

# بررسی اثر نوع تابع هدف جهت تشخیص آسیب در تیر یکسر گیردار به کمک روش بهینه سازی چند هدفه

جواد خیرالدین<sup>۱\*</sup>، احسان جمشیدی<sup>۲</sup>، علیرضا ارغوان<sup>۳</sup>

۱-دانشجوی کارشناسی ارشد، گروه مهندسی مکانیک، واحد سمنان، دانشگاه آزاد اسلامی، سمنان، ایران  
۲- استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد سمنان، دانشگاه آزاد اسلامی، سمنان، ایران  
۳- استادیار، گروه مهندسی مکانیک، واحد سمنان، دانشگاه آزاد اسلامی، سمنان، ایران  
\*javad.kheyrodin@gmail.com ، ۳۵۱۴۹۵۴۶۶۱ سمنان،

## چکیده

یکی از مهمترین مسائلی که در صنعت بسیار مورد توجه است، پایش وضعیت است. به عبارتی با این کار عیوب سیستم، قبل از آنکه بتواند مشکل جدی ایجاد کند شناخته شده و به رفع آن پرداخته می شود. در شناسایی آسیب دو روش موجود است، روش مخرب و غیرمخرب و از آن جایی که روش غیرمخرب با هزینه کمتری همراه است، لذا توجه به این روش بیشتر است. یکی از روش‌های شناسایی آسیب غیرمخرب، روش بررسی پارامترهای مودال سازه است. در این روش، با بررسی تغییرات پارامترهای مودال مانند فرکانس‌های طبیعی و شکل مودها قبل و بعد از آسیب به دنبال محل و میزان تشخیص آسیب در سازه می‌باشند و از آنجایی که جهت پیدا کردن آسیب با دامنه‌ی وسیعی از پاسخ برخورد می‌شود لذا تحقیقات زیادی از روش‌های بهینه سازی در حل مسئله استفاده کرده‌اند به همین خاطر با در نظر گرفتن پارامترهای دینامیکی سازه و تغییرات آن که در توابع هدف لحاظ می‌شود به دنبال بهینه یابی آنها بوده تا بتوانند محل و میزان آسیب را بطور مطلوبی تشخیص دهند. در این تحقیق با استفاده از روش الگوریتم ژنتیک به بررسی آسیب سازه‌ای پرداخته و با توجه به حضور توابع هدف مختلف، آسیب بررسی شده و دقت پاسخ به ازای تغییر پارامترهای موجود در الگوریتم به آنالیز حساسیت پرداخته و سپس با استفاده از توابع هدف مختلف و بهینه یابی الگوریتم ژنتیک چند هدفه پاسخ مناسب بدست آمده است.

کلیدواژه‌گان:

شناسایی عیب، الگوریتم ژنتیک، الگوریتم بهینه سازی، بهینه سازی چند هدفه

## The effect of the type of objective function to detect damage on the cracked beam clamped to multi-objective optimization methods

Javad kheyroddin<sup>1\*</sup>, Ehsan Jamshidi<sup>2</sup>, Ali reza Arghavan<sup>3</sup>

1- Mechanical Engineering Department, Islamic Azad University, Semnan, Iran  
2- Assistant Professor, Mechanical Engineering Department, Islamic Azad University, Semnan, Iran  
3- Assistant Professor, Mechanical Engineering Department, Islamic Azad University, Semnan, Iran  
\*P.O.B. 3514954661 Semnan, Iran, javad.kheurodin@gmail.com

### Abstract

One of the most important issues that is widely industry, monitoring the situation. To work with this system defects before he could create serious problem and known to tackle it. Damage in two ways: existent malicious and nondestructive and from where the solution with less cost, so this method is more. One of the methods of identifying damage nondestructive ,methodology Modal parameters structure in this way is to investigate the changes Modal parameters, such as the natural frequencies and modes form before and after the damage to seek the site and levels of damage in are structures and damage to find with a wide range of response so a lot of research hit optimization techniques used in solving the problem for considering the dynamic parameters and changes in the structure that objective functions is considered to be optimized for them , and the amount of damage to the desired effectively The study by using the method of genetic algorithm to examine the structural damage, with regard to the presence of various target functions, first as a single point, and the accuracy of the response to the parameters for change in the algorithm sensitivity analysis, and then paid using various target functions and optimized genetic algorithm multi-purpose of the appropriate response is obtained.

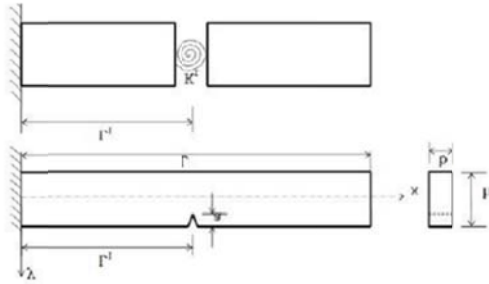
### Keywords:

Damage detection, genetic algorithm, optimization algorithm, Multi-objective optimization

## ۱- مقدمه

زمینه‌های مهم، مورد توجه پژوهشگران بوده است. در این پژوهش سعی بر این شده است به منظور تعیین محل آسیب و تخمین شدت آن در سازه، توابع هدفی براساس پارامترهای شکل مود و فرکانس طبیعی سازه، مورد بررسی قرار بگیرد. سپس با انجام شبیه سازی، عملکرد الگوریتم بهینه

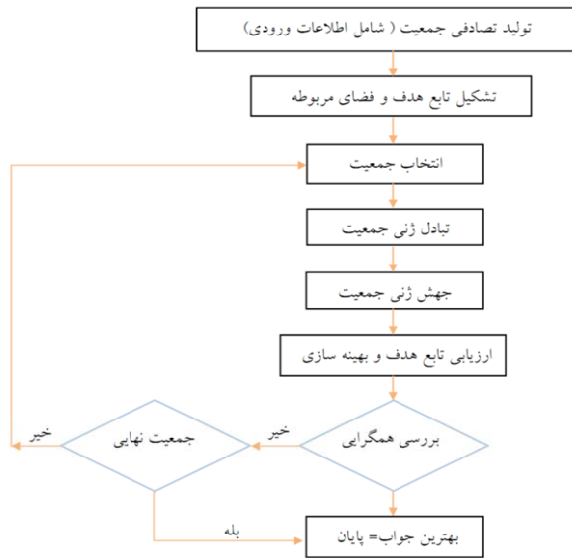
مطالعه و بررسی سازه‌های مکانیکی همانند بدنه هواپیماها، خودروها، کشتی‌ها و لوکوموتیوها و یا عمرانی همانند پل‌ها، ساختمان‌ها، سدها، ریل‌های راه آهن با هدف یافتن ترک و خرابی آن، تلاش برای یافتن روش‌ها و تکنیک‌ها ی جدیدتر و دقیق‌تر تشخیص ترک، تخمین شدت آن، همواره یکی از



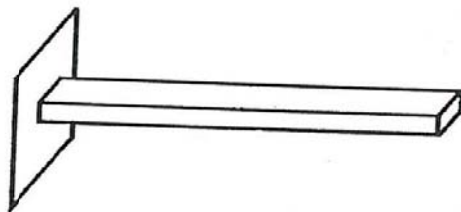
شکل ۱ تیر یکسر گیردار با یک ترک و جایگزینی ترک به وسیله فنر پیچشی [۴]

#### ۴- مدل سازی

مدل در نظر گرفته شده شکل ۳ تیر یکسر گیردار بوده که تیر مدل شده شکل ۴ دارای ۱۰۰۰ میلیمتر طول بوده و سطح مقطع آن به صورت مستطیلی به ابعاد ۴۵ میلیمتر در ۱۰ میلیمتر و از جنس آلومینیوم با مدول یانگ ۷۰ گیگا پاسکال و چگالی ۲۵۶۰ کیلوگرم بر متر مکعب می باشد و طول تیر نیز به ده المان تقسیم شده است. با این اطلاعات می توان ماتریس جرم و سختی مربوط به هر المان تیر را تعیین نمود. پس از تعیین ماتریس جرم و سختی مربوط به هر المان تیر، برای کامل شدن مدل سازی باید این ماتریس ها را سر هم نمود.



شکل ۲ فلوجارت کلی الگوریتم بهینه یابی ژنتیک [۱]



شکل ۳ نمای شماتیک تیر یکسر گیردار [۲]

سازی پیشنهادی با استفاده از توابع هدف ارائه شده مورد بررسی قرار گیرد.

#### ۲- الگوریتم بهینه یابی ژنتیک

فلسفه اصلی روش های بهینه یابی را می توان در رویکرد جستجوی آنها خلاصه کرد. این روش ها، به دنبال یافتن پاسخ های بهینه یک تابع، از طریق جستجوی منطقی دامنه پاسخ های محتمل، می باشند که در بیشتر موارد، هدف از پاسخ های بهینه، محاسبه نقاط اکسترمم مطلق یک تابع می باشد. الگوریتم ژنتیک در سال ۱۹۷۵ توسط هالند و به انگیزه رسیدن به یک الگوریتم قوی برای بهینه یابی پایه ریزی شده است [۱]. این الگوریتم، یک روش جستجویی و بهینه سازی بر پایه اصول علم ژنتیک و انتخاب طبیعی می باشد. به بیان دیگر، در این الگوریتم، رویکرد منطقی جستجوی دامنه پاسخ ها، بر اساس مبانی علم ژنتیک و وراثت، صورت می پذیرد. به این صورت که ابتدا جمعیتی متشکل از چند نمونه تصادفی انتخاب می شوند. سپس با کمک مبانی علم ژنتیک، برازندگی سیستم به سمت مقدار اکسترمم نمو پیدا می کند. همانند فلوجارت الگوریتم بهینه یابی ژنتیک در شکل ۱ ارائه شده است.

برخی از مهمترین مزایای الگوریتم ژنتیک به شرح زیر می باشد:

- ۱- سازگاری خوبی با انواع متغیرهای پیوسته و گسسته دارد.
- ۲- نیاز به اطلاعات و محاسبات فرعی ندارد.
- ۳- دارای انعطاف پذیری مناسب جهت بهینه یابی در توابع پیچیده می باشد.
- ۴- هماهنگی و سازگاری مناسبی جهت کار با اطلاعات عددی، آزمایشگاهی و تحلیلی دارد.

#### ۳- روش های شناسایی آسیب

روش های شناسایی آسیب براساس پارامترهای ارتعاشاتی از جمله ابزارهای مناسب برای تشخیص آسیب سازه می باشد، این روش را اولین بار توسط دولوف و ژوا [۲] مورد بررسی قرار گرفته است. به طوری که روش های شناسایی آسیب براساس پارامترهای ارتعاشی در چهار دسته اصلی به شرح زیر طبقه بندی می شوند.

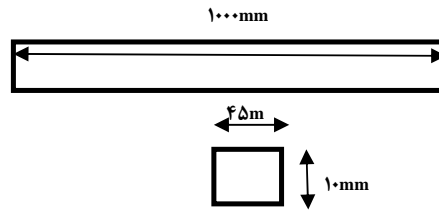
- ۱- براساس فرکانس طبیعی
- ۲- براساس شکل مود
- ۳- براساس انحنای شکل مود
- ۴- براساس شکل مود و فرکانس طبیعی (مبتنی بر هر دو)

#### ۳-۱- روش های شناسایی آسیب براساس فرکانس طبیعی

آسیب یابی سازه براساس تغییرات فرکانس طبیعی آن، قدیمی ترین و معروف ترین روش برآورد خرابی می باشد. این ویژگی بیشترین کاربرد را برای تخمین خسارت در گذشته و حال حاضر دارد. این راهکارها دارای مزایا و کاستی هایی نیز می باشد. فریس ول و سینها [۳] برای بهبود این شیوه، روش ترک تاوانی را در ترک یابی تیرها به کار گرفتند. ریزوس و همکارانش [۴] ترک را به عنوان یک فنر پیچشی<sup>۱</sup> در آنالیز مودال تیر یک سر گیردار با سطح مقطع مستطیل شکل ۲ معرفی کرده اند.

### پارامتر پناالتی

یکی از مهمترین پارامترهایی که در الگوریتم ژنتیک در نرم افزار متلب، جهت دستیابی به جواب بهینه استفاده می شود، ضریب جریمه یا پارامتر پناالتی است که با قرار دادن درصدهای مختلفی از آن نتایج حاصله دست خوش تغییر، قرار می گیرد. لذا جهت میل به بررسی اثر پارامتر مذکور درصدهای نود، صد، صد و ده استفاده شده و میزان حساسیت پاسخ به ازای هر یک از توابع هدف موجود مورد بررسی قرار گرفته است.



شکل ۴ نمای شماتیک تیر مدل شده برای شبیه سازی [۲]

### ۵- بررسی پارامترها

پارامترهایی را که اثر آنها در دقت پاسخ مورد بررسی قرار گرفته، به شرح ذیل می باشند:

#### ناکاملی فرکانس

در روش اجزاء محدود به تعداد المان های استفاده شده فرکانس طبیعی و شکل مود موجود می باشد که معمولاً به دست آوردن تمام فرکانس ها و شکل مودها در آزمایشگاه کاری وقت گیر و مشکل می باشد لذا بررسی اثر ناکاملی فرکانس های طبیعی بر روی نتایج هر یک از توابع به کار رفته جهت بهینه سازی و بدست آوردن پاسخ نهایی بسیار مهم است لذا با توجه به اینکه تیر مدلسازی شده به ده المان تقسیم بندی شده می توان گفت که تیر دارای ده فرکانس طبیعی و ده شکل مود می باشد. حال جهت بررسی ناکاملی فرکانسها نتایج براساس سه فرکانس طبیعی اول، پنج فرکانس طبیعی اول و هفت فرکانس طبیعی اول بدست آمده است که در بخش بعد ارایه شده است.

#### میزان نویز

وجود نویز در فرکانس طبیعی و شکل مود احتمال بروز خطا را جهت بدست آوردن محل و میزان آسیب بالا می برد لذا بررسی اثر درصد نویز به ازای هر یک از توابع هدف بکار رفته در الگوریتم ژنتیک از اهمیت بالایی برخوردار است. به عبارت دیگر حساسیت هر یک از توابع هدف موجود نسبت به حضور نویز مورد بررسی قرار گرفته است. بدین منظور شناسایی آسیب با نیم درصد، یک درصد، یک و نیم درصد و دو درصد آسیب صورت گرفته و با حالت بدون نویز مقایسه می شود.

#### تعداد جمعیت هر نسل

یکی از مهمترین پارامترهای موجود که می تواند در میزان دقت الگوریتم ژنتیک اثر گذار باشد، تعداد جمعیت هر نسل می باشد به عبارتی با افزایش جمعیت از صد تا چهارصد (صد، دویست، سیصد، چهارصد) اثر تعداد جمعیت هر نسل بر روی دقت جوابها مورد بررسی قرار خواهد گرفت.

#### استفاده از نخبگان نسل قبل در نسل جدید

در الگوریتم ژنتیک، نسل جدید براساس سه پارامتر نخبگان نسل قبل، تولید مثل والدین و جهش بدست می آید. حال می توان با بررسی میزان سهم هر یک از عوامل مذکور به آنالیز دقت جواب پرداخت به همین خاطر یکی از پارامترهای مهم، میزان درصد استفاده از نخبگان نسل قبل در نسل جدید می باشد که به این منظور از سه نوع درصد مختلف ده، بیست و سی درصد جهت آنالیز حساسیت استفاده شده است.

#### درصد لقاح

با توجه به توضیحات بند قبل با اعمال درصدهای مختلف لقاح در تولید نسل جدید به آنالیز حساسیت پرداخته شده، بدین منظور از درصدهای مختلف پنجاه، شصت، هفتاد، هشتاد، نود درصد استفاده شده است.

### ۶- مدل شناسایی آسیب

یک سازه با استفاده از روش المان محدود باید به درستی مدل شود. زیرا آسیب ماتریس سختی و جرم سازه را تحت تاثیر قرار می دهد و می توان گفت که ماتریس جرم در سازه آسیب دیده و سالم بدون تغییر باقی می ماند. این فرض بطور کامل صحیح برای اکثر برنامه های کاربردی در نظر گرفته می - شود. بطور کلی معادله مشخصه یک سازه سالم مطابق معادله (۱) بیان می شود:

$$([k] - \omega_j^2 [M]) \{\theta_j\} = 0 \quad j = 1, 2, 3, 4, \dots, n \quad 1$$

برای یک سازه آسیب دیده معادله (۱) به صورت معادله (۲) بیان می شود:

$$([k_d] - (\omega_j^d)^2 [M]) \{\theta_j\} = 0 \quad j = 1, 2, 3, 4, \dots, n \quad 2$$

$[M]$ ،  $[k]$  و  $[k_d]$  به ترتیب ماتریس های جرم، سختی سازه سالم و سختی سازه آسیب دیده می باشد.  $\phi$  و  $\omega$  شکل مود و فرکانس های طبیعی سازه می باشند که در سازه ی آسیب دیده با نماد  $d$  مشخص شده اند. در مسئله بهینه سازی، آسیب با استفاده از یک متغیر اسکالر یا شاخص  $d$  که مقادیر آن بین صفر و یک می باشد، تعیین خواهد شد. مقدار صفر نشان دهنده عدم وجود آسیب می باشد، در حالی که مقادیر نزدیک به یک حاکی از آسیب ویرانگر در المان های مربوط از سازه هستند.

### ۷- روش های مبتنی بر الگوریتم ژنتیک چند هدفه

جواب های غیر پست بطور کلی برای یک مسئله چند هدفه بدین صورت قابل تعریف هستند که امکان بهبود یکی از اهداف در این نقاط تنها با بدتر شدن حداقل یکی دیگر از اهداف مسئله امکان پذیر است. به نقاط غیر پست یک مسئله بهینه سازی چند هدفه نقاط پارتو و مقادیر متناظر با آن ها در فضای معیار جبهه پارتو را تشکیل می دهد، که در شکل ۵ نشان داده شده است.

برای بسیاری از مسائل، تعداد جواب های بهینه پارتو، زیاد و شاید نامحدود باشد. هدف نهایی یک الگوریتم بهینه سازی چند هدفه تشخیص جواب های مطلوب در مجموعه بهینه پارتو است. از الگوریتم ژنتیک چند هدفه برای شناسایی موقعیت آسیب و تخمین شدت آن استفاده می شود که این الگوریتم نیز مانند سایر الگوریتم ها دارای تابع هدف می باشد که می بایستی حداقل یا حداکثر شود.

تابع هدف بر حسب  $MTMAC$  معده (۱۰) و (۱۱)

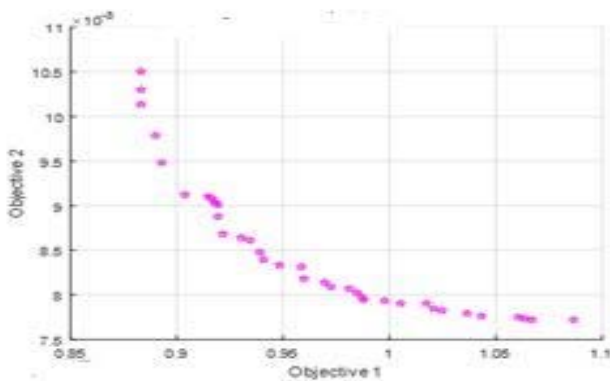
$$MTMAC_j = \frac{MAC\phi_j}{1 + \frac{|\omega_{exp}^2 - \omega_{num}^2|}{\omega_{exp}^2 + \omega_{num}^2}} \quad 10$$

$$F_7 = 1 - MTMAC \quad 11$$

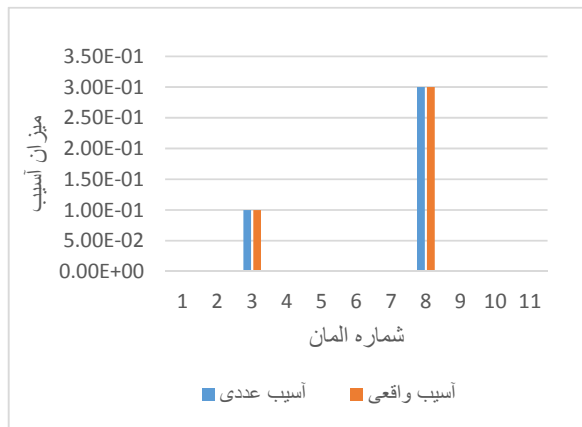
### ۹- نتایج بهینه سازی چند هدفه

در ادامه به بررسی ترکیب توابع هدف با یکدیگر، جهت نشان دادن نتایج بهینه سازی چندهدفه و ارایه این نتایج به صورت جبهه پارتو و میزان خطا به ازای نقاط پارتو نشان داده شده است.

ترکیب توابع هدف برحسب فرکانس طبیعی و شکل مود که در شکل ۶ جبهه پارتو و میزان خطای آن به ازای نقاط پارتو، آورده شده است.



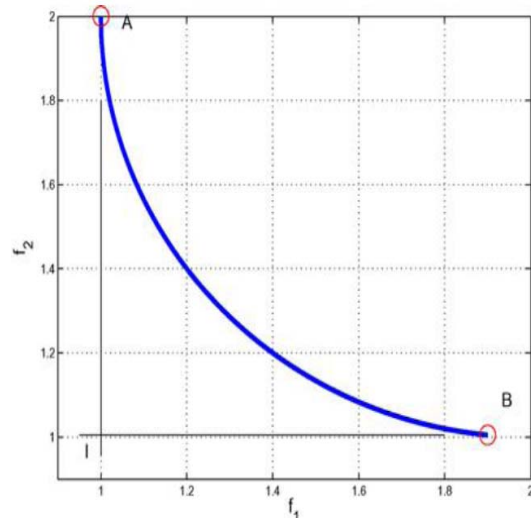
جبهه پارتو



میزان خطا به ازای نقاط پارتو

شکل ۶ ترکیب توابع هدف برحسب فرکانس طبیعی و شکل مود

ترکیب توابع هدف برحسب فرکانس طبیعی و  $MTMAC$  که در شکل ۷ جبهه پارتو و میزان خطای آن به ازای نقاط پارتو، نمایش داده شده است



شکل ۵ نمونه‌ای از جبهه پارتو مسائل چند هدفه (هدف توابع  $f_1$  و  $f_2$ ) [۵]

### ۸- توابع هدف

حال به بررسی چند تابع هدف که در این پژوهش بکار گرفته شده، پرداخته شده است.

تابع هدف فقط بر حسب فرکانسهای طبیعی، معده (۳) و (۴)

$$F_1 = \sqrt{\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N (f_{A,i} - f_{E,i})^2} \quad 3$$

$$F_2 = \sum_i \left( \frac{\omega_{A,i}^2(\beta)}{\omega_{E,i}^2} - 1 \right)^2 \quad 4$$

$f_{A,i}$  و  $f_{E,i}$  به ترتیب فرکانسهای تحلیلی و فرکانسهای بدست آمده از تجربه می‌باشد که اگر این دو به هم نزدیک باشند یعنی جواب تحلیلی که با استفاده از الگوریتم‌های بهینه سازی در آن آسیب حدس زده می‌شود به نتایج واقعی یا همان آزمایشگاهی نزدیک شده است و می‌توان محل و شدت آسیب در سازه را بدست آورد.  $N$  تعداد فرکانسهای طبیعی بدست آمده می‌باشد. نیز  $\omega_{E,i}^2$  و  $\omega_{A,i}^2$  به ترتیب فرکانسهای تحلیلی و فرکانسهای بدست آمده از تجربه می‌باشند.

تابع هدف حاصل از شکل مود، معادله (۵)

$$F_3 = \sum_{i=1}^N ||\{\Phi_{A,i}\} - \{\Phi_{E,i}\}||^2 \quad 5$$

این تابع هدف، فقط بر حسب شکل مود نوشته شده است. لذا هدف نزدیک شدن بردارهای شکل مود واقعی  $\{\Phi_{E,i}\}$  و شکل مود عددی  $\{\Phi_{A,i}\}$  می‌باشد. تابع هدف بر حسب معیار  $MAC$  معادله (۶)

$$F_4 = \sum_{i=1}^N (1 - MAC(\{\Phi_{A,i}\}, \{\Phi_{E,i}\}))^2 \quad 6$$

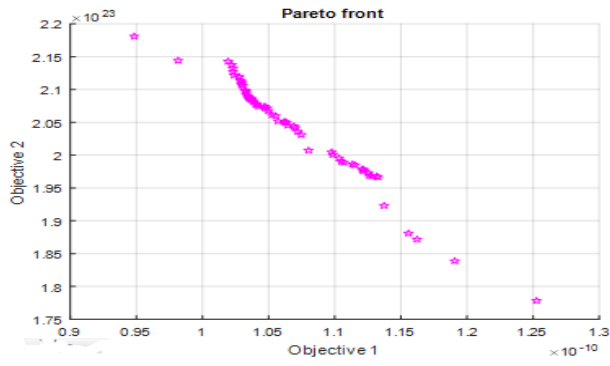
تابع هدف بر حسب شکل مود و فرکانس، معادله (۷)

$$[F] = \sum_{j=1}^{N_m} \frac{1}{\omega_j^2} \cdot \{\phi_j\} \cdot \{\phi_j\}^T \quad 7$$

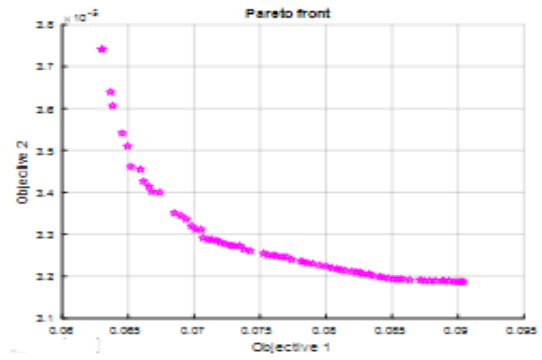
تابع هدف بر حسب  $MACFLEX$ ، معادله (۸) و (۹)

$$MACFLEX_j = \frac{(|F_{num}|^T \{F_{exp}\})^2}{(|F_{num}|^T \{F_{num}\})(|F_{exp}|^T \{F_{exp}\})} \quad 8$$

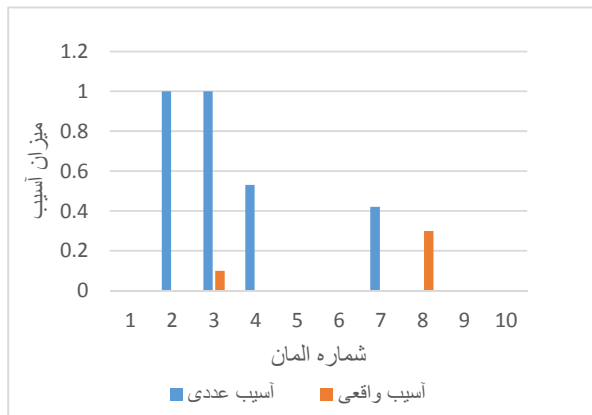
$$F_6 = 1 - MACFLE \quad 9$$



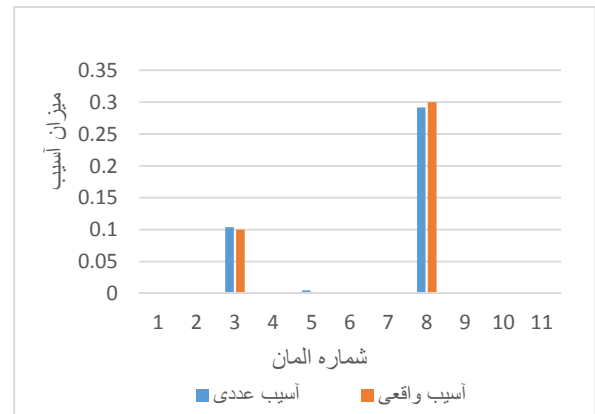
جبهه پارتو



جبهه پارتو



میزان خطا به ازای نقاط پارتو



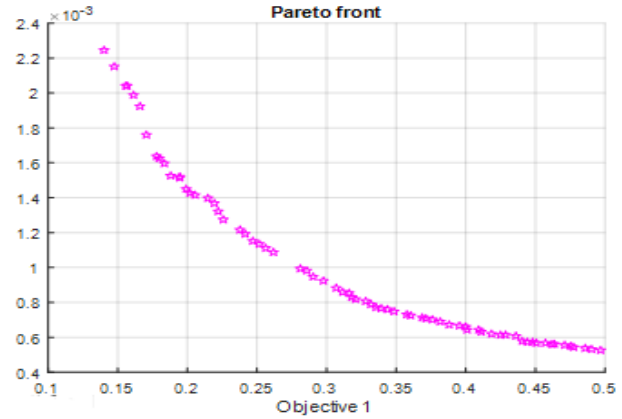
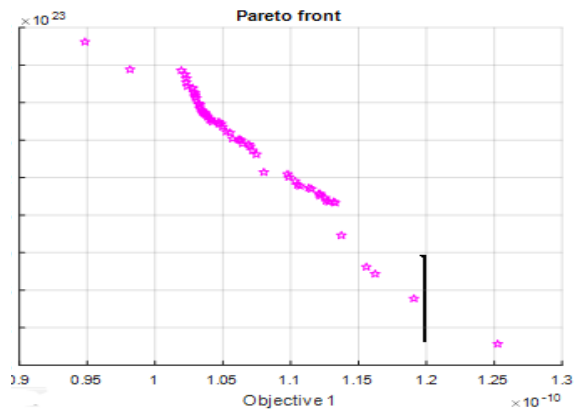
میزان خطا به ازای نقاط پارتو

شکل ۷ ترکیب توابع هدف برحسب فرکانس طبیعی و MTMAC

شکل ۸ ترکیب توابع هدف برحسب شکل مود و MACFLEX

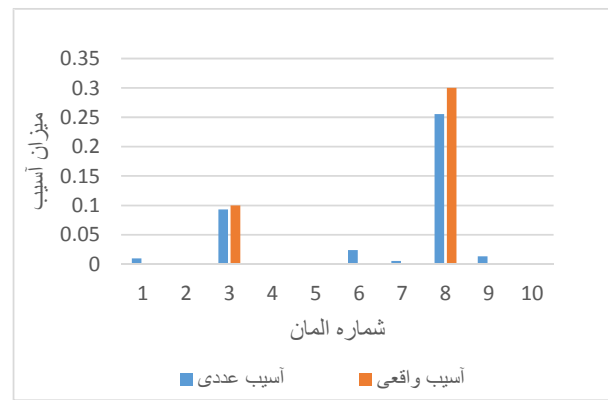
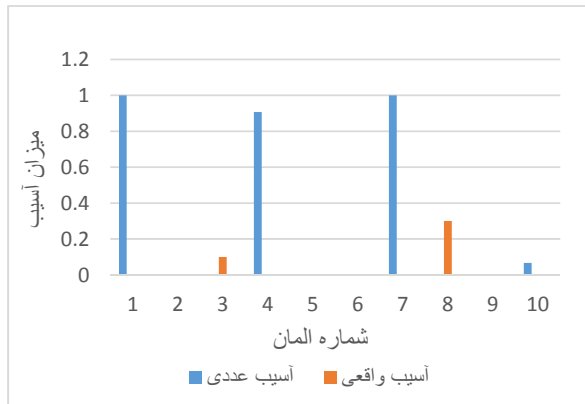
ترکیب توابع هدف بر حسب شکل مود و MTMAC شکل ۹ جبهه پارتو و میزان خطای آن به ازای نقاط پارتو، نشان دهنده این ترکیب است.

ترکیب توابع هدف بر حسب شکل مود و MAC FLEX شکل ۸ جبهه پارتو و میزان خطای آن به ازای نقاط پارتو، نشان دهنده این ترکیب است.



جبهه پارتو

جبهه پارتو



میزان خطا به ازای نقاط پارتو

شکل ۹ ترکیب توابع هدف بر حسب شکل مود و MTMAC

ترکیب توابع هدف بر حسب MACFLEX و MTMAC که در شکل ۱۰ جبهه پارتو و میزان خطای آن به ازای نقاط پارتو، آورده شده است.

مورد بررسی قرار داد.

کارایی توابع هدف مورد استفاده در این تحقیق برای نشان دادن آسیب در المان‌های تیر در یک روش کارآمد اثبات شده است. با این حال این امکان وجود دارد که استفاده از توابع هدف مختلف دیگر و ترکیب آنها در مسائل شناسایی آسیب، نتایج بهتری را فراهم می‌سازد.

#### ۱۱- مراجع

- [1] Holland J.H., Adaptation in Natural and Artificial Systems, University of Michigan Press, Michigan. S., 1975.
- [2] J.zhao ,T.De Wolf, Sensitivity study for vibrational parameters used in damage detection, Journal struct engng ASCE Vol.125(4),pp 410-460, (1999).
- [3] J.Sinha,K.Friswell,and S.Edwards, Simplified models for the location of cracks in beam structures using measured vibration data, Journal of sound and vibration,pp.13-38, (2002).
- [4] P.F.Rizos, N. Asparagathos, and A.D. Dimarogonas, identification of crack location and magnitude in a cantilever beam from the vibration models, Journal of sound and vibration, Vol. 138(3), pp. 381-388, (1990).
- [5] M. Papadrakakis, Structural damage localization and quantification using modern optimization techniques, School of Civil Engineering Institute of Structural Analysis and Seismic Research, (2012).