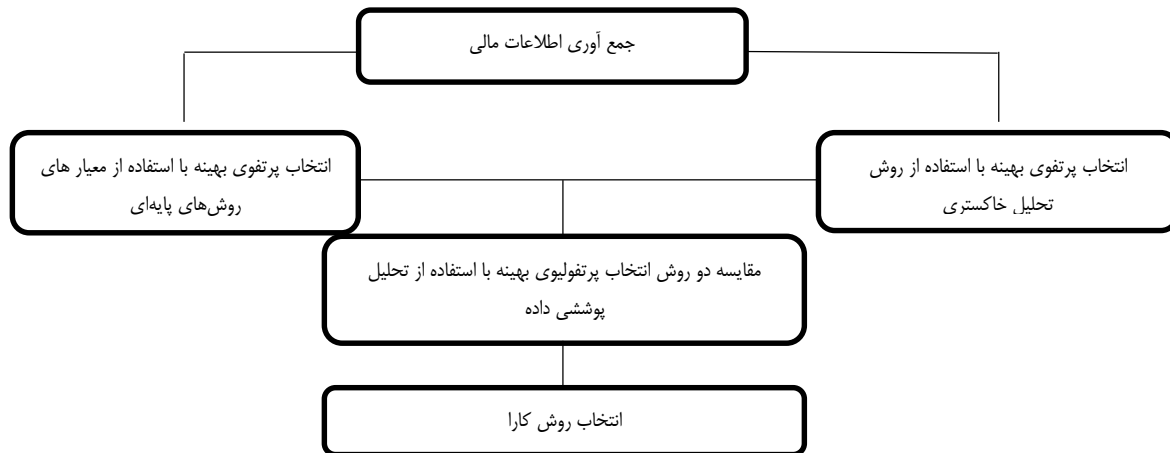
9 Data Envelopment Analysis
10 Decision-Making Units
11 Edirisinghe&Zhang, 2008
12. Halkos & Salamouris, 2004

کاظمی و همکاران (۱۳۹۳)، در پژوهش تلفیقی خود با عنوان مدل سرمایه‌گذاری مناسب در سبد سهام با رویکرد تحلیل پوششی داده‌ها- شبکه عصبی، کارایی ۱۳ مورد از شرکت‌های سرمایه‌گذاری در بورس اوراق بهادار مورد بررسی قرار دادند. بررسی نتایج نشان‌دهنده قدرت بالای شبکه‌های عصبی برای اندازه‌گیری کارایی بود. گودرزی و همکاران (۱۳۹۵)، در پژوهش خود با عنوان بهینه‌سازی سبد سهام با تلفیق تحلیل پوششی داده‌ها و روش تصمیم‌گیری هورویتز به حل مسئله بهینه‌سازی پرداختند. آن‌ها برای این منظور از تکنیک تحلیل پوششی داده‌ها و روش‌های تصمیم‌گیری چندمعیاره استفاده نمودند. نتایج پژوهش نشان از موفقیت سبد پیشنهادی روش بیشینه و برخی از سبدهای پیشنهادی روش هورویتز نسبت به سبد بازار داشت. محمدی و همکاران (۱۳۹۶)، در پژوهش خود با عنوان بهینه‌سازی سبد سهام در بازار بورس اوراق بهادار با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها و الگوریتم جستجوی ارگانیسم‌های همزیست به دنبال حل مسئله بهینه‌سازی سبد سهام بودند. نتایج پژوهش نشان داد، رویکرد ارائه‌شده در بهینه‌سازی سبد سهام موفق عمل نموده و توانسته است به نحو مطلوبی پاسخ‌گوی محدودیت‌ها و متغیرهای تأثیرگذار بازار باشد. امیری و حسینی (۱۳۹۸) در پژوهش خود با عنوان نقش هم‌زمانی قیمت و آگاهی بخشی قیمت سهام در انتخاب سبد بهینه به دنبال این موضوع بودند که برای تشکیل سبد بهینه، در چه شرکت‌هایی باید از هم‌زمانی قیمت و در چه شرکت‌هایی باید از آگاهی بخشی قیمت استفاده شود. آن‌ها با استفاده از تکنیک‌های دلفی فازی و تحلیل پوششی داده‌ها، سبدهای سهام بر مبنای تحلیل‌های مختلف ایجاد نمودند و از طریق مقایسه آن‌ها با یکدیگر، ارتباط این دو متغیر را با تشکیل سبد بهینه سهام مورد بررسی قرار دادند. نتایج نشان داد که دو متغیر در محیط‌های مختلف دارای رفتار متفاوتی بودند و در صورت توجه به هم‌زمانی و آگاهی بخشی قیمت سهام می‌توان سبدهای بهینه‌تری را با تحلیل اطلاعات مالی و غیرمالی شرکت‌ها ایجاد کرد. کوانگ و ون (۲۰۰۸)، در پژوهش خود با عنوان مقایسه شرکت‌های مخاطره‌پذیر با استفاده از مدل تصمیم‌گیری خاکستری ۶ نسبت مالی برای مقایسه اهداف شرکت‌های سرمایه‌گذاری مخاطره‌پذیر در تایوان برای یک دوره سه‌ساله (۲۰۰۱ - ۲۰۰۳) مورد بررسی قرار دادند. نتایج، استفاده از مدل تصمیم‌گیری خاکستری (GDM) را برای ارزیابی شرکت‌ها تایید نمود. حمزه ابی و پکایا (۲۰۱۱)،

در پژوهش خود با عنوان رتبه‌بندی سهام جهت تشکیل پرتفوی، از شش نسبت مالی جهت رتبه‌بندی با استفاده از GRA و MCDM برای سه سناریوی مختلف استفاده نمودند. آن‌ها پرتفوی‌های شبیه‌سازی شده را با بنچمارک مقایسه کردند. نتایج نشان داد که پرتفوی‌های شبیه‌سازی شده می‌توانند بهتر از بنچمارک عمل کنند. جاریچ (۲۰۲۰)، در پژوهش خود با عنوان بهینه‌سازی پویای سبد سهام با رویکرد تحلیل رابطه‌ای خاکستری به ارزیابی تجربی احتمالات سازمان‌دهی مجدد سبد سهام پویا با استفاده از رویکرد GRA پرداخت. نتایج نشان داد، روش سیستم خاکستری یک ابزار مفید برای تجزیه و تحلیل سبد سهام پویا است.

۲-۳. مدل مفهومی

همان‌طور که در بیان مسئله اشاره گردید هدف اصلی پژوهش مقایسه عملکرد پرتفوی بر اساس الگوریتم رابطه خاکستری مبتنی بر استراتژی‌های ۱۱ گانه با روش‌های پایه شامل میانگین ساده، میانگین متحرک، میانگین متحرک معکوس است. برای رسیدن به این مقصود از مدل مفهومی زیر بهره گرفته شد:



شکل ۱. الگوریتم مدل پژوهش

مدلی که در پژوهش حاضر برای رتبه‌بندی سهام جهت انتخاب پرتفوی بهینه با استفاده از تحلیل رابطه خاکستری استفاده می‌شود به شرح زیر است:

$$\forall m, \sum_{k=1}^k WKG = 1 \quad (13) \quad \boxed{GRD}_m = \sum_{kt}^k WKG$$

که در آن K داده‌های توالی رفتاری روی جایگزین m در زمان t است. ارزش بیشتر در فرمول فوق برای یک سهم نسبت به سهم دیگر رتبه بهتری می‌دهد. جهت انتخاب پرتفوی بهینه با استفاده از روش‌های پایه‌ای از رابطه زیر استفاده می‌شود:

۲-۳-۱. میانگین وزنی ساده

$$\boxed{R = (P_1 \times W_1) + (P_2 \times W_2) + \dots + (P_n \times W_n)} \quad (14)$$

$$W_1 + W_2 + \dots + W_n = 1$$

۲-۳-۲. میانگین متحرک (MA)

محاسبه بازده متوسط چهار هفته گذشته با وزن مساوی و مقایسه با هفته جاری

۲-۳-۳. معکوس میانگین متحرک (CMA)

محاسبه بازده متوسط چهار هفته گذشته با وزن مساوی و مقایسه با هفته جاری

همچنین استراتژی‌های مرتبط با تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های پایه‌ای به شرح جدول ۱ قابل‌ارائه است:

جدول ۱. توضیح مختصری از تمام استراتژی‌های سرمایه‌گذاری شبیه‌سازی شده

عنوان	شرح مختصر
Average	بازده در هر هفته با هم و با وزن برابر مقایسه می‌شود.
روش‌های پایه‌ای	بازده متوسط در هفته جاری با بازده متوسط در ۴ هفته گذشته مقایسه می‌شود (وزن برابر است)
MA	

عکس حالت MA	contrary_MA	
وزن‌های برابر برای هر ۴ گشتاور؛ سرمایه‌گذاری در بهترین بخش	استراتژی ۱	استراتژی‌های GIA
وزن‌های برابر برای هر ۳ گشتاور؛ سرمایه‌گذاری در بهترین بخش	استراتژی ۲	
وزن‌های برابر برای ۲ گشتاور اول؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۳	
وزن ۵۰ درصد برای اولین گشتاور، سه گشتاور دیگر برابر با وزن‌های یکسان (۵۰ درصد / ۳)؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۴	
وزن ۵۰ درصد برای گشتاور دوم، ۳ گشتاور دیگر برابر با وزن‌های یکسان (۵۰ درصد / ۳)؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۵	
وزن ۵۰ درصد برای گشتاور سوم، سه گشتاور دیگر برابر با وزن‌های یکسان (۵۰ درصد / ۳)؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۶	
وزن ۵۰ درصد برای گشتاور چهارم، دیگر ۳ گشتاور برابر با وزن‌های یکسان (۵۰ درصد / ۳)؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۷	
۱۰۰ درصد وزن برای اولین گشتاور؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۸	
۱۰۰ درصد وزن برای گشتاور دوم؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۹	
۱۰۰ درصد وزن برای گشتاور سوم؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۱۰	
۱۰۰ درصد وزن برای گشتاور چهارم؛ سرمایه‌گذاری بهترین بخش	استراتژی ۱۱	

۳. روش‌شناسی پژوهش

۳-۱. طرح پژوهش

این پژوهش از نوع علمی و کاربردی است و در آن با استفاده از روش ترکیبی تحلیل رابطه خاکستری و تحلیل پوششی داده‌ها، به مقایسه راهبردهای سرمایه‌گذاری بر مبنای نظریه مالی پرداخته شده است. این مقایسه‌ها می‌تواند به سرمایه‌گذاران کمک نماید تا با توجه به اولویت‌های سرمایه‌گذاری خود، اهداف سرمایه‌گذاری خود را به‌طور مؤثرتر، در زمان سریع‌تر و با در نظر گرفتن هزینه‌های معامله کمتر به سرانجام برسانند.

۳-۲. ابزار و روش‌های گردآوری

در این پژوهش برای جمع‌آوری مبانی نظری و ادبیات موضوعی مرتبط با مبانی تئوریک و ادبیات پژوهش از روش مطالعه کتابخانه‌ای استفاده گردید. داده‌های موردنیاز جهت تجزیه و تحلیل داده‌ها نیز از طریق سایت‌های مالی از جمله سایت بورس اوراق بهادار تهران، بورس ویو و نرم‌افزارهای از جمله ره‌آورد نوین و... استخراج گردید. به منظور گردآوری اطلاعات با مراجعه به کتب، مقالات و پایان‌نامه‌ها اطلاعات لازم برای این بخش جمع‌آوری شده است. همچنین برای گردآوری داده‌های موردنیاز از روش اسناد کاوی استفاده شد.

۳-۳. جامعه و نمونه پژوهش

جامعه پژوهش شامل کلیه شرکت‌های حاضر در بورس اوراق بهادار تهران در فاصله زمانی اجرای پژوهش است. نمونه پژوهش شامل پنج صنعت برتر در بورس اوراق بهادار با در نظر گرفتن ملاحظات زیر است:

این پنج صنعت دارای بالاترین ارزش بازاری در سال آغاز تحقیق باشند (صنایع انتخابی در سال‌های بعد بدون تغییر باقی می‌مانند و پرتفوی انتخابی در میان این پنج صنعت متغیر می‌شود). دوره تحقیق پنج‌ساله در نظر گرفته شده است (سال‌های ۱۳۹۵ تا ۱۳۹۹) و شرکت‌های موردبررسی در صنایع پنج‌گانه باید ضرورتاً در دوره مورد مطالعه، عضو بورس اوراق بهادار تهران بوده و سهام آن مورد معامله قرار گیرد. برای رسیدن به پایایی و روایی بهتر، پنج صنعت انتخابی حداقل دارای ۱۰ شرکت در دوره مطالعه باشند. با در نظر گرفتن موارد فوق نمونه زیر جهت مطالعه انتخاب گردید:

جدول ۲. نمونه موردبررسی تحقیق

رده	عنوان صنعت	تعداد شرکت‌های مورد مطالعه	تعداد کل شرکت‌ها در دوره موردبررسی
۱	سرمایه‌گذاری‌ها	۸۰	۱۰۱
۲	مواد شیمیایی	۳۰	۴۲
۳	بانک‌ها	۲۰	۲۱
۴	فراآورده‌های نفتی	۱۲	۱۲
۵	آهن و فولاد	۱۸	۲۴
	جمع کل	۱۶۰	۲۰۰

۳-۴. ابزارهای تجزیه و تحلیل

در این پژوهش برای انجام تحلیل‌های لازم از نرم‌افزار Eviews استفاده شده و به منظور اطمینان از نرمال بودن داده‌های خام، از آزمون جاکرک برا مورد استفاده قرار گرفت. فرایند تحلیل رابطه خاکستری و رتبه‌بندی به کمک برنامه طراحی شده توسط تیم مشاوره (mcteam.ir) که در قالب صفحه گسترده EXCEL طراحی شده است، انجام شد؛ و در نهایت به منظور آزمون فرضیه با استفاده از روش تحلیل پوششی داده از نرم‌افزار DEA (به صورت آنلاین از سایت سافت گس تر^{۱۳} استفاده شد.

۳-۵. مراحل اجرای تحقیق

۱. جمع‌آوری داده‌های خام با در نظر گرفتن ملاحظات مربوط به نمونه پژوهش ۲. نرمال‌سازی با استفاده از آزمون جاکرک برا ۳. آنالیز توصیفی داده‌ها ۴. سازمان‌دهی داده‌ها جهت ورود به نرم‌افزارهای تجزیه و تحلیل ۵. انجام آزمون تحلیل رابطه خاکستری برای بازه زمانی. روش تجزیه و تحلیل GRA برای انتخاب سبد سهام بهینه عبارت‌اند از: در ابتدا محاسبه حداقل و حداکثر هر صنعت در هفته اول. سپس وارد نمودن داده‌های محاسبه شده از مرحله قبل برای گشتاورهای پژوهش در نرم‌افزار سافت گس تر. در مرحله سوم وزن بندی گشتاورها مطابق با استراتژی ۱۱ گانه برای هفته اول. (جدول ۱). در مرحله چهارم تشکیل پرتفوی بهینه با استفاده از نتایج حاصل مراحل دو و سه و در نهایت، در آغاز هر هفته، سرمایه‌گذار پرتفوی خود را بر اساس رتبه‌بندی‌های هفته گذشته بازسازی می‌کند؛ بنابراین، کل روند سرمایه‌گذاری پویا است و رتبه‌بندی‌ها هر هفته برای رتبه هفته بعدی ارزیابی می‌شوند. نکته اینکه، هر استراتژی با در نظر گرفتن هزینه‌های معامله شبیه‌سازی می‌شود. فرض بر این است که هزینه‌های معامله برابر با ۱ درصد ارزش تراکنش باشد. ۶. محاسبه روش‌های پایه‌ای شامل میانگین ساده، میانگین متحرک و معکوس میانگین متحرک ۷. مقایسه استراتژی مبتنی بر تحلیل رابطه خاکستری با استراتژی‌های پایه‌ای با استفاده از تحلیل پوششی داده و ارزیابی نتایج: برای تجزیه و تحلیل و مقایسه استراتژی‌های حاصل از روش‌های تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های

13 <http://panel.softgostar.com>

پایه‌ای از تحلیل پوششی داده استفاده می‌شود. مراحل کلی برای انجام تحلیل پوششی داده به این ترتیب است: مشخص نمودن ورودی و خروجی، تعیین مشخصه‌های ارزیابی، تمایز میان ستاده‌ها و نهاده‌ها و جمع‌آوری داده‌ها، با نشان دادن مقادیر مشخصه‌ها برای هر یک از اهداف و درنهایت انجام تحلیل و تفسیر نتایج. روش‌های مختلفی برای انجام تحلیل پوششی داده استفاده می‌شود که سه روش مهم عبارت‌اند از: مدل پایه‌ای، مدل اندرسون - پیترسون و مدل جمعی. از آنجایی که در پژوهش حاضر هم‌زمانی کاهش ورودی و افزایش خروجی برای ما دارای اهمیت است؛ از این‌رو از مدل جمعی استفاده می‌نماییم. "مدل جمعی"، مدلی است که هم‌زمان کاهش ورودی‌ها و افزایش خروجی‌ها را مورد توجه قرار می‌دهد. ۸. انجام آزمون برای فرضیه تحقیق: درنهایت با استفاده از نتایج حاصل از تحلیل پوششی داده اقدام به آزمون فرضیه پژوهش شده‌است. برای این منظور از آزمون یو من ویتنی^۴ (با استفاده از نرم‌افزار SPSS) استفاده گردید. این آزمون از گروه روش‌های ناپارامتریک است و برای مطابقت بین دو گروه مستقل استفاده می‌گردد.

۴. یافته‌های پژوهش

نتایج حاصل از تحلیل توصیفی داده‌های جمع‌آوری شده در پنج صنعت (با استفاده از نرم‌افزار Eviews) در جدول ۳ ارائه شده است:

جدول ۳. آمار توصیفی داده‌های تحقیق

عنوان	نتایج سرمایه‌گذاری‌ها	نتایج شیمیایی	نتایج بانک و مؤسسات	نتایج فراورده‌های نفتی	نتایج آهن و فولاد
Mean	۱۴/۷۱۰۲۴	۱۴/۹۸۷۹۱	۴/۹۲۴۳۳۲	۱۶/۴۰۹۹۲	۱۶/۵۵۱۱۳
Median	۵/۵۰۲۰۱۸	۷/۰۱۳۳۷۱	۳/۷۳۶۹۴۱	۴/۴۰۱۶۷۳	۸/۹۸۸۰۲۱
Maximum	۱۵۹/۶۸۱۲	۱۷۳/۱۴۸۵	۱۶/۰۹۵۰۲	۱۴۷/۵۲۰۵	۷۵/۷۹۹۴۷
Minimum	-۰/۵۱۴۴۹۸	۰/۲۲۳۷۷۶	۰/۰۷۵۹۳۱	۰/۸۰۰۶۱۷	۰/۶۷۶۰۵۱
Std. Dev.	۲۶/۹۳۶۴۷	۳۱/۱۹۵۵۴	۴/۵۰۹۴۸۹	۴۱/۴۲۹۱۷	۱۹/۲۶۸۴۷
Skewness	۳/۲۵۲۸۴۷	۴/۵۵۵۷۱۲	۰/۷۵۱۹	۲/۹۷۹۳۲۷	۲/۰۱۱۵۱

14 Mann-Whitney U

عنوان	نتایج سرمایه‌گذاری‌ها	نتایج شیمیایی	نتایج بانک و مؤسسات	نتایج فراورده‌های نفتی	نتایج آهن و فولاد
Kurtosis	۱۴/۴۷۶۵۶	۲۳/۵۹۵۵۸	۲/۷۵۸۷۶۹	۹/۹۵۸۱۱۴	۶/۳۰۲۶۶۸
Jarque-Bera	۵۸۰/۱۱۸۱	۶۳۳/۹۹۵۱	۱/۹۳۳۰۰۴	۴۱/۹۶۰۴۶	۲۰/۳۱۹۲۴
Probability	۰/۰۰۰۰۰۰	۰/۰۰۰۰۰۰	۰/۳۸۰۴۱۱	۰/۰۰۰۰۰۰	۰/۰۰۰۰۰۳۹
Observations	۸۰	۳۰	۲۰	۱۲	۱۸

همان‌طور که در جدول ۳ مشاهده می‌شود در دوره مورد مطالعه بخش آهن و فولاد دارای بالاترین بازده و سپس بخش‌های فراورده‌های نفتی، مواد شیمیایی و سرمایه‌گذاری قرار دارند و بخش بانک‌ها و مؤسسات با اختلاف در رتبه آخر قرار می‌گیرد. همچنین نتایج حاصل از آزمون‌های نرمال بودن نمونه آماری نشان از غیر نرمال بودن داده‌ها دارد؛ بنابراین برای اطمینان از پایداری و روایی مناسب داده‌ها، اقدام به نرمال‌سازی آن شد. نرمال‌سازی داده‌ها طی فرایندهای مرتبط با تحلیل رابطه خاکستری (GRA) و بنچمارک انجام شده است. در جدول ۴ نتایج حاصل از تحلیل خاکستری و روش‌های پایه‌ای ارائه شده است:

جدول ۴. نتایج حاصل از تحلیل رابطه خاکستری (GRA)

استراتژی	بهترین صنعت طی دوره	تعداد هفته برتر جهت سرمایه‌گذاری
استراتژی ۱	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۲	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۳	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۴	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۵	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۶	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۷	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۸	بانک و مؤسسات	۲۵۴
استراتژی ۹	سرمایه‌گذاری	۱۰۳
استراتژی ۱۰	بانک و مؤسسات	۶۳
استراتژی ۱۱	بانک و مؤسسات	۶۳

استراتژی	بهترین صنعت طی دوره	تعداد هفته برتر جهت سرمایه‌گذاری
میانگین ساده	شیمیایی	۱۲۶
میانگین متحرک	فرآورده‌های نفتی	۵۲
معکوس میانگین متحرک	شیمیایی	۱۲۰
معکوس میانگین متحرک	شیمیایی	۱۲۰

نتایج جدول فوق نشان می‌دهد صنایع برتر در روش‌های تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های پایه‌ای متفاوت است. برای اینکه بدانیم کدام یک از روش‌های از کارایی بالاتری برخوردار است از روش تحلیل پوششی داده استفاده می‌کنیم. در جدول ۵ نتایج حاصل از تحلیل پوششی داده‌ها برای ۱۴ آلترناتیو ارائه شده است:

جدول ۵. نتایج حاصل از تحلیل پوششی داده‌ها (DEA)

رتبه	آلترناتیو	تعداد هفته‌های کارا	تعداد هفته‌های ناکارا	تعداد کل هفته‌ها
۱	STERA10	۱۸۶	۷۲	۲۵۸
۲	STERA11	۱۸۶	۷۲	۲۵۸
۳	STERA7	۱۵۴	۱۰۴	۲۵۸
۴	STERA9	۱۵۴	۱۰۴	۲۵۸
۵	STERA1	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۶	STERA2	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۷	STERA3	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۸	STERA4	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۹	STERA5	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۱۰	STERA6	۱۵۳	۱۰۵	۲۵۸
۱۱	MA	۵۷	۲۰۱	۲۵۸
۱۲	CMA	۵۷	۲۰۱	۲۵۸
۱۳	AVERAGE	۲۳	۲۳۵	۲۵۸
۱۴	STERA8	۱۰	۲۴۸	۲۵۸

نتایج نشان می‌دهد که استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری (به جز استراتژی ۸) دارای کارایی بالاتری از روش‌های پایه‌ای هستند. با توجه به نتایج بالا و با استفاده از آزمون یو ویتی به بررسی فرضیه پژوهش پرداخته می‌شود. جهت انجام این آزمون از نرم‌افزار SPSS استفاده شده است.

بین پرتفوی‌های ایجاد شده با استفاده از استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری و H_0 :
روش‌های پایه‌ای تفاوت معنادار وجود ندارد

بین پرتفوی‌های ایجاد شده با استفاده از استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری و H_1 :
روش‌های پایه‌ای تفاوت معنادار وجود دارد (ادعا)

جدول ۶. آماره‌های توصیفی فرضیه پژوهش

	N	Mean Std.	Deviation	Minimum	Maximum
Portfolio	۱۴	۷/۵۰	۴/۱۸۳	۱	۱۴
GRAorAMC	۱۴	۱/۲۱	۰/۴۲۶	۱	۲

جدول ۷. جدول رتبه‌بندی استراتژی‌ها

GRAorBENCH	N	Mean Rank	Sum of Ranks
GRA	۱۱	۶/۲۷	۶۹
AMC	۳	۱۲	۳۶
Total	۱۴		

جدول ۹. جدول آزمون فرضیه

	Portfolio
Mann-Whitney U	۳
Wilcoxon W	۶۹
Z	-۲/۱۰۲
Asymp. Sig. (2-tailed)	۰/۰۳۶

از آنجاکه (معناداری) Sig برابر ۰,۰۳۶ است و از ۰,۰۵ کوچک‌تر است بنابراین می‌توان نتیجه گرفت شواهد مبنی بر پذیرش ادعا وجود دارد. به عبارت دیگر شواهدی در تأیید فرضیه پژوهش (که

ادعا می‌نماید تفاوت معنی‌دار در استفاده از استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های پایه‌ای در تشکیل پرتفوی بهینه وجود دارد) یافت شد.

۵. نتیجه‌گیری و پیشنهادها

نتایج حاصل از پژوهش نشان می‌دهد بین پرتفوی‌های ایجادشده با استفاده از استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری و روش‌های پایه‌ای تفاوت معنادار وجود دارد. استراتژی‌های مرتبط با تحلیل رابطه خاکستری دارای کارایی بالاتر نسبت به استراتژی‌های مرتبط با روش‌های پایه می‌باشد. در استراتژی‌های مرتبط با تحلیل رابطه خاکستری هدف، سرمایه‌گذاری در بهترین بخش (با توجه به تخصیص درصد وزن سرمایه‌گذاری به گشتاورهای اول تا چهارم) می‌باشد درحالی‌که در استراتژی‌های پایه‌ای به‌طور متناسب سرمایه‌گذاری در همه بخش‌ها صورت می‌گیرد. در میان استراتژی‌ها تحلیل رابطه خاکستری نیز استراتژی‌های ۱۰ و ۱۱ دارای بالاترین کارایی می‌باشند (جدول ۵) و بعد آن‌ها سایر استراتژی‌های تحلیل رابطه خاکستری قرار گرفته‌اند. به‌طورکلی نتایج حاصل از پژوهش نشان می‌دهد زمانی که هدف سرمایه‌گذاری در بهترین بخش است، الگوریتم رابطه خاکستری روشی کارآمدتر از روش‌های پایه‌ای است و این نتیجه مشابه کار انجام‌شده توسط تی هانا اسکرین جاریچ (۲۰۲۰)^{۱۵} و همچنین حمزه ابی و پکایا (۲۰۱۱) است.

از منظر پژوهشی و کار آینده؛ پژوهشگران می‌توانند صنایع انتخابی را در هر دوره مطالعه تغییر دهند. همچنین می‌توانند وزن‌ها اختصاص یافته به استراتژی‌ها را در هر دوره مورد بازبینی قرار دهند و این بازبینی می‌تواند مبتنی بر اولویت‌های سرمایه‌گذار در دوره جدید باشد همچنین به‌جای گشتاورهای بازده می‌توان از سایر مفروضات مرتبط با تئوری مالی بهره جست.

تعدادی از محدودیت‌های پژوهش حاضر به بر این پایه‌اند: ۱. در این پژوهش تنها استراتژی‌های ساده تعریف و به کار گرفته شدند. به این معنی که به‌منظور دستیابی به نتایج اولیه، ساده‌سازی در اولویت‌ها و اهداف سرمایه‌گذاری صورت گرفت. ۲. وزن‌هایی که به استراتژی‌های تحلیل رابطه

خاکستری داده شد در طول ۲۵۸ هفته ثابت بودند و این در حالی است که این وزن دهی با توجه به اولویت‌ها و اهداف سرمایه‌گذاری می‌تواند تغییر نماید. ۳. در این پژوهش تنها به گشتاورهای توزیع بازده توجه گردید در حالی که می‌توان از سایر فرضیه‌های مرتبط با تئوری مالی نیز بهره جست. ۴. پنج صنعتی که در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفتند صنایعی بودند که دارای بیشترین ارزش در ابتدای دوره مورد مطالعه بودند این پنج صنعت تا پایان دوره بدون تغییر باقی ماندند. این در حالی است که صنایع برتر می‌تواند طی سال‌های بعد تغییر نماید.

منابع

- الهی، مرتضی؛ یوسفی، محسن و زارع مهرجردی، یحیی. (۱۳۹۳). بهینه‌سازی سبد سهام با رویکرد میانگین واریانس و با استفاده از الگوریتم فرا ابتکاری جست‌وجوی شکار. *تحقیقات مالی*، ۱۶(۱)، ۳۷-۵۶.
- امیری، میثم؛ حسینی، مجتبی. (۱۳۹۸). نقش هم‌زمانی قیمت و آگاهی بخشی قیمت سهام در انتخاب سبد بهینه سهام. *راهبرد مدیریت مالی*، ۲۶(۱)، ۲۵-۶۰.
- تقی زادگان، غلامرضا؛ زمردیان، غلامرضا؛ فلاح شمس، میر فیض و سعدی، رسول. (۱۴۰۲). مقایسه عملکرد مدل‌های مارکوویتز و مدل ارزش در معرض خطر بر اساس ریسک عدم نقدشوندگی - تی کاپولا با هم بستگی شرطی پویا (DCC t-Cupola LVaR) جهت بهینه‌سازی پرتفوی در بورس اوراق بهادار تهران. *تحقیقات مالی*، ۲۵(۱)، ۱۵۲-۱۷۹.
- راعی، رضا؛ نمکی، علی و احمدی، مؤمن. (۱۴۰۱). پیاده‌سازی رویکرد استوار نسبی برای انتخاب پرتفوی بهینه در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از برنامه‌ریزی مخروطی مرتبه دوم. *تحقیقات مالی*، ۱۸۴-۲۱۳.
- قدوسی، سعید؛ تهرانی، رضا و بشیری، مهدی. (۱۳۹۴). بهینه‌سازی سبد سهام با استفاده از روش تبرید شبیه‌سازی شده. *تحقیقات مالی*، ۱۷(۱)، ۱۴۱-۱۵۸.
- کاظمی، مصطفی؛ اسفندیار، محمد؛ نجاریان، حدیث. (۱۳۹۳). مدل سرمایه‌گذاری مناسب در سبد سهام با رویکرد تحلیل پوششی داده - شبکه عصبی. *فصلنامه مدیریت*، ۱۱(۳۳)، ۷۴-۹۸.
- گودرزی، مهشید؛ پاکیده، کیخسرو؛ محفوظ، غلام‌رضا. (۱۳۹۵). بهینه‌سازی سبد سهام با تلفیق تحلیل پوششی داده‌ها و روش تصمیم‌گیری هورویتز. *نشریه پژوهش‌های نوین در تصمیم‌گیری*، ۱(۴)، ۱۶۵-۱۴۳.

محمدی، سید عرفان؛ محمدی، عمران؛ برزین پور، فرناز. (۱۳۹۷). بهینه‌سازی سبد سهام در بازار بورس تهران با استفاده از تحلیل پوششی داده‌ها و الگوریتم جستجوی ارگانیسم‌های هم‌زیست. پژوهش‌های نوین در تصمیم‌گیری، ۳(۲)، ۲۲۳-۲۴۹.

- Amiri, Meisam, & Hoseini, Seyed Mojtaba. (2019). The Role of Stock Price Synchronicity and Stock Price Informativeness on Portfolio Optimization. *JOURNAL OF FINANCIAL MANAGEMENT STRATEGY*, 7(26), 25-60. SID. <https://sid.ir/paper/387439/en> (in Persian)
- David, K. (۱۹۹۴). Grey system and grey relational model. *ACM SIGCE Bulletin*, 2(1): 1-9. DOI:10.1145/190690.190691
- Edirisinghe, N. C. P. & Zhang, X. (2008). Portfolio selection under DEA-based relative financial strength indicators: Case of US industries. *Journal of the Operational Research Society*, 59(6): 842-856. DOI:10.1057/palgrave.jors.2602442
- Elahi, Morteza; Yousefi, Mohsen and Zare Mehrjardi, Yahya. (2013). stock portfolio optimization with the mean variance approach and using meta-innovative search and hunting algorithm. *Financial Research*, 16(1): 37-56. <https://doi.org/10.22059/jfr.2014.51839> (in Persian)
- Fabozzi, F. J. Focardi, S. M. Jonas, C. L. (2007). Trends in Quantitative Equity Management: Survey Results. *Quantitative Finance*, 7(2): 115-122. DOI: 10.1080/14697680701195941
- Fabozzi, F. J. Focardi, S. M. Kolm, P. N. (2006). Trends in Quantitative Finance. USA: *Research Foundation of CFA Institute* <https://rpc.cfainstitute.org/-/media/documents/book/rf-ublication/2006/rf-v2006-n2-4148-pdf.pdf>
- Halkos, G. E. & Salamouris D. S. (2004). Efficiency measurement of the Greek commercial banks with the use of financial ratios: A data envelopment analysis approach. *Management Accounting Research*, (15): 201-224. <https://isiarticles.com/bundles/Article/pre/pdf/80044.pdf>
- Goodarzi, M., Yakideh, K., & Mahfoozi, G. (2017). Portfolio optimization by combining data envelopment analysis and decision-making Hurwicz method. *Modern Research in Decision Making*, 1(4), 143-165. https://journal.saim.ir/article_23633_en.html (in Persian)
- Hamzacebi, Coskun, Pekkaya, Mehmet, Determining of stock investments with grey relation analysis. (2011). *expert systems with applications*, 8(38): 9186-9195. DOI:10.1016/j.eswa.2011.01.070
- Kazemi, Mustafa; Esfandiari, Mohammad; Najarian, Hadith. (2013). the appropriate investment model in the stock portfolio with the approach of data envelopment analysis - neural network. *Management Quarterly*, 11(33): 74-98. <https://sanad.iau.ir/en/Journal/DownloadFile/540093> (in Persian)
- Kuo, Y. Yang, T. and G Hung. (2008). The use of grey relational analysis in solving multiple attribute decision making problems. *computers and Industrial Engineering*, 55: 80-93. DOI:10.1016/j.cie.2007.12.002
- Lincy, R.M. G. John, C. J. (2016). A multiple fuzzy inference systems framework for daily stock trading with application to NASDAQ stock exchange. *Expert Systems with Applications*, (44): 13-21. DOI: 0.1016/j.eswa.2015.08.045.

- Mohammadi, S. E., Mohammadi, E., & Barzinpour, F. (2018). Portfolio Optimization in Tehran Stock Exchange by Using Data Envelopment Analysis and Symbiotic Organisms Search. *Modern Research in Decision Making*, 3(2), 223-248. https://journal.saim.ir/article_32504.html?lang=en (in Persian)
- Goodarzi, M., Yakideh, K., & Mahfoozi, G. (2017). Portfolio optimization by combining data envelopment analysis and decision-making Hurwicz method. *Modern Research in Decision Making*, 1(4), 143-165. https://journal.saim.ir/article_23633.html (in Persian)
- Raei, Reza; Namaki, Ali and Ahmadi, Moemen. (2022), Applying the Relative Robust Approach for Selection of Optimal Portfolio in the Tehran Stock Exchange by Second-order Conic Programming. *Financial Research*, 24(2) 184-213. DOI:10.22059/frj.2021.316147.1007118 (in Persian)
- Skrinaric, Tihana, dynamic. portfolio optimization based on grey relational analysis approach. (2020). *expert systems with applications*, 147(1): 1-33. DOI:10.1016/j.eswa.2020.113207
- Taghizadegan, Gholamreza; Zomorodian, Gholamreza; FallahShams, Mirfaiz and Saadi, Rasoul. (2023), Comparison of Markowitz Model and DCC-tCopula-LVaR for Portfolio Optimization in the Tehran Stock Exchange, *FinancialResearch*, 25(1), 179-152. <https://doi.org/10.22059/FRJ.2022.342896.1007333> (in Persian)