



## توسعه مدل ریاضی موازنه‌زمان-هزینه-کیفیت در شبکه‌های CPM با تعیین اقتصادی‌ترین ترکیب کاهش زمان فعالیت‌ها برای تکمیل پروژه در یک تاریخ مشخص و تحلیل نتایج مدل بر اساس الگوی کسب و کار استروالدر

احسانه نظری<sup>۱</sup>

تاریخ دریافت مقاله: ۹۸/۰۴/۲۴ تاریخ پذیرش مقاله: ۹۸/۰۶/۲۷ نصرت‌الله شادنوش<sup>۲</sup>

طهمورت سهرابی<sup>۳</sup>

### چکیده

یکی از مهمترین موضوعات پیش‌روی پیمانکاران پروژه‌های مختلف، کاهش مدت زمان اجرای فعالیت‌های پروژه در کنار کنترل هزینه‌های آن است. علی‌الخصوص پروژه‌هایی که کارفرما برای اتمام آن یک ضرب الاجل (تاریخ مشخص) تعیین نموده است. گاهی این امر موجب می‌گردد در صورت عدم تکمیل پروژه در تاریخ معین، مجریان و پیمانکاران با جریمه‌های سنگین مواجه شوند. می‌دانیم که کاهش مدت زمان اجرای فعالیت‌ها با تخصیص منابع بیشتر به هر فعالیت امکان پذیر است اما این امر نیازمند صرف هزینه‌های بالاتر برای اجرای آن فعالیت‌هاست. از طرف دیگر، تعجیل در انجام فعالیت‌ها می‌تواند منجر به کاهش سطح کیفی آن‌ها گردد. بنابراین، می‌بایست در فرآیند فشرده‌سازی زمان فعالیت‌ها در کنار شاخص هزینه، شاخص کیفیت فعالیت‌ها را نیز لحاظ نمود. در این مقاله، یک مدل ریاضی مبتنی بر روش مسیر بحرانی ارائه شده است که هدف اصلی آن حداقل‌سازی مجموع هزینه‌های پروژه (مدل کلاسیک) و حداکثرسازی کیفیت فعالیت‌های پروژه به صورت توأمان است به نحوی که الزام تکمیل پروژه در تاریخ معین را نیز برآورده سازد. نتیجه حل مدل ارائه شده موجب کاهش زمان اتمام پروژه با کمترین هزینه و بیشترین کیفیت اجرای فعالیت‌ها خواهد شد. همچنین، تاثیر پیروی از مدل ریاضی پیشنهادی برای بهینه‌سازی هزینه و کیفیت پروژه‌ها بر بهبود بهره‌وری مدل‌های کسب و کار در این مقاله ارائه شده است.

### کلمات کلیدی

مسیر بحرانی، شبکه CPM، فشرده‌سازی، ضرب‌الاجل، کیفیت، موازنه زمان-هزینه، مدل کسب و کار

۱- گروه مدیریت صنعتی، واحد تهران مرکزی، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. nazari.ehsaneh@gmail.com

۲- گروه مدیریت صنعتی، واحد تهران مرکزی، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. (نویسنده مسئول) Dr.shadnoush@gmail.com

۳- گروه مدیریت صنعتی، واحد تهران مرکزی، دانشگاه آزاد اسلامی، تهران، ایران. ie.slen.1394@gmail.com

در محاسبات مربوط به مسیر بحرانی (CPM<sup>1</sup>) فرض بر این است که همگی فعالیت‌ها در زمان پیش‌بینی شده و معمولی خود قابل انجام هستند. حال در مواردی لازم می‌شود پروژه حتی زودتر از زمان برنامه‌ریزی شده به‌تمام برسد. این تاریخ معمولاً از طرف کارفرما یا مدیریت رده بالا بر اساس اهداف یا سیاست‌های مختلف تعیین می‌شود. طبیعی است که برای دستیابی به‌زمان تکمیل زودتر باید زمان تعدادی از فعالیت‌ها را کاهش داد. این کاهش زمان توأم با افزایش منابع کاری آن فعالیت‌ها و صرف هزینه است آنرا انجام ضربتی یا فشرده سازی زمان فعالیت گویند. از آنجایی که تاریخ تکمیل پروژه در هر مرحله، حاصل از مجموع زمانهای فعالیت‌هایی است که در مسیر یا مسیرهای بحرانی واقع شده‌اند، هدف تبادل هزینه و زمان برای دستیابی به زمان تکمیل زودتر پروژه، انتخاب مجموعه‌ای از فعالیت‌ها برای فشرده‌سازی است به‌طوری‌که هزینه کل انجام فعالیت‌ها کمینه شود. (سبزه‌پور، ۱۳۸۹)

در شرایطی ممکن است تعیین زمان مناسب برای تکمیل پروژه به عهده برنامه‌ریز گذاشته شده باشد. به این معنی که با صرف هزینه‌ای مناسب برای اجرای پروژه موافقت شده، ولی تعیین این میزان هزینه و در نتیجه تاریخ مشخصی برای تکمیل که به ازای آن، این هزینه صرف خواهد گردید به عهده برنامه‌ریز می‌باشد. در این شرایط عاملی که باید به حداقل برسد، جمع هزینه‌های پروژه است. در صورتی که پروژه را در زمانی طولانی انجام دهند، هزینه‌های مربوط به سرمایه‌دری، جریمه تأخیر و بسیاری هزینه‌های غیر مستقیم دیگر، افزایش خواهند یافت. در مقابل، در صورتی که زمان پروژه بیش از اندازه کوتاه شود، هزینه‌های مستقیم مربوط به کاهش زمان فعالیت‌ها زیاد خواهند بود. در بین این دو مقدار (زمان‌های بسیار کوتاه و بسیار بلند)، زمانی بهینه برای انجام پروژه وجود خواهد داشت که به ازای آن جمع هزینه‌ها در حداقل ممکن خواهد بود.

در این مقاله، هدف تعیین زمان اقتصادی برای اجرای پروژه است که به ازای آن جمع هزینه‌های مستقیم و غیر مستقیم در حداقل ممکن باشد.

همچنین با توجه به اینکه مدل‌های مشابه طراحی شده با هدف کاهش هزینه‌ها و افزایش کیفیت که در پیشینه تحقیق به تفصیل به آن‌ها پرداخته شده، فاقد چارچوب‌بندی متناسب با فرآیندهای کسب و کار هستند، در این مقاله، پس از بیان مدل و ارائه راه حل دستیابی به پاسخ بهینه آن، مولفه‌هایی از مدل کسب و کار استروالدر که در خصوص مدل بدست آمده اهمیت بیشتری دارند مورد تفسیر و تشریح قرار گرفته است.

## مبانی نظری و پیشینه پژوهش

### مبانی نظری

#### تعاریف عملیاتی

در روش مسیر بحرانی (CPM)، در هر شبکه حداقل یک راه وجود دارد که شامل طولانی ترین زمان می باشد این راه را مسیر بحرانی گویند که از رویداد آغازین تا پایانه همواره از رویدادهای بحرانی عبور می نماید و مقدار شناوری آن همواره برابر صفر است. از طرفی، می توان بنا بر برخی ملاحظات، زمان انجام فعالیت ها را فشرده کرد. با کاهش زمان تکمیل پروژه، صرفه جویی هایی برای پیمانکاران و صاحب کار عاید می شود، سرمایه های در بند پروژه زودتر به کار می افتد و سوددهی تسریع می گردد.

مجموع هزینه های یک پروژه که عبارتند از هزینه های مستقیم و هزینه های غیرمستقیم.

هزینه های مستقیم که صرف اجرای فعالیت ها می شوند و هزینه های غیر مستقیم که در اجرای پروژه صرف می شوند به علاوه هزینه فشرده سازی فعالیت ها می باشد.

زمان اجرای فعالیت ها : عبارتست از مدت زمان تخمینی که انجام یک فعالیت به طول می انجامد. حداکثر و حداقل این زمانها به نوع فعالیت و شرایط طبیعی حاکم بر آن بستگی دارد و همواره از مقادیر طبیعی کمتر یا بیشتر نمی تواند باشد. این زمانها می توانند ماهیت قطعی داشته باشند و یا دارای طبیعت غیرقطعی باشند.

زمان معمولی: کوتاه ترین زمانی است که می توان فعالیت را با حداقل هزینه های مستقیم اجرا نمود. زمان فشرده: کمترین زمان لازم است که ضمن آن اجرای فعالیت ها در شرایط اجرای پروژه امکان پذیر باشد.

مسیر بحرانی: معمولاً "طولانی ترین مسیر در پروژه است. ترتیبی از فعالیت های زمان بندی است که مدت زمان پروژه را تعیین می کند (حاج شیرمحمدی، ۱۳۸۶)

سی پی ام (CPM): یکی از مدل های شبکه ای برای زمان بندی پروژه می باشد که در آن زمان فعالیت ها به صورت قطعی و معین است.

روش مسیر بحرانی: این روش، زودترین تاریخ های تئوریک شروع و پایان و دیرترین تاریخ های شروع و پایان را برای تمامی فعالیت ها، صرف نظر از هرگونه محدودیت منابع، از طریق تحلیل حرکت رفت و برگشت در مسیرهای شبکه زمان بندی پروژه، محاسبه می کند. (حاج شیرمحمدی، ۱۳۸۶)

## توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

تراکم (فشرده سازی): نوع خاصی از تکنیک فشرده سازی برنامه زمان بندی پروژه با انجام اقداماتی جهت کاهش طول مدت زمان کلی یک پروژه، پس از تجزیه و تحلیل تعدادی از گزینه‌هاست تا به تعیین راه حل ممکن برای حصول به حداکثر میزان فشرده سازی زمان با حداقل هزینه منجر شود

برای فشرده سازی (مختصر نمودن) شبکه، گروه فعالیت های سری (زنجیره ای) را که در مسیر آنها، از طریق سایر فعالیت‌های شبکه وابستگی ایجاد نمی‌شود در یکدیگر تلفیق و به صورت فعالیت واحدی نشان می‌دهند. (سبزه پرور، ۱۳۸۹)

فشرده سازی زمان پروژه در اصل با تکنیک CPM برای برنامه ریزی و کنترل پروژه‌های بزرگ توسعه یافته است. هدف از فشرده سازی زمان در شبکه‌های CPM این است که مشخص شود اگر لازم باشد با تخصیص بودجه اضافی زمان کل پروژه کاهش یابد، زمان کدام یک از فعالیت‌ها را باید با استفاده از منابع اضافی فشرده کرد. فشرده سازی در شبکه‌های CPM به این منظور است که فعالیت یا فعالیت‌هایی با کمترین میزان هزینه برای کاهش زمان پروژه انتخاب گردند. این فرآیند تا زمانی که پروژه به میزان کافی فشرده شده و یا اینکه هزینه فشرده سازی و کاهش زمان پروژه از مزایایی به دست آمده از آن پیش گیرد، تکرار می‌شود.

هزینه‌های پروژه: هزینه‌های یک پروژه به هزینه‌های مستقیم که صرف اجرای فعالیت‌ها می‌شوند مثل تامین منابع، مواد و مصالح، نیروی انسانی و... و هزینه‌های غیرمستقیم که در اجرای پروژه صرف می‌شوند مثل کرایه محل، امور منشی‌گری و مخابرات و... قابل تقسیم هستند. از هزینه‌های غیرمستقیم در اینجا به عنوان هزینه های بالاسری ۲ تعبیر می‌شود.

در یک تقسیم بندی دیگر از انواع هزینه‌های پروژه داریم:

هزینه های معمولی: جمع هزینه‌های مستقیم یک فعالیت، در شرایطی که فعالیت در مدت زمان معمولی خود اجرا می‌شود.

هزینه های فشرده: جمع هزینه‌های مستقیم یک فعالیت است در شرایطی که فعالیت به صورت تعجیلی در زمان فشرده خود اجرا می‌شود.

روند تغییرات هزینه در مقابل زمان: هر چه کارکنان یک پروژه حقوق بیشتری دریافت کنند در زمان کوتاهتری کار انجام می‌گیرد و دقت و راندمان کار (پروژه) افزایش می‌یابد. همچنین اگر با صرف منابع بیشتر، زمان انجام فعالیت‌ها را کاهش دهیم، بالا رفتن هزینه را به دنبال خواهد داشت. (سبزه پرور، ۱۳۸۹)

## فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

کیفیت پروژه: کیفیت پروژه عبارتست از مقداری که مشخصات موجود پروژه نیازهای آن را برآورده می‌کنند. اهمیت و جایگاه کیفیت‌گرایی که اکنون به بینش غالب در سازمان‌ها و جوامع بدل شده است، مدیریت کیفیت را به عنوان ضرورتی برای ضمانت بقای سازمان‌ها در شرایط شدید رقابتی، مطرح ساخته و سازمان استاندارد جهانی را بر آن داشته تا در آخرین بازنگری استانداردهای کیفیت (سری ۹۰۰۰، سال ۲۰۰۰)، با معرفی هشت اصل مدیریت کیفیت، الگوی اجرایی برای اعمال این اصول ارائه و الزامات سیستم مدیریت کیفیت را در استاندارد ایزو ۲۰۰۰: ۹۰۰۱ بیان کند.

امروزه استفاده از شیوه‌های نوین مدیریت برای واحدهای اقتصادی و سازمان‌ها به یک ضرورت تبدیل شده و مدیریت کیفیت به عنوان مهم‌ترین و فراگیرترین این شیوه‌ها، توانسته است با ارائه روش‌ها و الگوهای مناسب، این‌گونه دستگاه‌ها را در ارائه محصولات و خدمات با کیفیت بهتر و هزینه کمتر یاری کرده و در نتیجه ضرورت به‌کارگیری آن‌ها هر چه بیشتر نمود یافته است. (نظری و همکاران، ۱۳۹۴)

### **موازنه زمان-هزینه-کیفیت**

ظهور قراردادهای جدید که افزایش کیفیت عملیات اجرایی پروژه‌ها را همزمان با کاهش زمان و هزینه آنها در نظر می‌گیرند، نیازمند توسعه مدل‌هایی است که علاوه بر زمان و هزینه، عامل کیفیت را در ارزیابی و بهینه‌سازی روشهای اجرایی پروژه منظور دارند. کاهش زمان و هزینه اجرا و همچنین افزایش کیفیت آن اهداف متفاوتی بوده که غالباً با یکدیگر همسو نمی‌باشند. از این رو این قبیل مسائل به مسائل موازنه زمان - هزینه - کیفیت موسوم شده‌اند.

منظور نمودن عامل کیفیت تا علاوه بر عوامل زمان هزینه در بهینه‌سازی فعالیت‌های اجرایی یک پروژه، با وجود مشکلاتی که در جهت ساختن آن برای فعالیت‌های پروژه وجود دارد. از دیگر عوامل تأثیرگذار در انتخاب روش‌های اجرایی بوده و مدیران گاه راه‌حلی را جستجو می‌کنند که در عین کاهش زمان و هزینه پروژه افزایش کیفیت اجرای آن را در پی داشته باشد.

### **مدل کسب و کار**

در سال‌های اخیر اصطلاحاتی تحت عناوین طرح کسب و کار یا بیزینس پلن ۳ و مدل کسب و کار یا بیزینس مدل ۴ در میان سازمان‌ها بسیار رایج شده است. البته طرح کسب و کار قدمت بیشتری دارد ولی مدل کسب و کار چند سالی است که به حوزه تجارت وارد شده و توجهات بسیاری را به خود جلب کرده است. بیزینس پلن‌ها بخش اساسی استراتژی و راهبرد شرکت‌ها و سازمان‌ها هستند. آن‌ها

### توسعه مدل ریاضی موازنه‌زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

پیوندی اساسی میان بازار محصولات در صنعت، و بازار برای عوامل تولید مانند نیروی کار و سرمایه فراهم می‌کنند. در یک تعریف کلی از استوارت و زائو می‌توان مدل کسب و کار را این گونه تعریف کرد: نحوه کسب درآمد و حفظ جریان سود دهی در طول زمان.

این مدل، الگوهای اولیه برای یک بیزینس جهت رقابت در بازار را فراهم می‌کند، در واقع آن الگوها درباره چگونگی دستیابی شرکت به پول، و چگونگی کار با بازیکنان داخلی (منابع انسانی شرکت) و بازیکنان خارجی (ذینفعان از جمله مشتریان، تامین کنندگان و سرمایه گذاران) را فراهم می‌کند. یک مدل کسب و کار ممکن است مبتنی بر جنبه های مختلف یک شرکت باشد؛ مانند چگونگی ساخت، توزیع و قیمت.

بوم مدل کسب و کار استروالدر ابزاری جذاب است که در سال های اخیر مورد توجه اصناف مختلف قرار گرفته است. بر اساس پیشنهاد شخص استروالدر در کتاب خلق مدل کسب و کار، گروه‌های مختلفی می‌توانند از این ابزار استفاده کنند. کارآفرینانی که به دنبال ایجاد کسب و کار خود هستند، صاحبان کسب‌وکاری که به دنبال بازنگری و نوآوری در مدل کسب و کار خود هستند، دانشجویان و پژوهشگران که با این ابزار به تحلیل کسب‌وکارها می‌پردازند و مشاوران کسب‌وکار که با این ابزار می‌توانند انسجامی در فهم و تحلیل و حل مسائل کسب‌وکار داشته باشند.

مدل کسب و کار استروالدر، از ۹ مؤلفه اصلی تشکیل شده که در شکل شماره ۱ مشخص است.

(استروالدر، ۱۳۹۸)



شکل ۱ - بوم مدل کسب و کار استروالدر

## فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

مؤلفه‌های این مدل به‌طور خلاصه عبارتند از :

- ۱- بخش‌های مشتری که معرفی کننده گروه‌های مختلفی از افراد یا سازمان‌هایی است که شرکت قصد دستیابی و ارائه خدمت به آنان را دارد.
- ۲- ارزش‌های پیشنهادی که در حقیقت بسته‌ای از محصولات و خدمات را توصیف می‌کند که برای یک بخش مشتری خاص ارزش خلق می‌کند.
- ۳- مؤلفه کانال‌ها که بیان کننده آن است که شرکت به منظور ارائه ارزش پیشنهادی مورد نظر به بخش‌های مشتریان مورد هدف خود، چگونه با آن‌ها ارتباط برقرار می‌کند و به آن‌ها دسترسی دارد.
- ۴- مؤلفه ارتباط با مشتری که بیانگر انواع روابطی است که شرکت با بخش‌های خاصی از مشتریان برقرار می‌کند. شرکت باید نوع رابطه خود با هر بخش از مشتریان را برای خود شفاف سازد. گستره این روابط، ارتباطات حضوری تا خدمات پشتیبانی خودکار را در بر می‌گیرد.
- ۵- مؤلفه جریان‌های درآمدی، نشان دهنده درآمدی است که شرکت از هر بخش از مشتریان کسب می‌کند.
- ۶- مؤلفه منابع کلیدی که مهمترین دارایی‌های مورد نیاز برای عملکرد صحیح مدل کسب و کار را تشریح می‌کند. هر مدل کسب و کار به منابع کلیدی نیاز دارد و آن‌ها، توان خلق و ارائه ارزش پیشنهادی را به شرکت می‌دهد. منابع کلیدی فیزیکی، مالی، معنوی یا انسانی هستند و ممکن است تحت تملک شرکت باشند یا توسط شرکت اجاره شوند یا به وسیله شرکای کلیدی تأمین شوند.
- ۷- مؤلفه فعالیت‌های کلیدی که در حقیقت مهم‌ترین کارهای مورد نیاز برای عملکرد صحیح مدل کسب و کار را تشریح می‌کند. هر مدل کسب و کار نیاز به تعدادی فعالیت کلیدی دارد که هر یک، از مهمترین اقداماتی هستند که یک شرکت باید برای دستیابی به عملکرد موفق انجام دهد. فعالیت‌های اصلی یک مدل کسب و کار مانند تولید و حل مسأله، از جمله این فعالیت‌ها هستند.
- ۸- مؤلفه مشارکت‌های کلیدی، شبکه‌ای از تأمین‌کنندگان و شرکا را توصیف می‌کند که باعث عملکرد صحیح مدل کسب و کار می‌شوند.
- ۹- ساختار هزینه که تمام هزینه‌هایی را تشریح می‌کند که اجزای مدل کسب و کار با خود به بار می‌آورند. بدیهی است که در هر مدل کسب و کاری، هزینه‌ها باید تا جایی که امکان دارد، کاهش یابند. ساختارهای هزینه می‌تواند دارای این خصوصیات باشند:  
هزینه‌های ثابت، هزینه‌های متغیر، صرفه اقتصادی ناشی از مقیاس، صرفه اقتصادی ناشی از محدوده

## توسعه مدل ریاضی موازنه‌زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

### پیشینه پژوهش

در چند دهه اخیر روش های مختلفی جهت بهینه‌سازی توام زمان، هزینه و کیفیت ساخت در پروژه‌های عمرانی ارائه شده است. با توجه به اینکه در نظر گرفتن کیفیت به عنوان معیار بهینه‌سازی در انتخاب روش های اجرایی پروژه اخیراً مورد توجه جدی قرار گرفته است، بیشتر مقالات این موضوع به بهینه سازی توام زمان و هزینه اجرا، اختصاص یافته اند. مقالات تحریر شده و تحقیقات انجام گرفته در زمینه مسائل موازنه زمان-هزینه را می توان به صورت ذیل دسته بندی نمود :

### مدل های مربوط به زمان های قطعی و مشخص

در این تحقیقات، عمدتاً<sup>۵</sup> از روشهای تحقیق در عملیات برای مدلسازی استفاده شده مانند پژوهش کلی<sup>۵</sup> در سال ۱۹۶۱، که البته این محقق به همراه واکر<sup>۶</sup> در سال ۱۹۵۹ نیز تحقیقی انجام داده که در آن با لحاظ کردن یک رابطه خطی میان زمان و هزینه، به ارائه یک مدل ریاضی و یک الگوریتم هیوریستیک برای حل آن پرداخته است.

در سال ۱۹۶۱ نیز فالکرسون<sup>۷</sup> طی تحقیقی، یک روش برای یافتن منحنی موازنه زمان-هزینه ارائه نمود که اساس آن یافتن زمان و هزینه بهینه با هدف مینیمم سازی هزینه کل بوده است. همچنین افرادی نظیر میر<sup>۸</sup> و شافر<sup>۹</sup> در سال ۱۹۹۵ و تالبوت<sup>۱۰</sup> در ۱۹۸۲ بعضاً<sup>۱۰</sup> از تکنیک های هیوریستیک برای حل این دسته از مسائل استفاده نموده اند و محققینی نظیر زیمنس در سال ۱۹۷۱ و مصلحی در ۱۹۹۳ برای این مسئله، مدل‌های ریاضی ارائه داده اند. (هاشم زاده زرگر و همکاران، ۱۳۹۵) همچنین در مقالات چائو<sup>۱۱</sup> و همکارانش که در سال ۱۹۹۷ انجام شده و در پژوهش فنگ<sup>۱۲</sup> و برنز<sup>۱۳</sup> در سال ۱۹۹۷ از تکنیک‌های متاهیوریستیکی نظیر الگوریتم ژنتیک (GA) و تبرید شبیه سازی شده (SA)<sup>۱۴</sup> استفاده شده است. (نظری و همکاران، ۱۳۹۴)

### مدل های مربوط به زمان های غیر قطعی

این دسته از تحقیقات، خود به دو بخش عمده تقسیم می گردند : زمانهای فازی و احتمالی افرادی نظیر آنگ<sup>۱۵</sup> در ۱۹۷۵ و یانگ در ۲۰۰۵، زمان های احتمالی را برای این مسائل در نظر گرفته اند ولی قالب تحقیقات در خصوص مباحث فازی انجام گرفته اند. وانگ<sup>۱۶</sup> و همکاران در سال ۱۹۹۳ با لحاظ کردن اطلاعات فازی و هاپک<sup>۱۷</sup> و اسلونسکی<sup>۱۸</sup> در ۱۹۹۶ با در نظر گرفتن پارامترهای فازی به بررسی این مسائل پرداخته اند. در پژوهشی دیگر، لئو و همکارانش<sup>۱۹</sup> در سال ۱۹۹۹ نیز از مدل بهینه‌سازی فازی برای فرموله کردن فعالیت ها با زمان غیرقطعی پرداخته اند. در سال ۲۰۰۱، آریکان<sup>۲۰</sup>



## فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

و گونگور<sup>۲۱</sup> یک مدل برنامه ریزی آرمانی فازی ارائه کرده و در سال ۲۰۰۵، چائو گوانگ و همکاران<sup>۲۲</sup>، طی تحقیق خود، رویکرد جدیدی بر اساس الگوریتم ژنتیک معرفی نموده اند. غضنفری و همکارانش در ۲۰۰۸، یک مدل احتمالی جدید برای بهینه سازی زمان هر فعالیت بصورت اعداد مثلثی فازی ارائه کرده اند و در ادامه تحقیقاتشان، از یک روش هیوریستیک برای حل مسائل زمان بندی پروژه ها با کمک تصمیم گیری فازی در محیط های فازی استفاده کرده اند.

در نوع دیگری از تقسیم بندی این مسائل، در صورت وجود عوامل غیرقطعی، تحقیقات بیشتر معطوف به مدل های برنامه ریزی خطی فازی بوده است. مانند پژوهش تاناکا<sup>۲۳</sup> و همکارانش در سال ۲۰۰۰ و تحقیق بوکلی<sup>۲۴</sup> و همکاران در سال ۲۰۰۱، که به ارائه یک رویکرد جدید برای حل مسئله برنامه ریزی چند هدفه با پارامترها و متغیرهایی به شکل اعداد فازی مثلثی پرداخته و پژوهش دیگری از غضنفری و همکاران<sup>۲۵</sup> که در سال ۲۰۰۷ انجام شده و یک رویکرد جدید برای دستیابی به توزیع احتمالی متغیرهای تصمیم فازی برای مسائل برنامه ریزی خطی احتمالی ارائه کرده اند. (جعفر نژاد و همکاران، ۱۳۸۱)

برای مواردی که زمان فعالیت ها غیر قطعی باشد، مانند مقالات چارنز و کوپر (۱۹۶۲)؛ ولمر (۱۹۸۵)؛ گولنکو و گونیک<sup>۲۶</sup> (۱۹۹۷) و گوتجوهر<sup>۲۷</sup> (۲۰۰۰) از مدل های استوکستیک استفاده شده شده است. یانگ در یکی از مقالات خود یک مدل برنامه ریزی محدودیت های تصادفی (CCP) را برای تحلیل مسائل موازنه زمان هزینه ارائه کرده است. همچنین در مقاله ی کی و همکاران<sup>۲۸</sup> در سال ۲۰۰۹ دو مدل استوکستیک که بر اساس دو معیار تصمیم گیری (CCP و DCP) طراحی شده اند توسط یک الگوریتم ژنتیک حل شده اند. (ابراهیم نژاد و جوانشیر، ۱۳۹۲)

در سال ۲۰۰۷ آذرون و توکلی مقدم، یک مدل چند هدفه را برای مسئله تبادل بین هزینه و زمان در یک شبکه پرت<sup>۲۹</sup> پویا ارائه نموده اند. همچنین، آذرون و همکارانش طی تحقیقی، یک مدل چند هدفه را برای مسئله تخصیص منابع در شبکه های پرت و در صورتی که زمان انجام فعالیت ها دارای توزیع نمایی یا ارلنگ باشد، توسعه داده اند. در سال ۲۰۰۲، خورشیدی و کاکا نیز طی پژوهشی، رابطه میان هزینه و زمان در پروژه ها را غیرخطی اعلام نموده اند. (آذرون و توکلی مقدم، ۲۰۰۷)

### **پیشینه پژوهش در زمینه موازنه زمان - هزینه - کیفیت**

بابو و سورش<sup>۳۰</sup> در سال ۱۹۹۶، برای اولین بار بر مبحث کیفیت تاکید داشته و بیان کردند که کیفیت یک پروژه تابعی از کیفیت تک تک فعالیت های آن بوده و اظهار نموده اند که هزینه و کیفیت هر فعالیت، رابطه معکوس با مدت زمان انجام آن فعالیت ها دارد. (جوانمردی و اشتهاوردیان، ۱۳۸۱)

## توسعه مدل ریاضی موازنه‌زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

دکتر طارقیان در سال ۲۰۰۶، سه مدل برنامه ریزی عدد صحیح باینری را برای موازنه زمان-هزینه-کیفیت پیشنهاد داده که در آن هزینه و کیفیت، تابع گسسته غیر صعودی از مدت زمان پروژه هستند. در یک مطالعه موردی، در سال ۱۹۹۹، خانگ ۳۱ و میانگ ۳۲ چارچوب ارائه شده توسط بابو و سورش را برای یک مثال واقعی بکار بردند که در نهایت، نتایج حاصل نشان می‌داد لحاظ کردن اندازه کیفیت فعالیت‌ها به عنوان تابع هدف، برای فرموله کردن برنامه‌ریزی خطی، ذهنی بوده و دارای خطاست. آتکینسون<sup>۳۳</sup>، در مقاله‌ای، با مدنظر قراردادن سه عامل، زمان-هزینه-کیفیت، چارچوب جدیدی با عنوان معیارهای موفقیت در پروژه‌ها ارائه کرده‌است. (نظری و همکاران، ۱۳۹۴)

### جمع بندی پیشینه پژوهش

مقالات مطالعه شده در زمینه مسئله موازنه زمان-هزینه و همچنین مقالاتی که مبحث کیفیت را در این مسئله لحاظ نموده‌اند، به همراه شرح مختصری از دستاوردها، نقاط ضعف و قوت این مقالات، بطور خلاصه و به ترتیب سال انتشار در جدول ذیل آمده است.

ردیف	دستاوردها / نقاط ضعف و قوت
۱	سه مدل برنامه ریزی عدد صحیح داده شده به طوری که هر مدل یکی از خاصیت های زمان، هزینه و کیفیت در مدیریت پروژه را با اختصاص محدودیت هایی به خاصیت های دیگر، بهینه می سازد (طارقیان و طاهری، ۲۰۰۶)
۲	ارائه یک روش جدید برای مسئله موازنه کیفیت و هزینه با زمان های گسسته با استفاده از جستجوی پراکندگی الکترومغناطیس؛ ارائه روشی که زمان بندی فعالیت های پروژه را طوری تنظیم می کند که هزینه پروژه حداقل، کیفیت پروژه حداکثر و پروژه به Deadline مورد نظر برسد (طارقیان و طاهری، ۲۰۰۷)
۳	در مسائلی که فعالیت‌ها به طریقه‌های مختلفی قابلیت انجام داشته باشند به طوری که در هر کدام از این روش‌های اجرایی، سه مقوله‌ی زمان، هزینه و کیفیت لحاظ شده باشد مطرح شده و از الگوریتم ژنتیک استفاده شده‌است. (افشار و همکاران، ۲۰۰۷)
۴	در مسائل موازنه زمان هزینه، موضوع کیفیت را لحاظ کرده و متدلوژی تحقیق، مدل‌سازی ریاضی بوده است. (شهسواری پور و همکاران، ۲۰۱۰)
۵	یک مدل کاربردی جدید برای ارائه رابطه واقعی تر بین زمان، هزینه و کیفیت با قابلیت به کارگیری مدل در سیستم های پشتیبان تصمیم گیری ارائه نموده است. (مظلوم و گونری <sup>۳۴</sup> ، ۲۰۱۵)

## فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

۶	ارائه یک الگوریتم متا-هیوریستیک جدید (NHGA) برای حل مسئله زمان-هزینه-کیفیت؛ کارا تر بودن الگوریتم ارائه شده نسبت به الگوریتم ژنتیک کلاسیک برای حل مسئله زمان-هزینه-کیفیت، دارای دقت و سرعت بالاتر ( یتا <sup>۳۵</sup> کنستانتینو <sup>۳۶</sup> و همکاران، ۲۰۱۶)
۷	ارائه الگوریتم مورچگان چند لایه برای بهینه سازی سه هدفه جهت مسئله موازنه زمان-هزینه-کیفیت؛ توانا بودن مدل در برقراری تعادل بین وجوه مختلف یک پروژه: کمینه ساختن زمان و هزینه در عین افزایش کیفیت (امین بخش و سونمز <sup>۳۷</sup> ، ۲۰۱۶)

### روش پژوهش

اغلب مسائل موازنه زمان - هزینه، بر این فرض متکی بودند که فعالیت‌های لازم برای اجرای پروژه، مخصوصاً فعالیت‌های واقع بر مسیر بحرانی، علاوه بر امکان تکمیل در زمان معمولی خود، در موارد بسیاری که لازم می‌شود پروژه را زودتر از تاریخ محاسبه شده بر روی شبکه تکمیل نمود، زمان انجام فعالیت‌ها قابل کوتاه نمودن بوده و مسلماً، انجام این فشردگی‌ها در چنین شرایطی بدلیل افزایش در میزان منابع مورد استفاده و یا بروز تغییراتی در جهت تسریع زمان اجرا، مستلزم صرف هزینه‌های بیشتری بوده که از آن به عنوان هزینه فشردگی نام برده می‌شود. علاوه بر این، با فشردگی‌سازی زمان فعالیت‌ها، از میزان درجه کیفیت آن‌ها کاسته می‌شود. بنابراین، لحاظ نمودن عامل کیفیت، علاوه بر هزینه، در فشردگی‌سازی زمان فعالیت‌ها، موضوعی است که در این مقاله به آن پرداخته خواهد شد. در حقیقت، در شرایط فشردگی‌سازی فعالیت‌ها، آنچه در مدل‌های کلاسیک لحاظ شده، صرفاً "یافتن اقتصادی‌ترین ترکیب کاهش زمان‌های اجرای فعالیت‌ها بوده و مسئله تغییر کیفیت فعالیت‌ها طی عملیات فشردگی‌سازی، موضوعی است که در این مقاله، تحت عنوان مدل پیشنهادی ارائه می‌گردد. لذا در جستجوی یافتن مدلی هستیم تا بر اساس اظهار نظر خبرگان امر، مجموع میزان هزینه‌های پروژه (شامل هزینه‌های مستقیم، غیر مستقیم و عملیات فشردگی‌سازی) را همزمان با حفظ درجه کیفیت فعالیت‌ها در یک حد مطلوب، بهینه نماید، ضمن اینکه پروژه می‌بایست پیش از پایان مهلت (ضرب الاجل) تعریف شده تکمیل گردد.

در ادامه این مقاله، ابتدا به بیان مدل کلاسیک ارائه شده در مسئله موازنه زمان-هزینه می‌پردازیم و سپس در ادامه، مدل را با لحاظ نمودن شاخص کیفیت فعالیت‌ها به عنوان پارامتر جدیدی در مسئله، مورد بازبینی قرار داده و مدل پیشنهادی ارائه می‌گردد.

همچنین در خاتمه با کمک الگوی بیان شده در مدل کسب و کار استروالد، تاثیر بهره‌گیری از مدل ریاضی ساخته شده را در بخش‌های مختلف بوم کسب‌وکار مورد بررسی و نتیجه‌گیری قرار می‌دهیم.

## توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

### سئوالات پژوهش

- اضافه کردن متغیر کیفیت به مدل فشرده سازی زمان، چه تاثیری بر جواب بهینه مدل کلاسیک دارد؟

- چه ارتباطی میان هزینه های مستقیم و کیفیت، در مسئله فشرده سازی زمان، وجود دارد؟

- چه ارتباطی میان هزینه های غیر مستقیم و کیفیت، در مسئله فشرده سازی زمان، وجود دارد؟

### متغیرهای پژوهش

متغیر مستقل : زمان عملی اجرای هر فعالیت

متغیرهای وابسته : سطح کیفیت اجرای هر فعالیت ؛ هزینه مستقیم اجرای پروژه ؛ هزینه غیر

مستقیم اجرای پروژه ؛ هزینه فشرده سازی

### داده های پژوهش و ابزار گردآوری داده ها

داده های اولیه مورد استفاده در این مقاله، اطلاعات مربوط به ساختار شکست کار پروژه<sup>۳۸</sup> (WBS) به همراه ساختار هزینه های پروژه به تفکیک هر فعالیت<sup>۳۹</sup> (CBS) می باشد. این داده ها در خصوص پروژه های عمرانی جزو لاینفک اطلاعات پروژه ست که در قالب جداول زمان-هزینه فعالیت ها توسط پیمانکاران تهیه و ارائه می گردد. همچنین در خصوص کلیه فعالیت های یک پروژه، می بایست جدولی جهت تعیین تقدم و تاخر فعالیت ها و رعایت پیشنیازی انجام هر فعالیت ارائه گردد که این مقوله نیز جزو داده های اساسی مساله مدیریت پروژه بوده و به صورت شبکه CPM و گانت چارت، توسط پیمانکار تهیه شده و به تایید کارفرما می رسد.

در ادامه، جهت مدلسازی مساله نیازمند گردآوری داده های مربوط به "زمان فشرده" و "کیفیت فعالیت ها" در دو حالت عادی و فشرده می باشیم.

ابزار گردآوری اطلاعات فوق، بهره گیری از نظر خبرگان و تکنیک دلفی بوده بدین ترتیب که جدول خام مربوط به ریز اطلاعات فعلیت های یک پروژه مطابق جدول شماره ۲ در اختیار ۵ نفر از خبرگان امر (کارشناس رسمی دادگستری در حوزه های مربوطه، معرفی شده از جانب پیمانکار و مورد تایید کارفرما) قرار می گیرد، سپس با دریافت مجموع نظر ایشان و بهره گیری از تکنیک دلفی، جدول جمع بندی شده نظرات خبرگان، جهت حل مدل ریاضی مورد استفاده قرار می گیرد. یک نمونه فرم تکمیل شده، در جدول شماره ۳ نشان داده شده است.

فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

جدول ۲ - جدول گردآوری نظر خبرگان در خصوص داده های مورد نیاز برای حل مدل

نام فعالیت	فعالیت پیشنهادی	زمان انجام در حالت نرمال	زمان انجام در حالت فشرده	هزینه انجام در حالت نرمال	هزینه انجام در حالت فشرده	کیفیت در حالت نرمال	کیفیت در حالت فشرده

جدول ۳ - نمونه تکمیل شده جدول گردآوری نظر خبرگان در خصوص داده های مورد نیاز برای حل مدل

نام فعالیت	فعالیت پیشنهادی	زمان انجام در حالت نرمال	زمان انجام در حالت فشرده	هزینه انجام در حالت نرمال	هزینه انجام در حالت فشرده	کیفیت در حالت نرمال	کیفیت در حالت فشرده
D	A, B	۸	۷	۸۰		۱۰۰	۹۵

مدل کلاسیک مسئله موازنه زمان - هزینه (روش برنامه ریزی ریاضی)

متغیرهای مربوطه جهت معرفی مدل کلاسیک برنامه ریزی ریاضی موازنه زمان-هزینه عبارتند از:

$$D_n(i-j) = \text{زمان معمولی فعالیت } i-j$$

$$D_f(i-j) = \text{زمان فشرده فعالیت } i-j$$

$K_n$  = جمع هزینه های مستقیم پروژه در شرایطی که همگی فعالیت ها در زمان معمولی خود اجرا شوند.

$$C_{i-j} = \text{ضریب هزینه فعالیت } i-j$$

$$d_{i-j} = \text{زمان عملی (برنامه ریزی شده) برای اجرای فعالیت } i-j$$

$n$  = تعداد رویدادهای شبکه پروژه، به نحوی که رویداد آغازین با شماره ۱ شروع شده و رویداد

پایانه دارای شماره  $n$  باشد.

$$t_i = \text{تاریخ عملی (برنامه ریزی شده) برای وقوع رویداد}$$

ارائه مدل کلاسیک تعیین بهترین ترکیب کاهش برای تکمیل پروژه در تاریخ مشخص

همان گونه که ذکر شد، برای بسیاری از پروژه ها، به دلایل مختلف ممکن است تاریخ تکمیل (Tc)

تعیین شده باشد. در صورتی که در این تاریخ از تاریخ محاسبه شده براساس روش محاسبات CPM

### توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

کمتر (زودتر) باشد، ممکن است فشرده نمودن یا کاهش دادن زمان بعضی از فعالیتها در پروژه الزامی گردد. در اجرای این امر، ممکن است ترکیبهای مختلفی از فعالیتها که زمان آنها قابل کاهش است مورد نظر قرار گیرند. با کاهش زمان فعالیتهای هر یک از ترکیبهای مورد نظر این امکان وجود خواهد داشت که تاریخ پروژه را به  $T_C$  برسانند.

در چنین مدلی، هدف عبارت از تعیین ترکیب بهینه (اقتصادی ترین ترکیب) برای کاهش زمان اجرای فعالیتهاست، به نحوی که با امکان پذیر نمودن اجرای پروژه در تاریخ تعیین شده ( $T_C$ )، میزان اضافه هزینه بابت تسریع، در مینیمم مقدار ممکن باشد.

در این مدل، لازم است پروژه در تاریخ تعیین شده  $T_p$  تکمیل شود. بنابراین، هدف، یافتن بهترین (اقتصادی ترین) ترکیب برای کاهش زمانهای فعالیت می باشد. (حاج شیرمحمدی، ۱۳۸۶)

ضریب زاویه هزینه، عبارت است از مقدار هزینه های مستقیم اضافی که بابت کاهش یک واحد زمان اجرای فعالیت به آن تعلق می گیرد.

$$c = \left| \frac{c_f - c_n}{D_f - D_n} \right|$$

که در آن:  $C_f$  = هزینه فشرده ۴۰،  $C_n$  = هزینه معمولی ۴۱،  $D_f$  = زمان فشرده  $D_n$  = زمان معمولی برای اجرای فعالیت می باشد.

$$i\_j = C_{ij} (D_{n(ij)} - d_{ij}) = \text{جمع هزینه کاهش زمان فعالیت } i\_j$$

$$Z = \sum_i \sum_j C_{ij} (D_{n(ij)} - d_{ij}) = \text{جمع هزینه کاهش زمان فعالیتها}$$

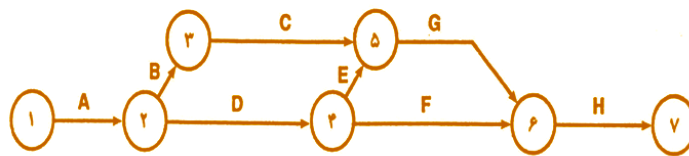
تابع  $Z$  عبارت از تابع هدف بوده و لازم است با توجه به محدودیتهای حاکم بر مدل، به حداقل مقدار خود برسد. یکی دیگر از محدودیتهای مساله، علاوه بر آنچه که گفته شد، آن است که زمان کل پروژه از  $T_p$  طولانی تر نشود.

$$t_n - t_1 \leq T_p = \text{زمان کل پروژه}$$

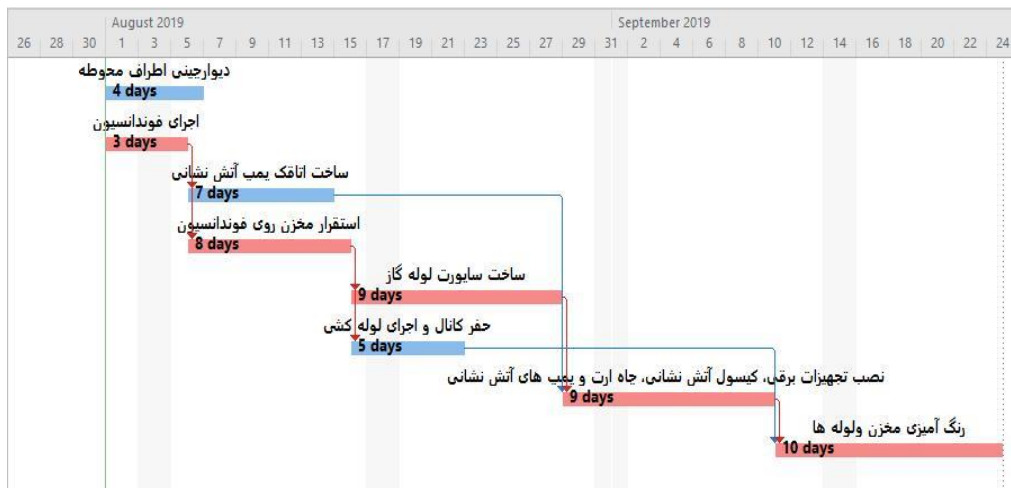
$$\text{تابع هدف } MinZ = \sum_i \sum_j C_{ij} (D_{n(ij)} - d_{ij})$$

$$\text{محدودیت ها} \begin{cases} t_j - t_i \geq d_{ij} \\ D_{f(ij)} \leq d_{ij} \leq D_{n(ij)} \\ t_n - t_1 \leq T_p \\ t_i \geq 0 \end{cases}$$

حل مثال برای مدل کلاسیک تعیین بهترین ترکیب کاهش برای تکمیل پروژه در تاریخ مشخص برای تشریح و توضیح مدل مربوطه، شبکه فعالیت های یک نمونه پروژه مثال را به شکل ذیل در نظر می گیریم. تقدم و تاخر فعالیت ها در این شبکه مشخص شده و چنانچه در گانت چارت پروژه که بر اساس شکل شماره ۳ ترسیم شده دقت کنیم، مسیر بحرانی فعالیت های این پروژه مشخص شده و طول مدت آن ۳۵ روز است.



شکل ۲- نمودار زمانبندی پروژه برای مثال



شکل ۳- گانت چارت و مسیری بحرانی پروژه مثال

در ادامه، مطابق جدول شماره ۳ و ۲، اطلاعات جزئی تری در خصوص زمان انجام فعالیت ها در حالت

توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

معمولی و زمان فشرده سازی فعالیت ها به همراه هزینه های انجام فعالیت به شکل معمولی و به صورت فشرده، بیان شده است.

آیتم بسیار مهم در این جدول، ضریب هزینه بوده که از فرمول مربوطه محاسبه شده و در ستون پایانی جدول شماره ۴ درج شده است.

جدول ۴ - مشخصات فعالیت ها برای مثال بیان شده

فعالیت	زمان معمولی	زمان فشرده	هزینه معمولی	ضریب هزینه
A	۴	۲	۱۰۰	۱۰
B	۳	۱	۱۵۰	۵
C	۷	۵	۵۰۰	۸
D	۸	۷	۸۰	۶
E	۶	۴	۹۰	۱۰
F	۵	۳	۱۲۰	۱۰
G	۹	۶	۱۰۰	۷
H	۱۰	۸	۷۰	۹

برای مثال، در صورتی که لازم باشد پروژه مثال قبل تا تاریخ تعیین شده  $T_p = 32$  تکمیل گردد،

تابع هدف و روابط محدودیتها به صورت زیر خواهند بود:

تابع هدف:

$$\text{Min } Z = 10(4 - d_A) + 5(3 - d_B) + 8(7 - d_C) + 6(8 - d_D) + 10(6 - d_E) + 10(5 - d_F) + 7(9 - d_G) + 9(10 - d_H)$$

محدودیتها:

$$t_2 - t_1 \geq d_A \quad , \quad t_3 - t_2 \geq d_B \quad , \quad t_5 - t_3 \geq d_C \quad , \quad t_4 - t_2 \geq d_D$$

$$t_5 - t_4 \geq d_E \quad , \quad t_6 - t_4 \geq d_F \quad , \quad t_6 - t_5 \geq d_G \quad , \quad t_7 - t_6 \geq d_H$$

$$2 \leq d_A \leq 4 \quad , \quad 1 \leq d_B \leq 3 \quad , \quad 5 \leq d_C \leq 7 \quad , \quad 7 \leq d_D \leq 8$$

$$4 \leq d_E \leq 6 \quad , \quad 3 \leq d_F \leq 5 \quad , \quad 6 \leq d_G \leq 9 \quad , \quad 8 \leq d_H \leq 10$$

$$t_7 - t_1 \leq 32$$

$$t_1, t_2, \dots, t_7 \geq 0$$

جوابهای حاصل از حل مسئله عبارتند از :



فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

$t_1 = 0$	$t_2 = 4$	$t_3 = 10$	$t_4 = 11$	$t_5 = 17$
$t_6 = 23$	$t_7 = 32$	$d_a = 4$	$d_b = 3$	$d_c = 7$
$d_d = 7$	$d_e = 6$	$d_f = 5$	$d_g = 6$	$d_h = 9$

مدل ارائه شده مسئله موازنه زمان-هزینه-کیفیت (لحاظ نمودن شاخص کیفیت فعالیت‌ها)

در این قسمت یک مدل ریاضی برای بررسی و موازنه زمان - هزینه - کیفیت ارائه می شود، اما پیش از آن لازم است موارد ذیل تعریف گردد : (نظری و همکاران، ۱۳۹۴)

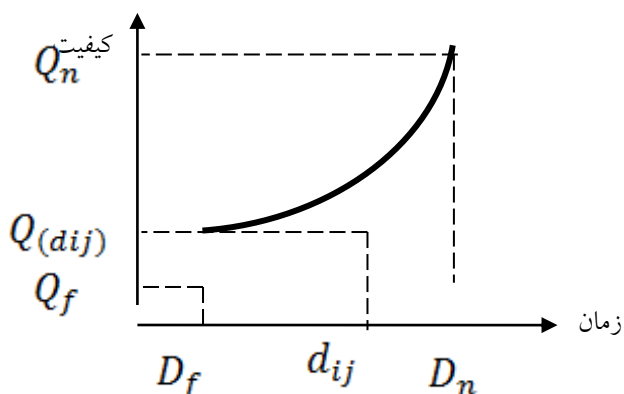
$Q_n(i-j)$  = کیفیت فعالیت  $i$ - $j$  چنانچه فعالیت مذکور در زمان معمولی انجام شود (که آن را اختصاراً کیفیت معمولی می نامیم)

$D_f(i-j)$  = کیفیت فعالیت  $i$ - $j$  چنانچه فعالیت مذکور در زمان فشرده انجام شود (که آن را اختصاراً کیفیت فشرده می نامیم)

می دانیم که روند تغییرات کیفیت، با کاهش زمان فعالیت، روند نزولی بوده ولی لزوماً بصورت خطی نخواهد بود. لذا می توان آن را با یک منحنی نمایی تقریب زد. (مطابق شکل شماره ۴)

می دانیم که فرمت یک تابع نمایی مثبت به شکل کلی  $Y = \alpha \cdot e^{\beta x}$  می باشد، بنابراین، چنانچه دو نقطه از منحنی کیفیت برحسب زمان را داشته باشیم، با محاسبه مقدار  $\alpha$  و  $\beta$ ، می توان به تخمین مناسبی از تابع تغییرات کیفیت دست یافت.

این دو نقطه می توانند نقاط مبتنی بر زمان و کیفیت معمولی و فشرده فعالیت ها باشند (که بر اساس نظر خبرگان امر از پیش برآورد شده اند). برای محاسبه  $\alpha$  و  $\beta$  داریم :



شکل ۴- نمودار کیفیت بر حسب زمان معمولی و زمان فشرده

توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

با مشخص بودن مختصات نقاط به طول  $D_n$  و  $D_f$  داریم:

$$Q(d_{ij}) = \alpha \cdot e^{-\beta(d_{ij})}$$

$$D_n \text{ و } Q_n \rightarrow Q_n = \alpha \cdot e^{\beta(D_n)}$$

$$D_f \text{ و } Q_f \rightarrow Q_f = \alpha \cdot e^{\beta(D_f)}$$

$$Q_n = \alpha \cdot e^{\beta(D_n)} \rightarrow \ln(Q_n) = \ln(\alpha) + \beta(D_n)$$

$$Q_f = \alpha \cdot e^{\beta(D_f)} \rightarrow \ln(Q_f) = \ln(\alpha) + \beta(D_f)$$

با کم کردن دو طرف رابطه از هم داریم:

$$\Rightarrow \ln(Q_n) - \ln(Q_f) = \beta(D_n) - \beta(D_f)$$

$$\Rightarrow \ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right) = \beta(D_n - D_f) \rightarrow \beta = \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f}$$

پس از محاسبه بتا، برای محاسبه آلفا داریم:

$$\ln(Q_n) = \ln(\alpha) - \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} \cdot D_n$$

$$\ln(\alpha) = \ln(Q_n) + \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} \cdot D_n$$

$$\rightarrow \alpha = e^{\left(\ln(Q_n) + \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} \cdot D_n\right)}$$

حال با دانستن مقادیر آلفا و بتا، تابع کیفیت به ازای هر فعالیت (j-i)، برابر است با:

$$Q = e^{\left(\ln(Q_n) + \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} \cdot D_n\right)} \cdot e^{\frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} d_{ij}}$$

و در مجموع برای کلیه فعالیت ها داریم:

$$= \sum_i \sum_j e^{\left(\ln(Q_n) + \frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} \cdot D_n\right)} \cdot e^{\frac{\ln\left(\frac{Q_n}{Q_f}\right)}{D_n - D_f} d_{ij}} Q_T$$

### فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

از آنجا که در جستوی مدلی هستیم که در کنار حداقل سازی هزینه ها، بتواند کیفیت را نیز حداکثر کند، در خصوص ۳ مدل ذکر شده، با افزودن این هدف به مسئله، با یک رویکرد به مدل های چند هدفه خواهیم رسید که در آنها، تابع هدف دوم، بصورت ذیل تعریف می گردد :

$$\text{Max } Z_2: Q_T = \sum_i \sum_j e^{\left( \frac{\ln(Q_n)}{\ln(Q_f)} + \frac{\ln(Q_n)}{D_n - D_f} D_n \right)} \cdot e^{\frac{\ln(Q_n)}{D_n - D_f} d_{ij}}$$

چنانچه نخواهیم مدل ها را با رویکرد چند هدفه بازنویسی کنیم، کفایت تابع هدف دوم را در یک منفی ضرب کرده و با تابع هدف دوم جمع کنیم. بدین ترتیب، مدل های پیشنهادی فقط با یک تابع هدف قابل ارائه هستند.

مدل ارائه شده جهت تعیین بهترین ترکیب کاهش برای تکمیل پروژه در تاریخ مشخص

تابع هدف ۱:

$$\text{Min } Z_1: \sum_i \sum_j C_{ij} (D_{n(ij)} - d_{ij})$$

تابع هدف ۲:

$$\text{Max } Z_2: Q_T = \sum_i \sum_j e^{\left( \frac{\ln(Q_n)}{\ln(Q_f)} + \frac{\ln(Q_n)}{D_n - D_f} D_n \right)} \cdot e^{\frac{\ln(Q_n)}{D_n - D_f} d_{ij}}$$

محدودیت ها:

$$t_j - t_i \geq d_{ij} \quad , \quad i, j = 1, 2, \dots, n$$

$$D_{f(ij)} \leq d_{ij} \leq D_{n(ij)}$$

$$t_n - t_1 \leq T_p$$

$$t_i \geq 0$$

#### یافته های پژوهش

در این بخش، مدل های کلاسیک و پیشنهادی ارائه شده را در خصوص مثال بخش قبل حل نموده و نتایج حاصل از حل مثال به روش کلاسیک و با مدل پیشنهادی را با هم مقایسه می کنیم. با این توضیح که، علاوه بر اطلاعات داده شده در مثال مذکور نیاز به یکسری اطلاعات جدید، در خصوص

توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

کیفیت فعالیت ها در حالت معمولی و در حالت فشرده سازی، داریم، که این اطلاعات را با کمک نظرات خبرگان امر، بر حسب درصد به جدول داده ها اضافه می نماییم. (مطابق جدول شماره ۵)

جدول ۵ - مشخصات فعالیت ها برای مثال بیان شده

فعالیت	زمان معمولی	زمان فشرده	هزینه معمولی	هزینه فشرده	ضریب هزینه	کیفیت معمولی	کیفیت فشرده	$\alpha$	$\beta$
A	۴	۲	۱۰۰	۱۰	۱۰	۸۰	۷۰	۱۰۵	۰,۰۷
B	۳	۱	۱۵۰	۵	۵	۶۰	۴۰	۹۳	۰,۲
C	۷	۵	۵۰۰	۸	۸	۵۵	۴۵	۱۱۱	۰,۱
D	۸	۷	۸۰	۶	۶	۱۰۰	۹۵	۱۵۱	۰,۰۵
E	۶	۴	۹۰	۱۰	۱۰	۶۵	۵۰	۱۴۳	۰,۱۳
F	۵	۳	۱۲۰	۱۰	۱۰	۷۰	۶۵	۸۴	۰,۰۴
G	۹	۶	۱۰۰	۷	۷	۹۰	۷۰	۱۹۲	۰,۰۸
H	۱۰	۸	۷۰	۹	۹	۱۰۰	۹۰	۱۷۰	۰,۰۵

روش حل :

برای حل مدل های پیشنهادی، با رویکرد چند هدفه (MODM)، ابتدا یک تابع جدید تحت عنوان Utility function را به صورت ذیل تعریف می نماییم :

$$\text{Min } U : w Z_1 - (1 - w) Z_2$$

که در آن  $w$  را می توان به عنوان درجه اهمیت یا وزن تابع هدف اول و  $(1 - w)$  را وزن تابع هدف دوم در نظر گرفت، تا در صورت متفاوت بودن درجه اهمیت این دو تابع، مدل جوابگو باشد.

تابع هدف اول

$$\text{Min } Z_1 = 10(4 - d_A) + 5(3 - d_B) + 8(7 - d_C) + 6(8 - d_D) + 10(6 - d_E) + 10(5 - d_F) + 7(9 - d_G) + 9(10 - d_H)$$

تابع هدف دوم

$$\text{Max } Z_2: 105. e^{0.07d_a} + 93. e^{0.2d_b} + 111. e^{0.1d_c} + 151. e^{0.05d_d} + 143. e^{0.13d_e} + 84. e^{0.04d_f} + 192. e^{0.08d_g} + 170. e^{0.05d_h}$$

فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

محدودیت ها

$$\begin{aligned}
 t_2 - t_1 &\geq d_A, & t_3 - t_2 &\geq d_B, & t_5 - t_3 &\geq d_C, & t_4 - t_2 &\geq d_D \\
 t_5 - t_4 &\geq d_E, & t_6 - t_4 &\geq d_F, & t_6 - t_5 &\geq d_G, & t_7 - t_6 &\geq d_H \\
 2 \leq d_A &\leq 4, & 1 \leq d_B &\leq 3, & 5 \leq d_C &\leq 7, & 7 \leq d_D &\leq 8 \\
 4 \leq d_E &\leq 6, & 3 \leq d_F &\leq 5, & 6 \leq d_G &\leq 9, & 8 \leq d_H &\leq 10 \\
 & & & & & & t_7 - t_1 &\leq 32 \\
 & & & & & & t_1, t_2, \dots, t_7 &\geq 0 \\
 & & & & & & \text{جواب (با } w = 0.8) &
 \end{aligned}$$

$$\begin{array}{ccccc}
 t_1 = 0 & t_2 = 2 & t_3 = 8 & t_4 = 9 & t_5 = 15 \\
 t_6 = 24 & t_7 = 32 & d_a = 2 & d_b = 3 & d_c = 7 \\
 d_d = 7 & d_e = 6 & d_f = 5 & d_g = 9 & d_h = 8
 \end{array}$$

جدول ۶ - مقایسه جواب های مثال با مدل کلاسیک و مدل پیشنهادی

مدل کلاسیک	نام متغیر	t	t	t	t	t	t	t	d	d	d	d	d	d	d	d
	مقدار	1	2	3	4	5	6	7	a	b	c	d	e	f	g	h
مدل پیشنهادی	نام متغیر	t	t	t	t	t	t	t	d	d	d	d	d	d	d	d
	مقدار	1	2	3	4	5	6	7	a	b	c	d	e	f	g	h
	مقدار	0	4	10	11	17	23	32	4	3	7	7	6	5	6	9
	مقدار	0	2	8	9	15	24	32	2	3	7	7	6	5	9	8

**جمع بندی و نتیجه گیری**

پروژه های مختلف در مسیر دستیابی به اهداف خود به طور کلی، با سه دسته محدودیت مواجه می باشند؛

الف) محدودیت های مربوط به زمان انجام فعالیت ها و به تبع آن زمان نهایی پروژه،

ب) محدودیت های مربوط به استفاده ی فعالیت ها از منابع پروژه

ج) محدودیت های مربوط به اجرای فعالیت های خاص.

## توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

از آنجا که برآیند تاثیر همزمان محدودیت‌ها می‌تواند باعث ایجاد انحرافات چشمگیری در دستیابی به اهداف پروژه گردد، باید در صورت امکان، به وسیله‌ی موازنه نمودن این محدودیت‌ها با یکدیگر، به بهینه‌سازی زمان، هزینه و کیفیت انجام فعالیت‌های پروژه اهتمام ورزید. در این مقاله، با در نظر گرفتن مطالعات صورت گرفته و پیشینه‌های موجود، در خصوص مسائل موازنه زمان-هزینه، از یک مدل ریاضی که جهت فشردن زمان در شبکه‌های CPM طراحی شده بود استفاده نموده و به عنوان مدل کلاسیک، ضمن توجه به این نکته که در کنار کاهش زمان فعالیت‌ها و ارضای هدف حداقل سازی مجموع هزینه‌های پروژه (اعم از: هزینه‌های مستقیم، غیر مستقیم و فشردن سازی) باید بتوانیم هدف دوم یعنی به حداکثر رساندن مجموع کیفیت پروژه که تابعی است از تک تک فعالیت‌ها را محقق نماییم، مدل را توسعه داده و تحت عنوان مدل پیشنهادی ارائه نمودیم.

در واقع، با دو تابع هدف حداقل سازی مجموع هزینه‌ها در کنار حداکثرسازی مجموع سطح کیفیت فعالیت‌ها مواجه هستیم که هرکدام را به صورت تابعی از فعالیت‌های جزئی پروژه، با لحاظ نمودن سایر شرایط تقدم و تاخر فعالیت‌ها در شبکه CPM در نظر گرفته ایم و با شرط اینکه پروژه می‌بایست در تاریخ معینی که به عنوان ضرب الاجل تعریف شده، پایان یابد، مدل را برای یک نمونه پروژه مثال حل کرده و پاسخ‌های مربوطه را مقایسه نمودیم.

همانگونه که پیشتر اشاره شد، طبق تعریف استروالدر؛ مدل کسب و کار ابزاری مفهومی است که شامل مجموعه‌ای از عناصر و ارتباط آن‌ها بوده و منطق شرکت جهت درآمدزایی را نشان می‌دهد. مولفه‌های مهم و حیاتی مدل کسب و کار استروالدر که می‌تواند چارچوبی درست و منطقی در خصوص مسائل مدیریت پروژه و فشردن سازی زمان در شبکه‌های CPM (همانگونه که منظور اصلی این مقاله است) ارائه کند، مربوط است به مولفه‌های ششم، هفتم و نهم مدل استروالدر که به ترتیب عبارتند از: منابع کلیدی، فعالیت‌های کلیدی و ساختار هزینه.

در نهایت، به منظور بیان نتایج مدل ریاضی پیشنهادی بدست آمده در قالب بوم مدل کسب و کار استروالدر می‌توان چنین ادعان داشت، شالوده اصلی و اساسی این الگو، ساختار هزینه‌های یک کسب و کار، فعالیت‌های کلیدی و منابع کلیدی است که سایر بخش‌های الگو بر اساس آن سازماندهی و مدیریت می‌گردند. در همین راستا مشخصات ساختارهای هزینه عبارتند از:

✓ هزینه ثابت: هزینه‌هایی که در برنامه‌های مختلف تغییری نمی‌کند. برای مثال: دستمزد، اجاره‌بها

✓ هزینه‌های متغیر: تغییر این هزینه‌ها وابسته مقدار تولید کالا یا خدمات است. برای مثال جشنواره

## فصلنامه مدیریت کسب و کار - شماره چهل و سوم - پائیز ۱۳۹۸

✓ مقیاس اقتصاد: کاهش هزینه‌ها بر اساس کالا سفارش شده یا تولیدشده.

✓ اهداف اقتصاد: کاهش هزینه به وسیله ترکیب کسب و کارهای دیگر که ارتباط مستقیمی با محصول اصلی دارند.

با این تفاسیل، چنانچه راه کارهایی در جهت کاهش و مدیریت هزینه‌های کسب و کارها ارائه گردد، تا حد بسیار زیادی در تامین منابع کلیدی در اختیار آن کسب و کار، مفید و موثر واقع شده و سودآوری را افزایش می‌دهد، اما نکته حائز اهمیت اینک، صرف کاهش هزینه نباید با چشم‌پوشی بر مقوله کیفیت همراه شود و چنانچه افزایش ارزش یک کسب و کار (سودآوری دراز مدت، ارزش برند و ...) مدنظر باشد، همواره نیاز است تا در کنار کنترل هزینه، نگهداشت کیفیت در یک سطح مطلوب و منطقی را در دستور کار قرار داد و از این جهت، مدل ریاضی پیشنهادی در این مقاله، هر دو هدف را به خوبی تامین می‌نماید.

نتایج حاصل از بهره‌گیری از مدل ریاضی پیشنهادی و حل این مدل برای هر پروژه، می‌تواند موجب بهبودهای زیر در سه مولفه مذکور مدل کسب و کار گردد:

- منابع کلیدی: مدل پیشنهادی در عین حداقل‌سازی هزینه‌ها و حداکثرسازی کیفیت فعالیت‌ها، محدودیت محدودیت منابع را نیز در نظر می‌گیرد. لذا می‌توان با بهره‌گیری از این مدل منابع کلیدی مورد استفاده را مدیریت کرده و از منابع محدود سرمایه‌گذار بهترین استفاده را برد.

- فعالیت‌های کلیدی کسب و کار: نتایج حاصل از به کارگیری مدل پیشنهادی موجب حفظ کیفیت اجرای فعالیت‌ها شده و این امر در محبوبیت برند، رضایت مشتریان و حفظ کیفیت نهایی محصول و یا خدمت قابل ارائه بسیار تاثیرگذار است. لذا، مدل پیشنهادی اجرای باکیفیت فعالیت‌های کلیدی را تضمین می‌کند.

- ساختار هزینه‌های کسب و کار: پیروی از نتایج حاصل از حل مدل پیشنهادی می‌تواند منجر به انجام فعالیت‌های کسب و کار با کمترین هزینه گردد و در نتیجه ساختار هزینه متناسب و معقولی را برای سرمایه‌گذار به همراه خواهد داشت.

در خاتمه با عنایت به کیفی بودن مقوله "تعیین میزان سطح کیفیت فعالیت‌ها" و دشواری بیان آن‌ها به صورت متغیر کمی، می‌توان این مقوله را به کمک متغیرهای کلامی بیان نمود و از مباحث مرتبط با مجموعه‌های فازی، برای حل مدل‌ها کمک گرفت که این امر جهت پژوهش‌های آتی به محققین این حوزه پیشنهاد می‌گردد.

## توسعه مدل ریاضی موازنه زمان-هزینه-کیفیت در شبکه های .../نظری، شادنوش و سهرابی

### منابع

- ۱) ابراهیم نژاد، سعداله؛ احمدی، وحید؛ جوانشیر، حسن؛ "موازنه معیارهای هزینه، زمان و کیفیت در یک شبکه CPM با استفاده از منطق فازی و الگوریتم ژنتیک"، نشریه مهندسی صنایع و مدیریت تولید، دوره ۲۴، پاییز ۱۳۹۲، صفحه ۳۶۲-۳۷۶.
- ۲) استروالدر، الکساندر؛ پیگنیور، ایو؛ ترجمه: غلامرضا توکلی، بابک وطن دوست، حسام الدین ساروقی و بهامین توفیقی؛ "خلق مدل کسب و کار؛ انتشارات آریانا؛ چاپ نهم؛ ۱۳۹۸
- ۳) جعفر نژاد، علی؛ سحاب، محمداقاسم؛ اکبر پور، عباس؛ "بهینه سازی زمان - هزینه - کیفیت با استفاده از الگوریتم جستجوی مستقیم شبکه تطبیقی"، کنگره ملی مهندسی عمران، دانشگاه فردوسی مشهد، ایران، دوره ۵، ۱۳۸۱.
- ۴) جوانمردی، اشتاد؛ قدوسی، پرویز؛ اشتهااردیان، احسان اله؛ "بهینه سازی زمان - هزینه پروژه با در نظر گرفتن محدودیت منابع توسط الگوریتم ژنتیک"، کنگره ملی مهندسی عمران، دانشگاه سمنان، ایران، دوره ۶، سال ۱۳۸۱.
- ۵) حاج شیرمحمدی، علی؛ مدیریت و کنترل پروژه، چاپ دوازدهم، انتشارات دانشگاه صنعتی اصفهان، ایران، ۱۳۸۶.
- ۶) سبزه پرور، مجید؛ مرجع درسی و کاربردی کنترل پروژه به روش گام به گام، چاپ یازدهم، انتشارات ترمه، تهران، ایران، ۱۳۸۹.
- ۷) نظری، احسانه؛ سجادی، سیدجعفر و شهریاری، محمدرضا، ۱۳۹۴، طراحی و تبیین مدل ریاضی فشرده سازی زمان در شبکه های CPM با در نظر گرفتن شاخص کیفیت فعالیت ها، یازدهمین کنفرانس بین المللی مدیریت پروژه، تهران
- ۸) هاشم زاده زرگر، مهران؛ قلعه نوی، منصور؛ رضایی نیک، ابراهیم؛ "بررسی مدل های موازنه (هزینه- زمان- کیفیت) در مدیریت پروژه ها، کنفرانس بین المللی نوآوری در مهندسی و توسعه تکنولوژی، تبریز، ایران، بهمن ماه، دوره ۵، ۱۳۹۵.
- 9) Afshar.A, Kaveh.A and Shoghli.O , " Multi objective optimization of time-cost-quality using multi colony ant algorithm",ASIAN JOURNAL OF CIVIL ENGINEERING (BUILDING AND HOUSING) VOL. ۸,NO. ۲,۲۰۰۷,pp. ۱۱۳-۱۲۴
- 10) Aminbakhsh.N, Sonmez.R, "Discrete particle swarm optimization method for the large-scale discrete time-cost trade-off problem", Expert Systems With Applications, Vol. ۵۱, ۲۰۱۶, pp. ۱۷۷-۱۸۵



- 11) Azaron.A, Tavakkoli Moghaddam. R, “Multi-objective time–cost trade-off in dynamic PERT networks using an interactive approach”, European Journal of Operational Research, Vol. ۱۸۰, ۲۰۰۷, pp.۱۱۸۶–۱۲۰۰
- 12) MAZLUM.M, GÜNERİ.F.A, “CPM, PERT and Project Management With Fuzzy Logic Technique and Implementation On A Business” , Social and Behavioral Sciences, Vol. ۲۱۰, ۲۰۱۵, pp. ۳۴۸– ۳۵۷
- 13) Shahsavari Pour.N, Modarres.M , Aryanejad.M.B, Tavakoli Moghadam.R, “The Discrete Time-Cost-Quality Trade-off Problem Using a Novel Hybrid Genetic Algorithm”, Applied Mathematical Sciences, Vol. ۴, no. ۴۲, ۲۰۱۰, pp. ۲۰۸۱– ۲۰۹۴
- 14) Tareghian. H. R , Taheri.S. H, “On the discrete time, cost and quality trade-off problem”, Applied Mathematics and Computation, Vol. ۱۸۱, ۲۰۰۶, pp.۱۳۰۵– ۱۳۱۲
- 15) Tareghian.H. R, Taheri.S. H, “A solution procedure for the discrete time cost and quality trade off problem using electromagnetic scatter search”, Applied Mathematics and Computation, Vol. ۱۹۰, ۲۰۰۷, pp. ۱۱۳۶– ۱۱۴۵
- 16) Yeta.B ,Constantinou.B, Fentonb.N, Neilb.M, Luedelingc.E, Shepher.K, “A Bayesian Network Framework for Project Cost, Benefit and Risk Analysis with an Agricultural Development Case Study”, Expert Systems With Applications, Vol. ۱۰۸, May ۲۰۱۶, pp..۹۰–۷۵

یادداشت‌ها :

- 
- 1 Critical Path Method  
2 overhead costs  
3 business plan  
4 business model  
5 Kelly JE  
6 Walker  
7 Fulkerson  
8 Meyer WL  
9 Shaffer LR  
10 Talbot FB  
11 Chua DKH, Chan WT, Govindan K

- 12 Feng CW
- 13 Burns SA
- 14 Simulated annealing
- 15 Ang A
- 16 Wang KH, Chi JH, Wan EH
- 17 Hapke M
- 18 Slowinski R
- 19 Leu SS, Chen AT, Yang CH
- 20 Arikan F
- 21 Gungor Z
- 22 Chao-Guang J, Zhuo-shang J, Yan L, Yuan-min Z, Zhen-dong H
- 23 Tanaka H, Guo P, Zimmermann H-J
- 24 Buckley JJ, Feuring T, Hayashi Y
- 25 Ghazanfari M Shahanaghi K, Yousefli A, Abiry MB
- 26 Golenko Gunzburg & Gonik
- 27 Gutjohr etal.
- 28 Ke etal
- 29 PERT
- 30 Babu, Suresh
- 31 Khang
- 32 Myint
- 33 Atkinson
- 34 GÜNERİ.F.A
- 35 Yeta.B
- 36 Constantinou.B
- 37 Sonmez.R
- 38 Work Breakdown Structure
- 39 Cost Breakdown Structure
- 40 Crash activity cost
- 41 Normal activity cost