



تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل لاپلاس نامتقارن پویا و معیارهای تحقق یافته در بورس اوراق بهادار تهران

اسماعیل محمدی سالاری^۱

محمد رضا رستمی^۲

رضا غلامی جمکرانی^۳

مژگان صفا^۴

تاریخ دریافت مقاله : ۱۴۰۰/۰۲/۲۳ تاریخ پذیرش مقاله : ۱۴۰۰/۰۴/۰۶

چکیده

هدف اصلی تحقیق حاضر برآورد و ارزیابی عملکرد مدل پویای ارزش در معرض ریسک اتو رگرسیو شرطی تحقق یافته (Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV) در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله (ES و Var) می‌باشد. در این راستا داده‌های شاخص کل بورس اوراق بهادار به صورت روزانه و همچنین درون روزانه (ساعتی) در بازه زمانی ۱۳۹۳/۰۴/۳-۱۳۹۹/۱۱/۱۴ مورد مطالعه قرار گرفت و نتایج مدل مذکور با نتایج مدل‌های ES-CAViaR-SAV و ES-CAViaR-AS (به منظور بررسی تأثیر جزء نوسانات تحقق یافته) مقایسه گردید. کارایی مدل‌های مورد بررسی با استفاده از آزمون‌های پس آزمایی از جمله Bin, POF, TUFF, CC, CCI, VRate, تابع زیان لویز (LL) در قسمت VaR, آزمون مک نیل و فری و رتبه‌بندی بر اساس روش MCS در قسمت ES مورد بررسی قرار گرفت. نتایج این تحقیق حاکی از کارایی هر سه مدل در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله می‌باشد علاوه بر این، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از معیارهای تحقق یافته در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله کارایی پیش‌بینی مدل‌ها را افزایش می‌دهد.

کلمات کلیدی

ارزش در معرض ریسک (VaR)، ریزش مورد انتظار (ES)، معیارهای تحقق یافته، مدل‌های پویا،

بورس اوراق بهادار تهران.

۱- گروه مدیریت مالی، واحد قم، دانشگاه آزاد اسلامی، قم، ایران. salar.esmail@yahoo.com

۲- گروه مدیریت، دانشکده علوم اجتماعی و اقتصاد، دانشگاه الزهرا، تهران، ایران (نویسنده مسئول). m.rostami@alzahra.ac.ir

۳- گروه حسابداری، واحد قم، دانشگاه آزاد اسلامی، قم، ایران. gholami@qom-iau.ac.ir

۴- گروه حسابداری، واحد قم، دانشگاه آزاد اسلامی، قم، ایران. mojgansafa@gmail.com

مقدمه

یکی از حوزه‌های اصلی مدیریت مالی، مدیریت ریسک است. منظور از مدیریت ریسک، شناسایی، اندازه‌گیری و نظارت بر ریسک می‌باشد؛ بنابراین اندازه‌گیری ریسک از جایگاه ویژه‌ای در مدیریت ریسک برخوردار است و میزان صحت اندازه‌گیری ریسک پیش‌بینی شده برای مدیریت ریسک‌های احتمالی در آینده بسیار حیاتی است. در دهه‌های اخیر، مطالعات متعددی در خصوص محاسبه معیارهای VaR و ES به‌عنوان معیارهای ریسک در زمینه‌هایی مانند مدیریت ریسک بازارهای سرمایه و ارز، ریسک عملیاتی بانک‌ها و ریسک تغییرات قیمت نفت انجام شده است. در مقوله مدیریت ریسک مالی، VaR ابزاری استاندارد برای کمی کردن ریسک شناخته شده است. به‌طوری که، استانداردهای شماره ۲ کمیته بازل^۱ (۱۹۹۶) بانک‌ها و مؤسسات مالی را برای حفظ الزامات کفایت سرمایه بر اساس برآورد VaR، ملزم می‌داند. از این‌رو، اثربخشی متدلوژی‌ها برای محاسبه VaR اهمیت بسیاری دارد. از سوی دیگر، باتوجه به نقدهای صورت‌گرفته بر VaR از لحاظ معیار ریسک منسجم^۲ خصوصیتی مانند یکنواخت بودن، تابع افزایشی، همگن و ثابت بودن بر اساس پژوهش‌های محققانی مانند اسربی و تاج^۳ (۲۰۰۲) و آرتزرنر و همکاران^۴ (۱۹۹۹) و این نکته که VaR از لحاظ نبود ویژگی تابع افزایشی، دچار عدم کارایی مطلوب می‌باشد، روش ES مطرح شد که دربردارنده ویژگی‌های ذکر شده می‌باشد.

باتوجه به اهمیت مقوله ریسک، رویکردهای متفاوتی در برآورد معیارهای VaR و ES توسط محققان ارائه شده است. در این بین اضافه کردن پویایی‌های معیارهای موجود و همچنین استفاده از روش‌های جدید برای افزایش دقت و اعتبار این معیارها مورد توجه بیشتری قرار گرفته است. در این تحقیق مدل ارائه شده تیلور (۲۰۱۹) با دو تصریح مقادیر مطلق متقارن (SAV^۵) و همچنین تصریح شیب نامتقارن (AS^۶) در تحلیل معیارهای ریسک دنباله در بورس اوراق بهادار تهران مورد استفاده قرار می‌گیرد. علاوه بر این در این تحقیق مدل تیلور (۲۰۱۹) به صورتی تعدیل می‌گردد که از طریق استخراج معادله پویا VaR به طور مستقیم و معیارهای تحقق‌یافته، پویایی‌های ریسک دنباله نشان داده شود. چندین معیار تحقق‌یافته نوسانات، با استفاده از داده‌های با فرکانس بالا توسعه‌یافته است از جمله می‌توان به واریانس تحقق‌یافته (RV) و دامنه تحقق‌یافته (RR) اشاره نمود. در دسترس بودن این معیارها در مدل‌سازی نوسانات و ریسک دنباله پویا، تحولاتی چشمگیری به وجود آورده است. معیارهای تحقق‌یافته اکنون نقش مهمی در تخمین‌های دقیق و پیش‌بینی نوسانات دارد (به‌عنوان مثال مدل تحقق‌یافته GARCH از هانسن، هوانگ و شک، ۲۰۱۲) از آنجاکه پیش‌بینی ریسک دنباله مربوط به میزان نوسانات است، منطقی است که بپذیریم معیارهای تحقق‌یافته می‌توانند اطلاعاتی با اهمیتی را ارائه دهند که

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

مربوط به پیش‌بینی ریسک دنباله باشد. در ادامه، یک مؤلفه ES به مدل اضافه می‌شود که با لحاظ معیارهای تحقق‌یافته، پویایی ES را به طور جداگانه نشان دهد این مدل ES-CAViaR-RV-Realized نشان داده می‌شود. در این راستا از روش‌های بیزین و همچنین شبیه‌سازی MCMC استفاده خواهد شد.

در ادامه این مقاله ابتدا به بررسی مبانی نظری و پیشینه پژوهش پرداخته می‌شود، سپس روش‌شناسی تحقیق بیان می‌گردد. در بخش بعد به بیان یافته‌های حاصل از تحقیق پرداخته می‌شود و در نهایت نتیجه‌گیری و بحث ارائه شده است.

مبانی نظری

پس از معرفی معیار ارزش در معرض خطر (VaR) در سال ۱۹۹۳ از طریق مدل ریسک متریک توسط مورگان تعداد فزاینده‌ای از مؤسسات مالی در سراسر جهان از آن برای کمک به تخصیص سرمایه و مدیریت ریسک استفاده کرده‌اند. VaR حداکثر زیان با سطح اطمینان مشخص در دوره زمانی معین است و یک معیار استاندارد نظارتی برای تخصیص سرمایه است. با این حال، معیار VaR از چندین لحاظ از جمله به دلیل عدم انسجام مورد انتقاد قرار گرفته است و ویژگی زیر جمع‌پذیری را ندارد به این معنا که VaR پرتفوی کمتر از VaR مجموع دارایی‌های فردی داخل پرتفوی نیست (برخلاف اصل تنوع‌سازی). برخلاف VaR، معیار ریزش مورد انتظار (ES)، پیشنهاد شده توسط آرتزرنر، دلبن، ابر و هیت^۷ (۱۹۹۷، ۱۹۹۹)، زیان مورد انتظار را برای بازده‌های بالاتر از آستانه VaR نشان می‌دهد و یک معیار منسجم است. به همین دلیل، در سال‌های اخیر برای اندازه‌گیری ریسک دنباله بیشتر مورد استفاده قرار گرفته است و اخیراً توسط کمیته نظارت بانکی بازل نیز توصیه شده است (۲۰۱۶). رویکردهای بسیاری برای پیش‌بینی VaR و ES وجود دارد، از جمله رویکردهای پارامتری که غالباً بر اساس مدل‌های GARCH یا نوسانات تصادفی (SV) استوار هستند. رویکردهای نیم پارامتری، از جمله روش‌های مبتنی بر تئوری ارزش حدی (EVT) و روش‌های غیرپارامتری که یک مثال محبوب آن روش شبیه‌سازی تاریخی است.

اگرچه ES توسط مؤسسات مالی بسیار مورد استفاده قرار می‌گیرد، تخمین آن، به‌ویژه در چارچوب مدل‌های نیمه پارامتری، یک چالش مهم است. به این دلیل که ES واجد شرایط رتبه‌بندی نیست (نیتینگ^۸، ۲۰۱۱)، به عبارتی دیگر، فاقد یک تابع زیان است که به طور منحصربه‌فرد توسط ES واقعی بهینه شود. با این حال، فیسلر و زیگل^۹ (۲۰۱۶) دریافته‌اند که VaR و ES مشترکاً واجد شرایط استاندارد هستند و یک کلاس از توابع زیان را ایجاد می‌کنند که کاملاً برای VaR و ES به طور مشترک سازگار

است. تیلور^{۱۰} (۲۰۱۹) برای ساختن یک کلاس از مدل‌های پویای نیمه پارامتری برای VaR و ES، از یک نمونه از این کلاس عملکرد زیان بهره می‌برد که در اینجا با مدل‌های ریزش مورد انتظار - ریزش مورد انتظار اتورگرسو شرطی (ES-CAViaR) مشخص شده است.

از طرفی دیگر در سال‌های اخیر، حرکتی از مدل‌های پارامتریک نوسانات (به دلیل فرضیات پایه‌ای محدودکننده و استفاده کاربردی دشوار) به سمت استفاده از معیارهای غیرپارامتری انعطاف‌پذیر و محاسباتی کاربردی صورت گرفته است. دو مورد از معیارهای غیرپارامتری که به طور گسترده‌ای مورد استفاده قرار می‌گیرد: نوسانات مطلق بازده و نوسانات تحقق‌یافته می‌باشند.

ساده‌ترین معیار نوسانات قیمت، ردیابی مقادیر بازده مطلق و مشاهده محدوده تغییرات قیمت روزانه است. این روش سنتی مدل‌سازی نوسانات از بازده روزانه، تفاضل لگاریتمی قیمت‌های بسته‌شدن را اندازه‌گیری می‌کند. در نظر گرفتن تغییرات بازده مطلق به‌عنوان پراکسی نوسانات اساس بسیاری از تلاش‌های مدل‌سازی ارائه شده در ادبیات موجود می‌باشد (تیلور، ۱۹۸۷ و گرنجر، ۲۰۰۰). روش دوم، اندازه‌گیری نوسانات تحقق‌یافته است. این نوع نوسان از حاصل جمع توان دوم بازده‌های لگاریتمی با توجه به یک فرکانس خاص محاسبه می‌شود. با توجه به این تعریف، اگر فرکانس بالاتری استفاده شود، می‌توان به اطلاعات بیشتری دست یافت. افزایش فرکانس نمونه‌گیری به معنای استفاده از داده‌های میان روزانه و ورود به حوزه داده‌های پرفراوانی است. چندین معیار تحقق‌یافته نوسانات، با استفاده از داده‌های با فرکانس بالا توسعه‌یافته است از جمله می‌توان به واریانس تحقق‌یافته (RV) و دامنه تحقق‌یافته (RR) اشاره نمود. در دسترس بودن این معیارها در مدل‌سازی نوسانات و ریسک دنباله پویا، تحولاتی چشمگیری به وجود آورده است. از آنجاکه پیش‌بینی ریسک دنباله مربوط به میزان نوسانات است، منطقی است که بپذیریم معیارهای تحقق‌یافته می‌توانند اطلاعاتی با اهمیتی را ارائه دهند که مربوط به پیش‌بینی ریسک دنباله باشد؛ بنابراین، در تعدادی از مطالعات از جمله جرلاچ و وانگ^{۱۱} (۲۰۲۰) استفاده از معیارهای نوسانات تحقق‌یافته در پیش‌بینی معیارهای ریسک مورد توجه قرار گرفته است.

پیشینه تحقیق

در ارتباط با معیارهای ریسک و تحلیل ریسک دنباله مطالعات زیادی با روش‌های متنوع به‌منظور برآورد VaR و ES انجام شده است از جمله تیلور (۲۰۱۷) در تحقیقی با عنوان پیش‌بینی ارزش در معرض خطر و ریزش مورد انتظار با استفاده از رویکرد نیمه پارامتریک بر اساس توابع لاپلاس نامتقارن، از یک نمونه از کلاس توابع زیان با عنوان ES-CAViaR بهره می‌برد، نتایج این تحقیق که با استفاده

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

از داده‌های روزانه شاخص S&P ۱۲۵۰ در دوره ۲۰۰۸-۲۰۱۳ انجام شده است حاکی از برتری عملکرد مدل‌های معرفی شده در مقایسه با مدل‌های سنتی مورد استفاده در این حوزه می‌باشد.

پاتون و همکاران^{۱۳} (۲۰۱۸) در تحقیقی با عنوان " روش نیمه پارامتریک پویا در پیش‌بینی ریزش مورد انتظار (و ارزش در معرض خطر) معیار ریزش مورد انتظار (ES) را به طور مشترک با VaR برای شاخص‌های سهام کشورهای آمریکا، ژاپن و انگلستان در دوره زمانی ۱۹۹۰ تا ۲۰۱۶ برآورد می‌کنند. در ادامه به مقایسه عملکرد چهار مدل پویای معرفی شده با مدل‌های GARCH و پنجره غلتان که به صورت سنتی در این حوزه مورد استفاده قرار می‌گیرند می‌پردازند. نتایج این تحقیق حاکی از برتری مدل‌های پویا در پیش‌بینی معیار ریزش مورد انتظار می‌باشد.

بو و همکاران^{۱۴} (۲۰۱۹) در تحقیقی به بررسی ریزش مورد انتظار پویا با استفاده از تجزیه طیفی پرداختند. نتایج این تحقیق که با استفاده از قیمت سهام هشت بانک بزرگ بین‌المللی بانک آمریکا^{۱۵}، چاینا سیتیک بانک^{۱۶}، کردیت سوئیس^{۱۷}، دویچه بانک^{۱۸}، بانک توکیو میتسوبیشی^{۱۹} ژاپن، بانک بین‌المللی استرالیا^{۲۰}، بانک رویال کانادا^{۲۱} و بانک سوسیتیه ژنرال فرانسه^{۲۲} در دوره زمانی ۲۰۰۱ تا ۲۰۱۴ انجام شده است نشان‌دهنده اهمیت مؤلفه‌های مقیاس زمانی در پیش‌بینی معیار ES و همچنین کارایی تجزیه طیفی در مدل‌سازی پویایی‌های ES می‌باشد.

جرلاچ و وانگ^{۲۳} (۲۰۲۰) در تحقیقی با عنوان لاپلاس پویا و نامتقارن شبه پارامتریک در تحلیل ریسک دنباله، مدل VaR و ES مشترک تیلور (۲۰۱۹) را با در نظر گرفتن معیارهای تحقق‌یافته به صورتی تعدیل کردند که پویایی‌های ریسک در بازارهای مالی را استخراج نمایند. در این تحقیق از داده‌های شاخص‌های بازار سهام کشورهای آمریکا، آلمان، انگلستان، سوئیس و استرالیا در دوره زمانی ۲۰۰۰ تا ۲۰۱۶ استفاده شده است و در نهایت نتایج این تحقیق حاکی از برتری معیار معرفی شده جدید در پیش‌بینی ریسک می‌باشد.

بر اساس بررسی‌های انجام شده، در ایران تحقیق مشابه تحقیق حاضر انجام نشده است و تنها می‌توان به مطالعاتی اشاره نمود که ارزش در معرض ریسک (VaR) و ریزش مورد انتظار (ES) را با استفاده از روش‌های مختلف برآورد نموده‌اند از جمله دهقان منشادی و همکاران، (۱۳۹۶) با بررسی کاربرد ارزش در معرض خطر تفاضلی (IVaR)، در محاسبه ریسک سبب سرمایه‌گذاری با استفاده از رویکرد پیشین و پسین و باستان زاد و همکاران (۱۳۹۶) نیز بررسی سازوکار انتقال ریسک بین بازارهای ارز، مسکن و سهام اقتصاد ایران (با استفاده از رویکرد پارامتریک و ناپارامتریک ارزش در معرض خطر) تأیید کردند.

کاشی و همکاران (۱۳۹۶) در تحقیق خود به بررسی ارزش در معرض ریسک (VAR) و ریزش مورد انتظار (ES) در بورس اوراق بهادار تهران با استفاده از نظریه مقدار حدی ماکسیمم بلاکها و توزیع پارتو تعمیم یافته (GPD) پرداختند. یافته‌های این تحقیق موید این مطلب بود که کاربرد VAR و ES نباید بر مدیریت ریسک مالی مسلط شود؛ به عبارتی، وابستگی بر مقیاس ریسک منفرد به جهت نادیده گرفتن اطلاعات ریسک پرتفوی مشکل ایجاد می‌کند. در نهایت بیان می‌کنند که برای در برگرفتن اطلاعات نادیده شده توسط VAR و ES، ضروری است که جنبه‌های گوناگون توزیع زیان/سود مانند دم پهن بررسی شود.

بت‌شکن و همکاران (۱۳۹۷) در تحقیق خود کاربرد روش شبیه‌سازی مونت کارلو بر مبنای تحلیل مؤلفه‌های اساسی، به‌عنوان روشی با رویکردی ناپارامتریک برای محاسبه ارزش در معرض ریسک و ریزش مورد انتظار را بررسی کردند. نتایج این تحقیق حاکی از قابلیت اتکای این روش و روش مرسوم شبیه‌سازی مونت کارلو و برتری این دو روش در مقایسه با روش ریسک متریکس است؛ همچنین بررسی زمان لازم برای محاسبه ارزش در معرض ریسک و ریزش مورد انتظار نشان‌دهنده سرعت بیشتر روش شبیه‌سازی مونت کارلو بر مبنای تحلیل مؤلفه‌های اساسی نسبت به روش مرسوم شبیه‌سازی مونت کارلو است.

روش‌شناسی تحقیق

روش پژوهش حاضر از لحاظ هدف کاربردی و از لحاظ ماهیت و روش علی است. همچنین از نظر ویژگی و جهت داده‌ها پس رویدادی و از طریق اطلاعات گذشته می‌باشد. در این تحقیق از سه مدل ES-CAViaR-SAV، ES-CAViaR-AS و Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV به‌منظور تحلیل و پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله در بورس اوراق بهادار تهران استفاده می‌شود که در ادامه به تشریح این مدل‌ها پرداخته می‌شود. تمام مراحل تجزیه و تحلیل این مقاله با استفاده از نرم‌افزارهای EXCEL و MATLAB R2018a انجام شده است.

مدل تحقیق

تیلور (۲۰۱۹) برای ساختن یک کلاس از مدل‌های پویای نیمه پارامتری برای ES و VaR، از یک نمونه از کلاس عملکرد زیان بهره می‌برد که در اینجا با ES-CAViaR مشخص شده است. در تشریح مدل‌های مذکور ابتدا فرم کلی رگرسیون چندکی (که از مینیمم کردن نامتقارن قدر مطلق موزون باقیمانده‌ها برای برآورد پارامترهای مدل استفاده می‌شود) به صورت معادله (۱) در نظر گرفته می‌شود:

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

$$\min \sum_{t=1}^n (r_t - Q_t)(\alpha - I(r_t \leq Q_t)) \quad (1)$$

جایی که r_t متغیر وابسته، Q_t چندک با سطح احتمال α ، $I(x)$ تابع نشانگر و n حجم نمونه است. در برآورد ES و VaR سطح احتمال معمولاً ۱٪ و ۵٪ در نظر گرفته می‌شود. در اینجا VaR چندک شرطی Q_t و ES به صورت $ES_t = E(r_t | r_t \leq Q_t)$ تعریف می‌گردد. کوکتر و ماچادو (۱۹۹۹) بیان می‌کنند که حداقل سازی رگرسیون چندکی در معادله (۱) معادل با حداکثر سازی راستنمایی مبتنی بر چگالی لاپلاس نامتقارن (AL^{24}) در معاله (۲) است. در این تابع چگالی σ پارامتر مقیاس، Q_t چندک چگالی متناظر با سطح احتمال انتخابی α و r_t مقادیر مشاهدات می‌باشند.

$$p(r_t | \Omega_{t-1}) = \frac{\alpha(1-\alpha)}{\sigma_t} \times \exp\left(\frac{-(r_t - Q_t)(\alpha - I(r_t \leq Q_t))}{\sigma_t}\right) \quad (2)$$

تیلور (۲۰۱۹) با استفاده از ارتباط بین تخمین‌های ES و σ که توسط باست و همکاران^{۲۵} (۲۰۰۴) بیان شده تابع احتمال مربوطه را به شکل معادله (۳) بازنویسی می‌کند:

$$p(r_t | \Omega_{t-1}) = \frac{\alpha(1-\alpha)}{ES_t} \times \exp\left(\frac{(r_t - Q_t)(\alpha - I(r_t \leq Q_t))}{ES_t}\right) \quad (3)$$

به این صورت تیلور (۲۰۱۹) به تابع احتمالی دست می‌یابد که با برآورد مشترک Q_t و ES_t سازگاری دارد و در کلاس توابع مربوط به برآورد مشترک VaR و ES که توسط فیسلر و زیگل (۲۰۱۶) توسعه یافته‌اند قرار می‌گیرد. تیلور (۲۰۱۹) با در نظر گرفتن چارچوب کاری CAViaR برگرفته از منگانلی و انگل^{۲۶} (۲۰۰۴)، در ادامه دو مدل برای ES را پیشنهاد می‌کند که هر دو مدل مذکور توصیف‌کننده پویایی‌های بین VaR و ES هستند. این دو مدل به صورت معادلات ۱- ES-CAViaR-Add که ES-CAViaR با افزودن جزء VaR به ES و ۲- ES-CAViaR-Mult که ES-CAViaR با ضرب یک جزء VaR در جزء ES به دست می‌آید. تصریح مدل‌های فوق به صورت روابط (۴) و (۵) می‌باشد:

ES-CAViaR-Add:

$$\begin{aligned} Q_t &= \beta_0 + \beta_1 |r_{t-1}| + \beta_2 Q_{t-1} \\ ES_t &= Q_t - \omega_t \end{aligned} \quad (4)$$

$$\omega_t = \begin{cases} \gamma_0 + \gamma_1(Q_{t-1} - r_{t-1}) + \gamma_2 \omega_{t-1} & \text{if } r_{t-1} \leq Q_{t-1} \\ \omega_{t-1} & \text{otherwise} \end{cases}$$

ES-CAViaR-Mult:

$$\begin{aligned} Q_t &= \beta_0 + \beta_1|r_{t-1}| + \beta_2 Q_{t-1} \\ ES_t &= \omega_t Q_t \\ \omega_t &= 1 + \exp(\gamma_0) \end{aligned} \quad (5)$$

در اینجا γ_0 بدون محدودیت است چراکه $\omega_t \geq 1$ می‌باشد بنابراین $ES_t \leq Q_t \leq 0$ برای هر t می‌باشد.

ES (-X) -CAViaR-X مدل‌های

در این مقاله، مدل‌های ES-CAViaR تیلور (۲۰۱۹) به گونه‌ای تعدیل شده‌اند که بتوان از معیارهای تحقق‌یافته به‌عنوان یک متغیر توضیحی (به‌جای بازده روزانه با وقفه) به‌منظور استخراج پویایی ریسک استفاده کرد. در اینجا دو فرم کلی ES-CAViaR-X پیشنهاد می‌شود که به این هدف دست یابند.

ES-CAViaR-Add-X

$$\begin{aligned} Q_t &= \beta_0 + \beta_1 X_{t-1} + \beta_2 Q_{t-1} \\ ES_t &= Q_t - \omega_t \\ \omega_t &= \begin{cases} \gamma_0 + \gamma_1(Q_{t-1} - r_{t-1}) + \gamma_2 \omega_{t-1} & \text{if } r_{t-1} \leq Q_{t-1} \\ \omega_{t-1} & \text{otherwise} \end{cases} \end{aligned} \quad (6)$$

ES-CAViaR-Mult-X

$$\begin{aligned} Q_t &= \beta_0 + \beta_1 X_{t-1} + \beta_2 Q_{t-1} \\ ES_t &= \omega_t Q_t \\ \omega_t &= 1 + \exp(\gamma_0) \end{aligned} \quad (7)$$

جایی که در هر دو مدل X_t نشان‌دهنده معیارهای تحقق‌یافته می‌باشند. در این دو مدل معیار تحقق‌یافته مستقیماً بر چندک Q_t تأثیر می‌گذارد زیرا ES_t تابعی از Q_t است. لازم به ذکر است که متغیر نوسانات تحقق‌یافته از حاصل جمع توان دوم بازده‌های لگاریتمی باتوجه به یک فرکانس خاص محاسبه می‌شود. باتوجه به این تعریف، اگر فرکانس بالاتری استفاده شود، می‌توان به اطلاعات بیشتری دست یافت. افزایش فرکانس نمونه‌گیری به معنای استفاده از داده‌های میان روزانه و ورود به حوزه داده‌های پرفراوانی

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

است. اندازه‌گیری‌های نوسان پذیری تحقق‌یافته به دلیل افزایش در دسترس بودن داده‌های فرکانس بالا در سال‌های اخیر امکان‌پذیر شده‌اند.

روش‌های پس‌آزمایی

بعد از ایجاد مدل و قبل از اینکه در عمل مورد استفاده قرار گیرد، اعتبار آن باید به‌دقت بررسی شود. در حین استفاده از مدل نیز، عملکرد آن باید به‌طور مرتب ارزیابی گردد. یکی از ویژگی‌های کلیدی اعتبارسنجی یک مدل، پس‌آزمایی آن است که شامل کاربرد روش‌های کمی جهت تعیین مطابقت پیش‌بینی‌های مدل با مفروضاتی است که مدل بر اساس آن بنا شده است. مفروضات توزیعی نادرست در مدل‌های آماری، تغییرات بزرگ در نوسان عوامل ریسک بازار، چالش‌های مربوط به مدل‌سازی وابستگی‌های زمانی در نوسانات ارزش پرتفوی و فقدان انسجام از جمله عواملی هستند که منجر به برآوردهایی نادرست از ریسک می‌شوند. در واقع این عوامل، عمده عواملی هستند که ممکن است باعث عدم پذیرش یک مدل ریسک در پس‌آزمایی‌ها گردند. پس‌آزمایی همچنین شامل رتبه‌بندی مدل‌های مختلف نیز می‌باشد. پس‌آزمایی، روش‌های مطرح در این زمینه را مورد بررسی قرار داده و نحوه ارزیابی عملکرد مدل‌های VaR را بررسی خواهیم کرد (گلین و هولتون، ۲۰۰۴). هم‌اکنون روش‌های پس‌آزمایی متعددی برای ارزیابی دقت مدل‌های VaR و ویژگی‌های آن‌ها وجود دارد. بسیاری از این مدل‌ها در سال‌های اخیر توسعه یافته‌اند. مدل‌های پس‌آزمایی را می‌توان بر این اساس که آیا یک یا چند ویژگی مدل VaR را مورد آزمون قرار می‌دهند طبقه‌بندی نمود. در این بخش، این ویژگی‌ها را مدنظر قرار داده و اثر این ویژگی‌ها را بر کارایی سنج‌های ریسک مورد ارزیابی قرار می‌دهیم.

رویکردهای پس‌آزمایی را در سه گروه طبقه‌بندی می‌کنیم. دو طبقه اول مربوط به آزمون‌های کارایی VaR هستند. طبقه اول شامل آزمون‌های ارزیابی کارایی مدل در یک نرخ پوشش خاص هستند. در این طبقه، تخطی‌های موجود در مجموعه اطلاعات Ω_{t+1} تنها مرجع مورد استفاده برای آزمون نرخ پوشش α هستند. این آزمون‌ها که به ارزیابی رخداد یک واقعه (مانند تخطی) در طی زمان می‌پردازند، در طبقه رویکرد پیش‌بینی احتمال رویداد^{۲۷} جای می‌گیرند. طبقه دوم شامل آزمون‌هایی می‌باشد که به بررسی همزمان کارایی VaR برای تمامی نرخ‌های پوشش ممکن می‌پردازد. بنابراین این آزمون‌ها تنها به مطالعه یک نرخ پوشش انتخابی مثلاً ۵٪ محدود نیستند. هدف این آزمون‌ها، ارزیابی کامل توزیع بازده و یا توزیع سود و زیان است. این آزمون‌ها در طبقه رویکرد پیش‌بینی چگالی^{۲۸} قرار می‌گیرند. توجه داشته باشید که در پس‌آزمایی‌های مربوط به این دو رویکرد همیشه صحبت از دو سطح اطمینان می‌باشد: یک سطح اطمینان به ارزش در معرض خطر مربوط می‌شود و دیگری به آزمون‌های آماری بر می‌گردد. برای ایجاد

تمایز میان این دو سطح اطمینان، اولاً برای ارزش در معرض خطر از سطح خطا استفاده می‌کنیم و باز هم برای کاهش تداخل، نرخ پوشش را معادل سطح خطای ارزش در معرض خطر در نظر می‌گیریم. مثلاً VaR با نرخ پوشش ۵٪ به معنی ارزش در معرض در سطح اطمینان ۹۵٪ است. بدین ترتیب ممکن است بخواهیم یک مدل VaR با نرخ پوشش ۱٪ را در سطح اطمینان ۹۵٪ بر اساس یکی از رویکردهای پس‌آزمایی، آزمون نماییم. طبقه سوم، رویکردهای مقایسه‌ای می‌باشد که به مقایسه و رتبه‌بندی مدل‌های مختلف VaR می‌پردازند.

رتبه‌بندی مدل‌های پیش‌بینی نوسانات بازده بر اساس تعداد تخطی کمتر، لزوماً نتیجه‌ی مطلوبی به همراه ندارد. از این رو برای رتبه‌بندی مدل‌ها پیش‌بینی ارزش در معرض ریسک (VaR) باید از مدلی استفاده شود که تعداد تخطی‌های آن برابر تعداد تخطی‌های مورد انتظار باشد که از آن به‌عنوان مدل معیار رتبه‌بندی یاد می‌شود. رتبه‌بندی مدل‌ها بستگی به دوری و نزدیکی آنان با مدل پایه دارد و روش برتر، روشی است که کمینه‌ی اختلاف را با مدل پایه داشته باشد. تابع امتیاز احتمال درجه دوم آزمون دیگری برای ارزیابی مدل است که توسط لویز^{۲۹} (۱۹۹۸) به‌صورت زیر معرفی شد:

$$QPS = \frac{2}{N} \sum_{t=1}^N (C_t - p)^2 \quad (۸)$$

در رابطه (۸) C_t نشان‌دهنده تابع زیان از پیش تعیین شده است که با داشتن توزیع دوتایی^{۳۰} به‌صورت

$$C_t = \begin{cases} 1 & \text{اگر } L_t > VaR_t \\ 0 & \text{اگر } L_t \leq VaR_t \end{cases}$$

است. QPS مقادیر در دامنه $[0,2]$ اتخاذ می‌کند و هرچه کوچکتر باشد،

نشان‌دهنده یک مدل مناسب‌تر در اندازه‌گیری VaR است.

پس‌آزمایی مک نیل و فری

پس‌آزمایی برای پیش‌بینی‌های ریزش مورد انتظار مدل‌های ریسک به‌وسیله مک نیل و فری (۲۰۰۰) ارائه شد که یکی از موفق‌ترین روش‌ها در ادبیات است. این پس‌آزمایی مبتنی بر سری پسماندهای تخطی استاندارد شده است که بر اساس رابطه زیر تعریف می‌شود (اولسن، ۲۰۱۵):

$$R_{t+1} = \begin{cases} \frac{y_{t+1} - ES_{t+1|t}^{(1-p)}}{\hat{\sigma}_{t+1}}, & \text{if } y_{t+1} < VaR_{t+1|t}^{(1-p)} \\ 0, & \text{if } y_{t+1} \geq VaR_{t+1|t}^{(1-p)} \end{cases} \quad (۹)$$

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

تمایز بین بازده‌های تخطی کنند از VaR و پیش‌بینی ES در آن روزه نحوه استاندارد شدن آنها توسط انحراف معیار برآورده شده است. این پس آزمایی متکی بر مشاهده‌ای است که R_{t+1} باید مانند فرایند iid با میانگین صفر رفتار کرده و اینکه ES برآوردی نارایب از امید ریاضی دنباله است و پویایی‌هایی فرایند بازده به درستی مدل‌سازی شده است. فرضیه صفر و مقابل در این آزمون می‌تواند به صورت زیر باشد (اولسن، ۲۰۱۵):

$$H_0: \hat{R}_{t+1} = 0$$

$$H_0: \hat{R}_{t+1} > 0$$

که \hat{R}_{t+1} نمایانگر میانگین بردار پسماندهای تخطی استاندارد شده، است. فرضیه مقابل یک طرفه است به طوری که میانگین مثبت نشان‌دهنده این است که ES کمتر برآورد شده است، که این حالت اغلب خطرناک‌ترین حالت است (مک نیل و فری، ۲۰۰۰). آماره آزمون مشابه نسبت t استاندارد توسط رابطه زیر بدست می‌آید:

$$t_{R_{t+1}} = \frac{\bar{R}_{t+1}}{\hat{\sigma}_{R_{t+1}}/\sqrt{N}} \quad (10)$$

که $\hat{\sigma}_{R_{t+1}}$ نمایانگر انحراف معیار \bar{R}_{t+1} و تعداد تخطی از نمونه مانند پس آزمایی VaR با N نشان داده می‌شود. از آنجا که توزیع t نامعلوم است، فرایند بوتسترپ، که پیش فرضی در مورد توزیع پسماند نمی‌کند، انجام می‌شود.

رتبه‌بندی بر اساس روش MCS

وجود چندین تصریح مدل مختلف معتبر برای VaR و ES این سؤال را مطرح می‌کند که بهترین مدل (بهینه) کدام است. رویه آماری به‌کاررفته برای تعیین اینکه آیا ارزش میانگین تابع زیان یک مدل ریسک نسبت به مدل دیگر به‌صورت معناداری آماری بالاتر است یا خیر، رویه مجموعه اطمینان مدل (MCS) پیشنهادی توسط هانسن، لوند و ناسون (۲۰۱۱) است. رویه هانسن شامل دنباله‌ای از آزمون‌های آماری است که در آنها، مدل‌ها به لحاظ معناداری آماری و با استفاده از آزمون‌های آماری توانایی پیش‌بینی برابر (EPA) به‌صورت دوجه‌دو مقایسه شده و در نهایت مجموعه‌ای از مدل‌های برتر که در آنها فرضیه صفر آزمون EPA در سطح اطمینان α رد نشده‌اند، ایجاد می‌شود. آزمون‌های آماره EPA برای هر تابع زیان اختیاری که شرایط کلی مانایی ضعیف را برآورد کند، قابل محاسبه است. ورودی‌های MCS توابع زیان مدل‌های مختلف هستند.

سوالات تحقیق

در این تحقیق تلاش می‌شود کارایی مدل پویای Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله (ES و Var) مورد ارزیابی قرار گیرد و کارایی مدل مذکور با کارایی دو مدل ES-CAViaR-SAV و ES-CAViaR-AS مقایسه گردد. بر همین اساس در تحقیق حاضر سوالات زیر مورد آزمون قرار گرفته‌اند:

۱- آیا با استفاده از مدل‌های پویای ES-CAViaR می‌توان معیارهای ریسک دنباله (ES و Var) را به‌صورت کارا پیش‌بینی نمود؟

۲- آیا استفاده از جزء نوسانات تحقق‌یافته، کارایی مدل‌های پویا در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله (ES و VaR) را افزایش می‌دهد؟

یافته‌های پژوهش

آمار توصیفی داده‌ها

در این بخش به‌منظور ارائه دیدی کلی از وضعیت شاخص بورس اوراق بهادار در طول دوره مورد بررسی، بازدهی این شاخص و همچنین معیار نوسان تحقق‌یافته (RV) در نمودار (۱) نمایش داده شده است. همان‌طور که در نمودار (۱) قابل‌ملاحظه می‌باشد بازدهی و نوسان تحقق‌یافته آن از اوایل سال ۱۳۹۷ رشد قابل‌توجهی داشته و بعد از سال ۱۳۹۹ به بیشترین مقدار خود رسیده است. در ادامه در جدول (۱) آمار توصیفی بازدهی شاخص کل بورس اوراق بهادار تهران (TEPIX) و همچنین واریانس تحقق‌یافته این شاخص ارائه شده است. در این تحقیق از داده‌های روزانه شاخص کل بورس اوراق بهادار تهران در دوره زمانی ۱۳۹۳/۰۴/۳-۱۳۹۹/۱۱/۱۴ استفاده شده و حجم نمونه مورد بررسی ۱۵۷۹ مشاهده می‌باشد. لازم به ذکر است به‌منظور محاسبه‌ی بازدهی نیز به‌این‌ترتیب عمل شده است که اگر قیمت i امین دارایی در زمان t را با P_t نشان دهیم آنگاه می‌توان لگاریتم بازده سرمایه‌گذاری را در لحظه t به‌صورت زیر معادله (۹) محاسبه نمود:

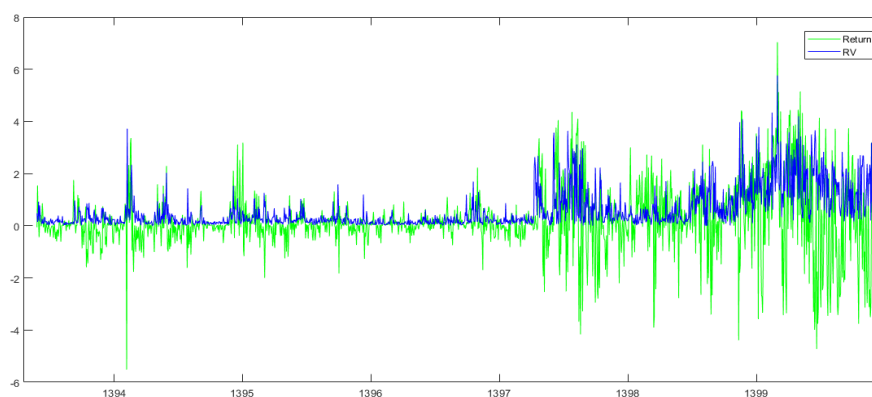
$$r_{it} = \log\left(\frac{P_{it}}{P_{it-1}}\right) \times 100 \quad (11)$$

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

جدول (۱) آمار توصیفی متغیرهای تحقیق

مشاهدات	کشیدگی	چولگی	انحراف معیار	مینیمم	ماکزیمم	میانه	میانگین	متغیر
۱۵۷۹	۷,۶۰۷۳	۰,۷۹۰۲۷۲	۱,۱۲۱۰۷	-۴,۷۱۳	۷,۰۳۵۲۸	۰,۰۵۲۷	۰,۲۳۲۸۹	بازدهی شاخص
۱۵۷۹	۱۰,۸۰۵	۲,۵۸۵۷۹	۰,۶۹۷۴۱	۰	۵,۷۵۸۹۷	۰,۲۴۰۷	۰,۵۱۷۸۳	نوسان تحقق یافته

منبع: یافته‌های پژوهش



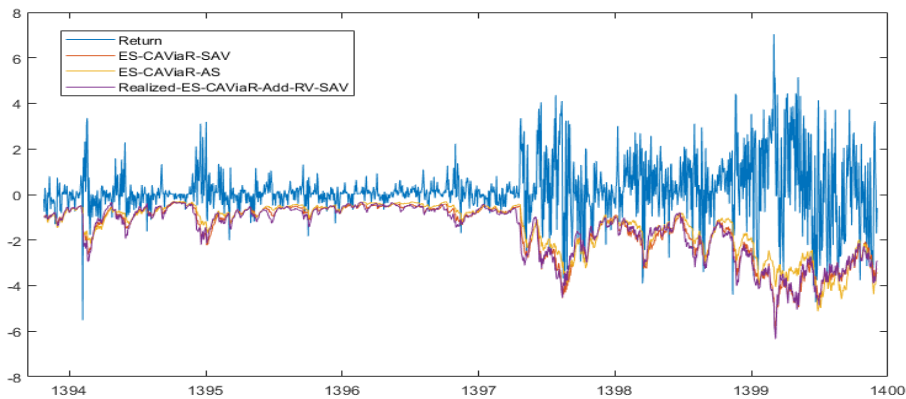
نمودار ۱: بازدهی و نوسانات تحقق یافته شاخص بورس اوراق بهادار تهران

منبع: یافته‌های پژوهش

نتایج برآورد ارزش در معرض ریسک (VaR)

در این بخش پیش‌بینی با گام یک‌روزه به جلو برای شاخص‌های ریسک دنباله (ES و VaR) در سطح اطمینان ۹۵٪ با استفاده از سه مدل ES-CAViaR-SAV, ES-CAViaR-AS و Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV که در بخش قبل تشریح گردید ارائه می‌شود. در ادامه با استفاده از آزمون‌های پس‌آزمایی کارایی و دقت این مدل‌ها مورد بررسی قرار می‌گیرد.

در نمودار (۲) برآورد ارزش در معرض ریسک (VaR) با استفاده از سه مدل مذکور در مقابل بازدهی شاخص بورس اوراق بهادار ترسیم شده است. از نکات قابل توجه در نمودار (۲) افزایش شاخص VaR با افزایش بازدهی و تلاطم در بازار بورس اوراق بهادار تهران می‌باشد. علاوه بر این در نمودار (۲) نتایج پیش‌بینی سه مدل در عین حال که پوشش مناسبی از ریسک در شاخص بورس را نشان می‌دهد تفاوت‌های قابل توجهی با هم دارند. باین حال عملکرد و دقت مدل‌های پیش‌بینی ارزش در معرض ریسک می‌بایستی در قالب آزمون‌های پس‌آزمایی مورد ارزیابی قرار گیرد که در ادامه نتایج این آزمون‌ها ارائه شده است.



نمودار ۲: نتایج برآورد معیار ارزش در معرض ریسک (VaR) با استفاده از مدل های مختلف

منبع: یافته های پژوهش

جدول ۲: خلاصه آمار مدل های VaR

QPS	نسبت تخطی	تخطی مورد انتظار	تخطی	تعداد مشاهدات	سطح اطمینان	مدل ارزش در معرض ریسک
۰/۰۶۹۶	۰/۹۰۶۰	۷۳/۹۵	۶۷	۱۴۷۹	۹۵٪	ES-CAViaR-SAV
۰/۰۸۵۷	۰/۸۷۹۰	۷۳/۹۵	۶۵	۱۴۷۹	۹۵٪	ES-CAViaR-AS
۰/۰۶۳۸	۰/۹۶۰۱	۷۳/۹۵	۷۱	۱۴۷۹	۹۵٪	Realized-ES- CAViaR-Add-RV- SAV

منبع: محاسبات تحقیق

نتیجه ابتدایی آزمون های پس آزمایی در جدول (۲) ارائه شده است. این جدول اطلاعات فشرده و با اهمیتی از جمله نسبت تخطی و تعداد تخطی های واقعی و مورد انتظار ارائه می کند. نسبت تخطی (VRate) یکی از نسبت های مهم آزمون های پس آزمایی است. به صورت کلی زمانی که این نسبت از ۱/۵ بیشتر یا از ۰/۵ کوچک تر باشد مدل برآورد شده فاقد اعتبار است. از طرفی هر چه این نسبت به عدد یک نزدیک تر باشد عملکرد بهتر مدل را نشان می دهد (لی^{۳۱}، ۲۰۱۲). نتایج جدول (۲) نشان می دهد که در مدل های مورد بررسی، شرط نسبت تخطی را برآورده کرده اند و حاکی از معتبر بودن هر سه مدل می باشد. بر اساس نتایج آزمون نسبت تخطی مدل CAViaR-Add-RV-SAV قرابت بیشتری به عدد ۱ داشته و به مدل معیار نزدیکی بیشتری دارد. علاوه بر این ستون آخر جدول (۲) نتایج آزمون لویز (LL) به منظور رتبه بندی مدل ها ارائه شده است. نتایج این آزمون نشان دهنده برتری مدل CAViaR-Add-RV-SAV بر دو مدل دیگر می باشد.

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

جدول ۳: نتایج آزمون‌های پس‌آزمایی مدل‌های (VaR)

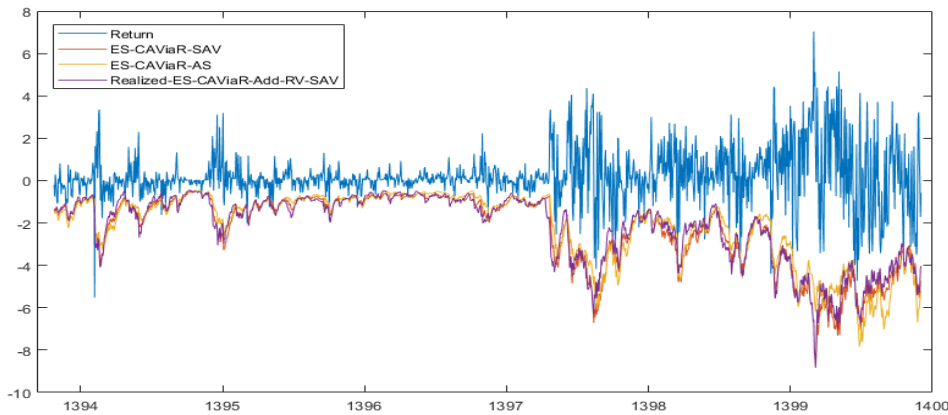
آزمون‌های استقلال			آزمون‌های فراوانی			گروه
کریستوفرسن (CC)	کریستوفرسن (CCI)	کوپیک (TUFF)	کوپیک (POF)	Bin	کمیته باسل (TL)	آزمون مدل
پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	سبز	ES-CAViaR-SAV
پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	سبز	ES-CAViaR-AS
پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	پذیرش	سبز	Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV

منبع: یافته‌های تحقیق

نتایج جدول (۳) پذیرش یا رد فرضیات آزمون‌های پس‌آزمایی را نشان می‌دهد. از نکات قابل توجه در جدول (۳) قرار گرفتن هر سه مدل در محدوده‌ی سبز و قابل قبول باتوجه‌به آزمون کمیته باسل (TL) می‌باشد. آزمون‌های فراوانی Bin، POF و TUFF نیز در هر سه مدل مورد پذیرش قرار گرفته‌اند رد این آزمون‌ها به همراه نسبت تخطی پایین نشان می‌دهد که روش‌های شبیه‌سازی ارزش در معرض ریسک را بیشتر از حد برآورد کرده‌اند. آزمون استقلال CCI و CC نیز در هر سه مدل مورد پذیرش قرار گرفته است که نشان‌دهنده استقلال تخطی‌های واقعی در این مدل از تخطی‌های وقفه‌های قبلی آنها است. نتایج آزمون‌های استقلال نشان می‌دهد که تخطی‌ها در مدل‌ها نسبت با تخطی‌های گذشته‌ی مدل دارای وابستگی می‌باشند یا خیر که این امر خود دلیلی بر کاهش کارایی این مدل‌ها خواهد بود.

نتایج پیش‌بینی معیار ریزش مورد انتظار (ES)

معیار ریزش مورد انتظار (ES)، زیان مورد انتظار را برای بازده‌های بالاتر از آستانه VaR نشان می‌دهد و یک معیار منسجم است. به همین دلیل، در سال‌های اخیر برای اندازه‌گیری ریسک دنباله بیشتر مورد استفاده قرار گرفته است و اخیراً توسط کمیته نظارت بانکی بازل (۲۰۱۶) نیز توصیه شده است. در این مرحله و در نمودار (۳) نتایج پیش‌بینی ریزش مورد انتظار (ES) با استفاده از سه مدل ES-CAViaR-SAV، ES-CAViaR-AS و Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV و با گام یک روزه جلو ارائه شده است. نتایج نمودار (۳) به صورت بصری نشان می‌دهد که مدل‌های مورد بررسی به صورت مناسبی نوسانات و ریسک در بازدهی شاخص کل بورس اوراق بهادار را پوشش داده است. با این حال نتایج این معیار نیز بایستی توسط آزمون‌های استاندارد مورد بررسی قرار گیرد که در ادامه ارائه می‌شود.



نمودار ۳: نتایج برآورد معیار ریزش مورد انتظار (ES) با استفاده از مدل‌های مختلف

منبع: یافته‌های پژوهش

در این مرحله به پس‌آزمایی مدل‌های ES می‌پردازیم. نتایج آزمون مک‌نیل و فری در جدول (۴) ارائه شده است. در این روش بر اساس احتمال آزمون تصمیم‌گیری می‌نماییم. اگر احتمال بزرگ‌تر از ۰.۵٪ باشد آزمون اعتبار دارد. بر اساس نتایج این آزمون تمامی سه مدل ES-CAViaR-SAV، ES-CAViaR-AS و Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV در پیش‌بینی ریزش مورد انتظار عملکرد قابل‌قبولی داشته‌اند و می‌توانیم بعد از تأیید اعتبار مدل‌های مذکور وارد مرحله رتبه‌بندی از طریق تابع MCS شویم. نتایج نشان‌دهنده این است که مدل Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV دارای بهترین عملکرد بوده است و مدل‌های ES-CAViaR-AS و ES-CAViaR-SAV به ترتیب در رتبه‌های بعدی قرار می‌گیرند.

جدول ۴: نتایج پس‌آزمایی ریزش مورد انتظار

مدل پیش‌بینی ریزش مورد انتظار (ES)	پس‌آزمایی مک‌نیل و فری (Pvalue)
ES-CAViaR-SAV	۰٫۱۵۱۹
ES-CAViaR-AS	۰٫۱۳۹۴
Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV	۰٫۰۹۶۴

منبع: یافته‌های تحقیق

تحلیل ریسک دنباله با استفاده از مدل... / محمدی سالاری، رستمی، غلامی جمکرانی و صفا

نتیجه گیری و بحث

در سال‌های اخیر، حرکتی از مدل‌های پارامتریک نوسانات (به دلیل فرضیات پایه‌ای محدودکننده و استفاده کاربردی دشوار) به سمت استفاده از معیارهای غیرپارامتری انعطاف‌پذیر و محاسباتی کاربردی صورت گرفته است. دو مورد از معیارهای غیرپارامتری که به طور گسترده‌ای مورد استفاده قرار می‌گیرد نوسانات مطلق بازده و نوسانات تحقق‌یافته می‌باشند. نوسانات تحقق‌یافته باتوجه به یک فرکانس خاص محاسبه می‌شود؛ بنابراین اگر فرکانس بالاتری استفاده شود، می‌توان به اطلاعات بیشتری دست یافت. افزایش فرکانس نمونه‌گیری به معنای استفاده از داده‌های میان‌روزانه و ورود به حوزه داده‌های پرفراوانی است. اندازه‌گیری‌های نوسان‌پذیری تحقق‌یافته به دلیل افزایش در دسترس بودن داده‌های فرکانس بالا در سال‌های اخیر امکان‌پذیر شده‌اند و افقی جدید در محاسبات و مدل‌های مورد استفاده در حوزه‌های مالی گشوده است.

در این تحقیق تلاش گردید با استفاده از معیارهای نوسانات تحقق‌یافته، یک چارچوب جدید برآورد ارزش در معرض ریسک (VaR) اتورگرسیو شرطی تحقق‌یافته از طریق تلفیق یک تابع معیار با مدل رگرسیون چندکی پایه‌ای ارائه شود. این چارچوب از طریق استفاده از جزء ریزش مورد انتظار (ES) و برآورد VaR و ES به صورت مشترک توسعه داده شده است. با استفاده از این چارچوب، سه مدل ES-CAViaR-SAV، ES-CAViaR-AS و Realized-ES-CAViaR-Add-RV-SAV در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله در بورس اوراق بهادار تهران مورد استفاده قرار گرفت. در این راستا از داده‌های شاخص کل بورس اوراق بهادار به صورت روزانه و همچنین درون روزانه (ساعتی) در بازه زمانی ۱۳۹۳/۰۴/۳-۱۳۹۹/۱۱/۱۴ استفاده گردید و کارایی مدل‌های پیشنهادی با استفاده روش پس‌آزمایی‌های Bin، POF، TUFF، VRate و تابع زیان لوپز (LL) مورد بررسی قرار گرفت. همچنین در قسمت ریزش مورد انتظار از آزمون مک نیل و فری برای ارزیابی و روش MCS برای رتبه‌بندی مدل‌ها شد. نتایج این تحقیق حاکی از کارایی مدل‌های پیشنهادی در پیش‌بینی معیارهای ریسک دنباله می‌باشد علاوه بر این، نتایج این تحقیق نشان می‌دهد که استفاده از معیارهای تحقق‌یافته در پیش‌بینی شاخص‌های ریسک دنباله به صورت قابل توجهی کارایی پیش‌بینی مدل‌ها را افزایش می‌دهد. در نهایت باتوجه به نتایج این علاوه بر استفاده از مدل‌های پویا در پیش‌بینی شاخص‌های ریسک در حوزه‌های مالی، استفاده از معیارهای تحقق‌یافته در این حوزه پیشنهاد می‌گردد.

منابع

- ۱) باستان زاد، حسین، داودی، پدram. بررسی سازوکار انتقال ریسک بین بازارهای ارز، مسکن و سهام اقتصاد ایران (با استفاده از رویکرد پارامتریک و ناپارامتریک ارزش در معرض خطر). مدیریت دارایی و تأمین مالی، زمستان ۱۳۹۶، شماره ۴، ۳۳-۵۰.
- ۲) بت‌شکن، محمد هاشم؛ پیمانی، مسلم و صدرالدین کرمی، محمد مسعود، برآورد و ارزیابی ارزش در معرض ریسک و ریزش مورد انتظار ناپارامتریک بر مبنای تحلیل مؤلفه‌های اساسی در بورس اوراق بهادار تهران، چشم‌انداز مدیریت مالی، زمستان ۱۳۹۷، شماره ۲۴، ۷۹-۱۰۲.
- ۳) دهقان منشادی، سمانه و عبدالرحیمیان، محمدحسین، کاربرد ارزش در معرض خطر تفاضلی (IVaR)، در محاسبه ریسک سبد سرمایه‌گذاری با استفاده از رویکرد پیشین و پسین. اندیشه مدیریت راهبردی، زمستان ۱۳۹۶، شماره ۲.
- ۴) کاشی، منصور، حسینی، سید حسن، قلیلو، محمد موسی، گلکاریان آرانی، سعید. (۱۳۹۶). محاسبه ارزش در معرض ریسک و ریزش مورد انتظار بر اساس نظریه مقدار حدی: شواهدی از بورس اوراق بهادار تهران. مهندسی مالی و مدیریت اوراق بهادار، پاییز ۱۳۹۶، شماره ۳۲، ۲۶۹-۲۹۴.
- 5) Andersen, T. G., & Bollerslev, T. (1998). Answering the skeptics: Yes, standard volatility models do provide accurate forecasts. *International Economic Review*, 39(4), 885–905.
- 6) Artzner, P, F Delbaen, J M Eber and D Heath, (1999), Coherent measures of risk, *Mathematical Finance*, Vol 9, No 3, pp 203-28.
- 7) Bu, D., Liao, Y. , Shi ,J., & Peng , H. (2019). Dynamic expected shortfall: A spectral decomposition of tail risk across time horizons. *Journal of Economic Dynamics & Control*, 108 (2019) 103753.
- 8) Engle, R.F. and S. Manganelli. (2004a), CAViaR: Conditional Autoregressive Value at Risk by Regression Quantiles, *Journal of Business & Economic Statistics*, 22, 367-381.
- 9) Fissler, T., and J. F. Ziegel. (2016), Higher order elicibility and Osband.s principle, *Annals of Statistics*, 44(4), 1680-1707.
- 10) Gneiting, T. (2011). Making and evaluating point forecasts. *Journal of the American Statistical Association*, 106(494), 746–762.
- Granger C, Sin C (2000) Modelling the absolute returns of different stock market indices: exploring the forecastability of an alternative measure of risk. *J Forecast* 19: 277.
- 11) Hansen, P. R., Huang, Z., & Shek, H. H. (2012). Realized GARCH: a joint model for returns and realized measures of volatility. *Journal of Applied Econometrics*, 27(6), 877–906.

- 12) Hansen, P., Lunde, A. & Nason, J. (2011). The model confidence set. *Econometrica*, 79 (2), 453-497.
- 13) McNeil, A. J., & Frey, R. (2000). Estimation of tail-related risk measures for heteroscedastic financial time series: an extreme value approach. *Journal of empirical finance*, 7(3), 271-300.
- 14) Olsen, N.N. (2015). *The Application of Historical Simulation in Expected Shortfall Prediction: An Empirical Analysis of Risk Models' Forecasting Accuracy*. Thesis for Master of Science in Finance, School of Business and Social Sciences Aarhus University.
- 15) Patton, A.J. , Ziegel, J.F. , Chen, R. (2019). Dynamic semiparametric models for expected shortfall (and Value-at-Risk). *J. Econom.* 211 (2), 388–413
- 16) R. Gerlach and C. Wang, (2019), Semi-parametric dynamic asymmetric Laplace models for tail risk forecasting, incorporating realized measures. *International Journal of Forecasting*.
- 17) Taylor S (1987) Forecasting of the volatility of currency exchange rates. *Int J Forecast* 3: 159.
- 18) Taylor, J. W. (2019). Forecasting value at risk and expected shortfall using a semiparametric approach based on the asymmetric Laplace distribution. *Journal of Business & Economic Statistics*, 37(1), 121–133.

-
- 1 Basel Committee
 - 2 Coherent risk measure
 - 3 Acerbi and Tasche
 - 4 Artzner et al.
 - 5 symmetric absolute value
 - 6 Asymmetric slope
 - 7 Artzner, Delbaen, Eber, and Heath
 - 8 Gneiting
 - 9 Fissler and Ziegel
 - 10 Taylor
 - 11 Gerlach and Chao Wang
 - 12 Standard & Poor's 500
 - 13 Patton
 - 14 Bu et al
 - 15 BOA
 - 16 China Citic
 - 17 Credit Suisse
 - 18 Deutsche Bank
 - 19 Mitsubishi Bank
 - 20 National Australia Bank
 - 21 Royal Bank of Canada
 - 22 Societe Generale
 - 23 Gerlach and Chao Wang
 - 24 asymmetric Laplace
 - 25 Bassett
 - 26 Engle and Manganelli
 - 27 Event Probability Forecast Approach
 - 28 Density Forecasting Approach
 - 29 Lopez
 - 30 binary
 - 31 LI